



RB138, 907

Library
of the
University of Toronto



STILLMAN DRAKE

J. + g. 2.

Hale in B 11

F. MARINI
MERSENNI
MINIMI
COGITATA
PHYSICO
MATHEMATICA.

In quibustam naturæ quàm artis effectus
admirandi certissimis demonstra-
tionibus explicantur.




PARISIIS,

Sumptibus ANTONII BERTIER, viâ Iacobi

M. DC. XLIV.

CUM PRIVILEGIO REGIS.



Digitized by the Internet Archive
in 2024 with funding from
University of Toronto



REVERENDISSIMO PATRI
LAVRENTIO A SPEZZANO
TOTIVS ORDINIS MINIMORVM
DIGNISSIMO GENERALI.

F. MARINVS MERSENNVS S. P. D.

NOVAM Ordinis nostri leti-
tiam, nouis tractatibus, REVE-
RENDISSIME PATER, omni-
bus testatissimam volui, quòd te
beatissimus, & ΚΑΘΟΛΙΚΩΤΑΤΟΣ ille totius
Ecclesiae Princeps Urbanus VIII. dignis-
simum iudicarit, & elegerit praesidem Ge-
neralem, cuius prudentia singulari noster
Ordo tam praclare regeretur, ut tuo velu-
ti spiritu fatus & animatus omni virtu-
tum genere, splendidissimisque scientiarum
radijs Ecclesiam illustraret.

Quot enim habemus peritissimos Theo-
logos, qui Theologiam uniuersam magna

cum laude, & eruditione exquisitissima, sint in lucem edituri statim atque vel ipso nutu tibi pergratum esse significaris? Quos inter plurimos appellarem, Gallia nostra singularia ornamenta, nisi longè singularior illorum modestia meum calamus sisteret, qui neminem invidia vellet onerare.

Lynceos habes collegas R. P. qui præstantissimorum ingeniorum cathalogū in omnibus regnis, atque prouinciis degentium instruant, quibus deinceps ad maiorem Dei gloriam, & instituti nostri decus & utilitatem sapienter utaris. Quod ubi cæperis, deque incepto opere monueris successorem qui nobilissima germina tuis curis atque studiis adolescentia promoueat, quantis te laudibus à fœlicis memoria Urbani Successore arbitraris efferendum?

Quis è numero Cardinalium Eminentissimorum te millies non amplectatur qui tantam messem in Ecclesie horreum intuleris? Quis non Catholicorum te suspiciat atque veneretur qui scientias omnes e regno philo-

sophico ad ipsius Dei caeleste Regnū trāstulerit? Vt quemadmodū Analyseos procures hoc effatum audent ingerere, NULLVM NON PROBLEMA SOLVERE, ita filij tuis curis commissi in rebus Theologicis, nullam non propositionem dissolvere, pronuntient.

Accipe interim R. P. sequentes tractatus, quibus tantisper varias illas peregriinationes interrumpas, quas Ordinis nostri gratia Charitatis ardore succensus instituis. Excipe sincerissima ipsius auctoris vota, quibus Deum Opt. Max veneror te nostro Ordini, totique Ecclesiæ Catholica plurimos in annos seruet incolumem, tuosque labores perfectissima beatitudine cumulet.

Licentia R. P. Generalis.

Certissima relatione compertum habeo te nonnullos excellentissimi ingenij tui fœtus luci publicæ velle committere. Per me licet vt primum eos in vulgus emittas, modo sint à duobus ordinis nostri Theologis reuisi & approbari quos R. P. Prouincialis designauerit, & c. Datum Romæ in Conuentu nostro sancti Andreæ de Frattis, die 8. Augusti, anni 1643.

F. LAVRENTIVS A SPEZZANO Minim. Corrector
Generalis. Locus sigilli.

NOS infra scripti Ordinis Minimorum Theologi ex mandato Superiorum vidimus *Cogitata Physico-Mathematica* R. P. *Marini Mersenni*, & probauimus, testamurque in iis nihil contineri orthodoxæ fidei dissonum aut bonis moribus contrarium, vnde & prælo digna censemus, & magnam studiosis vtilitatem allatura. Datum in Conuentu nostro Sancti Francisci de Paula ad Plateam Regiam, Parisiis hac luce 27. Februarii, 1644.

I. FRANCISCVS LANOVIUS.

F. IOANNES FRANCISCVS NICERON.

Summa Priuilegij Regis Christianissimi.

LVDOVICVS XIV. Dei gratiâ Galliarum & Nauarræ Rex Christianissimus, singulari Priuilegio sanxit, ne quis per vniuersos Regnorum suorum fines, intra decem annos à die finitæ impressionis computandos, imprimat, seu typis excudendum curet, & venalem habeat librum, qui inscribitur *Opera Varia Mathematica* R. P. *Marini Mersenni Minimi* præter dict. P. aut illos, quibus ipsemet concesserit. Prohibuit insuper eadem autoritate Regia omnibus suis subditis, eundem librum extra Regni sui limites imprimendum curare, vel quempiam, vbicumque fuerit, ad id agendum impellere, ac instigare, sine consensu dicti R. P. *Mirini Mersenni*. Idque omne sub confiscatione Librorum, aliisque pœnis contra delinquentes expressis, vt latius patet in literis datis. Paris. 2. Octob. 1643.

Ex mandato Regis Signatum DENISOT.
Peracta est hæc Impressio die 15. Septembris 1644.

Ledit R. P. MERSENNE a cedé & transporté le susdit Priuilege à ANTOINE BERTIER, Marchand Libraire à Paris, pour en iouyr pendans le temps porcé par iceluy.

Praefatio Praefationum.

CVM plurima singulae tractatum sequentium Praefationes exhibeant, quae vel in ipsis tractatibus desunt, vel ad eos melius intelligendos, atque perficiendos non parum conferunt, moneo primum Lectori post emendata typorum errata, quae sequuntur, diligenter emendanda: cuius etiam diligentiae ac studio virgulas, vel puncta quae perperam apposita, vel omissa sunt, vel etiam alios errores nondum animaduersos permitto.

Secundò, me consultò plurima tractatu de navibus sub aqua natantibus omisisse, verbi gratia, pagina 252. naues huc illuc moueri posse ventis maximorum operis folium excitatis, quales sunt in moneta Regia, & in maioribus organis, ut jam fieri solet à nautis, qui pedibus folles comprimantibus ventum procreant, quo vela inflant, & impellunt.

Tertiò, ubi praemissa mechanicis Epistola dictum est tormentum militare Aeneum V. vel potius $5\frac{1}{2}$ pedes longum sesquilibra pyrii pulueris onustum suam pilam ferream VI. librarum verticaliter ita misisse, ut illius ascensus & exscensus XXXII. secunda temporis insumpserit, unde ascensum 512. hexapodum inferebamus: quem duplò ferè maiorem ausim asserere, si duplò fuerit, velocior ascensus exscensu, quod ad rupem altissimam explorare possis; iam addendum me nuper ab Illustrissimo viro Hugenio eiusdem tormenti praedictae pulueris mensura pilam aequalem excutientis medium illum, quem ad 45. gradus appellant, accepisse, quem 3225. passus communes definire; pila verò terram sesquipede subingressa est.

Lactus vero horizontalis usque ad primum horizontis

contactum fuit 398. passuum, atque adeo medii ferè subseptuplus: post quem contactum primò saltavit pila 215. passus: secundò 275. tertiò, 279: quartò 150. quintò 81. sextò 73. septimò 78. octauò denique 124. adeout iactus horizontalis cum illis octo saltibus passuum 1730. hoc est ferè medij subduplus fuerit. Quibus Lectores studiosi manum ultimam variis experimentis asserre poterunt.

Quartò, me iam factum esse certiorum de numero 576. granorum, quibus vncia Romana constat, monente viro Nobilissimo Domino du Verdus, quandoquidem illa vncia, vt nostra, diuiditur in 24. denarios, & denarius in grana 24. vt iam certum sit quod sub dubio, puncto IX. Præfationis generalis proponebam, sintque propterea 16. tantummodo laminæ æneæ in vncia, de quibus corollariorum primo, prop. 3. de numeris, & ad calcem paginæ 38. Quæ tamen omnia Romæ sum accuratiùs, Deo volente, discussurus. Vide III. punctum erratorum emendatorum.

TRACTATVS ISTO

VOLVMINE CONTENTI

- I. **D**E *Mensuris, Ponderibus & Nummis Hebraicis, Graecis & Romanis ad Gallica redactis.*
- II. *De Hydraulico-pneumaticis Phenomenis.*
- III. *De arte Nautica, seu Histiodromia, & Hydrostatica.*
- IV. *De Musica Theorica & Practica.*
- V. *De Mechanicis Phenomenis*
- VI. *De Ballisticis, seu Acontismologicis Phenomenis.*

AD LECTOREM MONITA,

& errorum emendatio.

E Sexcentis quæ nouâ dici poterunt editione pauca seligo, de quibus te monitum velim, I. Me per Francopolim, prop. 25. Ballist. non aliud velle quàm Portum Gratia, vulgò *le Haur de Grace*; & obliuationibus Catapultæ pag. 34. non solùm adfuisse virum nobilem Petrum Petitem, sed ipsum etiam catapultam mihi commodasse: cuius experimenta de refractionibus in multifariis diaphanistam liquidis quàm duris, vbi suum opus incomparabile iuris fecerit publici, plurimum sis admiraturus. II. Me quoties Geometram nostrum in istis tractatibus appellauì, Cl. V. Roberuallum intellexisse, quem in singulis Mathematicæ partibus noui versatissimum. III. Quæ IX. puncto Præfat. ad tractatum de Ponderibus &c. dicta sunt, iam extra dubium videri ex litteris ad me nuper Româ datis, nempe Romanam vnciam 576 grana Romana complecti, cùm diuidatur in 24 denarios, sitque denarius 24. granorum. Vnde miror quosdam alios etiam Romæ vnciam in 600, alios in 612 grana diuidere. IV. Cùm de Erogatoriis prop. 12. Hydraul. loquor, addendum quanto pondere, vel quantâ vi pellat aqua datæ altitudinis illorum parietes: quod quidem pondus dimidium esse ponderis aquæ erogatorij fundum prementis diximus prop. 14 l. primi de arte nauigandi, pag. 229; quod Steuinus fusè demonstrat in elementis Hydrostaticæ. V. Vbicumque pondus digiti, seu pollicis aquei, vt hydraul. pag. 80 & præfationis in Pondera puncto IV. allatum est, me postremò in ea esse sententia, vt sit granorû 384, hoc est semiuncie, drachmæ & denarij. Hemina verò Parisiensis aquea sit 24 digitorum cubicorum, vniûsque libræ, & pes cubicus 72 librarum; quem si 71 duntaxat feceris, cùm 1728 digiti, seu pollices cubici sint in pede cubico, digitus cubicus sit drachmarum $5\frac{1}{4}$, exactè granorum $378\frac{7}{12}$, cùm existente pede 72 librarum, sit drachmarum $5\frac{1}{3}$. VI. Licet de diuersis aureis cùm Imperatorum Romanorum, tum primorum Galliæ regum non agam tract. de Nummis, quòd faciliè possint à quouis illorum pondera cognoscente ad nostros nummos reduci, iuuat tamen addere Dagoberti aureum 23 granorum fuisse, vt & Chariberti; Theodeberti verò granorum 27 & $\frac{1}{4}$, quos apud V. clariss. Iacobum Sirmondum videre possis, quemadmodum Arcadij solidum aureum 84 granorum, Vespasiani, 4 ferè drachmarum, quibus nempe sola 7 grana desunt, & Tiberij, 4 drachmarum exactè: vnde forsàn non malè conieceris drachmas veteres Romanorum fuisse nostris æquales. De denariis etiam Caroli Calui, quorum pondera 30 granorum inuenio, deque aliis regum nummis aliâ poterimus editione fusius agere: cùm possis interim ex frumento, vino, & aliis rebus, quæ pro denario, nummo aureo, vel alio nummi genere quouis sæculo data sunt, iudicare quanti valoris, quàmque rara fuerit cuiuslibet sæculi moneta: verbi gratiâ, si latomi opera diurna fuit vnius denarij argentei, vel ærei: si vini dolium 5 denariis æquiuauerit, &c. concludere possis tantumdè valuisse 5 dena-

rios quantum nunc valent 30 libræ &c. nam quanto minor est in quovis re-
gno nummorum copia, tantò cariores sunt. VII. Legendas esse nouas ob-
seruationes in epistola dedicatoria Mechanicis præfixa Phænomenis, cuius
verticalis iactus globi ferrei 6 librarum sesquilibrâ pulueris emissi debetur
illustrissimi, nobilissimique S. Michaëlis Equitis Hugeni j diligentia. Vbi ad-
uerte pag. 4. l. 9. epist. prædictæ scribendum, quoad tempus subsesquialter,
potiusque iactum medium deinceps pro reliquorum iactuû regula sumen-
dum, quàm verticalem, ob varias difficultates tract. Ballisticæ & Hydraul.
propositas. VIII. Sequuntur errores typorum, præter quos, lector virgulas,
& puncta superflua, vel manca & literas (pro r, similisque supplere poterit.
vt cum pag. 115 Ballist. l. 6. à fine, scribitur parabolæ pro parabola.

Paginâ 4. Præf. generalis lineâ 15. lege hakadoscha. p. 5. l. 15. dele S. & 2.
sequentes lineas. & l. 21. Quæ, & 2. seq. lineas. p. 5. l. 28. lege 48. p. 6. l. 16. ma-
ior ad minorem. l. 10. minoris. p. 7. l. 10. ob. p. 8. l. 10. 9437056, & 93 &c. l. vlt.
quâ. p. 11. l. 13. pro 8 lege 4.

Tractatu de ponderibus & mensuris, p. 4. l. 23. terræ axem leucarum 2290.
p. 5. l. 4. per 7200. p. 8. l. 13 vnciæ 14 $\frac{2}{3}$ p. 16. l. 4. dele si. l. 17. 5376. l. 18. 4608.
cui adde, Quincunx vnciarum 6, drach. 1. & 2. granorum, seu granorum 3840.
l. 21. 1536. l. 22. 10 $\frac{2}{3}$ 768. l. 27. 192. l. 29. $\frac{1}{27}$ p. 9. l. 12. post eiusdem, adde quadra-
gi, & post &, cubi. p. 11. l. 11. comparaturus. p. 12. l. 4. à fine, 12 $\frac{1}{2}$ p. 12. l. 2. tres. l.
5. cumulatam pro rasilem. p. 16. l. vlt. studio. p. 21. l. 24. vitetur. p. 25. l. 4. à fine,
Snellius. p. 27. l. 14. à fine, Snellius de re nummaria. p. 39. l. 18. dele secun-
dum D.

In Hydraulicorum Præfat. p. 1. l. 7. à fine lege H pro C. p. 2. l. 15. pro e, c.
p. 3. l. 20. pro H, E. p. 4. post, cum lineæ 14. dele 4 lineas. l. 11. à fine, pro &,
seu. p. 6. l. 10. conoideum. l. 13. ducta. p. 9. l. 8. vllûmuc. p. 10. l. 14. vnione. l. 25.
pilas. l. 31. ventis agitandæ. l. 4. à fine, fluenti. p. 12. l. 6. à fine, eandem. p. 13. l.
4. dele vt. l. 9. lege qui.

In Hydraulicis p. 44. l. 7. post L. adde K. l. pen. μ pro M. p. 46. l. 6. effluens.
l. antepenult. 6750. quæ vndecim. l. penult. 207. p. 48. l. 7. pro 6, 4. p. 50. l. 9.
à fine, totius. l. 7. atque. p. 51. l. 21. dextro. l. 26. r i. l. vl. 4. pro 8. p. 53. l. 28.
2304. pedum. p. 54. l. 14. ante finem, 4 absque fractione. l. 5. semiunciam pro
vnciæ quadrantem. p. 55. l. 23. post vel, dele 2 lineas. p. 57. l. 11. 12. & 13. lege
4320. l. 5. à fine 1300. pro 780. l. 4. 21. 40. pro tredecuplo. l. vlt. 469 $\frac{4}{5}$ pro
169. p. 59. l. 15. vacuetur. p. 60. l. 19. p. 61. l. 8. quæ situs 64. p. 67. l. 14.
exhibente. l. vlt. dupla. p. 69. l. 4. a pro x. l. 12. h pro b. l. 14. Δ , seu a β b. l. 17.
lineæ rectæ, l. 5. à fine \downarrow pro p. l. penul. y β pro g u. p. 76. l. 10. tripla. p. 78. à fine,
l. 10. 39 $\frac{2}{3}$ pro 43. l. 5. dele seu & reliquam lineam. p. 79. l. 7. erit. p. 80. l. 2. pro
fractione $\frac{2}{3}$ l. 7. vti pro nisi. l. 15. 404 pro 396. l. 18. $\frac{2}{7}$ l. 25. cubicam. p. 87. l.
4. B. 3. 5. pro C. p. 89. l. 9. 21. p. 93. l. 24. & penul. l. pro L. p. 95. l. 22. K pro A.
l. vlt. fortiores. p. 96. l. 13. à fine, conuexulum. p. 105. l. 17. eadem. p. 107. l. 15. B
pro C. l. 22. & ei æquali. p. 28. l. 11. cereis. p. 124. l. 11. à pro in. l. 17. Z pro L. p.
126. l. 16. mensuretur. p. 129. l. 9. à fine, impares, pro primos. p. 134. l. 12. pro
fractione $\frac{2}{3}$ p. 136. l. 6. à fine X pro Y. p. 138. l. 4. à fine, semirecta. p. 140. l. 11,
aquæ digiti, 1152 l. 18. 576. p. 141. l. 15. à fine, maius. l. 7. adde $\frac{1}{8}$ numero. p. 142.

l. 11. à fine, linearem. l. 13. esse aquæ. p. 143. l. penult. H pro A. p. 144. l. 2. quæ.
 l. 15. æolopilæ candentis. l. 13. Æolopilæ verò, pro deinde subiiciantur, vs-
 que ad sit. l. 11. & 12. refrigeretur, pro incalcescat & igniatur. p. 145. l. 11. 14300.
 p. 147. l. antepen. coarctari. p. 149. l. 7. 5672. l. 10. $\frac{1}{3672}$ l. 7. pro fractione $\frac{1}{11}$ l.
 12. 30254. $\frac{6}{11}$ l. 25. Heron. l. 31. Phænomenon. p. 145. l. 18. dele secundum G.
 p. 150. ingenti. l. 17. in. l. 18. æneus. l. 19. excauari. l. 29. R pro T. p. 151. l. 20.
 & 23. 4608. l. 21. & 22. 76. $\frac{4}{5}$ pro tricesies octies. p. 152. l. 7. frigida. l. 17.
 bK. l. 6. à fine, canaliculum. p. 154. l. 10. R pro T. p. 157. l. 8. 20, 21, & 22. B pro
 E. p. 158. l. 10. & pen. B pro E. p. 161. l. 4. à fine T pro I. l. penult. medium. l.
 vlt. inter horam & dimidiam. p. 164. M. p. 167. l. 11. P. l. 23. vasis. p. 169. l. 28.
 reddatur organum. l. antepen. 90, & aqueus pedalis altitudinis. p. 170. l. 1.
 datam pro dextram. l. 14. 90. l. 16 & 21. 720. p. 173. à fine, 27. p. 175. l. 6. 2500 l. 7.
 6 $\frac{1}{5}$ perueniret. p. 176. l. 8. suarum. p. 178. l. 3. fluuius. l. 14 à fine armamenta-
 rij. l. 9. vnciæ. p. 179. l. 18. à fine. prop. p. 184. l. 4. grauius. l. 5. leuius. p. 185. l. 8.
 æqualis. p. 186. l. 9. à fine, 16. l. 6. 14. vnciarum. l. 5. vnciæ pro libræ. p. 189. l. 14.
 parte sui duodecimâ. l. 15. 11. l. 21 & 22, $\frac{1}{2}$ paulò plus. l. 25. Rongianam. p.
 193. l. 13. illos tractatus. p. 194. l. 17. quæ spectantis. p. 195. l. 10. à fine prismâ.
 l. 8. & 9. exterior aquæ superficies. pag. 197. l. 14. cd pro AC. pag. 198.
 l. 13. l. 10. & 12. o, p: l. 14. o, pl, & o & n, o. l. 22. 3. pag. 201. l. 4. β pro
 α . l. 13. à fine, nouemdecies. l. 7. septupla. pag. 204. l. 10. à fine, Q pro K.
 pag. 205. l. 17. magis pro minus. l. 21. grauitas, quæ est 23. in aëre, sen-
 tiatur duntaxat vt 21. pag. 216. l. 18. duobus temporibus. l. 19, ex 4 &
 deinde, ex 9. 16. 25. l. 7. à fine, suos. l. antepenult. plumbeum appensum. l.
 vlt. tripedali.

In Tractatu de arte nauigandi, & de Harmonia, p. 225. l. 6. Histiodromia.
 l. 8. pyxidis per y, vt & postea. p. 226. in 6. postul. continere, vt ipsum. p. 227.
 prop. 8. horizonti pro horizontale. p. 228. in 12. prop. l. 1. pertingens. p. 227.
 in 3. prop. meridia. in 4. velificationis. p. 229. in 14. prop. l. vlt. bis demis-
 sæ. p. 230. in prop. 19. l. 33. isto. p. 236. l. 8. à fine, ytcunque. p. 237. prop. 7.
 l. 2. eum pro cum. p. 240. prop. 26. l. 2. minutatim. p. 242. col. 4. ante Nor-
 dest, lege Nordest quarrat Nord. p. 243. prop. 4. Limneuteticen. p. 247. l.
 14. parallelus. p. 248. l. vlt. velis. p. 249. l. 2. ricamacum. p. 250. l. 16. puluere.
 p. 251. l. 8. à fine doliorum, statuendæ. p. 252. l. 10. à fine, poterit. l. vlt. fer-
 ruminationes. p. 253. l. 1. rimulas. l. 1. epistomiis. p. 254. l. 7. datæ. p. 255. l.
 22. aquæ. p. 258. l. 12. à fine, metiri. l. 5. peragret. p. 263. l. penult. vndecimâ.
 p. 264. l. 7. radicalirationem. p. 267. l. 2. acuis. l. 7. à fine, expectant. l. penult.
 grauiorem, pro acutiorem. Immo si chorda fuerit duplò longior, & dupla
 diametro, vi eadem tendente, ad disdiapason descendit. p. 271. dele lineo-
 lam 15, vt sola vndecim zero numerum 14 lineæ perficientes maneant, sit-
 que numerus ille, 53 constans characteribus, decilionius. p. 272. l. 3. à fine,
 cannabe. pag. 277. l. 19. quosve. l. penult. primam. p. 278. l. 7. à fine, pedes
 15. p. 280. l. 7. Tritono. l. antepenult. principalis incipit. p. 285. l. 4. pri-
 mam statuere. pag. 286. l. 4. nostro. l. 12. scalam. l. 13. & 14. semitonio.
 l. 6. de. pag. 304. l. 14. f pro f. l. 14. maiore. pag. 305. l. 13. M pro S. pag. 308.
 l. 7. à fine, quas. pag. 310 l. 16. sesquiditonum. l. vlt. dele apponendos.

p.337.l.6. A pro L. p.341.l.20. quatuor. l.6. à fine. prop. p.352. l.1. quorum pro cuius. p.355. l. penult. delectari. l.15. deinde ad Quintam & ad. p.361. l. ante penult. & penult. legeter quæ pro qui. p.368 l.14. harpaginibus p.362. l.12 à fine, campanæ crassitudinis, pro campanis. p.363. l. 20. dele suos. l.27. cognoscendi. p.368. l.6. à fine, qualia. p.369 l.5. quod horæ.

In Mechanicis Phenomenis.

In Præf pag.1. l.11. fusissimè. p.2. l. 1. B pro M. l.13. à fine, subfcsquitertium. p.5. l.8. à fine, 50. l.6. affectu. p.6. l.7. à fine. productas efficiet. l. vlt. A C. p.7. l.3. dele 2. l. 6. D pro vltimo B. l.8. finitque B C potentia, &.

In libro Mechanic. p.1. l.5. perpendicularem refert. p.3. l.20. erecta vocatur. l.29. nam pro non. p.5. l.8. nuncupari. l. vlt. hypomo. p.12. l.7. à fine, circa E. p.13. l.4. à fine, tollenones. l.6. peritrochio. p.16. l.2. præditi. l.7. intelligi possit. l.20. & 21. F pro G. p.17. à linea 21. & deinceps, toties scribatur x pro φ. & p.18. l.1. bis x pro φ. l.21. D sit. p.19. l.11. à fine G pro B. l.8. sit. l.6. vbi. p.23. l. vlt. P pro B. p.25. l.2. à fine, pondera C. p.26. l.2. prop.9. pro antea. l.12. à fine. Denique cum fuerit. p.27. l.1. grauius. p.29. l.15. in pro &. p.30. l.23. maius. l.24. vi pondus. l.31. pro S. p.31. l.11. securiclis. l.17. 28. & 29. adde 5 polyspastis. p.33. l.25. C pro B. l.32. H pro F. p.34. l.7. H pro secundo K. l.9. H pro A. p.37. l.4. vecte. p.39. l.3. à fine M pro Q. l.5 F pro E. p.40. l.3. à fine, C pro ba. p.41. l.16. duodecupla. p.42. l.13. à fine, euadat. p.44. l. 12. P pro D. p.45. l.21. E pro F. p.46. l.8. I pro T. l.18. C pro G. l.26. V pro G. l.27. maior. l.30. A pro O. p.47. l.18. dele sit. p.48. l.6. O pro D. l.18. B pro primo D. p.49. l.9. C pro tertio K. l.13. C G. l.18. ponderis. p.52. l.14. posita in A potentia non sustinebit super plano inclinato, sed &c. l.15. debet linea directionis. l.16. supponendum. p.53. l.6. C pro G. p.54. l.8. minus. l.13. C E, quàm C A ad C F. p.55. l.12. II pro H. p.56. l.2. pro C.3. l.17. S. dummodo maior potentia O. p.57. l.14. à plano B D. l.29. vt ad vnum digitum 7 pedes. l.30. vt ad 184. l.35. N pro H. l.39. B pro D. p.58. l.1. connexæ. p.60. l.7. à fine, subdupla. l. vlt. C D. p.61. l.19. M pro N. p.62. l. penult. alterius corporis, & quæ. p.63. l.1. post secundum G adde K, & K pro tertio G. l.11. à fine, franguntur. p.64. l.12. à fine, dele 9. l. 19. vncis pro libris. p.66. l.7. D L. &c. pro reliqua pagina vide ipsum Galil. p.67. l.3. à fine, 3888. l.5. $3888\frac{7}{12}$ l.6. EF horizonti perpendicularem l.7. clauum transuersum. l.9. 3888. l.10. 18. l.12. 93312. p.68. l.11. F pro B. l.7. à fine D pro F, B pro D, sed & pro sequentibus vide Galil. à pag. 117 ad 127 dialog. p.70. l.14. & 16. à fine, G pro D. p.71. l.7. à fine, erit orbiculo pleno cylindri excavati. p.72. à fine. l.3. nec. l.9. moueaturque D. p.77. l.8. à fine Bb. p.78. l.7. octo in N. p.80. l.2. à fine, duobus. l.8. à vel, dele 4 sequentes lineas. l.10. minus, pro obliquius. l.15. vim. p.81. l.1. impellentes intelligantur. l.24. duabus. p.82. l.7. 8. & 9. æquabilibus & inæquabilibus. p.84. l.23. capulo detineatur. p.85. l.16. propius. l.28. & 33. 50. p.86. l.18 & 19 22464. p.90. l.9. à fine, impactus. p.92. l.10. factæ. p.94. l.13. paginis 50 &c. vltique ad 56, & pag.92. l.20. turres operarij.

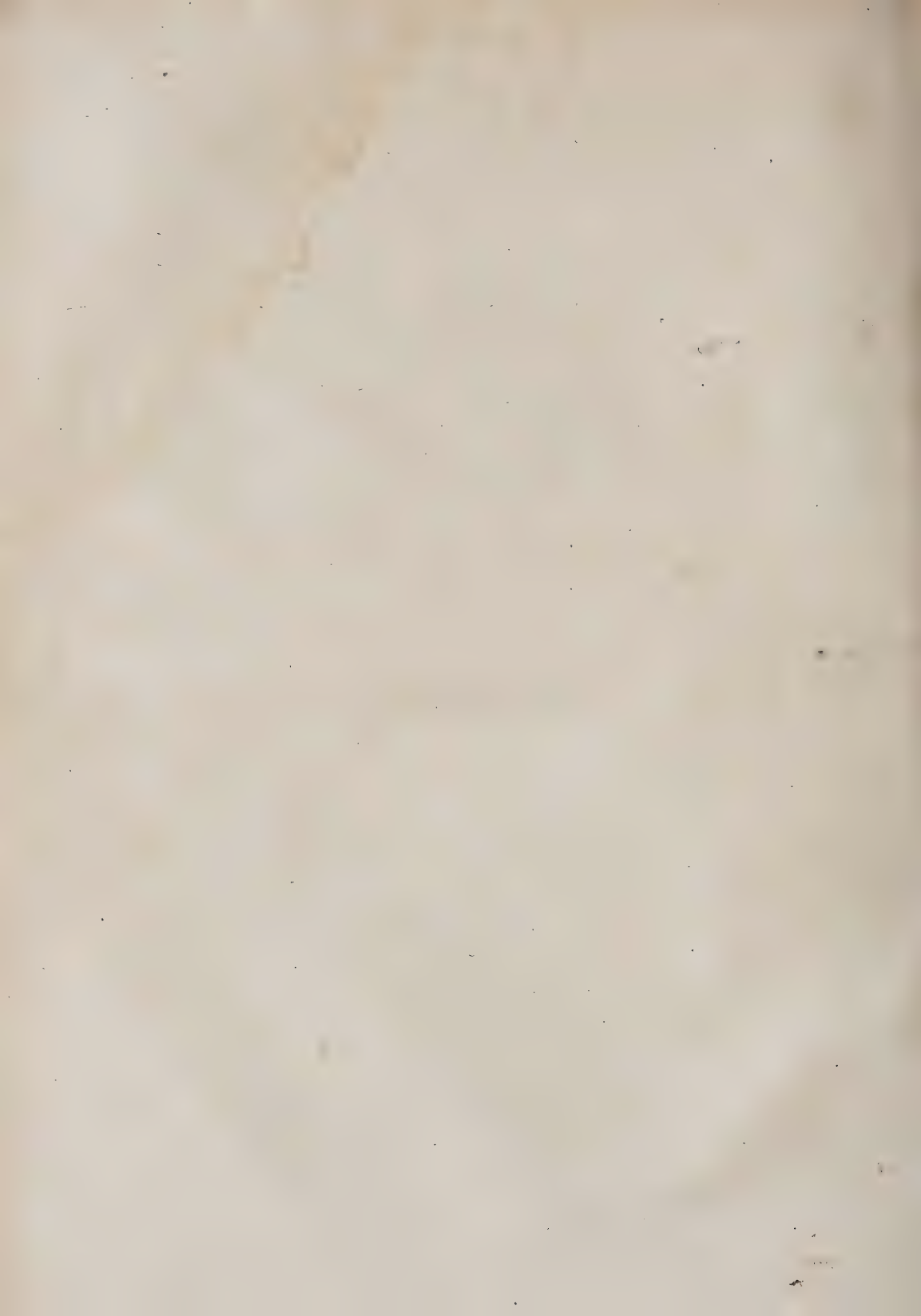
In Ballisticis.

Præfat. p.1. l.5. dignissima. p.7. l.21. expertus. In libro Ball. p.2. l.4. consideret, aut. p.4. l.6. à fine cannabinis p.6. l.14. ab KM. p.7. l.8. inditam. l.10. arcui B & A pro B. l.13. in B C. l.16. & 20. B pro A. p.9. dele verò. l.10. D pro C. l.17. D pro H. l.32. D pro C. p.10. §.10. l.11. ducenda. p.22. l.8.9. pro 8. l.9.7. absque fractione, & $\frac{5}{2}$ pro 6. l.16. à fine, ducenda. p.30. l. antep. 12.8 & 4. p.34. l.28. durationes p.39. l.2 & 3. prematur & impellatur. l.21. qui. p.40. l.1. crebriores. l.16. N pro H. p.41. l.7 & 5 à fine, semiquadrantem. p.42. l.21. 1380. & $\frac{1}{19}$ pro nona parte. p.43. l.14. B pro P. p.44. l.9. B pro D. p.45. l.3. versus pro circa. p.46. l.4. cannabinæ. l.12. à fine dele abtempore. p.47. l.9. vt 4 ad 3. p.52. l.2. 156. l.8. 4. prop. p.59. l.20. 24. l.21.25. pro quadragesimo nono. l.12. 50 perticas pro duplum spatium. p.62. l.12. dele sequentes. l.24. 25 & 17, G pro B. p.63. l.11. dematur. l.17. demitur. l.18. bis, 45. l.20. 540. à dictione Pyramis lineæ 35. dele quatuor sequentes lineas. l. penult. habetur. p.64. l. penult. paris pro imparis. l. vlt. moueri. p.65. l.1. productus 78, pro summa 156. p.70. l.14. lapides è turre. l.16. dele vel axis. p.71. l. vlt. dele duplicata, vel. p.83. l.9. tria. p.86. l.25. vltimus 1. columnæ tertiæ. p.89. l.9. medio A ζ . p.98. l.6. dele lapis. l.9. erit. pro aut. l.22. P pro D. p.99. l.1. A pro G. l.4. 1340 $\frac{1}{2}$ l.5. post aut. adde $\frac{1}{2}$ l.6. 14440000. l.8. 4581. l. antepen. dele A F S P. l. penult. 670 $\frac{1}{4}$ p.100. l.6. minore pro altiore. l.6. à fine S pro L. p.101. l.18. cognitam, & P pro D. l.6 & 4 à fine, L pro G. l. vlt. parametros. p.102. l.1. interceptas. l.7. inferri. l.9. velocitatem. l.21. A pro P. l.22. verticalem pro perpendiculari. p.104. l.3. totus. l.34. præcedente. p.112. l.8. à fine P ad. p.113. l.10. 5 pro 4. p.116. l.1. E pro ϵ . p.121. l.2. à fine C pro L. l.5. 150. l.14. tetenderim. p.122. l.5. dele L. p.123. l.22. I pro G. l.24. constat. p.126. l.3. tam pro tum. p.126. l.3. tam p.127. l.3. docebunt. p.128. l.16. frangatur. p.129. l.14. E pro B. p.130. l.1. in quo. l.25. rationem pro rectam. p.131. l.7. à fine. A triangulo, & triangulorum A. l.5. latera trianguli. p.132. l.10. qui, pro quod. l.18. necessaria. l.25. B E pro C D, & C pro B. p.133. l.12. subero $\frac{4}{9}$ p.134. l.18. inflata. p.138. l.3. 2200. p.140. l.1. Æolopila. l.4. tardiùs.

In Synopsi.

Præter errores ad Præfationis calcem, & Monito ad libri finem notatos, etiam Præf. p.2. l.1. à fine, dele vel suum axem: in quo articulo, cùm C. Viri Tauricelli meminerim, placet addere quæ nuper ad me scripsit de solidis cycloidalibus, nempe quod fit à spatio cycloidali, circa tangentem axi æquidistantem reuoluto, ad cylindrum eiusdem altitudinis & diametri, esse subsesquitercium, cuius inuentionem tribuit Antonio Nardio Patritio Areтино, quem exinde subtilem esse Geometram faciliè conicias. Quod fit à spatio cycloidali circa tangentem basi parallelam reuoluto, esse ad cylindrum eiusdem axis & diametri subsesquiseptimum: circa verò axem reuoluto, esse ad cylindrum, vt II. ad 18. atque adedò rationem ineffabilem habere ad solidum circa basim, quippe quæ componatur ex ratione 44 ad 45. & ratione

circuli alicuius ad quadratum circumscriptum. Quibus addit centrum gra-
 uitatis cycloidis axem ita diuidere, vt pars ad verticem terminata sit ad reli-
 quam, ut 7 ad 5. Pag. 3. l. 6. ipsam. In Libro p. 65. l. 5. à fine, lineatum. p. 257.
 l. 13. à fine, expectant. l. 5. quid omnia elegantissimo stylo. l. 4. totam. p. 258. l.
 6. Cosmographiæ. p. 273. l. 3. Toparchæ. Quanquam omnes isti errores non
 inueniantur in omnibus exemplaribus, quæ dubio procul Typographi ex-
 cudebant eodem tempore quo folia emendanda ad me deferebantur. Porro
 te, Lector optime, velim reliquos errores, cum occurrerint. verbi gratiâ,
 p. 118. l. 11. à fine, conois. p. 154. l. 4. à fine, stellarum. p. 160. l. 16. denomina-
 tis. l. 19. modo. p. 164. l. 2. habentis. l. 24. sphæram. p. 191. in 10. prop. polos.
 p. 315. subcontraria ad calcem 6 prop. p. 321. coni non minor in 7 prop. &
 p. 320. l. 16. à fine, existimaui. p. 367. polyedra, in prop. 42. l. 4. à fine, spatia.
 p. 381. l. 10. à fine, diagrammata, & dele esse. p. 383. l. 16. magnitudine. p. 385.
 l. 17. restituit. Videantur. p. 395. l. 10. & pro &. l. 7. à fine, conoide. p. 396. l.
 penul. positionem. p. 398. l. pen. circumiens. p. 406. in 6. prop. & eius, p. 410.
 in 20. prop. Thalamites. p. 451. in 25. prop. *em de equos*, & dolorem. p. 473. l. 1.
 optica scientia. p. 476. l. 4. adornauit. p. 484. in 21. prop. sinum pro signum.
 p. 491. l. 2. araneam. p. 499. l. 8. Barbarus. p. 517. in 15. prop. visæ per refra-
 ctionem. p. 543. in prop. 9. Vitrum.

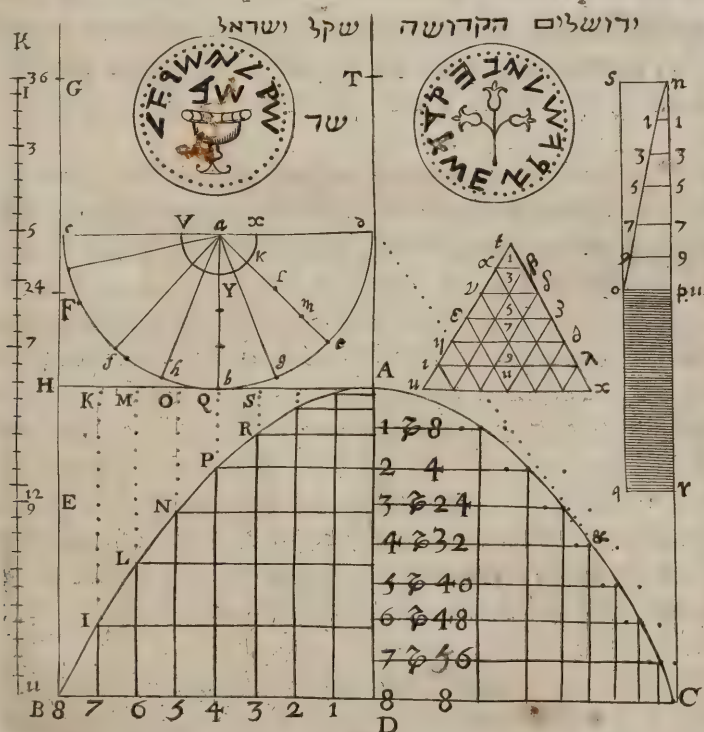


PRÆFATIO GENERALIS.



X sequenti figura quispiam intelliget quid hoc opere facturi, dicturive simus: Primò siquidem linea recta BG, vel 11 36 pedis Gallici Regij quartam partem, quemadmodum linea DT, axis productus parabolæ BAC, complectitur. Axis ipse DA duorum est digitorum, hoc est sextans pedis: unde possis de cæteris Gallicæ mensuris ferre iudicium.

II. Pendulum, seu filum *ab*, cui globulus plumbeus in puncto *b* appenditur, ad omne tempus metiendum adhiberi potest; ad ea vero



præsertim quæ citò fiunt, atque transeunt, qualia sunt minuta prima & secunda, &c. si enim filum istud tripedale fuerit, globuli ad punctum *b*, vel *f*, aut aliud quoduis, vsque ad *c*, vel *d*, erecti recursus per semicircumferentiam *d b c*, tempus vnius secundi consumit, recursus

P R Æ F A T I O

verò à d ad b , vel à c ad b semisecundum.

III. Pendulum aY , subquadruplum penduli ab , notat semisecundum suo motu ab x ad V per Y : quandoquidem pēdulorum vibrationes sunt in ratione subdupla ipsorum pendulorum, vel pendula sunt in ratione recursuum, & temporum duplicata: & tam vibrationes, quam tempora sunt ad pendula, vt radices ad quadrata.

IV. Significantur per lineæ ba , vel ea diuisionem in quatuor partes, spatia, quæ graue cadens, siue rectà per ba perpendicularem horizonti, siue per planum obliquum ae , percurrit, esse similiter in ratione duplicata temporum quibus spatia percurruntur; si enim graue spatio vnus secundi ab a ad Y , vel ab a ad K descendit, altero secundo reliquas lineas, Yb , vel Ke conficiet.

V. Recursus filii ab , à quouis puncto quadrantis, bd , vel bc redeuntes, sunt proximè ἱσοχρονοι, hoc est, fiunt æquali tempore: nam siue globulum ex b ad g , vel ad e , vel ad d traxeris, tempus quo descendit à d ad b , propemodum æquale est tempori, quo descendit à g ad b ; dixi *propemodum*, & *proximè*, quòd aër à d ad b interiectus magis impediat globum b ex d , quàm aër inter e & b interpositus, globum ex e redeuntem.

VI. Triangulus txx velocitatis augmentum refert, quo crescit motus grauium versus terræ centrum in plano perpendiculari, vel obliquo descendentiū ex iis altitudinibus, quas hic experimur: sit enim triangulus $t\alpha\beta$, primum spatium primo tempore peractum à mobili t , sequens spatium quadrilaterum $\alpha\beta\gamma\delta$, tres triangulos comprehendens ostendit mobile, seu graue prædictum t , secundo tempore tria spatia percurrere. Quod etiam manifestum est in linea BK , quæ numeros adiunctos habet 1, 3, 5, 7, 9, 11; eosdem videlicet qui descendunt à prædicti trianguli vertice ad basim è quorum alterutra regione trianguli describuntur, ostendentes idem incrementum; enimvero quadrilaterum $\gamma\delta\epsilon\zeta$, quinque; quadrilaterum $\epsilon\zeta\eta\theta$, septem: quadrilaterum sequens $\eta\theta\iota\lambda$, nouem; vltimum denique $\iota\lambda\mu x$, vnde decem triangulos æquales continet, qui demonstrant quot spatia singulis temporibus à graui t percurrantur.

VII. Parallelogrammum $sq r$ idem ostendit suis sex quadrilateris à triangulo nop comprehensis; prætereaque velocitatem à mobili n , in op acquisitam, huiusmodi esse, vt mobile n pergens vltèrius absque vilo velocitatis incremento, spatium confecturum sit, duplum spatij nop , si tempus istius descensus æquale fuerit tempori quo ab n ad p descendit.

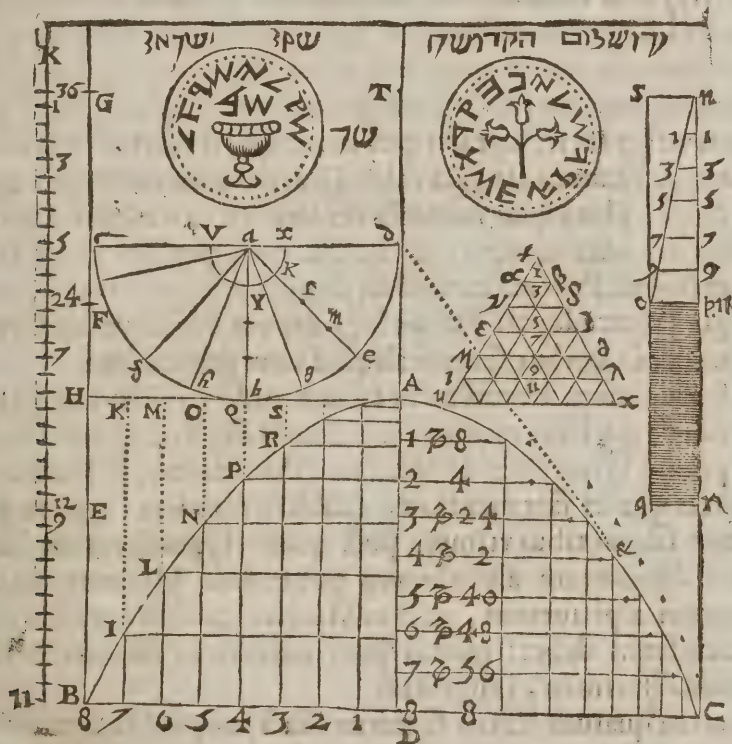
Idemque ferè cerni potest in linea dA , cùm enim graue à puncto

GENERALIS.

quietis d , vsque ad A descendit, si motus illius perpendicularis $d A$ in horizontalem $A H$ conuertatur; & tanto tempore super plano $A H$ moueatur, quanto à d ad A descendit, lineam $A H$ duplam lineæ $A d$ percurreret, cum nulla sit ratio cur in horizonte velocitatem acquisitam augeat, vel minuat, quandoquidem semper à centro grauium, quo prius tendebat, & ad quod propius accedebat, distat æqualiter.

VIII. Numeri 12, 24, 36, lineæ $B K$ inscripti, ostendunt proportionem quâ mobile cum dato gradu velocitatis, violento motu à B versus K ascendit vsque ad quietem: cum enim descendendo à K ad B per 36 spatia æqualia, velocitatem acquisierit, quâ in plano horizontali, 72 spatia conficere possit, si tãto tempore moueretur horizontaliter, quanto prius descendit, nihilque istius velocitatis amitteret, dum à B versus K ascendit, lineam duplam lineæ $B K$, hoc est 72 spatia percurreret.

Eapropter tribus primis temporibus 36 spatia conficeret, quæ tantum



sex temporibus à graui cadente facta erant, quouis enim tempore 12 spatia perficeret, atque adeo duobus temporibus 24. Sed cum totidem gradus percant in ascensu, quot in excensu fuerant acquisiti, non altius

ascendit, quàm ad 36 spatia, hoc est ad punctum K, vt fusius postea dicturi sumus.

I X. Parabola B A C refert explosionem pilæ, seu globi iuxta eandem super horizontem eleuationem, quam tangens puncti parabolæ S, vel C refert: huius autem ordinatas prop. 19. Phænom. Hydraul. & alias parabolæ proprietates explicabimus. Præterea descensum grauium axe suo A D refert, quippequem ordinatæ sinistræ secant iuxta proportionem spatiorum triangulo *n o p*, vel triangulo *r u x*, vel lineâ K B, comprehensorum.

X. Siclus argenteus Hebraicus duplici facie cernitur, ex quo de Dauidis, Salomonisque diuitiis in Scriptura sacra conceptis, iudicium ferri potest, cum siclus iste sub Dauide cusus fuisse videatur ex litteris calici, vel pateræ faciei sinistræ superscriptis, quippequæ significant *sekel David*: Scriptura circa pateram, *sekel Israel*, legitur: & in facie dextra, *Ierusal'm hixadescha*, id est sancta in cuius medio flos amygdalinus, vel lilium conuallium, vel simile quidpiam. Omitto characteres istos Samaritanos vocari, quòd eos, antea Hebræis vulgatos, post captiuitatem Babylonicam soli Samaritani retinuerint, Iudæi verò quadratis Assyriacis vtriq; faciei superscriptis deinceps vsi fuerint: qua de re prop. 6. tractatus de Nummis, in qua valor illius statuitur nostrorum 23 assium.

Sunt & alia plura quæ notanda veniant circa tractatus Hydraulicopneumaticos, Mechanicos, & Ballisticos, quæ peculiari in vnumquemque librum Præfatione dicturi sumus, quippe non potuerunt exprimi figurâ præcedente. Itaque legi debent cuiusque libri peculiare Præfationes, in quibus semper aliquid noui proponitur.

XI. Sequentium librorum notandus ordo in illis compaginandis obseruandus, qui licet minimè necessarius sit, commodior tamen videatur: præeat igitur liber de Mensuris, Ponderibus, & Nummis, quippequi docet quales sint mensuræ, qualiave pondera, quibus passim in aliis libris sequentibus vtimur: post quem Hydraulicorum liber iuxta maiorum characterum alphabetum ponendus. Minorum characterum Romanorum alphabetum, quibus Mechanica Phænomena notantur, tertio loco sequi debet: quarto liber Ballisticus characteribus Italicis, ad aliorum discrimen, insignitus.

Hos autem quatuor libros sequitur illa Synopsis Mathematica, prius anno 1626 edita; quam vbi viderem à pluribus studiosis frustra requiri, ob exemplarium dudum distractorum penuriam; eamque non solum vtilem, sed propemodum necessariam sæpius expertus essem, vt qui veterum propositiones, & argumenta in diuersis libris tam Geometricis, quàm alijs laudata vident, experiantur an citationes veræ sint, sciant.

quæ dum ruri absque bibliothecis degunt, quid hætenus in re Geometrica factum, demonstratumque sit. Sed & doctiorum Geometrarum memoria iuuabitur, reficiturque, dum Synopsis illam præmanibus habuerint. Porro quid de nouo fuerit additum Præfatio particularis Synopsi præmissa docet. Cum autem diuersi characteres foliis applicandi deessent, maiores Romanos in Synopsi repetimus; quapropter facile poterunt illius folia prædictis libris præmitti, vel etiam seorsim colligari, vt duo volumina separata facilius gestentur.

XII. Cum Index, seu Tabula initio, vel ad calcem adhibita referatur ad omnes libros, necesse fuit post numerum quemlibet addere characterem aliquem, significantem quo libro contineantur ea, quæ leguntur in Tabula: quapropter P, librum primum de Ponder. H, lib. secundum de Hydraulicis: M, librum tertium de Mechanicis: B, librum quartum de Ballisticis: N, libros de Nauigatione: h, libros Harmoniæ. S denique Synopsis Mathematicam designabit, vt initio Tabulæ rursus indicabitur.

Cumque singulis Tractatibus Præfat. multa notatu digna continentes præmittantur, & in quædam puncta distinguantur, vnaquæq; character sui tractatus notabitur: excepta prima Generali, quæ litterâ G significabitur: aliæ verò, exempli gratia, Præfatio Hydraulicæ, character H, & ita de reliquis, insignietur. Quæ verò Synopsi continetur cum eiusdem alphabeti seriem obseruent, omnia vnica littera S, notabuntur.

XIII. Notandum ad prop. 47. Hydraul. absque periculo, cubicum aquæ pedem 72 librarum statui posse, cum pondus aquæ Ctesibicis instrumentis eleuandæ proponitur, vt cum 1728 cubici pollices pedem cubicum efficiant, pollex, siue digitus aquæ cubicus sit $\frac{72}{1728}$, hoc est $\frac{1}{24}$ libræ; cæque ratione Parisiensis hemina libræ vnius, digitos 24 cubicos, Pinta verò 28 complectatur. Quibus positis, cylindrus aqueus, cuius diameter, & altitudo digitalis erit pondo $\frac{1}{24}$ vnciæ: cuius altitudo cylindri si fuerit octo hexapodum, erit pondo 301 $\frac{1}{2}$ vnciæ, siue librarum 18 $\frac{1}{2}$. Minimè tamen eos velim arguere qui pedem aquæ faciunt duntaxat 70, aut 71, librarum.

XIV. Ex pondere cuiuslibet corporis cubo pedali æqualis, 72 libras auferendas, cum in aqua dulci pondus illius examinatur, quod sit in aqua, quàm in aëre leuius, toto pondere aquæ pedalis cubicæ. Est autem aqua Oceani grauior aqua dulci, ad quam est vt 47 ad 46 proximè, quare pes aquæ marinæ cubicus est librarum 73 $\frac{1}{2}$.

Si verò fuerit vt 46 ad 45, & pes dulcis cubicus sit tantummodo 70 librarum, tunc pes aquæ falsæ librarum erit 71 $\frac{1}{2}$ proximè. Ex quibus possit quispiam iudicare de Alealmi in inuestigandis ponderibus ἀλεψία

P R A E F A T I O

quippe aquæ pede 72 librarum supposito, faciebat pedem aquæ marinæ librarum 86²₁₇. Vini 70⁴₅. Ceræ 68¹₁₁. Olei 66. Mellis 104²₃. Lateris 127. Terræ 95¹₁. Salis 110¹₁₇. Marmoris 252. Stanni 32⁴₅. Ferri 576. Aeris 648. Argenti 744. Plumbi 828. Mercurij 977¹₂. Auri 1368. Arenæ 120. Lapidis communis 184. Tritici 55.

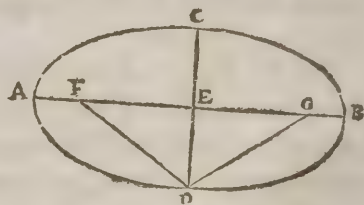
X V. Ex Hydraulicis Phænomenis concludi potest qua ratione Vrinatores centum brachia, plus minus, in mare descendere debeant, vt naues, tormenta bellica, & quæcumque naufragium passa sunt, expiscentur: quæ cum breuius corollario 2. prop. 49. explicata fuerint, fusius tractatu de Nauigatione narrabuntur.

X VI. Hydraulicorum 103 pag. & deinceps, vbi de proprietatibus Ellipseos actum est, adde quemlibet circulum ad Ellipsim se habere, vt quadratum diametri circuli ad rectangulum, iuxta 5 & 6 conoid. & sphaer. Archimedis: & ideo quemlibet circulum, cuius diameter æqualis maiori diametro Ellipsis, se habere ad Ellipsim, vt maioris diametri Ellipseos quadratum ad rectangulum sub ambabus.

Sed vt quadratum maioris ad rectangulum sub ambabus, ita minor ad maiorem; & vt quadratum minoris ad rectangulum sub ambabus, ita minor ad maiorem. Igitur vt maior ad minorem, ita circulus è maioris diametro ad Ellipsim. Et vt minor ad maiorem, ita circulus è minore diametro ad Ellipsim: quare datâ circuli areâ, dabitur Ellipseos area, & contra.

Quod ad sphæroideos mensuram attinet, quilibet Conus triens est cylindri basim eandem, & eandem altitudinem habentis: atqui cylindrus fit è plano basis circularis in altitudinem. Datâ igitur minore sphæroidis diametro datur area circuli diametro descripti, quâ in diametrum maioris diametri altitudinem ducta, generatur cylindrus, cuius triens est conus eandem dimidiâ sphæroidis altitudinem habens, & eandem basim.

At huiusmodi coni duplū est dimidium sphæroides, illius igitur coni quadruplo æquatur integra sphæroidis moles, per 29. conoid. Archim. quæ, vt facilius intelligantur, schema pag. 103 Hydraulic. repetatur, in quo Ellipseos propositæ sint AB, CD diametri. Centro D, interuallo AE, circumferentia secabit AB in F, & G focus; itavt circulus diametro CD, ad Ellipsim propositam sit vt CD ad AB. Et circulus diametro AB ad eandem, vt AB ad CD. Conus vero, cuius basis circulus diametro CD, & altitudo AE, est totius sphæroidis ABCD



GENERALIS.

quadrans. Alia plura videantur in libris Archimedis, & illius supplemento, quæ Synopsis exhibet.

XVII. Circa salientes tam verticales quàm medias obseruandum, oculo inter illas & solem posito varias irides repræsentari: quod etiam fit ab aqua ex ore proiecta, & saliente; vt à bullis è sapone factis; à lagenis, & vitris aqua plenis, à chrystallino prismate, ab oculis madidis & humidis candelæ, vel solis lumen spectantibus.

XVIII. Notandum etiam ad prop. 53. Hydraul. fossionem puteorum magnis sæpenumero periculis obnoxiam, non solum ob tetros odores ex quibusdam terræ partibus exhalantes, sed etiam ab aërem, licet non infectum, ex omni parte aduersus respirationem opposita, qui lucem & ignem extinguit, hominésque descendentes enecat, nisi statim illos ad signum funis tractione datum eos retraxeris, & seminecium cauerulæ de nouo factæ, gleba viridi detracta, vultum, & caput admoueas; hac enim ratione redeunt ex spasmo apud Anglos, qui puteum alium ad viginti pedes fodiunt, vt foramini terræ ambos puteos interpositæ coniungenti adhibitus ignis prædictum aërem suffocatorium attrahat; & quispiam deinceps in illum puteum absque periculo descendat ad carbones focarios eruendos, ex quibus ingentes redditus prædeunt; quod etiam Leodij, pluribûsque in locis fieri solet.

Ignis autem ille ad oram foraminis vtrumque puteum coniungentis excitatus aërem sibi propinquum rarefaciens aërem suffocatorium ex primo puteo attrahit, eodem ferè modo, quo ignis in nostris focis, & cubiculis excitatus, aërem externum per fenestrarum & portarum fissuras, & alia foraminula, ad cubiculi reparandum aërem, qui cum flamma per caminum egreditur, testibus variis sibilis, & ventis, attrahit. Vnde possint Vrinatores respirandi modum sub aquis excogitare, de quo libro de Nauigatione.

Porrò, vbi 219 & 220 de puteis Amsterdomensibus dictum est, adde operarios, & fossioni præfectos canales ligneos facto foramini vsque ad fundum, in quo aqua potabilis occurrit, deprimere, qui tanto compaginentur artificio, vt aqua maris exterior in illud ingredi nequeat. Itaque iuncti canales vnicum veluti canalem efficiunt, ex quo postea, quotiescunque libuerit, aquam pistillo, siue embolo, vt prop. Hydraul. 38. dictum est, aquam educas.

XIX. Ad ea quæ de Numeris ad calcem prop. 20. de Ballist. & puncto 14 Præfationis ad Hydraul. dicta sunt, adde inuentam attem, quâ numeri, quotquot volueris, reperiantur qui cum suis partibus aliquotis in vnicam summam reductis, non solum duplam rationem habeant, (quales sunt 120, minimus omnium, 672, 523776, 147630, 896, &

PRÆFATIO

459818240, qui ductus in 3, numerum efficit 1379454720, cuius partes aliquotæ triplæ sunt; quales etiam sequentes 30240, 32760, 23569-910, & alij infiniti, de quibus videatur Harmonia nostra, in qua 141-82439040, & alij suarum partium aliquotarum subquadrupli) sed etiam sint in ratione data cum suis partibus aliquotis.

Sunt etiam alij numeri, quos vocant amicabiles, quod habeant partes aliquotas à quibus mutuò resciantur, quales sunt omnium minimi 210, & 284; huius enim aliquotæ partes illum efficiunt, vicèque versa partes illius aliquotæ hunc perfectè restitunt. Quales & 18416 & 17-296; necnon 9437036, & 4363584 reperies, aliosque innumeros.

Vbi fuerit operæpretium aduertere XXVIII numeros à Petro Bungo pro perfectis exhibitos, capite XXVIII. libri de Numeris, non esse omnes Perfectos, quippe 20 sunt imperfecti, adeo ut solos octo perfectos habeat videlicet 6. 28. 496. 8128. 23550336. 8589869056. 137-438691328, & 2305843008139952128; qui sunt è regione tabulæ Bungii, 1, 2, 3, 4, 8, 10, 12, & 29: quique soli perfecti sunt, ut qui Bungum habuerint, errori medicinam faciant.

Porro numeri perfecti adeo rari sunt, ut vndecim dumtaxat potuerint hætenus inueniri: hoc est, alii tres à Bongianis differentes: neque enim ullus est alius perfectus ab illis octo, nisi superes exponentem numerum 62, progressionis duplæ ab 1 incipientis. Nonus enim perfectus est potestas exponentis 68 minus 1. Decimus, potestas exponentis 128, minus 1. Vndecimus denique, potestas 258, minus 1, hoc est potestas 257, vnitatem decurtata, multiplicata per potestatem 256.

Qui vndecim alios repererit, nouerit se analysim omnem, quæ fuerit hætenus, superasse: memineritque interea nullum esse perfectum à 17000 potestate ad 32000; & nullum potestatum interuallum tantum assignari posse, quin detur illud absque perfectis. Verbi gratia, si fuerit exponens 1050000, nullus erit numerus progressionis duplæ usque ad 2090000, qui perfectis numeris seruiat, hoc est qui minor vnitatem, primus existat.

Vnde clarum est quàm rari sint perfecti numeri, & quàm meritò viris perfectis comparentur; esseque vnā ex maximis totius Matheseos difficultatibus, præscriptam numerorum perfectorum multitudinem exhibere; quemadmodum & agnoscere num dati numeri 15, aut 20 characteribus constantes, sint primi necne, cum nequidem sæculum integrum huic examini, quocumque modo hætenus cognito, sufficiat.

XX. Libris Hydrostatices, & Histrodromiæ multa suppleantur, quæ in Hydraulicis desiderari poterant, ex quibus mutua lux affulgebit: sed & naucem proponimus, quæ sub aquis Oceani, vel aliis quibuscumque, dummodo

GENERALIS.

dummodo satis profundæ sint, quispiam nauigare, immo & totius terræ ambitum conficere poterit.

XXI. Addimus etiam quosdam Harmonicorum libros, qui Musicæ praxim & theoriam breuiter & dilucidè complectuntur: ex quibus breuissimo tempore Lector possit Musicam compositionem addiscere, & bicinia, tricinia, vel etiam quadricinia componere.

XXII. Licet ea quæ sequentibus libris proponuntur, aridiora, difficilioraque videantur, quam vt ad mores possint à quouis traduci, si tamen perlegantur attentè, confido nihil esse quod maiorem nouarum cogitationum suppellectilem, pluresque, & vrgentiores pietatis stimulos eruditis, & accuratis concionatoribus suggerat, siue in ponderibus, & corporum grauitatibus examinandis considerèt difficultatem, humanis actionibus iudicandis analogam; siue Pneumatica, & Hydraulica, è quibus hauriant quod auditores ad vitam æternam salientes, & ad omne bonum opus strenuos efficiat; siue Ballistica, quibus ostendant homines esse Sagittarum instar, quas Deus ad hunc, aut illum scopum, omnes verò ad suam gloriam diuersimodè dirigat: siue Mechanica, & totam Synopsim, obuiam erunt quæ mille modis possint concionibus accommodare.

XXIII. Præter hanc generalem Præfationem aliæ cuique libro præfixæ leguntur, quippe quæ noui semper aliquid complectuntur, quod ea suppleat, aut emendet quæ sequentibus libris dicta fuerint: itaque legantur sequens ad librum de Ponderibus Præfatio; & aliæ quæ Hydraulicæ, Mechanicis, Synopsi, Conicis, Opticisque, & aliis tractatibus præponuntur.

XXIV. Cùmque plurima quæ sita per Epistolas penes me habeam, quæ plurimum vtilitatis, aut voluptatis honestæ studiosis afferre possint, dum illa parauero, monitum etiam vnumquemque velim, vt quæ in scriniis luce digna, & ad scientias, vel artes promouendas vtilia serua-uerit, litterarum Reipublicæ non inuidet: neque enim illorum opinioni subscripsero, qui Tractatus varios disciplinæ reconditoris ita sibi retinent, vt neminem conscium esse patiantur, quippe non audiunt virum illum sanctissimum I. de Doctr. Christ. cap. I. *Omnis enim res quæ dando non deficit, dum habetur, & non datur, nondum habetur quomodo habenda est.*

XXV. Ad Ballisticam oblitum tonitruum motum globorum motibus comparare potes, quanquam cognitu difficile est num sit tormenti globo velocius: de fulguris, aut lucis celeritate hîc non loquor, cùm non sit corpus, sed quædam motus instantanea transmissio, qualis est ea quam quis baculi extremo imprimit, eodem enim momento aliud

baculi mouetur extremum, etiamsi plures leucarum myriadas distet ab altero. Si verò stellæ moueantur, & terra stet, illarum motus suâ velocitate globorum velocitatem tot parasangis superat, nullus vt sit qui tantam rapiditatem non admiretur. Enimvero secundi vnus spatio stellæ æquinoctiali vicinæ 1166 leucas conficiunt, vt Præfatione Cosmographiæ dictum est: quo tempore globus à tormento missus centum sexpedas tantummodo percurrit; atque adeo stellæ sunt 1150 vicibus globo velociore.

Omitto comparationem velocitatis motus illius quo gradum vnicum faciunt spatio 80 annorum, quam ex prædicta Præfatione repetere possis, vt terræ motum annuum, vel diurnum consideremus, quorum hic spatio horario 300 leucas, minuto vero secundo, ferè leucâ perficit; quapropter motus illius viginti quinquies est velocior motu globi tormentarij: cùmque motus terræ annuus sit triplò velocior diurno eiusdem motu, erit globi motu velocior quinquies & septuagies: qua velocitate si quis apud nos moueretur, ita spatium ingens replere videri posset, ac si corpus foret continuum, vel immotum, quòd nempe tanta pernecitas vix ab ullo percipi valeret. Quanquam istæ velocitates ob ingentem distantiam tardissimæ videantur, vt ex obseruatione stellarum, & aliorum siderum constat, quæ, si credatur oculis continuo spectantibus, immota videbuntur, adeo vt summa velocitas respectu nostri sit idem ac quies, aut summa tarditas; quemadmodum à Psalmista dicitur esse Dei lumen sicut tenebras eius: non quod in eo vllæ sint tenebræ, sed quod nimio lumine mentis humanæ acies perstringatur, obtundaturque, eo ferè modo quo nostrorum oculorum acies motu globi tormentarij transeuntis, motuque fulguris perstringitur, & propemodum extinguitur.

XXVII. Cùm breui tempore grauiâ percurrant spatia ingentia, licet per omnes tarditatis gradus transire supponantur, pauca subiicio. Et quidem multa sunt quæ cùm sint admiranda, vulgo tamen contemnantur ab iis qui minus attendunt; qualis est herbarum & arborum, imo & hominum accretio, quæ licet motu continuo fiat, minimè tamen percipitur ob nimiam tarditatem, quam si compensaris ea acceleratione qua grauiâ descendunt, tandem aliquando motus apparebit.

Summa verò difficultas in eo consistere videtur quòd graue multò velocius in aëre quàm in aqua descendens, æquè tamen in aëre per omnes gradus tarditatis, ac in aqua, transeat. Cui difficultati vtrumque satisfaciunt duo circuli, quorum minor puncta, partésque totidem quot maior habere censetur.

GENERALIS.

Sunt & alia quæ non minus difficilia videantur, verbi gratiâ, quòd infinitæ partes vni finitæ sint æquales; si enim omnes medietates datæ lineæ, vel dati numeri, quæ sunt infinitæ numero, sumantur, illi numero æquales erunt: Sit enim 1, illius $\frac{1}{2}$, & dimidij dimidium, & ita in infinitum $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{8}$, $\frac{1}{16}$, &c. vnitatem reficient. Vnde multa theoremmata oriunda; verbi gratiâ, suppositis infinitis multitudine numeris, siue magnitudinibus in continua proportionione Geometrica maioris inæqualitatis, ostenditur primus terminus medius proportionalis inter primam differentiam, & aggregatum omnium terminorum: exponantur, verbi gratiâ, numeri sequentes 8, 4, 2, 1, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, &c. in infinitum: prima differentia est 4, qua 8 superat 4: aggregatum omnium terminorum 16, quòd omnes numeri sequentes æquent octonarium; sed 4 est medius proportionalis inter 16 & 8. Si verò trientes omnes alicuius integri simul addantur, integri dimidium; si quadrantes omnes, integri trientem, & ita consequenter, efficient. Quæ omnia fusiùs aliàs Deo volente discutientur. Accipe interim sequentem I. B. tractatum.

De Rationibus atque Proportionibus.

CVM Proportionum cognitio Musicis & Mechanicis, ceterisque matheseos speculationibus apprimè sit utilis, imo penitus necessaria, eaque ab iis qui de ea tractatus ediderunt, non satis hætenus exquisitè tradita, propositum mihi est earum naturam inquirere, & earumdem analysim, & synthesim breuiter & apodicticè declarare, inuocato priùs æternæ sapientiæ nomine & numine, sine cuius gratiæ auxilio nemini ad sapientiam & veritatem patet aditus.

I.

Rationis definitio.

Euclidi definitione 3.1.5. Ratio dicitur, duarum magnitudinum homogenearum mutua secundùm quantitatem habitudo. Mihi ita videtur definienda, vt sit magnitudinis ad magnitudinem homogeneam, secundùm quantitatem, habitudo.

II.

Definitionis αἰτιολογία.

Ratio dicitur *habitudo*, id est relatio, est enim eorum entium, quæ totum id quod sunt aliorum esse dicuntur. Additur (*magnitudinis*) quo declaratur relatum, seu subiectum relationis, & est quoque terminus rationis antecedens. Deinde subiungitur (*ad magnitudinem*) quo significatur correlatum, seu subiectum correlationis, quod est terminus consequens rationis. Postea adiungitur, (*homogeneam*) nisi enim ma-

P R Æ F A T I O.

gnitudines sint eiusdem generis, inter se comparari non possunt: ita punctum lineæ, linea superficiei, superficies corpori conferri non potest. Denique adponitur (*secundum quantitatem*) nam cum varia sint relationum genera, hæc tantum rationis nomine adgnoskitur, cuius fundamentum proximum est quantitas.

III.

Diuisio rationis.

Magnitudo autem magnitudini comparari potest secundum differentiam, id est excessum, vel defectum vnius ab altera: & hinc oritur ratio Arithmetica, de qua heic nil amplius dicemus: vel secundum quatum, qui oritur diuiso antecedente rationis termino per consequentem, & est ratio Geometrica, quam deinceps rationis vocabulo, sine additione exaudiri petimus.

IV.

Quantitas rationis.

Hic quotus ostendens quoties in antecedente contineatur consequens, ab Euclide *rationis quantitas*, à quibusdam *species*, ab aliis *denominatio* seu *denominator rationis* dicitur. In multiplicibus quidem quotus ille erit numerus; in reliquis verò habitudinibus erit pars, aut partes: nisi fortè habitudines sint irrationales, quæ tamen suo exprimentur modo, quantitate scilicet sibi homogeneâ.

V.

Compositio rationum.

Ratio autem ex rationibus componi dicitur, cum rationum quantitates inter se multiplicatæ illius effecerint quantitatem. Exempli causa, ratio sextupla componitur ex rationibus dupla, & tripla, quod binarius, quantitas rationis duplæ, in ternarium, quantitatem rationis triplæ, ductus producat senarium, qui quibusdam est quantitas rationis sextuplæ.

VI.

Si fuerint tres magnitudines in serie continua, ratio primæ ad tertiam componitur ex ratione primæ ad secundam, & secundæ ad tertiam. Vt sint tres magnitudines A, B, C, ratio magnitudinis A ad magnitudinem C, componitur ex ratione A ad B, & ex ratione B ad C. Quod demonstrat Eutocius ex 4. definit. 6. Euclidis, qui consuli potest ad 11. prop. 1. Conicorum Apollonij, & in Comment. ad 4. prop. 2. Archimedis de Sphæra & Cylindro.

VII.

Si fuerint duæ rationes, & antecedens vnius in antecedentem alterius ducatur, & consequens in consequentem, ratio prioris producti ad

GENERALIS.

posteriores, erit vtriusque adgregatum.

E F G
A B C D

Sumantur rationes A ad B, & C ad D, sitque E productus ex A in C, productus verò ex B in D esto G. Dico rationem E ad G componi ex rationibus A ad B, & C ad D. Ducatur quoque B in C, & esto productus F. Quoniam igitur C multiplicans A & B effecit E & F: à communi autem multiplicante non mutatur proportio, erit vt A ad B, ita E ad F. Similiter quoniam B multiplicans C, D, effecit F, G, erit eadem ratione vt C ad D, ita F ad G. Sed, ex antecedente aphorismo; Ratio E ad G componitur ex ratione E ad F, & ratione F ad G, quamobrem ratio E ad G componetur quoque ex ratione A ad B, & ex ratione C ad D. Quod demonstrandum erat. Hinc ordinatur.

Canon ad proportionum Compositionem.

Additio Rationum.

Antecedens vnus in antecedentem alterius, & consequens in consequentem ducatur, ratio prioris producti ad posteriorem erit adgregatum quæsitum.

Esto A 4. B 3. C 6. D 5.

Fit E 24, vel 8, G 15, vel 5.

VIII.

Si fuerint duæ rationes, & consequens prioris ducatur in antecedentem posterioris, & antecedens in consequentem, ratio prioris producti ad posteriorem, est residuum prioris rationis è posteriore ratione ablata.

A, B, C, D,

E, F, G.

Sumantur rationes A ad B, & C ad D; sitque F productus ex B in C, productus verò ex A in D esto G; Dico rationem F ad G residuam fore, si subducatur ratio A ad B, è ratione C ad D. Ducatur A in C, & esto productus E. Quoniam igitur A multiplicans C, & D effecit E, & G; è communi autem multiplicante non immutatur proportio, erit vt E ad G, ita C ad D; sed ratio E ad G componitur è rationibus E ad F, & F ad G. Sed C multiplicans A & B, produxit E & F, quare ratio E ad F eadem erit rationi A ad B. Ratio igitur C ad D, componitur è ratione A ad B, & ratione F ad G. Quamobrem ratio F ad G erit residuum rationis C ad D, ablata ratione A ad B. Quod demonstrandum erat.

Hoc Theorema ita quoque enuntiari potest.

Si fuerint quatuor magnitudines, ratio producti sub mediis ad pro-

P R Æ F A T I O

ductum sub extremis, erit residuum rationis primæ ad secundam, & ratione tertiæ ad quartam ablata.

Ex hoc theoremate deducitur Canon ad proportionũ subductionem.

Subductio Rationum.

Ducatur consequens rationis subducendæ in antecedentem alterius, & antecedens in consequentem, ratio prioris producti ad posteriorem erit residuum quæsitum.

Esto A 4. B 3. C 8. D 5.

Fit F 24. G 20.

IX.

Ratio potestatum est multiplicata rationis laterum iuxta ordinem gradus ad quem attolluntur. Ratio scilicet quadratorum est duplicata rationis laterum: Ratio cuborum triplicata: Quadr. Quadratorum quadruplicata, & ea in infinitum serie. Est enim quadratum potestas ordinis secundi, cubus ordinis tertij, Quadrato-quadratum ordinis quarti, & sic in infinitum.

Multiplicatio Rationum.

X

Quare cùm proponitur ratio multiplicanda, sumendæ sunt antecedentis, & consequentis potestates ordinis à multiplicante determinati: vt si fuerit triplicanda ratio 3 ad 2, quoniam cubus est potestas tertij ordinis, ideo sumo cubos terminorum rationis propositæ; est autem 27 cubus 3: octonarius verò est cubus binarij; quare ratio 27 ad 8 est triplicata rationis 3 ad 2.

XI.

Diuisio Rationis.

Cùm autem diuisio nihil aliud sit quàm restitutio eius operis, analysi, quod synthesi effecit multiplicatio, si proponatur ratio partienda, sumantur antecedentis, & consequentis latera ordinis à diuisore determinati. Est autem latus quadratum ordinis secundi: latus cubicum ordinis tertij: latus quadr. quadratum ordinis quarti, & sic in infinitum. Esto diuidenda ratio 27 ad 8 per 3, quoniam latus cubicum est tertij ordinis, ideo sumantur latera cubica terminorum rationis propositæ: est autem ternarius latus cubicum 27, binarius verò est latus cubicum 8; quare ratio 27 ad 8 est ad rationem ternarij ad binarium, sicut ternarius ad vnitatem, quod diuisionis leges deposcunt. At si vterque, aut alter terminorum rationis propositæ non habeant latera à diuisore determinata, vt si proponeretur bisecanda ratio alicuius consonantis intervalli, ratio è diuisione oriunda erit irrationalis.

GENERALIS.

hæc præcedunt XII.

Hæc autem præteriri non debet error in quem incidit Clavius in Comment. ad ult. prop. I. 9. Euclidis: ubi de proportionum compositione agit, & affirmat rationem è rationibus haud componi, ut totum è partibus, quod pars esset æqualis vel maior toto, quod exemplis probare contendit. Sic enim ait, si positis his tribus terminis 4, 2, 8, proportio 4 ad 8 verè coaceruaretur è proportionibus 4 ad 2, & 2 ad 8, tanquam ex partibus, esset pars maior toto, quod proportio dupla 4 ad 2 maior sit proportionem subdupla 4 ad 8. Itane verò? Ita etiam si addatur plus 2, & -- 4, fit adgregatum -- 2, iuxta leges huius algorithmi: & hîc quoq; pari iure plus 2 pars maior est toto -- 2. Hoc sane intricatum est, & à nemine hæcenus satis explicatum. Age ergo totum negotium sequenti speculatione expediamus.

hæc præcedunt XIII.

Enti contrarium est *antion*, seu *antiens*; atque inter ens & antiens, medium est *non ens*, seu nihilum: sicut enim id quod se attollit supra nihilum, entis nomine agnoscimus, ita & quod se infra nihilum deprimit, antiens nomine exaudire possumus. Deinde quoniam in genere entis totum est maius qualibet parte componente, è contra in genere antiens, (contrariorum enim contrariæ debent esse adfectiones) totum erit minus quavis parte integrante. At quoniam non ens, seu nihilum mediat inter ens & antiens, erit in genere non entis totum æquale cuilibet parti, quoniam nihilum sibi additum est semper nihilum: At cum simul componuntur ens & antiens, totum quod hinc oritur, participat de adfectionibus utriusque, siquidem est minus unâ, & maius altera partium, uti in exemplo superius allato, ubi adduntur plus 2, & -- 4, adgregatum -- 2, est minus, plus 2, & maius -- 4.

XIV.

In rationibus igitur idem proportionaliter animaduertas, si veritatem consequi velis, necesse est. Proportio æqualitatis nihili similitudinem refert: proportio maioris æqualitatis attollitur supra nihilum, & cum adsimilatur: proportio minoris æqualitatis deprimitur infra nihilum, & antiens comparari potest. Quibus positis omnibus Clavij argumentis ita respondemus. Si sumantur numeri 1, 10, 100, ideo ratio 1 ad 100 minor est utraque ratione, & 1 ad 10, & 10 ad 100, quia in genere antiens totum est minus qualibet parte integrante. At sumptis his numeris 4. 4. 4. ideo ratio primi ad tertium æqualis est rationibus primi ad secundum, & secundi ad tertium, quod nihilum nihilo additum non augeatur. Denique in numeris 4. 2. 8, ratio 4 ad 8, idcirco maior est ratione 2 ad 8, & minor ratione 4 ad 2, quia adfectiones entis, &

PRÆFATIO GENERALIS.

antientis commiscetur, vti supra diximus.

XVI.

Iuxta hæc principia multa theoremata demonstrari possunt, quorum nonnulla adferemus, vt pote 16. & 17. prop. 6. lib. Ideo enim productus sub mediis est æqualis producto sub extremis, quia dum ducuntur mediæ & extremæ in se inuicem, demitur ratio primæ ad secundam è ratione tertiæ ad quartam. At æquale si ab æquali subducas, quod remanet est nihilum. Nihili autem similitudinem refert proportio æqualitatis, quare ex hoc opere est oriunda. Sed placet eandem propositionem vniuersalissime enuntiare, & iuxta eadem principia demonstrare.

XVII.

Si 4. magnitudinum fuerit prima ad secundam in ratione multiplicata rationis quam habet tertia ad quartam, erit ratio producti sub extremis ad productum sub mediis, multiplicata rationis eiusdem 3. ad 4. in gradu proxime inferiori, seu parodico, ad rationem 1. ad 2. Vt si fuerit ratio 1 ad 2, triplicata rationis 3 ad 4, erit ratio producti sub extremis ad productum sub mediis duplicata rationis 3 ad 4. Siquidem ratio producti sub extremis ad productum sub mediis, est residuum rationis 3 ad 4, è ratione 1 ad 2 ablata; At simplicum è multiplo deductum deprimat vno gradu multiplum.

XVIII.

Si fuerint quatuor magnitudines actu, aut per representationem, & productus sub extremis ad productum sub mediis sit in ratione maioris inæqualitatis, erit ratio 1 ad 2 maior ratione 3 ad 4. Si verò productus sub extremis ad productum sub mediis fuerit in ratione minoris æqualitatis, erit ratio 1 ad 2 minor ratione 3 ad 4. Enimvero ratio producti sub extremis ad productum sub mediis est residuum rationis 3 ad 4, è ratione 1 ad 2 subductæ; cum autem minus è maiori subducitur, remanet aliquid plus nihilo, ac proinde ratio maioris æqualitatis, at cum maius è minori deducitur, quod remanet minus est nihilo, seu antiens: proportio autem minoris æqualitatis analogice est antiens, vt supra diximus.

Similia theoremata multa ex iisdem principiis demonstrari possunt, sed hæc quibus res cordi erit indaganda relinquimus: sufficiat mihi quæ de proportionum natura animo versabantur, indicasse.



TRACTATVS
DE MENSVRIS

PONDERIBVS, ATQVE NVMMIS
tam Hebraicis, quàm Græcis, & Romanis
ad Parisiensiâ expensis.

CLARISSIMO,
ORNATISSIMOQVE VIRO,
IACOBO HALLE,
REGIS CONSILIARIO,
Et Parisiensis Regionum Computorum
Camerae Decano.

F. MARINVS MERSENNVS



VM omnia Deus in numero, pondere, atque mensura condiderit (Vir Ornatissime) hic de Mensuris, & Ponderibus Tractatus, quo gentium exterarum mensurae cum Parisiensibus conferuntur, ad Te probum & iustum Computorum aestimatorem confugit, qui saeculo penè integro Dei prae potentis opera, & quae sit longitudo, latitudo, sublimitas & profundum divinae Bonitatis apud Te perpendens, cuiuslibet rei pondus, numerum, mensuram, & pretium exprimere valeas; cum unaquaeque tanti sit valoris, quot & quantos illius radios exceperit.

Perge (Vir Christianissime) in diuinis perfectionibus meditando, & animi sinceritatem, quam à teneris annis Deo vouisti, &

illibatam plusquam octuagenarius conseruasti, aternâ gloriâ coronandam expecta.

Quid enim aliud Te maneat, qui iuxta praeceptum libri de substantia dilectionis, haftenus ita vitam instituisti, ut ordinatâ Charitate, cui militas, curreris de Deo, cum Deo, & in Deum; de proximo, cum proximo, non in proximum; de mundo, non cum mundo, nec in mundum, ut in solo Deo requiesceres per gaudium.

Maximus quidem tuorum annorum numerus, sed apud Te nullus, qui dudum saeculo ita renuntiariis, nullum ut saeculi diem noueris, nec terrena tempora iam computes, qui aternitatem de Deo speras; & qui vitae transeunti coronidem velis apponere verbis sequentibus, In te Domine speraui, non confundar in æternum.

PRÆFATIO

AD LIBRVM

DE MENSVRIS.

PONDERIBVS, ET NVMMIS.



VÆDAM aduertas velim priusquam sequentem Tractatum perlegas, vt sicubi fuerit aberratum, iuxta hoc monitum emendetur. Primùm igitur ad secundam paginam, quæ pedis Regij dimidium exhibet, eiusdem proximè magnitudinis apparet in impressa charta, cuius est in ænea regula vnde sumpta est, si charta mani-

bus trahatur in superficiem rectam, vel si quid abest, non superat $\frac{1}{4}$ lineæ: quanquam contingere potest folia quædam papyracea magis vel minus extendi vel restringi; cui rei medicinam ipse facies, cum nil aliud voluerim, quàm pedis dimidium, seu partem Hexapedæ Castelleti, vel Thecæ scriptoriæ, vulgò *l'escrioire*, duodecimam repræsentare: quanquam duas illas hexapedas lineæ parte sexta differre constet.

II. Iugeri & rerum aliarum mensuras, de quibus à quarta pagina dictum est, haberi libro 10 Codicis Henrici; vbi cum titulo tertio, vlnæ Parisiensi tribuantur tres pedes, septem pollices, & octo lineæ, eamque propterea duabus lineis breuiorem fecerim, tribus pedibus & septem digitis adde $\frac{2}{3}$ pro $\frac{1}{2}$, id est scribe octo lineas, non sex.

III. Quod de libra ponderali, eiusque dictum est diuisionibus, propos. 2. Codicis Ludonici XIII. lib. 22. titulo 10. haberi, cum aliis diuisionibus; qualis est ea quæ tribuit vnciæ 20 stelinos, stelino 4. selinos, vel duos obolos, qua Gemmarij, & Monetarij inspectores vtuntur.

Ad pag. ii. cum omnia grana, vel semina quæ reperiri solent in atrijs venalibus Lutetiæ, ad stateram expendissem, vixque granum vllum inter eiusdem speciei grana grano alteri exactè respondisset, in incertis ludere nolui. Hic tamen addo me sæpius obseruasse cubicum aris pol-

PRÆFATIO

licem in aëre pendere sex uncias, scrupulos 2 $\frac{1}{2}$ & grana sex, in aqua vero uncias 5 $\frac{1}{2}$, & grana 6 $\frac{1}{2}$, adeo ut aquæ pollex sit dimidiæ unciae, & scrupuli 1 $\frac{1}{2}$, minus dimidio grano: sed in alio vase apparuit aqueus pollex cubicus præcedente grauior grani 13 $\frac{1}{4}$.

Pollex frumenti cubicus absque succussu, & agitatione pondo drachmarum 3 $\frac{1}{2}$ apparuit, cui succussio, denarij pondus adhibet; si vero vas illud cubicum vnus pollicis frumento vsque ad cumulum impleatur, hic cumulus quatuor denarios addit. In illo vero pollice rasili non agitato 400 grana frumenti hoc anno 1643; grana vero electa grani unciae nostræ æqualia reperio. Rasilis pollex hordei 328 grana continet, pendetque drachmas 3 & 8 unciae grana; hordei vero electa grana totidem grani unciae æquiponderant; cumque nonnulla grana inter electa sint aliis grauiora, certum est ipsis unciae grani esse grauiora.

Huc perueneram, cum schedula mensuras Parisienses sequente modo comprehendens, & ad pedes cubicos redigens, calculisque ab Alealmo subducta inuenta est. Itaque Modius maior, de quo propos. 4. dictum est, cuius nempe pondus 2640 librarum, 48 pedes cubicos complectitur, estque diurnus 1500 hominum cibus; quare sextarius, modij uncia, quatuor pedibus cubicis constat, cumque sit 220 librarum, 125 hominum cibus est diurnus: mina, quæ est modij pars vigesima-quarta, complectens duos pedes cubicos, cum sit 120 librarum, nutrit homines 62 $\frac{1}{2}$. Minotus 48 pars modij, pedem cubicum habens, cum sit 55 librarum, homines alit 31 $\frac{1}{2}$: quemadmodum minor modius, pars maioris 144, complectens cubicos pollices 576, pondoque librarum 18 $\frac{1}{2}$, cibus est diurnus hominum 10 $\frac{1}{2}$.

Quod ad liquidorum mensuras attinet, cum crediderit vini modium, seu cadum 288 duntaxat pintas complecti, fœcibus videlicet minimè numeratis, affirmat 8 pedibus cubicis contineri, ut dolium ad formam cubicam redactum latus habeat bipedale; cumque pinta sit pondo duarum librarum, dolium, vel potius vinum illud implens, erit librarum 576; pesque cubicus erit 72 librarum; Pinta vero complectitur 48 pollices cubicos, seu $\frac{1}{4}$ pedis cubici.

Certè quidquid expertus fuerim, suadet aquæ pedem cubicum non esse minoris, quàm 72 librarum, ponderis, licet alij 70 $\frac{1}{2}$ duntaxat librarum illum aestiment.

V. Ibidem, ubi de pinta loquimur, aduerte in Codice Ludouici, quem ibi laudamus, haberi cadum 36 sextarios complecti, qui sextarius octo pintis constat, vel duabus Quartis: minorem vero semisextarium in duos Possiones diuidi, ut sit Possio pars octaua Pintæ. Quæ vero pertinent ad alios Tractatus disces ex secundo monito nummo.

P R Æ F A T I O.

rum Gallicorum, & ex Præfationibus vniuscuiusque Tractatus.

VI. Cum autem pag. 37. lib. 16. dixi *Chelinum* vndecim dici denariorum, credant tamen alij id duntaxat, nil assero; Cæterum inspectores cuiuslibet monetæ consuli possunt, à quibus exactè habeas tam aureorum quam argenteorum nummorum leges, & puritatem, quæ cum in iisdem officinis & sub iisdem principibus non rarò mutationem subeant, malui puritatem sequente tractatu, vtpote immutabilem, quàm legem vllam tot varietatibus obnoxiam eligere.

VII. Generalis autem Præfatio explicationem illius exhibet figuræ, quæ sextæ propositioni debetur, quâ videlicet pondus & valor sicli Hebraici statuitur, multaue pollicetur, de quibus postea fusè tam libro de Hydraulicis, quàm de Mechanicis, & de Ballistica.

VIII. Porro vix in textu Hebræo veteris Testamenti reperias aurei sicli mentionem, nam ferè semper vbi Vulgata legit, siclis aureis, textus Hebraicus non habet *siclos*, sed tantum *aureos*; quanquam 1. Paral. cap. 21. vers. 25. textus ille *siclos auri*, seu *aureos* exprimat, pondo sexcentos.

Aduertendum etiam R. Kimhi ad 38 Exodi, versu 24 minime dicere siclos, sed minas Sanctuarij esse communium duplices, licet aliqui contra senserint: quanquam ex minis duplicibus non repugnet etiam duplices siclos inferre.

IX. Superest vt dicam, me necdum scire potuisse quæ prop. 9. ad calcem moniti primi notabam, vtra nempe vera esset relatio de numero granorum vnciæ Romanæ; tantum addo me folium illud, quo tertia propositio continetur, refici curasse, vt eundem granorum numerum Romanæ, quem nostræ tribuerem. Hinc fit vt quod versus calcem paginæ sextæ dictum est de granis 612 vnciæ Romanæ (iuxta relationem alteram, quæ 17 laminas, vnâquamque 36 granorum, vnciæ Romanæ tribuebat) sit emendandum, vt habetur pag. 11. corollario primo tertiæ propositionis, vbi loquor ex hypothesi, cuius Lectorem aliquando certiore facturus sim, vbi de veritate constabit, quæ 16 solum laminas prædictæ æquales habeat.

Cæterum qui deinceps peregrinationem instituent ad Sinenfes, aut alia loca longè distita, poterunt experiri pondus cuiuslibet grani, quod variæ nationes in cibis, aut medicinis vtuntur: sed maius fuerit operæpretium si magneticam acum pixide clausam cum optimo magnete spherico ferant, quibus diuersas vtriusque declinationes, & inclinationes in longitudinum gratiam explorent.

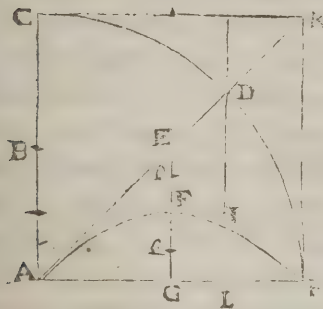
Vtilia etiam fuerint minora perspicilia, quibus singula quæ occurrerint animalcula, eorumque partes obseruentur. Nec inutile futurum si

PRÆFATIO.

ram nummos, leges monetales, pondera, mensurasque diuersarum gentium ad quas peruenerint, quam & instrumenta varia quibus fodiunt, aut sulcant terram, vel etiam aures & animum oblectant, diligenter annotent; ex quibus populorum omnium temperamenta, imaginationes, & consuetudines cum nostris conferantur. Quid enim uiris studiosis gratius esse potest quàm ut sciant quidquid ab omnibus hominibus fieri solet, & totum orbem vnico intuitu hauriant. Quod adeo facile est ob navigationum frequentiam, ut si principes solummodo cupierint, non desint uiri doctissimi ætate florentes, qui paucorum annorum spatio non solum prædicta, sed etiam omnifaria manuscripta referant, quibus gentium mores, & chronologiæ fideliter contineantur; ut iam inceptum videmus à nobili Bononiensi, qui rerum omnium, præsertim artefactorum figuras & fabricas, quæ in omnibus ferè partibus Europæ potuit deprehendere, pluribus voluminibus descripsit.

Quandiu uero peregrini prædicta notabunt, alij varia poterunt experiri, quibus artes mechanicas perficiant; alij Geometriam excolant, & versus supremum apicem perducent; alij denique veras Physicæ, & Ethicæ leges perquirent, ut cum nil amplius quærendum supererit, omnes vno ore concinant, *Cor meum & caro mea exultauerunt in Deum uiuunt*, donec eum intuitiue contemplantur, & æternam in ecstasim rapti cum omnibus cælicolis dicant, *Beati qui habitant in domo tua Domine, in secula seculorum laudabunt te.*

PRIMUM quidem ubi Parabola prop. 18. exhibetur, ac si mediam salientem referret, id factum esse quòd defuerit alia figura incisa, qua-



lem postea $A F H$ scindi curavi, quæ referat mediam salientem, ad elevationem anguli semirecti, ut $A H$ dupla sit verticalis $A B$; quapropter hæc figura singulis intelligendis inferuiet, quæ pendent ab elevatione 45 graduum super horizontem: quorum id videtur ingentis utilitatis quòd ex sola mediæ salientis magnitudine seu longitudine, qualis est $A H$, verticalis $A B$ innotescat, quæ semissi $A H$, hoc est $A G$ æqualis est: quod verum puta, cum aëris resistentia non

numeratur, quam semper exclusam velim in omnibus quæ hac præfatione dicturus sum, nisi cum aliud monuero. Vbi etiam obseruandum venit salientis cuiuslibet inclinatæ longitudinem penes horizontem, siue in horizonte AH semper esse sumendam, non autem in curua AFC , cuius ratio ad lineam rectam necdum innotuit.

SECUNDVM ad cuiusvis salientis pertinet altitudinem : saliens igitur verticalis ex A versus B tanti sit impetus vt absque grauitatis reactione minuti secundi spatio ad punctum B perueniat, grauitas restituta tollet spatij dimidium, vt prop. 10. tract. sequentis ostenditur, satisque intelligitur ex hac figura, si BC diuidatur in 16 partes æquales initio à B ducto; similiterque CA in 16 partes æquales, sitque

P R Æ F A T I O

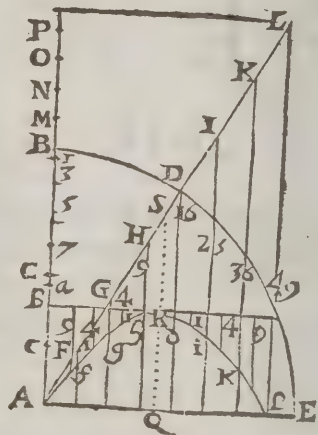
quadrantis BE radius AB vel AD mensura temporis in 4 partes æquales AF, FG, GH & HD diuisi.

Supponamus ergo aquam ab A ad C peruenire tempore AD; perdidit ex velocitate quam habuit in A quantum sufficiebat ad ascendendum à C ad B, propterea perdet 1 ex 16 illis partibus in quarta parte temporis AD, hoc est in AF; in tempore AG perdet 4; in tempore HA 9, & in tempore AD 16. Non igitur vsque ad B ascendet aqua spatio secundi, sed tantum vsque ad C.

Si verò tempus vlteriùs producat versus L, vel P, in tempore AI, vel AM 25 partes amittet, quarum AM cum sit 24 partium, quinto tempore reperietur aqua in puncto a lineæ AB; & in fine sexti temporis AN 36 partes amittet, quarum CN est 32, ideòque in puncto b erit aqua in fine sexti temporis. In fine septimi temporis, in quo facta fuerit iactura 49 partium, quarum CO fuerit 40, erit aqua in c; denique in vltimi fine temporis AP, vel AL fiet iactura partium 64, quarum cP 48, eritque aqua in istius temporis fine in plano horizontali AE, à quo exierat: quandoquidem si grauitatis momenta numerentur ab ascensu initio vsque ad finem descensus vnâ computatione temporum continua, idem contingit ac si primùm ascensus, & postea descensus seorsim numeraretur; nam Ca, Cb, Cc & CA, quæ fuerint momenta grauitatis ab initio ascensus numerata, & continuata in descensu, eadem sunt ac si fuisset initium numerandi sumptum à descensu, cum Ca, sit 1, Cb, 4, Cc, 9, & CA, 16; est enim primo tempore grauitatis effectus, 1; duobus temporibus, 4; tribus, 9; quatuor, 16; quinque, 25; sex, 36; septem, 49: & octo quibus perficitur tam descensus quàm ascensus, est 64.

TERTIVM, his positis, saliens exire supponatur ad eleuationem 60 graduum super horizontem, hoc est per lineam AL, quæ faciat angulum 60 graduum cum linea horizontali AE, quem angulum circumferentia 60 graduum ED subtendit, cumque momenta grauitatis sumenda sint in perpendicularibus, saliens quæ ad finem temporis AF debuisset esse in F, amissa vna parte decimasexta rectæ CD (quæ nunc pro scala sumitur) erit in f; & in fine temporis AG, cum debuisset esse in G ob motum vniformem, amissis 4 partibus erit in g:

In fine



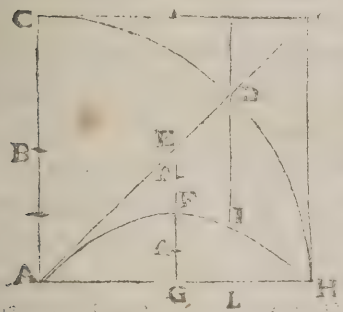
AD LECTOREM.

In fine temporis AH , deperditis 9 spatijs erit in b , & ita deinceps, donec in fine temporis vltimi KL rursus in planum AE recidat.

Porro ductâ lineâ curua per puncta $AfgbRd$ & Kl , erit parabola, cuius axis QR ; ideoque recta AD parabolam AR in puncto A continget. Quæ si mediæ salienti adhibere placeat, illius altitudo, siue axis QR reperietur 8 partium, quales sunt 16 in CB , atque adeo subdupla lineæ CB , vt iam ad primam figuram notatum est, iterumque fusiùs explicaturi sumus.

QUARTVM igitur docet salientis altitudinem, cuius inclinatio super horizontem, & horizontalis amplitudo cognoscitur. Sit enim mediæ salientis $A FH$ longitudo horizontalis AGH ; angulus eleuationis super horizontem $HA E$. Descripto quadrante CDH , sinus totus est HA . Ducatur tangens AK secâ in puncto K à producta HK ; diuidatûrque AK bifariam in E . Ducta verò

GE secetur bifariam in F , altitudo mediæ salientis erit GF , eadêmque quarta pars HK , quæ tangit quadrantem CDH in puncto H . Quæ omnia ita probantur. Primum summam mediæ salientis altitudinem esse in linea GH , quippe basim HA orthogonaliter, & bifariam secat, & salientem $A FH$ parabolam esse supponimus, qualis reuera foret abique vlla medijs resistentia. Si enim F non fuerit vertex salientis mediæ, sit vertex ille quodlibet aliud punctum I supra



vel infra; cûmque HK sit ad E in ratione duplicata eiusdem HK ad GE , & HK ad EG vt 2 ad 1, erit HK ad E vt 4 ad 1, & E erit semiffis EG seu EG bifariam diuiditur in F , igitur I non est extra punctum F , quod propterea salientis verticem asserimus, & HK est ad GF vt 4 ad 1; atque adeo GF est altitudo salientis, & quarta pars tangentis HK . Quod maximæ futuri est vtilitatis in Ballistica nostrâ, cûm diuiniendum axem parabole, salientis, seu iactus, cuius basim & eleuatio dantur, aliâ re non sit opus quàm vt sumatur quarta pars tangentis eleuationis in circulo, vel circuli quadrante, cuius radius sit parabole, vel salientis basis.

QUINTVM addo, basim ipsam, vel salientis longitudinem in horizonte, (cuius axis & eleuatio super horizontem cognoscuntur) facile reperiri, cûm axis solummodo quadruplicandus sit, & in eleuationis angulo perpendiculariter ad basim applicandus, vt hîc appli-

catur in puncto H. vsque ad K, est enim H K æqualis AH salientis longitudini.

Quamquam & alio modo reperitur: sit enim AB subduplum AC; igitur quadratum AB dimidio quadrati DL æquale est; igitur DL media est proportionalis inter AB & AC; vt & media esse debet inter AB & basim parabolæ; basis ergo salientis AH, est æqualis AC. Sunt autem quadratum AB, quadratum AL, & quadratum AH vt 1, 2, 4. Itaque dimetiens AK transibit per D; & erit AD, hoc est AH dupla AB, & DL mediaproportionalis inter AB & AH.

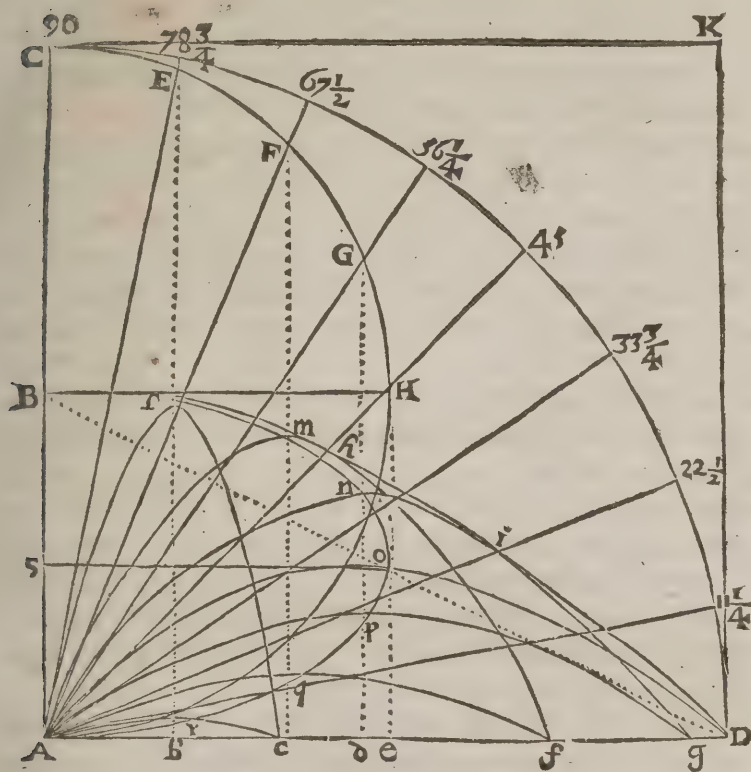
Cum igitur in salientium parabolis sit vt AB ad sinum eleuationis DL, ita AL sinus supplementi eleuationis ad AH basim, sitque AL in eleuatione 45 graduum æqualis DL, cadet parabola, vel saliens in fine rectæ AH.

Cum igitur in salientium parabolis sit vt AB ad sinum eleuationis DL, ita AL sinus supplementi eleuationis ad AH basim, sitque AL in eleuatione 45 graduum æqualis DL, cadet parabola, vel saliens in fine rectæ AH.

SEXTVM omnium pulcherrimum ostendit salientium omnium diuisum in conoideo Parabolico describendo, quod fontium amantes in spelæis artefactis æmulari possint. Sit enim circumferentiæ quadrans CD diuisus in 8 partes æquales per radios A 78 $\frac{1}{2}$, A 67 $\frac{1}{2}$, &c. cuius radius AD referat horizontem, AC verò lineam verticalem; diuisoque bifariam radio CA in B, ex B centro ducatur semicircumferentia CHA, quæ bifariam secetur à radio BH. Deinde à punctis in quibus à prædicta semicircumferentia secantur radij quadrantis ACD, hoc est ab E, F, G, & H, demittantur ad horizontem AD perpendiculares Eb, Fc, Gd, & Hc. Tertiò bifariam diuidantur illæ perpendiculares in punctis l m n o. Quartò describantur septem parabolæ, quarum axes lb, rb, mc, qc, nd, pd, & oe, quarum bases sint Ac, Af, Ag, & AD; Dabit parabola Alc figuram salientis ad eleuationem graduum 78 cum dodrante & 45 minutis; quemadmodum parabola Arc salientem eleuationis graduum 11 $\frac{1}{2}$; cuius quidem amplitudo Ac est eadem ac præcedentis, quòd hæc eleuatio tantum distet à media 45 graduum, quantum eleuatio graduum 78 $\frac{1}{2}$. Quod reliquis salientibus æqualiter ab angulo semirecto distantibus conuenit, vt parabolarum par Amf, & Aqf; & alter parabolarum Ang, & Apg par ostendit; adeout sola 45 graduum saliens Aod, utpote omnium maxima, nullam sociam habeat.

Ex ijs porrò constat summas quarumlibet salientium altitudines, seu vertices esse l, m, n, o, p, q, r, quæ sunt puncta per quæ transeunt li-

nex $E b, F c, G d, H e$, & quæcumque possunt inter puncta $B D$ in-



tercipi, &
intelligi,
iuxta mi-
nutiones
diuisiones,
qualis est
in 90 gra-
dus diui-
sio, tot
enim salie-
tes diuersæ
futuræ sūt,
quot diuer-
sæ fuerunt
super hori-
zontē ele-
uationes.

SEPTI-
MVM in ea-
dem figura
cernitur,
nempe da-
tis salien-
tium axi-

bus, seu altitudinibus supra mediam, vel semirectum angulum, dari etiam salientium inferiorum altitudines, vt constat ex punctis r, q, p , quę respondent punctis l, m, n ; tantum enim punctum r à linea AD , quantum l punctum à linea BH , & tantumdem puncta m & n à linea BH quantum q & p à linea DA distant, & ita de cæteris.

Vbi plura notanda, præsertim verò rectam lineam $f o$ lineæ $B A$, diuisæ bifariam in s , perpendiculararem, & lineæ $B H$ parallelam, & æqualem, maximæ, seu mediæ salienti verticem o tribuere, vt altitudo siue axis oe sit $B A$ subdupla, hoc est amplitudinis suæ $A D$ subquadrupla.

Deinde verticalem salientem BA dimidium esse parametri salientis medietatis AOD ; & quartam partem parametri parabolæ BD , cuius superficies concaua tangit parabolas Alc , Amf , Ang , & AOD , in punctis h , i , D , à quibus si lineæ prædictarum parabolæ axibus perpendiculares agantur, ostendent illarum focos in axis puncto, ad

P R Æ F A T I O

quod appellent, vt constat ex linea *D e* ex puncto contractus parabolæ mediæ, & contractus parabolæ *B D* in punctum *e* axis *o e* perpendiculariter acta.

Cæteræ parabolæ *A r c*, *A q f*, & *A p q* tangent eandem parabolam *B D*, cum infra lineam horizontalem *A D* ita productæ fuerint vt pars axis vniuscuiusque intercepta sit ordinatæ subdupla, quemadmodum axis mediæ salientis *o e* est *e D* subdupla.

Tertiò focus istius parabolæ reliquas inferiores parabolæ continentis, & tangentis, esse *A*; quæ parabola si super suum axem *B A* conuertatur, parabolicum conoidem generabit, quod salientes omnes possibiles ex *A* puncto eodem erum pñtes impetu complectetur.

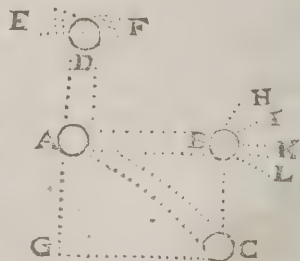
Quartò linea recta per verticem cuiusvis ducta parabolæ secat parabolam in aliquo puncto, ex quo ductæ perpendicularis ad illius axem, focus ostendit, vt constat ex *B D* linea, quæ transiit per *o* mediæ verticem, quam secat in puncto *D*, ex quo linea *D e* ducta focus *e* tribuit, vt priùs dictum est.

Quintò linea ducta à *B*, per puncta *l m n o p q r A* dimidiam Ellipsin format, quam perficias ex salientibus sinistris.

Sextò lineæ interceptæ inter quadrantem *H A* videntur bifariam, diuidi per puncta *r q p o*, quæ salientium summitates in eleuationibus semirecta inferioribus ostendant. Denique tangens parabolæ *A o D* ducatur ex puncto *D*, transibit per puncta *H C*.

O C T A V V M infumitur in explicanda ratione curnam salientes horizontales, cum graues sint, non tantum descendant eodem tempore versus terræ centrum quantum abique illo motu horizontali aqua descenderet. Sit ergo tubi lumen *A*, quale est Ruelliani Draconis, ex quo verticalis *A D*, & horizontalis saliens *A B* exilire intelligatur; quod etiam dictum puta de pilis ex *A* bombardarum ore missis. Sitque *A B* saliens 30 pedum, qualis est reuera; quæ cum duo secunda ab *A* ad *B* insumat, si grauitas illius tantundem agat versus *G*, vel *C* deprimendo, quantum ageret si liberè ab *A* quietis puncto in *G*, descenderet spatio 2 secundorum pedes 48, iuxta legem grauium; vel si quid detrahat aëris resistentia faciliùs in aquam, agentis quàm in corpora dura, saltem 30 pedes descendet.

Cum autem doceat obseruatio nequidem per 8 pedes illo temporis spatio salientem *A B* descendere; neque pila ab *A* ad *B* explosa, &



centum hexapedas percurrens spatio secundi vel vnum pedem descendat, quæ fieri potest vt à saliente, vel pila describantur illæ parabolæ de quibus actum est? Quod soluetur cùm rationem attulerimus ob quam saliens horizontalis minus descendit quàm dum solo motu naturali deorsum cadit. Sit ergo gutta A pondo grani vnus, quæ saliens ex tubo 60 pedes alto iter A B 30 pedum spatio 2 secundorum conficiat, quo descenderet ab A quiete infra G 48 pedes, dico guttam illam, vt & pilam ex ignaria catapulta explosam tanto minus super aërem grauitare, quanto motus illius horizontalis velocior fuerit, adeout nil descensura sit cùm cylindrus aëris quem ab A ad B percurrit breuissimo tempore, eiusdem ponderis fuerit cum gutta, vel pila, qualis est fortè respectu globuli plumbei explosi centum hexapedas percurrentis spatio secundi, quandoquidem aëreo cylindro centum hexapedum, cuius basis æqualem habeat diametrum semidigitali pilæ plumbeæ diametro, globuli plumbei 144000, respondent.

Sed cùm aquæ gutta A, cuius diameter vnus lineæ, spatium A B 35 pedum eodem temporis spatio conficiens respondeat cylindro aëreo 2160 linearum, ne lineam quidem descendere deberet, si vera foret illa ratio, cùm illa gutta sit prædicto cylindro leuior, quippe quæ si fuerit mole æqualis aëri, eo ad summum 1500 grauior est.

Huic igitur rationi subiungendum est guttam vi prædicta salientem horizontaliter, non solum versus K, sed etiam versus H, I, & L, ob aërem à tergo propulsum, & versus B redeuntem tendere, & impetu imminuto tandem versus C cadere.

Quantulus verò fuerit aquæ descensus, cuius directio horizonti parallela est, si deinceps ille descensus fiat in ratione duplicata temporum, parabolam describet, cuius horizontalis amplitudo eò maior futura est, quo minus aqua descenderit. Exempli gratia, licet in centum hexapedum spatio digitum vnum aqua, vel pila primo tempore descendat, dummodo sequenti tempore 3 pedes, in tertio tempore 5, &c. descendat, parabolam describet: Aliam verò lineam à parabola discrepantem, si secundo tempore plures aut pauciores quàm 3 pedes conficeret.

At verò cùm experientia constet æquali tempore aquam eò magis descendere, quo motus horizontalis tardior, minus verò, quo velocior fuerit, certum est exactas parabolas à saliente non describi.

Cùm autem ea quæ diximus de salientibus parabolicis intelligi debeant in medio non resistente, inquiri potest quantum aëris resistentia salientibus officiat tam horizontalibus quàm verticalibus; quæ

P R A E F A T I O

cùm sint in tubo quadrupedali sexta, quàm in vacuo, parte breuiores clarum est ab aëris resistentia tolli sextam partem verticalis, quæ in medio non resistente ipsi tubo foret æqualis.

Idem ferè de mediis & horizontalibus dicendum, de quarum amplitudine sextam partem ab aëre tolli probatur experientia, cùm salientis verticalis sexta parte tubo minoris saliens horizontalis solummodo dupla sit; cùm duplam sesquisextam esse oportuerit, si nihil ei ab aëre suffuratum esset. Aër verò idem facit aduersus salientem, quod follis præstaret tanta velocitate sufflans aduersus aquam, quanta mouetur liquor, aut pila vt quis vim illius aëris sufflantis (& moti eadem velocitate, qua moueri solent globuli plumbei sclopetis immisi) sufflantis, inquam, in globulum in aëre pendulum & immotum, hoc est qui nouerit spatium ad quod globulus à vento ita sufflante transferretur, sciet etiam quantum officiat globulo exploso aëris perpetua resistentia.

NON VM ad vacuum attinet quod sua præfatione Hero se demonstrasse credidit, quâ nihil à veteribus in eo genere pulchrius allatum esse cùm multi existiment, eaque de re vix in Hydraulicis agam, placeat hîc illius rationes breuiter exponere. Primum igitur ostendit ea quæ vulgò censentur vacua, qualia sunt vasa nullo visibili liquore plena, esse tamen aëre plena, vt ex vitris & ollis in aquam inuersis, & demersis constat, quæ retrahuntur sicca, cùm tamen illorum interiora latera madida forent, nisi aër inclusus impediret, cuius præsentiam testatur exitus per foramen fundo vasis inditum, per quod foras erumpens non soli tactui sensum infert, sed etiam demulcet aures harmoniæ suauitate, testibus fistulis, & infundibulis in aquam immersis, quæ grauius vel acutiùs canunt prout tardiùs vel concitatiùs demerguntur. Ad quod referas quamlibet aliam aëris in spiritum conuersionem in serpentibus, merulis, & buccinatoribus, quos prop. 74. & alijs inducit. Adde tubos hortorum Romanorum, ex quibus statim atque recluduntur epistomia, fragor ingens catapultarum ignariarum instar editur: organa pneumatica, & ipsum pulmonem, aëris præsentiam satis superque probantia. Vnde concludit vacuum coacervatum nullibi existere, sed tantum hinc inde per omnia corpora disseminatum, nequidem excepto adamante, quod perinde ac Plinius, adeo durum arbitratus est, vt in malleos & incudem ingrediatur, quod experientiæ repugnat, nam ictu mallei varias in partes dissilit, & ita potest igniri vt pereat, licet ignitas atomos vacuolis adamantinis maiores putet, quæ cùm solam superficiem exteriorem attingant, illius substantiam non possint ingredi.

AD LECTOREM.

Deinde particulas aëris sibi cohærentes & vacuola disseminata habentes arenarum cumulo, inter cuius grana multæ aëris particulae intercedunt, bellè comparat, quæ tum desinant cum accedente vi quapiam condensatur; redeantque cum facta remissione in pristinum ordinem restituitur aër ob naturalem contentionem, qua, velut arcus inflexus, aut sicca spongia vi pressa molem ab ipso rerum conditu sibi tributam repetit, statim atque vis externa vacuum inducens desinit.

Quæ vacua probat ex vase oris angustii, quod ubi quis ori suo admouerit, & aërem suxerit, labijs appendetur, vacuo carnem attrahente ut locus exinanitus repleatur; deinde ex ouis vitreis, quorum os angustum, quæ post exsuctum aërem illis contentum, osculo confestim in humidum immerso, humidum in partem exinanitam attrahunt, quod præter naturam sursum fertur: idemque contingit siphonibus, qui sucto aëre humidum è vasis hauriunt.

Tertiò probat ex cucurbitulis, quæ igni aërem rarefacienti superpositæ corporis cui à chirurgo adhiberetur aërem attrahunt, qui locum exinanitum expleat, ignis enim vel calor omnia ferè corpora diuidit in partes minutissimas, & in substantiam aëream conuertere videtur; quod aqua in fumum, vapores, & terræ partes sulfureæ & bituminosæ in exhalationes conuersæ satis superque probant; quamquam, nisi probet experientia, non facile concessero aquam in aërem, aut aërem in aquam transire.

Quartò probat vacuola disseminata per corporum pressionem expelli ex fontibus pneumaticis, nec enim vel aquæ guttula posset in eos immitti, si vas totum ab aëre impleretur absque vacuolis immixtis, in quos tamen ad duas tertias aqua, vel nouus aër immittitur, nullo aëre interim exeunte, cuius partes ad minorem magnitudinem contrahi nequeunt, nisi vacuola cedant, quæ magno cum strepitu restituantur, cum pressus aër rursum dilatatur.

Quintò lumen non posset aërem, aquam, crystallum, & cætera diaphana transuerberare, nisi vacuola intercepta radijs paterent, nec vlla qualitas corporea, vllumne corpus per alia corpora transire possent, ut oleis contingit, quorum aliqua tam subtilia sunt, ut omnia metalla, ipsiisque vitrum penetrent, quodque fieri ab igne nemo nescit, qui ferrum, aurum, & vitrum candentia viderit: quod etiam virtuti magneticæ conuenit.

Sextò probat ex aqua vino affusa quæ permeat illud, & ex ipsis luminibus tam lucernarum, quam siderum se inuicem penetrantibus. At verò cum ex ea sententia consequatur plures esse partes vacuas quam

plenas, vt ex sclopetis pneumaticis elicitur, de quibus postea; quando quidem aër ad locum decuplò minorem reduci potest, quis capiat istorum vacuolorum ordinem, & figuras? quis atomorum aërearum cumulum ita componat, vt vacua inter illas interposita decuplò maiora sint? & qua ratione cohærebunt inter se partes aëris? Vnde cernis incommodum ex vacuolis, quod fugias si subtilissimam aliquam materiam supposueris quæ in aëris condensatione per omnium vaporum poros ingrediatur, & in rarefactione per eosdem exeat: qua de re Illustris viri Physicam expecta.

DE CIMVM, multa de Clusijs, & varijs aquæductuum constructionibus, quibus maria, vel flumina diuersa iungantur ad navigationis utilitatem me prætermittere, verbi causa de Ligeris & Sequanæ coniunctione, quæ tandem post conatus varios paucis abhinc annis perfecta est; de Rhodani cum alijs Galliarum fluminibus vniones, de quæ oceano cum mari Mediterraneo, Garumna, & alijs fluminibus intermedijs, coniungendo, &c. quæ cum è diuersis soli proprietatibus, libris mentis, montibus, vallibus, &c. pendeant, quorum inspectio varias difficultates tollit, vel creat, aut etiam artificia suggerit & abique chartis Topographis non possint probè satis intelligi, malim alijs permuttere; quemadmodum & alia plura organa, quibus flumina siccantur ad pallos sistucandos. quoties pons aliquis construendus est, qualis iam Luteriæ fabricatur in insula Beatæ Virginis, & antea pontes Virginis, S. Michaëlis, Aurfabiorum, ponsque nouus constructi sunt. Vbi notandum pontis Bruatium in Aruernia fornicem centum pedes lram, & 75 altam esse.

Ad exsiccandam Sequanam in locis, quæ pila fornicibus gestandis destinatas recipiunt, septa, seu arcæ, construuntur, & ex illi septis aquam diuersis molendinis ab eisdem fluminis aquæ septorum parietes, vel aggeres externos præterlabente versis hauriunt. Omitto fistulas catenis, veluti grana Rosarij, coniunctas, rotis molendinorum adhibitas, quibus molendinis alæ ventos agitaturæ possent addi, maior vt aquæ copia breuiori tempore eijceretur.

Porro qui varijs organorum constructionibus delectatur, consulat Augustinum Ramellum, Ioannem Brancam, & alios; & ad instrumentorum inuentionem, & intellectum historiam nostram mechanicam legat. Vbi quæ verò tropologia in concionarum gratiam addi poterat, quando quidem diuina gratia sæpenumero fluentis aquæ comparatur; vix quæ quidpiam de salientibus dici potest, quod non per æquæ Dei donis tribuatur.

VNDECIMVM addo pneumatica modum suggerere, quo mollia lapidum

AD LECTOREM.

dum instar durescant, siue id constantiæ, siue pertinciæ, & obdura-
tioni Pharaonis adhibeas; & varia Spiritus sancti dona posse referre,
quibus viri sancti magna vi nonnunquam erumpunt, stupendisque
operibus mortalium animos rapiunt, quemadmodum aër ex sclopeto
pneumatico explosus & erumpens mirabiles effectus edit, quibus
Concionatores facile, sceleritèrque satis applicare possint quæcùm-
que dicuntur de voce Domini confringente cedros Libani, & de vo-
ce tonitruui in rota, vel de sono die Pentecostes de repente facto; quæ
verbo innuisse sufficiat, cùm tropologiæ gratiores esse soleant, quas
proprio Marte quispiam excogitat. Vt ut sit hæc omnia maximè ve-
lim ad Dei gloriam, & proximi commodum cedere; quid enim aliud
siue hîc, siue in cœlo quærendum, & expectandum?

DVODECIMVM, me in Elogio ad calcem prop. 47. non omnes
nostros recensuisse Geometras, sed præcipuos, vel eos duntaxat qui
mihi venerunt in mentem, alioquin Guilielmum Desargues non omi-
sissem, qui varijs operibus Rempublicam Geometricam ornauit,
nempe tractatu peculiari vniuersalissimo de sectionibus Conicis, alio
de lapidum sectione & alijs tam de Perspectiua, quàm de horologijs
facile describendis, & de angulo solido, (in quo etiam vir Eruditissi-
mus Dominus de Beaune desudauit, à quo noua mechanica spera-
mus) quos propediem editurus est. Quid de binis Paschalibus di-
xero, patre in omnibus Mathematicæ partibus versatissimo, qui mira
de triangulis demonstrauit, filio qui vnica propositione vniuersalissi-
ma 400 corollarijs armata integrum Apollonium complexus est.

Pallierus ut ut occultus, seque deprimens, non vltimum locum ob-
tinet, quippe qui omnia ferè Geometrica elegantissimè, breuissimè-
que demonstrat. Alios pleròsque non commemoro, ne potius li-
brum quàm præfationem scribere videar: tantumque addo in pro-
positionum ordine numerico post 47 aberratum à typographis, qui
pro 48. scripserunt 43 propof. hoc autem numeri errore præterito,
reliquus ordo vsque ad prop. 54. legitimus est, quæ sine illo errore
fuisset 55.

DECIMVM TERTIVM addo, virum illustrem rogatum cur tubi
ex quibus salit aqua, debeant esse in ratione duplicata ut duplam
aquam tribuant, eandem, quam 3. propof. Hydraulicorum assero,
confestim inuenisse, idque hoc modo: sit tubus B^a figuræ 24 prop.
vnus pedis, semper plenus, qui per lumen in B factum det librari
aquæ spatio minuti, tubus B^a debet fieri quadruplò altior vsque
in A, ut æquali tempore duas aquæ libras tribuat: Quod intelligetur

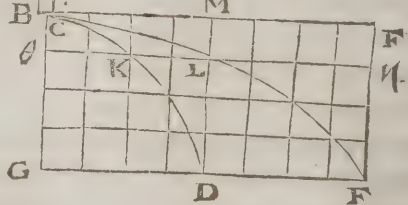
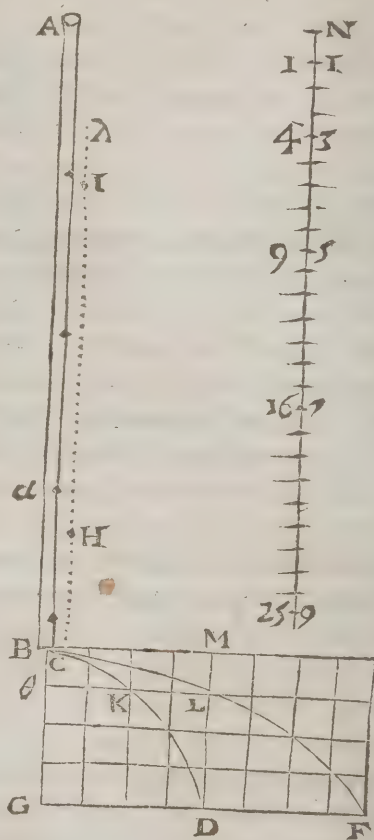
PRÆFATIO

si prius supponatur eam esse motus naturam, vt cū semel corpus aliquod moueri cōpit, semper eadem velocitate moueri possit per eandem rectam, donec aliqua causa corporis motum impediat. Deinde grauitatem corporum descendentium velocitatem eadem ferē ratione augere quo tempora crescunt, adeout si aquæ gutta spatio 2 minutorum descendat, duplō ferē velocius in minuti secundi, quā in primi fine descensura sit. Vnde sequitur spatio 2 minutorum, ex 4 pedum altitudine descensuram, si spatio minuti vnus ex altitudine pedis ceciderit.

Quod quidem facilè concipi-
tur in linea N 9, in qua si aqua ab
N ad 1 vno tempore descendit,
duobus temporibus ab N ad 4,
tribus ab N ad 9, quatuor ab N
ad 16, &c. descendet. Nec obstat
quod aquæ prima gutta incum-
bens lumini B non descenderit
reuera ex A, cum enim gutta in
A postquam descendit vsque ad
lumen B, saliat eadem velocitate
ex B quâ gutta prior quæ non
descenderat ex A, sequitur quam-
cúmque; aliam guttã eadem veloci-
tate ex B salire, quamdiu tubus

BA plenus est. Quæ omnia in sequentibus adeo fusè tractata sunt, ut quidpiam addere superfluum esse videatur; nam ex illa dupla velocitate salientis sequitur salientem **B****F** ex tubo **A****B** pleno exeuntem esse in horizonte **G****F** duplam salientis **B****D** ex tubo **B** pleno, quæ est **G****D** in horizonte, & omnium aliarum salientium eadem super horizontem **G****F** vel **B****F** elevationem habentium in horizonte sumptas longitudoines esse inter se in subduplicata ratione tuborum, si nihil officiat aër, ut propos. 24. videre est.

Cum autem prædicta supponant grauium descensum accelerari iuxta diuisiones lineæ N 25 ad læuam factas, quemadmodum ascen-



les, quæ grana futura sint: quod fieri potest laminâ æneâ, vel argenteâ tenuissimâ, & satis longâ, quæ possit in 24. quadratas laminulas diuidi; sed laminæ tenuitas vbique debet æqualis esse: quod alij malunt in filo terreo, vel æneo perficere, vtpote magis æquali, quam si rursus luminam æqualitatem requiris, frustra labores; pars enim fili quæ prius per foramen transfiliit, eius magnitudinem tantisper auxerit, adeo vt sequens crassius, atque adeo ponderosius euadat: quam inæqualitatem bilancibus exploratam, etiam si limâ, vel particulæ detractiōe corrigas, nâ tu geometricam æqualitatem consequeris, vel casu dilatæ conficius esse poteris.

Iam verò grana plantarum varia comparatus eram cūm perspexi eadem grana statim grauiora, mox leuiora ob puluerem aduenientem vel aliquod aliud humidum illis adhærens, & ex variis aëris dispositionibus adnascens: quapropter hunc laborem vt inutilem reieci. Quibus addo grana papyracea, ænea vel alterius materiæ ob humidum illis adhærens suam mutare grauitatem, quod aliquando fit sensibile, dum exactis bilancibus explorantur, sed longè sæpius absque sensus testimonio, propter additionis aut detractiōis paruitatem.

COROLLARIUM PRIMVM.

DE GRANIS ROMANIS.

Romani Libripendentes experti sunt meam laminam 36. granorum nostrorum proximè 43. granis Romanis æquales, & laminam 36. granorum Romanorum, quam præ me habeo, quæque sexdecies in vncia Romana continetur, si 576. granis Romanis constet, pondus esse dimidij aurei, seu dimidij Iulij argentei Romani, tituli denariorum vndecim: igitur nostra 576. grana Romanis 688. æquiponderant: quod notandum est ob frequentem illorum vsum, cūm de nummis agendum erit: sed de numero granorum vnciæ Romanæ vide præfationem.

COROLLARIUM II.

Dum hæc scriberem pondus præcedentibus exactius in Curia monetarum innotuit, ad quod cūm illa 36. grana Romam missa, & inde recepta exegissem, lamina prædicta 36. granorum grano dimidio ad minimum grauior quam par esset reperta est: vnde fit vt aliquid in prædictis sit emendandum, quod tamen neminem turbare debeat, quid enim in artificijs & operibus humanis adeo iustum, & diligenter asseruatum quod mutationi non sit obnoxium?

PROPOSITIO IV.

Vasa, seu mensura Parisienses, quibus tam liquida quam arida ponderantur, atque mensurantur, expendere, & cum mensuris Romanis, & Hebraicis comparare.

Parisienses mensuras eligo, non quòd eas cæteris constantiores arbitrer, aut meliores, sed ob vrbis celebritatem, ad quam longè facilitiù possis quàm ad alias appellere, vel ex ea tibi vasa omnifaria comparare, quæ postea cum tuis conferas.

Heminam igitur, quam Chopinam vocant Parisienses, pro vasorum aliorum modulo sumamus, quam hætenus crediderunt libram aquæ complecti, cùm vsque ad labra repletur, cùm tamen expertus fuerim 45. granis leuiorem esse librâ, quæ facilitè possis addere absque effluxu; vixque dubito quin primi istius heminæ inuectores voluerint aquæ libram integram illâ contineri: quapropter eam heminam istius supponam esse capacitatis, vt libram, quemadmodum pars illius dimidia, quæ semisextarius appellatur, dimidiam aquæ libram, & Pinta duas libras capiat, cuius Quarta seu Potus duplus est, nam 4. aquæ libras continet.

Cadus autem seu dolium vulgò *muid*, 300. pintas habet, iuxta Henrici Codicem lib. 10. tit. 2. licet Codex Ludouici XIII. tit. 10. 288. habeat, quippe solum vinum clarum numerat, cùm pintæ duodecim fœcibus tribuantur. Huius autem figura cylindrica, vel potiùs cylindri duplicis vtrunque truncati, æqualibus basibus, vnde Cadus in medio latior, & crassior: cuius altitudo, seu longitudo interior duorum pedum & 10. digitorum; latitudo media pedum 2 & $\frac{1}{2}$, latitudo verò circa fundum duorum pedum. Vnde possis iudicare de cadorum Burgundensium, & aliarum Prouinciarum magnitudine.

Pedis dodrans tribuit latitudinem interiorem modio Parisiensi, quem vocant *Boisseau*: bes cum 5 lineis altitudinem: libras 16. tritici iuxta obseruationes meas continet absque vlla suceussione, vel percussione, cùm impletur ad cumulum, qui cum libris $3\frac{1}{2}$ cõstet, supersunt libræ $13\frac{1}{2}$ cùm modium hostieris. Verùm iuxta prædictum Ludouici Codicem l. 22. tit. 10. frumenti libras 18, vncias 6, & 8 scrupulos complectitur: quare minotus habet libras 55. Ibidemque Modius maior, vulgò *Muid*, statuitur 2640 librarum qui diuiditur in duo dolia, vel

12 sextarios, sextarius verò in duas minas, mina in 2 minota, minotum denique in duos minores modios diuiditur. Quàntò verò maiorem contineat tritici quantitatem cùm percutitur & succutitur, ipse videris. Porro cùm in vncia sint 860 grana tritici, vt absque electione occurrunt, sequitur libram 13760, rasilemque modium 220160 grana complecti.

Quibus positis, facillè reuocantur mensuræ Romanæ, & Hebraicæ ad mensuras nostras, quandoquidem Congius librarum decem Romanarum, ex accuratis Petri Cassendi obseruationibus, nostris libris 7 æquiponderat, quibus quadrantem vnciæ cempseris. Nam Amphora, seu Quadrantal 8. congios habet, quapropter nostris libris 55 & 14 vnciis æquiponderat, si nempe sumas aquam, quâ congius, vel amphora replentur. Modius autem Romanus cùm sit $\frac{1}{2}$ amphoræ, continet aquæ libras 18 & vncias decem. Hinc de reliquis Romanorum mensuris, & vasis esto iudicium, cùm amphora duas urnas, 48 sextarios, 96 heminas, 192 Quartarios, vel 566 cyathos contineret, teste Volusio Metiano Adriani Imperatoris præceptore.

Cùm autem modius Romanus tritici libras 24 complecteretur, quadrantalem libras 72 habuit: cùmque libra Romana nostris vnciis vnde decem, vni drachmæ & vni denario æquiponderet, ex prop. 2. atque adeo vncia Romana nostris drachmis 7 & granis 32, si quater & vicesies sumantur 11 vnciæ, 1 drachma, & 1 denarius, dabunt modium Romanum in libras Parisienses conuersum, hoc est modius Romanus erit nostrarum librarum 16 & libræ dodrantis, seu 12 vnciarum; quadrantalem verò frumento plenum erit librarum 50, & libræ quadrantis, seu 4 vnciarum.

Sextarius igitur Romanus plenus tritico, constat vnâ librâ Parisiensi, & 6 drachmis. Erat igitur hemina libræ nostræ dimidiæ & trium drachmarum; quartarius quadrantis libræ, & drachmæ 1 $\frac{1}{2}$. Cyathus denique Romanus est vnius vnciæ, 7 drachmarum, vnius denarij, & granorum 19 $\frac{1}{2}$, vel sesquiuncia, 10 denariorum & granorum 19 $\frac{1}{2}$ proximè. Quæ semel computanda fuere ad faciliorem mensurarum Hebraicarum ad nostras reductionem.

Aliàs verò de Romani Quadrantalidis pondere sermo recurret, cùm pedis aquei cubici pondus inuestigabimus: quanquam ex dictis concludatur pedem aquæ cubicum Romanum fuisse librarum Romanarum 80, cùm 8. congios haberet; congius autem sit decem librarum Roman. nostrarum, verò 55 $\frac{2}{7}$ quadrantalem erit, vt iam supersit pedis nostri cubici aquei pondus, quod cum prædicto pede Romano cubico conferatur.

Sed prius de mensuris Hebræorum agamus, qui mensuram *מסורה* *massarah* dicunt, vt Leuit. 19. 35. & 1. Paral. 23. 29. vbi Leuitæ constituantur super omne pondus & mensuram, quemadmodum in Leuitico prohibetur iniustitia tam in mensura, quàm in regula, pondere, statera, modio & sextario.

Cabum igitur, *קב*, quam faciunt minimam aridorum mensuram, erat 4 sextariorum Romanorum, hoc est, continebat Parisienses libras 4, & 3 vncias, quem etiam aiunt Chœnicæ militari quinquilibri æqualem: de quo locus insignis 4. Reg. 6. 25. vbi quarta pars Cabi stercoreis columbini, vel frumenti, quod in ingluuie columbæ reclusum erat, quinque siclis argenteis emitur.

Gomor *גומר* Exod. 16. 37. est pars Ephidecima, siue Bathi: cum igitur Ephidecima vel Ephah 72 Romanis sextariis æquiponderaret, libris nostris 75 & 6 vncijs respondebat: Gomor verò librarumstrarum 7 & $\frac{1}{2}$, & vnciæ & drachmæ, & granorum 43 $\frac{1}{2}$ erat.

Satum vel *סאה* *seah*, sesquimodio Romano æquatur, vel sextariis 24, atque adeo nostris libris 25. & duabus vnciis. De fato locus illustris Genes. 18. 6. & Math. 5. 15. Epham tribus satis constituisse clarum est ex dictis: sed cum Rabbinii velint istas mensuras ex ouis galinaceis pendere, adeo vt satum 6 cabos, cabus 4 logos, Logus sex ouorum testas contineat, nisi certâ mensurâ definiant ouum, inconstantes erunt: neque video quâ ratione nitantur qui huius oui 3 pollices Hebræos tribuunt tam longitudini quàm latitudini, & trientem pollicis altitudini, vt sit idem cum cyatho. Malim ego ex prædicta vasorum analogia definire Logum sextario æqualem vnius libræ & 6 drachmarum, cum sit Cabi pars quarta, & ouum, quod sextam Logi partem affirmant, esse vnciarum duarum, 6 drachmarum & 1 denarij.

Lethec *לית* erat Cori pars dimidia, quem *חומר* chomer appellant. Cum autem Corus contineret 30 sata, Lethec 15 complectebatur: quæ quidem Sata putant auctores modiis Atticis æqualia, qui sint Romanorum sesquialteri: Corum igitur 45 modiis Romanis *סאה* *seah* faciamus, cum 30 sata 45 modiis Romanis æquiponderent: cumque modius Romanus sitstrarum 18 & 11 vnciarum, quando plenum est aquâ, sequitur Corum æqualem esse nostris libris 838, & duabus vnciis. De Coris tritici à Salomone Hircano tributis, videatur 3. Reg. 5. 11. & 2. Paral. 27. 5. & Lucæ 16. 7. sed cum modius Romanus plenus frumento sit tantumstrarum 16 & 12 vnciarum, erit Corus tritici 753 librarum & $\frac{3}{4}$: dicunt autem Corum Cameli onus. Hin capiebat 12 logos, seu sextarios, ac propterea

AD LECTOREM.

sum imminui iuxta numeros ad dextram collocatos, initio à 9, & de-
 sitione ad N factis; neque tamen desint qui contendant illam accele-
 rationem fieri iuxta numeros naturali serie dispositos 1, 2, 3, 4, &c.
 vel iuxta duplam progressionē Geometricam 1, 2, 4, 8, &c. vt alio loco
 dicendum erit; quanquam lib. 2. de his motibus in Harmonia Galli-
 ca, propof. 11. & toto ferè libro fusè iam egerim prop. 3. præsertim, in
 qua de acceleratione iuxta sinus versos arcuum æqualium.

DECIMUM QUARTUM referet stupendum in numeris ingenium
 tam in inueniendis numeris, quæ præscriptum partium aliquotarum
 numerum habeant, iisque, si cupias, minimis, vel infinitis, quàm in
 numeris perfectis dignoscendis, & innumeris problematibus, in qui-
 bus analysi hætenus agnita cæcutit: nec vllum in orbe credidero
 qui tanta facilitate definiat num numerus aliquis licet 12, 15, 20, lit-
 teris seu characteribus constans, sit primus necne. Liber mihi scri-
 bendus fuerit si quæ proprio Marte absque analysi reperit, enume-
 rem. Sufficiat exemplum partium aliquotarum, velitque scire quis-
 piam quis numerus omnium minimus 59 partes aliquotas exhibeat;
 huic numero 59 adde 1, vt hæbeas 60 compositum ex his numeris
 2, 2, 3, 5, scilicet multiplicantibus, ex quorum vnoquoque ablata vnita-
 te, supersunt 1, 1, 2, 4, quibus analogæ sunt potestates 9, 16, 7, 5, quæ
 se inuicem multiplicantes generant numerum quæsitum 5040,
 quem Plato tantopere laudauit, 5 de legibus.

Ne verò quis de hac methodo dubitet, illas 59 partes aliquo-
 tas subijcio, quæ simul additæ summam 29344 conficiunt, cùm eis
 numerus 5040 additur, quo dempto supersunt 24304.

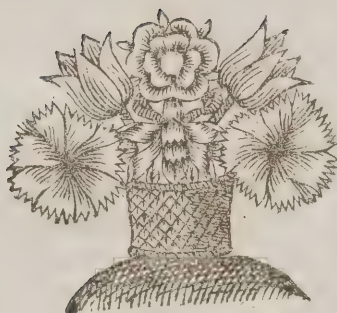
Quinquaginta nouem partes aliquotæ numeri Platonici 5040.

1	3	9	5	15	45	7	21	63	35	105	315
2	6	18	10	30	90	14	42	126	70	210	630
4	12	36	20	60	180	28	84	252	140	420	1260
8	24	72	40	120	360	56	168	504	280	840	2520
16	48	144	80	240	720	112	336	1008	560	1680	5040

Nec difficilius si quæras numerum habentem numerum partium

PRÆFATIO AD LECTOREM.

aliquotarum utcumque magnum, verbi gratia si mille partes volueris, hic enim numerus 3779136000000, illas exhibebit: quanquam nullus numerus possit habere centum aliquotas, qui sequente minor sit, 1267650600218229401496703205376. Si verò potestas vndecima cubicubi numeri istius multiplicetur per quadratoquadratum numeri 847188609443, exurget numerus omnium minimus qui millionem partium aliquotarum habeat.





D E
GALLICIS,
ROMANIS, HEBRAICIS,
ET ALIIS MENSVRIS
PONDERIBVS ET NVMMIS.

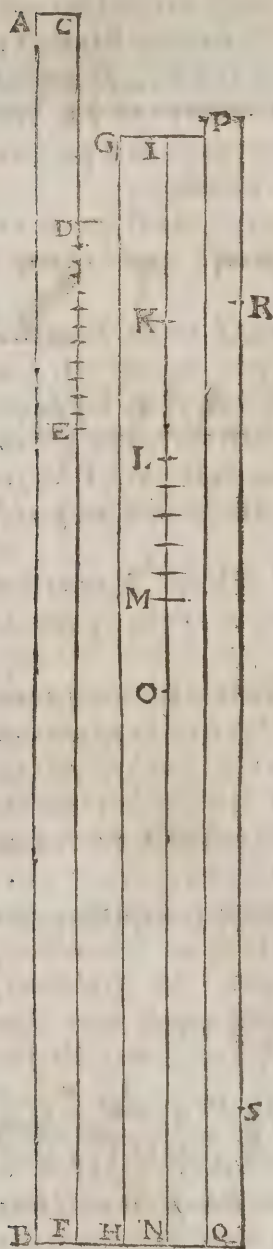


NOTIORIBVS, atque facilioribus incipiendum, ex quibus difficiliora, & ignotiora dijudicentur: cumque lineis nil sit intellectu facilius, aut magis obuium, & inter lineas nulla videatur cognitior: facilior rectâ, quæ à puncto ad punctum breuissima est, quæque, vti reliquarum mensura, ipsarum figurarum metitur altitudines & latitudines, illam eligo ad mensuras omnium gentium repræsentandas: sit igitur.

PRIMA PROPOSITIO.

LINEA recta *BA*, vel *FC*, dimidiam pedis Regij partem exhibet, quæ duplicata pedi Regio Gallico æqualis est: alia verò linea è regione posita Romanum pedem referunt.

QUæ iustam pedis Regij longitudinem inquirat, adeat Castellum, vel domum cuius insigne *L'Escritoire*, Theca scriptoria,



reperiet enim BA duodecies repetitam æqualem esse Hexapedæ; quam vulgò *Toise* dicunt, quæ diuiditur in 6 pedes Parisienses, seu regios: pedis autem pars dimidia CF, quæ rursum in 6 partes diuiditur, qualis est CD, vel DE, quam pollicem, vel si maioris digitum appellamus, vt sint duodecim in pede digiti, vel vnciæ, de quibus postea. Digitus autem DE in 12 particulas subdiuiditur, quas vocare solent lineas; sed cum sculptor non fecerit istas diuisiones æquales, à quouis facile suppleri possunt, cum enim DE sit duodecima pars pedis regij, diuidatur DE in 12 partes æquales, vt exactæ & accuratæ lineæ habeantur, quâ ratione pes diuidetur in 144 lineas. Cum autem expertus sim duodecim arenæ grana minutissima, qualia sunt Stapulensia, sese tangentia, & in rectum disposita vni lineæ æqualia, sequitur 1728 huiusmodi sabulones, seu arenæ grana pedi æqualia esse. Dixi *minutissima*, si nudum oculum applices, quippe si microscopio illa peruideas, lapidum instar varias figuras habentium apparent. Quod tamen non contingit dum eadem respicis arenæ grana varijs mallei contusa, diuisaque motibus, quibus speculorum, vitrorumque Politores vtuntur, ea siquidem adeo minuta sunt, nullum vt inter ea discrimen appareat, & instar corporis continui videantur: quod nempe granum quoduis in plura minorum granulorum millia diuisa sint, quæ quorumlibet perspicillorum capacitatem longè superent: idemque de retinæ fibris, seu filulis, ne quidem auxilio microscopij apparentibus, dici potest, licet enim inter se fila, seu fibræ singulæ distinguantur, id oculus, quantumuis adiutus, discernere nequit.

Pes Romanus quem in nostra Bibliotheca Parisiensi transumptum habemus ex parietibus Capitolinis, experimur nostro pede regio 14 lineis minorem esse, ad quem se habet vt 144 ad 130, vel in minimis numeris, vt 72 ad 65 proximè. Quod hîc cernitur in dimidio pede Romano GH, qui 7 lineis à semipede regio CF deficit. Linea IN idem est semipes Romanus, cuius diuisiones KL, & LM digitos ostendunt, quales sunt octo in semipede, & 16 in pede IK verò est pedis vncia, seu pars duodecima; quemadmodum OI palmam seu palmum ostendit, qui quater repetitus, pedem efficit.

Superest diuissio digiti LM in 5 partes æquales, quas si lineas vocare placet, pes Romanus in 80 lineas diuidetur, quæ sint lineis nostris longiores.

Alia linea PQ dimidium pedem Romanum, ex Congio Farnesiano sumptum à Villalpando, refert, qui nostro pede minor est. Cuius comparisonem facile quis possit instituere cum pede Capitolino, & cum nostro, cum hæc figura dimidiam partem trium prædictorum pedum exactè referat, & circini apertura GH, vel PQ super AB translata differentiam tribuat. RP vnciam pedis Congiani; SQ verò digitum ostendit.

Pes verò Rhinlandicus, quo Bataui pluribus in locis, & operibus vtuntur, & quem antiquo Romano putant æqualem, nostro pede solis 6 lineis, seu pollicis dimidio minor est.

Reliquos pedes Germanicos, Anglicos, Hispanos, &c. non commemoro, quòd illos non fuerim expertus, satisque mihi visum fuerit nostri pedis veram longitudinem oculis subiicere, qui reliquis faciem præferre poterit, vt sit mensura certa, quâ deinceps omnia reuocentur ad examen, eo modo quoad Scaligerianam periodum 7980 aliæ Epochæ reducuntur.

Porro si cubitus Hebraïcus sit Romano sesquipedi æqualis, erit æqualis GH, vel PQ terrepetitæ: illum vocant Hebræi *amman*, qui 6 palmos continet; palmum illi dicunt *tophac*. Calamus, cuius Ezechiel toties meminit, vti cap. 40. v. 5. & quem appellant Kenh *nap*, constat sex cubitis. Hinc facile quispiam omnes Hierosolymitani templi mensuras agnosceret.

Omitto palmum, quem maiorem faciunt, vtpote dimidio cubito æqualem, quem volunt per Zereth Exod. 28. 17. Ezech. 43. 13. & 1. Reg. 17. 4. significari, quod Septuaginta viri per *amman* reddiderunt; alij dicerent *amman*, vel *paulme*, quam mensuram summimus in expensa manu ab extremo pollice ad extremum minimi digiti, quando maior esse nequit intercapido inter duas istas pollicis,

& minimi digiti summitates. Alias palmi significationes nūc omitto.

Hic autem palmus dodrantem pedis exæquat, & 559, à Vitruvio l. 2. c. 3. & Plinio l. 35. c. 14. more Græcorum appellatur, quippe laterem sesquipedalem 559, vocat. Sed palmum deinceps intelligo, cui tres pedis vncias Romani tribuere; quomodo scripturæ palmi, ni cogat aliud, explicandi: & Columellam l. 12. c. 34. intelligunt, cum ait *ad palmum*, hoc est ad quartam partem decoquere. Sunt etiam maiores aliæ mensuræ quibus utimur, nempe pertica, quæ 22. pedibus constat, & quæ finitores, seu Agrimensores iugera metiuntur. Iugerum verò Parisiense centum huiusmodi perticas habet, quæ in quadratum redactæ dant 220 pedes, hoc est decem perticas, pro latere iugeri quadrati, quod 48400 pedibus quadratis constat. Quapropter nostrum Arpentum Romano iugero maius est, quod pedes Romanos 28800 complectebatur. Romanorum agrorum metatores funem metatorium *aripendium* appellauere, Græci *νοπηεινδιον*.

Funes, seu catenas longiores, aut breuiores taceo, quibus Decempeditores iuxta diuersarum provinciarum consuetudines in iugerationibus vtuntur, vt aduertam ipsas leucas etiam constare pedibus, nam in plerisque locis *Bannum Leuga*, vel *Leuca Banni* continet 15000 pedes, hanc *Banlieuë* vocamus; quam Turonenses, Andegauenses & Cenomani mille rotæ gyris metiuntur, cuius ambitus extimus est 15 pedum. His etiam ipsum terræ radium leucarum 229 $\frac{1}{2}$, eiusdem circuitum 7200, & alia quæuis metiuntur; quanquam in maximorum huiusce mundi corporum gratiam ipso terræ radio, veluti pede ad compendium vtamur: vti cum dicimus solem à nobis distare 1120 terræ semidiametris, stellas verò 14000 ad minimum.

Ad nostras mensuras redeo, quas inter vlna constat tribus pedibus, & digitis 7 $\frac{1}{2}$. quam cubito, calamo, & alijs mensuris comparare possis. Nam iuxta pedem Capitolinum cubitus Hebræus pedem vnum, 4 digitos & 3 lineas habet. Calamus verò constat 8 pedibus, & sesquidigito. Brachium Florentiæ ad pedem nostrum esse, vt 43 ad 24 dudum animaduerti, l. 2. de motibus corporum in Harmonia Gallica, vbi & nostrum dimidium pedem attuli.

COROLLARIUM I.

CVM 1728 arenæ Stapulensis grana se tangentia, & in rectam lineam disposita pedi nostro sint æqualia, ex hoc cubico numero facile potest elici numerus arenarum, quæ terreni globi magnitudi-

nem, aut quamuis aliam molem adæquant, idque non ex suppositione magnitudinis arenarum Archimedæâ, sed ex veris, quandoquidem numerus ille 1728 ductus in 15000 dat arenas æquales leucæ nostræ, & numerus inde productus per 1720 multiplicatus dat arenas terreno ambitui æquales, ex quo reliqua sequuntur, & ipsum terræ pondus inferri potest, si quis grani arenæ pondus nouerit, quod sequente prop. dabimus.

COROLLARIUM II.

CVM neque tactus, nec oculi sit in obiectis suis deprehendis, & notandis illarum differentijs infinita subtilitas, & perspicacitas, minimè desiderandum est illud in pedibus exhibendis exactum, seu *ἀκριβές*, quod Geometræ requirunt: quis enim percipere possit num, verbi causâ, pes regius noster AB, quem antea dedimus, sit adeò iustus, vt nequidem millesima pars vnus lineæ desit? quam nec lynceus oculus deprehendet, neque minus duas lineas sibi æquales iudicabit, siue nihil eis, siue pars illa millesima vni desit: neque facile est definire quam tandem differentiam sensus nostri primum incipiant adnotare.

COROLLARIUM III.

SI quis varia nomina cupit habere, quibus Hebræi mensuras suas nostris respondentes appellarunt, quarum generale nomen *מדה* *middah* mensura, & particularia *אצבע* *etsbah*, digitus, *כמה* *chebel* funiculus, & alia, consulat Vvaserum l. i. de mensuris continuorum, vbi passum, stadium, milliare, iter sabbathi & iugerum cum reliquis annumerat.

COROLLARIUM IV.

CUBITVM, ad quem templi mensuras exactas fuisse credit Iudæus eruditus, quem illustris Hugenij S. Michaelis Equitis beneficio accepi, nostris pollicibus $23 \frac{1}{4}$ respondere experior, adeo vt $\frac{1}{4}$ pollicis à duobus pedibus nostris deficiat, & Romanos pedes duos, duosque digitos, & granum, quod est $\frac{1}{4}$, digiti, contineat. Sed cum suo scripto Iudæus ille velit cubitum istum 6 palmos continere, constat cum non loqui de Romanis, quippe continet 8 palmos Romanos & digiti granum ille cubitus: quem solis 5 palmis constituisse

putat, dum vasistēplī adhibebatur: quæ cū vnicā R. Kimhi, vel Thalmudis autoritate fulciat, vbi nequidem palmi, vel digiti longitudo satis exactē significatur, vix est vt quidquam ex illo cubito concludamus.

PROPOSITIO SECVNDA.

Libram Gallicam ponderalem, eiusque diuisiones explicare, & quam habeat cum libra Romana, & alijs rationem aperire.

QUEMADMODVM publicus pedis regij modulus in Castelleto seruatur, ita Monetarum Curia Marchi modulum obseruat, qui duplicatus libram efficit, quæ diuiditur in 16 vncias; vncia verò subdiuiditur in 8 drachmas, vel 24 scrupulos, seu denarios; drachma siquidem tribus constat denarijs, & in 72 grana secatur, quorum 24 continet denarius.

Quapropter vncia constat 576 granis, vt libra 9216.

At auri Examinatores, vulgò *Essayeurs*, examen tam accuratum instituunt in auri probanda bonitate, vt ipsum granum in 512 particulas diuidant, sum enim expertus balances D. Toiseti regię monetæ Probatoris $\frac{1}{2048}$ grani suum æquilibrium amittere, adeovt vncia cā ratione diuidatur in 1179648 particulas; cūque $\frac{5}{12}$ grani, 40 ad minimum arenæ granis æquiponderet, vt experientiā constat, sequitur vnum arenæ granum esse pondo $\frac{1}{20480}$ grani vnciæ.

Quod ad libram Romanam attinet, diuiditur in duodecim vncias; vncia in 8 drachmas, seu 24 denarios, vel in 612 grana Romana, nostris granis inæqualia: Enimvero laminam æncam 36 granorum Romanorum ad me Romā missam, nostris 31 $\frac{1}{2}$ granis ad summum æqualem reperi; cūque septemdecim huiusmodi laminæ Romanam vnciam perficiant, sequitur grana nostra 536 æquari Romanæ vnciæ, atque adeo nostram vnciam granis nostris 576 constantem Romanæ præponderare, nostris 40 granis.

Dixi *ad summum*, quod prædicta lamina non excedat grana nostra 31. sed vt sim paulo liberalior, & vnciæ Romanæ granum integrum potius addam, quàm dimidium detraham, sit hæc vncia granorum nostrorum 536, vt lamina prædicta sit granorum 31 $\frac{1}{2}$, vel exactē 31 $\frac{2}{3}$, hac enim ratione calculus noster ponderi Congij Romani quadrabit, quod P. Gassendus in obseruationibus accuratissi.

mus affirmat se reperisse librarum nostrarum 6. & vnciarum 15 $\frac{1}{4}$. Vnde neglectâ fractione constituit vnciam Romanam 536 granorum Parisiensem. Quocirca Romanus Congius erit 64320 granorum nostrarum, cum decem libris Romanis constet aqua congium implens. Libra verò Romana granis nostris 6432 æquabitur.

Iam verò tentemus num idem pondus expedire Romano possit elici, sitque propterea pes Romanus ad Parisiensem vt 11 ad 12, qualis est pes Villalpandi congialis; erit igitur pes aqueus Parisiensis cubicus ad Romanum vt 1728 ad 1331. hi nempe sunt cubi radicum 12 & 11. sed cum pondus aquei pedis cubici nondum inuestigauerimus, quandoquidem accuratissimi viri credunt se suis experimentis euincere pedem illum esse librarum 70 $\frac{1}{2}$, alij 72 duntaxat, nobis autem experientia suadeant esse librarum 74, huic difficultati locum inferiorem seruabimus.

Hic igitur sufficiat agnouisse Romanam vnciam 40 nostris granis à nostra deficere, & drachmam Romanam esse 67 granorum nostrarum, quam drachma nostra quinque granis superat; Libram verò Romanam æqualem esse nostris vndecim vnciis, vni drachmæ, & vni denario, siue 4 denariis, quæ sextam vnciæ nostræ partem conficiunt. Quod eo fuit aduertendum accuratius quò plures contendunt Hebraïca pondera ad libram Romanam expendenda, quibus peculiaris propositio tribuetur.

Aliarum etiam Prouinciarum, quas sum expertus, vncias refero, Anglicam primùm, quam *de Trois* appellant, quæ nostram superat granis nostris decem; estque in vſu apud aurifices; sed libra 12 duntaxat habet vncias; cum alia libra, quæ mercatores Angli vulgò vtuntur, sit 16 vnciarum; vncia verò libræ istius 40 nostris granis à nostra superatur: Est igitur par vnciæ Romanæ; & libra hæc nostris vnciis 14. drachmis 7 & granis 18 respondet.

Cum autem vncia prima Anglica nostram granis decem superans, constet granis 480 Anglicis, clarum est illorum grana nostris esse grauiora, vtpote sesquiquintâ: & cum in vtraque sua vncia granis eiusdem ponderis vtantur, libra *de Haure* 16 vnciis constans æquatur vnciis 14 $\frac{1}{2}$ *de Trois*.

Vncia Batavorum diuiditur in 20 Anglicos, Anglicus in 32 grana, constatque vncia Hollandica granis 640. vnde sequitur hæc grana nostris esse leuiora, quandoquidem vncia nostra illorum æqualis vnciæ minorem habet granorum nostrarum, nempe 576 numerum, qui 36 superatur à 640. atque adeo granum nostrum $\frac{1}{16}$ proximè Batauico præponderat. Porro dimidiam vnciam Batauam dimidio grano nostra semuncia grauiorem expior.

Hispanicam libram, utpote non expertus, omitto, quam dicunt nostris vnciis 15 & denario, seu 24 granis respondere, & alias de quibus Lucas à Burgo consuli potest, & Petrus Petitus, qui solet accuratissimus esse in suis obseruationibus, quippe multarum Prouinciarum libras, pedes, & alias mensuras in constructionis instrumenti partium anteloquio refert, nil enim affirmare velim quod non fuerim expertus.

Placet autem assis diuisiones libræ nostræ tribuere, ut tam Romani quàm alij perspiciant quot granis partes libræ, vel vnciæ nostræ partes cognomines libræ, vel vnciæ Romanæ superent. Itaque libra Parisiensis, de qua prius, 16. vncias, seu grana 9216 complectitur; sitque iam instar Assis, cuius

Deunx, vnciæ 14. seu grana 8448.

Dextans, vnciæ $13\frac{1}{3}$ seu grana 7680.

Dodrans, vnciæ 12. seu grana 6912.

Bes, vnciæ $10\frac{2}{3}$ seu grana 6144.

Septunx, vnciæ $9\frac{1}{3}$ seu grana 5346.

Semis, vnciæ 8. seu grana 3840.

Triens, vnciæ $5\frac{1}{3}$ seu grana 3072.

Quadrans, vnciæ 4. seu grana 2304.

Sextans, vnciæ $2\frac{2}{3}$ seu grana 1344.

Vncia, drachmæ 8. seu grana 576.

Quibus addo veteres vnciæ diuisiones, ex quibus facile concludetur quantum vnciæ Romanæ partes ab vnciæ nostræ cognominibus partibus superentur. Itaque semuncia 4. drachmas, seu grana 288 complectitur; estque libræ nostræ $\frac{1}{32}$. Duella tertia pars vnciæ, denarios 8, seu grana 1921 estque libræ $\frac{1}{48}$. Sicilicus quarta pars vnciæ, drachmas 2, seu grana 144, estque libræ $\frac{1}{64}$. Sextula, vnciæ sexta pars, 4 denarios, seu grana 96 est, $\frac{1}{96}$ libræ. Scrupulum, vel scrupulus idem est cum denario, qui cum 24 granis constet, est libræ $\frac{1}{384}$. Dimidium scrupuli 12 habet grana, quæ sunt $\frac{1}{768}$ libræ.

Cum autem omnia reduxerimus ad grana nostra, superest ut discutiamus quâ ratione pondus grani nostri cognosci possit, quippe si minimum in quolibet genere debeat esse reliquorum omnium mensura, granum veluti minimum in ponderibus habeatur; licet totidem, quot vncia, vel etiam libra partes habere possit, quemadmodum linea tam recta, quàm circularis tot partes habet, quantumcunque parua sit, ac alia linea quantumuis magna, sed hæc difficultas sequente propositione agitanda.

COROL:

C O R O L L A R I U M.

DIUISIO libræ vel assis in partes 12. ita veteribus placuit, vt pedem suum, & iugerum, & alia ferè omnia diuiserint in partes totidem, teste Columellâ, l. 5. c. 2. & Iurisconsulti hæreditatis partes 12. faciunt. Quod & Vitruuius pedi accommodat, l. 4. c. 7. dum laterculos 8. pedis vncias longos bessales appellat: & nos pedis dodrantem, 9. digitos, seu pollices appellamus. Qua etiam ratione circum quemlibet 360 partibus, seu gradibus constantem diuidere possumus; & præterea quamlibet ex istis diuisionibus cuiuspiam accommodare rei, & numero, licet illam solam diuisionem habeat; exempli gratia, bes numeri ternarij $\frac{2}{3}$ id est 2. continet, & senarius sextantem, trientem, & semissem, imo & bessem habet: facillèque 144. pedis nostri lineis, vel pedis eiusdem quadratis lineis 20736. imo & cubicis 2985984. eadem diuisio tribuetur.

P R O P O S I T I O I I I.

Granorum, qualia sunt 576. in vncia Parisiensi, pondus inuestigare, & cum multis herbarum granis, vel seminibus comparare.

VIX quispiam credat quanta sit in granorum vncialium iusto pondere constituendo, vel inueniendo difficultas, nisi fuerit expertus grana iisdem bilancibus examinata, & iuri publico ad commercium exposita vix vnquam inter se æqualia; hinc fit vt Libripendentes Monetarij in eadem officina monetaria laborantes sua grana minimè reperiant æqualia, cum ea bilancibus $\frac{1}{12}$ parte grani suum æquilibrium amittentibus explorant. Sed & contigit laminulam æneam 36. granorum Romanorum ad me Româ missam à R. Patre Nicerono, quam exactis bilancibus examinari & cum nostris 36 granis, quæ ad eam illa de causa miseram, comparari curauit, granis 4 $\frac{1}{2}$ à mea laminula ænea 36 granorum nostrorû deficere, quam aurifex egregius, & omnium ferè Parisiensium accuratissimus examinarat, ac præparauerat: sed cum bilancibus monetariis, & granis vsualibus officinæ monetariæ Romanam laminam experirer, leuior apparuit granis 5 $\frac{1}{2}$, quibus à nostris granis superata sunt 36 grana Romana, quippe quæ nostris granis 30 $\frac{1}{2}$ responderent.

Inueni etiam duo grana Romana, quæ laminula continebat, no-

strum duorum granorum esse, seu dodrantem, quæ omnia studiosis ponderum, cum opus erit, ostendenda etiamnum asseruo.

Cum autem in illius diuersitatis rationem penitus inquirerem, quæ non poterat in balances, aut in varias aëris dispositiones, vel in eorum qui balances sustinent, vel erigunt, halitum reijci, quibus æquilibrium turbari posset, agnoui varietatem ex ipsis ponderum modulis archetypis, quibus reliqua pondera solent examinari, quæque seruantur in Curia monetarum, oriri: quandoquidem tres moduli, quorum maximus est 64. medius 32. & minimus 16. marcorum, seu librarum 32. 16. & 8. non ita sibi perfecte respondent, quin differant quibusdam granis, adeout vncia vnus non sit alterius vncia. Sed ne custodum, vel eorum qui pondera constituunt negligentiam temerè arguas, dico vix, ac ne vix quidem fieri posse vt ea pondera quouis modo constituta, etiamsi forent adamantina, modulum illum accuratum, quem ab initio habuere, perpetuò conseruent.

Sint enim, verbi gratiâ, duæ libræ æneæ, quales esse solent sibi, quantum industriâ fieri potest hominum, æquales, hæc æqualitas diu, vel semper seruari nequit, cum enim sæpenumero ad eas promocetur, vt aliæ libræ vsuales explorentur, quolibet tactu deteritur aliquid, & quod vna mouebitur sæpius eò leuior euadet, vnde contigit egregio Libripendenti Semillardo, vt spatio duorum annorum suum marcum, seu libræ semissem, 3. granis imminutum repperit; cui propterea spatio 200. annorum 300. grana, & tandem 432. annorum spatio vncia integra, seu grana 576. deterentur.

Dices verò duas illas libras monetales archetypas in quibusvis controuersis hac de re motis simul esse tangendas, vt tantumdem vna quantum alia minuatur, sed præterquam vix fieri potest vt semper æquali motu, & contactu terantur & agitentur, vt illis qualibet vice partes æquales deterantur, quis certò nosse possit quantum primo tactu, quantum anno, vel sæculo detritum illis fuerit? Concludamus igitur nil adeo hac in parte constans, quemadmodum nec in aliis pluribus requirendum, nobisque putemus abundè satisfactum, cum duæ libræ vno vel altero grano solum inter se discrepabunt, & nulla plebi, reique publicæ hinc inferetur iniuria: quid enim *ex æquo* geometricum nobis in rebus humanis, & in mechanicis ignotum, & impossibile requiramus?

Porrò monetarij grana, quantum fieri potest, exacta sibi fabricabunt, si postquam in 16. partes æquales libram diuiserint, iterum quilibet partem decimam sextam, seu vnciam in 24. partes, seu denarios subdividant, rursusque quemlibet denarium in 24. particulas æqua-

les, quæ grana futura sint : quod fieri potest laminâ æneâ, vel argenteâ tenuissimâ, & satis longâ, quæ possit in 24. quadratas laminulas diuidi; sed laminæ tenuitas vbique debet æqualis esse: quod alij malunt in filo ferreo, vel æneo perficere, vtpote magis æquali, quam si rursus summam æqualitatem requiris, frustra labores; pars enim fili quæ prius per foramen transfiliit, eius magnitudinem tantisper auxerit, adeo vt sequens crassius, atque adeo ponderosius euadat: quam inæqualitatem bilancibus exploratam, etiamsi limâ, vel particulæ detractiōe corrigas, nā tu geometricam æqualitatem consequeris, vel casu illatæ conscius esse poteris.

Iam verò nos ad plantarum grana, ex quibus vncialia desumpta videntur, conferamus, si prius notauero plerumque fieri vt eadem grana statim grauiora, mox leuiora sint ob puluerem aduenientium, vel aliquid aliud humidum illis adhærens, & ex variis aeris dispositionibus adnascens, siue sint papyracea, siue ænea, seu denique alterius materiæ, quod aliquando fit sensibile, dum exactis bilancibus explorantur, sed longè sæpius absque vllius sensus testimonio, propter additionis aut detractiōis paruitatem.

C O R O L L A R I V M I. D E

G R A N I S R O M A N I S.

R O M A N I Libripendentes experti sunt, hoc est 36. granorum nostrorum, proximè 43. granis Pædrantis, seuales, & laminam 36. granorum Romanorum, quam per erit libræco, quæque decēs septies in vncia Romana continetur. 2. granis Romæ constante, pondus esse dimidij aurei critico, conf. Iulij argentei Romani, tituli denariorum vndecim: ignina libræ 36. grana Romanis 612. æquiponderant: quod notandū est, ob frequentem illorum vsum, cū de nummis agendum erit.

C O R O L L A R I V M II.

C O N T I G I T pondus præcedentibus exactius in Curia reperiri, Cad quod cū illa 36. grana Romæ missa, & inde recepta exegissem, lamina prædicta 36. granorum grano dimidio ad minimum grauior quàm par esset repta est: vnde fit vt aliquid in prædictis sit emendandum, quod tamen neminem turbare debeat, quid enim in artificiis & operibus humanis adeo iustum, & diligenter asseruatum quod mutationi non sit obnoxium?

PROPOSITIO IV.

Vasa, seu mensura Parisienses, quibus tam liquida quam arida ponderantur, atq; mensurantur, expendere, & cum mensuris Romanis, & Hebraicis comparare.

PARISIENSES mensuras eligo, non quòd eas cæteris constantiore arbitrer, aut meliores, sed ob urbis celebritatem, ad quam longè faciliùs possis quàm ad alias appellere, vel ex ea tibi vasa omnisaria comparare, quæ postea cum tuis conferas.

Heminam igitur, quam Chopinam vocant Parisienses, pro vasorum aliorum modulo sumamus, quam hætenus crediderunt libram aquæ complecti, cum usque ad labra repletur, cum tamen expertus fuerim 45. grani leuiorem esse librâ, quæ faciliè possis addere absque effluxu; vixque dubito quin huiusce vasis repertores voluerint aquæ libram integram illo contineri: quapropter eam heminam istius supponam esse capacitatis, ut libram, quemadmodum pars illius dimidia, quæ semisextarius appellatur, dimidiam aquæ libram, & Pinta duas libras capiat, cuius Quarta seu Potus duplus est, nam 4. aquæ libras eorum, seu lib.

Cadus . annorum . 280. pintas habet, quod *muid* appellant: cuius figura est, seu grana 57 potius cylindri duplicis vtrinque truncati, æqualibus baluas illas lib. Cadus in medio latior, & crassior: cuius altitudo, seu longitudo motis finior duorum pedum & 10 digitorum; latitudo media peduatur, sed latitudo verò circa fundum duorum pedum. Vnde possis in tactu teratadorum Burgundensum, & aliarum Prouinciæ magnitudinem, &

Pedis dodrans tribuit id sæclitnem interiorem modio Parisiensi, quem vocant *Boisseau*: bes cum; lineis altitudinem: libras 16. tritici continet absque vlla succussione, vel percussione, cum impletur ad cumulum, qui cum libris 3½ constet, supersunt libræ 13½ cum modium hostieris. Quantò verò maiorem contineat tritici quantitatem, cum percutitur & succutitur, ipse videris. Porro cum in vncia sint 860 grana tritici, ut absque electione occurrunt, sequitur libram 13760, rasilemque modium 220160 grana complecti.

Modius maior, qui præcedentis quadruplus est, quique *Minor* à nobis appellatur, frumenti libras 64 continet: cui deunx, seu pollices vndecim altitudinem interiorem, latitudinem verò pollices 15

cum tribus lineis, hoc est pedem $1\frac{1}{4}$, & $\frac{1}{4}$ digiti. Sextarius, quem *septier* Galli vocant, 4 modis maioribus constat, qui tamen certa mensura non est, quemadmodum neque modius segetis, quem Parisienses vocant *muid de bled*, qui 21 sextarios, *septiers*, complectuntur.

Quibus positis, facilè reuocantur mensuræ Romanæ, & Hebræicæ ad mensuras nostras, quandoquidem Congius librarum decem Romanarum, ex accuratis Petri Gassendi obseruationibus, nostris libris 7 æquiponderat, quibus quadrantem vnciæ dempseris. Nam Amphora, seu Quadrantal 8. congios habet, quapropter nostris libris 55 & 14 vnciis æquiponderat, si nempe sumas aquam, quā congius, vel amphora replentur. Modius autem Romanus cum sit $\frac{1}{2}$ amphoræ, continet aquæ libras 18 & vncias decem. Hinc de reliquis Romanorum mensuris, & vasis esto iudicium, cum amphora duas urnas, 48 sextarios, 96 heminas, 192 Quartarios, vel 566 cyathos contineret, teste Volusio Metiano Adriani Imperatoris præceptore.

Cum autem modius Romanus tritici libras 24 complecteretur, quadrantale libras 72 habuit: cumque libra Romana nostris vnciis vndecim, vni drachmæ & vni denatio æquiponderet, ex prop. 2. atque adeo vncia Romana nostris drachmis 7 & granis 32, si quater & vicesies sumantur 11 vnciæ, 1 drachma, & 1 denarius, dabunt modium Romanum in libras Parisienses conuersum, hoc est modius Romanus erit nostrarum librarum 16 & libræ dodrantis, seu 12 vnciarum; quadrantale verò frumento plenum erit librarum 50, & libræ quadrantis, seu 4 vnciarum.

Sextarius igitur Romanus plenus tritico, constat vnâ librâ Parisiensi, & 6 drachmis. Erat igitur hæmina libræ nostræ dimidiæ & trium drachmarum; quartarius quadrantis libræ, & drachmæ $1\frac{1}{2}$. Cyathus denique Romanus est vnius vnciæ, 7 drachmarum, vnius denarij, & granorum $19\frac{1}{2}$, vel sesquiunciæ, 10 denariorum & granorum $19\frac{1}{2}$ proximè. Quæ semel computanda fuere ad faciliorem mensurarum Hebræicarum ad nostras reductionem.

Aliàs verò de Romani Quadrantalibus pondere sermo recurret, cum pedis aquei cubici pondus inuestigabimus: quanquam ex dictis concludatur pedem aquæ cubicum Romanum fuisse librarum Romanarum 80, cum 8. congios haberet, congius autem sit decem librarum Roman. nostrarum verò $55\frac{1}{2}$ quadrantale erit, vt iam supersit pedis nostri cubici aquei pondus, quod cum prædicto pede Romano cubico conferatur.

Sed prius de mensuris Hebræorum agamus, qui mensuram *מִסְרָה* *messurab* dicunt, vt Leuit. 19. 35. & 1 Paral. 23. 29. vbi Leuitæ constituuntur super omne pondus & mensuram, quemadmodum in Leuitico prohibetur iniustitia tam in mensura, quàm in regula, pondere, statera, modio & sextario.

Cabum igitur, *קָב* quam faciunt minimam aridorum mensuram, erat 4 sextariorum Romanorum, hoc est, continebat Parisienses libras 4, & 3 vncias, quem etiam aiunt Chœnicæ militari quinquilibri æqualem: de quo locus insignis 4. Reg. 6. 25. vbi quarta pars Cabi stercoreis columbini, vel frumenti quod in ingluuie reclusum erat, quinque siclis argenteis emitur.

Gomor *גֹּמֹר* Exod. 16. 37. est pars Ephī decima, siue Bathi: cū igitur Ephī vel Ephā 72 Romanis sextariis æquiponderaret, libris nostris 75 & 6 vnciis respondebat: Gomor verò librarum nostrarum 7 & $\frac{1}{2}$, & vnciæ & drachmæ, & granorum 43 $\frac{1}{2}$ erat.

Satum vel *סָאֵה* *seah*, sesquimodio Romano æquatur, vel sextariis 24, atque adeo nostris libris 25, & duabus vnciis. De sato locus illustris Genes. 18. 6. & Math. 5. 15. Ephā tribus satis constitisse clarum est ex dictis: sed cū Rabbini velint istas mensuras ex Ovis gallicis pendere, adeo vt satum 6 cabos, cabus 4 logos, Logus sex Ouum testas contineat, nisi certā mensurā definiant ouum, inconstantes erunt, neque video qua ratione nitantur, qui huius oui 3 pollices Hebræos tribuunt tam longitudini quàm latitudini, & trientem pollicis altitudini, vt sit idem cum cyatho. Malim ego ex prædicta vasorum analogia definire Logum sextario æqualem vnus libræ & 6 drachmarum, cū sit Cabi pars quarta, & ouum, quod sextam Logi partem affirmant, esse vnciarum duarum, 6 drachmarum & 1 denarij.

☛ Lethec *לֶתֶח* erat Cori pars dimidia, quem *כֹּמֶר* *chomer* appellant. Cū autem Corus contineret 30 sata, Lethec 15 complectebatur: quæ quidem Sata putant auctores modiis Atticis æqualia, qui sint Romanorum sesquialteri: Corum igitur 45 modiis Romanis *סִימָה* *simah* faciamus, cū 30 sata 45 modiis Romanis æquiponderent, cūque modius Romanus sit nostrarum librarum 18 & 11 vnciarum, quādo plenum est aquā, sequitur Corum æqualem esse nostris libris 838, & duabus vnciis. De Coris tritici à Salomone Hircano tributis, videatur 3. Reg. 5. 11. & 2. Paral. 27. 5. & Lucæ 16. 7. sed cū modius Romanus plenus frumento sit tantum librarum nostrarum 16 & 12 vnciarum, erit Corus tritici 753 librarum & $\frac{1}{2}$: dicunt autem Corum Cameli onus. Hin capiebat 12 logos, seu sextarios, ac propterea

libras nostras 12 & 9 vncias: huic æqualem faciunt Thebanorum mensuram, quam Epiphanius vocat Aporrhyma. Hini fit mentio Exod. 29. 40. vbi pars illius quarta; & c. 30. 24. trientem verò numeror. 15. v. 6. & 7. & semissem v. 9. legimus: sextam partem Ezech 4. v. 11. quæ Pintam Parisiensem vnciâ & $\frac{1}{2}$ superat.

Cùm autem Bathus, eiusdem ac Ephæ mensuræ 6. Hinas complexus fuerit, clarum est nostras pintas 35 & $\frac{1}{2}$ cum 6 vnciis continuisse; quem Hydriæ Romanæ, aut Atticæ metretæ faciunt æqualem: cùmque 2. Paral. 4. 5. mare æneum caperet 200 bathos, pintas nostras 71375 continebat, seu cados Parisienses, quos *muids* appellant 254, cum 255 pintis: vel cùm 2. par. 4. 5. dicatur 3000 bathos habuisse; nostris pintis 107062 $\frac{1}{2}$ æquabatur, seu doliis Parisiensibus 382, & 102 pintis.

Labra verò minora templi 40 bathos habentia nostris pintis 1427 $\frac{1}{3}$, seu doliis 5, & 27 pintis æqualia, de quibus 3. Reg. 7. 38.

COROLLARIUM DE MARI

æneo Templi Salomonici.

MARE æneum quod tam 2. Paral. 4. 6. quàm 3. Reg. 7. 27. triginta cubitos in circuitu, decem in latitudine, & quinque in profunditate, quemadmodum & in labri densitate palmum habere dicitur, iuxta Paral. 3000 batos, iuxta regum librum 2000 continet, quod aliqui soluunt per duas batorum species, quarum vna sit alterius sesquialtera: alij, quòd aquæ, vel liquoris alterius 2000 duntaxat, ari-dorum verò 3000 continere potuerit, quandoquidem hæc ad cumulum imponuntur, cùm aqua non possit labrorum summitates excedere, & vasis ad ænei maris formam constructi cumulus sit pars ari-dorum tertia: alij malunt errorem irrepsisse in numeros, siue additione in paral. siue detraktionem in lib. Reg. Alij denique, quòd quidem vsque ad summa labra 3000 posset complecti batos, vel Ephas, sed ex præscripto regis 2000 imponi solere.

Addemaris istius circuitum 30 duntaxat cubitorum dici, cùm illius diameter fuerit 10 cubitorum, quòd scriptura more vulgi, & ad sensum multorum operariorum & artificum loquatur, qui doli-orum, & aliorum corporum rotundorum circuitum tribus diametris æqualem faciunt, & existimant, quippe semper experiuntur circini aperturam circulum describentem, & eius radio æqualem, circumferentiæ sexies adhibitam ad idem punctum redire,

vnde circino sextantis nomen impositum.

Cùm tamen si geometricè loquamur, maris circuitus ferè pedum $31\frac{1}{2}$ fuerit: nisi quis contendat circuitum interiorem intelligi, cuius diameter decem cubitis minor fuerit, vt labiorum crassitudo si tantùm ex parte diametri, non ex parte circuitus se tenuerit: quod tamen vix vlli arrideat.

PROPOSITIO V.

Nummorum Gallicorum figuram, pondus, leges & pretium explicare, vbi Moneta fabrica explicatur.

NON est quòd in nummorum origine, variisque pecuniæ nominibus excutiendis ludamus operam, cùm id à Scaligero, Snelio, Bornitio, Hottomano, & aliis ferè omnibus qui de nummis egerent, iam peractum sit, qui post Aristotelem 5. Ethic. 6. fatentur *νόμισμα* à *νόμος*, hoc est lege vocari; vti monetam à monendo, & pecuniam à pecude, quam sæpius æs dictam nouimus. Cùm igitur ea repetere nolim quæ toties explicata sunt, neque velim alia commemorare præter ea quæ sum expertus, incipiam ab auri & argenti puritate, quæ nummis quibuscumque legem præfigunt.

Aurum igitur *καρσιώτατον*, quale in Daricis, & argentum in Ariandicis fuisse refertur, purum putumque, & obrizum appellatur, cui nulla pars argenti, vel alterius metalli, aut mineralis immiscetur; purum argentum, pustulatum, seu pusulatum dicitur. Cùm autem docuerit experientia nummos eò citius deteri, quò puriores fuerint, omnes ferè principes suis Monetariis permisere vt ad maiorem duritiem nummis conciliandam, aureis quidem paucas argenti particulas, argenteis certas æris portiones adhiberent, quibus etiam impensæ magnæ in flandis formandis, percutiendisque nummis necessariæ partim, vel ex toto refarcirentur. Quapropter aurum obryzum in 24 partes diuidunt, quas ceratia, vulgò *carats* appellant, vt aurum cui pars vna pura deest, aurum 23 ceratiorum, cui duæ partes argenti miscentur, aurum 22 ceratiorum, & ita deinceps nuncupetur.

Quemadmodum verò XII tabulæ Romanæ triumviros monetales instituerunt, qui aurum, argentum & æs publicè signarent, dicerenturque æris, argenti, auri flatores, iuxta litteras nummis inscriptas A.A.A.F.F. ita factum in Gallia, plurimi siquidem magistratus monetali Curiae præsunt, qui summo studio curent nummos optimè
iuxta

iuxta regias leges flari, feriri, & sphragisterio, siue iconio certas habente figuras insigniri, quod fit in officina monetaria, quam *spres-
nummi* appellare possis, tum vetere, quæ malleo ferreo in iconium bis, ter, quaterve impacto nummis figuram imprimit; tum nouâ, quæ neglectis malleis prælo vtitur, quo non semel notauî quemlibet nummum spatio trium secundorum insigniri, adeo vt horæ spatio 1200 feriantur, idque ferrei vectis 7 pedes longi beneficio, cui pel- lendo 3 aut 4, vel etiam plures homines pro nummi magnitudine adhibentur. Porro monetariam fabricam Parisiensem nouiter in- stitutam, in qua nummi prælis imprimuntur, non autem malleis cuduntur, describerem, nisi dudum similem Marcus Freherus ad- fuisse re monetaria tractatus calcem ex Pighio Campensi prodidis- set, quæ tantum à Parisiensi differre videtur, quòd machina ferrea Parisiensis rotis dentatis, se mutuò impellentibus constans, suis cylindris chalybeis non imprimat figuram laminis aureis, argenteis, & æneis, sed tantum illas laminas præparet, quæ in formulas orbi- culares iuxta varias nummorum, seu monetæ magnitudines scissæ correctoribus permittuntur, qui eas ad legitimum pondus redigant, aut, si leuiiores sint, reijciant, & ad iteratam fusionem damnent.

Quæ postea formulæ in catinis lotæ, iterumque bilancibus explo- ratæ prælo subijciuntur, cuius vectis duplex ab operarijs tantâ faci- litate mouetur, tum ob helicem in medio positam, tum ob globos plumbeos vectium extremitatibus appositos, vt huic artificio nil deesse videatur.

Omitto machinam illam Halarum Teriolanorum Archiducis aquaria rotâ, equis verò Lutetiæ circumagi.

Vt autem à variis eiusdem monetæ pretijs hic tractatus minimè pendeat; sequentibus postulatis vtar.

P R I M V M.

*Nummorum omnium pretium ex illorum pondere con-
stituatur, ne toties calculum mutare cogamur, quo-
ties eiusdem monetæ pretium augetur vel minuitur.*

A V R I granum assis Gallici; granum argenti, denarij pretio aqua-
tor, vt aureus pondo 60 granorum, 60 asses, aut solidos; au-

rei quarta pars argentea, quem vulgò *quart d'Escu* vocamus, 15 solidis commutetur: Licet enim aurei nostri sint pondò 63 granorum, atque adeo 63 solidis, iuxta postulatam istud, æquipollean, ut tamen fractionem vitemus, nil oberit eos 60 granorum pondere, & pretio 60 solidorum, seu assium metiri, ut quarta pars aurei argentei, cuius pondus 180 granorum, æquivalens nostris 180 denarijs æneis, quater repetita conficiat aureum 60 assium, quales vulgò Galli aureos intelligunt, quibus tres libras, seu Francos exæquant.

III.

A *VR I* pretium sit ad argenti pretium in ratione duodecupla. Quod ex præcedente postulato sequitur, & apud omnes ferè in usu fuit, licet abhinc annis quibusdam sit apud nos, ut 14 ad 1. proximè.

I V.

A *SS I S*, vel *solidus noster* sit pondò granorum 44, eique denarij duo argentei cum 18 granis tribuantur. Quod ut à singulis intelligatur, notandum est nummum argenteum tunc appellari, & esse purum putum, vulgò *fin*, cum nulla pars æris, aut alterius metalli illud inficit: impurum verò, seu alligatum & mixtum, cum alterius metalli partem aliquam immixtam habet; quod metallum nihili sit, unde nummus suum nomen à solis argenti partibus habet, quibus constat.

Cumque diuersis modis cum alio, vel alijs metallis componi miscerique possit, illius puritas solet in 12 partes æquales diuidi, quos denarios appellamus; ut argentum probatum, & examinatum, vulgò *de coupelle*, nuncupetur, cum igne, vel aquâ metallicâ fuerit ab omni ære, & alio quouis metallo repurgatum. Hinc intelligitur quid sint duo illi denarij cum 18 granis in solido, aut asse, nempe si diuisus intelligatur in 12 partes æquales, duas solummodo cum $\frac{2}{3}$, seu $\frac{2}{12}$ argenteas habere, reliquas verò æneas, quæ in argento minimè numerantur.

Denarius autem in 24 grana diuiditur, ut antea dictum est, quapropter cum argentum purum in 12 denarios Monetarij diuidant, exurgunt grana 288. Sunt autem in marco semilibra æquali 104 asses, quorum vnusquisque 12 æneos denarios valet, qui 1248 in marco continentur.

Ne tamen monetarij periculo exponantur, si fortè plures, aut pau-

ciores nummos marco tribuant, cum vix ac ne vix quidem tanta possit adhiberi diligentia, ut semper exactè numerus præscriptus marcum conficiat, in remedium ac veluti medicinam, licet illis marcum 8 denarijs minuere, vel augere, quemadmodum 4 assibus.

Est autem pondus denarij ærei 38 granorum, sed nonnunquam plurium, aut pauciorum, quippe non ponderantur, sufficitque si 30 vel etiam pauciorum granorum fuerint, ut 30 grana æris vni grano argenti, & 360 grana æris vni grano auri æquiualeant.

V.

Quarta pars argentea aurei, quæ granis 180, siue 7 denarijs & 12 granis constat, valeat 15 asses, habeatque undecim argenti denarios cum remedio duorum granorum.

QUANDOQVAM ad vincendum æquilibrium, hoc est ut lanx statæræ deprimatur, debeat esse granorum $182\frac{1}{2}$, ut in marco $25\frac{1}{2}$ contineantur.

V. I.

AÆREI triens argenteus, quem Francum appellamus, 20 assibus commutetur; ut ante paucos annos fiebat, qui nunc 27 asses, ut prædictus argenti quadrans 21 asses valet, qui prius 15 assibus commutabatur.

Vocatur autem argentum illius quadrantis undecim denariorum, quod ei pars vna ænea immisceatur.

Argenteus triens, cuius pondus denariorum undecim, & vnius grani, vel exactè granorum $267\frac{1}{2}$, dicitur decem denariorum, quod duos æreos denarios, seu duas partes æris habeat, & $17\frac{1}{4}$ in marco continentur.

Omitto species alias nummorum argenteas, verbi gratiâ *Testones*, duplicem quadrantem 30 assibus, dimidios quadrantes assibus $7\frac{1}{2}$ dimidios trientes 10 assibus, trientis quadrantes 5 assibus æquiuales, & novos eiusdem ponderis & valoris nummos qui prælo in nouis officinis insigniuntur, quod ad Hebræorum & aliarum prouinciarum nummos intelligendos noster quadrans sufficiat.

Aureus Gallicus solidus obryzi partes 23 habeat, dicaturque 23 ceratiorum, & 72 $\frac{1}{2}$ in marco contineantur.

MONETARIUM siquidem aurum obryzum in 24 partes diuidunt, ut iam dictum est, eique nomen imponunt ex numero partium illarum, ex quibus quod pauciores habuerit, eò dicitur impurius. Verbi gratiâ noui aurei, quos nuncupant *LVDOVICOS*, sunt 22 partium, vel exactè 21 $\frac{1}{2}$.

Non est autem quod nummos Hispanicos commemoremus, cum pistola sit eiusdem ponderis & pretij ac *LVDOVICVS* noster, atque adeo nunc ducentis assibus, quot *LVDOVICVS*, commutetur, qui cum sit 22 ceratiorum, quidquid de pistola dicitur, *LVDOVICO* tribuendum erit.

Verum solidus noster aureus purior est, cuius pondus exactum duorum denariorum, granorum 15 & $\frac{81}{175}$, cum remedio quadrantis ceratij: vulgò dicitur *Escu sol*, nuncque 104 assibus commutatur.

Si quis nummorum tam aureorum quam argenteorum figuras, pondera, & pretia hodierna videre cupit, legat regiam declarationem Gallicè anno 1640. apud Sebastianum Cramoisiū editam; in qua omnium ferè totius Europæ nummorum icones habentur, ex quibus postea quosdam selegimus.

Quibus addo Romani Testonis, cuius pretium trium Iuliorum, pondus esse denariorum nostrorum 7 & $\frac{1}{2}$, atque adeo quadranti argenteo nostro æquiualens, si æqualis puritatis foret, cum sit eiusdem ponderis. Iulius autem decem baiochis, baiochus quinque quadrinis æneis commutatur.

Eo verò Testone nouiter cuso sum usus qui Urbani VIII. & in auersa facie Virginis figuram cum hac inscriptione, *sub tuum praesidium*, ferebat.

PROPOSITIO VI.

Nummos Hebraicos ad Gallicos reducere, & sili, atque adeo monetarum omnium Hebraicarum pondera, & pretia exhibere.

CVM Hebraicum talentum 3000 siclis constet, vt ex 38 cap. Exod. concluditur, quod docet inuenta fuisse talenta centum, & 1775 siclos, postquam 603550 hominum vnusquisque dimidium siculum persoluisset, qui sicli pretium, atque pondus agnouerit, nil deinceps in moneta Hebraica requirat.

Est autem argentei sicli pondus, quem ex scrinio ducis Aureliani habui, 268 granorum, seu denariorum vndecim & 4 granorum; valétque propterea, iuxta nostras hypothesés, 22 asses & $\frac{1}{4}$.

Porrò Dominus Angelonus Romanus duos habet argenteos, quorum vnus inscribitur characteribus Assyriacis, hoc est Hebraicis vulgaribus, estque Romanorum granorum 250, seu vnciae dimidiae Romanae & 56 granorum; alter Samaritanis, cuius pondus deficit 10 granis à Romana semuncia; vtriusque inscriptio eadem est ac sicli, quosum vsus nempe *Ierusalem Hakadoscha* ex vna parte, & ex altera *Sekel* Israël. Cùmque hic sculus vnico grano à semuncia Romana deficiat, neque tot manibus teri potuerit à Dauidis æuo, (sub quo cusus videtur ob litteram Daleth paterae superscriptam) quin granum amiserit, rectè mihi fecisse videntur qui siculum eiusdem cum semuncia Romana ponderis constituere, in eoque tantummodo errasse, quòd semuncias & vncias aliarum Prouinciarum Romanis æquilibres existimarunt, id enim falsum esse superius ostensum est.

Sit igitur sculus argenteus Dauidicus 269 granorum nostrorum, valeatque 23 asses, vt fractio videtur: cuius pars media 30. Exod. ver. 13. nostris assibus $11\frac{1}{2}$ respondet, triens 2. Eldrà cap. 20. v. 32. assibus $7\frac{1}{2}$ quadrans, 1. Reg. cap. 9. v. 8. ferè 6. assibus: denique pars vigesima loco cit. Exodi, 20 dicitur obolis æquiuallere: assi nostro, denario & denarij $\frac{1}{4}$ respondet.

PROPOSITIO VII.

Argenteas & aureas summas Hebraicas Scriptura Sacra ad nostram monetam reducere, & Sicli aurei valorem discutere.

VT certi quidpiam præ oculis habeam, nec vllâ diuinatione vtar, fumo prædictum siculum valdè integrum Ducis Aurelianiensis, cuius pondo 268 granorum, & cuius figuram & inscriptionem istius tractatus initio reperiēs, qui cùm à nostris monetariis 12

denariorum, hoc est argenti pustulati iudicetur, & ex nostris hypothefibus valeat nostros asses 22 & $\frac{1}{3}$, hoc est 4 denarios, sequitur talentum argenteum nostris Francis 3350 æquiuale, qui faciunt aureos nostros 1116 $\frac{2}{3}$, quorum vnusquisque sit 60 assium. Erit ergo talentum argenteum in nostris assibus, 67000 assium, atque adeo aneorum denariorum 804000.

Cùm autem nesciamus an siclus aureus eiusdem esset, ac argenteus ponderis, an verò leuior, vt instar aurei nostri qui 3 Francis argenteis æquiualeat, 3 etiam siclos valeret, malim alios omnes in ea parte sequi, vt sit eiusdem ponderis, & 12 siclos argenteos valeat, sitque proximè eiusdem pretij cum vetere Iacobo Anglico, qui nūc ex prædictæ declarationis præscripto, pagina 33. Francis 13 commutatur.

Quamquam, ex nostris hypothefibus, nouem Francis & 8 assibus, quemadmodum pistola Francis 6 & 6 assibus commutari debeat. Siclus igitur aureus 13 Francos, & 8 asses; & talentum aureum 400200 Francos vel aureos 13400 valet.

Celebris est centum millium talentorum aureorum, & argenteorum 1000000 scripturæ summa, quam pro templi fabrica Dauid collegerat, 1. Paral. cap. 22. v. 14. Aurea Francis nostris 4020000000, Argentea 3350000000 respondent.

Non est autem quòd alias summas longè minores expendamus, cùm id ab vnoquoque fieri commodè, & omne aurum atque argentum tam Dauidicum quàm Salomonicum ad pondus, & magnitudinem cubicam reduci possit, talentum enim erat pondo librarum 87, vnciarum 3, drachmarum 6, & 2 denariorum, vel 804000 granorum, quod monetarij efferunt per 174 marcos, tres vncias & 20 denarios.

Tantum addo Ægypti equos tunc 150 siclis emptos fuisse, & equorum quadrigam 680 Francis, hoc est 600 siclis 3. Reg. c. 10. v. 29. vnde potest institui comparatio nostri commercij, nostrorumque pretiorum cum Hebraïcis illius temporis.

Cùm autem maximas summas in Gallia per miliones exprimere solemus, milio librarum, seu Francorum argenti talenta 298 cum 170 Francis complectitur; quapropter annuus Galliæ redditus, qui hisce annis centum miliones superauit, talenta 29800 cum Francis 17000 exæquat. Hinc possis comparare redditus Regis nostri cum redditibus Dauidis & Salomonis. Exempli gratiâ, Salomoni quotannis 666 auri talenta 2. Paral. c. 9. v. 13. afferebantur, quæ iuxta supputationem præcedentem, nostris aureis 8924400, seu Francis 26773200 æquivalent; quæ non faciunt tertiam partem redditus Regij 100000000 milionum: quem tamen non solum exæquare, sed etiam superare

videri possit Salomonis reditus, si reliquæ summæ, quas à diuersarum prouinciarum legatis, & à Regibus & negotiatoribus accipiebat, vt vers. 14. docetur, præcedentibus talentis addantur.

Quamquam hæc summa plerisque tanta videtur, vt talentum malint pro siclo tetradrachmo sumere, quàm pro 3000 siclis: sed cùm istius notionis ne quidem vestigium ex scriptura producat, non est quòd eam sequamur. Difficilius est agnoscere num fuerint duæ siclorum apud Hebræos species, communis didrachmus, & sacer tetradrachmus; quod tamen multi asserunt ob LXX. autoritatem qui siclum appellant *סִיִּל*, vt Genes. 23. 15. & alibi videre est, quos ad Alexandriæ pondera respexisse aiunt Atticorum dupla, quorum talentum Hebræorum talento æquipollens 12000 drachmas Atticas, hoc est 3000 siclos, vt Hebræicum, complecteretur; adeo vt siclus Atheniensi stateri æqualis fuerit. Vt autem demonstrent fuisse duplicem siclum, aiunt dimidium siclum Exod. 30. 13. & 15 annuatim à singulis tributum, fuisse quidem dimidium habito respectu ad siclum sacrum, sed integrum Regij ponderis, quòd 2. Reg. 14. v. 26. ducentos siclos, quibus Absalonis cæsaries æstimabatur, Septuaginta viri per centum siclos verterint, putà sanctuarij.

Cuius sicli tetradrachmi trientem Nehemiæ 10. 32. pro annuo tributo pensitatum; & quadrantem 1. Reg. 9. 8. Chaldaicè *zuzan*, hoc est drachmam, & vigesimam partem Exod. 30. 13. (quæ est quinta pars drachmæ) legimus. Sumitur etiam Keseph Gen. 20. 16. pro siclo, sic enim vertunt LXX. 2. Reg. 18. 11.

Mitto alia nomina quibus siclum appellant, vt argenteum Math. 26. 15. quem Eusebius staterem appellat, cuius quarta pars, hoc est drachma, Lucæ 15. 8. commemoratur, Romano denario æqualis, de quo Matth. 18. 22. vt pars dimidia Matth. 17. 27.

Mitto præterea nummos æreos tam nostros, quàm Iudæorum asarium, quem alij 90 partem sicli, alij dimidium sicli valuisse putant, de quo Math. 10. 29.

Quadrantem, assis fortè, vel follis, vel oboli. Math. 5. 26. & minutum quadrantis dimidiū habes; de quibus viri docti fusè disseruerunt.

Est & mina 3. Reg. 10. 17. quæ centum aureis 2. Paral. 9. 16. æquipollet, quandoquidem illius loci tres aureæ minæ sunt huiusce loci trecenti aurei.

Omitto nummos alios in scriptura vsitatos, de quibus fusissimè Vvaferus, vt *gerah* גֵּרָח 1. Reg. 2. 36. qui sit eiusdem ac Gerah, & Chaldæorum *Maha* valoris: qui nummus cùm fuerit obolus ille qui pars dicitur sicli vigesima, illiusque pondus, iuxta constantem Rab-

binorum sententiam, sit 16 granorum hordei, clarum est ex nostris hypothefibus, esse pondo granorum nostrorum 16, si quodlibet hor-edi granum vnciæ nostræ grano æquiponderet, vti reuera contingit multis hordei nostri granis, quæ faciūt æquipondium cum granis tritici, seu frumenti, quibus antea lectis vnciæ grana comparaueris.

Notatu verò dignum est à גרָה *Gerah* ^{νεγροί}, granum, & γέρ, deduci posse, quæ omnia, veluti ^{νέμω} Græcorum, quidpiam minutissimum significant: Hinc de pauperrimo dici solet, nequidem eum obolum, hoc est *Gerah*, vel γέρ habere.

Itaque *Gerah*, cū esset argenti puri, nostros 16 æneos denarios valebat: atque adeo tres oboli nostris 4 assibus exactè respondent, cum sit valor oboli sesquitertius valoris assis.

Quibus positis, sequitur siclum 20 valentem obolos nostris assibus $26\frac{2}{3}$ respondere. & 32 granis semunciam nostram superare, quandoquidem 20 oboli sunt pondo 320 granorum, quos si redegeris ad drachmas, 4 drachmas & 32 grana sis habiturus, seu denarios vnciæ 13 & $\frac{1}{3}$.

Quæ cū sicli tetradrachmi pondus iusto maius efficiant, vt ex dictis constat, superest vel Rabbinos decipi, vel hordei grana quibus vsi sunt, nostris selectis esse leuiora. Vt igitur mecum conueniant, illorum grana, quemadmodum vnciæ Romanæ grana, nostrorum fere subsequisexta fuisse oportuit, hoc est 7 grana hordei Rabbinica nostris 6 hordei granis selectis æquiponderant.

Cū autem de singulis scripturæ summis & nummis, aliàs Deo volente fusiùs acturus sim, ad nummos Romanos & Græcos me conféro: de quibus breuissimè dicendum.

PROPOSITIO VIII.

Nummos Græcos, & Romanos ad nostram monetam exigere cum iuxta alios, tum ex proprijs obseruationibus.

NUMMOS Græcorum varijs animalium figuris inscriptos fuisse constat ex ipsis nominibus, quibus illos appellarunt ^{χελαινας}, ^{νόγες} ^{βόες}, testudines, puellas, boues, &c. Quod etiam ab Abrahamo factum nonnulli credunt, qui figuram agnorum illis nummis insculpi curauerit, quos scriptura Gen. 33. 19. & alibi vocat agnos.

Porro si nummi Græci pondo drachmæ, vt multi supponunt, &

Græca,

Græca, siue Attica drachma eiusdem cum Romana hodierna ponderis fuerit, de nummis Græcis faciliè pronuntiabitur; Romanisque comparabuntur denarijs & sestertijs, quos quidem sestertios pondo 5 denariorum, & 6 granorum se reperisse Sauotius libro de veteribus nummis pag. 156. asserit, quanquam victoriatos arbitratur, cum ex vna parte biceps Iani caput, ex altera victoriam habeant, & dictionem *Roma*.

Plinius l. 33. c. 3. 20. sestertios auri scrupulo tributos asserit, cui tunc 15 argenti scrupuli æquiualerent, vt esset aurum ad argentum, vt 15 ad 1; quale iam ferè apud nos.

Quæ omnia Sauotus mihi videtur satis accuratè & diligenter explicasse; Quis enim vnquam bilancibus denarios Romanos examinauit, qui non fateatur aliquando 7, aliàs octo in vncia contineri? 8 nempe ab æuo Neronis. Notat etiam aureum 25 denarijs respondisse, & denariū tūc esse pondo drachmæ nostræ, cum in vncia septem dūtaxat, pondo verò 63. granorum seu aurei nostri, cum octo fuere: solent autem Græci denarium Romanum pro sua drachma, quemadmodum Romani drachmam pro suo denario sumere, quod eiusdem propemodum ponderis, atque pretij fuerint: cumque sestertius argenteus sit denarij pars quarta, vel quinarij dimidia, constat cuiusnam valoris fuerit; quoties enim denarius æquiponderabit nostræ drachmæ, seu granis nostris 72, toties sestertius nostris æneis 18 denariis, vel sesquiassi æquiualebit: quemadmodum denarius 15 — si fuerint 8 denarii in vncia.

Græcorum stater aureus 2 drachmarum pondere, 20 drachmas argenteas valebat, qua de re Pollux consulatur, & qui seriò nummorum studio vult incumbere legat Sauotum, & Budelium de re numaria, qui libro primo fusè de omnibus quæ ad monetarios & monetam attinent, & alia id generis prosequitur: quo etiam volumine Couaruiam, Bodinum & alios eadem de re pertractantes habiturus sis.

Bornitius quoque de nummis in Republica percutiendis, & conseruandis, Caspar Antonius de augmento, & varietate monetarum, Angelocrates, Scaliger, Scnellius (qui tamen cum delectu legendi) aliique plures de nummis suggerunt, quæ hinc inde collegerunt, proprijs siquidem obseruationibus, quàm aliorum narrationibus malim insistere.

OBSERVATIONES PROPRIÆ

De ponderibus nummorum argenteorum tum Græcorum, tum Romanorum.

IN expendendis nummis argenteis R. P. Iacobi Sirmondi, quæ sequuntur, illo præsentē, mēque iuuante apparuerunt.

Sestertius, in cuius vno latere bigæ, in altero Roma Galliata cum hisce literis I I S, granorum nostrorum 23 $\frac{1}{2}$.

Quinarius, vnius drachmæ, demptis granis 2 $\frac{1}{2}$.

Denarius, vnius drachmæ, cum granis 6 $\frac{1}{2}$.

Alijs denariis defuerunt, 7 vel 9 grana, quibus præcedente leuiiores fuerunt.

Alexander, drachmæ 1 $\frac{1}{2}$, & 12 granorum apparuit: Alter verò drachmarum 4 $\frac{1}{2}$ vt Lysimachus drach. 4 & granorum 18.

Hercules drachmarum 2 & 4 granorum.

Noctua Athenarum, drachmarum 4, & granorum 22 $\frac{1}{2}$.

Philippus drachmarum 3 $\frac{1}{2}$ & granorum 15 $\frac{1}{2}$.

Antiochus Euergetes drachmarum 4 & 16 granorum.

Mithridates drachm. 4 $\frac{1}{2}$ & denarii.

Ptolomeus Ægypti drach. 3 $\frac{1}{2}$ & 8 granorum.

Sol seu Apollo Rhodius 3 drachmarum.

Sol Rhodius minor granorum 17 $\frac{1}{2}$.

Omitto pleraque alia numismata, qualis est Philippus aureus vnius drachmæ, granorum 6 $\frac{1}{2}$, vt moneam sestertios tribus modis numerari, videlicet masculino genere, neutro, & aduerbialiter: primo modo significat sestertium, si 18 duntaxat granorum fuerit, & sesquialti nostro æquipollet: si verò iuxta præcedentes viri clarissimi nummos respondebit duobus assibus, cum sit granorum 23 $\frac{1}{2}$, & grani $\frac{1}{2}$ facile deteri potuerit. Qua ratione denarius Romanus æquiualebit 8 nostris assibus, sestertium neutraliter sumptum centum libris, seu francis æquipollet. Aduerbialiter verò dicitur, verbi gratiâ, decies sestertiū, hoc est decies centena millia sestertiorum; de quibus vide Puteanum tract. de pecuniæ Romanæ ratione: sunt etiam lectione digni Chiffletius de numismate antiquo.

Iohannes Philippæus Osæ interpres doctissimus in cap. 3. qui cum alijs sentiat vnciam pendere 8 drachmas Atticas, minimè tamen docet quantum absint à nostris, quemadmodum neque 7 duntaxat in

uncia denarios ante Neronem, vt deinceps octo-fuisse.

Porro denarios à quinarijs non solum ex duplo pondere, sed etiam ex characteribus distingues, illi siquidem decussis, vt loco citato Plinius loquitur, hoc est character X; huic autem V imprimitur, quòd ille decem, hic quinque asses valeat, seu sesquiduos sestertios: quem propterea hisce litteris IIS, ac si duos asses & semis diceret, insigniunt.

De denario plura videsis apud syntagma Puteani de militari stipendio, quod aliàs salarium, tributum, attributum & rogam appellant. Adde Sauotum aduertere 60 assaria, siue libram & $\frac{1}{4}$ æris valuisse denarium: cùmque 96 denarios libra contineret, argentum ad æs fuisse vt 120 ad 1; quæ tamen ratio nunc in Gallia maior non est quàm 40 ad 1, quippe nouus argenteus quinque nostris assibus, seu denarijs æneis sexaginta, hoc anno 1643, æquiualeat, cùm sit pondo granorum 46 $\frac{1}{2}$, & quilibet æneus denarius sit ad minimum 30 granorum; vnde sequitur ænea grana 1800 æquiualeere granis argenti 46 $\frac{1}{2}$.

Qui nummos Hebræicos, illorūque summas ad nummos Germanicos reductos cupit, VVaserum habet lib. de antiquis Hebræorum nummis: Qui reductionem ad Anglorum nummos quærit, Breuodum legat, qui supponit siculum solidis strelinis 2 $\frac{1}{2}$ æquiualeere: cuius strelini solidi argentei figuram ad sequentis prop. calcem habes.

Omitto plures esse qui de Persarum, Græcorum & Romanorum nummis fusè tractant, qualis Budeus libro de asse, Scaliger atque Scnellius de nūmeraria, qui varia Romanorū & Græcorum librorū loca nummorum summas attinentia explicant, quos inter Sauotum vt plura expertum à veritatis studio legi velim.

MONITVM.

AD tertix propositionis calcem seminum seu granorum si non cuiuslibet herbæ, vel plantæ, multarum saltem lector expectare poterat, si quid certi potuisssem ex illorum seminum cum nostris granis vncialibus collatione statuere, sed cùm vix duo, licet eiusdem speciei, mihi visa sint æquiponderare, & fortè eiusdem non sint hîc, ac in Italia, vel in alio solo ponderis, laboris improbitatem cum eius inutilitate non putaui coniungendam. Nam si nihil explorati debeas à frumenti & hordei granis expectare, quorum plurima grana sunt vncialibus granis leuiora, alia æqualia, quædam grauiora, quid à reliquis granis, vel seminibus, quidve à reliquis naturalibus corpori-

bus speres? Quibus adde granum frumenti, quod hodie fuerit æquale grano vnciali, forte craftinâ grauius ob aduentitium humorem, vel leuius ob maiorem siccitatem, aut particulas in vaporem abeuntes futurum: quod & de cæteris granis dicendum.

Addo tamen in grani sinapis gratiam, cui cælorum regnum comparatur, & quod minimum omnium dicitur, hoc est vnum ex minimis, vel comparatiuè ad effectum, 40 illius grana vni vnciæ grano æquiponderare: sed ad faciendum cum hoc eodem grano æquilibrium alba papaueris grana 130, nigra 200, rubra verò 350 requiruntur, vt ostendit experientia. Duo sinapis grana se tangentiali lineam tegunt, & exæquant, sed papaueris alba grana 3, & rubra 4 necessaria sunt.

Hinc inferre licet quantò granis istis minora, leuiorâque sint arenæ grana, de quibus 1 & 2 prop. lib. de ponderibus & mensuris fusè & accurate. Superest vt tam nostrorum quàm exterorum nummorum figuras, & pretia, pondusque ipsum exhibeamus. Porro minima grana, vel semina credidero, quæ scolopendrij, vel aspleni foliis adtexuntur, quæque minutissimâ arena minora videntur, adeo vt diameter grani prædictæ herbæ sit ad diametrum grani sinapis, vt 1 ad 5, & proinde semen scolopendrij sit ad granum sinapis, vt 1 ad 125, hoc est in ratione diametrorum triplicata; si tamen puluis ille aspleni possit inter semina reponi, quandoquidem Dalecampius post alios huic, & aliis huiusmodi herbis semen denegat.

PROPOSITIO IX.

Nummorum Gallicorum, Italicorum, Hispanorum, Germanorum, & aliarum prouinciarum figuras, pretium, seu valorem exhibere, & illorum cum siclis Hebræicis comparationem instituere.

CVM nil magis afficere soleat, quàm dum in ipsos oculos incurrit, eoque memoria sit firmitior quò res oculis fidelius oblata fuerit, figuras nummorum affero, quibus singuli valorem siclorum comparare, atque Scripturæ sacræ summas ad præsentis nummos referre possit. E regione verò nummi cuiuslibet duplex valor, seu pretium apponitur: Primus valor nostris fundamentis nixus auri granum ad assem, argenti granum ad denarium æneum refert.

Secundus valor hodiernum apud Gallos pretium respicit, quod

vix maius euadat; ex his autem pretiis exteri suorum nummorum valorem dijudicabunt.

Cum autem vniuscuiusque nummi pondus legeris, illud paulò maius cogita, quandoquidem antisacoma tantisper superare debet nummus, vt vincat æquilibrium: verbi gratiâ nummus aureus Gallicus, à quo incipimus, quique dicitur pondo duorum denariorum, & 15 granorum, habet præterea $\frac{81}{145}$ grani, vt lancem deprimat: quapropter in cuiuslibet nummi sequentis pondere semper idem intelligendum; quod Galli vocant *poide trebuchant*, quòd lanx nummum sustinens inclinari, & cadere debeat, si nummus iusti ponderis fuerit: qui cum manet in æquilibrio dicitur esse inter duo ferra, *entre deux fers*: ob lingulam, vel spartum, quod in neutram vergit bilancis partem, quoad nummi bonitatem plerumque sufficit.

Ne verò quis torqueatur quòd supponam aurum & argentum purum, cum tamen aurei nostri solidi sint 23 carattiorum duntaxat, cum remedio quadrantis carattij, & alij nummi aurei certas argenti particulas, & argentei partes æreas immixtas habeant, iuxta diuersas principum leges, quandoquidem vnusquisque patriæ legis conscius subductis calculis scire possit, quanto sit nummi propositi minus pretium ob alligationem: verbi gratiâ, noster solidus aureus 23 carattiorum, cui deest vnum carattium, hoc est pars auri obrizi vigesimaquarta, quique iuxta nostras hypotheses valet 63 asses ob pondus 63 granorum, si foret 24 cerattiorum, ob argentum mixtum valet 60 asses, & 4 denarios proximè. Vno verbo dicam nummi cuiuslibet valorem prorata parte immixti alterius metalli esse minuendum, vt cum fuerit pars immixti argenti duodecima, pretium sit minus parte duodecimâ, & ita de reliquis.

Porrò sicli pondus hîc repetendum, hoc est 268 granorum vnciæ Parisiensis, qualia continentur 536 ab vncia Romana; eiûsque argentei valor 22 assium & 4 denariorum; aurei verè duodecuplus valor librarum 13, & 8 assium.

SOLIDVS AVREVS GALLICVS.



HVVS aurei pondus est duorum denariorum, & 15 granorum, seu 63 granorum; valor hypotheticus 63 assium.

Hodiernus 5 librarum,
D iij

& 4 assium. Alios aureos præcedentibus grauiores omitto, quos Regia declaratio exhibet.

Noui nummi, quos nuncupamus LVDOVICOS, sunt eiusdem ponderis, sed valoris diuersi, simplex enim LVDOVICVS aureo solido æquiponderans centum duntaxat assibus commutatur; quemadmodum duplus LVDOVICVS, cuius figura sequitur, ducentis assibus, seu 10 libris.

DVPLEX LVDOVICVS, SEV PISTOLA GALLICA.

HVIVS autem nummi duplus, hoc est LVDOVICVS quadruplus 20 libris commutatur; cùmque sit decem denariorum, & 12 granorum, seu 252 granorum, valor hypotheticus erit librarum 12 $\frac{3}{5}$. quapropter aureo siclo 28 assibus minor censendus est.



Cùm autem aurei grani pretium asse metiamur, ex hodierno pretio tribuunt illi assem, & 7 denarios, vt auri vncia sit librarum 46, & decem assium, atque marchus, vel selibra aurea 372 librarum, seu Francorum. Vnde fit vt quot granis nummus aureus leuior quàm par est fuerit; totidem assibus & 7 denariis minuatur illius pretium. Idemque ferè de nummis exterorum inanioribus dicendum, licet illa declaratio, vel potiùs calculus, vulgò *Tarif* subiunctus, minus aliquid tribuat vnicuique grano pistolæ tam Hispanicæ, quàm Italicæ, vt illius auri Marchus sit 357 librarum, & 10 assium, huius autem Marchus sit librarum 348, & 12 assium, pretij nempè in Gallia currentis.

Sequuntur nummi aurei exteri, & quidem primò Itali; qui cùm omnes sint eiusdem ponderis & pretij, sufficient Romani, Mediolanenses & Florentini.

ROMANA PISTOL



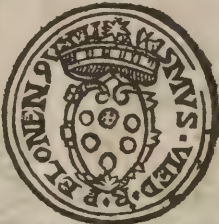
Pistolæ Romanæ 5 denario-
rum, & 4 granorum, seu 24
granorum libris nouem, & 12
assibus commutatur, cum ex
hypothesi nostra, libris 6 & 4
assibus æquiualeat, si ex obri-
zo supponatur.

MEDIOLANENSIS.



Idem de Mediolanensibus,
Florentinis, Venetis, Par-
mensibus, & aliis Italicis esto
iudicium.

FLORENTINA.



AVREVS ROMANVS.



Quòd ad Italos aureos atti-
net, quorum pondus duorum
denariorum; & 14 granorum,
vel 62 granorum, nunc 4 libris,
& 16 assibus commutantur: ex
hypothesi nostrâ 62 assibus.

VENETVS.



GENVENSIS.



Huius nummi pondus quinque denariorum, & 6 granorum, seu granorum 126, libris decem comminatur, qui tamen ex hypothesi nostra solis 6 libris, & 6 assibus nostris æquipollent: remedium illius est grani pars quarta.

PISTOLA HISPANICA.



Iacobus tam Anglicus quàm Scotticus est pondo 7 denariorum, & 20 granorum, seu 188 granorum; qui cum apud nos hac ætate libris 13 æquiualeat, iuxta captam hypothesin libris nouem, & 8 assibus æquipollet.

IACOBVS ANGLICVS.



Huius autem nummi, sicut & præcedentium alij sunt dimidij vel quadrantes.

IACOBVS SCOTICVS

Est & alius Iacobus nouus pondo 7 denariorum, & 2 granorum.



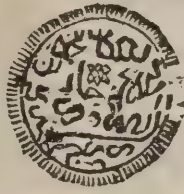
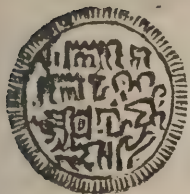
DVCATVS

DVCATVS IMPERIALIS.



T V R C I C V S.

Ducatus Imperialis, vt & Hungarus, Venetus, Parmensis, & alij plurimi in declaratione videndi; quin & ipse Turcicus, sunt pondo 2 denariorum, & 17 granorum; qui libris 4 & $\frac{1}{2}$ commutantur, cum iuxta nos sint vt 65 granorum, ita 65 assium.



Haftenus de nummis aureis, quorum nullus magis ad aurei sicli valorem accedit quàm Iacobus Anglicus, si ad pretium hodiernum attenderis: sed ex hypothefibus nostris Hispanicum quadruplum aureum pondo duarum pistolarum magis etiamnum accedit, cum libris nostris 12 & assibus 12 æquipolleat.

Quantum verò talentum aureum millioni cedat aureo, constat ex eo quòd talentum sit 13400 aureorum, quos millio præter 84 aureos, quater & septuagies complectitur.

Argentei nummi cum argenteo siclo comparati.

A Nostris nummis Gallicis incipio, quibus postmodum nummi subijcientur aliarum Prouinciarum, quos omnes facile cum argenteo siclo conferes, qui iuxta legem antea præscriptam nostris assibus 22 & 4 denariis æquiualeat: quemadmodum 3000 siclis argenteis constans talentum argenteum nostris libris 3350 respondet: cuius pondus si nostris ponderibus velis æquare, libras 87, uncias tres, drachmas sex, & duos denarios, hoc est grana 804000 exæquat.

LIBRA GALICA.

Hic nummus à nobis dicitur libra, vel Francus, cuius puritas 10 denariorum, cum remedio duorum granorum: pondus verò denariorum vndecim, & vnius grani, seu 265 granorum: qui cùm nunc 28 assibus commutetur, iuxta hypothese-
sim, 21 assibus & denario respondet: illius dimidium, & quadrans habetur.



Iam verò nouâ fabricâ cuditur nummus maior, quem 60 æquant assibus, estque 21 denariorum & 8 granorum, seu 512 granorum, atque adeo, ex hypothese, respondet assibus $42 \frac{2}{3}$.

SCVTVM ARGENTEV M.

Istius verò 60 assium nūmi dimidium, quadrans, & dextans eandem legem sequuntur.



Hic nummus olim 15 assibus æquatus nunc 20 assibus commutatur, cùmque sit denariorum 7, & 12 granorum, seu gran. 180, iuxta me 15 esse debet assium.

QVADRANS AVREI, VEL SCVTI.



Istius ergo nummi valor antiquus hypothese nostræ respondet, modò purum putum supponas argentum: illius enim puritas, seu

titulus est vndecim denariorum, & 2 granorum : cuius dimidium omitto: quemadmodum & testonem, cuius pondus solis 2 granis minus est, vt aliorum nummos argenteos exhibeam.

NVMMVS HISPANICVS VIII
REGALIVM.



Hic nummus habet semissem, quadrantem, partem octauam, & decimam sextam, estque 21 denariorum, & 8 granorum : nunc 58 assibus commutatur : iuxta nos verò, cum sit granorum 512, respondet exactè nostro præcedenti nummo fa-

brica nouæ, hoc est assibus 42, & octo denariis.

Cumque semissis ex eadem lege nostris assibus 21 & 4 denariis respondeat, tametsi nunc 29 assibus æquiualeat, proximè sicii argenti valorem exæquat, quapropter illius figuram hîc velim apponi.

NVMMVS IV. REGALIVM.



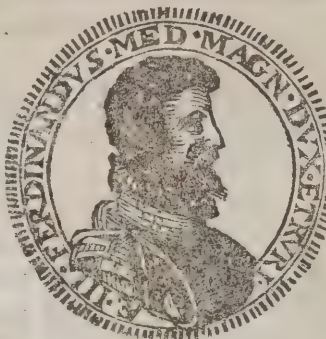
Huic nummo grana 12 desunt quominus siculo Hebraico æquetur, hoc est valor illius asse minor est.

Quadrans igitur istius nummi, hoc est Regalis, quem Galli Reale vocant, quadranti sicii proximè respondet.

Florentiæ ducatum, qui videt, Sabaudicum, Venetum, & Parmensem, ut pote eiusdem ponderis & valoris habet: est autem pondus vnciæ & denarij, seu 610 granorum:

Quapropter ex hypothesi nostra respondet assibus 50 & 10 denarijs; ex pretio vulgari libris 3 & 7 assibus: idemque de Ducatone Mediolanensi, quem Flandricus 8 granis superat, esto iudicium.

DVCATVS FLÖRENTIÆ.



Hic nummus quem Galli *Patagon* appellant, est 22 denariorum, & 54 assibus commutatur, idemque de Dallis Imperij dicendū, cum tamen 55 assibus nunc æquiualeant: licet enim nummi sint eiusdem ponderis, sunt maioris pretij, & valoris ob maiorem puritatem: cumque puros nummos supponamus, erit hic uterque nummus 44 assium, atque adeo siclis duobus proximè respondebit.

PATAGVS FLANDRICVS.



DALLVS IMPERIALIS.



CHELINVS ANGLICVS.



Hic nummus huic propositioni colophonem imponet ; qui statuitur in nostra declaratione 4 denariorum & granorum 12, atque vndecim assibus commutatur ; & ex hypothesi, 9 assibus, est enim granorum 108 ; cum tamen

Chelinus, quem præ manibus habeo sub præsentirege Carolo fabricatum, granis $9\frac{1}{2}$ sit grauior, est enim pondo granorum $117\frac{1}{2}$. Verum audiui adeo non esse curæ monetarijs Anglicis singulos Chelinos eiusdem esse ponderis, eisque satis esse quod certus numerus marchio contineatur, licet ex iis aliqui 9 aut 10 granis minus, aut magis ponderent : huius verò nummi argentum vndecim denariorum esse dicitur,

MONITVM I.

SVMMAS omnes Scripturæ sacræ, sictorumque pondera reducenda mihi proposueram ad nummos nostros, quibus omnes ad exterorum nummos manuducerentur, sed vbi singulis id esse facillimum peruidi, qui præcedentia intellexerint, ad alia propero, quæ plurimis gratiora videantur, quippe spectant hydraulica, & pneumatica, quæ difficultatibus coniungunt vtilitatem.

Aduertendum est tamen eos qui summas Hebraicas ad nostros nummos exigere voluerint, ad duplicem sictum, nempe tetradrachmum, & didrachmum attendere posse ; huius enim valorem & pondus si calculis subducant, quælibet sictorum, & talentorum summa duplò minor erit : sicti nempe argentei valor erit 11 assium & 2 denariorum : aurei verò librarum 6 & 14 assium : & argenteum talentum 1675 librarum, vt aureum 20100 aureorum, seu librarum 60300 : quem valorem illi sequentur, qui crediderint Salomonis censuram annum sictis didrachmis constitisse.

Exempli gratiâ reditus ille dicitur 1. Paral. c.9. v. 13. fuisse 666 talentorum, quæ nostrorum aureorum 13386600 summam conficiunt. Similiter oblatio principum Dauidis in templi structuram c.29. v.7. fuit 5000 talentorum aureorum, & 10000 argenteorum : cumque aurea nostris aureis 100500000, & argentea nostris aureis $5583333\frac{1}{3}$

æquiualeant, summam reddunt aureorum 10608333 $\frac{1}{3}$. quæ summæ illis duplicandæ fuerint qui siclum vnicum tetradrachmum admittunt.

Neque enim LXX Interpretes, Iosephus, Philo, & alij cum scriptura conciliari posse videntur, nisi vel didrachmus, de quo loquuntur, sit idem cum eorundem tetradrachmo, vt Alexandrina drachma dupla Atticæ statim vsurpata, mox Attica fuerit; illa, quoties didrachmi sit mentio, hæc verò, quoties tetradrachmi; quod necesse est si vnicus fuerit Hebræorum siclus, hoc est si communis à sacro minimè distiterit. Quanquam absconum est illos autores de diuersis drachmis locutos esse, neque tamen ea de re lectorem monuisse?

Quid igitur dixerimus ad loca Septuaginta duorum interpretum quoties siclum per didrachmum reddiderunt? vt Genes. 23. 15. Exod. 21. 32. & Leuit. 27. 3. &c. Si enim de drachmis Alexandrinis Atticarum duplis intelligunt, siclus erit semunciæ Romanæ par; testatur enim Varro l. 4. de lingua Latina, talentum Alexandrinum fuisse drachmarum Atticarum 12000, cùm tamen quodlibet talentum 6000 drachmas illius loci, cuius est, proprias continere censeatur.

Cùm autem tetradrachmo vtuntur, quis existimet eos non amplius Alexandrinis suis Hebræis, sed Atticis vti? de quibus tamen si non intelligunt, semperque retineant Alexandrinas, siclum illorum tetradrachmum æqualem esse integræ vnciæ Romanæ dicendum erit.

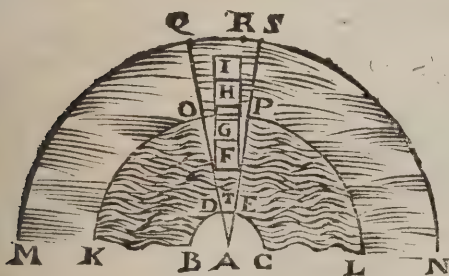
Verùm legatur Vilalpandus qui contendit aduersus Grepsum vnicum fuisse siclum stateri æqualem, non autem duos, putà communem, seu prophanum, & sacrum.

Porro circa 3. prop. in qua de numero granorū vnciā Romana contentorum, id obseruandum ex binis relationibus ad me Romā missis illum granorum numerum variare, vna siquidem vnciam statuit 612 granorum in 17 laminulas diuisorum, quarum vnaquæque sit pondo 36 granorum Romanorum; alia verò 576 granorum duntaxat, vt vnciæ Romanæ pars vigesima quarta, hoc est scrupulus, 24 grana Romana, quemadmodum denarius noster grana nostra 24, complectatur: quæ duo quâ ratione conciliari possint, in præfatione monebo, postquam illud à Romanis libripendentibus cognouero, vt Corollarium primum, & reliqua, iuxta rei veritatem intelligantur, & accommodentur.

MONITVM II.

BReuissimè quidquid ad mensuras, pondera, nummósque spectabat, tractatu præcedente complexus, paulo fusiùs de hydraulici agam; quæ cum sæpenumero pneumaticis egeant; hæc autem opus habeant condensatione, ac rarefactione, de his etiam nonnihil dicendū erit, quod non adeo tritum & exploratum: verbi gratiâ quantum aquâ leuior sit aër, seu quot sint necessarij pedes aëris cubici, vt aquæ pedi cubico æquiponderent; num aër magis rarefieri quàm condensari possit; quantò res vnaquæque in vacuo, seu medio nihil ponderante, vel impediēte, quàm in aëre sit grauior; quanta debeat esse aëris condensatio, vel rarefactio, vt vi datâ erumpat, & militares bombardas æmuletur, vel etiam superet.

[Ostenditur etiam in quibus aquæ salientes sagittarum, & aliorum proiectorum iactus æmulentur; de quibus postea tractatum peculiarem instituemus, quo scire possint sagittarij ad quod spatium horizontale sagitta peruentura sit, iactu verticali cognito, dataque sagittarij super hotizontem altitudine. Vt autem sequentis tractatus



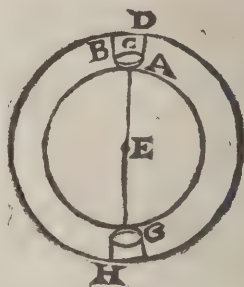
gustum faciam, sit M Q R S N K O P D aër, aqua verò K O P D C E D B, & terra C E D B, cuius centrum A: certum est in aëre corpora quædam, verbi causâ I & H natate posse, itavt in aquam inferiorem K O P mergi nequeant; quemadmodum corpora G, F sustineri possunt sub aqua O P, itavt nunquam ad fundum D E perue-

niant: quod vt fiat, tam I, H, quàm G, F corpora eiusdem ac aër & aqua debent esse grauitatis; si enim leuiora sint, extabunt.

Hæc autem figura dimidium aëris, aquæ, & terræ orbem refert; cùmque dimidijs terræ circuitus B D C sit leucarum 3600, radiùsque D A 1145 leucarum, & paulo ampliùs, caue ne putes eam esse rationem aquæ ad terram, quæ hîc cernitur, quandoquidem vnicum facit globum cum aqua, quæ maior quàm sit depicta fuit, vt corpora T, F, G, & alia quæ hinc inde inter O K B & P E D possunt intelligi, faciliùs comprehendantur: quod etiam de reliquis figuris sequentibus dictum puta, si quando fortè rerum quas referunt proportionēs minimè, vel non adeo fideliter & exactè repræsentent.

Quædam verò corpora natâre posse in aëre nubes quotidie demonstrant: quod fieri nequit, nisi moles aëris nubium moli magnitudine æqualis grauior fuerit.

Excipio corpora quæ motu grauitatem eludunt, cùm fieri possit vt in ipso æthere rarissimo grauiissima corpora solo motu sustineantur, vt in ipso aëre quispiam experiri potest aquam sustineri, cuius ne minima quidem gutta effunditur, quoties vas aliquod aquâ plenum obuertitur, vt ex hac figura constat; sit enim funiculus, E A, manu in E puncto detentus, cui situla, lanx, aut vas aliud quodlibet alligetur, quandiu circumagetur situla per circumferentiam B A G, aqua A licet E respiciens, & circa terræ centrum inuersa non magis effunderetur, quàm dum est in H G, idque ob motum solum, cuius velocitatem postea definiemus.



Iam verò nostras obseruationes hydraulicas, & pneumaticas subijciamus, quas semper augere possint Aquarij, Aquileges, & quique Philosophi, quos veritatis amor tenuerit; faxit Deus optimus vt qui laborarint in hydraulicorum Phænomenon rationibus inueniendis, copiosè hauriant eum summo gaudio de fontibus Saluatoris.

FINIS



DE

HYDRAVLICA
PNEVMATICA;
ARSQVE NAVIGANDI.
HARMONIA THEORICA,
P R A C T I C A.
E T
MECHANICA PHÆNOMENA!

Autore M. MERSENNO M.

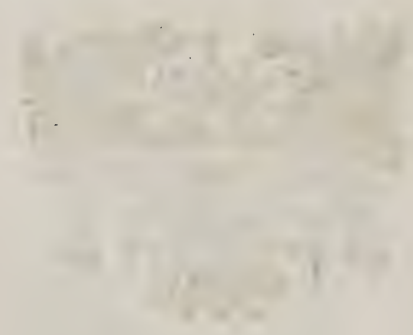


PARISIIS,
Sumptibus ANTONII BERTIER, viâ Jacobæâ.

M. DC. XLIV.
CVM PRIVILEGIO REGIS.

HIGH SCHOOL
LIBRARY
NEW YORK

ALGEBRA
PART I
BY
J. H. COOPER
NEW YORK



PAID
BY THE
NEW YORK PUBLIC LIBRARY
ASTOR LENOX TILDEN FOUNDATION
1911



ILLVSTRISSIMO VIRO
DOMINO IOANNI
MARCHIONI
D'ESTAMPES-VALENCAY
EQVITI TORQVATO,
IN SACRO PVBLICI
STATVS CAVSARVM PRIVATARVM
& rei atque directionis *Ærariæ* Consistorio
Regis Comiti perpetuo.

Iudicium, VIR ILLVSTRIS-
SIME, quod de meis obser-
uationibus Hydraulico-
pneumaticis tulisti, non in-
dignis scilicet quæ lucem aspicerent,
Tractatum hunc è manibus meis ab-

EPISTOLA.

stulit ; quem propterea nomini tuo nuncupatum velim , cuius celebritatem propagavit in omnes Gallia^e provincias plenissimus Virtutum omnium chorus , quem in Atauorum longissima serie constitutum etiam cum Exteriorum auxisti admiratione.

Testes sunt Bataui, apud quos Regi^e Legationis munere tanta cum laude functus es , vt etiamnum tu^e sapienti^e, & aliarum Virtutum memores te suspiciant ac venerentur. Ne verò testimonium aliunde petam , omnes ferè nostræ Gallia^e ordines tuâ se præsentia cohonestatos , tuâque singulari prudentia fatentur se plurimum adiutos cùm in supremo Regni Senatu sententiam diceres , cùm ageres libellorum supplicum Magistrum , cùm esses in Ampliore Regis Consilio Præses, cùm

numerosus Regis exercitus Rupellam
 expugnantis Te gauderet habere
 δικαιότατον, strenuissimo interea, fortissi-
 móque fratre Regiæ Classis Duce, &
 ingentes Anglorum Naues prouo-
 cante: quem virtus bellica & animi
 eximia magnitudo post varia mari, ter-
 ráque commissa prælia, tandem præ-
 fecit Exercitui Summi Pontificis; cuius
 Sanctitas triplici de causa, quòd aduer-
 sus Mehammedicolas Christiani no-
 minis hostes infensissimos Votum
 Nobilissimum proprio sanguine toties
 purpurauerit; contra Galliæ nostræ
 Catharos ad totius Regni defensionem
 Classi Regiæ præfuerit; próque Eccle-
 sia, & Apostolica Sede propriam vitam
 exposuerit, Generosissimum Equitem,
 fortissimúmque Christi Athletam
 nuper Cardinalitiâ purpurâ Lega-

tione Bononiensi adornatâ decorauit. Cùm denique ius nomine Regio diceret in florentissimis Galliæ prouinciis, & tam Cleri, quàm totius Britannia Comitibus Iudex à Rege delegatus sederes.

Non commemoro Te Iuridicum exercitus Italici constitutum, nec alia plura; in quibus tanta semper æquitate præluxisti, nullus ut sit qui Te non existimet dignissimum, quem Rex publicæ Rei Summæ fidissimum adhibeat.

Nec ullus dubito quin nobilissimi fratres siue in Ecclesia & pro Ecclesia, siue pro patria militantes Te cum illis de virtutis palma contendere patiantur, cùm in ordine Iustitiæ constitutus Regni triplicem ordinem sufflamines tuâ singulari prudentia, omnique genere virtutum singulis præluceas.

Taceo magnos Viros quos Reipu-

EPISTOLA.

blicæ dedit Vestra domus nobilissima;
 vnicum illud maximum Ecclesiæ de-
 cus, Rhemensem Antistitem addide-
 ro, qui sacra Regia cœlesti oleo, quod
 in Vrbe sua custodit, peracturus, *ἐμψυχον*
βιβλιοθήκην vnicus exhibet, licet mortuam
 habeat, quæ vix vlli cedat alteri, locu-
 pletissimam.

Alia denique non commemoro quæ
 nobilioribus curis agitatus ita contem-
 nis, vt inter supremas dignitates, cœle-
 stis aulæ ciuis viuere, ardentibúsque di-
 uini amoris ignibus micare videaris,
 quippe quem rerum diuinarum cogi-
 tationes, & desideria perpetuis ardori-
 bus inflamment. Quorsum igitur Hy-
 draulica Phænomena referam, (quo-
 rum editionem tibi acceptam ferat
 quisquis ex eorum lectione quiddpiam
 hauserit iucundi vel utilis) nisi vt ex sa-

lientium proportione, variisq̃ue illarũ proprietatibus maiore diuini amoris flamma succensus abundantius haurias de salientibus, vel fontibus Saluatoris.

Quemadmodum enim Castellorum inferiores Calices plus aquæ rapiunt in altitudinum subduplicatâ ratione, ita Christiani maiorem à Deo gratiam (aquæ analogam) consequuntur, quò maiore modestiâ profundius se depri-
munt. Hunc igitur Tractatum mole perexiguũ si Christianis perspicias oculis, Tibi non ingratum fore confido, quippe salientium omnia Phænomena fœliciter ad Dei gloriam transferre possis, méque noueris

TIBI ADDICTISSIMVM

Ex nostro S. Francisci de Paula

Conuentu Parisiensi Nonis Martij

anni 1644.

FR. M. MERSENNVM
Minimum.

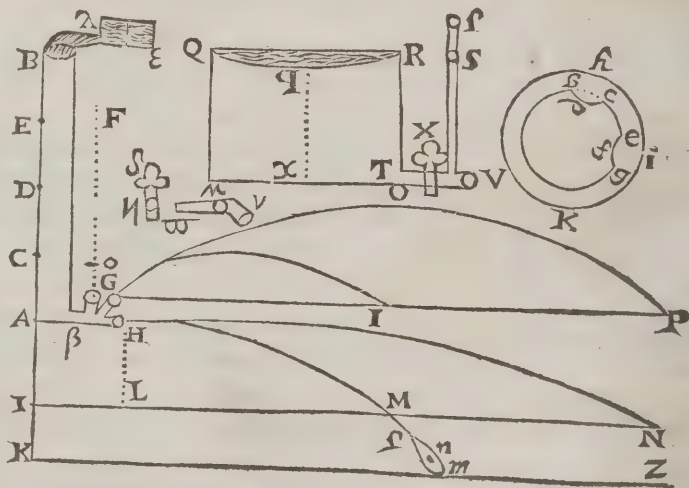
& fistula dici potest, *plenum* deinceps appellabimus.

Cuius pedi A β cū inseratur tubulus triceps, vel qui suā circumuolutione triplicis tubuli vice fungitur, qui disponetur horizonti parallelus, vt horizontali aquæ fusioni seruiat, qualis est β H, vocabitur *horizontalis*; qui verget sursum à puncto G ad F, *verticalis*; qui denique super horizontem β H P 45 gradibus erigetur, hoc est angulum rectum B A P, vel F G P bifariam diuidet, *medius*.

Sæpius etiam occurret illa clauicula, quam alij fontem, cannulam, *robinetum*, & aliis nominibus appellant, quā laxantur, vel obturantur vasa vinaria, & alia ne liquores effluant, quam deinceps vocabimus *epistomium*, quod ex duabus partibus componi solet, verticuli δ , in quo foramen μ tubi respiciens osculum, dum aqua salit, quodque vertitur in alteram partem, non quidem oppositam per diametrum, sed solo circuli quadrante, vt aqua retineatur.

Sit igitur pars ista δ *vertibulum*, quo claudatur vel reaseratur tubus,

quoties opus fuerit, & epistomij pars altera immobilis tubo indita & agglutinata ω μ , cuius foramen μ sit eiusdem cum foramine μ magnitudinis, vt illud recipiat, eiq; adaptetur ad



tubum recludendum. Sunt qui ω μ foeminam, vt μ δ masculum, vt in helicibus dicitur, vel epistomium appellent, quod nolimus inferi puncto β tubi, ne figura turbaretur.

Præterea cū aqua verticaliter saliens à G ad F, iactus seu *jet* vulgò dicatur, quia tamen quæ proiiciuntur non sunt proiicienti continua, qualis est aqua saliens, quæ dum exilit, non discedit ab aqua pel- lente, qua cum vnicum & continuum corpus efficit, vocabulum aliud vsurpandum fuit; cūque saltum, virgulam, cylindrum aqueum, furculum, *καλὸν ῥόπτu*, & alia vocabula non inepta versarem animo, nec vllum satis placeret, Frontini & aliorum veterum salientem retinen- dam arbitratus, eā dictione tam in aquis verticaliter, quàm horizonta-

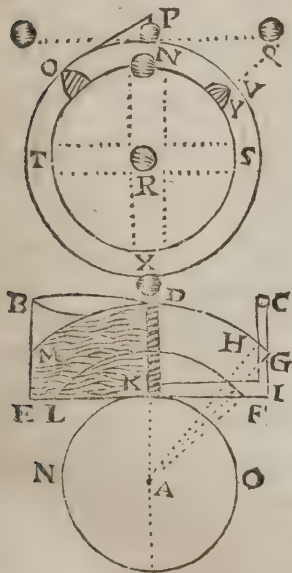
liter, aut alio modo exilientibus explicandis vtemur.

Sit igitur saliens verticalis $G \circ F$, media $G \circ P$, & horizontalis HIN . Cúmque tubus semper aquâ plenus ob fontem prædictum, qui salientem aquam restituit, tubus plenus dicendus sit, vocetur simpliciter *tubus*, cùm illius saliens minimè restituitur, sed omnino depletur.

Tubi siue pleni siue vacui, quorum aquæ communes fuerint, vel potius quorum vna erit aqua, *coniugati* dicantur, quales sunt tubi QT , & VS . Alios terminos, qui postea variis in locis occurrent, quoties necessarium fuerit, similiter explicabimus, ne vel vmbra difficultatis vllum ab his tractatibus deterreat.

SUPPOSITIONES VEL POSTVLATA.

Supponimus primò, aquam ita fluidam esse, eaque grauitate vt ad terræ centrum semper pro viribus accedat quamdiu patet ei liber aditus siue perpendicularis, siue obliquus, quod & reliquis grauibis conuenit; sit enim globus terræ TNS , sitque liberum iter à puncto N , vel T , ad terræ centrum R , aqua, vel lapis N ad vsque centrum R descendet.



Secundò, fluiditas aquæ cogit illam in orbem, adeovt telluris globum $TNSX$ inundans, & in puncto N effusa, non sit versus P aut VQ ascensura, sed terræ superficiem quaqua patet, æqualiter opertura, vt in hac figura cernitur, in qua quemadmodum globus Q super plano PQ positus continuò ad punctum P recurret, vt, quantum potest, terræ centro R vicinior fiat, ita recidet aqua, quæ cùm ad punctum P accesserit, si semper ab alia aqua ex puncto Q descendente vrgeatur, non manebit in puncto P vt cumulum faciat, sed ad punctum V & O effluet, donec illius partes vnde-

quaque ad punctum R , seu centrum æqualiter accedant, & vnicum cum terra globum efficiant.

Hincque tertio contingit tubos coniugatos BK & FC non pos-

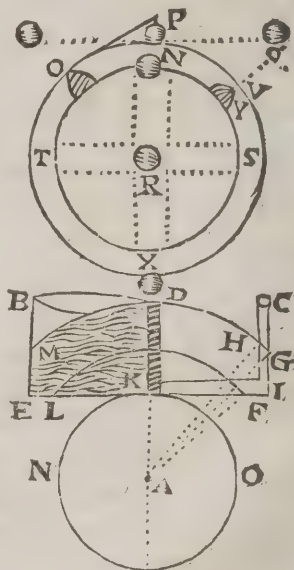
se impleri aquâ, nisi longè punctum D super ante, quandoquidem si solius KD altitudinis fuerit aquæ perpendiculum, in sphæram, vel circumferentiam EMDH conuertetur, & tubi ED partem DBM vacuum relinquet, quemadmodum tubi FC partem CG. Quòd si quis aquam pertinaciùs in partem tubi BMD infundat, egredietur, & effugiet versus D, si à parte B impediatur.

Ex alia circumferentia LF satis intelligitur quam figuram habitura sit aqua puncto D inferior, cùm enim quælibet aquæ pars ad A centrum contendat, AF, AG, & AH lineæ rectæ satis superque demonstrant quas in partes abitura sit, & quomodo aqua per punctum, seu foramen G infusa, non sit ad punctum tubi C ascensura, sed versus D, quod ab A centro minus abest.

Quartò, sequitur aquas diluij non potuisse montes Armeniæ, vel alios, quales sunt O & Y, superare, quin priùs vniuersam terræ superficiem operuerint, & in globum aqueum, ODV coaluerint, non enim potest aqua in vno terræ loco esse humilior, & altior in alio, verbi gratiâ non potest simul esse in puncto O, & in puncto P, in quo si vi detineretur, laxatis tandem habenis rediret ad o V superficiem.

Non est autem opus ad fluiditatis causam prouocare, siue pendeat ab infinitis particulis, in quas corpus humidum diuidatur, vt sola fluiditas illam diuisionem testeretur, siue à quibusdam partibus magno quidem numero, sed non infinitis, quæ propter maximum læuorem, & maximam planorum obliquitatem facillimè labantur, seque inuicem consequantur, ad instar cylindrorum, vel globorum exquisitissimè politorum.

Quintò, supponendum cum Archimede lib. de his quæ vehuntur in aqua, eam esse *τὴν ὕδατος* naturam, vt illius pars magis pressa expellatur à minus pressa, dum omnes humidi partes æqualiter iacent, & inter se continuantur: quæ quidem pressio fit secundum lineam perpendicularem, qualis est in præcedente figura, TR, vel MQ. Vnde fit vt tubus QT, licet vsque ad labra QR plenus, & tubi VI coniugatus, cui suam aquam per tubulum TV communi-



cat, non possit impellere aquã vsque ad l , sed tantum vsque ad S eiusdem cum RQ perpendiculari: possit verò aqua lS , si tubus Vl sit semper plenus vsque ad l , totam aquam tubo TQ contentam expellere, ob maiorem lS altitudinem perpendicularum augmentem: quapropter aquæ pressio maior vel minor, à maiore vel minore super horizontem perpendiculari repetenda, quemadmodum maior triangulorum, & aliarum figurarum altitudo.

Sextò, licet conuexæ superficiei quiescentis aquæ sit idem ac terræ centrum, concaua tamen superficies diuersum centrum habere potest ob soli subiecti, & aquam sustinentis varias inæqualitates, quales sunt valles, seu fossæ bdc & fge in eadem figura, pars enim aquæ f propius abest à centro, quàm punctum b , vel c : quamquam illæ fossæ vix vnã vel alteram leucam superent, quæ cùm terræ semidiametro comparantur, euanescunt. Cætera quæ necessariò explicanda fuerint, suo quæque loco referentur.

PRIMA PROPOSITIO.

Tubus altitudine quadrupedalis ad horizontem perpendicularis, cui pro basis diametro pedis vncia, aquã plenus per lineare lumen in extremo pede situm, aquæ libram spatio tredecim secundorum effundit.

Quædam notanda veniunt vt hæc & sequentes propositiones ab vnoquoque intelligantur: & quidem primò nos semper de tubis loqui perpendiculariter super horizontem erectis, qualis tubus AB conspicietur si pagina hæc fiat horizonti perpendicularis. Secundo, *lumen* tubi nil esse aliud quàm osculum, orificium, seu foramen, H , aut G , per quod aqua effluit: & altitudinem tubi super horizontem semper à lumine H vsque ad superius os B sumendam, quod quidem lumen H solâ lineâ fundo altius debet intelligi. Terriò, *secunda* nil aliud esse quàm minuti particulas sexagesimas, vt sæpenu-mero dictum est, quarum vnaquæque lento arteriæ, vel cordis pulsui proximè respondet. Quartò, nil referre quantus sit tubus, quo quis obseruauerit; satis tamen esse commodum 4. pedum, vt postea tubo pedali comparetur; nisi quis breuiori compendio malit pedis vnus tubum, quem cum tubo trium digitorum conferat: qui quidem tubi faciliores sunt in illis obseruationibus, quibus ex magnis altitudinibus variæ salientes explorantur, vt postea fusiùs explicabitur.

Quintò, quamlibet tubi latitudinem sufficere, cùm eadem aquæ quantitas eodem, vel æquali tempore fluat ex tubo pleno, quantumvis arcto, vel lato, neque plus aut minus aquæ tribuat ille tubus, cuius latitudo 4, aut mille pedum, quàm tubus, cuius latitudo vnus digiti, vel lineæ, quamdiu perpendiculum aquæ idem fuerit, adeo vt totus oceanus per lineare lumen effluere, & sola 4 pedum altitudine, seu perpendiculo lumini superextans, vnicam aquæ libram spatio 13 secundorum effusus sit: si tamen addas $\frac{1}{4}$ libræ partem, quâ solet aqua marina fontium, ac fluuiorum aquam superare.

Sextò, latiore tubum id habere commodi, quòd longè diutiùs ex eo fluat aqua, pluresque propterea obseruationes faciliores reddat; exempli gratiâ, si duorum tuborum altitudines quadrupedales sint, quorum bases ita se habeant, vt vnus diameter sit pedalis, alterius verò digitalis, illius lineæ salientes diu in eodem fermè statu permanent, etiamsi paulatim depleatur; digitalis verò tantâ velocitate deplebitur, vix vt momento salientis longitudo vel altitudo maneat: sed de his fusiùs postea.

His igitur suppositis, non eget aliâ probatione nostra propositio, quàm ipsâ obseruatione, quoties enim tubum quadrupedalem aquâ plenum sumpseris, & lumini lineari H Parisiensem heminam supposueris, aqua effluens ex tubo A semper vsque ad B pleno præditum vasculum spatio 13 secundorum implebit, hoc est aquæ libram tribuet, quam nunc ab hemina contineri suppono.

Licet autem non fuerit opus basis diametrum significare, cùm sola tubi altitudo hîc consideranda sit, non est tamen inutilis, quòd alio vasculo, seu fonte superposito, & faciliùs impleatur; immo consuluerim tubum, cuius latitudo pedalis sit, vt aqua per lumen H effluens commodiùs restituatur, quandoquidem latitudo digiti vnus vix permittit vt aqua ex vase & continuò in tubum B ingrediens, eius aquam per osculum H fluentem perfectè reparet: quæ vix ac ne vix quidem restitui posset, si tubi latitudo linearis esset. Itaque plures tubi in obseruando adhibendi, quòd hi sint vni experientiæ faciendæ, illi verò alteri commodiores.

Porrò cùm tubus quadrupedalis spatio 13 secundorum libram aquæ tribuat, spatio 20 secundorum proximè totam aquam tubo contentam, hoc est cylindrum aqueum 4 pedes altum, cuius basis digitus est, eiicit, qui ferè 25 vncias aquæ complectitur: quapropter si continuò fluat per diem integrum, dabit aquæ libras 6125, quæ decem Parisienses cados, vulgò *muids*, & præterea pintas 184½ impleat.

Vnde colligitur altitudinem aquæ maiorem vel minorem esse debere 4 pedibus, cùm spatio 13 minutorum secundorum plus, aut minus aquæ tribuit, manente semper eodem, vel æquali lumine: quantò tamen debeat esse vel altior, vel humilior, vt plus aut minus, quàm aquæ libram, in ratione data tribuat nullum vidi, nequidem ex peritissimis & exercitatissimis aquariis, aut aquilegibus, qui sciret, imò negavit experitissimus aquarius id sciri posse: quamobrem sequentem propositionem omnibus aquariis gratissimam fore crediderim.

PROPOSITIO II.

Tuborum aquà plenorum is plus aqua tribuet eodem, vel aquali tempore, per idem, vel aquale lumen, qui fuerit altior; eritque inter aqua fusa quantitates ratio subduplicata altitudinum, quas tubi habuerint: hoc est, tuborum altitudines sunt in ratione duplicata quantitatum aquæ fluentis. Vbi de subduplicandis, duplicandisque rationibus agitur per media, & tertia proportionalis inuentionem.

Licet de ratione duplicata, subduplicatâque pluribus in locis egerim, vt l. 4. de dissonantiis à prop. 22. ad 27. & ab 11. prop. l. Gallici de vtilitate Harmoniæ, ab 11. prop. ad 18. & l. 2. de veritate scientiarum à 6. cap. & deinceps, quædam tamen in illorum gratiam hîc afferro, quibus aquarum officium iniunctum est; quippe scire debent quidquid ad aquarum vsum attinet, & Frontino teste, commentario de aquæductibus, indecorum & intolerabile est illos delegatum officium ex adiutorum præceptis agere.

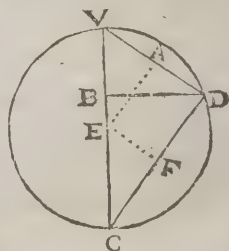
Est igitur ratio duplicata, simplex ratio bis sumpta, seu repetita; quemadmodum ratio triplicata, vel quadruplicata dicitur, quæ ter vel quater sumitur, vel additur. Exempli gratiâ ratio 2 ad 1, seu dupla bis sumpta, reperitur inter hos terminos, 4. 2. 1. quandoquidem ratio 4 ad 1 constat ex dupla 4 ad 2, & dupla 2 ad 1, adeo vt duæ rationes duplæ rationem quadruplam efficiant. Similiter ratio 16 ad 1 est quadruplicata, vt constat ex sequenti numerorum serie 16. 8. 4. 2. 1. quibus si 32 præposueris, erit quintuplicata; triplicata verò si 16 dempseris. Ratio simplex sesquialtera 3 ad 2 duplicabitur, triplica-

biturque, si dux, vel tres rationes sesquialteræ iungantur, vel inter extremos terminos collocentur, vti fit in his numeris 9. 6. 4. numerus enim senarius est medius proportionalis inter 9 & 4, cum sit eadem ratio 6 ad 4 quæ 9 ad 6.

Si nouenario præponitur $13\frac{1}{2}$, erit nouenarius medius proportionalis inter $13\frac{1}{2}$ & 6, eritque ratio sesquialtera triplicata, vel, vt alij loquuntur, tripla $13\frac{1}{2}$ ad 6: quos numeros absque fractione obtinebis, si præcedentes duplicaueris, exurgent enim 27. 18. 12. 8.

Ex duplicata ratione debet intelligi subduplicata, quippe quæ alterius dimidia, vt constat ex ratione 2 ad 1, quæ dimidia est rationis 4 ad 1: quemadmodum 6 ad 4 est subduplicata rationis 9 ad 4, seu pars illius dimidia.

Sed vt Aquarij quaecumque tuborum altitudinem facilius tam in quacumque ratione subduplicata, quàm duplicata reperiant, siue numeris possit exprimi; vel non possit absque surdis. Esto circulus V D C, in quo tubi altitudo B V, qui dato tempore per osculum lineare tribuat aquæ libram, sitque tubus alter C B, cuius aquam eodem, vel æquali tempore per æquale lumen scire velis, media proportionalis B D quæsitum aquæ pondus ostēdet, nam fusa ex V B tubo aquæ libra, erit ad fusam ex tubo B C, vt V B ad B D: Est igitur media proportionalis B D cognitionis medium, quo scitur aquæ quantitas, vel pondus à tubis C B & B V effusæ. Cùmque vix aliud sitaquiis necessarium vt quam voverint aquæ quantitatem cuipiam, attentâ solummodo tuborum altitudine, tribuant, usum istius figuræ latiùs ostendamus.



Sæpenumero requiritur tertia, quemadmodum & media proportionalis, vti nouère qui problemata soluunt; quæ cum non sint minus necessariæ in tuborum altitudine reperienda, qui iustam aquæ quantitatem effundant, vtrâque proportionalis ex hac sola figura intelligetur, & facîle reperietur.

Sint enim dati duo tubi, verbi gratiâ CB & BD , quibus tertius proportionalis sit inueniendus; ducto circulo à centro E per puncta CD necessario transibit per V punctum, eritque BV tertius tubus quæsitus: vel dati sint duo tubi VD , & BD , circumferentia transiens per VD necessario transibit per punctum C , eritque BC tertius tubus proportionalis.

Describitur autem circulus prædictus, ex inuento illius centro, quod reperitur ex perpendiculari FE ducta ex media parte lineæ CD prius

CD prius à puncto C ad punctum D descriptæ, & hæc duo puncta coniungentis: idemque centrum inuenietur ex linea EA lineæ VD perpendiculari.

Quod autem de lineis istis dictum est, de quibuscumque dictum velim; possunt enim eodem modo lineæ quævis tubos referentes in circulo reperiri, cumque sit hæc semicirculi proprietas vt quilibet triangulus in eo descriptus, qualis est CDV, sit rectangulus, & ad rectum angulum media proportionalis terminetur, hæc media proportionalis absque circulo, vel circuli beneficio reperietur. Sint enim illi duo tubi CB, BV iuncti in puncto B, à quo linea BD ducatur, donec occurrat angulo recto VDC, erit BD quæsita media. At verò cum angulus ille datus non est, à puncto B ducatur perpendicularis BD vtcumque producta, & ex inuento E centro, ducatur circulus per punctum C, vel V, circumferentia lineam DB perpendicularem in puncto D secabit, eritque DB media proportionalis.

His ad duplicatam, atque subduplicatam rationem intelligendam suppositis, esto in prima figura istius tractatus, tubus AC pedalis, & tubus AB quadrupedalis, vterque plenus, qui suam aquam eodem, vel æquali tempore per lineare lumen effundant; constat ex obseruatione, non solum plus aquæ fundi à tubo AB, quàm à tubo CA, sed etiam duplò maiorem quantitatem, atque adeo rationem quantitatis aquæ ab AB tubo fusæ, ad quantitatem aquæ ab AC tubo fusæ subduplicatam esse rationis tubi BA, ad tubum CA: vel rationem tuborum esse duplicatam rationis quantitatum, seu ponderum ab illis fusarum. Idem omnino concludendum de qualibet alia ratione, atque proportionem, sit enim tubus aliquis 9 pedum altitudinis, & alter pedalis, aqua saliens ex maiore ad aquam minoris erit vt 3 ad 1, cum ratio tripla sit rationis noncuplæ subduplicata, & ita de reliquis, quæ per figuram præcedentem facillè reperientur; vel per diuisionem, & additionem rationum in numeris exhibitarum, vbi nulla furditas, seu irrationalitas occurrerit: enimvero tertiæ proportionalis inuentio non differt à duplicatione rationis, neque inuentio mediæ proportionalis à subduplicatione rationis: totiesque subdiuiditur ratio in rationes æquales, quot inter datas lineas, aut datos numeros aliæ lineæ, vel alij numeri proportionales collocantur.

Quod vt melius intelligatur, varijs exemplis hanc propositionem illustremus: sintque propterea quantitates seu pondera quæsiti humidi, vnus, & centum librarum, cumque libra spatio tredecim secundorum fluat ex tubo quadrupedali, cuius lineare lumen, superest definienda tubi altitudo centum libras æquali tempore 13 secundo-

rum effusuri: quem tubum exhibet ratio duplicata 100 ad 1, seu tubi 4 pedum ad alium tubum 40000 pedes altum.

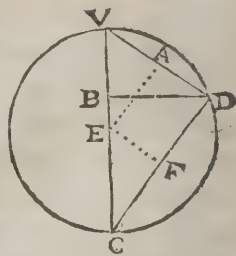
Sit rursus aqua mille librarum, dupliceturque ratio 1000 ad 1, & quia 1 refert tubum quadrupedalem, erit tubus mille libras spatio 13 secundorum effusus, pedum 4000000, hoc est nostrarum leucarum, 15000 pedibus constantium, $266\frac{2}{3}$.

Sed cum nullus ad tantam altitudinem peruenire queat, sufficiat tubus 40 libras eodem temporis spatio daturus, erit illius altitudo 6400 pedum, quam vix extra montes editissimos inuenias: quapropter duodecim solum aquæ libræ quærantur, duplicata ratio 12 ad 1 erit 144 ad 1, qui numeri per 4 multiplicati dabunt pedes 576 protubi necessaria longitudine, siue altitudine.

Si denique tubum requiras tres aquæ libras fufurum, duplicata ratio 3 ad 1 dabit quidem 9, sed cùm vnitas referat tubum quadrupedalem, 4 in 9 ductus tribuit 36 pedes altitudinis tubi 3 aquæ libras fpatio 13 fecundorum effufuri. Quæ omnia melius etiam intelliguntur; ex problematibus in Aquariorum gratiam poſtea ſubiungendis.

COROLLARIUM.

EX hac figura intelligitur rectam lineam ut-
cumque sectam hanc habere proprietatem ut
quadrata mediarum inter totum & partes æqua-
lia sint quadrato totius; sint enim tota VC , par-
tes VB , BC , est enim VD media propor-
tionalis inter CV , BV , & DC media prop. inter
 CV , CB : suntque quadrata linearum VD , DC
simul sumpta quadrato CV æqualia. Vnde cōn-
stat in hac figura tres esse medias propor-
tionales, nempe duas prædictas & BD inter CB & BV , de qua in prop.
absque adeo sex tertias proportionales, quælibet enim media duas
tertias infert maiorem unam, alteram minorem.



PROPOSITIO III.

Rationem explicare duplicationis tuborum, & subduplicationis temporum; hoc est, cur tuborum altitudines sint in duplicata ratione temporum, seu ponderum, aut quantitatum aqua salientis ex tubis predictis.

NON vni mirabile visum quòd non sit eadem ratio quantitatis aquæ fluentis ex tubo pedali ad aquæ quantitatem ex quadrupedali tubo salientis, quæ 1 ad 4, cum aqua quadrupedalis quadruplò magis quàm pedalis premere videatur fundum, & aquam ex lumine salientem; vt olim in harmonicis lib. 2. Latine edito, propositione octauâ, & Gallico 3. prop. 15. mirabamur neruum 2 viribus tensum non ad diapason ascendere, sed opus esse 4 viribus tendentibus, vt duplò velocius quàm antea moueatur, quemadmodum hîc necesse est tubum altitudine quadruplum esse, vt ex eo saliat aqua duplò, quàm ex pedali, velocius. Verùm mirari desines, vbi noueris aquam eo solùm modo premere, vel eâ duntaxat velocitate tubum egredi, quâ moueretur si ex eadem tubi altitudine cecidisset; adeout sit eadem istius phænomeni ratio, quæ descensus grauium.

Sit enim tubus quadrupedalis *or p 7*, in figura paginæ sequentis, in 4 partes æquales *o q*, *q a*, *a π*, & *π p* diuisus in latere sinistro, quemadmodum in sinistro diuiditur in 16 partes æquales, vt descensus aquæ à puncto *r* ad punctum 7 velocitas intelligatur; quippe quæ premit in puncto *p*, per quod exire debet, ac si reuera descendisset ex puncto *o*.

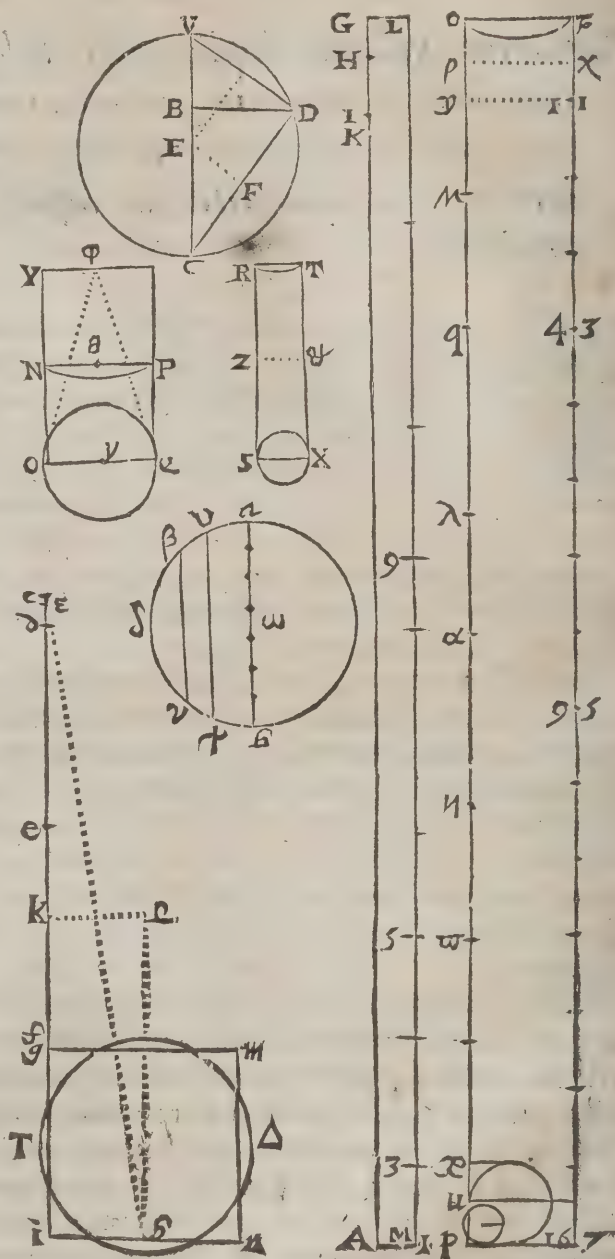
Illius igitur descensus à puncto *r* ad punctum 7 contigerit spatio 4 temporum æqualium, quorum primo spatium vnicum *rt* confecerit; Secundo tempore percurreret tria spatia sequentia ab 1 ad 3; & ideo quatuor spatia duplo tempore conficiet, primum enim quadratum, 4, gignitur ex additione duorum primorum numerorum imparium 1 & 3. Tertio tempore 5 spatia percurreret à puncto 3 ad punctum 5; quapropter tribus temporibus nouies tantumdem descendet, quantum primo tempore. Quarto denique tempore 7 spatia conficiet à puncto 5 ad punctum 7, vnde 4 temporibus 16 spatia percurreret; quamobrem appositi sunt numeri quadrati 1, 8, 9 & 16 è regio-

ne numerorum imparium 1, 3, 5, 7, vt vnico quispiam intuitu nouerit quantum aqua vel quouis tempore singillatim assumpto, vel quibuscumque temporibus vnâ sumptis descenderit.

Quod postea necessarium erit ad intelligendum velocitatis gradum, quo variis ex tubi dati luminib⁹ aqua salire debeat. Præterea repetendum est ex dictis de grauium descensu, aquâ in quolibet sui descensus, vel tubi puncto vim illam acquisiisse, quâ, si liber illi fiat exitus, sine vllâ deinceps velocitatis additione, spatium totius præcedentis duplum confectura sit.

Hoc posito, sit rursus tubus *orp* 7, diuisus vt antea dictum est, & aqua ex puncto 3 seu 4, exilîes per aliquod lumen in illo puncto intellectum, factura sit spatium spatij *r* 3 duplum,

verbi gratiâ bipedale, quale potest ab *o* puncto ad *a* punctum intel-



ligi; si tubus p quadrupedalis supponatur; idque spatio duorum temporum (si nempe velocitas prius acquisita minimè crescat.) Descendet igitur à puncto q è regione puncti 4 posito, ad α punctum vno tempore & alio descendet ab α puncto ad ω .

Similiter, cum à puncto r vel o vsque ad 7 , vel p descenderit, auctis perpetuò velocitatis gradibus iuxta numerorum imparium seriem, seu in ratione temporum duplicatâ, si postea per lumen p salierit, nullo deinceps addito celeritatis gradu, sequentibus 4 temporibus spatium spatij o p duplum, hoc est octupedale, id est, vnoquoque tempore spatium bipedale percurrer. Atqui tantundem aquæ tubus o p effundit, quantum tubus spatio prædicto æqualis, hoc est octupedalis, continet; adeo ut nunquam ex eodem, vel æquali lumine plus aquæ saliat, nisi velocius moueatur; sitque tantò maior illius quantitas, quantò velocius eodem, vel æquali tempore salierit.

Quod autem de ratione dupla, vel quadrupla dictum est, cuilibet alteri rationi, putà triplæ, quintuplæ, centuplæ, & superparticularibus, sesquialteræ, sesquitertiæ, vel etiam superpartientibus ut superbi-partienti tertias, facillè potest accommodari, cum terminorum cuiuslibet rationis quadrata duplicent illorum rationes, & eorundem radices illas subduplicent.

Exempla tamen afferamus in Aquariorum gratiam; sitque propterea tubi, vel alterius vasis erogatorij aquâ pleni altitudo nouem pedum, ex cuius lumine spatio minuti saliat aquæ libra, velit autem qui præest aquis, altitudinem eousque producere, ut eiusdem, vel æqualis minuti spatio per æquale lumen sexdecim aquæ libræ saliant, duplicata ratio 16 ad 1 erit 256 ad 1 ; cùmque 9 referat vnitatem, 256 in 9 ductus 2304 tubi, aut alterius vasis quæsitæ altitudinem ostender.

Ex altitudine maiori pergamus ad minorem, cùmque pedalis altitudo tubi spatio 13 secundorum aquæ vncias 8 tribuat, si quærat altitudo 25 vncias æquali tempore, & per æquale lumen tribuens, quadrata prædictarum vnciarum rationem ostendent tubi quæsitæ ad tubum præcedentem, id est, tubus quæsitus erit ad datum tubum ut quadratum 25 ad quadratum 8 , seu 625 ad 64 ; cùm autem tubus datus pedalis fuerit, hac ratione regula proportionis instituetur si 64 quadratum 8 , referensque 8 vncias aquæ, dat vnum, videlicet pedem altitudinis, quot pedes dabit 625 ? qui per 64 diuisus ostendit quæsitam altitudinem pedum $9\frac{1}{4}$, necessariam ut vnciæ 25 saliant. Frustra sim in pluribus exemplis afferendis; cùm tertia propor-

tionalis (in numeris sumenda, si rationales futuri sint, vel in lineis, si fuerint surdi) quamcūque rationem duplicet, quam media proportionalis subduplicat.

COROLLARIUM PRIMVM.

EX dictis infertur quæ sit fontis cuiuscūque per tubos vnde quaque clausos fluentis, vel ipsius scaturiginis eodem modo conclusæ altitudo, quantumvis tubi obliquentur: statim enim atque lumen notæ magnitudinis infimo tubo, à quo quæritur altitudo, fuerit applicatum, & aquæ quantitas dato tempore saliens cognita fuerit, fontis, aut scaturiginis fluentis innotescet altitudo.

Exempli causâ, per lineare lumen spatio 13 secundorum duæ libræ saliant, certum erit altitudinem scaturiginis esse pedum 16, cum ex obseruatione, prædicto temporis spatio libra saliat ex tubo quadrupedali. Si verò lumen 8 duntaxat vncias, hoc est aquæ selibram tribuat, altitudo scaturiginis pedem minimè superabit, vt ex ratione subduplicata 2 istorum aquæ ponderum ostenditur.

COROLLARIUM II.

VNde cognoscitur quantum aquæ tribuat lumen quodlibet, putà lineare, cui nihil aquæ superextat, vt contingit cum aqua limbum superiorem luminis radit; cum enim altitudo pedalis sellibram aquæ spatio 13 secundorum tribuat, trium digitorum altitudo vncias $4\frac{1}{2}$; linearum $2\frac{1}{4}$ altitudo vnciam; lineæ denique $\frac{2}{3}$, hoc est dimidiæ lineæ altitudo vnciæ quadrantem effundet. Quæ quidem dimidiæ lineæ altitudo tam exigua est, vt aqua solummodo limbum orificij superiorem radere videatur, vt non sit opus ad minutiores lineæ particulas descendere, quæ vix sensibus patent. Porro dicturi sumus postea quantum limbus superior ab aqua superari debeat, iuxta præscriptum Aquariorum, vt quis aquæ semper fluentis certam mensuram, seu quantitatem, putà lineam habeat.

COROLLARIUM III.

IN sinistro latere tubi GA, dimidio pedi regio æquali exactè notatur dimidium pedis Rhijlandici HA, quod viro clarissimo Hugenio debes; dimidium etiam pedis Romani iuxta Velscherum habes AI & ex Capitolio AK, sed de pedis eiusdem varia longitudine alio tractatu dictum est.

PROPOSITIO IV.

Eò maior humidi quantitas ex tubo fluit, quò maius est illius lumen: estque eadem humidi ad humidum ratio, quæ luminis ad lumen, si tubi fuerint eiusdem altitudinis.

ESto in figura præcedente paginæ 52. tubi $o p$ lumen $p u$, cuius lumen $x p$ quadruplum; si utrique lumini tubus æqualis superextet, ratio humidi fluentis ex $u p$ erit ad humidum ex $p x$ ut circulus $p u$ ad circulum $p x$; quod cum experientiâ constet, etiam ratione confirmatur, quandoquidem tot humidi partes, seu puncta super vnoquòque circulorum, seu luminū puncto grauitant, quot in illorū areis puncta concipi possunt: hinc fit ut totidem guttæ, radij aut lineæ fluant æquâ velocitate, quemadmodum grauius minora, maioraque versusterræ centrum æquè velociter descendunt, demptis exterioribus impedimentis; cum igitur sint in circulo, cuius diameter $x p$, quàm in circulo $p u$, plura quadruplò, necesse est aquæ fluentis ex $p x$ quantitatem esse quadruplam aquæ salientis ex $p u$. Nunc enim supponamus æquale tempus effluxuum, quemadmodum æqualem tubi altitudinem, alioqui ratio minuitur, ut contingit in tubo $r p$; fluens enim ex $p x$ aqua non est quadrupla fluentis ex $p u$, quòd altitudo $u o$ circulo $u p$ superextans, maior sit altitudine $x o$, quæ circulo $p x$ superextat. Quapropter minuitur aquæ quantitas fluens ex maiori lumine $p x$, in ratione subduplicata $o x$ ad $o r$, si comparetur aquæ fluenti ex $u p$: vel in ratione subduplicata $o p$ ad $o x$, vel $p y$ ad $o p$, si supponatur luminis $p x$ limbus inferior tangere lineam $p 7$.

Non est autem prætereundum quod notat Castellanus tract. de aqua corrente, appendice 7. nempe maius lumen, siue rotundum, siue quadratum, plus aquæ tribuere, quàm iuxta magnitudinis suæ cum minori lumine rationem: quod exemplo clarius euadet. Sit alicuius tubi, vel aluci lumen quadratum 4 digitorum, & aliud vnus digiti, si sola ratio magnitudinum habeatur, erit quantitas aquæ fluens ex lumine quadruplo quantitatis ex subquadruplo fluentis quadrupla. Sed cum ille consideret impedimenta parietum, vel circumferentiæ interioris cuiuslibet luminis, & quadratum quadruplum non habeat impedimentum quadruplum, sed tantummodo duplum, (quandoquidem circuitus, seu latera quadratorum sunt in ratione subduplicata

ipforum quadratorum) existimat aquæ minus ex minori lumine fluere, hoc est, aquam è lumine subquadruplo fluentem subquadruplâ minorem esse.

Quòd cum minimè fuerim expertus, nec ipse dicat se expertum fuisse *ante*, quamquam ex quibuldam experimentis contrarium posse concludi videatur.

At verò postea inquirendum erit num altitudo tubi sumenda sit à luminis centro, vel limbo inferiore. Si fuerit igitur lumen alterius duplum, triplum, centuplum, &c. duplam, triplam, aut centuplam aquæ quantitatem tribuet; si tuborum semper plenorum eadem, vel æqualis altitudo fuerit.

Porro luminis capacitas, & illius cum altero lumine comparatio sumitur iuxta illorum areas seu superficies, non iuxta diametros, cum quibus sunt in ratione duplicata, vt postea fusiùs explicabitur. Sequentem verò propositionem, quæ poterat in corollarium reijci, ad maiorem illustrationem accipe.

PROPOSITIO V.

Tantò sunt maiora temporis spatia, quibus pleni tubi æquè alti exhauriuntur, per æquale lumen, quantò bases illorum maiores fuerint: hoc est, eadem est temporum, ac basium ratio.

TVbi præcedentis baseos *op*, in eadem figura paginæ 52. diameter *ro* sit tripla diametri *AM* basis tubi *LA*; erit igitur basis *ro*, seu *p7* noncupla basis *MA*, vel *GL*. Cùmque cylindri (quales sunt tubi nostri) æquè alti sint inter se vt illorum bases, constat aquam, quâ tubus *rp* impletur esse noncuplam aquæ tubum *LA* implentis. Erit igitur tempus, quo tubus *rp* exhauritur, noncuplum temporis, quo *GM* vacuatur: quandoquidem cylindrus aqueus *rp* constat 9 cylindrulis cylindro *GM* æqualibus, qui simul non magis premunt lumen suum, quàm vnicus cylindrus *GM*, cum aqua solummodo premat ob altitudinem quæ in vtroque tubo æqualis est. Licet verò de vacuatione, seu exhaustione locutus fuerim, idem sequitur dum nouâ semper aquâ replentur, & pleni manent, quamdiu præcedens aqua, qua prius implebantur tota fluit, eadem enim est ratio basium & temporum, siue nulla restituatur aqua, & penitus cylindri vacuentur, siue semper nouâ repleantur.

PROPOSITIO VI.

Datâ tubi altitudine, dare latitudinem, seu basim tubi semper pleni, qui datum tempus impendat in aquâ sibi æquali tribuenda.

ESto tubus quadrupedalis, vt antea, sed eius latitudinis vt diem integrum impendat in aqua sibi æquali tribuendâ, (fit autem æqualis aqua cylindro quam cylindrus continet) constat, ex obseruatione, tubum quadrupedalem semper plenum, basim habentem, cuius diameter digitalis, aquam sibi æqualem tribuere spatio 20 secundorum proximè. Velit ergo quis tubum altitudine quadrupedalem, verbi gratiâ qui tribuat aquam sibi æqualem vnus diei spatio: cuius basis habebitur si vt 4520 ad 1, ita sit basis quæ sita tubi ad digitum; nam 20 secunda 4520 in die naturali continentur: tubus ergo 4 pedes altus, semper plenus, cuius basis digitorum 4520, aquam sibi æqualem spatio 24 horarum tribuit. At verò generalius rem totam sequenti prop. complectamur.

PROPOSITIO VII.

Datâ humidi quantitate, quod dato tempore saliat, dare tubum, eiusque lumen ex quo fluat quæsitum humidum.

Problema istud multos casus habet; quippe solui potest per tubos diuersæ, vel eiusdem magnitudinis, cum tubi tam latitudine quàm altitudine distincti æqualem humidi quantitatem æquali tempore propter diuersa lumina tribuere possint.

Sit, exempli gratiâ, datum humidum centum librarum, sitque tempus vnus minuti. Cum notum sit ex dictis tubum altitudine quadrupedalem spatio 13 secundorum libram aquæ tribuere, si fiat vt vna libra ad 13 secunda, ita centum libræ ad aliud, habebuntur 780 secunda, seu minuta prima 13, quorum spatio centum aquæ libræ fluerēt ex tubo 4 pedes alto & semper pleno, cuius lineare lumen. Sed cum tempus propositum sit vnus duntaxat minuti, vel lumen tredecuplo maius (si seruetur eadem altitudo tubi) vel tubus 169 altior esse de-

bet, si lumen æquale vel idem fuerit. Vel denique lumen partim augendum, partim altitudo producenda, quod fieri potest modis infinitis, iuxta diuersas rationum compositiones. Vnica igitur erit solutio, si tantumdem augeri possit lumen vt manente eadem altitudine quæstioni satisfiat.

Alia problemata, quæ solui possunt ex dictis, libens omitto, vt deinceps salientem ex tubis, qui paulatim deplentur, absque humido in salientis locum succedente consideremus.

PROPOSITIO VIII.

Tempora quibus pedetentim tubi aquealti, sed diuersæ latitudinis deplentur, atque penitus vacuantur, sunt inter se vt illorum bases, cum per æquale lumen effluit humidum.

CONSTAT enim ex obseruatione tubum quadrupedalem, cuius basis digitalis, vno minuto totum per lineare lumen exhauriri; tubum verò quadrupedalem, cuius basis pedalis, spatio 144 minutorum, seu duabus horis, & 24 minutis: seruetur ergo inter tempora ratio basium. Quod etiam contingit tubis suam aquam effudentibus, quamdiu pleni sunt, & aqua fluens continuò reparatur, & lumen æquale est; quod si fiat inæquale, res aliter succedet, vt postea dicetur.

PROPOSITIO IX.

Tempora quibus deplentur tubi aquè lati, sed altitudine differentes sunt in altitudinum ratione subduplicata; hoc est tuborum altitudines sunt in ratione duplicata temporum, quibus deplentur.

ITaque tubi siue semper pleni, dum aqua fluit, siue non pleni, iuxta eandem rationem aquam tribuunt, constat enim ex obseruatione tubum pedalem 30 secundis, quadrupedalem verò latitudinis eiusdem, 60 secundis, seu minuto, per lumen lineare totum exhauriri: adeovt datâ tubi latitudine, & altitudine tempus exhaustionis facile reperiat: quod obseruationibus, & exemplis illustrandum.

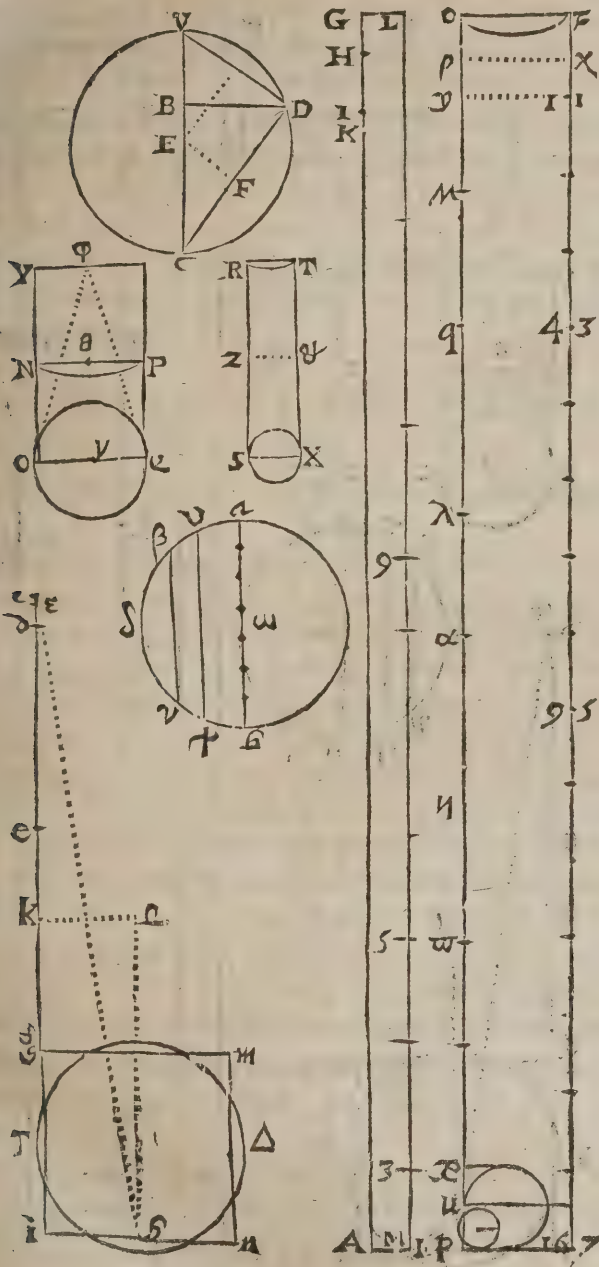
Sit igitur datus tubus quadrupedalis $p r$, digitali latitudine, & quo

tēpore pedalis tubi $p \omega$ fiat exhaustio, iam cognosci supponatur; tempus, quo tubus $r p$ quadruplus tubi $p \omega$ exhaurietur, erit ad tempus, quo tubus $p \omega$ vacuatur, in ratione subduplicata $p r$ ad $p \omega$, nempe ut 2 ad 1. Cum igitur dimidio minuto varietur tubus $p \omega$, integro minuto tubus $p o$ deplebitur.

Sit exemplum secundum, in eiusdē tubi $p o$ latere sumptum, in quo tubus $p \alpha$ bipedalis, qui vacuabitur in tempore, cuius ratio erit ad alterius tēpus, in ratione subduplicata αp ad ωp . Sumatur ergo media proportionalis $p \eta$, quæ tempus exhaustionis tubi bipedalis ostēdit, nec enim tempus istud numeris exprimi potest, cum sit radix binarij.

Sit præterea tubi tripedalis $p q$, qui vacuabitur tempore per mediam propor-

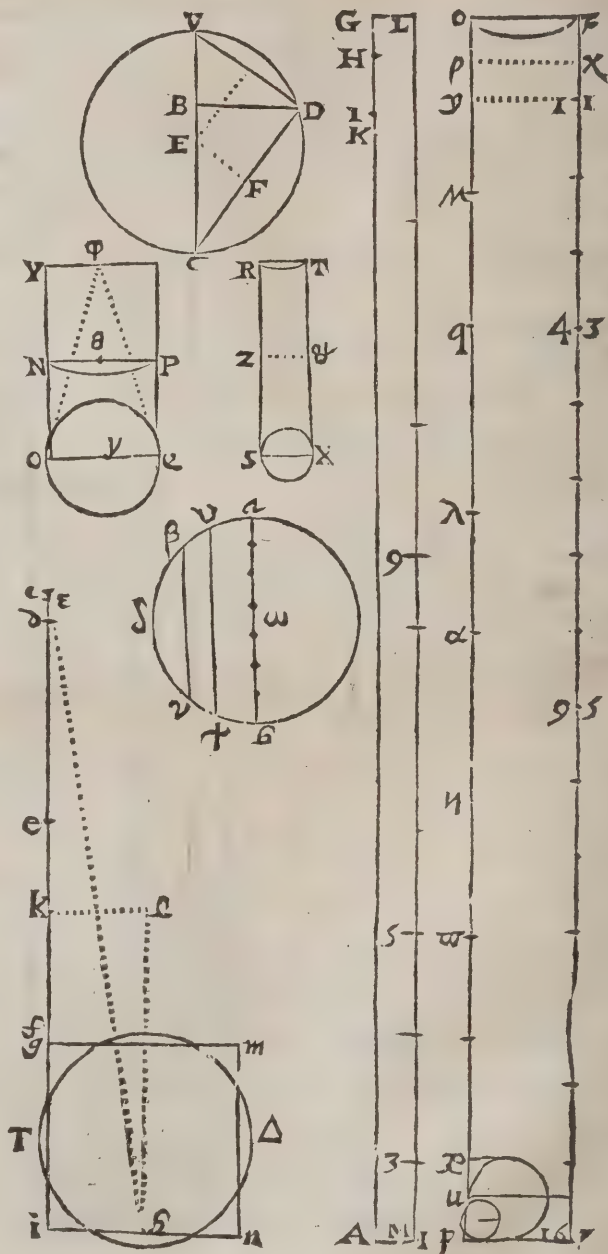
I ij



tionalem $p \propto$ designato. Quòd si detur tempus in lineis, quo tubus aliquis datus exhauriatur, inuenietur etiam in lineis quo tempore tubus altior datus exhauriatur. Exempli gratiâ, sit λp tempus, quo tubus tripedalis $p q$ vacuatur, tēpus quo vacuabitur quadrupedalis erit $p \mu$, vtpotē media proportionalis inter $p q$ & $p o$. Itaque latus tubi $p o$ medias proportionales exhibet $p q$ inter αp & $p \omega$, hoc est inter 2 & 1. Deinde λp inter 3 & 1; & μp inter 4 & 3. Quibus addi potest αp inter 4 & 1, sed quæ 2 exprimitur, cum alię sint irrationales.

Altera pars propositionis est prioris cōuersa, si enim tempora dētur quibus incogniti tubi vacuantur, hoc est si prædictæ mediæ proportionales notæ sint, tertiæ proportionales tuborū altitudines ostē-

dent, si tamen prius aliqua supponatur observatio, qualis est hīc tubi



pedalis, qui minuti dimidio vacuatur. Quo posito, datoque tempore $p q$, dabit tertia proportionalis p^a , tubi tempore p^n vacuandi altitudinem: eodémque modo p^a datum tempus ostendet tubum $p q$, & ita de reliquis.

Porro si tempus numeris exprimitur, regula proportionis aurea tubi altitudinem numeris exhibebit. Exempli gratiâ, sit tempus 4 minutorum, quo tubus exhauriri debeat; cùmque quadrupedalis minuto exhauriatur, fiat vt 1 ad 4, ita 4 ad aliud, tubus quæsitus 16 pedes altus erit. Sunt autem hîc semper eadem tuborum latitudo, & æqualia lumina supponenda, de quorum diuersitate postea dicendum erit. Varias postea obseruationes afferremus quæ difficultatem experiendi aperiant.

COROLLARIUM PRIMUM.

De hydrologijs Ægyptiacis, siue horologijs aqueis.

ÆGyptios horologiis ex aqua factis vsos esse Macrobius l. i. in somnium Scip. cap. 21. testatur, vt Zodiacum in duodecim partes diuiderent, quorum errorem nec ille animaduertit, nec Betti- nus prop. 3. Apiarij 8. satis emendauit, quod nesciret quantò maior aquæ quantitas ex vase horario fluxus initio, quàm postea, hoc est horâ primâ, quàm secundâ, & sequentibus exeat: quod propterea docebimus, & ex hac prop. concludemus. Sit enim, exempli gratiâ, dies, vel etiam diei quæuis particula in 4 partes æquales hydrologij beneficio diuidenda, sitque vas propositum cylindrus $o p$ aquâ plenus, cuius effluentem aquam in aliis 4 vasis exceptam si ponderibus, vel mensuris examines, aqua, quæ primâ diei parte fluxerit, 7 ponderum, vel mensurarum erit (quæ pondera si libræ fuerint) aqua diei parte secundâ fluens, 5 librarum: aqua partis tertiæ, trium; quartæ denique partis aqua vnius libræ futura est, vt ex cylindro præcedente clarum: primo siquidem tempore aqua cylindri parte $p 5$ comprehensa fluet; secundo, pars aquæ $5 q$; tertio aqua $q 8$, quarto denique aqua

o i.

Cùmque tam ex dictis quàm ex dicendis sciatur vera quantitas aquæ per datum osculum dati vasis, dato tempore fluens, vas faciliè parabitur quod diem in 12 partes æquales aquæ fluxu continuo, vel etiam interrupto diuidat.

Sumatur ergo dolium aliquod tantæ magnitudinis vt illius fluxus diem integrum perduret, cuius altitudinem si diuiseris in partes 144.

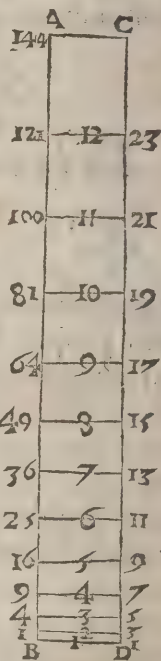
æquales, supponamúsque, dicis ergo, totidem aquæ pedes cubicos ab eo contineri, primâ diei parte in 12 partes æquales diuisi, 23 pedes aquæ cubici; secundâ parte, 21; tertiâ, 19; & ita reliquis diei partibus, iuxta numeros impares versus vnitatem redeunt, effluent, donec pes vnicus, qui pro vltima parte supersit, tandem effluat, & dolium euacuet.

Si quis diem in 24 horas æquales diuidere malit, primâ horâ pedes cubici è dolio 576 pedes aquæ cubicos continente, 47 effluent, secunda horâ 45, & ita de reliquis, iuxta numeros impares versus vnitatem remeantes, donec vltima hora pes vnicus residuus effluat.

Attamen fieri potest vt temporibus æqualibus aquæ partes æquales effluent, si nempe tubulus, vel siphunculus, per quem aqua fluxerit, aquæ ex dolio, vel altero vasculo fluenti hac ratione accommodetur, vt crus aquam effundens cum aqua descendat, & semper digito, vel alia quauis mensura sit illius superficie inferior.

Placet autem hîc ipsis oculis diuisionem subiicere, quæ vasis aquam spatio 12 horarum effundentis altitudinem referat, quam duplicare, triplicare & possis, iuxta varias, quod elegeris, dolij, vel alterius vasis altitudines. Sit igitur A D cylindrus, seu tubus, qui 12 horis totam aquam, quæ à D ad A impletur, eiiciat, hora prima descendet à C ad 23, hora secunda à 23 ad 21, & ita consequenter, iuxta numeros impares in cylindri parte dextra C D descriptos, quibus ad læuam respondent numeri quadrati, quorum impares dextri sunt differentiæ, omnes enim quadrati fiunt ex continua imparium additione, è quorum regione si iuxta seriem naturalem numeri collocentur 1, 2, 3, &c. qui similiter numerum horarum significare poterunt, in se ducti, seu quadrati summam omnium imparium præcedentium tribuent, verbi gratia è regione dextra numerus 4 in se ductus dat 16 quartum ordine quadratum, & ita de reliquis vsque ad 12, qui duodecimum, seu vltimum quadratum 144 producit.

Hinc facîle quispiam concludet qua ratione diuidenda vasis altitudo in 24 partes, quæ 24 diei horas exactè demonstret: quamquam in praxi duabus vltimis diuisionibus 3, & 1 nolim vtaris, quòd aqua non ita benè fluens suis guttulis decipere possit: quapropter addi possent 13 & 14 diuisiones, quæ numerum duodenarium, demptis illis duabus, efficerent.



COROLLARIUM II.

De glandibus explosis.

Porrò si pars figuræ superior AC in inferiorem BD conuertatur, ostendet spatia quæ glandes explosæ ascendendo, atque descendendo conficiunt, cum enim glans à C ad D emittitur, si 12 temporibus duret ascensus primo tempore percurrit 23 partes à C ad 21, deinde partes reliquas iuxta numeros impares ad vnitatem festinantes: descendens autem primo tempore spatium D 1 percurrit, secundo spatium 3, & ita de reliquis iuxta numeros impares ab vnitatem recedentes: qua de re fusiùs alio loco, vbi dicemus num sit maior ascendētis glandis, quam descendētis percussio, cum tempus ascensus æquale est descensus tempori, vti contingit quando glandis ascensus centum hexapedas minimè superat.

PROPOSITIO X.

Varias observationes quibus innotescat quo tempore pars tubi qualibet vacuetur, afferre, & ostendere velocitatem semper decreſcentem vsque ad quietem, in ratione quâ tempus, in quo fit motus, continuò crescit, semissem esse velocitatis maximæ quæ erat in principio.

IN obseruationibus nostris vel tubus, cuius 3 pedum & 11 digitorum altitudo, latitudo digitorum $2\frac{1}{2}$, æqualem in diuersis temporibus aquæ quantitatem tribuit, vel inæqualem aquæ quantitatem in temporibus æqualibus. Sit primò quantitas aquæ, vnius libræ & 4 vnciarum cum drachma, qualis fuit in experiētiis, & dum tubus vacuatur, prædicta quantitas aquæ primis 77 secundis effluat, secundum tempus, quo par aquæ quantitas salit, est 86 secundorum, & alia tempora sequentis tabulæ columnam sequuntur.

Verbi gratia tempus vltimum 206 secundorum ostendit aquæ libram, 4 vncias & drachmam, quæ prima vice 77 secundorum tempore fluebat, octaua vice fluere tempore 206 secundorum. Nonna vice solæ 14 vnciæ superfuerunt, quarum tempus fuit 176 secundorum: quælibet autem aquæ quantitas digitos $5\frac{1}{2}$ tubi proximè deplet, adeout tubus 10 aquæ libras, & vncias $15\frac{1}{4}$ complectatur.

Sint deinde tempora, quibus aquæ quantitates diuersæ fluent, æqualia, & sit quodlibet tempus 173 secundorum; tabula sequens cuius prima columna 12 æqualia tempora significat, ostendet in secunda columna quantitatem aquæ respondentem unicuique tempori à primo ad duodecesimum.

Quibus poterit quispiā quocūque voluerit observationes addere, quippe faciles, & obuias, nec enim refert cuius altitudinis sit tubus, dummodo illius latitudo satis ampla sit, quæ tempus tribuat ad accuratas observationes necessariū.

Fuerit autem ope-

ræ pretium tubo vitreo experiri, vt non solum aquæ quantitates, sed etiam quælibet tubi interstitia ipsis oculis deprehendantur, quæ diuersis temporibus per æquales, vel diuersas aquæ quantitates exhauriuntur.

Porro absque experientia sciatur quota cuiuslibet tubi pars dato tempore vacuari, seu exhauriri debeat, dummodo vnica supponatur observatio: quamquam res non adeo facilis inuentu, quin peculiarem animi conatum requirat, vt salientis ex tubo, qui continuò depletur, velocitatem, (quæ semper eadem ratione decrescit, qua tempora crescunt, vsque ad vltimam salientis guttam) semissem esse velocitatis maximæ in salientis principio existentis ostendamus; vnde sequetur

Tempora secundis explicata.

1	77
2	86
3	92
4	105
5	115
6	132
7	160
8	206
9	176

Tabula secunda.

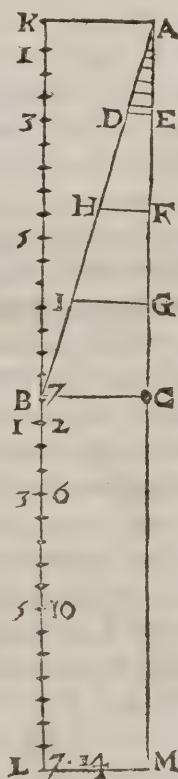
1	2 libræ, 4 vnciæ.
2	2 libr. & sesquidrachma.
3	sesquilibra, 4 vnciæ, drachma.
4	libra, vnciæ, $7\frac{1}{4}$, sesquidrachma.
5	libra, 5 vnciæ, sesquidrachma.
6	libra, vnciæ $3\frac{1}{2}$, sesquidrachma.
7	libra, sesquiuncia, vnciæ quadrans.
8	vnciæ $15\frac{1}{2}$, & dimidia drachma.
9	vnciæ $13\frac{1}{4}$.
10	vnciæ $12\frac{1}{2}$, cum dimidia drachma.
11	vnciæ $10\frac{1}{2}$, cum 3 drachmis.
12	vnciæ $8\frac{1}{4}$.

tubum tantumdem aquæ duplo tempore tribuere, cum paulatim abſque reparatione depletur, ac vacuatur, quantum tubus idem ſemper plenus ſuduplo tempore tribuit: ſed & quamlibet tubi ſemper pleni partem duplò maiorem aquæ quantitatem effundere, quàm eandem eiſdem tubi partem, cum abſque noua repletione vacuatur.

Hæc autem ſecunda pars iſtius prop. coincidere videri poteſt cum 1. prop. dialogi 3. Galilei, quâ demonſtrat tempus in quo ſpatium aliquod à mobili conficitur latione ex quiete vniſormiter accelerata, eſſe æquale tempori, in quo idem ſpatium conficeretur ab eodem mobili motu æquabili delato, cuius velocitatis gradus ſuduplus ſit ad ſummum, ſeu vltimum gradum velocitatis prioris motus vniſormiter accelerati.

Sit enim tubus KB, vel KC, qui continuò depletur, donec ad vltimam aquæ guttam in B perueniatur, ſitque velocitas, quâ fluit initio, KA, quâ ſequentibus 4 temporibus ſi flueret, in linea AC per 4 ſpatia inter ſe æqualia CG, GF, FE, & EA, tribueret aquam rectangulo KBCA æqualem, vel per illud rectangulum intellectam, vt conſtat ex infinitis lineis AK parallelis totum rectangulum tegentibus, quæ infinitas velocitates æquales referant) dico velocitatem illam continuò decreſcentem eſſe ſemiſſem eiſdem non decreſcentis, ſed eiſdem permãnentis. Quod ſic explico. Sit velocitas BC decreſcens in illis 4 temporibus, primo tempore aqua fluet ex tubo velocitate, quam repræſentat quadrilaterum BCGI: Secundo tempore velocitate per IGHF quadrilaterum intellectâ: tertio tempore velocitate per FEDH quadrilaterum ſignificatâ; quarto denique tempore, velocitate, quam DE A triangulus exhibet; ſed triangulus ex his quadrilateris compoſitus BCA eſt ſubduplus, vel ſemiſſis rectanguli KBA C, igitur velocitas decreſcens vſq; ad quietem, &c. ſemiſſis eſt velocitatis eiſdem non decreſcētis. Itaque ſi tubus ſemper plenus 4 tẽporibus 4 aquæ libras, idẽ tubus qui continuò depletur, æquali vel eodem tempore, 2 aquæ libras tribuit.

Quod ex figura ſequenti clariùs intelligetur, in qua ſit AC, vel Y π tubus in 8 partes diuiſus, quarum prima, eaque maior ſit AD, vel Y π , ſecunda DE, vel π ρ , tertia EF vel ρ τ , & ita de cæteris vſ-

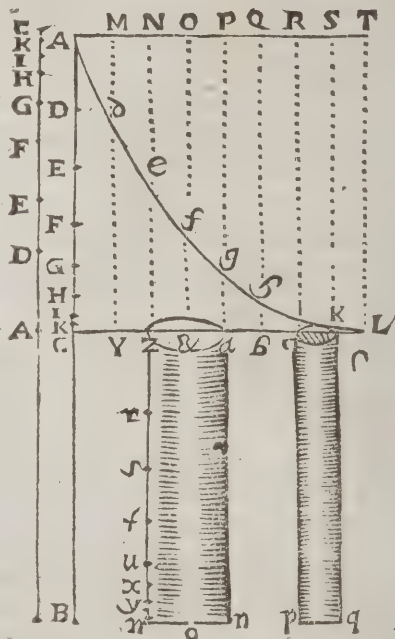


que ad C, vel n punctum in quo desit motus, sintque octo tempora M N O P & vsque ad T, quibus Y n vel A C tubus depleatur vsque ad vltimam guttam, primoque tempore depleatur ab A ad D, vel ab Y ad r , sequentibus temporibus ita deplebitur, vt D E, vel $r s$ secundo tempore N O, E F tempore O P depleatur, & ita de reliquis tubi A C vel Y n interstitiis.

Si verè corpus aliquod, verbi gratiâ saliens aqua, duplici motu nempe ab A ad T, & ad C eodem tempore moueatur, describet parabolam A L, cum enim aqua descenderit ab A ad D, erit in puncto d ; à D ad E, in puncto e ; ab E ad F, in puncto f ; ab F ad G in puncto g , à G ad H, in puncto h ; ab H ad I, in puncto i ; à puncto I ad K, in puncto k ; denique à puncto K ad C, in puncto L, in quo penitus quiescet: & vice versâ corpus motu violento sursum ascendens ab A ad C, & primo tempore percurrens maius spatium A D in vltima linea sinistra figuræ istius, secundo tempore D E, tertio E F, &c. describet eandem parabolam, si præter motum verticalem, motu horizontali L A, vel A T moueatur.

Præterea, si corpus graue in illa vltima linea à C ad B moueri intelligatur iuxta numeros impares 1, 3, 5, &c. nempe per C, K, I, H, G, &c. vsque ad A, eodemque tempore moueatur per A, M, N, O, &c. vsque ad T, describet eandem parabolam, sed inuersam, & à vertice L incipientem, ac si ab L ad T descendendo pergeret ab L ad K, vel à T ad A, & 8 temporibus æqualibus ad A perueniet, eritque descripta parabola L K i h g f e d A.

Vnde constat velocitatem nobilis corporis, (vt aquæ) continuò decrescentem vsque ad quietem in eadem ratione, quâ crescunt tempora, dimidium esse velocitatis, quæ fuit initio: hoc est, si velocitate mobilis in A currentis, & primo tempore A D percurrentis cum prædicta velocitatis diminutione, idem mobile ab A versus B absque illa diminutione descenderet, eodem tempore quo cum diminutione ve-



locitatis percurrit AC, descenderet vsque ad B, quare tota decrescens velocitas descensus ab A ad C, dimidia est velocitatis minimè decrescentis. Cùm autem tubi cq diameter pq subdupla sit diametri nn tubi nV æquealtè tubusque propterea cq aquæ quadruplò minus contineat, quadruplò citiùs deplebitur.

PROPOSITIO XI.

Tuborum lumina rotunda in quavis proportionem reperi, & ea cum quadratis luminibus comparare.

CVM apud nos linea soleat esse mensura minima, quæ cuilibet lumini nomen imponit, quando lumen 2, aut 4 aquæ lineas vel plures aut pauciores habere dicimus, sit in tubo quadrupedali r p lumen p , cuius diameter intelligatur esse 2 linearum, seu pars sexa digiti, vel pollicis, qui sexies continetur, atque notatur in linea LM, dimidium pedem regium exhibentem & lineis 72 constante; vel vt calculus sit facilior, p lumen lineare supponatur, quale sæpius fuit in nostris obseruationibus: erit igitur lumen $p \times 4$ linearum, cuius nempe diameter supponitur dupla diametri luminis p , quippe lumina, veluti circuli, sunt in ratione duplicata suarum diameterum.

Aquarij ergo lumina quamcùmque humidi quantitatem dato tempore fusura reperient, dummodo nouerint aquæ quantitatem ex aliquo dato dati tubi lumine dato tempore fluentem, siue lumen istud sit maius, siue minus incognito lumine, quod inueniendum proponitur.

Sit enim, exempli causâ, lumen datum p , cuius diameter supponatur 4 linearum (nil enim refert si cuiusvis magnitudinis intelligatur) quòdque libram humidi fundat vnus minutus spatio, vel itaque Aquarius lumen ex quo duæ vel 4 libræ fluant æquali tempore, duas libras lumen duplò maius tribuet: quod lumen ita reperiet.

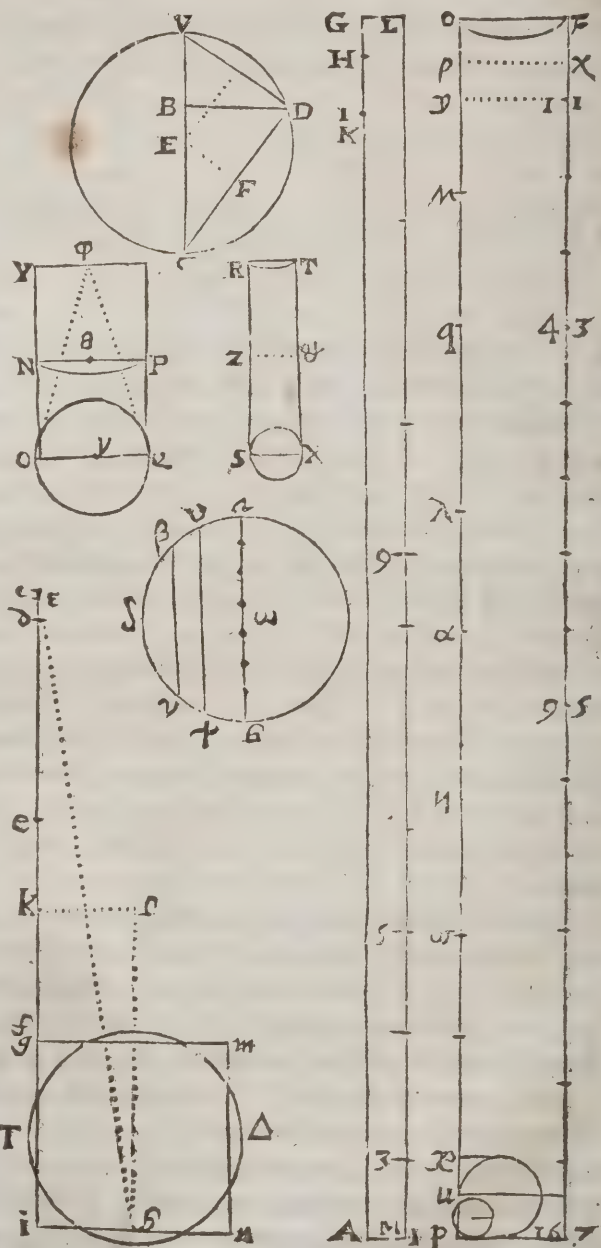
Intelligatur in circulo VDC esse VB diametrum luminis libram aquæ vno minuto fundentis, & BC duplam esse VB; quoniam diametri circulorum sunt in ratione subduplicata eorundem circulorum, BD media proportionalis inter VB & BC subduplicabit, hoc est bifariam diuidet rationem CB ad BV, & lumen, cuius diameter BD, 2 aquæ libras minuto tribuet.

Quatuor verò libras habebis, si diameter luminis fiat duplum lu-

minis $p \times$ in tubo 07. Erítque propterea diameter V C in partes totidem diuidenda, quot fuerint tam in aqua dati luminis, quam in aqua luminis inueniēdi; verbi gratiâ, si datæ fuerint quinque libræ vini horæ spatio fluentes, & postulentur libræ 15 æquali tempore, CV diameter, vel alia quæpiam, in 20 partes diuidatur, & ex puncto in quo definit decimaquinta pars, ducatur perpendicularis vsque ad circumferentiâ, qualis est B D, hæc enim erit diameter luminis 15 aquæ libras fufuri.

Altera pars huiusce prop. rotunda lumina quadratis cõparat, & hæc in illa conuertit.

Sit igitur lumen circulare $x p$, vel $a b b$ in quadratum lumen æquale commutandum, satius est enim maius eligere vt operatio sit euidentior; ideoque lumen digitale, seu vnciæ pedis nostri 144 lineas complectentis, velim assumi;



quod Aquarij sequente methodo, cùm opus erit, quadrabunt, vt aquæ tantumdem per quadratum lumen, ac per rotundum possint erogare.

Extendatur dati luminis circumferentia $b\delta a$ in lineam rectam igc , quæ sit tripla sesquiseptima diametri ba in 7 partes æquales diuisa, vt diametri ba ter sumptæ, & in lineam di translata septima pars dc addatur, tunc enim ic linea proximè æqualis erit circumferentiæ prædictæ, per ea quæ demonstrauit Archimedes lib de dimensione circuli, in quo docuit triangulum sub linea ci , hoc est sub circumferentia, & radio ba æqualem esse circulo, seu lumini $b\delta a$.

Est igitur triangulus c, i, h , æqualis prædicto circulo. Sed & triangulus iste parallelogramo kb æqualis est, quod in quadratum im vertetur, si media proportionalis inter ik , & kl , hoc est, gm , sumatur pro latere quadrati mi , æqualis circulo rc , seu $ab\beta$.

Vnde constat circumferentiam esse ad diametrum vt 22 ad 7, vel 44 ad 14. Porro cùm im quadratum sit paulò maius quàm oporteat, quòd diametro ba ter sumptæ in linea di , hoc est, if, fe, ed , non sit addenda pars septima dc , sed aliquanto minor, sumetur è contrario quadratum paulò minus, si diametri pars octaua de adiungatur. Est enim vera lineæ circumferentiæ circuli æqualis longitudo inter e & c , quæ est differentia partis octauæ à septima, estque vicinior puncto c quàm puncto e , adeout minus aberret qui lineam ci , quàm qui lineam ei pro circumferentia sumpserit.

Ide verò repetam quæ libro de Veritate scientiarum attuli, vt quis in infinitum magis ac magis ad veram lineam quadratricem accederet, nevel millesima pars latitudinis capilli vnus desit quadrato quod sit æquale circumferentiæ cœli stellati, tantum addo nuper Agrimenforem inuenisse quadrati circulo inscripti ambitum ad circuli circumferentiam esse vt 9 ad 10 proximè, vel vt 36 ad 40, vt latus quadrati sit 9 partium, qualium est 10 circumferentiæ quadrans, cui sub tenditur. Quæ ratio magis accedit ad verum quadratum circulo par, quàm tripla sesquiseptima, sed quæ tamen paulo maior est (etiã si inter simpliciores Archimedis numeros) quàm oporteat.

Est autem in circulo $b\delta a$, latus quadrati circulo circumscripti ab , latus quadrati circulo proximè æqualis, $p v$, denique latus inscripti quadrati $\gamma\beta$. Fortè verò quibusdam magè placebit calculum instituere iuxta latus inscripti quadrati. Fiat igitur linea ci decem partium, qualium erit ambitus ga inscripti quadrati 9; triangulus sub c, i, h magis adhuc æqualis erit circulo, minor est enim ratione 315 ad 1000.

Si quis tamen ad illud exactum Vietæum accedere velit, de quo lib. 18. anatizomenon non edito, erit vt 10, 000, 000, 000 ad 31, 415, 926, 536, ita diameter ad peripheriam veræ satis propinquam, cum sit inter maiorem & minorem vera, quæ sola differunt vnitæte.

Omitto varias Architectorum & Aquariorum praxes, quibus circum in quadratum, & vice versâ commutant, diuidendo, verbi gratiâ, circumferentiam in 8 vel 16 partes æquales, vt 4 lineæ per binas diuisiones descriptæ, sibi que occurrentes quadratum efficiant æquale circulo, qualia sunt 4 latera quadrati nostri *mi* quorum vnumquodque secans circum, ea sui parte, qua circulo includitur duas circuli partes decimas sextas, hoc est octauam circuli partem subtendit.

Potest etiam institui comparatio aliarum figurarum, vt trianguli æquilateri, hexagoni, & reliquarum multilaterarum regularium cum circulo; sed cum non soleant hisce figuris vti quibus aquarum cura incumbit, ad lacus, & erogatoria veniendum, ex quibus faciliè capietur quidquid Frontinus suo de aquæductibus libello, & Vitruuius, vel alij ea de re tradiderunt.

PROPOSITIO XII.

Lacus, castella, erogatoria, modulos & lumina veterum explicare, & cum nostris conferre, eoque erogatorijs indere, vt unicuique ius suum accuratè seruetur.

Qui fontes diuersis tēporibus à pluribus paucioribûsue milliariis Romam perductos, & riuos subterraneos, substructiones & arcuata opera nosse cupit, Frontini libellum de aquæductibus perlegat, qui de ductu Anienis verba faciens, ait quibusdam locis arcus illius 109 pedes subleuari, hoc est ferè quantum fornix chori D. Mariæ Parisiensis eleuatur: quos non iniuria celebratis pyramidibus comparat.

Porro castella, & erogatoria non differunt ab ijs quæ vulgò *regards* & *reservoirs* appellamus, quorum prima his quæ fonti Rongiano feruiunt, similia sunt; secunda verò alijs castellulis per urbem distributis: Castellorum quæ sunt intra vrbes, muros, præcipuum & aliorum caput in porta S. Michaëlis situm est, ex quo aqua transfertur ad alia castellula, & ex his per fistulas priuatas ad vniuscuiusque piscinam iuxta modulum præscriptum aquæ perducuntur; sed omnium matrix propè suburbij S. Iacobi portam extra muros conspicitur.

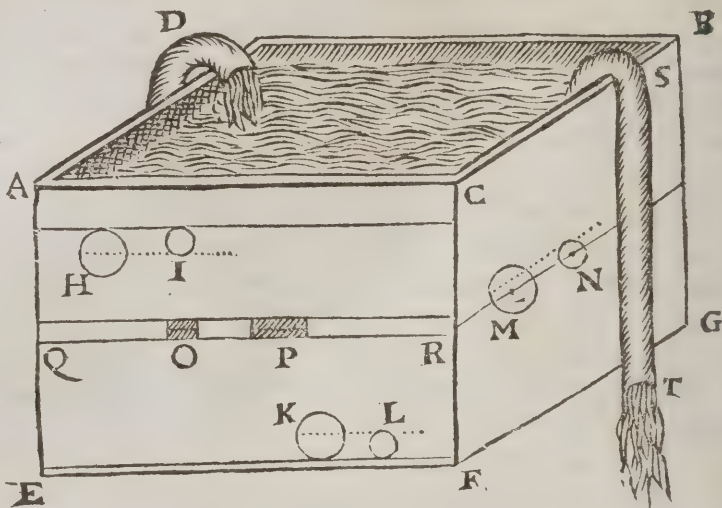
Constat autem ex aquis in urbem Romanam influentibus Appia, Anione, Tepula, Iulia, Virgine, Augusta & Claudia, de quibus apud Frontinum agitur, quot impensæ in illis ducendis factæ sint, quandoquidem Appiæ ductus à capite vsque ad portam Tergeminam fuit passuum 11190, subterraneo riuo passuum 11130; substructione & supra terram opere arcuato passuum 60, proximè ad portam Capuenam. Quæ quidem aquæ solummodo post 441 cum ab urbe condita sub M. Valerio & P. Decio Murena Coss. anno 20 post initium Samnitici belli inducta est ab Appio Claudio Crasso Censore.

Anionis ductus fuit 42 millium passuum. Martiæ sub Nerone principe 60710 $\frac{1}{2}$ passuum, opere tamen super terram passuum duntaxat 7443, & vallis opere arcuato passuum 463. Omitto fontes alios siue de nouo repertos, siue resectos & vindicatos, postquam ductus vetustate quassati, priuatorumque fraudibus intercepti fuissent, vt de fonte Rongiano dicam aliquid, quem postea Romanis aquis comparare possis.

Itaque ductus illius, à capite vsque ad maximum castellum extra portam suburbij S. Iacobi situm, est 7500 hexapedarum; quæ si conuertantur in passus Romanos 5 pedibus Romanis constantes, passus 9750 conficient; quandoquidem hexapeda nostra, vulgò *Toise*, proximè pedibus Romanis 6 $\frac{1}{2}$ constat. Vnde constat aquas Romanas à spatio plusquam sextuplò maiore, quàm aquas Rongianas, ductas fuisse, non tamen omnem cum Alsietina, siue Augusta Naumachiæ præsertim inseruiens ductum habuerit passuum duntaxat 2272. Claudia, 46000. Anio nouus, 58700.

Sunt & alia in ductibus notatione digna, verbi gratia, omnes diuersa in urbem libra prouenire & maiore, vel leuiore pressura cogi; omnibus humiliorem Alsietinam, Anionem verò nouum altissimum Frontinus docet, additque in 7 milliarium spatio fuisse 6 piscinas, vbi quasi respirante riuorum cursu limus deponeretur. Sed hæc omnia præterea modulos & lumina prosecuturus, si prius monuerò libram fontis Rongiani esse propè propter 16 pedum, hoc est aquam vltimi castelli quod est iuxta portam suburbij S. Iacobi, 16 pedibus humiliorem esse fontis capite: quam decliuitatem, siue obliquitatem ex dictis de aquæ perpendiculo facile quispiam inuenire posset, si tubo perpetuo fontis illius aqua concluderetur, donec in vltimo castello respiraret; cum enim tubus 4 pedes altus aquæ libram tribuat per lineare lumen spatio 13 secundorum, tubus Rongianus quadruplò altior æquali tempore per æquale lumen illius applicatum osculo duas aquæ libras effunderet: sed cum aquæ ductus aëri pateat, illiusque

aqua variis de causis, quas in aquæductu videndo facilè deprehendas, non agat ex toto perpendiculo, progrediamur ad piscinarû modulos & lumina. Sîtque propterea lacus, seu piscina, vel etiam erogatoriû E B, quod à fistula D ex proximo castello proueniens aqua BA impleatur, vt aqua luminibus H I & aliis quibuscumque dispensata, & quidquid per siphonem ST effluit, continuo reparatur.

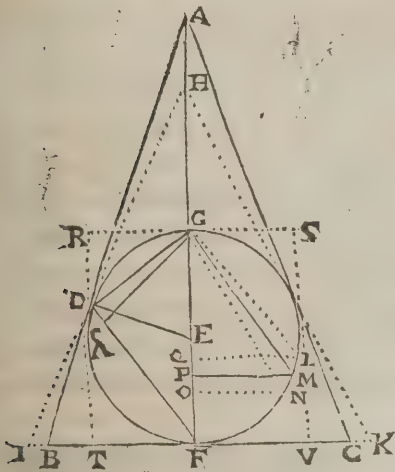
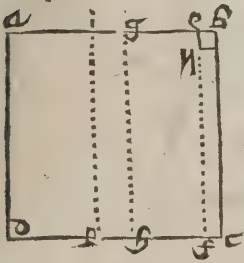
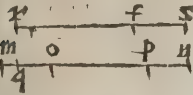
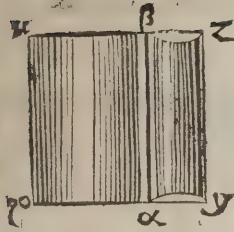


Modulos verò Frontinus & alij veteres de fistularum latitudine intellexerunt, quos inter non ex omni parte conuenit vtrum quinaris modulus à 5 digitis, vel quinque modulis exiguis, punctorum instar, in vnam fistulam coactis dictus fuerit. At verò siue plumbarios Vitruuianos sequaris, qui planæ laminæ plumbeæ 5 digitos tribuebant, siue Frontinianos quinariam ex 5 digiti quadrantibus componentes, ad nostra pergamus, ex quibus vetera innotescunt.

Sit igitur nostri pedis vncia, seu digitus quadratus $a d e b$, cuius pars duodecima $e b$, quam vulgò lineam appellant; cuius quadratum $a b$, qualia sunt duodecim in rectangulo $e b c f$. Eiusdem digiti spatium $b g$ quinque, & $b i$ septem lineis constat, vt postea diuersis modis quinaris septenariâque veterum explicetur.

Digito nostro quadrato Romani pollicis, hoc est vnciæ longitudo superponitur $m n$; digitum Romanum seu pedis 16 partem $n o$ refert, cuius quadrans $p n$, seu $o q$, vt $n q$ complectatur 5 quadrantes Romani digiti, atque adeo quinarium illorum modulum intelligamus, & ipsis oculis quodammodo hauriamus, quo fistulas suas modulabantur.

Sit rursus quinaris $r s$ quæ quadretur, & in laminam plumbeam $u y$ reducatur: erit igitur $u z$ quinque quadrantum digiti Romani: quos si conuoluas in fistulam rotundam $a y$, erit $a z$ diameter luminis fistulæ



fistulæ ad z , vt 7 ad 22; hoc est uz erit tripla sesquiseptima βz . Porro si quadrans 90 addatur z , fiet senaria, cui rursus quadrans adiunctus faciet septenariam, &c.

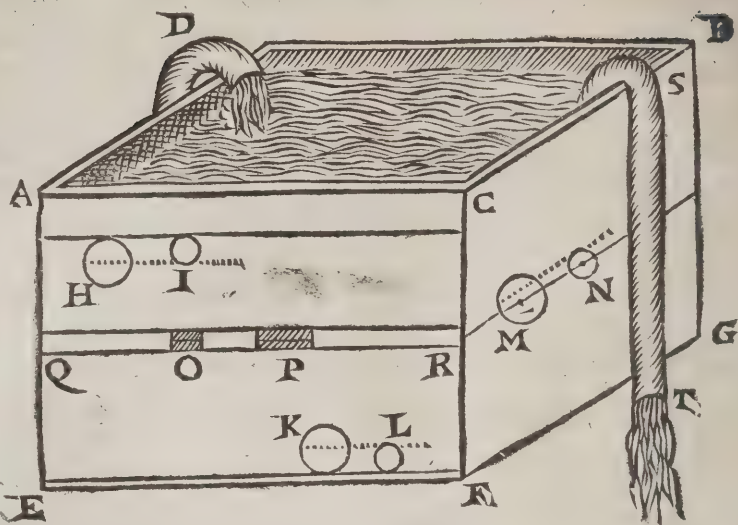
Modulus verò qui sumitur ex digitorum numero, cùm 25 digitos quadratos in rotundum coactos habet, vicienum quinum appellatur, crescitque per incrementum digitorum vsque ad centum vicienum. Vicenariam veluti mediam collocant, quòd 20 quadrantes habeat, & 5 digitis constet. His autem in veterum gratiam præmissis, ad modulus nostros accedo, quos lineis, digitis & pedibus metimur.

Sit igitur lumen I parieti, seu lateri piscinæ AF inditum, cuius diameter, licet in hac figura sit duarum linearum, intelligatur tamen ad maiorem calculi facilitatem vnus duntaxat lineæ, qualis est eb figuræ præcedentis; dico lumen istud I non benè collocari, si cum H lumine, cuius diameter 3 linearum, conferatur, Enimvero si piscina minimè plena sit, & ob aquæ penuriam solus inferior limbus luminis I radatur, nullam aquam tribuet, quamdiu lumen H aquæ suæ dimidium effundet, vt

ex linea lumen H per medium secante & lumen I tangente constat: quamquam hîc non definiam vtrum ex 9 lineis, quibus lumen H constat, lineas $4\frac{1}{2}$ largiatur, hac enim de re postea.

Quod verò spectat lumina K, L, aquæ superior pars lambens orificij L superiorem limbum non poterit ratam partem luminis K distribuere, cùm ex toto lumine L, & ex media solummodo K luminis parte dispensetur. Superfunt M, N lumina, quorum centra sunt in

eadem linea recta, quæ non etiam satis appositè collocata vel ipse oculus ex linea punctuata luminis M limbum superiorem tangere indicat, aquæ siquidem superficies superior cum ista linea co-



incidens lumen M non implet. Quæ si descenderit vsquæ ad limbum inferiorem luminis N, aliquid adhuc ex M lumine, nil verò ex N effluet.

Adde maius esse aquæ piscinam replentis perpendiculum in luminibus H & M ex ea parte qua sub limbos inferiores luminum I & N descendunt, atque adeo maiorem aquæ quantitatem quàm par sit, per maiora lumina fluere, minorem verò per minora: verbi gratiâ, si lumen I aquæ lineam tribuat, eiúsque H lumen sit quadruplum, hoc maius lumen 4 aquæ lineas, & aliquid insuper effundet; cùmque perpendiculo suo magis superet luminis I perpendiculum, quàm à luminis M perpendiculo luminis N perpendiculum superetur, maior erit excessus H super I, quàm M super N. Quantus verò futurus sit quilibet excessus, ex dictis de variis tuborum altitudinibus eruendum.

Præterea luminis K media pars superior suum habet perpendiculum luminis L perpendiculo breuius, igitur non effundet 4 aquæ lineas, vnde cõstat lumina rotunda non posse ita collocari, nisi fiant in fundo piscinæ, qui totus ab aqua superiore premitur æqualiter, cuius videlicet perpendicula omnia sunt eiusdem altitudinis. Eapropter lumina debent esse rectangula, qualia sunt O P, & quæcumque concipi possunt in rectangulo Q R, tunc enim æqualem iacturam lumina tam maiora quàm minora facient, vel par erit pro rata portione vtriusque lucrum. Quod iam in Italia fieri notat Castellanus appendice 7. tractatus aquæ currentis.

Idem etiam præstari potest siphonibus qualis est T , qui cum æqualiter immersi fuerint in aquam BA , in eadem ratione, qua fuerint externa illorum lumina, (quale est lumen T) aquam dispensabunt. An verò necesse sit ut illorum orificia in aquam immersa sint æqualia externis orificiis, aut inæqualia possint esse in data ratione absque villo quantitatis aquæ dispendio, postea discutietur, ubi de diuersa siphonum latitudine, & altitudine.

COROLLARIUM.

De Conis & Cylindris sphaera circumscriptis & inscriptis, & aliis figuris in suo genere minimis vel maximis.

Cum Aquarij non solum cylindris, illorumque rationibus, sed etiam infundibulis indigeant ad aquam & alia humida in vas quodlibet datis temporibus infundenda, & prima huius propositionis figura in paginae 73. conij ABC , & HIK sphaerae FLC circumscribantur, eidemque sphaerae inscribantur alij conij, quorum dimidia baseon diametri, seu radij ON , PM & QL inscribuntur in parte dextrae sphaerae, ut cylindrorum latera, & bases FD & DC in parte dextra, licet lignographus minus bellè, & exactè lineas istas cælauerit, fuerit operæ pretium illa omnia explicare tum ut noverint totius Europæ Mathematici quid in hoc genere repertum atque demonstratum sit à nostro Geometra, tum ut Aquarij nonnullâ animi voluptate perfruantur, cum vasis conicis, & cylindricis pulchras illas inter se rationes, de quibus postmodum, habentibus utetur.

Incipiamus à conis sphaerae GDF circumscriptis, quorum minimus omnium ABC variis proprietatibus gaudet; Primò, siquidem axis illius AF duplus est axis sphaerae FG . Secundò, sphaerae duplus est soliditate. Tertiò, basis illius dupla est maximi sphaerae circuli: Quartò, superficies illius cum base dupla est sphaerae superficie: Quintò, diameter baseos BC dupla est potentiâ diametri GF . Sextò, axis AF duplus est potentia diametri baseos BC . Septimò omnium circumscriptorum basim habet minimam, base comprehensa. Octauò, septem lineas sequentes habet in continua proportionem; Quarum ED minima, quam magnitudinis ordine sequuntur FB , AG , AD , AF , & composita ex AC & AF : estque DE potentia subdupla lineæ FC .

Quòd ad reliquos conos circumscriptos attinet, nullus est maximus, cum in infinitum crescere possint; illius verò qui minimam habet conicam superficiem absque base axis est binomius, diametro enim rationali in 32 partes diuisa, maius nomen ipsa diameter, minus verò recta, cuius diameter est potentia dupla. Sunt autem coni sphaeræ inscripti inter se vt illorum ambitus, quòue maior est conus, eò maior est ambitus, & vice versa, quo minor est conus, eò minor est ambitus; adeout hi coni sint inter se vt eorum ambitus.

Huic etiam sphaeræ cubus $RSTV$ circumscriptus, cuius diameter est potentia triplus lateris cubi; estque propemodum sphaeræ duplus; ad quam videlicet maiorem habet rationem quàm 21 ad 11: cuius basis ad inscripti basim vt 3 ad 1; & solidum illius ad huius solidum vt $R. 27$ ad 1. Vbi nota cubum inscriptum non inscribi maiori sphaeræ circulo, sed minori. Cum autem cylindrus sphaeræ circumscriptus sit illius sesquialter, cubus prædictus erit ferè huius cylindri sesquitercius.

Quod ad conos eidem sphaeræ inscriptos attinet, nullus est minimus, cum semper minores & minores in infinitum inscribi possint. Maximus autem omnium est, cuius axis OG continet diametri sphaeræ dodrantem, estque ad sphaeram vt 8 ad 27, maximam etiam habet superficiem, dempta base. Illius axis OG potentia duplus est radii baseos ON , cuius radii latus NC potentia triplum est, quemadmodum axis OG potentia sesquialterum.

Conus autem maximam habet superficiem base comprehensa, cuius axis partium 17 plus $R. 7$, qualium sphaeræ diameter est 32. Huius autem axis subduplus est diametri baseos. Conus à triangulo æquilatèro inscripto factus est ad sphaeram vt 9 ad 32. Quibus addi possunt omnes proportionès conorum tam inter se quàm cum sphaera, de quibus Archimedes libris de sphaera & cylindro.

Ad cylindros accedamus, quorum sphaeræ inscriptorum is est maximus, cuius axis, seu latus est potentia subtriplum diametri sphaeræ. Is autem maximam habet superficiem sine basibus, cuius axis diametro baseos æqualis est, seu qui pro lineis suis quadratum inscriptum habet.

Denique cylindri maxima est superficies cum basibus, cuius diameter baseos FD ad axem seu latus DG eandem rationem habet, quam maius segmentum ad minus lineæ proportionaliter diuisa.

Adde, si lubet, cuiuscumque cylindri curuam superficiem esse ad superficiem planam ambarum basium simul, vt altitudo cylindri ad

baseos semidiametrum : & cylindri superficiem comprehensis basi-
bus æqualem esse superfici ei curvæ, sine basibus, cylindri, cuius basis
est eadem vel æqualis, altitudo verò æqualis altitudini, vnà cum se-
midiametro baseos.

Omitto conì Ifoſcelis superficiem sine base, æqualem esse circu-
lo, cuius radius est media proportionalis inter latus conì & radium
circuli, qui est conì basis; quod quidem Archimedes demonstrauit,
sed nullus, quòd ſciam, hætenus demonstrare potuit, præter nostrum
Geometram, conì ſcaleni quanta ſit ſuperficies, & cui ſpatio ſit æqua-
lis.

Prætereo etiam alia plura quæ pertinent ad minimas & maximas
figuras, & ad varias illarum proportionēs, verbi gratia, cylindrum
ſphæræ inſcriptum, ſphæram & cylindrum circumſcriptum ſe habere
vt 3, 16; & 24 : Cubum circumſcriptum ad inſcriptum eſſe vt 4 ad 1:
quadratum circumſcriptum eſſe ad circulum vt 14 ad 11; & circulum
ad quadratum inſcriptum vt 14 ad 11 proximè : atque adeo circum-
ſcriptum quadratum ad inſcriptum eſſe vt 14 ad $8\frac{2}{11}$, tetraëdru, ſeu
pyramidem Euclideam inſcriptorum ſphæræ maximam eſſe, cuius
diameter longitudine ſeſquialtera axis eiufdem tetraëdri, potentia
verò lateris eiufdem ſeſquialtera : Triangulorum iſoperimetrorum
maximum eſſe æquilaterum, iſoſcelium verò rectangulum; in quibus
ſi longior fui, minimorum & maximorum amori parcat Lector be-
neuolus, & ex his ſtudioſus Aquarius hauriat, Mathematicus verò à
prædicto Geometra demonstrationes quærat.

M O N I T V M.

QVi fontis Rongiani pulchritudinem & induſtriam videre cupit,
adeat nobile illud acceptorium vel immiſſorium, quod ſitum eſt
ad portam exteriorem ſuburbij S. Iacobi, ad quam ſpecus cõſtans la-
pidibus quadris appellit; ex quo incipit aqua diſtribui primùm per
tubum plumbeum, cuius diameter vnus pedis regij vſque ad centum
hexapedas; quarum vnaquæque pondo 600 librarum. Vbi obſer-
uādum fiſtulas plumbeas centenarias decem pedes longas fuiſſe 1200
librarum apud Vitruuium lib. 8. cap. 7. Sed cùm tricenariæ minoris
eſſent latitudinis quàm noſtræ Rongianæ fiſtulæ, quarum oſcula pe-
dis vnus, quandoquidem harum in rotundum non ductarum latitu-
do 36 digitos ſuperat, ſintque tamen pondo 600 librarum fiſtulæ no-
ſtræ ſexpedæ, & Vitruuianæ tricenariæ 360 librarum, quadragenar-
iæ 480 librarum, ſequitur Rongianas fiſtulas Romanis denſiores,

atque adeo quinariorum nostrarum pondus pondere Romanarum, 60 libris maius esse. Quibuslibet autem sexpedis centenis vno digito tubi diameter minuitur, donec ad erogatorium portæ S. Michaëlis, & Crucis nuncupatæ *du Tiroir* perueniatur. Impensæ verò totius fontis 400000 aureos superarunt. Huic autem operi restitutionem aquæ suæ Virginæ sub Pio IV, de qua tractatum Pætus scripsit, Romani forsitan opponent, cum tamen 30000 aureos ad summum Architecti petierint: videatur Pætus qui huic restitutioni adfuit, & præfuit.

PROPOSITIO XIII.

Definire quantitatem vel pondus aquæ fluentis ex piscina, vel alio vase per quodcunque lumen.

NEcesse est aquam superextare lumini, ut illud implendo effluat, cuius alioqui solas oras lambit, quod non sit aquæ tanta fluiditas quin aliqua sui torpedine, ac veluti oleoginositate, ut cum spagyricis loquar, remoram patiatur. Hinc fit ut guttæ satis magnæ potius in figuram sphericam coeant, & aqua siccis vasorum labris plurimum superextet, antequam possit effluere; resistatque diuisioni, præferim illa superficie qua tangit aërem.

Iam verò quasdam obseruationes explico, quæ docent quantum aquæ pondus à quouis lumine, dato tempore fluat; cumque lumina reuocentur ad lineam, illiusque partes, vel ad digitum, seu pollicem, qui nouerit quantum aquæ certo tempore fluat per lineare lumen, reliqua lumina, & aquam ex illis effluentem facile definiet.

Obseruatio docet ex lineari orificio, cui superextat aquæ sex linearum perpendiculum, spatio decem secundorum aquæ drachmas $5\frac{1}{2}$ egredi, atque adeo aquæ grana 43 vno secundo effluere. Docet aliud experimentum ex lumine lineari, cui perpendiculum aqueum vnus pedis superextat, spatio 13 secundorum, 8 aquæ uncias exire: semiunciam igitur præbebit eodem, vel æquali tempore $\frac{1}{256}$ pedis, cum ratio 256 ad 1 duplicata sit rationis 16 ad 1. (est enim semiuncia $\frac{1}{16}$ 8 unciarum) & $\frac{1}{256}$ pedis $\frac{2}{16}$ lineæ, seu lineam & $\frac{1}{8}$ lineæ contineat.

Vnde fit ut aqua limbum vasis, ex quo fluit penè radat, & spatio 13 secundorum sola semuncia effluat: spatiumque vnus secundi proximè grana 22½ exeant. Quapropter rectè 20 grana uncia sint limes, & veluti mensura minima, quæ docet quantum aquæ per lineare lumen

effluat, cuius superiorem limbum aqua raserit, aut cui nihil aquæ superextiterit.

Quo posito, quantum aquæ debeat intelligi, cum ab Aquariis aquæ linea venditur, & tribuitur, inquirendum, & propositione sequente concludendum, si prius notauero aquæ fluentis ex lumine lineari data quantitate, dari etiam aquæ quantitatem per quodcunque lumen aliud maius, aut minus fluentem; nam qualis erat ratio luminis propositi ad lineare lumen, talis erit aquæ ad aquam.

PROPOSITIO XIV.

Linea aquea, quam è piscinis erogant Aquarij, pondus & quantitatem definire.

MAior est in istius lineæ definienda quantitate difficultas, quàm vt dissimulari debeat: quandoquidem semper aquæ linea dici potest quoties aqua fluit per lumen lineare, siue tardè, seu quauis velocitate fundatur; quamuis tanta velocitate fluere possit, vt centuplò maiorem aquæ quantitatem tribuat. Qua igitur velocitate fluere debet aqua linearis quam Aquarij distribuunt? vel cum minus de velocitate cogitent, quanto perpendiculo vt quis aqueam lineam habere censeatur? Franchinus Aquarius expertissimus dimidium pollicem, id est sex lineas vult aquam cuilibet lumini superextare, vt præscripta quantitas habeatur, dicaturque plenum lumen; quamquam alij credunt 4 lineas perpendiculo sufficere. Verùm ne pendeamus à diuersis hominum sententijs, dicendum est sciri non posse quid sit illa linea quam Aquarij tribuunt, nisi prius detur aquæ fluentis perpendiculum, ex quo facilè quis agnoscat quantum emat, & habeat aquæ.

Supponamus igitur altitudinem perpendiculi linearis esse 4, vel 6 linearum: cumque sciamus ex prædictis rationem perpendiculorum esse duplicatam rationis quantitarum aquæ dato tempore fluentium, & spatio vnus secundi 20 aquæ grana ex lumine lineari, cui tantisper aquæ superextat, effluere, clarum est eodem spatio temporis aquæ grana 40 fluere, cum 4 lineis aqua lumini prædicto superextat, quemadmodum 80 grana, cum linearum 16, 160 granorum, cum linearum 64 fuerit perpendiculum, & ita deinceps.

Alio modo calculum instituamus ex obseruatione tubi pedalis, ex cuius lineari lumine cum spatio 13 secundorum aquæ libra dimidia

effluat, vno secundo grana $354\frac{6}{13}$ funduntur, quorum pars dimidia fluit ex 3 digitorum perpendicularo, hoc est pondus granorum $177\frac{3}{4}$: horumque dimidium, id est $88\frac{3}{4}$ & paulò ampliùs, ex nouem linearum perpendicularo; adeout duarum linearum perpendicularum ferè 44 aquæ grana spatio secundi minuti, iuxta hunc calculum, tribuat, cum ex alia obseruatione, 4 linearum perpendicularum sola 40 grana effunderet. Pedali verò experientiâ nisi malim, quòd videatur exactior ob maius perpendicularum, cui quadrupedale suffragatur.

Docuit autem obseruatio digitum aquæ cubicum vasculo æneo conclusum, esse pondo semuncia, sesquidrachmæ, & 8 granorum proximè; quod quidem vasculum nulla mensura deprehendere potuimus esse digito, seu pollice cubico concauo maius, licet hîc definire nolim cubici pedis aquei pondus, quod maius esse colligitur solito pondere quod plures ei tribuere, vt postea dicitur. Digitus autem cubicus aquæ lineas cubicas 1728. & in grana conuersus 396 grana cõplectitur: vnde constat lineam aquæ cubicam grano longè leuiorem esse, quandoquidem diuiso 1728 per 396, quotiens ostendit lineas aquæ cubicas $4\frac{1}{4}$ grano contineri: atque adeo grana $354\frac{6}{13}$, quæ superius vno secundo fluere dicebantur, proximè complecti lineas aquæ cubicas 1418: quæ si cõponant cylindrum linearem aqueum, cylindrus aqueus ex lineari tubi pedalis lumine spatio secundi fusus erit longitudinis, siue altitudinis pedum 9, digitorum $3\frac{1}{2}$ & ex consequenti pedum $18\frac{1}{2}$, si fundatur ex tubo quadrupedali.

COROLLARIUM PRIMVM.

Hinc elicitur lineam aquæ cubicum esse pondo $\frac{1}{4}$ & $\frac{1}{11}$ grani, seu $\frac{15}{44}$ grani; atque adeo guttulam aquæ grano non æquiponderare, quandoquidem 4 ad minimum guttæ satis magnæ ad grani pondus exæquandum requiruntur, cum vnaquæque gutta debeat esse vnus cubicæ lineæ. Porro facilius est inuenire quot aquæ cubicæ lineæ fluant ex quolibet dato lumine, cuius perpendicularum agnoscitur, quàm vt explicatione egeat: quamquam & ex aliis propositionibus quæ postea sequuntur, illud magis ac magis innotescat.

COROLLARIUM II.

EX dictis sequitur non satis definiri quam lineam, vel quantum aquæ tribuant Aquarij, vel quantum è lacubus, & piscinis effluat, nisi lineæ, quemadmodum & digiti, pedis, aut alterius luminis perpendi-

perpendicularum explicetur, quod tanto breuius esse solet quantò fuerit maior anni siccitas, quæ plurimum imminuere solet aquam tam in ipsis fontibus quàm in aquæductibus, adeout non solum is, cui digitus aquæ debetur suum perpendicularum solito breuius esse reperiat, sed ne vel vnicam aquæ guttulam excipiat: cui iacturæ nullus medicinam facere possit, cum & ipsa flumina illi obnoxia sint.

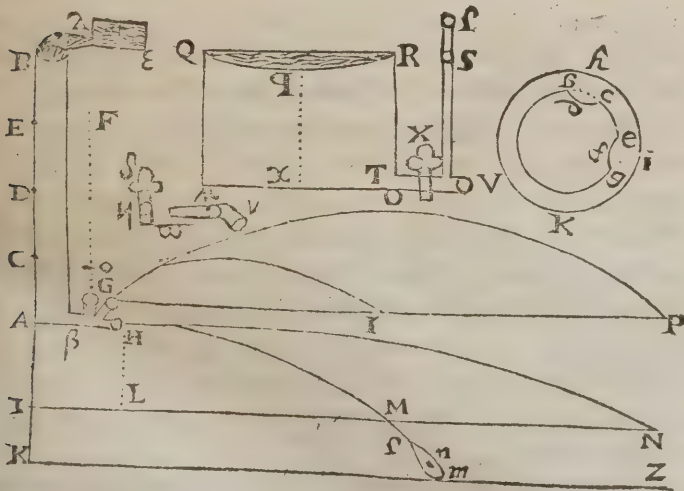
MONITVM.

Hic de siphone dicendi locus, cum instar luminis aquam effundat; sed cum sæpenumero spiritu ducatur, seu trahatur aqua, dum siphonibus vtimur, ad instrumenta pneumatica malim illum reuocare, vt iam de salientibus agam, de quibus qui scripserit, neminem hætenus audiui: vt iam aliud iter nondum calcatum mihi peragrandum supersit.

PROPOSITIO XV.

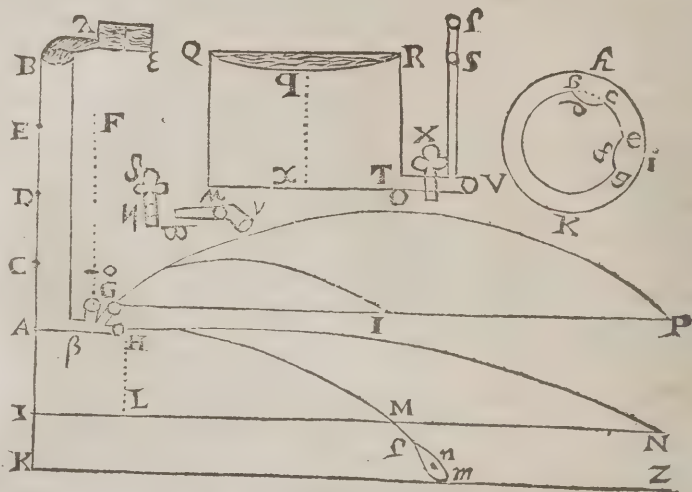
Salientes horizontales, verticales, & medias inter verticem & horizontem explicare.

SIT tubus, seu fistula BA, quam semper aqua plenam supponimus, ob fontem A: continuo tubum BA replentem dum per lu-



mina G & H aqua effundit, vt tantundem aquæ restituatur per osculum B, quantum per illa tria lumina perditur. Sitque linea GF *Salientis verticalis*, G O P *salientis anguli semirecti*, seu 45 gra-
M

duum, quæ *media* nuncupetur. Denique saliens *horizontalis* sit HN , vel HM . Est autem tubus AB horizonti GP , seu KZ , ad angulos rectos: diciturque saliens *horizontalis* ob epistomij α H directionem horizontalem horizonti KZ parallelam: alioqui statim atque salit aqua per lumen H , relinquit horizontem, ut propter suam gravitatem curvetur versus M , pauloque semper longius ab H discedit, donec occurrat horizonti LM , vel KZ , aut quilibet alius.



Vbi notandum est guttam ita super horizontem diffundi, & expandi, vix ut salientis exacta longitudo sumi possit, ut ex figura lnm constat, quæ videtur ellipsim imitari, cuius cenfeo punctum medium n , non autem extrema puncta l & m , salientis longitudinem ostendere.

Porrò modus observandi facillimus explicandus est, ut quisquis experiri velit, minimum labore. Tubo BA epistomij *fœmina* α μ indetur, ita ut foras erumpat pars μ , ut in foramine μ vertibulum δ imponatur, cuius orificium ν cum respondeat orificio μ , tubus recludetur, cum aversum fuerit, occludetur. Potest etiam δ vertibulum *masculus* appellari; sed hæ duæ partes in unum conflatae clavis, clavicula, & epistomium vocetur, quod vasa claudat, seu obturet, ne quid liquoris ex vase, quo fuerit conclusum, effluat, donec lumen referetur. Quanquam absque epistomio fieri possint experimenta, si nempe digiti indicis extremo lumen obturetur, & aperiatur: sed non absque multis incommodis, quoties enim digitum tollis è lumine, tubus suam aquam effundit, quam retinere nequeas, nisi perpetua digiti appositione, vel epistomio.

Alia sunt in hac figura quæ suis locis explicabuntur, uti saliens ad angulos horizonti rectos GF , & media, quarum GOP dupla GI ,

quòd salientes ex tubo B A quadruplo tubi C A sint duplò longiores salientibus ex tubo C A, licet saliens tubi quadrupli F G sit plusquam dupla verticalis G O, quæ salit ex tubo pedali C A.

Vt verò ad obseruandi methodum redeamus, erit facillima in vnaquaque saliente metienda, si postquam epistomium apertum est, digitus apponatur lumini, verbi gratia H, & ablatus digitus adeo velociter aperiat lumen, vt vna solùm vel altera gutta saliat, quæ veluti punctum in solo relinquat, vt ex variis super eundem horizontem altitudinibus saliens aqua suas diuersas longitudes notet, & solo imprimat. Qua ratione puncta I, P, M, & N ostendunt 4 salientium longitudes. Quamquam saliens perpetua videtur aptior ad lineam curuam G P, & G I, describendam, & velut in aëre suspendendam, quàm saliens solis diuersorum horizontium punctis designata, sed aquæ magna quantitas deperditur, & loca obseruationi seruiencia nimis humida, & madida redduntur. Cùm igitur obseruatio paucis guttulis fieri possit sola digiti missione, remissioneque celeri, qua lumen claudatur & referatur, idque locorum vbiuis, tubus pedalis, vel si mauis trium digitorum, cuius basis digito æqualis, ad omnia prope modum experimenta futurus est aptissimus: quandoquidem tubum 3 digitorum altum aqua plenum quispiam ita secum gestare possit, vt nequidem amici præsentis percipiant quid agat, citiusque rem perfereris ex quolibet super horizontem altitudine, quàm simul stantesprehenderint.

PROPOSITIO XVI.

Salientium horizontalium & mediarum super eodem horizonte longitudes sunt in ratione subduplicata tuborum, è quibus exeunt.

ESto tubus C A tubi B A subquadruplus; obseruatio docet horizontalem salientem tubi C A, hoc est H M, subduplam esse salientis tubi B A, hoc est H N; qui si fiat adhuc quadruplò altior, vt sit 16 pedum, saliens illius erit quadrupla salientis H M; octupla verò, si fiat 64 pedes altus, & ita de reliquis: cuius phænomeni ratio salientis velocitati adscribenda, quæ similiter est in ratione fistularum subduplicata. Quod confirmatur ex eo quòd aqua fluens è fistula 16 pedum, quadrupla sit aquæ fluentis ex fistula pedali. Cùm enim aqua ex lumine H exilit, cui perpendiculum quadrupedale sy-

perextrat, hunc velocitatis gradum acquisiuit, quo non ampliùs aucto spatium percurrat duplò maius spatio quod conficeret si tantum ex puncto C descendisset, quemadmodum de grauium descensu, dictum est. At dupla velocitas duplum iter æquali tempore percurrit, sed de velocitate, prop. 24. dicitur, nunc enim de sola longitudine salientium agimus, quas hîc iuxta proprias obseruationes affero.

Sit igitur sequens tabula, cuius primâ columna varias tubi pedalis super horizontem, seu lumen altitudines referat, quarum prima sit vnus pedis, secunda 2 pedum, &c. secunda columna salientium longitudines in pedibus & digitis exhibeat. Prima columna non excedit 50 pedum altitudinem, qui salientem decem pedum ostendunt.

Plures alias obseruationes postulanti tradam, licet satius sit vnumquemque experiri, vt etiam noua circa salientes animaduertat. Cùm autem sit facillimum huic accommodare propositioni quæ dicta sunt antea de mediis, & tertiis proportionalibus, vt tubi reperiantur qui datam aquæ quantitatem dato tempore quæsitam effundant, non est quòd eadem repetamus ad inueniendos tubos, quorum salientes sint in

<i>Altitudines super horizontem.</i>	<i>Longitudines salientium.</i>	
	Pedes.	Digiti.
1 —————	1 —————	10
2 —————	2 —————	6
3 —————	3 —————	
4 —————	3 —————	5
5 —————	4 —————	
6 —————	4 —————	4
12 —————	5 —————	6
18 —————	6 —————	6
26 —————	8 —————	
50 —————	10 —————	

data ratione: Aliqua tamen exempla, facilitatis ergo, producamus. Quæratûrque verbi gratia tubus, cuius saliens horizontalis sit media proportionalis inter salientes horizontales H N & H M: quam exhibebit tubus medius proportionalis inter tubum A C & A B, quæ sit A D, nam inter 4 & 1 media prop. est 2. Vbi verò quis hanc mediam salientem habuerit, & duplam salientis H M quæsierit, tertia proportionalis, hoc est A B, dabit quæsitam fistulam.

Vnde constat nullam quæri posse salientem horizontalem, cui non possit fistula destinari; nullamque fistulam dari posse, cuius saliens non possit assignari, dummodo mediij impediens, de quo postea, ratio non habeatur. Quod similiter de salientibus anguli semirecti concludendum est, qualis est G I, vel G P, sed non de verticalibus, qua-

les sunt G F, & G O, quæ leges aliarum non sequuntur, vt mox dicturi sumus.

PROPOSITIO XVII.

Salientium verticalium longitudines, siue altitudines inquirere, illas cum horizontalibus comparare, inuestigare cur non sint in ratione fistularum subduplicata, vti sunt horizontales & media; cûrue non ascendant vsque ad suorum tuborum summitatem.

Illud habet peculiare saliens verticalis, quòd in qualibet sui tubi super horizontem eleuatione semper æqualis sit, cûm saliens horizontalis & media tãtò magè crescant, quanto lumen fistulæ sublimius super horizontem tollitur. Cûm igitur tubi ad horizontem erecti saliens verticalis sit proximè $\frac{2}{3}$ fistulæ, vt constat ex saliente verticali quadrupedalis tubi, cuius aqua ex epistomio verticaliter conuerso ad tubi pedes $3\frac{2}{3}$ exilit, quæ saliens poterit esse reliquarum modulus, seu mensura: cûmque pedalis tubi quadrupedalis super horizontem erectio eijsiat aquam horizontalẽ ad pedes $3\frac{2}{3}$ proximè, si hæ duæ salientes inuicem conferantur, erit horizontalis ad verticalem vt 11 ad 10: quæ ratio semper magis augebitur, quòd lumen sublimius horizonti superextiterit, adeout futura sit horizontalis ad verticalem eiusdem tubi, vt 24 ad 5, cûm lumen 26 pedes super horizontem fuerit erectum. Nec vllus mortalium nouit quo loco desinat salientis horizontalis incrementum, quod futurum sit vsque ad centrum terræ, si nihil impediat; hoc est si liber descensus aquæ pateat, & medijs densitas & agitatio nullatenus opponantur.

Porrò cûm tubi longissimi sunt, verticales minuuntur, hoc est non sunt $\frac{2}{3}$ vel $\frac{1}{2}$ sui tubi, vt in Dracone Ruelliano videre est, cuius tubus originem arcessit à piscina 60 pedes super horizontem erecta. Saliens enim verticalis quæ 40 pedum esse debuit vt tubi $\frac{2}{3}$ haberet vix 30 pedes superare videtur, quot etiam pedum est horizontalis, cûm lumen bilineare pedes 4 horizonti superextat. Dixi videtur, quod salientem illam metiri non potuerimus: Sed quâ proportionem minuantur verticales dum tuborum crescunt altitudines, mortalium nullus scire potest, si enim tubus fiat centum pedes longus, alia ratione mi-

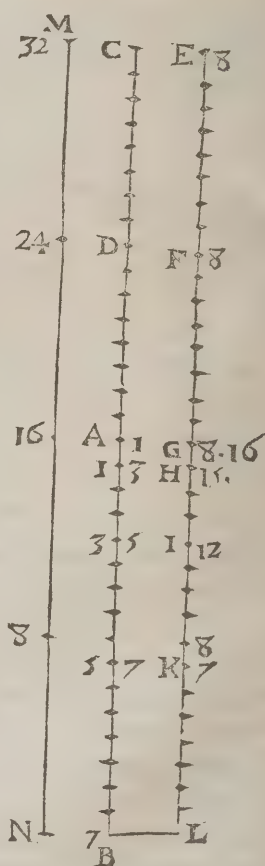
nuetur verticalis, quàm in tubo 60 pedum, quòtque fuerint diuersæ fistularum altitudines, toties variabit proportio verticalium; nam guttulæ videntur in minutissimum puluerem abire, & in spumam verti, cum ad 30, vel 60 pedum altitudinem perueniunt, nisi lumen paulò fiat patentius, vt crassior aquæ cylindrus verticalis aëri resistat, qui cum nihil resistere supponetur, non solùm cuiuslibet tubi saliens verticalis dodrans erit, sed etiam tolletur altiùs; an verò æquè altè, aut duplò altiùs postea dicetur.

Itaque ratio propter quam salientes verticales non eandem inter se & cum tubis rationem seruent, hinc sumitur quòd solo motu verticali moueantur, cum aliæ salientes tam horizontali, quàm perpendiculari motu, siue sursum, siue deorsum moueantur, vnde quædam linea generatur, quam postea demonstrabimus quodammodo parabolam imitari.

Quòd autem vix excedat $\frac{1}{4}$ tubi, tam in aëris resistentiam, quàm in aquæ grauitatem refundendum: quantum verò resistentiæ vtrâque afferat, seorsim sumpta, licet difficillimum inuentu videatur, illud tamen aggredior.

Sit igitur præcedentis tubi BA, saliens verticalis GF; vel vt faciliùs intelligatur, sit in linea CB, tubi altitudo BA, ex cuius lumine B saliens verticalis saliat versus A. Certum est ex dictis, guttam in B hanc acquisiuisse velocitatem, qua spatium spatij AB, (à quo censeatur descendisse) duplum conficiat eodem, vel æquali tempore, quo reuera descendit, vel descenderet ex puncto quietis A ad punctum B. Intelligatur ergo 4 temporibus ex A in B descendisse, certum est aquæ vim, seu potentiam in B tantam esse, vt ex lumine B sit vsque ad punctum C ascensura 4 temporibus si nihil vim istam retundat. Est autem obseruandum tres istius figuræ lineas poni, atque sumi pro eadem linea, in tres æquales diuisa, vt diuersæ litteræ, & numeri appingerentur.

Constat verò ex obseruatione verticalem salientem non redire, seu reflecti vsque ad A tubi summitatem, sed tantùm ad punctum 12



in LH linea, hoc est ad dodrantem tubi, aut paulò altiùs. Hinc fit vt illius iter quod absque impedimento percurrisset, toto spatio ab puncto 12 vsque ad punctum E, vel C minuatur, hoc est plusquàm parte mediâ, est enim CB ad C, vel L 12, vt 5 ad 3, hoc est in ratione superbipartiente tertias.

Vt autem appareat quantum aëris resistentia, & salientis verticalis propria grauitas longitudini DC deterant, notentur gradus celeritatis, quibus gutta in B intellecta descendit ab A puncto ad B, nempe 1, 3, 5, 7, iuxta legem grauium descendentium; & eo tempore quo resilit versus C, notentur etiam gradus, quibus à propria grauitate remoram patitur, videlicet 7, 5, 3, 1, qui numeri cum sint præcedentium inuersi, propria grauitas tantumdem spatij lineæ CB detrahit, quantum antea cadens ab A puncto ad B acquisierat. Eapropter non altiùs ascendet quàm ad punctum A, cum absque illa grauitate semper versus terræ centrum contendente, vsque ad C punctum ascendere debuisset. Hac autem ratione minuitur ascensus: BC vel NM diuidatur in 4 partes æquales; his numeris 8, 16, 24, 32, insignitas: quamdiu primo ascensionis tempore contendit aqua ex puncto N vel B vsque ad punctum 8 peruenire, grauitas propria spatium vnum detrahit, æquale spatio primo A 1, quod ab A cadens primo tempore percurrerat; hinc fit vt ad punctum 7 solummodo perueniat.

Secundo tempore, quo peruenisset ad punctum A, seu 16, absque impedimento, tantum ad punctum 12 in linea LE accedit, cum enim secundo tempore incipiat à puncto 7, à quo debuisset octo spatia percurrere vt ad vsque punctum 3 peruenisset, propria grauitas in contrarium vrgens, tria spatia detraxit, quapropter non potuit saliens punctum 12 lineæ LE superare. Tertio denique tempore à puncto 12 versus E ascendens, 8 spatia conficeret, sed à propria grauitate quarto tempore 7 spatia conficiente detrahuntur 7 spatia; quamobrem cogitur saliens in A vel G puncto subsistere, & vnicum spatium ab 1 ad A, vel à 3 ad 1, vel ab H ad G solummodo conficit: vbi vim omnem ascendendi consumit, adeo ut recidere cogatur, iterumque descendat 4 temporibus ab A puncto ad B, descensum accelerans iuxta numeros 1, 3, 5, 7, hoc est in ratione temporum duplicata.

Vnde innotescit quantum aëris resistentia noceat salienti verticali, quæ cum vix in linea LE punctum 12 superet, ei que propria grauitas spatium CA detrahat, clarum est spatium A 3, seu G 12, ab aëris grauitate detrahi, hoc est reliquæ ascensionis AB quadrantem, vel integræ, liberæque ascensionis BC partem octauam.

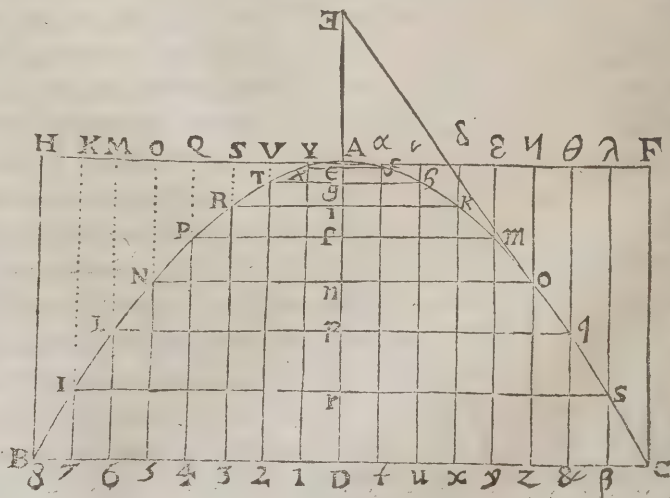
Quæ omnia maioribus salientibus verticalibus poterunt accommodari, vt quantum vniciue detrahat aëris resistentia cognoscatur.

PROPOSITIO XVIII.

Media salientis magnitudinem, illiusque durationem explorare.

SI prius mediam salientem absque aëris resistentia consideremus, supponendum est aquam duplici motu ferri vt semiparabolam sinistram BA obliquè iuxta semirectum angulum ascendendo describat, nempe motu horizontali æquabili à B ad D, & perpendiculari à B ad H, vel à D ad A; quemadmodum exscendendo describit sinistram semiparabolam AC motu ex horizontali A'F & perpendiculari CF composito, vt superius dictum est.

Quod paulò fusiùs explico. Intelligatur aquæ gutta ex alicuius tubi osculo egredi, quæ tanta vi moueatur vt lineam BD æquabili motu, eodémque tempore BH motu inæquali iuxta primorum octo numerorum progressionem 15, 13, 11, 9, 7, 5, 3, 1, octo temporibus percurrere possit, quorum primo gutta B motu horizontali ab 8 ad 7, & motu perpendiculari à B ad I perueniet: Secundo tempore, motu horizontali à 7 ad 6, perpendiculari ab I ad L, hoc est duobus primis temporibus à 6 ad L perueniet. Tertio tempore à 6 ad 5, & ab L ad N, & ita de cæteris tam horizontalibus æqualibus, quàm perpendicularibus in-
 equilibus interuallis, donec octauo, siue ultimo tempore ab 1 ad D, & ab e ad A pertingat. Cùmque in puncto B vim suâ, qua perpendiculariter ascendebat, amiserit, re-



tinuerit-

tinueritque vim aliam integram qua mouebatur horizontaliter, non plus temporis in AF , seu DC spatio percurrere impendet, quàm in spatio BD , réque vera æquali tempore per spatium AF transmittetur, si postquam à B ad A peruenit, sua grauitate spoliatur, lineamque BAF describet: quemadmodum solam lineam BD descripsisset octo primis temporibus, si vim ascendendi perpendicularem non habuisset.

Nunc autem aliquid huic figuræ detrahendum cùm in aëre degamus, in qua salit aqua: verbi gratia, si aqua in figura 20. prop. à puncto L ad K motu horizontali æquabili, & ab eodem puncto L ad Z motu inæquali ferri supponatur, lineam $L 17 B$ describet ascendendo, eique æqualem ab A puncto ad læuam descendendo. Quod vt huic nostræ figuræ quadret, lineam BA , hoc est semiparabolam non describet gutta B saliens ad angulum semirectum, sed aliam lineam decliuorem, quæ verbi gratia, pertinget ad punctum g, i , aut l , & ab l perget versus C , verbi gratiâ in B , ob aëris resistentiam quæ non solum verticalem, sed etiam horizontalem motum imminuit, de quibus prop. 20. & aliis in locis fusiùs agetur.

PROPOSITIO XIX.

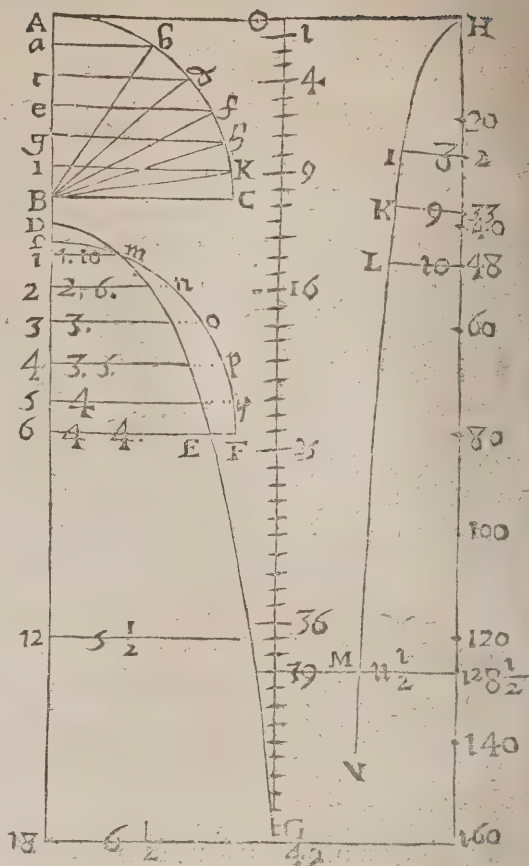
*An salientes horizontales circulares sint
inuestigare.*

CVM ex obseruatione constet salientes horizontales non esse rectas, sed curuas, neque sciamus qua curuitate consent, curuas celebriores quas videntur æmulari, ad examen reuocemus; cùmque curua circularis nobilior, vel notior existimetur: sit AC quadrans circuli, vel, vt alij malunt, circumferentiæ circuli: cuius radius BA , linearis luminis in A puncto intellecti referat altitudinem, & in sex partes æquales diuidatur, quæ sex luminis super horizontem eleuationes repræsentet: sitque prima, seu minima eleuatio BI , vel $a A$, cuius saliens ex A lumine perueniat ad punctum b ; & subtenfa ba intelligatur longa pedum $\frac{1}{7}$ pedis: Docet obseruatio secundæ altitudinis ig vel ca subtenfam cd longam esse debere pedum $2\frac{1}{7}$, subtenfam ef trium pedum, &c. quæ quidem vocari possunt *applicata*, vel *ordinata*. Sed ex Geometria constat ordinatam cd non esse pedum $2\frac{1}{7}$, neque ef trium pedum, qualium ab supponitur pedis $1\frac{1}{7}$. Quod ita demonstro.

Sint ordinatarum quadrata, minimum quidem $ba\ 539$, cuius radix 23 , quæ, dempta vnitare, salientis longitudinem refert. Secundum quadratum ordinatæ cd , est 980 , cuius radix 31 ; saliens autem est 30 . Quadratum ef , 1323 , cuius radix 36 .

Reliqua quadrata conferamus in tabulâ omnia intuitui subicientem; cuius prima columna sex ordinatarum quadrata, secunda differentias illarum; tertia differentiarum differētias, quarta radices quadratorum, quinta denique salientium horizontalium longitudines ex observationibus depromptas exhibet.

Quatuor primæ ordinatæ propius ad veras salientes accedunt, ut suspitio possit in errorem inducere, ne forsan salientes horizontales circumferentiæ partem describant; quem ut caueas, fit $B\ C$ saliens maxima digitorum 42 , qualis est tubi pedalis, cuius lumen 4 pedes super horizontem erigitur: sintque reliquæ salientes secunda tabulæ sequentis columna cōtentæ; quemadmodum prima sex super horizontem eleuationes in digitis expressas exhibet.



Tabula ordinatarum & salientium.

	I	II	III	IV	V
a b	539			23	22
cd	980	449	98	31	30
ef	1323	243	98	36	36
gh	1568	245	98	39	41
i k	1715	147	98	41	48
BC	1764	49		42	52

Est igitur maxima saliens 42 digitorum, cum tubi lumen super horizontem 48 digitis erigitur, cuius dupla erit saliens si tubus quadruplicetur, hoc est fiat quadruplò altior: reliquas obseruationes sequens tabella exhibet, cuius prima columna eleuationes luminis super horizontem, secunda salientium longitudines in digitis exhibet.

Tabula eleuationum
& salientium.

I	II
Eleuatio- nes.	Salien- tes.
48	42
40	37
32	34
24	29
16	22
8	18

Porro figura præcedens tam circularem lineam l, m, n, o, p, q, F , quam salientis figuram continet, vt facilius comprehendatur discrimen vnus ab alia; est enim quadrans $l F 6$, quadranti $A C B$ æqualis; & lineæ inter $m F$ & $E m$ comprehensæ, sunt differentiæ ordinatarum quadrantis à salientis ordinatis, quibus salientium longitudines numeris inscribuntur & notantur. Exempli gratia, super breuiore linea scribitur 1, 10, quod significat pedem cum digitis decem. Primus enim numerus pedem, secundus digitos significat: quapropter maiori salienti 4, 4, id est, 4 pedes & digiti 4 inscribuntur. Postea verò fusiùs de hisce salientibus dicturi sumus.

M O N I T V M.

Cum deinceps de sectionibus Conicis locuturi simus, quas fortè salientes æmulantur, nonnulla præmittenda sunt, vt quispiam rectè percipiat quidquid sequentibus prop. dicendum erit, & discutiatur num salientes, & aliæ projectiones aliquam sectionem Conicam imitentur: facile verò parcat Lector si quædam de speculis comburentibus subiunxero, vt quæ minus rectè in harmonia Gallica libro de voce dicta sunt de lineis in infinitum vrentibus emendentur & probè intelligantur.



L E M M A.

De sectionibus Conicis.

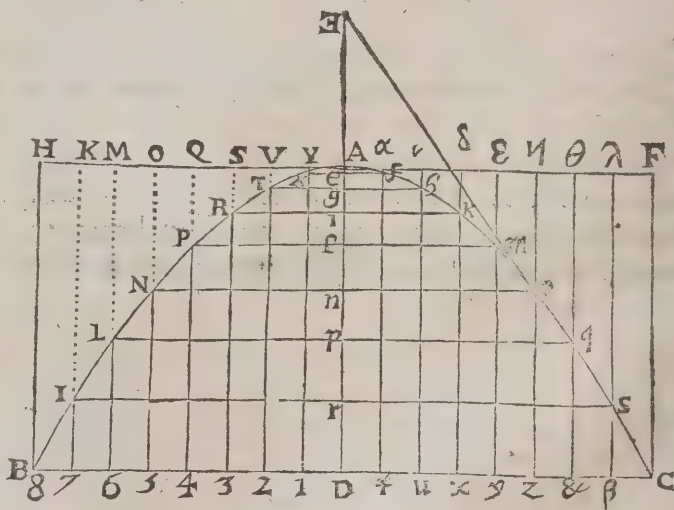
*Duodecim parabola proprietates. Vbi de speculis
parabolicis in infinitum vrentibus.*

Cum in tractatibus nostris sæpius recurrat sermo de sectionibus Conicis, præsertim verò de Parabola, quæ salientibus aquis, & projectorum lineis accommodatur, nonnulla præmittenda sunt quæ viam aperiant, & proprietates illarum sectionum lectorum animo ingherent.

Primum igitur conus intelligatur, qui variis sectionibus plano factis lineam quidem parabolicam, seu parabolam ostendat, quando planum secat conum æquidistanter, seu parallelis vni laterum; cuius Parabolæ tantus est proprietatum numerus vt eas nemo referre possit, quas inter sit nobis, Prima, quòd ex duobus motibus generetur, quorum vnus horizontalis æquabilis qualis intelligatur fieri per lineam horizontalem F H, à puncto A hinc inde; in qua octo diuisiones æquales octo æqualia tempora significant, quibus æqualia spatia ab A puncto ad H percurruntur.

Alter motus intelligatur fieri à graui corpore, quod ab A puncto quietis in D pun-

ctum perpendiculariter cadat motu inæquali, qui prædictis octo temporibus graue ab A ad D ita transferat vt primo tempore ab A ad e,



secundo ab e ad g , tertio à g ad i , quarto ab i ad l , quinto ab l ad n , sexto ab n ad p , septimo à p ad r , octauo denique ad r ab D perueniat. Hi siquidem motus coniuncti, quibus idem corpus iuxta lineam horizontalem AH , & perpendicularem AD mouetur, describunt semiparabolam $AXTRPNLIB$, vt fusius postea dicturi sumus.

Secunda proprietas, cognata præcedentis, quòd illius axe (siue principali diametro.) AD iuxta numeros impares immediatos 1, 3, 5, &c. secto, lineæ Xe , Tg , RI , & sequentes inter se parallelæ, & axi DA perpendiculares, vsque ad BD & vltèrius in infinitum, si producat axis AD , sequantur naturalem numerorum seriem 1, 2, 3, 4, &c. quam Geometræ vocant ordinatim applicatas siue ordinatas.

Tertia, quòd exteriores lineæ BH , IK , &c. axi DA parallelæ sint æquales interioribus, quas diametros secundarias, vel minus præcipuas appellare possis. Est enim BH axi æqualis, vt KI æqualis rA , & M æqualis pA , &c. quòdque sint inter se vt partium æqualium AY , YV , &c. quadrata.

Quarta, quòd ordinatarum quadrata sint inter se vt axis partes interceptæ inter verticem & ordinatas, vel prædictæ partes inter se vt ordinatarum quadrata: exempli gratia, quadratum BD 64 (cùm BD in 8 partes æquales diuisa sit) est ad quadratum PL , quod est 16, vt DA ad LA ; cùm enim Ae sit partis vnius, qualis e , g , trium, g , i , 5; i , l , 7; l , n , 9; n , p , 11; p , r , 13; & rD , 15, sequitur AD lineam in 64 partes æquales diuisam esse, quarum LA 16 complectitur.

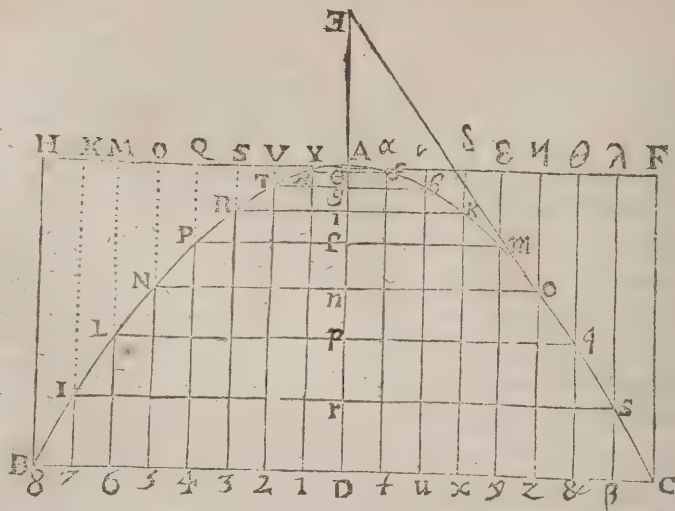
Hinc fit vt datis quibuscumque axis partibus ordinatæ illis respondentibus, datisque ordinatis partes axis facillè reperiantur. Quinta proprietas exhibet tangentes Parabolæ; sit enim, exempli causa, o punctum in Parabola, ad quod applicetur ordinata no , cuius axem interceptum nA si transferas in axem productum AE , linea recta ab o puncto ad E ducta tangens erit; aliàsque simili modo cuiuscumque puncti tangentes dicto citius inuenies.

Sexta, lateri recto, siue parametro inueniendo destinata, quòd cuiuscumque ordinatæ quadratum æquale sit rectangulo sub parte axis inter verticem & ordinatam intercepta, & parametro. vt hîc contingit, vbi quadratum ordinatæ DC , hoc est DF , æquale est rectangulo sub axe DA & parametro AF .

Septima, quòd latus rectum, seu recta diameter sit tertia ordinata verò media proportionalis, vt enim AD ad DC ita DC ad AF , vel (vt latera rectanguli sint inæqualia) vt LA ad LP ita LP ad AH , vel AF ; est enim LA duarum partium, qualium LP quatuor, sed vt

2 ad 4, ita 4 ad 8 parametrum; quamvis interceptus axis fiat tertia proportionalis, cū à parametro incipitur: quoties verò continget ordinatam intercepto axi æqualem esse, parameter eidem æqualis erit.

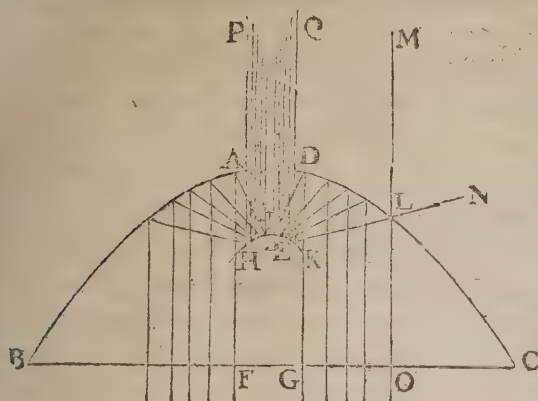
Octaua, ad inueniendum focum paraboles, ordinata intercepto axi æqualis sufficit, cuius nempe quarta pars ab A vertice versus D sumpta focum ostendit, quem alias vocant umbilicum:



cū igitur AI sit ordinatæ DC quarta pars, punctum I focus erit. Quin & IP , vel Im dupla erit IA , vel subdupla parametri AF ; unde & alia surgit proprietas, quemlibet videlicet radium à quouis concavitatis paraboles interioris puncto ad focum I reflexum æqualem esse axi interiecto inter ordinatam ductam ab illo puncto in axem, (qualis est AI , qui inter P ordinatam intercipitur) & axis parti inter A verticem & I focum simul sumptis: quæ proprietas clariùs ex figuris sequentibus intelligitur.

Nona, radiis BC inter se parallelis in Parabolæ concavum cadentibus ad I punctū vñendis, atque igni excitādo adhibetur; quòd omnes diametri $7I$, $6L$, &c. in parte sinistra Parabolæ, vel in dextra $8S$, $9q$, &c. cū suis reflexis ad punctum I sint æquales. Quæ meliùs intelligentur ex figura 5. prop. lib. utilitatis harmoniæ Gallicæ, videlicet $BADC$ parabola, quàm hīc repeto, vt de quibusdam circa lineam in infinitum comburentem admoneam. Punctum E focus erit ex ista nona proprietate, quapropter diameter seu radius incidens OL cum sua reflexa LE , æqualis est radio FA cum sua reflexa AE , & ita de reliquis; constat enim omnes radios parallelos ab vna ordinatarum in parabolam incidentes vnà cum suis reflexis ad focum, seu punctum ex comparatione, quales sunt OLE , & GDE inter se

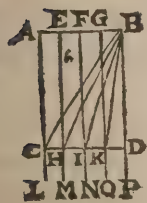
æquales esse: qui quidem reflexi radij ad E focus ignem excitant, nisi à conuexa minoris parabolæ H E K superficie, cuius idem focus E, iterum versus P Q paralleli reflectantur.



Vbi obseruandum est eos solummodo radios à speculo conuexo H K reflecti ad P Q, qui priùs in concauum Parabolæ maioris paralleli inciderant; hoc est, si soli decem radij, qui hîc basim B C perpendiculariter se-

ciant, in concauum parabolæ B A C paralleli ceciderint, illi soli decem à parabolula H K in P Q reflectentur, qui cùm minimè sufficiant ad ignem excitandum, frustra laborabitur in reflectendis A P Q D parallelis, qui minimè combusturi sunt vel stipulam siccissimam, nisi iuuentur ab aliis radiis non parallelis, qui non exactè reflectuntur ad E focus, sed citra vel vltra: quamquam ob ingentem solis à speculo distantiam recessus à parallelismo vix sensui obnoxius sit, atque adeo radij non paralleli à conuexo H A reflexi, ad magnam distantiam parallelos A Q iuare possint, donec ab eis discedant.

Quod vt intelligatur, sit A B solis diameter, radios parallelos A C, E H, F I, G K, & B D in speculum C D immittens, dico radios illos omnes in parabolæ focus E coactos nullum facturos incēdium, quòd vim maiorem non habeant quàm radij B C, B H, B I, B K, B D à solo puncto B prodeuntes, qui non comburerēt, quantumuis in vnum collecti. Porro cùm post illam collectionem iterum à se inuicem discedant, donec ad

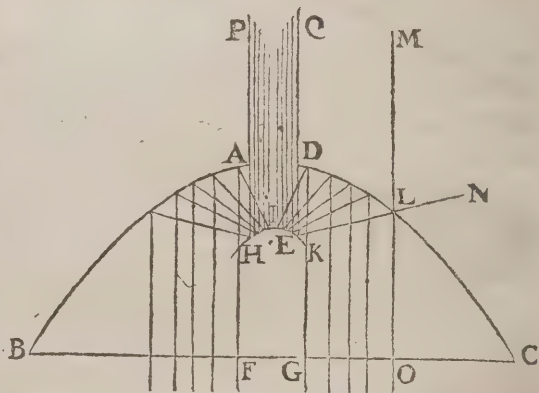


interuallum perueniant interuallo C A inter speculum C D & diametrum solarem A B intersecto æquale, in quo tantum inter se distabunt. quantum super linea C D, impossibile est cylindrum radiorum P D in infinitum vrere, quandoquidem post illam radiorum non parallelorum diuicationem soli radij paralleli C L, H M, I N, K O & P D vñiti manebant: cùmque speculorum magnitudo non solcat vnum aut alterum pedem superare, soli radij ex pedali vel bipedali spatio solis cadentes paralleli erunt, quibus longè fortiores & efficaciores futuri sunt illi radij non paralleli, qui ex omnibus altis punctis

seu partibus solis in speculum inciderint.

Neque mireris, quod totius solis $A B$ radij paralleli non sint efficaciores radiis ab vnico puncto B prodeuntibus, quippe præter radium suum parallelum alios infinitos quodlibet solaris superficiei punctum emittit, nullaque pars solis vllis radiis parallelis exhauritur, cum alios infinitos in alias partes effundendos retineat, & omne punctum lucidum radiet in orbem, ac veluti corpus, seu solidum lucidum efficiat, quod tamen sit tantæ tenuitatis, vt ad punctum si reduxeris, vrere nequeat. Ex quibus concludere licet cylindrum $P D$ comburentem ad aliquod vsque spatium calorem aliquem posse conseruare, qui tamen semper minuatur, etiamsi nihil à medio radios pati supponas.

Decima proprietas ex parabola præcedente intellectu facilis, in qua radius exterior $N L$ à puncto lucido, vel candela N ad focum E collimans reflectitur axi parabolæ parallelus in $L M$; eodémque modo radius à candela M ad punctum L cadens reflectitur ab L in N , ac si ab E foco procederet; à quo etiam velut à puncto lucido radij interiores in Parabolæ concauum, putà in L punctum interius emissi, in eandem lineam $L O$ lineæ exteriori $L M$ continuam reflectuntur; & tam exteriores radij $A P, D Q, L M$, quàm interiores $A F, D G$ paralleli sūt.

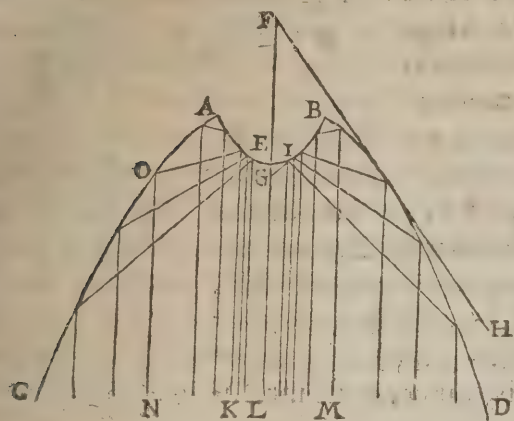


Lumen itaque $P Q$ immissum in parabolulæ connexulum $H E K$ reflectitur in concauum maioris parabolæ $B A C$, & radij paralleli angusti $P D$ conuertuntur in parallelos latiores $D G, L O, A F$ &c.

Hincque perspiciliorum conficiendorum noua methodus absque diaphanis; si namque statuatur oculus in spatio $P Q$, qui respiciens in conuexum $H K$ videat obiecta ex parte $B C$ sita. Sed foramen $A D$ non debet excedere pupillam oculi, vel $K H$ superficiem, ne lumen aliquod peregrinum obiectorum luminibus officiat, & irrumpeus distinctam visionē perturbet: illud igitur tubo intus nigro speculum vtrumque concludente, & aliis quibuscumque modis excludendum; quibus peractis, si concava maioris parabolæ superficies sit 8 digitorum, minoris verò semidigiti, seu linearum 6, obiecta ducentes quinquagies sexies maiora, vel distinctiora, seu clariora videbuntur.

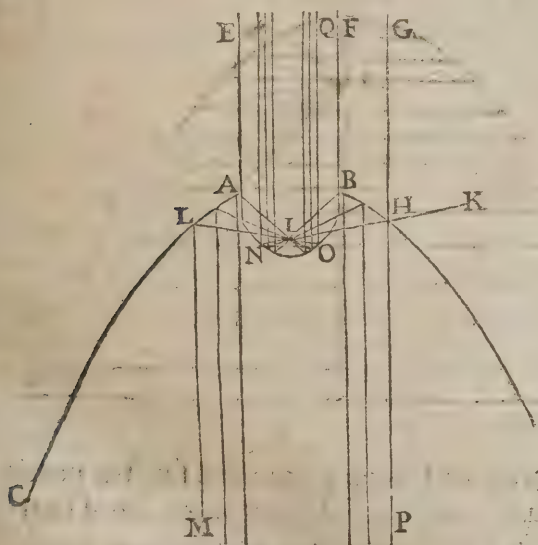
Alio

Alio præterea modo parallelæ distantes ab inuicem in arctiorem locum seruato parallelismo cogi possunt, vti vides in parabola se-



quente \odot $O A D$, in qua radius $N O$, & alij inter D & e intercepti concavae superficiæ parabolæ maioris occurrentes, & in conuexam minoris $A I B$ reflexi, à qua impediuntur ne ad focum vtriusq; parabolæ communem E perueniant) in arctius spatium $K M$ cogentur. Itaque si qui parietes politi figuram e A , $D B$ æmularentur, candelæ in variis punctis $N M$, &c. dispersæ, & radios in applica-

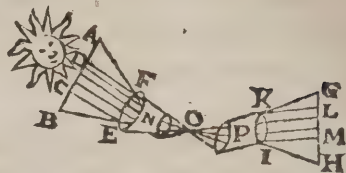
ram $A I B$ parabolam immittentes in aulam media $K L M$ lumen intensius producerent. Omitto tangentes $H F$ & $I G$, ex quibus radiorum reflexiones, & reflexionis æquales anguli colliguntur, vt ostendam quâ ratione minoris parabolæ concavum radios parallelos, quantumvis diffitos in minus spatium seruato parallelismo colligere possint.



Sit igitur parabola maior $C A B D$, in quam paralleli $M P$ in $L A H B$ incidentes reflectantur in concavum minoris parabolæ $N O$, qui cum per I focum transeant, paralleli reflectentur in $A E$, $O Q$, modò punctum I focus vtriusque fuerit ; Cætera ipsis oculis haurire licet dum ex prædictis proprietatibus modum elicimus, quo per vasa parabolica ignis accendi, vel lumen intendi potest ; sit enim sol $A B$ radians in $E F N$

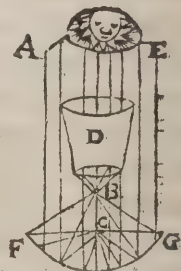
vas parabolicum, cuius focus in O , in quo radij coacti comburent,

& post combustionem ingredientur in aliud vas parabolicum P, quod illos iterum parallelos in spatio K I L M reddet, in quo si sol alius, vel aliud luminare intelligatur, ambo ad focum



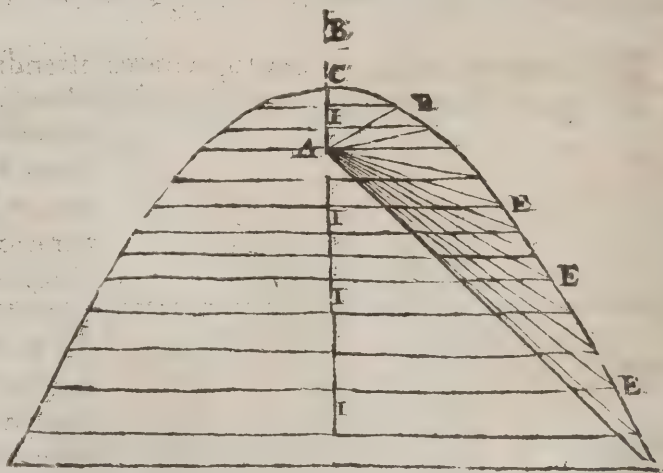
O concurrent: iterumque alia metho-

do si sol A E radios emittat in vas parabolicum D, qui ad focum B concurrant, ex foco si diuaricent in speculum concavum sphaericum F G, omnes denuo reflectentur ad sphaerici speculi centrum B, cuius augebitur vstio, simulque confluent radij paralleli A F, E G, & intermedij ad focum C, hoc est ferè ad quartam axis sphaerae partem. Omitto plures alios vstionis modos, quos lector ex dictis, aut dicendis intelligere poterit.



Vndecima proprietas in eo sita est, quod lineae omnes à quolibet puncto concavae paraboles reflexae ad focum sint aequales parti axis interceptae inter applicatam ad punctum reflexionis terminatam & verticem paraboles, vna cum parte reflexa ex eodem vertice ad focum, vt constat

ex linea E A in parabola C E, quae linea aequalis est I C & C A simul sumptis.



Duodecima, quando circulus parabolam in 4 punctis secat, siue duo puncta hinc inde, nempe in dextra & laeva parte reperiuntur, siue tria sint ex vna

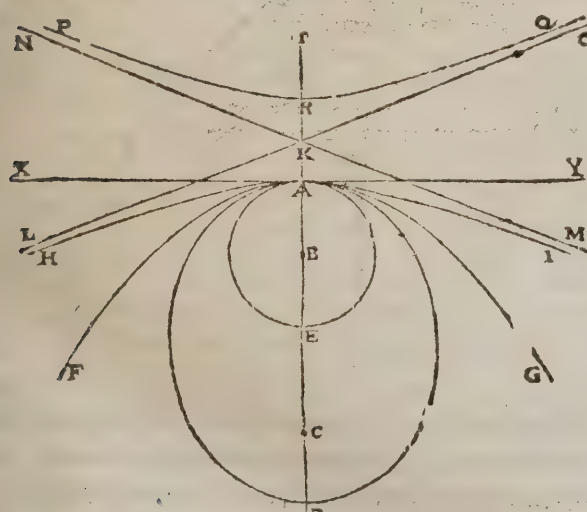
parte, & vnicum ex alia, omnes ordinatae ex punctis sinistrae partis ductae simul sumptae sunt aequales ordinis dextrae partis simul sumptis, adeout si vnicum ex altera parte reperiatur punctum, ac consequenter vnica ordinata, sit tamen aequalis tribus ordinatis in alia parte sumptis.

Alias omitto proprietates, quòd non possint clarè satis intelligi absque nouis figuris, qualis est parabolæ & spiralis Archimedæ inuenta nouiter æqualitas, de qua corollario 2. prop. 25. sequentis hydraulicæ.

Adde si vis conoideum parabolicum factum ex conuersione parabolæ super suum axem esse ad suum cylindrum, vt 1 ad 2; factum verò ex conuersione super basim, ad eundem esse cylindrū vt 8 ad 15, & factū super tangentem parallelam & æqualē dictæ basi vt 4 ad 5: quorum conoideorum centra grauitatis à nostro Geometra repetas: sed cū solis lineis, vel planis egeamus, proprietas illa parabolæ ab Archimede primum demonstrata, quòd videlicet triangulum maximum inscriptum parabolæ sit eius subsequitertium, & quælibet parabolæ particula sit inscripti trianguli sesquitertia, inter præcipuas numeranda videtur, cū illius quadraturam præbeat, quam deinde pluribus modis Geometræ recentiores demonstrarunt. Adde cylindrum rectum eiusdem basis & altitudinis cum recto conoide parabolico habere superficiem, quæ, sine basibus, sit ad superficiem conoidis absque base, vt axis totus ad duas tertias rectæ quæ potest semissem axis, & totam diametrum.

Explicatio, & comparatio figurarum Conicarum.

HAtenus varias Parabolæ proprietates ostendimus, superest vt aliquid subiungamus de reliquis sectionibus, quas figura sequēs ita refert, vt idem punctum B sit omnium focus, vel punctum ex cōparatione, focus quidem ellipseos D A, quæ focum alterum habet in C; & Parabolæ F A G, nec non hyperbolæ H I: centrū verò circuli A E, cū hyperbolæ cētrum in puncto K statuatur.



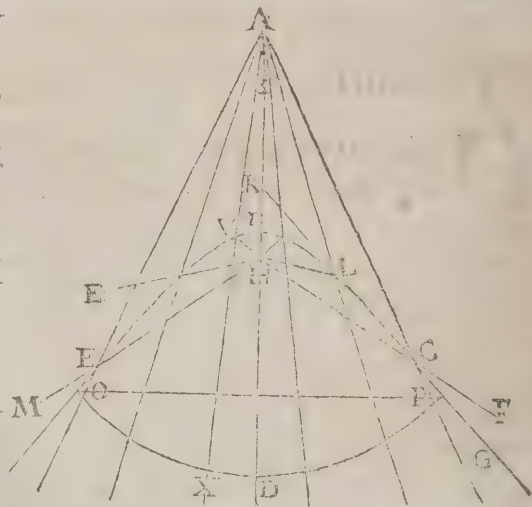
Non est autem quòd repetamus radios omnes parallelos incidentes in parabolæ concuum reflecti ad focum B: sed tam ellipseos quàm hyperbolæ bini foci ex-

plicandi erunt, vbi notauero ingeniosam sectionum comparationem, de qua Keplerus, nempe lineam rectam XY dici posse hyperbolarum obtusissimam, à qua per infinitas hyperbolas, vsque ad parabolam hyperbolarum omnium acutissimam, quæ sit omnium ellipsium acutissima, vti circulus obtusissima; adeout Parabola sit media inter duas sectiones infinitas lineam rectam & hyperbolam, & inter duas finitas ellipsim & circulum, ipsaque sit infinita, quod eius crura nunquam coeant, & quodammodo finitam, quod illa crura quod magè producantur, eò magè parallelismum affectent, & semper minus appetant, licet plus semper complectantur. Cætera vide apud Kepl.

Hyperbolæ Proprietates.

Lineæ rectæ fig. præc. in K se inuicem secantes NM & LO sunt hyperbolæ asymptoti, ad quas hyperbolæ crura semper magis ac magis accedunt, neque tamen illas, etiamsi productas in infinitum, possunt attingere.

Alia hyperbola PQ contra posita dicitur, cuius T focus interior, vt B exterior, quorum focorum vsum sequente figura EIC explico, cuius vmbilicus punctum H eam habet proprietatem vt omnes radios, quales sunt XD , & alij quolibet, ad exteriorem vmbilicum A collimantes in se colligat. verbi gratia radium XV in A pergentem, & hyperbolæ concauo in puncto V occurrentem ab V ad H retrahit vmbilicus H , & alios, qui se in H interfecant.



Præterea radij qui collineant in vmbilicum H , conuexo eiusdem hyperbolæ occurrentes ad vmbilicum, seu focus A reflectuntur, vt ex radis FC & ME concluditur, qui versus H contententes à punctis C & E ad A reflectuntur; quemadmodum radij ab A puncto ad E & C pertingentes ita reflectuntur ad M & F puncta, ac si ab H ad E & F procederent. Quapropter omnes radij in basim OP ca-

dentes, & ad A punctum tendentes, concaui EIC beneficio, suum concursum in H accelerant, quem, ope conuexi, retardant, radius enim PC concurreret tantum in A, nisi punctum concaui C illum in H reflecteret. Quam reflexionem ad angulos incidentiæ æquales fieri demonstratur ex tangente KG, quæ tangit hyperbolam in puncto L.

Quemadmodum verò concauum hyperbolæ radios diuergentes in A conuertit in H, ita conuexum radios ex A diuergentes in C & E magis ac magis in M & F dispergit; quare superficies eadem congregat, & dispergit, coniungit & diuidit; superficies verò concaua, radios à foco H ad puncta CE, &c. productos non quidem congregat, sed minus dispergit.

Punctum S in axe DA, verticem alterius hyperbolæ contrapositionis præbet; linea SI duos vertices connectens vocatur latus transversum, cuius punctum medium duarum hyperbolarum contrapositionum vocatur centrum: Quæ cum pag. 32. libri Gallici de vtilitate Harmoniæ dixerim, post lineam 28. delendæ sunt sequentes 4 lineæ incipientes *A quoy.*

Hinc autem abire nolim quin prius moneam id videri mirabile inter duas conuexas hyperbolas, quales sunt in figura sequentes KRP, & DAE, quod radij ex puncto O in puncta P & S incidentes & ad focos H & B tendentes ita reflectantur vt semper ad eosdem focos contendant, donec lineam rectam AR attigerint; vt in reflexa SR, PQ cernitur, quæ si reflectatur iterum ad punctum R, ab R ad A, & ab A ad G continuò vibrabitur, ad in seipsam reciprocabitur.

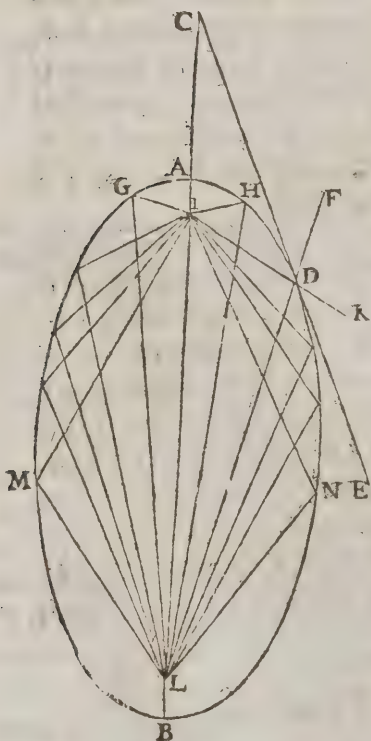
Ex hac etiam figura constat quæ ratione latus rectum hyperbolæ reperiatur; fiat enim vt diameter AC ad ordinatam CE, ita OE ad CL, & ex puncto L ducatur linea recta ad G verticem hyperbolæ contrapositionis perpendicularis. AM erit latus rectum; vt enim GA latus transversum, vnà cum AC inter verticem A & ordinatam EC intercepta, ad tertiam proportionalem CL, ita latus transversum GA ad latus rectum AM. Vel fiat vt rectangulum GCA ad quadratum CE, ita transversum latus AG ad aliud, vt rursus AM latus rectum habeatur. Quibus inuentis asymptoti reperiuntur hac ratione. Media proportionalis in-

ueniatur inter AG & AM , cuius pars media à latere recto AM abscissa, nempe AN , punctum N ostendit, per quod ducta recta ex F hyperbolarum centro, dabit asymptoton FE , eritque quadratum NA quarta pars rectanguli GAM , vt prima prop. lib. 2. Conic. docetur, vbi Commandinus aduertit lineas illas nunquam coincidentas ἀσυμπίπτουσιν τῇ τμῇ nuncupari.

Centrum verò F est vertex conì, & recta AN potens figuræ quadrantem, est radius circuli nascentis ex sectione conì per AN , hoc est distantia axis FA à puncto N lateris conì FN , è cuius puncti N regione reperitur vertex hyperbolæ A . Vertex ipsius conì F idem est cum centro hyperbolarum: & ipsa asymptotos FE latus est trianguli conum per axem secantis.

Aliæ proprietates ex hyperbolæ descriptionibus concludi poterunt; nunc enim aliqua de Ellipsi subiicienda.

De Ellipseos Proprietatibus.



SIt Ellipsis $AMBN$, quæ generatur ex sectione conì, eo modo quem Apollonius prop. 13. l. primi describit, postquam 11. prop. docuit qua sectione parabola, vt 12. prop. hyperbola generetur. Cuius ellipseos, cum sint multæ proprietates, illa tamen notatn dignior videtur, qua radios omnes siue lucis, siue soni à foco L ad focum I reflectit, vt ex radio LD in I focum reflexo satis intelligitur, quippe angulus incidentiæ LDK æqualis est angulo reflexionis IDF , quod & CE tangens ellipseos in puncto D ostendit. Itaque cubiculi interioris latera figuram $AMBNHA$ habentia candelæ in L collocatæ radios omnes, qui politos parietes ferient, ad I punctum remittent, in quo non minus clarè legas quàm propè punctum ipsum L , tametsi 20, aut pluribus hexapedis oculus in L positus distet, licet inter L & I nullus legere possit; audiétque auris in I posita quæ submissa voce dicentur in puncto L . Simili-

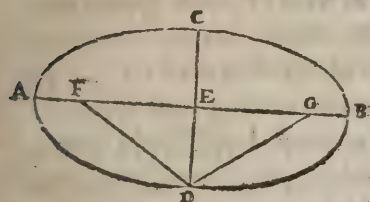
que auris in I posita quæ submissa voce dicentur in puncto L . Simili-

ter globus ab L puncto in M aut quodlibet aliud punctum parietis B L G reflectetur in I, adeout pilæ omnes in sphæristerio à puncto I in parietes ellipticos immissæ, ad punctum L venturæ sint, si perfectè duræ & politæ, parietum instar intelligantur, & aëris obstitentia non numeretur.

Altera proprietas in eo consistit, quod linea quælibet ab vno foco ad concavi elliptici punctum quodlibet ducta, & ad alium focum reflexa, hoc est linea incidens reflexæ addita sit æqualis axi, vel maiori diametro Ellipseos, B A, cui verbi gratia æqualis L D I, vel L G I, vel I N L.

Tertia, quod radius exterior quilibet vt F D, vergens ad vnum ex focis, purâ in L, & à conuexo elliptico H N in puncto D impeditus, reflectatur ac si ab alio foco I procederet, vt constat ex radio reflexo D K, qui rectâ pergit ad focum I: itaque pila à K in D projecta in F punctum reflecteretur.

Facile verò reperitur focus vterque datæ ellipseos, quandoquidem maioris diametri sumpto dimidio, hoc est in ellipsi sequente sumpta linea E B, & vno pede circini in minoris diametri C D extremitate collocato, pes alter in maiorem diametrum transpositus ostendet focos F & G, est enim A E, vel E B æqualis D F, vel D G.

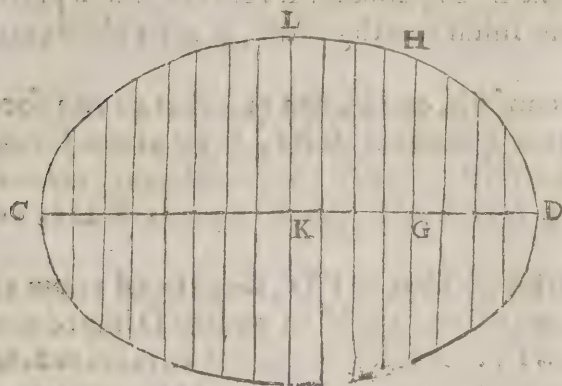


Diximus verò prop. 26. libri Gallici de vocè, quomodo datis focis, & vna ellipseos diametro, inueniatur altera diameter, & prop. 23. quæ sit ellipseos & circuli comparatio; certum est autem circulum ellipsi æqualem esse, cuius diameter fuerit media proportionalis inter maiorem & minorem illius diametrum. Ibidem prop. 25. modus inueniendæ areæ ellipsis, & ipsius sphæroidis soliditas explicatur, vt enim maior diameter ad minorem, ita circulus descriptus super maiore diametro ad aream ellipseos, vtque minor diameter ad maiorem, ita circulus descriptus super minori diametro ad ellipseos aream. Est autem sphæroidis A C B D A. quadruplus coni, cuius basis circulus super C D diametro descriptus, & altitudo A E,

Descriptio Ellipseos, & Parabole.

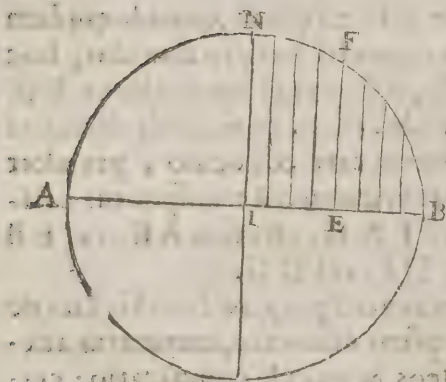
Quàm bellè in hortulanorum gratiam tam ellipsim, quàm hyperbolam vir illustris describat: nullus nescit qui Dioptricam illius.

perlegerit; caput 8 ipsa figurarum pulchritudine tam corporis, quam mentis oculos recreat: Ellipseos verò describendæ secundum modum ex 28. propos. libri



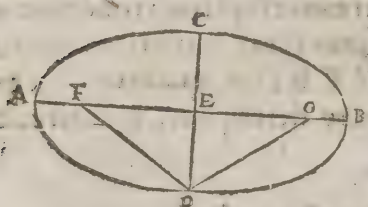
Gallici de voce repeto, qui datas supponit ambas Ellipsis diametros, vel semidiametros CK, & KL.

Itaque describatur circulus ANB ex radio IN æquali semidiametro KL, & super radium IB in quotcunque partes æquales diuisum ducantur perpendiculares

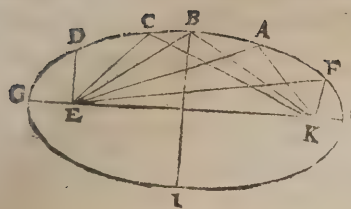


vsque ad circumferentiam NFB; quæ lineæ super semidiametrum KD, & KC in totidem, ac IB, diuisam, hinc inde transpositæ, (qualis est EF in GH translata) suis summitatibus ostendent per quæ puncta CLH D Ellipsis trāsire debeat. Vnde colligitur quantam inter se affinitatem habeant circulus & ellipsis, quæ videri possit circulus extensus: vt autem quadratum ordinatæ GH ad quadratum ordinatæ KD, ita rectangulum DGH ad rectangulum DKC, quod de aliis quibusuis ordinatis concludendum.

Huic descriptioni aliam adtexo, quæ hortulanis commoda, sint igitur puncta, seu foci FG, in quibus duo funis extrema palis seu baculis adstringantur; sitque funis diametro maiori BA æqualis: si digito, vel baculo trahatur funis equaliter ad punctum C, & hinc per omnes partes lateris ADB, & omnes partes lateris ACB, ellipsis describetur, quod in sequente figura distinctius cernitur, in



qua funis EFK æqualis diametro GH, & in punctis EK affixa ducitur ad C, & transfertur ad BAFHIGC, cum stilo ferreo, vel ligneo,



ligneo, qui suo acumine ellipsim, vel quotlibet ellipsis puncta describit.

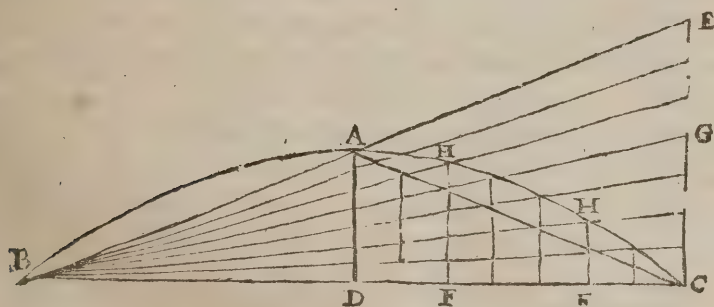
Hic autem modus nullius diametri cognitionem supponit, & cuiuscunque magnitudinis funes descriptorij, seu metatorij sumantur, semper ellipsis describetur, cuius tamen species mutabitur, si punctorum $E K$, quæ funis extrema de-

terminant, distantia minor, aut maior euadat; si maior, erit angustior ellipsis, & ad lineam rectam magis accedet, in quam migrabit cum funis æqualis fuerit maiori diametro $G H$: si minor, propius circulum æmulabitur, & tandem in eum transformabitur cum ambo funis extrema simul fuerint.

Si verò funem illum eadem ratione qua distantiam punctorum augeas, vel minuas, ellipsis semper eiusdem speciei futura est, adeout describi possint ellipses eiusdem speciei quarum magnitudines sint inter se in data ratione; quoties enim seruabitur eodem ratio inter $G H$, vel quamcunque aliam diametrum maiorem & punctorum $E K$ distantiam, toties ellipsis erit eiusdem speciei: videatur 8. dioptricæ discursus ab illustri viro scriptus.

Parabola descriptio.

Multifaria sectionum conicarum descriptio videatur apud virum clarissimum D. Mydorgium, qui totum librum secundum in iis describendis infumit: Ille verò modus, qui nihil præter triangulū supponit, præ cæteris arridet: quapropter esto primum triangulus $B A C$, circa quem parabola describetur, si prius bifariam à $D A$



recta diuidatur; cui $C E$ vt libet producta parallela fiat: Deinde diuidatur $D C$ in quotuis partes æquales: similiterque $C E$ diuidatur in totidem partes æquales; tum à puncto B ducantur rectæ ad omnia puncta in linea $C E$ notata, quales sunt lineæ $B E, B G$: denique du-

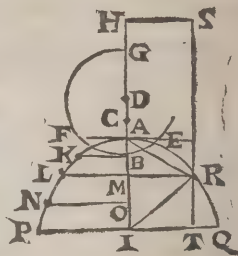
cantur perpendiculares in puncta singula facta in linea DC , quales sunt FH , quæ lineas omnes à B puncto in lineam CE ductas secabunt in punctis AHC , per quæ parabola describetur.

Alium modum omitto mediis egentem proportionalibus, de quo prop. 29. libri de voce, vt sequentem admodum facilem, & ad inuestigandam salientium figuram aptissimum explicem. Ducatur ergo recta seu axis parabolæ IH , in qua punctum B sit focus, & in linea BH sumetur ab A vertice CA æquale BA . Deinde secetur axis AI perpendiculariter in punctis BM , OI , vel aliis quibuscumque siue æqualibus siue inæqualibus per lineas BK , ML , ON , & IP . Tertiò sumatur circino interuallum à puncto C ad quamvis sectionem perpendicularem, putà ad M , & translato crure in punctum C , ac priori apertura circini immota manente, notetur punctum L , quod etiam ad dextram in altera parte fieri potest in puncto R . Idemque fiat ex interuallo CO , quod ex puncto B designabit punctum N , quemadmodum interuallum CI , ex puncto B dabit punctum P , & ex altera parte Q . Si parabolam infra Q & P producere velis, illa infra Q & P eadem methodo in infinitum producet. Huius verò Parabolæ latus rectum inuenitur ex qualibet ordinata, qualis iam sit BK , & linea parallela AF descripta per A verticem, ductus enim circulus ex centro D per extrema istius parallelæ FE transibit etiam per B , & G , eritque AG latus rectum, seu parameter: nam AF æqualis lineæ KB est media proportionalis inter BA , AG , hoc est quadratum BK æquale est rectangulo GB , BK . Eodemque modo ML , est media proportionalis inter MA , AG , & IP media inter IA , & AG , & ita de reliquis; vnde constat AG esse inuariabilem, ac velut immobilem, & vocatur iuxta quam, nempe possunt omnes ordinatæ.

Hæc autem figura etiam utilis est ad alias proprietates explicandas qualis est sequens. Ad axem in punctum quodlibet, vt H , productum ducatur perpendicularis HS ; & ex puncto I vbi cumque etiam in axe sumpto ducatur linea quæpiam vt IR ad parabolam, & ex puncto R ducatur RS axi HI parallela, erit IR ad RS , vt IA ad AH , vt Pappus demonstrat prop. 238. lib. 7.

Sed ad inueniendum parametrum solus focus sufficit, quandoquidem axis BA inter focum B & verticem A interceptus est, quarta pars & ordinata BK dimidium est parametri.

Præterea si ducatur à vertice A linea quæcûmque ad quoduis con-



cui punctum, vt AR, cui fiat perpendicularis RI, erit ordinata IQ
æqualis lineæ RI.

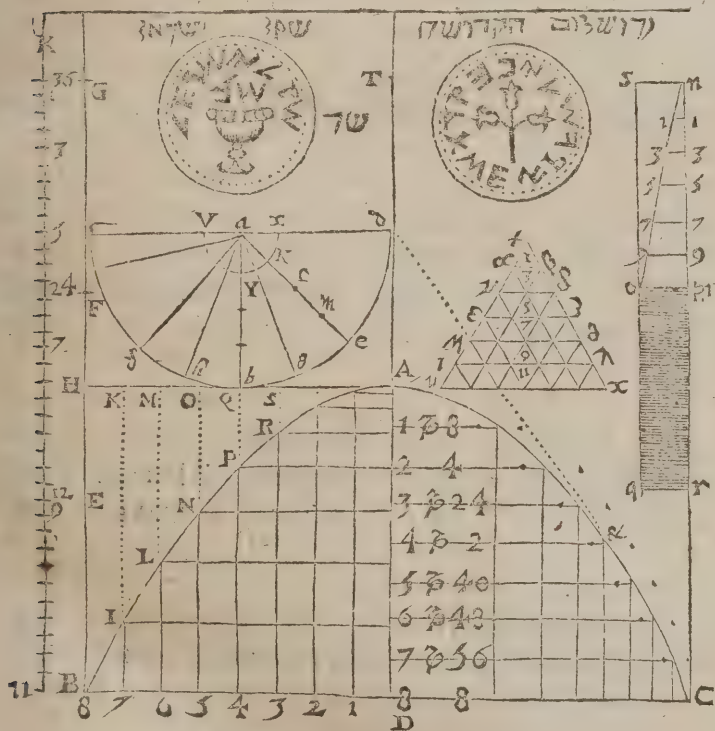
His igitur ad maiorem sequentium intelligentiam præmissis, ad
propositionem decimam nonam accedamus; qua rursus ea comple-
ctimur quæ ad eas parabolæ proprietates attinent, quibus præsertim
egemus ad salientes explicandas.

PROPOSITIO XX.

*Definire num salientes horizontales sint hyperbolica,
elliptica, vel parabolica.*

Sit parabola BAC, cuius axis, seu principalis diameter AD,

quem octo dextræ ordinatæ in 8 partes æquales; octo sinistræ in
8 inæquales
secent, qui-
bus postmo-
dum egebi-
mus.



Sintque
præterea sep-
tem aliæ dia-
metri axi,
seu princi-
pali diame-
tro DA pa-
rallæ hinc
inde; quarû
dextræ inæ-
qualiter, si-
nistræ verò
equaliter in-
ter se distet,
vt basim
DB diuidat
in 8 partes
æquales, vt

bina sit æqualitas, & bina inæqualitas, quibus natura Parabolæ ma-
gis innotescat. Quæ clariora fient ex sequente tabula, cuius prima

columna septem sinistrarum diametrorum longitudinē; (primā longitudine maxima omnium supposita 64 partium æqualium) secunda & tertia columna 8 sinistras ordinatas; quarta denique longitudes 8 dextrarum ordinarum exhibent.

Quibus intellectis considerandæ sunt primū ordinatæ dextræ, quarum prima & septima, id est 8 & 4, numeris rationalibus, reliquæ surdis, seu Radicibus exprimuntur.

Deinde, inquirendum an salientes has ordinatas sequantur, quod necessarium est si fuerint parabolicae. Sit igitur tubus pedalis vertici parabolæ A ita superextans, ut eius lumen 16 digitis super horizontem HA erectum intelligatur habere salientem 22. digitorum (iuxta secundam columnam secundæ tabulæ propositionis præcedentis, quæ hîc repeti potest.) Quæ respondeat ordinatæ, cui 4 inscribitur, & quæ, descendendo ab A vertice, secundo loco ponitur.

Debet igitur saliens DC esse 42 digitorum, cum lumen 4 pedibus super A puncto tollitur, ut ex prædicta tabella constat, sed DC ordinata dupla est ordinatæ secundæ numerum 4 inscriptum habentis; quapropter si 4 intelligatur esse 22, octo respondebit numero 44, qui binario 42 superat, igitur saliens non est exactè parabolica, cum ab ea duobus digitis in puncto C deficiat.

Sed accuratius examen ex sinistris ordinatis instituamus, cum enim sint omnes rationales, calculo facilius accommodabuntur; sitque propterea partium 8 minima ordinarum, cum maxima BD æqualis axi DA fuerit 64 partium, hoc est ordinata minima sit maximæ sub-octupla; referatque minimam salientem tubi pedalis, cuius lumen A super horizontem HA vnico digito tollatur; sitque longitudo salientis 8 digitorum, qualem observatio tribuit. Axis verò pars intercepta verticem inter & ordinatam minimam erit vnus digiti, qualium illa 8 fuerit, adeo ut huius parabolæ minima pars axis intercepti, & minima ordinata nostris observationibus perfectè respondeat.

Enimvero tubi nostri pedalis octo super horizontem eleuationes in axe per eadem puncta notantur, ad quæ ordinatæ applicantur, & appellantur.

Tabella linearum in hac parabola figura descriptarum.

I	II	III	IV
63	1	8	Radix 8
60	2	16	N. 4
55	3	24	R. 24
48	4	32	R. 32
39	5	40	R. 40
28	6	48	R. 48
15	7	56	R. 56
	8	64	N. 8

Tubus igitur, vel potius tubi lumen super horizontem eleuatur digitis 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49 & 64, iuxta diuisiones axis AD. Quorum eleuationum salientes octo sinistris ordinatis æquales esse necesse est, si parabolam describant.

Cum igitur

faliens à qua cæpimus, luminis horizonti digito superextantis sit 8 digitorum, secunda faliens debet esse 16 digitorum, tertia 24, quarta 32, & ita de reliquis octonario numero se superantibus, donec vltima, seu maxima faliens BD sit 64 digitorum.

Tabula salientium & ordinatarum.

I	II	III	IV
1	1	8	8
2	4	16	13
3	9	24	19
4	16	32	27
5	25	40	32
6	36	48	36
7	49	56	40
8	64	64	45

nes exhibet, adeo ut tertiæ & quartæ columnæ comparatio satis super-

que demonstret falientes non esse parabolicas.

Poterit etiam quisquis experiri num falientes per diametrorum dextrarum, vel sinistrarum vertices transituræ sint; hoc est, num quadrent diametrorum sinistrarum numeris 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, quarum summitates radent, si fuerint parabolicæ.

Quod in omni Parabola verum erit, siue nostrâ maior, siue minor fuerit diuersas tuborum longitudes, aut luminis super horizontem varias eleuationes; adeout vno puncto falientis dato, reliqua nota sint, cum omnes parabolæ similes esse constet.

Exempli gratia: Si lumen ita super horizontem attollatur, vt saliens æqualis sit parametro DC , & eleuatio DA sit vnus pedis, vel itque Aquarius falientem luminis centum pedes super horizontem crecti, media proportionalis inter DC , vel DA , & eleuationem centupedalem dabit falientem decem pedum. Vel, vt numeris in parabola nostra descriptis vtamur, cum linea BD falientem digitorum 64 referat, axis infra D producat, donec sit centum digitorum, qui ducti in 64 parametrum, generant rectangulum 6400, quod sit etiam ab 80 medio proportionali inter 64 & 100. Itaque si fuerit saliens parabolica, quoties luminis eleuatio super horizontem æqualis erit DA seu 64 mensuris, toties erit 80 mensurarum in eleuatione luminis centupedali super horizontem. Constat autem experientia nequidem esse 12 pedam falientem luminis centum pedes crecti, cum luminis 128 pedes horizonti superextantis saliens ad summum 12 pedes æquet, vt postea dicturi sumus.

Non est autem quod Hyperbolam per puncta ab A ad C extra lineam parabolicam AC descripta, vel Ellipsim à punctis internis, quæ sinistris ordinatis adscribuntur, in examen aduocemus, cum vtraque definant in C , vt parabola; & puncta hyperbolæ magis etiam distent ab axe DA , quam latus parabolæ CA .

Adde quod Ellipsis in progressu maximam diametrum AD (quæ duplò productior versus D debet intelligi) secet, & alteri lateri BA producto, quod Ellipticum supponitur, tandem occurrat, quod minime contingit falientibus.

MONITVM.

Cætera quæ cernuntur in figura non hîc, sed aliis locis explicantur, quæ solummodo relictæ sunt, quod abscindi nequiverint absque parabolæ iniuria. De siclo vide primum tractatum vbi de nummis Hebraicis: reliquæ figuræ vel istis hydraulicis, vel Acon-

tismologicis feruiunt, & in generali librorum omnium Præfatione aperiuntur; qua de re Lectorem moneri oportuit, quod hæc figura sæpius repetatur, nam & in sequente 23. prop. reponitur.

PROPOSITIO XXI.

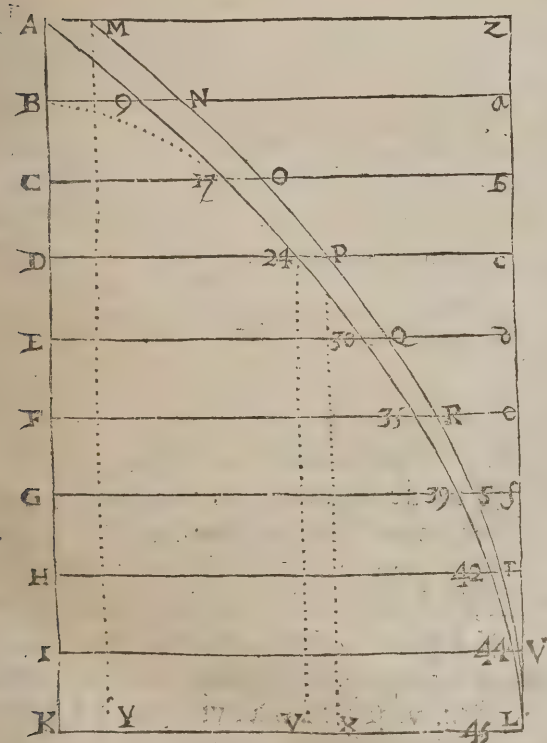
Aqua horizontaliter salientis lineam experientia respondentem, illiusque naturam & proprietates explicare.

Esto parallelogramum AZ, KL ad horizontem erectum, cuius pars superior AZ, & inferior KL horizonti parallela; sitque tubi pedalis super horizontem BA perpendiculariter erecti, & semper aqua pleni lineare lumen rotundum B, ex quo

versus NA horizontaliter directo exiliat aqua, constat salientem non semper rectâ versus a progredi, sed illius motum ex perpendiculari BH, & horizontali Ba compositum esse, atque adeo salientem descendere à B ad K, seu L, & simul moueri horizontaliter à B ad a, seu ad L.

Porrò docet experientia tubum prædictum pedalem à B ad A, ut prius dictum est, erectum, suumque lumen in puncto B habentem, quod versus N dirigatur, suam aquam ad punctum 17. emitte; itaut eodem tempore quo descendit à B ad C, lineæ horizontalis iter C-17 per-

currat. Sed cum altitudines, & latitudines curvæ lineæ B 17 non satis obseruauerimus, in reliqua saliente, quam docuit obseruatio trān-

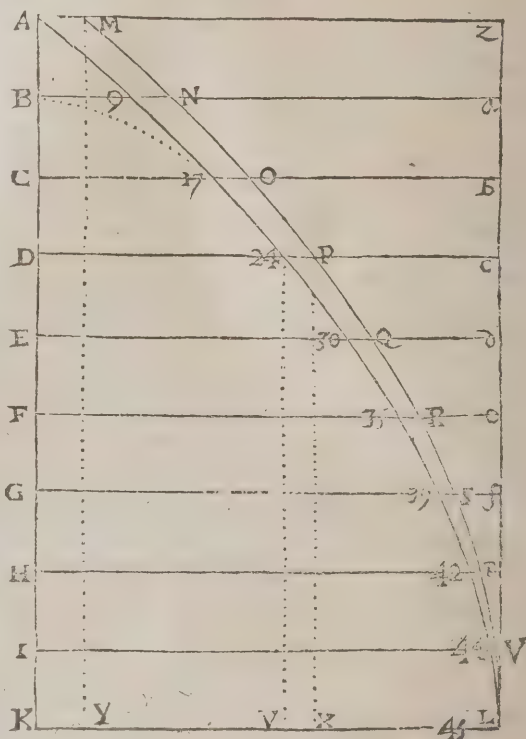


re per puncta 17, 24, 30, 35, 39, 42 & 44, describenda consistemus.

Est autem linea BK horizonti perpendicularis in 8 partes æquales BC, CD, DE, EF, FG, GH, HI, & IK diuisa, quarum vnaquæque fuit in obseruationibus, digitorum $6\frac{1}{2}$, adeout lineæ BK intelligi debeat altitudo 52 digitorum, ex quibus lineam IK, seu digitos $6\frac{1}{2}$, vtpote non obseruatos, demo, vt supersint digiti $46\frac{1}{2}$ pro longitudine, seu altitudine lineæ BI obseruatæ.

Notum est enim figuras non posse satis commodè magnitudinis eiusdem exhiberi, cuius in experientiis esse necessum est, quapropter AK linea, quæ fuit digitorum $58\frac{1}{2}$, dum obseruarem, hîc est tantum digitorum $3\frac{1}{2}$, seu 40 linearum, quod animaduertendum fuit, ne qui uoluerit experiri decipiatur.

Cum igitur saliens ex osculo lineari B nobis apparuerit per puncta 17, 24, &c. prius enumerata, vsque ad 44 transisse, itaut linea horizontalis C 17 reperta fuerit 17 digitorum, sequens D 24, digitorum 24, & ita de sequentibus vsque ad I 44; quandoquidem numerus quilibet lineæ inscriptus explicat suæ lineæ horizontalis longitudinem in digitis, resumatur, in Geometrarum gratiam, parallelogramum AK, & ZL, cuius AZ, vel KL sit 45 digitorum, qualium ZL, seu AK supponitur $58\frac{1}{2}$, vt area parallelogrami sit digitorum quadratorum 2640 $\frac{1}{2}$. Eademque ratione qua linea ducitur per puncta 17, 24, &c. vsque ad 44, vtrimque à puncto 17 ad punctum A, & à puncto 44 vsque ad punctum L continetur. His enim ita positis, & intellectis faciliè definierur qualis sit linea hæc saliens, sumptæ siquidem omnes lineæ ductæ à saliente A 9, 17, 24, 30, 35, 39, 42, 44, & 45 ad lineam ZL, ostendunt numeros triangulares



triangulares seinuicem ab vnitate consequentes inter puncta salientis, & lineam Z L. interijci, nam existente linea Z A 45 digitorum, linea *g a* est 36, linea *17 b*: 28, 24 *c*: 21 *d* 30: 15 *e* 35, 10, *f* 39, 6 *r* 42, 3: & vltima inter 44 & V est 1, qui primus est triangularis.

Cum autem quilibet triangulus, seu numerus triangularis componatur ex dimidio latere alicuius quadrati, & dimidio eiusdem quadrati (vt constat ex ternario, qui ex 1 dimidio latere 4, & 2 dimidio 4 componitur; & ex senario, qui ex $4\frac{1}{2}$ dimidio quadrati 9, & ex $1\frac{1}{2}$ dimidio lateris eiusdem quadrati 9) si triangulares numeri ita diuidantur, vt partes illorum quæ dimidiis quadratis respondent, ex quibus fiunt, terminentur ad lineas super latere Z L perpendiculariter descriptas, hoc est si Z M fiat digitorum $40\frac{1}{2}$. AN, 32. Ob, $24\frac{1}{2}$. Pc, 18. Qd, $12\frac{1}{2}$. Rc, 8. Sf, $4\frac{1}{2}$, & duæ vltimæ sequentes 2 & $\frac{1}{2}$; erunt reliquæ partes vt dimidia latera quadratorum, nempe MA, $4\frac{1}{2}$. N 9, 4. O 17, $3\frac{1}{2}$. P 24, 3. Q 30, $2\frac{1}{2}$. R 35, 2. S 39, $1\frac{1}{2}$. r 42, 1. & vltima $\frac{1}{2}$.

Cum autem dimidia quadratorum sint in eadem ac ipsa quadrata ratione, sequitur lineam per puncta M N O P Q R S, &c. vsque ad punctum L descriptam, in quo vertex illius, esse parabolam.

Falcem verò possumus appellare figuram lineis M L parabola, L A saliente, & A M recta comprehensam; quæ falx æqualis est dimidio parallelogrammi A M K Y, hoc est triangulo K M A, si nempe intelligatur ducta linea recta à puncto K ad M.

Quod quidem triangulum A K M reperietur diuisum in nouem spatia octo videlicet trapezia, & vnum triangulum; quibus nouem spatiis hoc accidit vt vnumquodque sit æquale ei falcis spatio, quod spatium trianguli respondet; exempli gratia, spatium falcis A M N 9 æquale est ei trapezio, cuius basis est A B; & spatium 9 N O 17 æquale trapezio, cuius basis est B C, & ita de reliquis.

Constat verò ex iis quæ ab Archimede de spatio parabolæ demonstrata sunt, spatium trilineum L P M Z esse tertiam partem parallelogrammi M Z L Y: cumq; hoc parallelogrammū se habeat ad parallelogrammum M K, vt recta Z M ad rectam M A, patet notam esse rationem parallelogrammi Z K ad parallelogrammum M K cuius M K cum dimidium sit spatium falcis, vt suprà, sequitur parallelogrammi Z K ad spatium falcis notam esse rationem. Vnde etiam faciliè innotescit ratio totius parallelogrammi Z K, ad spatium saliente A L, & duabus rectis A K, K L comprehensum.

Sed & recta tangens salientem in quouis puncto dato, putà 9, 17, 24, &c. faciliè dabitur; quærat enim, exempli gratia, tangens ad

Q

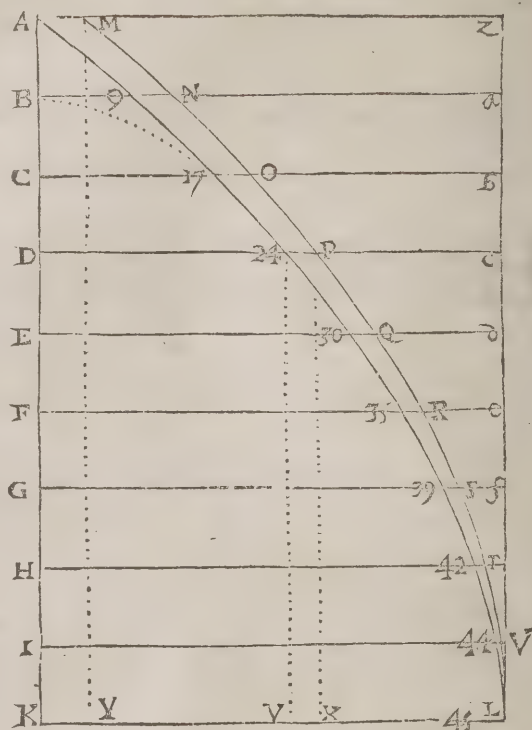
punctum 24. Ab eo puncto duæ rectæ ducantur, altera quidem D
24 P ipsi K L parallela,
secansque parabolam in
puncto P, altera verò 24
V eidem K L perpendicularis.
A puncto autem P
ducatur P X, ipsi 24 V pa-
rallela, occurrensque ei-
dem K L in puncto X, ma-
nifestum est rectam P X
ordinatim adplicatam esse
ad K L axem parabolæ.

In quo axe producto ultra verticem L, si punctum inueniatur, in quo occurrat recta, quæ tangit parabolam in puncto P (quod quidem punctum erit ultra verticem L, longitudine rectæ XL) atque ab ipso puncto ducatur recta ad punctum 24, hæc recta tanget salientem. De cæteris esto similis constructio. Horum autem om-

nium qui demonstrationem voluerit, ab insigni Geometra D. Robervallo repetat, qui linearum omnium, verbi gratia conchoïdeos, quadratricis, &c. tangentes, & generalem ad eas inveniendas methodum reperit, & pluribus inuentis Geometriam ditauit.

Porro si punctum L sumatur pro vertice salientis, quemadmodum
& parabolæ, horizontales lineæ KL , 144. H 42, &c. erunt diame-
tri: si verò punctum A fuerit vertex salientis, eedem lineæ vocabuntur
ordinatæ, & V 24, eiusque parallelæ, diametri; quæ quidem V 24
ducta est, vt quispiam nouerit eodem modo salientis, quo parabolæ,
tangentes inueniri, vt superius explicatum est.

Adde tamen post inquisitionem adeo exquisitam nondum ad veram nos salientis figuram peruenisse; quod primò constat ex addita linea 17 A, quippe saliens est similis lineæ 17 B: secundò, ex eo quòd si pergatur ultra punctum L, ob maiorem super horizonte luminis elevationem seu altitudinem, vel ipsius horizontis depressionem, pro-



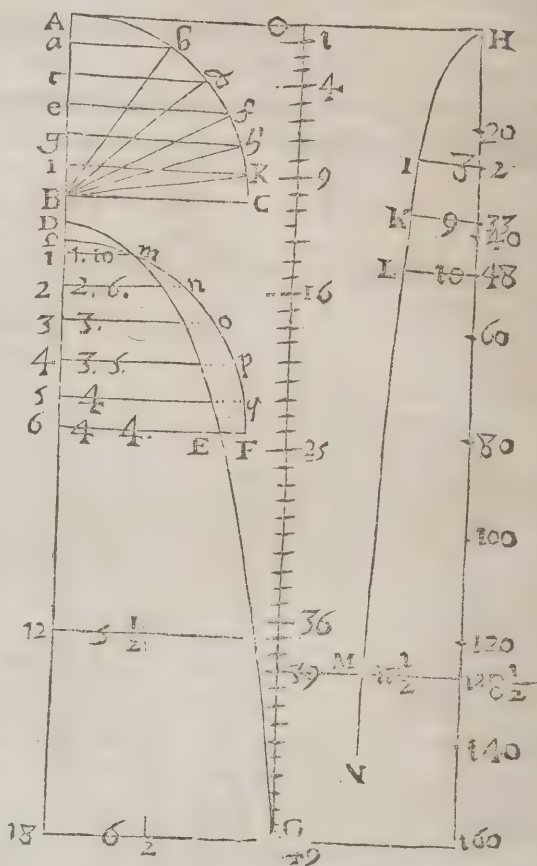
tudines super horizontem in pedibus expressas, 27, 33, 48, & 128 $\frac{1}{2}$; quæ quidem salientes numeris 8, 9, 10, & 11 $\frac{1}{2}$ respondent.

Porrò clarum est neutram istarum linearum esse parabolam, alioquin ordinata M 11 $\frac{1}{2}$ dupla foret ordinatæ H 9. Hoc est, cùm aqua descendit ex puncto H spatio trium temporum, & in linea O G usque ad punctum 9 pervenit, seu 9 spatia percurrit, si novem pedum fuerit ordinata; quando 36 spatia confecta sunt, erit ordinata 18; quæ tamen est tantum 11 $\frac{1}{2}$ post confecta 39 spatia.

Multò magis accedit ad parabolam altera linea D E G, ut ex ordinarum inter se comparatione innotescit: quæ quidem linea soli præcedentis initio responderet, ut ex axe D 18 concluditur, qui brevior est axe H 20, quem observatio pedum viginti supponit. Vnde concludendum est eò magis à parabola deficere salientes quò maiores fuerint; hoc est quò propius ad terræ centrum accesserint.

Quò vero loco saliens augeri desinat, & num semper augeatur donec centrum telluris ei occur-

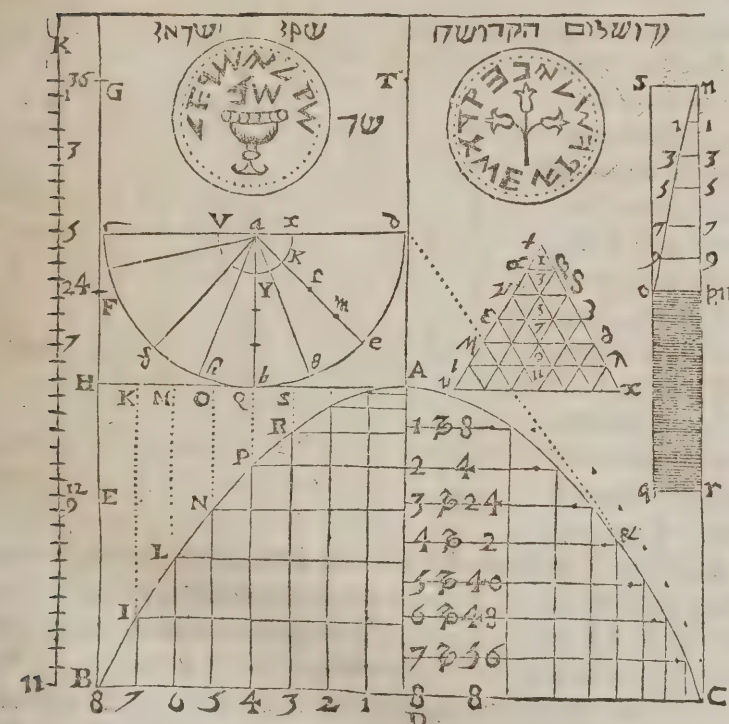
rerit, pronunciari difficillimum est: videtur tamen probabilius vim illam qua saliens horizontaliter movetur omnino tolli ab aëris resistentia; quam cum in puncto 128 $\frac{1}{2}$, in quo salientis longitudo apparuit 11 $\frac{1}{2}$, nondum sustulerit, dum ad punctum N & ultra descendit, crescit adhuc tantisper, necdum extinguetur, cùm ex puncto H usque ad 160 pedes descenderit.



Virorum subtilissimorum studio videtur opus ad punctum inueniendum, in quo salientes motu suo horizontali ab aëre resistente, & motum illarum sufflaminante, atque in se recipiente penitus spolientur; cui spoliationi agnoscendæ si ratio ponderis aëris ad aquæ pondus utilis fuerit, inferiùs illa ratio explicabitur; eritque problematis sequentis solutio doctis gratissima, *Dato cogniti corporis motu, datoque medio per quod mouetur, dare locum, & instans in quibus illo motu corpus ab isto medio spoliari debeat: neque enim illam solutionem impossibilem cedidero.*

PROPOSITIO XXIII.

Rationem inquirere ob quam salientes horizontales non sunt Parabola,

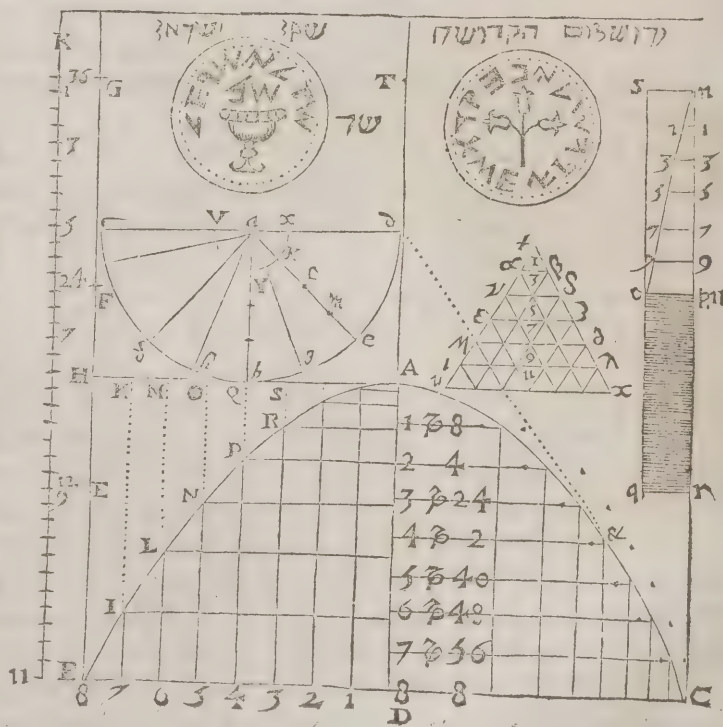


tionis temporum, vel secundum numeros impares 1, 3, 5, 7, &c. iuxta

Cum ex tractatu de motu Projectorū constet Parabolā AB à graui duobus impulsio motib⁹ descriptam iri, quorū vnus sit æquabilis, & horizontalis ab A ad G, & alter rectā pergat versus centrum ab A ad D, cum acceleratione duplicatæ ra-

quos axis parabolæ DA per sinistras ordinatas diuiditur, constetque etiam primo spatio inter verticem A & primam ordinatam intercepto pro tubi seu luminis super horizontem erectione, & ordinata prædicta pro prima saliente intellectis, sequentes ordinatas esse debere salientium longitudines horizontales, quando luminis super horizontem eleuationes iuxta numeros impares, in quos axis diuiditur, paulatim crescunt; vel cum vnica vice lumen super horizontem altitudine DA tollitur, salientem fore DB ordinatæ penitus æqualem, à qua tamen saliens plurimum distat, quippe quæ vix sit decem pedum cum è lumine 36 pedes super horizontem erecto salit, vt in præcedentis propositionis linea HL videre est, cuius ordinata L 48 decem pedes non excedit, etiam si lumen 48 pedes horizonti superextet, clarum est non describi parabolam a salientibus. Alioqui saliens par ordinatæ DB deberet esse pedum $14\frac{1}{2}$, cum in erectione pedali luminis super horizontem sit pedis vnus & $\frac{1}{2}$ seu 10 digitorum.

Ratio autem cur saliens horizontalis non possit describere parabolam, ex aëre petenda, qui guttulas inter se insinuat, & interferit, easque minutatim ita diuidit, vt in spumâ, minutissimumque puluerem abire videantur, cum saliens verticalis



30, vel plures pedes in altum tollitur. Vnde fit vt quemadmodum minutissimus puluis in altum sublatus vix recidit, quod superficiei plurimum,

soliditatis verò parum habeat, atque adeo facile retardetur ab aëris resistentia; ita guttulæ per aërem sparsæ maxima suæ velocitatis dispendia, non solum quæ descendunt, sed etiam quæ mouentur horizontaliter, patiantur.

Hinc fit ut pluviæ guttæ, cum vsque ad nos ex nubibus quantumcunque sublimibus peruenere, longè tardiùs, quàm lapides, aut alia graui, licet ipsis guttis leuiora, ex 50 duntaxat pedum altitudine descendunt, moueantur. Non enim illorum partes effluere ac diuidi possunt, ob partium cohæsiõnem, & tenacitatem, quibus aqua destituitur.

Quod in globis æreis facile quispiam experietur, qui licet aqua leuiores sint, in ea siquidem natant, nec immerguntur, longè tamen velociùs ex centum pedum altitudine descendunt.

Quamquam arida, duraque corpora adeo leuia possint esse ut etiam tardiùs aqua descendant, ut ex obseruatione globorum subere vel sambuci medulla constantium, & carpionis vesica constat, de quibus alio loco dictum est: iter enim quod globus plumbeus, vel æreus spatium 2 secundorum percurrit, vix 5 secundis à medulla sambucea conficitur, licet initio descensus æquali velocitate moueri videatur, ut in obseruationibus harmonicis dictum est.

Porrò notatu dignum prædictam vesicam 1800 vicibus ad minimum esse leuiorem plumbo eiusdem magnitudinis; & aqua illam in aëre, ac plumbum in aqua velocitate, spatium 12 pedum, descendere, ut ibidem obseruatum est.

COROLLARIUM.

EX dictis de salientibus aquæ horizontalibus facile concluditur aquam è carchesio mali descendentem, quamdiu nauis æquabiliter mouetur, non esse descensuram ad prædicti mali pternam D, ad punctum B transpositam; quod ita probatur, Ex obseruatione constat aquæ guttam ex A mali carchesio, cui vas ex quo cadit, innititur, initio sui descensus vix à globi plumbei, vel ærei velocitate superari, quapropter initio, parabolæ B A partem R A, veluti plumbum, describet; sed cum 20 pedes descenderit, à plumbo velociùs porrò descendente, & à cera relinquetur, cumque malus A D fuerit in linea B G, gutta nondum erit in puncto B, sed in puncto L, vel I, vel potius in aliquo puncto ordinatæ L inter axem A D & L intercepto: quod perinde concludendum de corporibus quæ plumbi descensum initio videntur æmulari, sed propter nimiam leuitatem postmodum

ab aëre præpediuntur, vt ex subere constat, & vesiculis carpionum inflatis.

MONITVM.

SI quis iubeat puerum nauis velocissimè currentis malum conscendere, vt ex carchesio globulum plumbeum, subereum, medullarem sambuceum, & aquam labi sinat, faciliè notabit quantum motus leuiorum corporum à parabola distent, quam grauiora describunt; illam enim non possunt leuiora describere, quippe quæ procul absunt à mali prerna, cùm ad eam grauiora peruenerint, qua de re fusius in Acontismologia.

PROPOSITIO XXIV.

Quo sensu salientes verticales eandem ad suos tubos rationem obseruare, quam ad suos habent salientes horizontales, dici possint, explicare.

ESto tubus quadrupedalis AB , & pedalis αB , illiusque saliens verticalis CI , huius verò CH subquadrupla; illa, verbi gratia tripedalis, hæc dodrantis pedis.

Sint autem salientes horizontales super eodem horizonte θ , tubi quidem quadrupedalis BA saliens CL ; tubi verò pedalis $B\alpha$ saliens CK , constat ex propositione 16. primam esse secundæ duplam, hoc est in ratione tuborum subduplicata: qua quidem ratione non conueniunt cum eorundem tuborum salientibus verticalibus, qui sunt inter se in ratione quadrupla. Verumtamen si quemadmodum tubus AB est tubi αB quadruplus, ita fiat planum horizontale salientis tubi BA quadruplò humilius plano salientis tubi $B\alpha$, vt saliens CF comparetur cum saliente CK , tunc saliens horizontalis tubi BA erit ad salientem horizontalem tubi $B\alpha$, vt verticalis illius ad huius verticalem, hoc est quadrupla. Quod etiam aliis quibuscumque tubis contingeret, quorum salientes verticales cùm fuerint quintupla, sextupla, aut in alia quauis ratione, horizontales super horizontibus cadentes, quorum altitudines in eadem cum tuborum altitudinibus ratione fuerint, erunt in eadem inter se ratione, ac verticales: si tamen semper defectum ab aëris resistentia profectum excipiamus, quo dempto, salientes horizontales erunt parabolæ, quales in hac

PROPOSITIO XXV.

Tempora quibus salientes horizontales quodlibet spatium percurrunt explorare, seu velocitates salientium explicare.

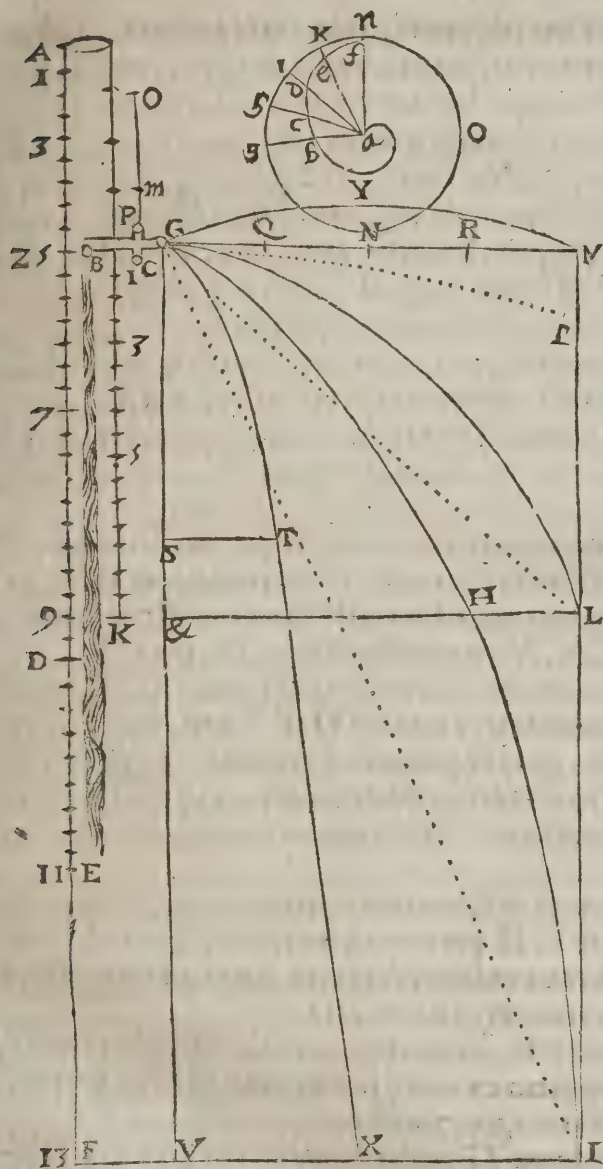
SVperiùs egredientis ex tuborum luminibus aquæ quantitatem definiuimus ex obseruatione, quæ docet aquæ quantitates ex æquali lumine prodeuntes esse in ratione subduplicata tuborum, verbi gratia quantitatem aquæ à tubo quadrupedali effusam, esse ad aquæ quantitatem è tubo pedali salientem, vt 2 ad 1. An verò salientes horizontales, verticales & mediæ sequantur eandem rationem in suis velocitatibus, inquirendū. Cùm igitur velocitas aquæ in ipso lumine acquisita non ampliùs foris augeatur dum mouetur horizontaliter, seque habeat instar velocitatis aliorum grauium, quæ absque noui gradus acquisitione spatium præcedentis spatij duplum percurrere possunt, concludendum videtur aquam horizontaliter salientem spatium tubi, ex quo fluit, duplum eodem tempore percurrere, quo censetur ex supremo tubi osculo descendisse. Quod exemplis illustrandum. Sit, verbi gratia, tubus quadrupedalis, vt aqua saliens ex illius lumine 4 pedes descenderit: si pergat velocitate in lumine acquisita, æquali tempore percurreret 8 pedes: hoc est longitudo salientis horizontalis octupedalis dimidio secundo durabit, si dimidio secundo priùs in tubo descenderit: qua ratione tam longitudo, quàm velocitas salientis horizontalis innotescet, si tubi data fuerit altitudo, & luminis super horizontem erectio. Sed nostro more consulamus experientiam, quæ si quadret præcedenti ratiocinio, saliens horizontalis è tubi tripedalis lumine, spatio vnus secundi minuti debet esse duodecim pedum.

Quod ita probatur. Aqua saliens ex tubo tripedali velocitatem acquisiuit, qua non ampliùs aucta 6 pedes eodem tempore percurrat, quo priùs è tubo descendisse censetur, hoc est, quo tripedale spatium antea confecit: quod ex quiete percurre constat dimidio secundi minuti. Cùm autem saliens horizontalis suum iter horizontale æquali velocitate prosequi supponatur, necesse est vt 12 pedes spatio secundi minuti percurrat. Vel, vt tubo nostro pedali, aut quadrupedali nunc vtamur, eodem tempore quo saliens ex pedis altitudine, hoc est ex tubo pedali descendit, in horizontalem lineam conuersa bipe-

dale spatium percurrere debet, vel octupedale, cum è tubo quadrupedali procedit.

Quæ omnia facilius ex figura sequente percipientur, qua plurimas difficultates breuiter perstringemus. Sit igitur tubus AB pedalis, tri-

pedalis, quadrupedalis, vel cuiusvis alterius altitudinis; cuius aqua in fundo seu puncto B, vel in puncto, seu lumine G considerata, descendisse censeatur ex A puncto, idq; per velocitatis gradus lateri sinistro inscriptos, de quibus toties dictum est. Certum est in puncto s, vel Z, seu B, vel C, vel G, quod iam pro eodem sumitur, illam sibi comparasse velocitatem, qua non aucta possit à puncto Z, seu B ad D punctum descendere, cum linea BD dupla sit lineæ BA. Cum igitur horizontalis linea GM sit æqualis lineæ DB, & motus perpendicularis BD conuersus in GM horizontalem, suæ velocitatis nihil amittat, saliens horizontalis è lumine G discedens ad M perueniet æquali tempore, quo R ij



horizontalis è lumine G discedens ad M perueniet æquali tempore, quo

descenderet ab A puncto ad B, vel G, si gravitate sua non ampliùs descendere conaretur. Sed cum illa gravitas semper eodem modo, quo priùs, urgeat, componitur motus, seu linea curua ex linea G M, seu motu æquabili per G M futuro, & motu vniformiter accelerato perpendiculari B K, hoc est linea G L.

Vbi grauis insurgit difficultas, num saliens, (quæ per orificium fundo B inditum versus terræ centrum descendit, vel per lumen G versus M exilit, coacta tamen sequi lineam curuam G L, ob gravitatem à linea G M retrahentem) sequatur gradus velocitatis lineæ B K inscriptos, an potiùs numeros lateri sinistro A F additos. Enimvero si sequitur numeros lineæ B K, perinde se habet initio descensus in puncto B, ac si nullum hucusque velocitatis gradum acquisiuisset, & à quiete discederet; quod est contra hypothesim, quæ numeros lineæ A E sequitur; adeout aqua descendens perpendiculariter per B eo tempore percurrat spatium B E quo priùs confecerat spatium A B; quod cum tribus temporibus percurrerit, tribus sequentibus conficiet spatium L E, iuxta numeros lateri A F adscriptos 5, 7, 9, 11. Est autem spatium à puncto 5, vel B, ad punctum E, triplum spatij A B.

At verò si saliens hosce numeros sequitur, unde vim illam habet? cum eam quam in B obtinuerat, verterit in horizontalem G M, vel G L; nec enim eandem vim æqualiter distribuere posse videtur in horizontalem lineam G M, & perpendicularem B E, seu G V.

Itaque cum suam velocitatem non auctam in lineam G M, aut G L conuertat, solum augmentum à puncto D ad E pro linea perpendiculari referuare videtur, quippe procedit à gravitate semper vrgente, quæ non pendet ab illa virtute priùs acquisita, qua saliens à perpendiculari in horizontalem conuersa spatium præcedentis duplum percurrit.

Gravitas igitur semper vrgens salientem horizontalem (eâ velocitate præditam, quæ lineam G M percurrat, tempore, quo descenderat ab A ad B) versus terræ centrum deprimit, iuxta numeros lineæ B K adscriptos, vel iuxta numeros lineæ Z D.

Si iuxta numeros lineæ B K, saliens horizontalis describet lineam curuam G L, quæ componetur ex motu horizontali G M, & perpendiculari B K, iuxta numeros 1, 3, 5, 7, aucto.

Si verò iuxta numeros lineæ Z F, describetur linea curua G I, composita ex linea G M æquabiliter transcurfa, & linea Z F velocitate per numeros impares 7, 9, &c. significata.

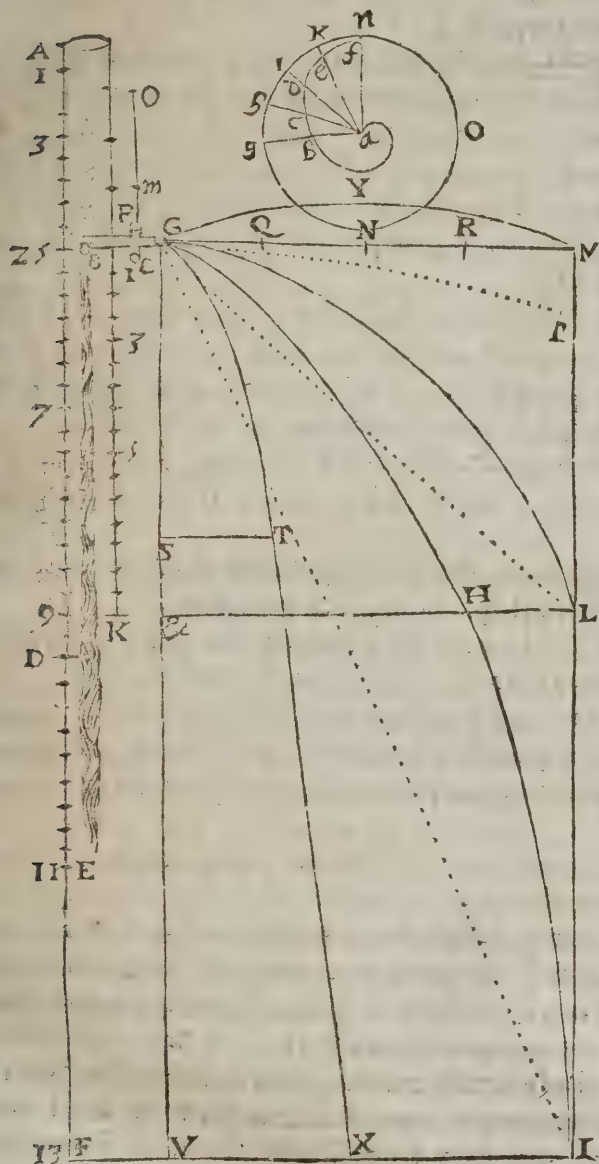
Hanc difficultatem ipsis observationibus solvamus, quæ docent sa-

lientem ex tubo AB, vel alio quopiam, in horizontalem GM conuerſam, verſus centrum non alia velocitate deſcendere, quàm eâ velocitate, quâ reliqua grauia deſcendunt, dum à quiete incipiunt; vnde

concludendum ſalientem GM eodẽ modo deſcendere ad punctum K, vel L, ac ſi cadere cõpiſſet à puncto B, nec à puncto A deſcendiſſet. Cui obſervationi ratio ſuffragatur, quandoquidem viſ, aut velocitas, quam ex altitudine BA conceperat, ex aſſe vertit in horizontalem GM; à qua penitus abſorbetur, adeout nunquam illa ſaliens ſit tantisper deſcenſura, ſed deinceps ſecundum lineam GM proceſſura, niſi de nouo grauitas vigeat, quæ per numeros impares 1, 3, 5, 7, in lineâ BK poſitos horizontalem GM in curuam GL cogat.

Quibus poſitis, ad experimenta redeo, quæ docent primò, tempore ſecondi minuti ſa-

lientis horizontalis deſcenſum eſſe 12 pedum, è quocũque tubo illam intelligamus exilire. Secundò longitudinem ſalientis horizon-



talis è lūminetubi pedalis 12 pedes super horizontem erecto, esse duntaxat pedum $5\frac{1}{2}$, vt constat ex tabula propof. 16. Cūque saliens ex altitudine pedali vim conceperit, qua tempore quo descendiffet ex A puncto in B, (nunc enim suppono tubum AB esse pedalem) bipedale spatium percurrat, & in tempore quadruplo pedes octo, nisi vis illa retundatur ab aëre, aut ex sua natura minuatur donec tandem desinat, sequitur nos cuiuslibet salientis velocitatem agnoscere, cū dentur spatia, & tempora, quibus illa spatia motu æquabili percurruntur.

Sed cū experientia doceat salientis horizontalis longitudinem non esse octupedalem, tantundem velocitati salientium detrahendum, quantum deest accuratæ parabolæ; quapropter propositiones 17, 18, 19, 20 & 21 repetendæ sunt.

Addo solum qua ratione quispiam facillimo negotio hac in re sibi satisfaciât. Sumatur tubus pedis dodrantem, hoc est 9 digitos altus, qui iam sit AB in figura præcedente, cuius lumen G 12 pedibus super horizontem erigatur, eiūque saliens horizontalis mensuretur.

Certum est primò, spatio quadrantis minuti secundi, seu 15 tertiorum, aquam ab A puncto ad B descendere, hincque vim concepisse 18 digitos spatio 15 tertiorum, atque adeo 36 digitos, seu 3 pedes percurrendi spatio 30 tertiorum, quo tribus pedibus ad terræ centrum accedet: igitur secundi minuti spatio 6 pedes percurrit.

Certum est secundò salientem ex eiusdem tubi lumine tres solummodo pedes horizonti superextante tripedalem esse debere, cū descensus trium pedum versus terræ centrum fiat dimidio secundi. Quæ quidem obseruatio, cū tripedalem horizontis erectionem non superet & tubum nouem duntaxat pollicum requirat, vel puerulis facillima erit.

Certum est tertio, in illa erectione salientem horizontalem tubi pedalis esse solummodo tripedalem, atque adeo tubi 9 digitorum salientem fore breuiorem: quemadmodum breuior est iustò saliens tripedalis tubi pedalis, quippe secundi spatio ad minimum esse debeat nouem pedum; cū sit exploratum in 16 propof. spatio secundi grana aquea $354\frac{6}{13}$, ac per consequens lineas aquæ cylindricas, 1418 è lineari huius tubi lumine in vas lumini admotum effundi, quæ simul additæ cylindrum nouem pedum componunt; quare saliens spatio secundi deberet esse nouem pedum; quæ cū ex obseruatione sit ad summum 6 pedum, facile concluditur quantum aëris resistentia huic salienti tam longitudinis, quàm velocitatis detrahat. Quanquam ex alio calculo superiùs 8 solummodo pedes numerauerimus, qui nimis etiam excedunt obseruatam salientis longitudinem, quam ab aëre retundi

probatur ex eo quòd longè crassior cernatur cylindrus cùm à lumine magis distat; & guttula cadens basim valde amplam habeat, sex ad minimum lineis æqualem, vt in figura 15. prop. notatur.

Ex dictis igitur constat quæ sint salientium horizontalium velocitates & tempora, cùm enim tubus pedalis pro minima mensura sumi possit, & saliens illius pedum $5\frac{1}{2}$, tantundem duret quantum aquæ descensus ex altitudine duodecim pedum, illius tempus erit vnus secundum: cùmque sint aliarum salientium horizontalium tempora inter se vt tēpora descensuum perpendicularium, his cognitis alia cognoscūtur.

Exempli gratia, casus grauium ex altitudine 48 pedum fit spatio duorum secundorum, eodémque tempore fit saliens horizontalis eiusdem tubi, cuius lumen 48 pedes super horizontem erigitur. Porro cùm aquæ descensus ex ingenti altitudine sit tardior casu plumbi, æris, & aliorum similium corporum aridorum, seu non fluidorum, erit etiam tardior illius saliens horizontalis, cuius velocitas semper prædictum descensum comitatur, cum quo nempe lineam vnicam componit, de qua fusè dictum est à prop. 18. & deinceps.

Quapropter nil aliud ad præcedentes difficultates soluendas necessarium est quàm vt sciatur quantus descensus perpendicularis horizontali salienti adiungatur, vt huius velocitas, & tempus quo salit, agnoscantur. Constat autem experientia salientem ex tubi pedalis lumine 128 pedes horizonti superextante, quinque secunda descendendo insumere; concludendum igitur salientem illam horizontalem, quæ 12 pedes non superat, vt prop. 20. dictum est, non esse velociorem, quàm lapidis iactum horizontalem, spatio 5 secundorum ad 12 duntaxat pedes emissum, qui motus debet potius, quàm velox, tardus appellari, si cum motu sagittarum, aut globorum è sclopis exploforum comparatur; quod postea facturi sumus: si verò de minorum horizontalium salientium velocitate quis iudicare velit ex illa maiore, saliens quæ secundum vnicum consumit, vix duos pedes superaret, cùm tamen ad minimum sit 5 pedum, vt ex obseruatione constat, dum è lumine 12 pedes horizonti superextante aqua salit. Hic igitur cauendum iudicium ex maioribus ad minora, vel ex minoribus ad maiora: simulque notandum salientem eò magis à parabola deficere, quò tubi lumen altiùs super horizontem attollitur: enimuerò 26 pedum altitudo super horizontem dat salientem horizontalem 8 duntaxat pedum, quam cùm 16 pedum, hoc est duplam, altitudo quadrupla debuisset exhibere, ne quidem præbet 12 pedum, nisi locus obseruationis me deceperit. Si quis turrim editissimam reperiatur, cuius concauum ad experiendum adhiberi possit, exploret quanta sit futura saliens horizon-

talis ex ducentorum, vel trecentorum pedum altitudine; vix enim foris tanta possit esse tranquillitas vt nullus vêtus obseruationem impediat: nam ex maximis altitudinibus non solum maior horizontalis salientis imminutio, sed omnimodus defectus innotescet, vt deinceps vnicum motum perpendicularem versus centrum habeat, vt iam propos. 21. monueram.

Porro cùm salientes horizontales sint in ratione subduplicata tuborum, clarum est cuius velocitatis salientes tubi quadrupedalis, centum pedalis, &c. futurae sint; de quibus postea: Quod ad salientem verticalem attinet, prop. 17. de illius longitudine, tempore, atque velocitate dictum est, & postea nonnihil de eadem proponemus.

C O R O L L A R I U M P R I M U M.

De motu perpendiculari descendente aquæ.

C Vm de saliente perpendiculari descendente à B ad E, vel K locutus sim, quæ velocius non descenderet, quàm aqua ex A initio tubi descendens, hoc est quæ primo tempore solum A I spatium conficit, non autem spatium septuplò maius inter 5 & 7 comprehensum, de perpendiculari descendente velim intelligas, quæ vertitur in lineam horizontalem G M, eodem momento, quo ex osculo G egreditur; quam horizontalem perpetuò insisteret, nisi propria grauitas illam versus terræ centrum deiiceret.

Quod autem spectat verticalem descendente, quæ in horizontalem non conuertitur, qualis est B E; statim atque ex tubi A B per foramen B egressa est, eadem velocitate à puncto Z, vel B, vel 5 descendit, qua descenderet si priùs ab A ad Z cecidisset, id est primo tempore descendit à 5 ad 7, secundo à 7 ad 9, &c. iuxta numeros primos sequentes 11 & 13.

Huiusce verò rei qui voluerit, sumet experimentum ex tubo 12 pedes alto, ex quo cùm aqua per foramen fundo inditum erumpens secundi minuti spatium 36 pedes descendere debeat, si priùs in tubo 12 pedum 12 pedes descendisse censetur, obseruator notabit quantum sit illi aquæ ex B in E cadenti defuturum, quominus sit 36 pedum, ob aëris resistentiam. Perdit itaque velocitatem à b A ad B acquisitam; Quod si demas aërem motum horizontalem retardantem, æquabili celeritate mouetur à G ad M, vel I, ad quod deferretur, si primo

primo sui è tubo egressus tempore à 5 ad 7, à 7 ad 9, &c. propria grauitate descenderet, & lineam curuam GHI describeret.

Si verò graue motu æquabili tam per $G\&$, quàm per GM moueretur, lineam rectam punctuatam GL , hoc est quadrati GML & diametrum describeret; quemadmodum lineam punctuatam GTI , si quamdiu mouetur à G ad M , simul à G ad V descenderet. Ex quibus cernitur ob motum grauium inæquabilem prædictas curuas generari, cùm æquabilis motus solas rectas producat.

COROLLARIUM II.

De parabola helici Archimedea aequali.

Cum hæc agerem, vir doctus lineam aliquam rectam proposuit, quam primæ reuolutioni $abcdefn$ helices æqualem credebat, quam tamen reuolutionem linea recta proposita maiorem, eamque parabolæ GT æqualem Geometra noster demonstrauit.

Vt autem parabola reperiatur æqualis prædictæ helici, GS axis parabolæ æqualis intelligatur semicircumferentiæ Ngn , cuius semidiameter ag , cui ordinata ST sit æqualis, parabola inter G & T intercepta helices primæ reuolutioni æqualis erit: si verò tangens MG diuidatur in quotuis partes parti GQ , siue ST , siue ag æquales, verbi gratia in QN , NR , & RM , producatúrque parabola GT , donec ei applicetur ordinata GN , verbi causa in X , tunc parabola GX æqualis erit duabus primis reuolutionibus helices.

Denique si producatúr semper donec ei applicentur ordinatæ GR , GM , &c. æqualis erit tribus, aut 4 primis helices reuolutionibus, & sic in infinitum.

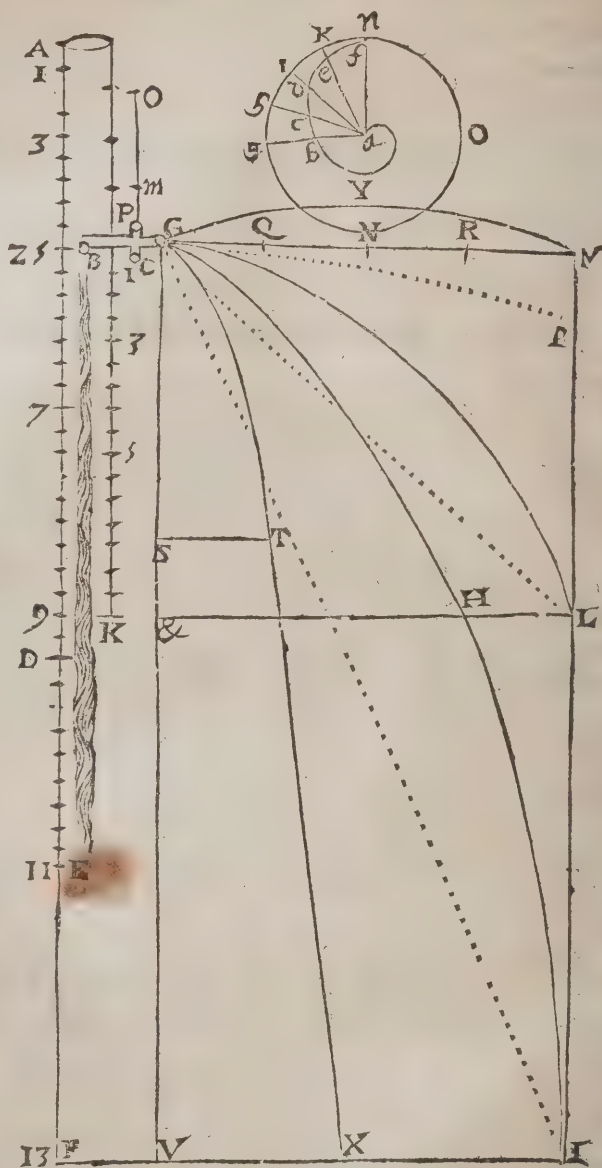
Quod vt clariùs ex parabolæ, & helices generatione intelligatur, notandum duplicem esse motum puncti helicem describentis, vnus æquabilis est secundum rectam lineam, alter secundum circumferentiam inæqualis, quippe perpetuò crescit; cuius velocitas si sumatur, verbi gratia, in puncto n , deincepsque nec augeatur, neque minuatúr, circulum descriptura sit, cuius semidiameter an : idémque fiet in alijs punctis helices in recta an producta sumptis, quæ cum dupla erit na , dupla etiam erit motus velocitas, quæ circumferentiam præcedentis duplam describet, & ita de reliquis in infinitum.

Punctum etiam quod describit parabolam, fertur duobus motibus, primò æquabili secundum rectam GQN , &c. Secundo iuxta rectas

GV, & alias ei parallelas à punctis Q, N, R, M, in VI rectam perpendiculares, sed inæquabili, hac lege vt si punctum illud sumatur in T, velocitas illius tanta sit quanta requiritur vt quo tempore percurrit rectam GS, vel QT æquabili motu, eodem tēpore percurrere possit duplam ipsius GS, putà SV, si velocitas non mutetur.

Sed alio motu pertrāsīt G Q eodem tempore, igitur quo tempore punctum *a* in helice percurrit *ag*, vel *an* motu æquabili, eodem punctum G percurrit G Q motu æquabili, & eodem tempore punctum *a* in linea *na* existens secundo motu percurreret circumferentiam circuli primæ reuolutionis, cuius *an* semidiameter. Punctum autem G in T secundo motu iuxta directionem QT pertrāsiret duplam SG prædictæ cir-

cumferentiæ æqualem, cum GS statuatur semicircumferentiæ æqualis, sunt igitur vtriusque duo illi motus æquales in omnibus sui cursus instantibus, & componuntur secundum æquales an-



gulos, nempe rectos, lineas igitur æquales describunt, vnus quidem helicem, alter parabolam; idémque demonstratur de cæteris reuolutionibus. Hoc autem problema facillè redditur ex hypothefi quadraturæ circuli, cùm enim Archimedes demonstrarit circulum helici æqualē, & parabolæ quadraturā, statim atque supponitur quadratū æquale circulo, nil inuentu facilius quàm parabola helici æqualis.

PROPOSITIO XXVI.

Salientium omnium velocitates cum aliarum rerum, præsertim verò globorum è tormentis bellicis explosorum velocitatibus comparare.

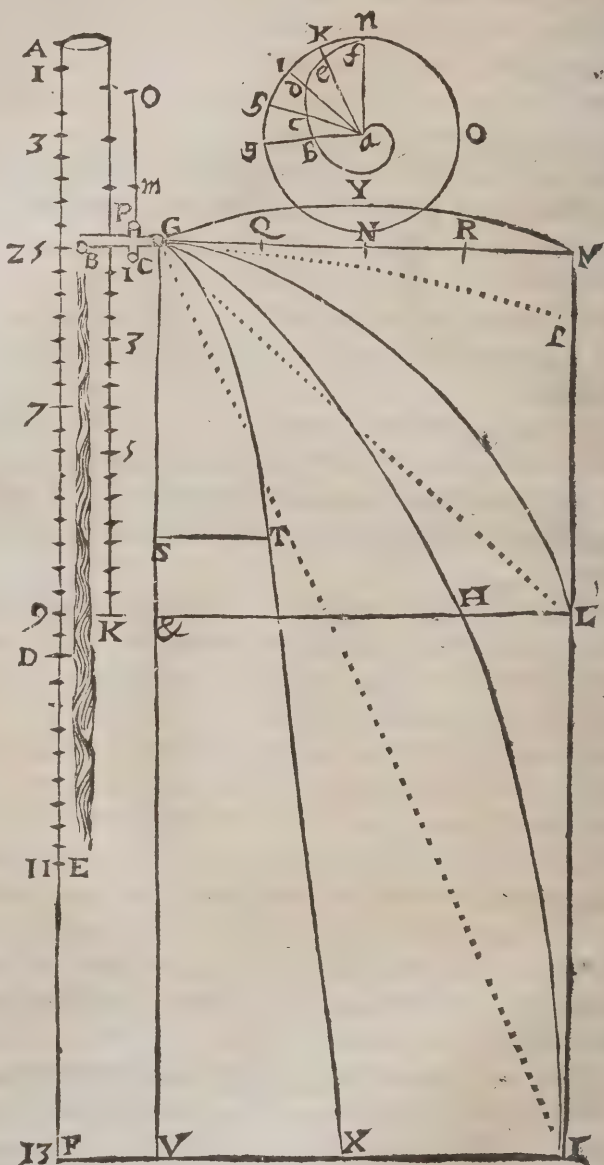
CVM grauia spatio semisecundi 3 pedes descendant, & grauis verticaliter in altum projecti ascēsus exscensui sit æqualis, sequitur salientem verticalem trium pedum, qualem in præcedente figura P O supponere possumus, semisecundo ab P ad O peruenire, & ab eodem O ad P redire. Quod præsertim verum est, cùm salientes verticales non adeò altæ sunt, vt ab aëris resistentia longè magis impediantur quàm arida grauia tam ascendētia, quàm exscendētia. Cùm enim ex editiore loco cadit saliens, tot in particulas diuiditur, & ab aëre tantopere retardatur, vt globi cerei, licet aqua leuioris. descensum minimè possit assequi, dum enim aqua ex 136 pedum altitudine cadit, septem insumuntur secunda, quæ cera conficit spatio 4 secundorum, idque ad summum.

Hinc guttæ pluuiæ cadentes è nubibus, cùm parum absunt à terra, lentè mouentur, neque lapidis ex 48 pedum altitudine cadentis motum assequuntur. Saliens Draconis Ruelliani verticalis spatio duorum secundorum ascendit, totidémque descendit; vnde concludendum aërem aquæ tam ascendenti, quàm exscendenti plurimum detrahère, aqua enim 48 pedes descendendo, atque adeò ascendendo percurrere deberet, si non ei magis quàm lapidi resisteret: sed cùm non satis exactè verticalem illam altitudinem metiri potuerim, ad alias salientes accedo.

Eiusdem Draconis 4 pedes super horizontem erecti saliens horizontalis est 30 pedum, quos similiter percurrit spatio duorum secundorum, quo vix hexapedam descendit, vt non modica suspitio mihi soleat iniici de retardato grauium descensu perpendiculari per motum horizontalem, enimvero si descenderet aqua tantumdem cum motu horizontali, quantum absque eo, duobus secundis 30 ad mi-

nimum pedes descenderet vt contingit prædicto motui verticali.

Sit exempli gratia lumen, seu os Draconis G, quo salientem horizontalem G / mittat à G puncto ad / spatio duorum secundorum, erit / M pars quinta 30 pedū, G M salientis horizontalis longitudinem referēs, cum tamen aqua illa saliens vsque ad L punctū duobus secundis peruenire debuisset, nunc enim suppono M L esse 30 pedum: quandoquidem si motu solo verticali versus terræ centrum à puncto M incipiat descendere, saltem totum spatium M L duobus secundis percurreret; cur ergo saliens illa horizontalis nequidem pedes 12 illo temporis spatio descendit, nisi quòd motus horizontalis adiunctus G M, 24 pedes verticali detrahit? Quod tamen valde miror, cum ex lumine horizontali 26 pedes superextante Salientis horizontalis vix quidpiam motui perpendiculari detrahat, saliens enim illa sesquisecondum durat.



Media saliens in suis 45 pedibus conficiendis tria secunda consumit, eiusque vertex octodecim præter propter ab horizonte pedibus abest. Verùm satius est facilioribus obseruationibus uti. Quapropter intelligatur tubus *BA* esse quadrupedalis, ex cuius lumine *P* gutta verticaliter saliens vsque ad punctum *O* sit pedum $3\frac{1}{3}$, vt ostendit obseruatio, vel vt fractiuncula vitetur, tripedalis, quæ semisecundum infumit, quantum etiam durat saliens horizontalis ex lumine *G* pedis semissem horizonti superextante, quæ similiter tripedalis est, & cui, per consequens, nihil horizontalis motus ex perpendiculari detrahit, quandoquidem non descenderet velocius absque motu horizontali, constat enim graua tres duntaxat pedes à quiete semisecundo descendere. Hincque solutio pendere videtur illius alioqui difficultatis insuperabilis, quæ nascebatur ex horizontali Draconis, nempe perpendicularem motum tantò magè retardari ab horizontali, quò motus hic velocior fuerit, vt de globis tormentariis postmodum dicturi sumus.

Quæ tamen si minus placent, soluat qui poterit veriùs, dum mediam salientem eiusdem tubi quadrupedalis, 6 pedum obseruo, quos aquæ gutta secundo minuto percurrit, cùmque tantundem ascendat, quantum descendit, vtrâque pars eiusdem media semisecundum consumit.

Alias salientium obseruationes omitto, vt earum longitudes & velocitates cum pilæ tormentariæ motibus componam, quam è tormento, Gallis *arquebuse* dicto, centum hexapedas vno ferè secundo percurrere constat experientia sapius repetita; constat etiam tubi quadrupedalis, cuius lumen tribus pedibus horizonti superextat, vno secundo suam aquam ad 6 pedes eiaculari: quare saliens illius est sub centupla spatij quod globus tormenti percurrit.

Cùm igitur tubi debeant esse in ratione duplicata salientium ex eadem luminis super horizontem eleuatione, tubus ad centum hexapedas suam missurus salientem horizontalem debet esse pedum 40000, seu hexapedarum 6666 $\frac{2}{3}$, quæ cùm ferè septem milliaria conficiant, non est quòd huiusce rei quæramus experimentum, quod hominibus est impossibile, non solùm ob tantam altitudinem, quæ vix in orbe nostro reperiatur, aut propter vim aquæ nimiam tubos quoscùmque vulneraturam, sed etiam ob aëris resistentiam, qui statim aquæ guttas in minutissimum puluerem conuersas dissiparet.

Quamquam illud consideratione dignum quòd hinc sequetur aqueum cylindrum crassitudinis eiusdem cum pila tormentaria, hexapedas 6666 longum, siue altum, eadem vi pollere, & premere, qua-

pollet præmitque pila, quæ non posset è tormento egredi, si tormenti osculo cylindrus ille aqueus opponeretur, eiûsque basis orificio tormēti adplicata non mollis, sed dura supponeretur. Quæ si ponderibus examinentur, pila cum impressione intellecta globulum aqueum vñdecies superabit, cum sit aqua plumbo vñdecies leuior: porrò cylindrus ille aqueus, cuius diameter baseos semidigiti, siue 6 linearum, non excedit libras 4000, licet milliaribus septem altus fuerit. Non igitur potest globus tormentarius vi à puluere concepta pondus 4000 librarum mouere.

Si verò cum motibus anium, aut equorum, vel nauium salientes comparemus, res erit facilior, cum enim quis leucam 2500 constantem hexapedis vna hora conficit, quolibet minuto $41\frac{1}{3}$, pertransit hexapedas, seu 250 pedes, atque adeo pedes $4\frac{1}{3}$, quolibet secundo conficit: hoc est duos passus communes: saliens verò è lumine tubi pedalis hexapedam superextante horizonti, pedibus $4\frac{1}{3}$ proximè æqualis est, cum sit pedum $4\frac{1}{3}$, vt ex prop. 16. constat; quare si quis ambulet sub illa saliente, quæ semper fuerit eiusdem velocitatis horizontalis, illius capiti semper imminet, quemadmodum capiti hominis curru, vel naue vecti lapis in altum perpendiculariter missus, vel è mali carchesio cadens imminet.

Si 6 leucas vna hora nauis, vel equus percurrat, tubus 36 pedes altus eadem celeritate salientem horizontalem emittet. Vno verbo datæ velocitati tubus æqueuelox inuenietur, sublatis præsertim aëris impedimentis, aut ipsa materiæ inertia, si prædictæ propositiones intelligantur.

COROLLARIUM.

Constat ex hætenus dictis nullum esse certius signum inueniendæ tubi altitudinis, quàm ex aquæ propè lumen exceptæ quantitate, dum luminis magnitudo, & tempus effluxus cognoscuntur, cum enim salientium longitudines magis quàm par sit, decrescant & decurtenantur vbi aër solito magis resistere incipit. nisi cognoscatur illius decrementi ratio, ab exacta rei veritate deflectetur.

PROPOSITIO XXVII.

An ex salientium longitudinibus de globorum è tormentis bellicis iaculationibus iudicari, concludique possit explorare.

TOrmenti minoris iaculationes repetimus, vt innotescat an salientium rationem & proportionem æmulentur. Sit igitur prædicti tormenti media iaculatio 360 hexapodum, qualem experti sumus: cuius super eundem horizontem iactus verticalis inquiratur; si veteres obseruationes sequimur, quibus ex tempore bipartito de verticalis iactus magnitudine iudicium ferebam, alia globorum, alia salientium ratio futura est, quandoquidem saliens media, seu anguli semirecti dupla est verticalis, cum ex illis globorum obseruationibus non sit iactus medius, seu 45 graduū, duplus verticalis, quippe quem 288 hexapodum censebamus medio 360 hexapodum existente, qui tamen cum duplus esse debeat, instar mediæ salientis, vt etiam in Acontismologia dicturi sumus, illa coniectura emendanda, qua dicebam in harmonicis Gallicè scriptis, vel in horologij vniuersalis explicatione; aut alibi, tempus ascensus & descensus ita bipartiendum, vt pars media tribueretur ascensui, & altera media descensui; vel enim maius tempus impendit globulus descendendo, quàm ascendendo, sagittarum instar, de quibus in Acontismologia; vel descensus non adeo velox est, vt semper ea ratione acceleretur, qua tribus aut 4 primis secundis illius augeri velocitatem sæpius experti sumus. Quod iam verum esse censeo, cum pila descendens non habeat tantam percutiendi vim, quantam ascendens, quòd ad terram appellens non adeò velociter moueatur, quàm vbi ex ore tormenti mittitur; cum enim est æqua cuiuscumque projecti velocitas, æqualiter percutit.

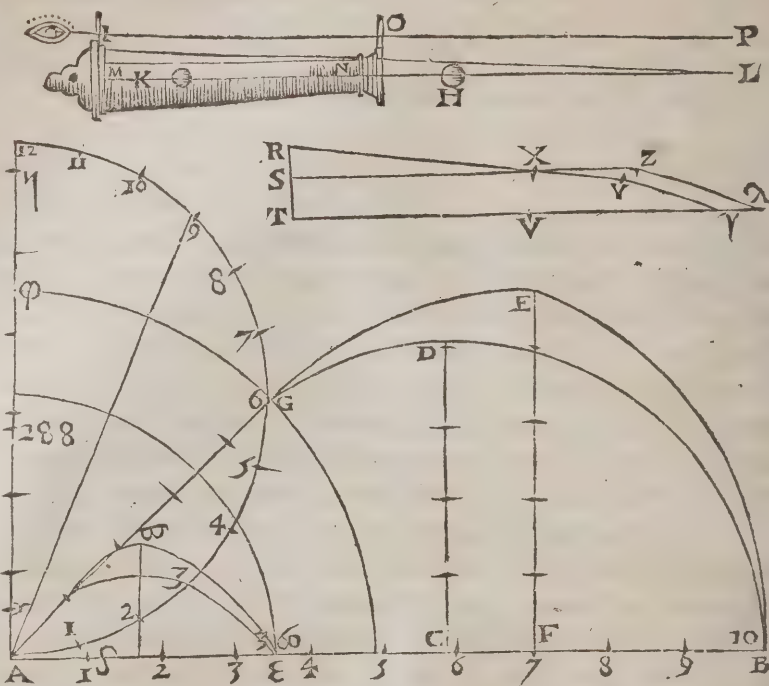
Vtiles igitur existimo salientes, cum nos ad iactuum cognitionem ducant, de quibus aliàs iudicare non possumus ob experientie difficultatem, quæ in tubis facillima cernitur: vno siquidem horæ quadrante potest quispiam iactum quemcumque voluerit cum alio iactu, verbi gratia medium cum verticali, comparare. Quæ vt facilius intelligantur, sit in sequente figura lumen A, super horizontem A B, sitque altitudo tubi A I, cuius saliens verticalis A φ, docet experientia mediæ salientis longitudinem esse B A, duplam videlicet φ A.

Ad quam verò altitudinem media saliens perueniat, an ad D, vel

E, quod etiam de tormentorum globis explosis intellige, non est qui hactenus obseruari; est autem subdupla verticalis $A\phi$, quare punctum D vel E iusto sublimius est, & quæcūque ab ingenio-

sis dicta sunt, ex salientibus e-mendari possunt.

Sunt & alia quæ disquisitione e-geant, exempli gratia quæ fieri possit ut globus ex ore tormenti missus ab O ad P recta



perueniat, cū eo tempore quō percurrit lineam O P centum hexapodum, 12 pedes versus terræ centrum descendere debeat, si motus horizontalis violenti naturalem motum non impediat, ut in vacuo, vel medio non impediēte multi existimant.

Licet enim id partim explicari possit ex linearum diuersitate, quæ reperitur in tormentis, nempe linea R X Y, quæ tormenti latus externum sequitur, & linea, quam vocant animæ, S Z, quæ per axem caui M N transit, cui latus prædictum minimè parallelum est; quod nempe pila K, vel H ad L collineans ascendat ad lineam lateralem I L, vel punctum S ad Z pergens ascendat ad punctum X lineæ lateralis R Y; aliud tamen addendum est, cū prædicta non ampliùs vera sint vbi oculus sagittarij, non per lineam I L, vel R X, sed per lineam M N, vel S X collimat: tunc enim non tantum descendit globus K, quantum descenderet in aëre sibi relictus.

Adde aquam ex lumine ad horizontalem salientem accommodato non tantum descendere, quantum sibi relictæ descēderet, constat enim

enim experientia, de qua superius, salientem horizontalē 30 pedum, quæ duobus secundis durat, nequidem 8 pedes descendere, cum iuxta æquegrauium legem 48, vel ad minimum ob aëris aquam frangentis resistantiam, 30 pedes descendere debeat; cuius legis infractæ ratio in Acontismologicis explicabitur.

MONITVM.

De salientibus eiusdem tubi concauam parabolici conoidis superficiem tangentibus.

PLurima hîc adderem de salientibus, si figurę incisæ non deessent, quibus lectores subleuentur: verbi gratia mediam salientem longitudine duplam esse verticalis, altitudine verò subduplam. Cum verticalis est pars quarta parametri, omnes alias salientes inter verticalem, & horizontalem interceptas tangere concauam conoidis parabolici superficiem, cuius focus est in medio salientium lumine, quod à clarissimo Toricello iam obseruatum didici: sed de his tam in epistola dedicatoria, vel præfatione ad Lectorem, quam in Acontismologia fusiùs.

Reliqua quæ vel ad fluuiorum cursum, vel ad nauigationem, & ad pondus aquæ pertinent, vbi de Pneumaticis actum fuerit, afferentur.

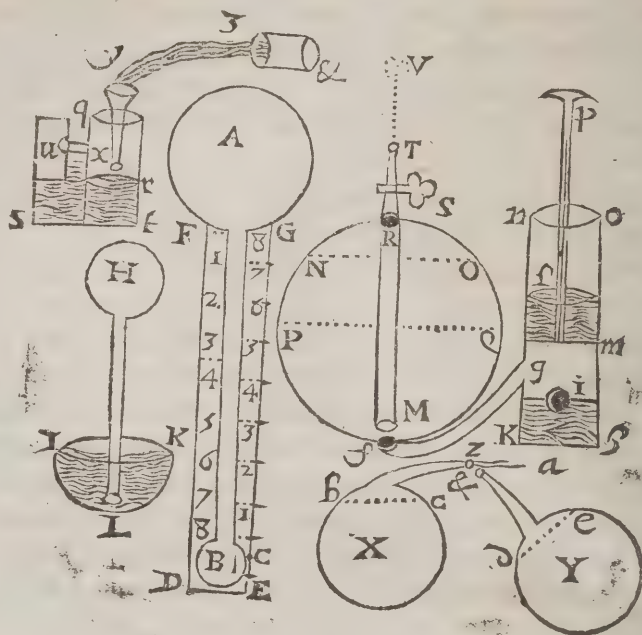
PROPOSITIO XXVIII.

Salientium ex fontibus pneumaticis longitudinem inuicem, & cum tuborum salientibus comparare.

ESto fons pneumaticus, siue spiritalis N, P, M, Q, S, T, qui cum sphaericus sit, aliam quamcûmque figuram habere potest; & quem *pneumaticum* appellamus, quod aëris beneficio (qui subit elaterij vices,) suam aquam per T lumen tubuli adiectitij R T expellat, & à T ad V mittat.

Hic autem tubulus in omnem partem volubilis intelligatur, vti fieri solet in addititiis fontium artificialium tubulis, qui genu mobili quoquoersum flectuntur.

Duobus verò modis aër in hunc fontem iniici potest, vel enim vsurpatur instrumentum Ctesibicum, quale est *no Kb*, (quod postea fusiùs explicabitur) quo per orificium *f* immittatur aqua in concavam sphaeram *PNOQ*, quæ pellat aërem, & *NRO* spatio cõstringat, vt tantò quàm antea loci minus contineat, quò maior aquæ quantitas iniicitur. Vel priùs immittitur aqua in sphaeram prædictam, quam ab *M* vsque ad *PQ*, vel *NO* repleat; deinde syringis



ope aër impellitur in eundem fontem, qui postea vehementer aquam expellat, & per tubulum *RT* eiiciat, statim atque vertibulum *S* recluditur.

Porro non solùm verticaliter, sed etiam horizontaliter, & ad quemuis angulum aqua salit, pro varia tubuli ad quascùmque partes inflexione. Tres tamen duntaxat salientes, vti factum est in tubis, metiemur, quæ hanc inter se rationem observant, vt cùm verticalis fuerit 18 pedum, horizontalis è lumine *T* ad rectos angulos inflexo, & sesquipede super horizontem erecto sit 15 pedum, media verò 30 pedum, quanquam alterius fontis salientes fuerint, horizontalis quidem 12 aut 13 pedum, media 28, verticalis 18, vel 19: cuius fontis erectio super horizontem quadruplò major non habuit duplam salientem horizontalem, sed 19 pedum duntaxat: præcedens autem luminis eleuatio fuit vnus pedis, foramen $\frac{1}{4}$ vel $\frac{1}{3}$ lineæ.

Alterius fontis saliens horizontalis 15 pedum, semirectus 25, verticalis 14 apparuit; luminis 4 pedes super horizontem erecti diameter fuit duarum linearum.

Vbi plura sunt quæ requirant examen: verbi gratia, cuius altitu-

dinis tubus esse debeat vt suas salientes prædictis æquales habeat; deinde, num illæ seruent eandem, ac istæ rationem. Tertiò, quantum inflari possint fontes artificiales, hoc est quanta possit in eos immitti quantitas aëris. Quartò, num salientes eadem ratione crescant, quâ prædicti aëris immissæ quantitates.

Quod ad primum attinet, si supponamus fontis prædicti salientem horizontalem esse pedum 16, qualis foret si spiritu tantisper confertiore inflaretur; dico tubum, cuius lumen sesquipede horizonti superextet, 64 pedes altum fore, qui salientem horizontalem 16 pedum habeat: enimvero tubi sunt, vt antea dictum, in ratione duplicata salientium horizontalium; sed tubi pedalis, cuius lumen sesquipedem horizonti superextat, saliens horizontalis bipedalis est ad salientem 16 pedum vt 1 ad 8, & ratio duplicata 8 ad 1 est ratio 64 ad 1, tubus igitur salientem 16 pedum emissurus 64 pedes altus erit.

Hinc autem faciliè concludetur qualis esse debeat altitudinis tubus salientes suas in ratione data cum fontis salientibus habiturus: quod hic intelligi debet cum exceptionibus antea explicatis.

Secunda difficultas maior est, cum istæ salientes fontis pneumatice, & tubi non eandem inter se rationem seruare videantur si prædictam obseruationem discutiamus; tubi nempe 64 pedes alti vel saliens verticalis erit 48 pedum, (id est, tubi $\frac{4}{3}$, vti fit in tubo quadrupedali) vel ad minimum 30 pedum, si tanta fuerit aëris obfistentia, quæ 18 pedes verticalis altitudini detrahat; cum fontis saliens verticalis sit duntaxat pedum 18, vel, ob confertiores aërem, 20. Quod ad salientem mediam spectat, quæ in sesquipedali super horizontem altitudine dupla reperitur horizontalis, salientium mediæ, & horizontalis rationem paulò meliùs obseruat, est enim tubi quadrupedalis sesquipedem horizonti superextantis media saliens pedum, 6, horizontalis verò 3 pedum. Sed cum illud discrimen in aliquam causam refundi debeat, fonti spiritali peculiarem, proprio loco discutiendum erit.

Tertia difficultas pertinet ad aëris condensationem, quanta videlicet esse possit, de qua postmodum agemus. Quarta denique communis est aëri, & arcubus, aliisque elaterijs, quorum vires intendi, remitti que possunt, quæque similiter locum alium postulant, ex quo hisce difficultatibus satisfiat.

PHÆNOMENA

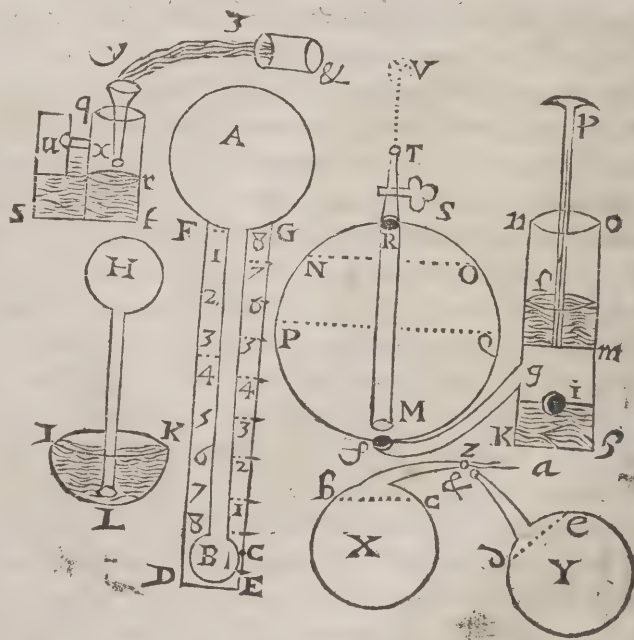
COROLLARIUM.

Alio fonte salientes expertus, cuius lumen $\frac{1}{2}$ lineæ pedem horizonti superextans, horizontalis saliens 20 pedum, media 26, & verticalis ferè 20 apparuit; cuius tubi lumen 27 pedes erectum salientem horizontalem ad 30 pedes, mediam verò ad 36 emisit.

PROPOSITIO XXIX.

Aëris rarefacti, atque condensati quantitatem, pondus & vires, ac instrumenta huic cognitioni seruientia explicare.

Quantitas aëris condensati facilè reperiri potest beneficio fontis pneumatici N P M O, qui, verbi gratia, cubicum pedem contineat, si enim bespedis cubici, (hoc est aquæ digiti 118 $\frac{1}{3}$) in illud concauum organo Ctesibico, hoc est syringe impellatur, quantitas aëris condensati, erit digitorum cubicorum 592 $\frac{2}{3}$, seu triens pedis cubici; & tam ex vasis, quàm ex aquæ in illud immissæ quantitate semper innotescet aëris cōdensati quantitas, atque adeo condensationis magnitudo. Sit enim rursus aër in N O coactus, sitque locus iste, quem solum occupat, pars totius concaui duodecima; gradus istius condensationis poterit duodecimus appellari, quòd in duodecimam



illius quod prius implebat, spatij partem constringatur, & ita de cæteris condensationibus.

Quantitatem verò absolutam aëris ex situ quem absque violentia tenet, non ex condensato, vel rarefacto sumendam esse vix est qui dubitet, nisi qui putat quodlibet peræquè rei cuiquam proprium, aut violentum esse, cum hæc natura videatur esse corporum quòd hac vel illa ratione moueantur, adeout non sit aquæ, quòd fluat, magis naturale, quàm vt in glaciem concreascit.

Vt vt sit, pondus aëris aggredior, quamuis multi credant nullius illum esse ponderis, sed potiùs leuem, non solùm comparatè, sed etiam ἀπλῶς & absolutè.

Vt igitur illius pondus exploretur, esto vas æneum X, quod Æolopilam vulgò dicunt, cuius osculum Z latitudinem vnus capilli habeat: Impositum vas X super prunis, seu carbonibus accensis incalcescat, & fiat candens, lancique bilancis impositum fiat in æquilibrio cum alterius lancis antifacomate, quamdiu candescit: cùmque refrigerit, adque pristinum statum redierit, iterum reducatur ad æquilibrio, quod enim antifacomati prædicto fuerit addendum, erit pondus aëris ex Æolopila prius expulsi per osculum Z, qui frigoris aduentu, vel reditu in Æolopilam regressus est. Ita verò se habuit, Geometris præsentibus, & adiuvantibus, hæc observatio. Bilanx, quæ dimidio grani perdebat æquilibrio, docuit Æolopilæ satis calefactæ, & propemodum candentis, omnique humore destitutæ, pondus esse vnciarum quatuor, drachmarum sex, & granorum quindecim: refrigeratæ verò, & ad naturalem temperiem restitutæ pondus præcedente pondere minus esse 4 granis ad minimum. Vnde primò concludendum aërem esse grauem: cuius grauitatem vt cum aquæ grauitate conferamus; Æolopila iterum eo quo prius modo calefacta, eadèmq; lance explorata, eiusdem ac antea ponderis inuenta est, & illico rostrum illius *b z* in aquam immersum, donec ad pristinum frigus rediret, aquæ suxit vncias nouem, drachmas tres, & grana vigintiquinque; quod aquæ pondus cùm eundem locum occuparit, quem prius aër vi caloris expulsus implebat, certum est secundo illum aërem esse ad æqualem aquæ molem, in pondere, vt 1 ad 1356.

Pluribus quidem aliis obseruationibus idem tentauim, verbi gratia vitreis Æolopilis, sed cùm illa vasa vitrea non excederent pilæ palmariæ magnitudinem, & inter ponderandum citiùs quàm par esset refrigeruissent, aliæque incommoda nobis occurrerint, illis minus fidimus, & vas æneum vel argenteum, aut aureum anteponimus, cùm præsertim huic nostræ obseruationi non semel repetitæ alia experimenta fa-

ueant, de quibus in obseruationibus harmonicis fusè dictum est.

Cùm enim in memoriam reuocassem quæ circa velocitates circularum aëris & aquæ contingunt, videlicet radium circularum aquæ percussæ ad radium circularum aëris etiam percussi esse vt 1 ad 1380, & in præsentī obseruatione pondus aëris potius à nobis minutum quàm auctum, differatque solummodo $\frac{1}{7}$ numerus 1380 à numero 1356, cùmque vna duntaxat quinquagesima septima parte in huiusmodi difficillimis obseruationibus aberratur, satis exactæ credi possint, absque vilo periculo statuere possumus aquæ grauitatem ad aëris eiusdem molis grauitatem non esse minorem quàm 1300 ad 1, & ideo quantitatem aëris esse ad aquæ quantitatem aëri æquiponderantem vt 1300 ad 1.

Superfunt aëris vires inuestigandæ, quas acquirit condensatione vel rarefactione. Cùm autem vniuscuiusque rei vis expendi soleat penes effectus eoque maior censeatur effectus quò fuerit illustrior, saliens ex fonte spiritali M N O per lumen T demonstrat eam esse vim aëris in hoc vase condensati, quæ foret tubi 24 pedes alti, cuius nempe saliens verticalis esset 18 pedum.

Quamquam si saliens horizontalis spectetur, ex lumine horizonti sesquipedem superextante (quale suppono fontis pneumatici lumen, de quo prop. præc.) quæ sit 16 pedum, vis aëris maior esse concludetur, cùm enim tubi pedalis saliens horizontalis ex lumine sesquipedem horizonti superextante bipedalis sit, non tribuet salientem horizontalem 16 pedum tubus, nisi 64 pedum fuerit. Hoc autem virium aërearum discrimen à saliente verticali, & horizontali desumptum nouam difficultatem parit in alterum locum reiiciendam.

Porrò vim illam conferamus cum aquæ pressione, quæ cùm in tubo 64 pedum tanta sit quantum est illius pondus super lumen, quod sit, exempli causa, lineare, constat ex calculo cylindrum aquæ linearum 64 pedes longum non æquare pondus 6 digitorum cubicorum: constat etiam aliunde vim illam, quâ pellitur aqua in fontem ad aërem condensandum, longè maiorem esse pondere vnciarum 4 & vnius drachmæ, quod 6 digitis cubicis æquale est, vis enim brachij tota sua vi prementis & aquam impellentis ad minimum 20 libris respondere videtur: sed decem libras sumamus, quantum amabo, distant à 4 vnciis? Quæ sanè difficilem virium aëris condensati cum viribus pressionis aqueæ comparisonem reddunt, cùm illarum effectus tantopere discrepent: quod fortè procedit à causarum heterogeneitate; cur enim si fuerint homogeneæ, saliens horizontalis tuborum non est maior horizontali fontium, in eadem ratione, qua saliens ver-

ticalis tuborum maior est verticali fontium?

Iam verò describamus instrumenta quibus aër rarefit, vel condensatur, quæ sunt, præter fontem M P O, primò Thermoscopium vulgare B A, ita nuncupatum quòd illius ope possimus agnoscere quantò sit aëris temperamentum vna, quàm altera vice calidius, frigidiusve: cuius hæc est constructio. Vitrarius tubulum concavum, hoc est cylindrum format, cuiuscùmque longitudinis, cui duas sphærulas annectit, minorem inferiùs, quæ foramen exiguum habeat iuxta punctum C, maiorem verò superiùs, quæ tantò commodior, quantò maior.

Liquor autem aliquis rubeus, vel cæruleus, aut cuiusvis alterius coloris includitur in minore sphærula B, vt cùm vi frigoris versus maiorem sphæram A pergit, videatur, noteturque quot gradibus ascenderit iuxta 8 gradus in dextra parte notatos; vel quot gradibus aër ex A versus B descenderit, iuxta gradus sinistræ parti adscriptos; qui gradus scribi debent super ligno polito, cui thermoscopium A B innitatur. Iudicium ergo fieri solet de aëris externi temperie, iuxta gradus illos, nempe tot esse gradus caloris, quot gradus aër ex A versus B descenderit, totque gradus frigoris quot liquor à B versus A sphæram maiorem ascenderit. Nam aëris externi mutatio, seu temperies causa est descensus aëris interni, & ascensus liquoris.

Quamquam meritò dubitari potest num pari gradu frigoris aër inclusus pari semper gradu condensationis afficiatur, hoc est, an frigore in 8 gradus æquales diuiso, si primus gradus frigoris aërem à B ad dextram 1, secundus etiam gradus frigoris aërem ad 2, tertius ad 3, &c. impellat: an potius eò difficilius cogatur ad ascendendum, & ad condensationem, quò magis ad A contenderit, vt in arcus tensione contingere putant, qui faciliùs initio quàm in progressu cedat (quæ de re postea.)

Quod in aëris condensatione fatendum est, vt constat ex embolis quibus folles, vesicæ, fontes spirituales, & sclopeti pneumatici solent inflari, quandoquidem emboli circa finem inflationis paulo vehementioris ita repelluntur ab aëre, vix vt eos possis impellere, quòd vis maior deinceps requiratur ad novos gradus condensationis inferendos.

Thermoscopium verò supplebit inuersa lagena L H, cuius collum in aquam immersum ostendet aquam versus H tantò magis ascendere, quantò magis vrgebit frigus: & vice versa tantò magis aërem, & aquam descendere, quantò A sphærula magis incalescet.

Est etiam aliud instrumentum *sqtr*, quod explicandum est. Sic

igitur xrt vas aliquod, putà dolium in inferiori parte t apertum, & in aquam rt immerſum, quod poſſit ab r & t verſus f inſtar riui fluere, vt continuò det locum aquæ z y fluenti ex tubo, vel fluuio & z in infundibulum y x , cuius collum, vel extremum oſculum x aquam ſubiectam non debet tangere, vtaër inter y & x ab aqua z y interceptus, & compulſus, per oriſcium x cum aqua ingrediens, ab x per tubulum xu fugiat, & in ſpatio u (quod ſit cubiculum refrigerandum, vel fornax ferro, æri, argento, & aliis fundendis metallis deſtinata) ventum ingentem excitet, qui maximorum folium in officiis monetariis uſurpatorum vento minimè cedit.

Iam verò proſequamur varios iſtorum instrumentorum uſus, quæ poſſit quiſpiam ad ſua commoda deriuare.

PROPOSITIO XXX.

Organorum quibus aër condensatur, vel rareſcit, tam medicos, quàm alios uſus indicare.

CUm ex artibus nihil expectari debere videatur vtilius quàm vt morbis difficillimis remedium adhibeatur, quos inter cenſetur acerrimus qui liberum lotij uſum impedit, quod ſæpè nimis eiſci nequit, huic morbo mihi videtur Æolopilis ita ſuccurri poſſe; ſi nempe collum Æolopilæ Y amplectatur catheterem, ſeu tubulum in ignem immiſſum. Sit enim, verbi gratia, veſica X vrinam habens uſque ad lineam bc : ſitque tubulus argenteus bz , cui ſi collum Æolopilæ d & ea ratione adaptetur, vt aër externus in oriſcia z & ingredi nequeat; deinde ſubijciantur prunæ vaſi Y , quod ſit tantæ capacitatis, vt totam vrinam X continere poſſit, illam penitus exhauriet, idque vel paulatim, ſi nempe vas Y pederentim incaleſcat, vel breuiſſimo tempore, & cum impetu, ſi promptius Æolopila Y igniatur.

Quo remedio toties quis vti poterit, quoties *noceat* laborabit; neque enim prunarum ardor, aut colli d & calor nocebit, ſi catheter fuerit paulò longior, vel collum d & adeo longum ſit, vt ſphæra Y in vno ſit cubiculo; & æger in alio, vel aſſer, aut aliud quodlibet diaphragma ægrum inter & Æolopilam collocetur.

Porrò ignita & candens Æolopila tanto poterit impetu ſuggere, vt non ſolùm extremam vrinæ guttulam, ſed etiam plurimas arenulas, & lapilulos educat, quibus æger ſubleuetur. Scio quidem nullū id fore remedium cum nullum foramen ſuperſit quo tranſeat vrina, ob par-

tium

tium carnosarum, quæ nimis excreuere, impedimentum: sed vbi tantulus fuerit aditus, res succedet.

Similem etiam vsum habere potest Ctesibicum organum *pnolg*, quo trahitur aqua *hK*: si enim prædictus argenteus tubulus in vrinam immersus adhibeatur affario *i*, *pgi* emboli ascensus in *ml*, vrinam *hK* in locum *mg i*, quem occupabat, educet, ne locus ille *gi*, quem corpus emboli in *lm* tracti relinquit, vacuus existat.

Denique Thermoscopium *HL* hîc etiam locum habere potest, tubulus enim *HL* vrinam educet ex vesica, si sphaera concaua, quæ sit argentea, vel vitrea, niue, glacie, vel alio modo refrigeretur: licet enim non possit ea ratione tanta copia, tam citò ac Æolopilis educi, potest tamen illud tot repeti vicibus vt yrina penitus attrahatur.

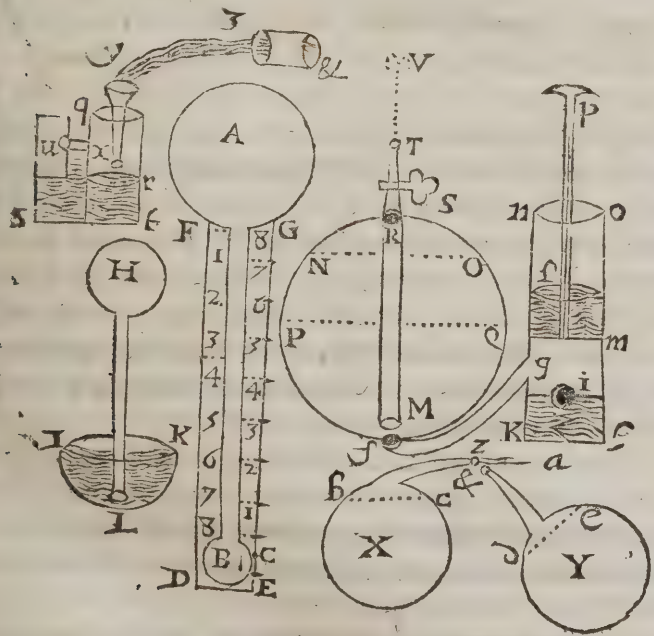
Ad quæ organa humorum educitiua cucurbitulas referre licet, quibus post scalpurationem, aut scarificationem chirurgus sanguinem educit, ne cùm aër accensa candela rarefactus in pristinum statum redierit, spatium aliquod sub cucurbitulis pelli adhærentibus vacuum remaneat. Ex dictis verò facilè medici poterunt excogitare quomodo succurrere possint hydropicis Æolopilæ; quarum secundus vsus

præcedente prop. explicatus est, qui nempe consistit in pondere & proportione reperienda tam aëris quàm aquæ; cùm enim aër sit ad aquam vt 1 ad 1300, ad plumbum erit vt 1 ad 14800, siquidem plumbum sit ad aquam vt 11 ad 1.

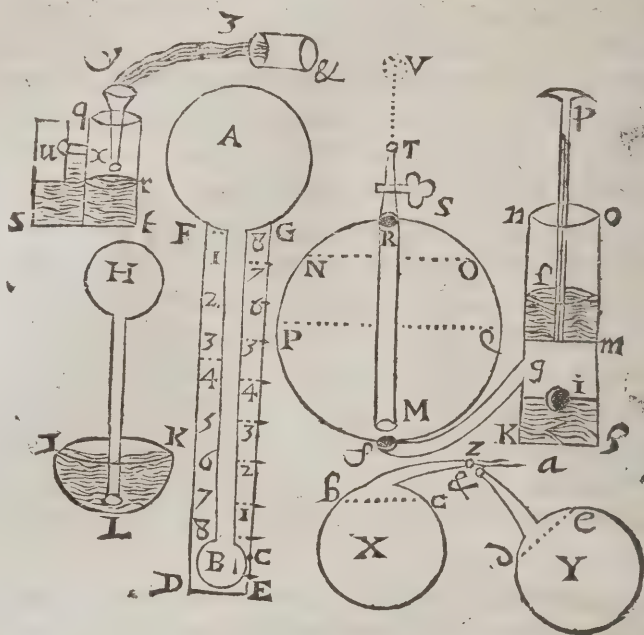
Tertius vsus sit cubiculorum in æstate refrigeriû, atque ventilatio, quæ satis intelligitur ex aqua *z*,

aërem in cubiculum *xu* impellente. Quod etiam fieri potest Æolopilis, quorum oscula *z* & cubiculi foraminulis applicata ventum in

V



cubiculo, sed gratiorem & calidiorem excitabunt, cum ex aëre in Æolopilis incluso, & vi caloris expulso generetur; sed nequit esse perpetuus, nisi continuò igniantur, & restinguantur, ventum quippe calidum impellunt ignitione, & frigidum attrahunt & producunt caloris extinctione, adeo ut in eodem cubiculo, eodem tempore calidus & frigidus ventus spirare, & cuius parti cubi- culi possit appli- cari.



Quartus usus aquæ in altum tollendæ, vel in

omnem partem vi magna expellendæ destinatur, vti fit in fonte artificiali MNO, de quo prius dictum est; & in siphonibus, quos vulgò *seringues* appellamus, qualis est *no 6 m*.

Quintus ad excitandum ignem utilis, cum enim Æolopilæ prius ignitæ suxerunt aquam, si denuò prunis, vel alio modo incalescant, donec aqua vehementissimè bulliat, tanto salit impetu ex *z* osculo, ut in vaporem tenuissimum, & aëri similem exiens ventum ingentem cum magno fragore generet, quo non solum titiones flammam concipiant, sed etiam veluti terebro perforentur.

Vnde sextum usum in ægrorum solatium deriuare possumus, quos- thermarum aquis calidis è sublimi super cutem cadentibus sanari putant; Æolopilæ si quidem hoc munere fungentur, & cutis poros referando, liuorem, obstructionem & contusionem curare, vel saltem mitigare poterunt.

Alios usus, quos studiosus inuenire poterit omitto, quales sunt qui pyrium puluerem suppleant, & æmulantur, de quibus prop. sequent.

31. & 32.

PROPOSITIO XXXI.

An aër tantumdem rarefieri quantum condensari possit, & qua ratione condensetur vel rarefiat inquirere.

Constat aërem ita rarefieri Æolopilis ignitis, vt septuagesima pars aëris prius inclusi, & nondum rarefacti Æolopilas impleat: cum enim Æolopila, quâ sum vsus; aquæ tredecim vncias, & sesquidrachmam contineat, ignita 13 vncias suggit, totus igitur aër ignitus, & Æolopilam candentem implens, ad pristinum naturalem statum redactus eam duntaxat vasis partem occupat, quæ sesquidrachmæ aquæ debetur, hoc est parti totius vasis septuagesimæ, neglecta fractionicula.

Hæc autem raritas omnium maxima videtur quam vasa nostra sustinere possint absque fusione, liquefcent enim si quis ignem pertiniaciorem vrgeat.

Quod ad condensationem attinet, quanquam aliqui credunt non posse nisi ad tertiam spatij, quod naturaliter occupat, partem redigi, quod videant aquam in vas infusam tres heminas continens, non superare duas heminas ob aërem intus manentem, certum est tamen magis condensari posse. Docet enim experientia in fistulas illas inspiratas, quæ pulueris pyrij vim æmulantur, pondus sexaginta granorum aëris impelli, & illa cauitate, quæ vncias aquæ octo, hoc est semiseptarium Parisiensem complectitur, ita concludi, vt maior etiam aëris quantitas possit adhuc injici.

Cum igitur aër Æolopilæ præcedentis sit inuentus ad minimum pondo 4 granorum, vel ad summum 6, quæ decies in 60 continentur, sitque concauum Æolopilæ ad minimum concaui fistulæ sesquialterum, calculis subductis aër in fistula tormentaria, vel sclopeto spiritali condensatus decies Æolopilam impleret, vel quindecies fistulam absque condensatione, hoc est in statu naturali.

Itaque concludi potest aërem ad spatium quindecuplò minus in sclopeto pneumatico cogi, idque sola vi manus spiritali siphone vrentis, quæ vis cum quadruplari possit, & aër in spatium præcedentis subquadruplum coarctetur, erit ferè condensatio tanta, quanta rarefactio præcedens: quanquam insurgit noua difficultas, de qua postmodum, an quadrupla vis sufficiat ad quadruplam condensationem

inferendam, & num aër sit tantæ condensationis capax.

Innotescet autem num aër tantundem condensatus sit, si vas in quod injicietur, æquale sit præcedenti Æolopilæ, & sit illius aëris pondus septuagecuplum 6 granorum, hoc est 420 granorum, nam totus aër Æolopila conclusus absque condensatione, 6 granorum supponitur.

Constat verò lineas aëris cubicas 5654, hoc est paulò plusquam tres digitos aëris cubicos, esse pondo vnus grani, cum aquæ lineæ cubicæ $4\frac{2}{7}$ necessariæ sint vt grano æquiponderent; quocirca lineæ cubicæ aëris pondus est $\frac{1}{54}$ grani. Cùmque sint in aquæ libra, seu granis 9216, digiti cubici $23\frac{2}{3}$, hoc est ferè $\frac{1}{7}$, aëris libra complectetur digitos cubicos 30175, $\frac{25}{33}$, hoc est ferè 18 pedes cubicos.

Qua verò ratione condensatio fieri possit explicatu difficillimum, cum enim aër fontem MPNOQ impleat, vel Thermoscopium BA, & phiolam LH, seque corpora penetrare nequeant, cum vna pars aëris non possit esse vbi est pars aquæ, aut alia pars aëris, qui tamen sit vt plures quàm antea partes aëris fontem prædictum ingrediantur, ex quo nihil interim exire videatur? Cogit enim nos obseruatio fateri sextuplò maiorem aëris quantitatem in fontem ingredi, vel quod idem est, totum aërem, qui prius totam cavitatem MPNRQOM implebat, in spatium, seu locum NRO coarctari. Neque faciunt satis, qui dicunt hanc esse quantitatis, vel corporum naturam vt possint esse sub maiori, vel minori extensione, cum inquiramus modum quo fieri possit istud veluti naturæ miraculum. Qua difficultate motus spiritalium autor Hyeron plurima vacuola per omnia corpora disseminari credidit (hac in parte Democritum æmulatus) in quæ per compressionem coguntur partes, quæ, vbi violentia desierit, ad pristinum locum redeant. Quod ex vase labiis adhærente post suctionem aëris confirmat, carnem enim attrahit vt locus exinanitus repleatur.

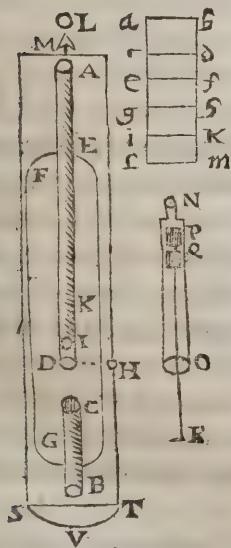
Hinc pars Phænomenam maxima explicari posse videtur admisis quibusdam spatiolis nullo corpore repletis inter partes aëris, quæ crescant in rarefactione, decrescant in condensatione. Hac enim ratione solarium radiorum transitus per vitrum, aquam & alia diaphana, vini & aquæ mixtio, & virtutum corporearum communicatio facile concipiuntur. Sed cum aër in locum sextuplò quàm antea minorem coarctetur, deberent esse quælibet vacuola cuiuslibet partis aëreæ sextupla: & in rarefactione ad minimum duodecupla; quæ propter essent potius coaceruata quàm disseminata vacua. Sed neque explicant quomodo vacua solito maiora in rarefactione, de-

finant, aut minora facta per condensationem crescant iterum, quænam enim elateria cogunt aërem ad sui restitutionem? vt enim facile dicitur hanc esse naturam aëris vt se recipiat, tam à rarefactione, quàm à calore, in statum naturalem, ita difficillimè potest intelligi qua ratione fiat illud: viderint qui sibi satisfacere volunt, num aliqua materia subtilior aëre necessaria sit vel sufficiens, quæ in vasa rarefactum aërem concludentia subingrediatur, aut ex iisdem in condensatione saliat; vel necessarius sit maior motus in quem condensatio referatur, vt quò velocior fuerit partium aëris motus internus, eò densior, vel durior appareat.

PROPOSITIO XXXII.

*Sclopeti pneumatici constructionem, vires & vsum
explicare, & illius ope pondus aëris
inuenire.*

ESto MST baculus concauus, cuius basis SVT, vel ST basis diameter pollicis, seu digiti vnus, aut cuiuslibet magnitudinis, in quo sit sclopetus, siue fistula spiritalis BGDGEA, quam licet *degeira* vocare, nil enim refert an sit vetus aut recens inuentum.



Huius autem constructio satis ex hac figura poterit intelligi, si concauum EFG vndique clausum intelligatur, cui duo tubuli concaui BC & DA ita inferantur, vt nulla rimula fugam aëri permittat.

Totum verò corpus cum tubulis aneum esse debet, nesi ligneum esset, aër condensatus per poros euaderet: sunt etiam tubuli AED, & BGC ita compaginandi vt integra machina vnicum corpus continuum esse videatur: qua constructa in cauum GDFK ope syngis (cuius os B inferatur extremo N, idque cochleatim, seu per spiras) aër injiciendus est, qui cum per orificium C in ca-

uum DFK ingressus erit, & variis emboli RP motibus fistula adeo inflata, seu tensa fuerit, vt copiosorem aërem recuset, sclopetus inflatus erit.

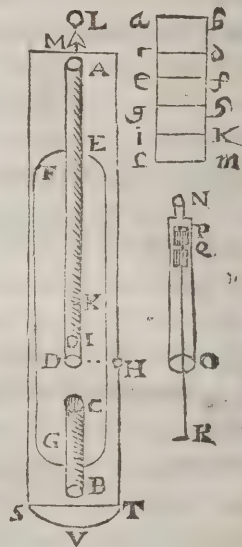
Assarium seu plasmation, quo C orificium clauditur, ex parte D aperitur, ut aërem immissum cavitās GFK retineat; quippe qui repellit assarium C, quod eò fortius claudit orificium C, quò maior aëris quantitas intrusa fuerit.

Aër fistula GCKFD conclusus, & condensatus vicem elaterij præstat, cum enim aperitur assarium in D positum, quo tubulus DA claudebatur, aër inclusus vi magna cum fragore foras erumpit, & pilam obuiam plumbeam, aut alterius materiæ, ingeti velocitate pellit, & per lumen A expellit, vel pilæ loco sagittam, qualis est M. Hac igitur præposita sclopeti pneumatici cōstructione, vim & vsum illius breuiter explicabimus postquam syringis ad inflandum necessariæ constructio declarata fuerit.

Fiat igitur tubus, seu modiolus OP ex ære concavus, qui solet ex lamina plana ærea crassitie vnus lineæ in cylindrum concavum versa fieri: quanquam cylindrus æneas solidusterebra possit excanari ad illas conglutinationes, seu ferruminationes vitandas, quæ syringem minus firmam & durabilem efficiunt. Quæ tamen si ab artifice perito glutine argenteo compaginentur, ipsius laminæ robur adæquare, vel etiam superare poterunt.

Modulo NO constructo, cuius tubulus NP helices habeat conuexas, quæ interioris tubuli B helicibus concavis internis adapten-
tur, & congruant, embolus PQ paratur, per cuius manubrium ferreum IP transuersim aguntur, & inuoluuntur duo crassiores cylindri QP ex corio, & linteis superpositis compositi, ut inter duos illos cylindros oleo vel aqua madidos aër exterior per osculum O tractus, & inter Q & P interceptus motu manubrij concitato per cylindri P foramina, in tubum N tubulo B cochleatim insertum, & ex eo in sclopeti concavum GF iniciatur, donec motus emboli tandiu repetitus fuerit, ut vi manus puncto R applicatæ manubrium deinceps impelli nequeat.

Brachiorum tamen robori vectis adhiberi potest, qui manubrio vim maiorem afferens sclopetum pneumaticum magis inflet, ut cauum GK maiorem aëris quantitatem excipiat. Solet autem manibus comprehendi cylindrus, seu baculus MT, dum in puncto R hinc inde pedibus



manubrium premitur, vt aër confertior in tubulum BC syringi NP insertum impellatur.

Porro cùm sclopetus aëre satis oneratus, & corio MT contactus fuerit, quod possis vaginam, vel thecam appellare, collimabitur, tubulo DM in scopum directo, digitoque elaterem in puncto H pellen- te, qui D assarium aperiat; pila siquidem, vel sagitta I per os A im- posita, & interius assarium tangens expelletur, & scopum attinget, atque adeo vires sclopeti ex percussione magnitudine concludentur.

Quidni pares asserantur sclopeti pyrio puluere vtentis, viribus, si par fuerit vtriusque pilæ ab eodem spatio, & in æquali super horizontem erectione percussio? Est igitur primarius sclopeti pneumatici vsus ingens percussio, quam sæpenumero tantam expertus sum, vt à 20 hexapedis plumbeus globus explosus, & lapidem offendens in lami- nam satis tenuem conuersus sit.

Secundus vsus in aëris tam condensatione, quàm grauitate cognos- cenda consistit; grauitate quidem, si postquam sclopeti nondum in- flati pondus exactis bilancibus exploratum est, inflatus iisdem ponde- retur, pondus enim priori additum grauitatem aëris exhibebit.

Obseruationem à me factam accipe. Sitque sclopeti, quo sum vsus GF cauum semisextarium Parisiensem, hoc est octo aquæ vncias con- tinens, vel 12 ferè digitos cubicos. Cùmque selibra 2304 granis constet, & 60 grana, (cuius ad minimum ponderis aër deprehensus est, dabat enim bilanx 67 grana) contineantur tricesies octies in 2304, sequitur aquam hoc aëre condensato tricies octies grauiorem esse, atque adeo hunc aërem in semisextarij Parisiensis partem trigesi- mam octauam debere contrahi, vt sit eiusdem cum æquali aquæ mole ponderis; sed vereor ne siphon pneumaticus humorem aliquem oleo- ginosum in sclopeto pneumatico reliquerit, quo pondus aëris au- ctum fuerit, cùm aliàs sola 35 aëris grana includamus, quando nulla subest illius humoris suspitio.

Condensationis verò gradus faciliè concluditur ex grauitate, cùm enim ex Æolopila constet aërem liberum semisextario contentum esse pondo 4 granorum ad minimum, & sclopeti cauum, hoc est se- misextarius, 60 aëris condensati grana complectatur, clarum est ad locum naturali suo loco quindecuplò minorem restringi, atque adeo 15 gradibus condensari, si totidem gradus numerentur quot æquales aëris partes in eundem locum cogentur, nisi diabetes, vt iam dictum est, humore suo sefellerit, tunc enim si 35 sola grana numeran- da sint, reductus fuerit aër ad locum naturali suo loco octies angu- stiore.

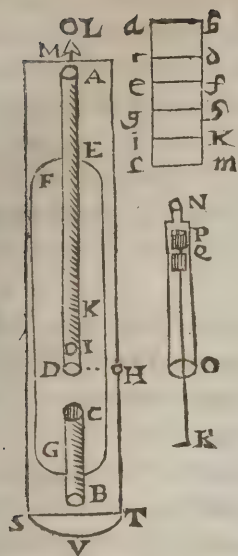
Tertius vsus ostendit aërem in hoc sclopeto condensatum eiusdem propemodum ac nubes, aut vapores esse coloris, putà subcinericij. Vnde quis concludat aërem condensatum ad aquæ naturam accedere; quod confirmatur ex eo quòd aër ille in politum metallum explosus in aquæ guttulas conuertatur. An verò differat aër à vaporibus aqueis, & eas solummodo comites habeat, qui soli vertantur in aquam occursum frigidæ superficie, quærat qui poterit inuenire, quamquam suspicari potest aliquis num ille color ab olei vapore aëri mixto proveniat.

Quartus superest vsus, quo sciamus quavi quælibet aëris quantitas condensetur, seu qua ratione vires augendæ sint in secundo, tertio, quarto, & c. gradu condensationis inferendo, cum vis primum gradum inducens agnoscitur.

Sit exempli gratia *lb* aër in situ suo naturali, quem velis in spatium subquintuplum *da* redigere, ac condensare; sitque potentia quæ primum condensationis gradum infert, & aërem *lb* in parallelogrammum minus *bci* restringit, inuenienda potentia quæ parallelogrammum *bi* in parallelogrammum *gb* cogat, & ita de aliis potentiis, donec aër in spatium *ad* coarctetur. Quod si possit a nobis agnosci, definiemus quænam aëris quantitas quælibet syringis impulsione mittatur in sclopetum, quando 34 vel 60 manubrij motibus, siue impulsionebus, uti fieri solet, oneratur, & quantò vehementior esse debeat impulsio, ut sequentes in ordine quopiam condensationis gradus præcedentibus addantur. Vbi notandum venit manubrium syringis quòd velocius agitur, eò perfectius aërem ab embolis P, Q intercipi, & quò tardioribus impulsionebus premitur, eò facilius aërem elabi, & aufugere, redeundo versus orificium O, vnde venerat; quam viam repetere nequit cum ea velocitate diabetis manubrium R atque adeo emboli QP agitantur, ut vi magna secundi minuti spatium ter impellatur, uti fieri solet à sclopetariis.

Ut autem aër fideliùs retineatur, emboluli Q, P, panno vel corio tecti oleo perfunduntur, vel alio pingui liquore madidi fiunt, ut modiolum quo includuntur perfectius impleant, & attractum aërem meliùs retineant. Alios vsus sclopeti spiritalis ut obuios omitto, moneoque solum EA canaliculum, in quem pila plumbea, vel sagitta immittitur, à reliquo corpore GF, quod arcanum vulgò dicunt, separari posse, ut instar baculi quadrupedalis feratur, & arcanum cum syringe pera condatur.

Esset etiam operæpretium ut arcanum ipsum in duas partes ita divideretur, inter puncta H & G, ut multis helicibus istæ partes iungerentur,



rentur, & ita coirent simul, vt nulla particula inclusi, & condensati aëris exire posset, tunc enim quoties assaria D & C, in cauo F D C reparanda essent, id facili negotio partium illarum euolutione absque vlla fractione fieret, vt ampliùs ex figura propositiōis sequentis patebit.

M O N I T V M.

CVm syringis embolus, quo sclopetus pneumaticus inflatur, madidus sit, ve-
reor vt aquæ, vel alterius humidi quidpiam cum aëre in sclopeti cauum ingrediatur, quod in aëris pondere fallat, vt reuera contingit si loco aëris humidum illud pondere.

tur. Quæ deceptio facilè detegitur in sclopeto pneumatico, à quo syrinx minimè separatur, si enim ille sclopetus cum sua syringe leuior sit 60 granis, aut alio quouis pondere, ante, quàm post inflationem, aër solus erit 60 granorum, vel alterius ponderis inuenti: & exactissimarum bilancium ope dicto citiùs innotescet quòdnam pondus aëris qualibet syringis in sclopetum impulsione ingrediatur, atque adeo quæ sit ratio condensati aëris & cuiuslibet explosionis: exempli gratia, si prima impulsio aëris pilam ad decem passus explodit, an secunda impulsio ad 20 passus pilam emissura sit, & ita de cæteris.

Expertus sum in sclopeto, à quo syrinx minimè separatur, aërem facilè satis vsque eò condensari vt sit pondo 20 granorum, cum illius concavum vix semisextarij Parisiensis semissij æquale est, hoc est cum aquæ vix octo vncias capit. Cætera quæ iaculationes istius instrumenti pneumatici spectant, tractatu de motibus afferentur.

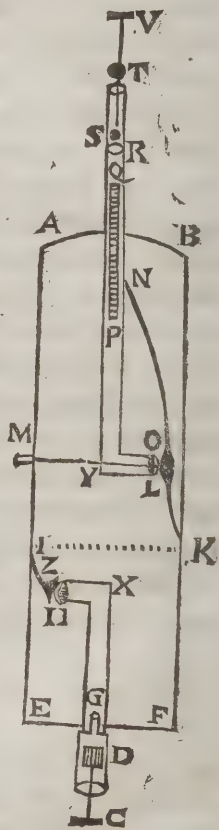
PROPOSITIO XXXIII.

*Absque noui aëris in sclopetum pneumaticum immis-
sione, vel prius immissi deperditione, seu emissione,
quoties opus erit, sclopetum explodere, & pilam ad
scopum propositum emitte.*

E Sto sclopeti alterius ABEF figura, in qua primus tubulus
GH, qui ex X recuruatur in H, vt aër ex syringe DG immissus
reditui minus sit obnoxius. Sed & assario Helater
chalybeus IZ addi potest, ne forsan aliqua pars
aëris per assarium H egrediatur; quandoquidem
elaterium aliud NO, vel KL vtiliter adiungitur
assario OL, per quod aër in modiolum, vel cauum
sclopeti ABEF immissus egrediatur, vt obuium
embolum mobilem PQ in laminam R tam for-
titer impellat, vt pila S moueatur ad T, & deinceps,
donec ad scopum peruenerit.

Sola difficultas consistit in lamina R, quæ duas
habeat conditiones, nempe vt sit firma satis ad su-
stinendum emboli QP impetum, quem vi magna
aër inclusus in modio impellit, dum per assarium
apertum L erumpit: deinde vt tam exactè osculum
R tubi YR obturet, vt aëris erumpentis nulla pars
per vllam rimam elabi possit. Porro lamina R debet
esse mobilis versus embolum Q, vt vi tigni, seu ba-
culi ferrei VR repellatur aër, qui per LO lumen
intubum VP eruperat, & embolum in laminam
T impulerat. Nam embolus QP vi magna repul-
sus versus Y coget iterum aërem regredi, vt per as-
sarium OL in modiolum FA redeat.

Est autem industrij artificis embolum illum, &
fundum ita construere, vt quoties embolus vecte,
vel alio instrumento, qualis est cochlea, puncto V,
hoc est extremo virgæ ferreæ adhibebitur, semper
restituatur aër tubo QPY contentus, in modiolum
XN; hoc est iterum aëre, vt prius, oneretur. Peritis, ingeniosisque
artificibus reliqua arcana, quæ hîc applicari possunt, inuenienda per-



mitto; qui modiolum ipsum, seu cauum A F in punctis I & K bifariam diuidere possunt, vbi linea punctuata notatur. Vt quoties assaria L & H, vel elateria N O & I Z, aut quæpiam alia refarcienda fuerint, aperiatur: Linea verò I K cera, vel alio glutine poterit indaci, ne fortè quædam aëris particula effugiat.

Embolus autem QP potest esse bipedalis, & partim intra corpus baculi XL remanere, partim in canalem YQ ingredi; tunc autem YL non debet incuruari, sed os rectum habere, quale est os DI in figura præcedentis propositionis.

Sunt qui putent laminam æream adeò perfectè poliri, & orificia H & O L adeo exactè obturari posse, vt nullo corio egeant; quod sola praxis dirimet. Porro circa clauem M, quâ epistomium, seu lamina L O protruditur, vt ore tubuli YO aperto aër inclusus in modiole IF egrediatur, & embolum PQ protundat, obseruandum est virgulam ferream MY canaliculo transuerso ita debere concludi, vt aër cauo NYXF conclusus orificium M, in quod clauis ingreditur non possit egredi: quod continget si prædictum orificium M nulla ratione cauo prædicto, sed tantum orificio L respondeat, licet enim aliqua aëris particula per LO transiens possit per canaliculum YM elabi, quòd illum non ita possit implere virgula ferrea, quin sat loci supersit intra canaliculi latera concaua per quæ fugiat, id tamen sclopeti pneumatici vires nil impedit, vt experientia constat, sed clauis interior YM in ipso cauo sclopeti potest ita corio circumuestiri vt nulla aëris particula exeat. Similium autem canaliculorum ope QP embolus aëre protrusus retrahi poterit, vt aërem quem præcessit, retrahat, & in pristinum locum, atque statum restituat, idemque fiat ac si puluis pyrius, postquam inflammatus pilam emisit, in sclopeti sui canalem post quemlibet iactum remitteretur, & de nouo pilam eiiceret.

COROLLARIUM.

De sclopeto pneumatico, cui syrx non adhibetur.

SI fiat tubus hexapedæ longitudine cum helicibus concauis interioribus, vt sit mater, in quam cylindrus spiris conuexis affectus ingrediatur, & aliud tubi osculū perfectè obturetur, quamdiu cylindrus quintupedalis in illum tubum impellitur, aër in illo tubo sextupedali prius existens ad vnicum pedem redigetur, & quintuplò quàm antea, densior euadet, retinebiturque ab epistomio extremum tubi

osculum claudente, donec prædictum epistomium conuertatur, vt per illius os in interiori tubo delitescens aër erumpens pilam, vel telum explodat, quæ pila poterit in ipso vertibuli orificio collocari.

PROPOSITIO XXXIV.

*Siphonis hydraulici naturam atque proprietates
explicare.*

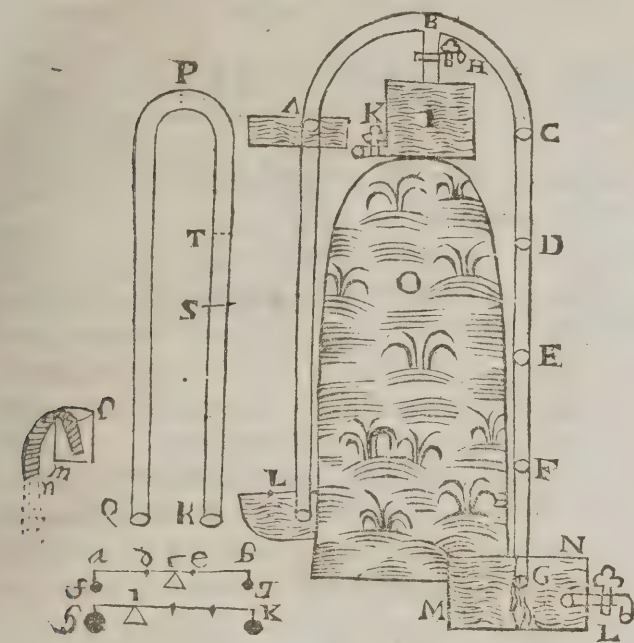
Quamuis siphon pro tubo sumi possit, vulgò tamen significat tubum recuruum, qualis est QPR , quo possunt humida ex vno vase in aliud transnitti, verbi gratia vinum ex dolio in dolum, oleum ex cado in cadum, aqua ex piscina in piscinam, &c. ad quem referri potest panni lacinia pendens ex vase lm aqua pleno, qua liquor quilibet filtrari dicitur, id est, percolari, vnde Galli vocant illam *filtre*: cuius extremum externum n interno m inferius esse debet, vt aqua guttatim decidat; si enim esset superius, vel æquale interno, qua parte superficiem aquæ vase lm inclusæ tangit, aqua n non fluere; quemadmodum neque fluere potest ex siphone QPR , siue crus PR , siue PQ tangat aquam: tunc enim aqua est in æquilibrio. Hinc aliqui siphonem ad libram referunt, qualis est libra acb cuius pondera f & g , cum æquè distent ab hypomochlio, seu fulcro, vel centro c , manent æquilibria: Quod æquilibrium deperditur, cum pondus vnius brachij propius abest à fulcro, vt contingit ponderi h , quod vbi fuerit æquale ponderi K , superabitur, nisi eadem ratione minuatur pondus K , qua maior est illius distantia à fulcro i ; quemadmodum superatur crus SP à crure PQ ; verum qua ratione superetur crus breuius à longiore, & an aquæ maior copia fluat ex crure longiore, in eadem ratione qua longius fuerit, sequente propositione dicitur, nunc enim scire sufficiat exire maiorem aquæ quantitatem ex longiore crure, verbi gratia, si præsens siphon abscindatur in T , maior aquæ quantitas per orificium Q effluet, quàm vbi fuerit abscissum in S , & ita de reliquis diuisionibus.

Esto siphon alius $LABCDEFG$, qui montem O ambiat, & crus sinistrum AL in fontem L immergatur, cuius beneficio transferri potest aqua non solum ad montis pedem dextrum M , sed etiam ad verticem, si prius adhibeatur siphonis vertici B piscina KI ; Quæ sola explicatione indigent.

Primùm igitur incolæ ad montis M partem siti, & aqua carentes qui non possunt adire fontem L, illius aqua facilè poterunt vi

beneficio siphonis L B G, siue fons in L, siue in A fuerit, dummodo crus BG paulò fieri possit longius crure LE; quod si pars dextra montis non patitur vel ob rupes, aut vallis defectu, siphonis nullus erit vsus.

Porro si fons in A fuerit, maior effluet aquæ quantitas in piscinâ MN, quod sit maior ratio cruris EG ad crus EA, quàm ad crus EL. Fiat igitur siphon æneus,



qui cùm ad vsque punctum G peruenerit, tribus modis aquam L trahere poterit, primò, si quis ore vel folle applicato lumini G totum aërem ex siphone hauriat, succedet enim aqua; & cùm semel fluere cœperit, per apertum epistomium L continuò deinceps effluet, donec epistomium claudatur.

Quod quidem semper apertum esse poterit, si fontis scaturigo perennis fontem L perpetuò repleat; idèmq; de fonte A dicendum; qui cùm steriles erant, sola supererit aqua piscinæ MN, quæ cùm exsiccata fuerit, aquæ reditus in L expectandus erit, rursusque follis, aut Æolopila candens, vel os lumini G adhibebitur ad aërem ex toto siphone L B G hauriendum: Cuius hauriendi secundus modus ex ipsa piscina MN repetendus, quam aqua plenam, & lumini G ita coniunctam si supponas vt aër in L siphonem per G ingredi nequeat, statim atque aqua ex piscina MN per epistomium L referatum effluet, haustum ex tubo L A B C D E F aërem ad replendam piscinam aqua vacuam ita trahet, vt aqua ex fonte L necessariò sequatur, dummodo piscinæ MN concauum totum aërem

siphone contentum complecti, & haurire queat. Dixi *haurire queat*, cum illud fieri non posse contendant nonnulli, nisi præter illam capacitatem totius siphonis concauo æqualem crus BG tantumdem descenderit infra lumen L , quantum est crus LB , qua de re postea.

Tertius, isque ferè vnicus modus consistit in orificio, quod in siphonis puncto B faciendum est, per quod totus siphon impleatur aqua, nam luminibus LG obturatis, & orificio puncti B clauso, statim atque lumen G recludetur, & lumen L in fontem immergetur, aqua fluat ex G , etiam absque vlla piscina, quæ tantum adhibebitur, ad aquæ fluxum impediendum, ne fortè fons L exsicceat. Cùmque fontes siccioribus æstatibus & autumnis sæpenumero steriles sint, & cùm aqua redierit, per punctum B rursus necesse est vtrumque siphonis crus aqua repleri, vt incolis ad M sitis, distribuatur, eapropter epistomium in B applicandum erit, quod toties absque siphonis nouo vulnere recludatur quoties opus fuerit.

Dixi hunc esse modum vnicum, quod ex tantis siphonibus, quantus est qui montem ambit vnus vel alterius leuæ, nulli folles, aut hominum ora possint totum aërem educere, vixque tantum occurrat vallum quod altitudinem cruris LB , quod verbi gratia sit vnus miliaris, compenset.

Quod ad piscinam MN attinet, si crus BG non eo modo producat, quem superius innui, aër exterior in epistomium L apertum ingreditur, & simul fluat aqua ex piscina, vti fit in inuersa lagena, in quam, cùm depletur, aër ingreditur.

Superest vas aliud IK explicandum, quod pateat foramini B , vt aquam per siphonem currentem excipiat; quod duobus modis fieri potest, vel enim lacus I semel aqua repletur per aliquod orificium quo vulneretur, velut in puncto I , quod postea reficiatur: vel potius per aliquod epistomium, quale est K vel H : vel ipsum vulnus siphoni in E puncto infligendum, quo repletur crus vtrumque, huic vsui seruiet.

Cùmque aqua ex erogatorio, seu lacu I per epistomium apertum K haurietur, vel aqua non egredietur, vel egredietur & ex L fonte ascendens & transiens aqua per punctum B partim cadet in lacum I , cùm epistomium H apertum fuerit, dum reliqua pergit ad lumen G ; vel aër eodem tempore per K in lacum ingreditur, quo aqua fluat, & nihil aut aquæ parum effluet ex siphone. Verùm poterit aër ingrediens per K ad B pergere, & cum aqua in ECG inclusa descendere in piscinam MN , ex qua per epistomium L postmodum fugiat.

Quod si tanta fieri possit industria immissorium seu erogatorium I, vt aër suis technis huic constructioni minimè officiat, maximo com- modo erit incolis in montis vertice sitis, à quibus fons vno vel altero milliari aberit. Supponendum est autem siphonem istum monti ad- hærere & inniti, quemadmodum & acceptorium I, licet illa omnia in aëre veluti suspensa videantur, quod ad faciliorem intellectum fie- ri oportuit.

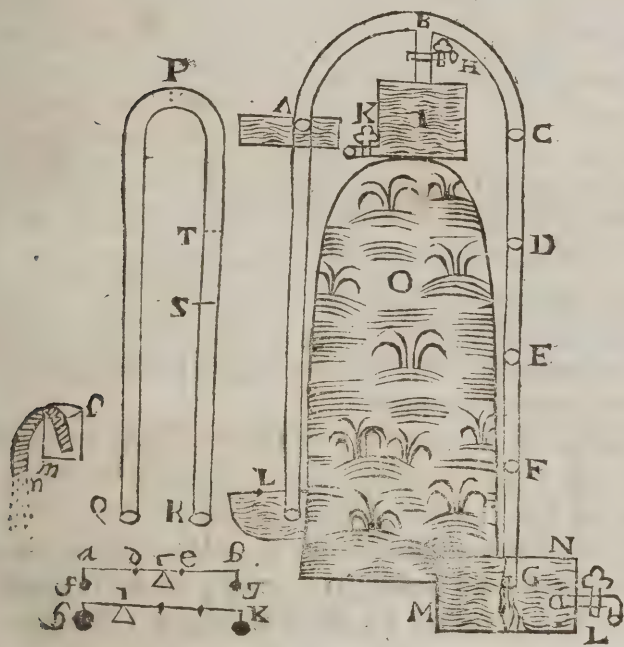
Debent etiam totidem epistomia variis in locis tam siphonis, quam piscinarum intelligi, quot necessaria fuerint ad liberum effluxum aquæ seu ex vase MN exeuntis, vel in vas L ex siphone ingredien- tis, aut per epistomium K egredientis.

Quamuis autem guttatim tantummodo flueret aqua ex puncto B

in vas I, clauso K epistomio, & aperto H, vna vel altera nocte poterit ac- ceptorium I reple- ri, & totidem aëris particule per episto- mium H exhibunt, quâquam potius ve- reor vt aër per H in- grediens cursû aquæ ex L in B C D, &c. intercipiat, & in- terrumpat.

Satius igitur fue- rit vtriûsque cruris extrema C & A in acceptorium I in- gredi, & ita diuidi, vt aqua ex L ascen- dens tota recipia-

tur in vase I, & aliud crus C G illam ex acceptorio I hauriens in pis- cinam MN ferat.



PROPOSITIO XXXV.

An siphonis tractorij vis ad vectem referri possit, & qua ratione crus augeri debeat, ut maiorem in data ratione quantitatem ex fontibus, doliis, &c. hauriat, inquirere, & filtrum ad siphonem referre.

SIt præcedentis figuræ siphon $ABCDEF G$, quem certum est guttam nullam ex A fonte, vel vase aqua pleno haustrum, si designat in C ; aqua siquidem in C vi aspirationis tracta, sibi que permixta non cadet versus D , sed potius redibit & recidet in A fontem. Productus autem siphon vsque ad D trahet aquam. Supponamus verò altitudinem cruris BC , vel BA perpendicularem, æqualem esse parti CD pedis vnus, erit ergo crus bipedale CE , tripedale CF , & quadrupedale CG . Hispositis inquiramus an ad vectem, aut libram siphon reduci possit, quod suadere videtur æquilibrium in osculis AC factum; ut enim libra, seu vectis ab , cuius fulcimentum c in medio collocatur, iacet in æquilibrio horizontalis, siue illa duo pondera æqualia fg in extremitatibus, aut in aliis punctis ut ed , æqualiter ab hypomochlio c distantibus, collocentur; ita siphon ABC plenus aqua, vel aëre, in æquilibrio tamdiu manet, quamdiu CA extrema æqualiter à terræ centro remota fuerint.

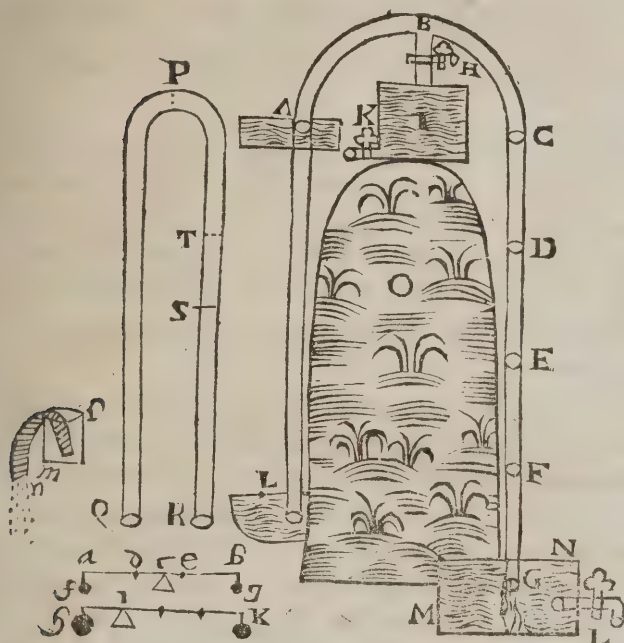
Iam verò siphon productus in D non æquiponderat, sed in partem dextram propendet, & in A vi detentus aquam per osculum D effundit, quemadmodum statera hK (cuius i fulcimentum extremo h vicini) non æquiponderat, sed descendit infra K , adeout æquipondium in K triplò leuius pondere appenso in h , ei æquiualeat, quod æquipondium si foret æquale ponderi h , stateræ iugum iK caderet.

At verò, comparationes siphonis & vectis deficiunt in eo, quòd in vecte vel statera pondus sit eò potentius quòd pars iugi, cuius extremo adheret, longius à fulcimento distat, hoc est, si quadruplò magis abfuerit, quadruplam potentiam acquirit, quatuórque ponderibus, quorum vnumquòdque illi æquale est, æquiponderat; cùm tamen siphonis brachium quadruplò longius altero quadruplam aquæ quantitatem minimè tribuat, sed tantum duplam; docet enim experientia per G lumen duas aquæ libras effundi, eodem tempore quo libra per

per lumen Deffluit; effeque semper crurum longitudines in ratione duplicata quantitatum aquæ fufarum, vt de aliis tubis rectis demonstratum est.

Cùm igitur iugi stateræ pars quadruplò longior quadruplò moueatur celerius, (vt etiam siphoni contingeret in rectum porrecto, &

in vectem conuerso, cuius pars *CG* ex vna fulcimenti parte, *CB* ex alia se teneret). nec tamen aqua ex crure quadruplò longiore quadruplò, sed tantum duplo velocius exeat, aquæ cylindrus siphone conclusus stateræ rationem minimè sequitur, sed est illius subduplicata: hoc est, effluxus velocitas, & aquæ fluentis quantitas non sequitur ipsam aquei cylindri longitudinem, quam



nempe bifariam diuidit.

Quòd ad filtrum attinet, cùm experientia doceat humorem ex quadruplo longiore fluentem duplam esse alterius ex duplo longiore fluentis, & eodem modo quo fit in siphonibus, rationem filtrorum, si iuxta solam longitudinem spectentur, esse in ratione duplicata guttarum aquæ fluentium; constat ea referri debere ad siphonem.

Hinc sequitur datis siphonis, aut filtri longitudinibus, innotescere tempora quibus fons, dolium, & alia vasa quouis liquore plena exhauriantur, dummodo vel vnica obseruatio accuratè facta supponatur.

Sit enim crus *QP* siphonis *QPS*, cruris *IP* quadruplum, quod quidem crus *PQ* exhauriat dolium vnus horæ spatio, crus duplum idem exhauriet dolium in tempore, quod sit modium proportionale inter 2 horas & vnâ horam: & crus quadruplum horæ dimidio.

Datis similiter temporibus, quibus siphones sola longitudine differentes vasa quælibet hauriunt, dabuntur siphones, & ipsius aquæ quantitates exhaustæ cognoscentur.

Denique crura siphonum in eadem existentia ratione cum fistulis super horizontem erectis, idem ac fistulæ, cum in aquis distribuendis, tum in salientium longitudine præstabunt, si tubuli extremis illorum osculis adhibiti quaqua uersum dirigi possint.

Cætera quæ faciunt ad siphonis & filtri naturam penitiùs intelligendam sequente prop. continentur.

PROPOSITIO XXXVI.

Siphon & filtrum, omniâque hydraulica organa grauium descensum, & leges amulantur. Vbi variæ siphonis difficultates proponuntur, soluantur.

ESto siphon inuersus AEB , (cuius pars dextra EB latior) aqua plenus, cuius altitudo ED : constat ex obseruatione aquam BCE quacûmque ratione maiorem aqua EA , non ei tamen præuallere, sed æquilibrium esse, alioqui aqua EA per osculum A fluere; unde concludendum in siphonibus, aut alijs tubis non pugnari ponderibus, sed altitudinibus, atque velocitatibus, adeo ut altitudines, atque velocitates æquales faciant æquilibrium.

Quòd autem siphon & filtrum omnino sequantur leges grauium constat ex aquæ fluxu per lumen M egredientis, si enim siphon PKL productus vsque ad aquam tribuere incipiat, quæ in puncto I gradum vnum velocitatis acquisierit, productus ad 3 , duos velocitatis gradus aquæ conferet, & cum aqua vsque ad M descenderit, hoc est 25 percurrerit spatia spatio $1L$ æqualia, eam velocitatem acquireret, qua tempore æquali quo ab L ad M descendit, 50 spatia percurrat.

Verùm ob aquæ continuitatem partem aquæ L i æquè velociter ac partem ad M positam descendere contingit, cum nulla gutta ex M fluat, quin æqualis gutta ex L in i descendat. Sola verò gutta descendens ab L ad M iuxta numeros lineæ inscriptos cadit, hoc est, primo tempore facit vnum spatium, secundo tria, tertio 5 , & ita de cæteris, iuxta legem aliorum grauium. Quapropter eadem velocitate fluit aqua ex M , qua moueretur si reuera descendisset ex puncto L in M : quemadmodum agit aqua in puncto E siphonis inflexi $AE P$,

ac si descendisset ex D in E, vel ex A in H: & in G, ac si descendisset ex A, & ita de reliquis altitudinibus in figura notatis, vel subintellectis.

Sunt autem nonnulla in his siphonibus obseruanda, verbi gratia, cylindrum aquæ capillo æqualem A O sufficere ad aquam ex la-

tiore siphonis parte B C eiiciendam, imò ne quidem addi posse lumini A guttulam, nisi guttula ex B C expellatur. Deinde siphonem MKP vel in omnibus partibus æqualem esse, vel alibi, putà in alterutro lumine inæqualem, vt cum lumen BP lumine M maius, vel cum lumen N minus fuerit, quæ omnia possint inferre nō nihil discriminis aquæ fluxui: sed cum ob solam altitudinem agat, & fluat aqua, dummodo siphon semper aqua plenus sit, eandem aquæ quantitatem hauriet: itaque superest duntaxat obseruandum an aqua per lumen minus N,

vel æquale I à siphone MKI sumpta semper æquè siphonē impleat, ac per lumen latius BD hausta: Censuerunt doctissimi quidam tantum aquæ per N ac per I haustum iri, sed eò velocius quo minus fuerit osculum: alij aquam per osculum N longè minus M lumine non exituram. Sed experientia docet primò aquam fluere per osculum adeo exiguum vix vt oculis deprehendi queat, idque guttatim duntaxat, adeo ut cuiuslibet secundi spatio duæ guttæ sibi succedentes fluant per lumen M, cum osculum N sit lineæ quadrans. Secundò

semper eò minorem aquæ molem fluere, quo minus erit osculum N, quod aquam fluentis aquæ per osculum I subduplam, aut subtripulam, &c. tribuit, cum subduplum, vel subtripulum fuerit.

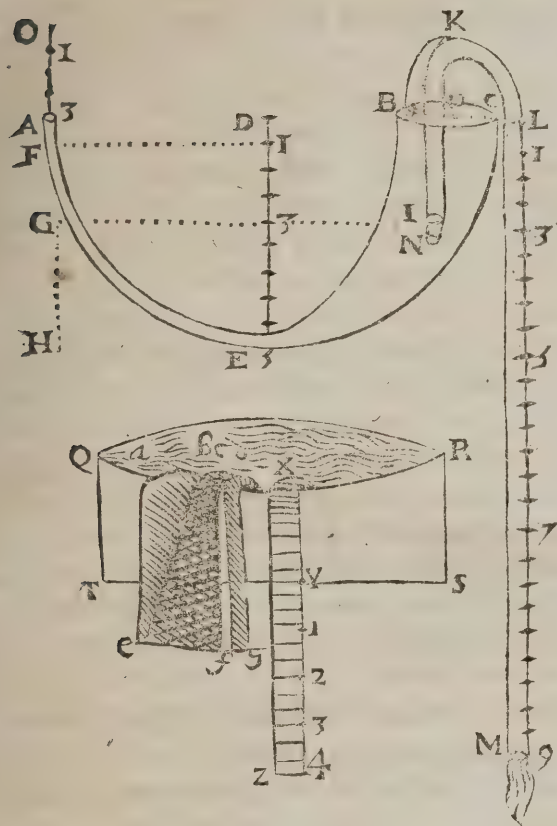
Non tamen concludendum in K M exteriori crure tubi aërem permanere, quamdiu fluit aqua per N, tubus enim L M plenus est. Vbi aduertendum guttas ex osculo N, cum est quartæ partis lineæ, cadentes per lumen N non continuo sibi succedere videri, cum duæ solæ spatio secundi exeant, quas intra cum necesse videatur aërem interiici, mirum est quæ fluere possint; nisi dixerimus guttas illas per interiora tubi latera continuo fluere, adeo ut aër non possit fluxum illum interrompere ob interiori per latera continuitatem, quæ minus in exterioribus guttis exilientibus percipitur; quod etiam filtro aëri exposito, & cuilibet alteri aquæ quantumvis exiguæ per fistulam quantumvis amplam fluenti contingit, sed cum tubus exterior L M sit semper plenus ut dixi, idem sit ac in lagena inuersa guttatim cadente ob alias guttas per foramen in fundo factum cadentes; quare cessat difficultas. Cum autem lumen I respondeat puncto 3, & crus siphonis à puncto M ad punctum 3 sit breuius crure M L, cuius punctum L respondet lumini P, maior aquæ quantitas ex lumine M fluere debere videtur, cum lumen P minus mergitur, quod tamen experientiæ repugnat; quantumvis enim profundius mergatur P vsque ad N, aut minus profundè vsque ad P, tantundem aquæ præbet, quoties crus externum L M manet eiusdem longitudinis, quod nempe tantundem aquæ superficies B C ex qua ducitur aqua, puncto M superextet: dummodo vas A C, ex quo hauritur liquor, semper plenum intelligatur, & aër in os siphonis P subingredinequeat, quippe minima aëris particula cursum aquæ potest imminuere & inturbare.

Iam verò de filtris in vas Q R T S immerfis agendum, quorum primum à sinistris occurrens A in coni verticem *e* desinit; secundum *b c* à vertice incipiens æquali *e*, desinit in *e f*; tertium *d* eiusdem est ubique latitudinis, adeo ut *f g* sit æquale *e*, vel *b c* angustioribus primi, secundique filteri extremis. Quartum denique est X Z, quod à puncto V ad punctum z in 4 partes æquales diuiditur.

Vt autem aqua filterum ope fluat, & ex vase Q S hauriatur, prius in aquam mergenda sunt, qua penitus imbuantur, eamque ebibant, si enim sola illorū capita mergantur, & pars extra vas extans sicca fuerit, aqua non fluet, vixque crassitudine digiti in filtro ascendet; quamquam eruditi viri affirmant se filtra sicca expertos esse, quæ tamen aquam vsque ad extremam laciniam exterioriorem traherent.

Porro siue mergas in aquam duorum primorum filtrorum partes angustiores, siue latiores, æqualis fluet aquæ quantitas, sicut & fil-

trum *d f g*, ex omni parte prædictis partibus angustioribus æquale æqualem duntaxat aquam hauriet. Vnde fit vt superioris extremi latitudo præcipuè consideranda veniat, quemadmodum de siphonibus dictum est: Filtrum verò aquæ hauriendæ superficiem ab *V* puncto ad *I* excedens duplò minus aquæ trahet, quàm dum vsque ad *Z* punctum, hoc est, quadruplò magis sub aquæ superficie descenderit, eruntque quantitates aquæ per filtrum haustæ in ratione subduplicata longitudinis filtrorum, eodem prorsus modo, quo tubis rectis, aut incuruis congruit.



Vnde qui liquorem aliquem velocius percolare voluerint, vel filtrum ex omni parte latius, vel longius efficere debent: si latitudine sola compensent, idem ac in tubis latioribus; si longitudine, & latitudine, idem etiam obseruandum erit quod iam de tubis demonstratum est. Superest igitur inuestigandum qua ratione siphon, & filtrum aquam hauriant, seu quomodo vi siphonis aqua cogatur ascendere.

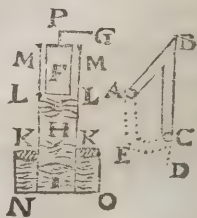
PROPOSITIO XXXVII.

Causam ascensus aqua per siphonem, & filtrum, aliaque instrumenta pneumatica inuestigare.

RATIONEM, ob quam aqua in siphonem ascendit, vulgò referunt in vacui vitandi gratiam, adeout si vi naturæ vacuum fieri posset, non esset ascensura: sed cùm natura sentire nequeat quod neque est, nec esse potest; aut si possit esse, nescitur, hæc ratio minimè satisfacit; quam tamen in præfatione ad Lectorem fusiùs prosequimur.

Potiùs itaque credendum aquam necessariò sequi tractionem aëris, vt quælibet continui pars, vna tractâ, vel pulsâ, sequitur, non enim vna pars moueri potest quin alia continuò sequatur. Nec absurdum fuerit si quos vncinulos intelligamus, quibus aër aquam trahat. Par videtur esse filtri ratio, nam exterior aqua, quam pannus bibit, veluti crustulam, membranulam, aut siphunculum efficit, in quo interior aqua labitur, si panni lacinia sub hauriendæ aquæ superficiem descendat, cùm enim experiamur aërem exteriorem aquæ fluxum non impedire (vti fit cùm siphon alicubi tantisper vulneratur) necesse videtur aquam lacinia panni, lintei, papyri, aut alterius corporis haustam, aliquibus tubulis, licet non pateant oculis, includi, quorum latera aër vulnerare nequeat.

Porro ex illustri viri sententia placet explicare qua ratione descendat aqua tam in siphone quàm in organo Ctesibico. Cùm igitur nullum in natura vacuum existat, motus omnes circulares sunt, hoc est, nullum corpus loco suo cedit, quin aliud ei succedat, & huic secundo tertium, & ita deinceps, adeout fiat eodem tempore multorum corporum circulus veluti concathenatus. Verbi gratia, cum tubus *ABC* aqua plenus est, debet per longius brachium *BC* descendere, quod circuli *ABCE* pars *ABC* sit aquea, & pars *CEA* aërea, quapropter maior aquæ quantitas, vel aquæ maius perpendicularum *BC* cedere debet iuxta litterarum *BCE* seriem. Cadat igitur aqua ex *C* versus *D*, vt fiat circulus partes aëris per *CEA* succedere debent, siue punctorum inflationem, siue quidpiam aliud exco-



Quod si non succederet aër, vel daretur vacuum, vel totus mundus

maior fieret, & versus partes exteriores totus orbis creatus intumesceret: quod si quis absurdum non existimet, aut vacui possit incommodis commodè satis occurrere, per melicet, siue mundum statuerit infinitum, siue finitum. Idem in organo Ctesibico M H O contingit, cuius embolus E cùm manubrij G motu tollitur in altum, necesse est aërem circa P existentem descendere versus L, & aërem circa L existentem in aquæ locum circa puncta K existentis, quæ ad H ascendit, succedere; similiterque aquam H relictum ab embolo spatium replere. Quod fit tantummodo quoties aqua ad nimiam altitudinem non ascendit, quippe quam si nimium cogas, quod fit ubi maior est illius vis in descendendo, quàm vt à te superari queat, aër ex B labitur inter embolum F & tubum M, vt locum ab aqua recedente relictum occupet.

Itaque totius mundi partes ita cohærent vt vna loco cedere nequeat quin eundem locum alia confestim occupet, vnde fit vt folles aperiri nequeant nisi circumstans aër illos ingrediatur, cùm nullus sit alius in mundo locus ad quem fugere possit, præterquam in ipsos folles: quod qui probè intellexerit multa soluet, quæ alioqui difficilia futura sint; Verbi gratia, cribrorum instar vasa perforata ideo non posse humidum, quo replentur, effundere, donec illorum os digito, vel alia ratione obturatur, quod aër non possit in aquæ locum succedere; ex lagenæ aqua plenæ inuerso osculo nihil aquæ egredi, quod aër in illam ingredi nequeat, &c. De vasibus perforatis consule 6, 7, & 8 propositionem Heronis.

PROPOSITIO XXXVIII.

Siphonis vsum in fontibus artificialibus, & aquis in sublime tollendis, atque organum Ctesibicum, quod Galli Pompe dicunt, explicare.

ESto N M G F H C organum ex siphone, vel siphonibus compositum, cuius ope velit aliquis A B aquam ex inferiore loco, in hortum, vel cubiculum superius, vel etiam à montis pede ad eius verticem tollere: sitque propterea fons, puteus, vel aliud vas A plenum aqua, in quod tubi F C osculum immergatur, parsque illius H F vas DE ita ingrediatur, vt fundum superius propemodum tangat.

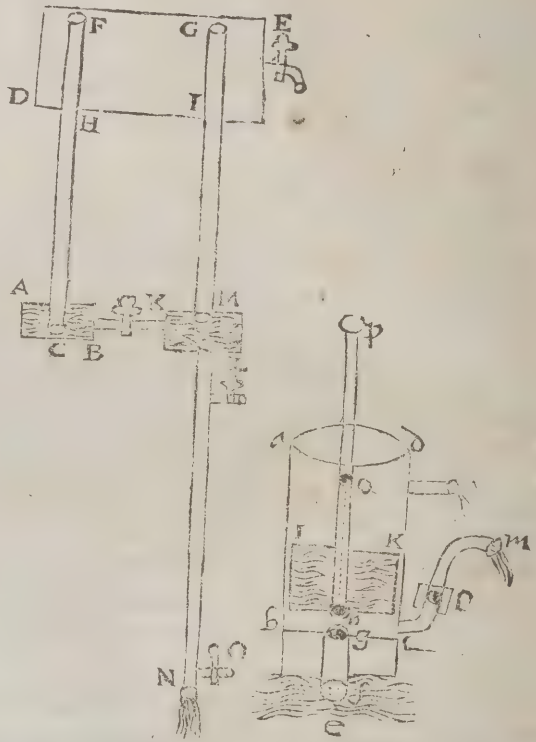
Fiat etiam vas aliud K L, cuius fundo superiori tubus applicetur in puncto M, qui vas D E transuerberet, adeout orificium G à fundo

superiore vasis E D sola dimidia linea distet.

Præterea KL vas aqua repleatur, quod fieri poterit ope tubuli KB, qui fontis A B aquam in K M transferat. Tubulus alter fundo inferiori vasis K M applicandus, qui claudi vel aperiri possit epistomio L, vel O. Quoties aperietur, vt aqua ex piscina K L effluat, tubus G M ærem D E vase conclusum hauriet, & in vas KL transferet. Cùmque ær nequeat ex vase D E trahi, quin succedat aqua B A, vas E D repletura, toties ascendet aqua B A in cubiculum, aut vas D E, quoties vas KL aqua plenum per lumen N tubi N L effluet: poteruntque qui manent in montis vertice F G epistomium K pluribus modis aperire, & claudere, vt ex fonte B A suam piscinam D E perpetuò repleant, quam postea per epistomium E in quosvis vltus effundant.

Docuit autem experientia tubum N L paulò longiorem esse debere tubo F C, seu M G, vt illius perpendiculum superet: quod tamen mirum alicui videatur, cùm enim tres illi tubi nil à siphone differant, sufficiatque crus siphonis alterum esse tantisper longius, quale est crus G L siphonis L G F C, cur per epistomium L aqua non effluet? At verò cùm perpendiculum G M altero perpendiculo maiore superandum sit, L N perpendiculum paulò longius esse debuit.

Quòd ad Ctesibij Alexandrini organum attinet, potest etiam aliquo modo ad siphonem redigi, quemadmodum enim impulsio embolus in tubum F C vsque ad fundum vasis A B aqua posset vsque ad F ascendere, & frequenti repetitione vas E D implere; ita cùm embolus p i K premit aquam i K, quæ non potest fugere versus b g ob
assaria



affaria *g* & *a* clausa; quapropter per *ao* tubulum cauum vsque ad *o* ascendit, vt effundatur per alium tubulum *n*, vnde pro libitu ad varios vsus dispensetur.

Itaque cum prædictus embolus à manu puncto manubrij *p* applicata impellitur vsque ab *bg*, & continuò retrahitur, affarium *g* aperitur, per quod aqua putealis, vel alia quæuis *e* *f* ascendit, clauditque idem affarium *g*, quod nempe premit suo pondere. Cumque ipsa impulso *i* *K* embolo premitur, aut pellitur, nec redire possit ad *fe*, cogitur per *lm* tubum egredi, aperto videlicet affario *l*, quod post aquæ ingressum, vti affarium *g*, clauditur.

Debet verò tubi *fg* orificium *f* multis foraminibus aperiri, vt cum aqua nulli lapilli, nullæque sordes possint ascendere, quæ alioqui aquam impuriorem redderent, & non parum tubis officerent.

Porrò tot hætenus modis Aquarij, & alij artifices hoc organum variarunt, vt labores in hoc instrumento perficiundo exantlati satis superque ostendant quantum sit aqua necessaria, & quàm rari sint fontes.

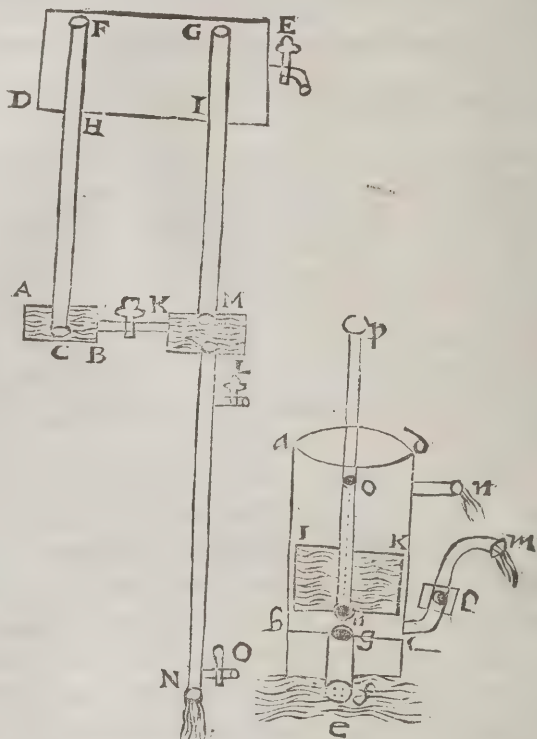
Solet autem emboli *bg* versus *i* *K* retractio vocari à Gallis *aspiratio*, quòd illa retractione aquam eo modo hauriat, quo quis ore, vel folle, aut etiam Æolopila candente, aquam ex aliquo vase trahit: aspiratam igitur aquam embolus dici potest expirare, cum illam per tuborum *n* vel *m* nares expirat, vti folles epistomio resecrato trahunt, seu aspirant aërem, quem epistomio clauso euomunt, & expirant, quod & pulmonibus faciliè potest accommodari.

Omitto varia diaphragmata quæ huic organo, & aliis sexcentis solent accommodari: varias compositiones, quibus illud duplicant, triplicant, &c. vt moneam embolum tubi latera tangere debere, ne aër, aut aqua interlabatur, & ita reddatur inutile; quanquam non ea multum premere debeat, ne maior quàm par sit conatus in eo mouendo impendatur, & quod vi manus fieri potest & solet, equi robur possulet. Sed neque vi tanta premere potest, vt aquam vel aërem impediat, cum ingens fuerit istius organi altitudo, quia cum nimis vrgetur aër, vel aqua, fugam quaquaversum arripiunt, & etiam per ligni quantumvis densi, atque duri poros abeunt, adeout in spumam aqua conuertatur, & aër vel in ignem, vel in materiam aëre subtiliorem.

Vix autem istud organum 40 hexapedarum altitudinem superare potest, si solam impulsionem, vel aspirationem adhibueris, licet aquæ cylindrus, cuius altitudo 40 hexap. & basis pollex, non superet pondus librarum $7\frac{1}{2}$, quandoquidem pollex aqueus est pondo 6 vnciarum. Sed absque aspiratione fieri possunt hæc organa, quæ sola

tractione iussam aquam ad dextram altitudinem tollant.

Omitto similiter varia coria villosa, quibus tegi debent emboli, vt facilius aquæ fugam impedian, & alia plura quæ praxis docet. Cùm autem aqueus cylindrus tollendus proponetur, basis illius cognitio altitudini iuncta dabit pondus eleuandum, sit enim, verbi gratia, basis 8 digitorum aquei cylindri, eleuanda vsque ad 40 hexapedas, cùmque cylindrus digitalis istius altitudinis sit pondus librarum $7\frac{1}{2}$, hic numerus per 8 multiplicatus 60 libras tribuet, cùm enim quouis manubrio cuiusuis emboli tollitur aqua, debent omnia assaria referari, ac per consequens vires trahētis 60 libras superare debent: nisi organis diuersis vtaris, tamen quorum vnum ad 10 verbi causa hexapedas, aliud ad decem alias, & ita deinceps, aquam attollat, nam quò magè tempus produceretur, eò magis vires minui poterunt.



Iam verò Galli genus aliud vsurpant haustri hydraulici absque aspiratione, vel impulsione, situla ex corio, vel metallo ad tubi fundum posita, quæ, tigillis ei insertis, & ad supremam vsque tubi partem, ex qua hauritur aqua peruenientibus, ducitur & reducitur, vel potius trahitur, & proprio pondere recidit, & qualibet sui tractione nouam aquam tribuit ex haustri osculo superiore salientem, & exundantem, quam ad quoscunque vsus deriuare possis.

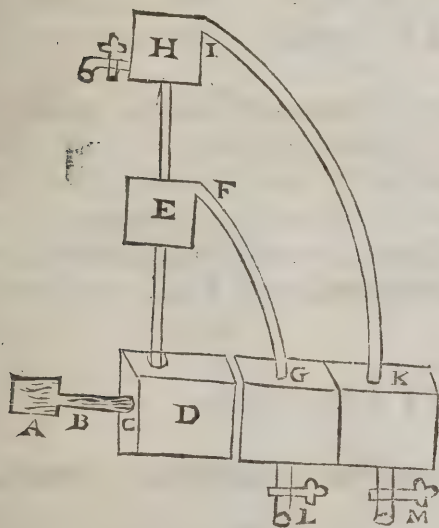
Hoc igitur haustro, cui nempe nil officit aër, ad centum, si fuerit opus, hexapedas aquam duces, dummodo totius aquei cylindri eiusdem cum integro tubo altitudinis pondus viribus tigillos mouentibus exaques & tantisper superes.

PROPOSITIO XXXIX.

Siphonis quantumcūque brevis repetitione, seu multiplicatione, & impulsione repetita datam aquam ad datam altitudinem attollere.

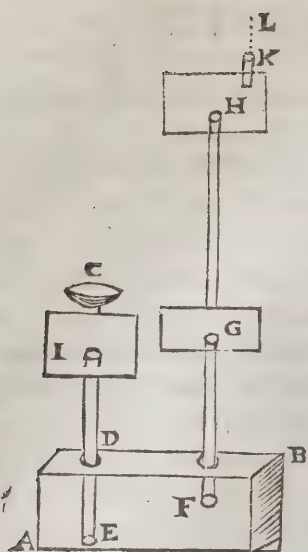
CVm sæpenumero locus desit tubi perpendiculo, quo possit aqua tolli ad loca superiora, neque sub fontem aut alterius aquæ superficiem siphonis crus satis descendere possit, artificium inuentum est, quo siphonis descensus suppleatur. Est enim fons A, vel aqua

quæuis, quæ in acceptorium D per orificium C ingrediatur; Neque sit infra B locus vllus humilior puncto L, ad quod siphon descendat: diuidaturque altitudo, seu perpendiculum D H in quotuis partes, verbi gratia in duas æquales, quibus totidem siphones æquales, vt L & M, vasis G & K agglutinentur, licet enim in figura breuiorres sint quàm oporteat, intelligi debent æqualis altitudini D H; hoc est L æqualis D E, & M æqualis E H. His enim positis, siphon L aperto epistomio eleuabit aquam, ex D in E, ex quo siphon M tollet aquam ad H locum propositum, ex quo



tandem per epistomium ad quosuis vsus aqua deducetur.

Impulsione simile quidpiam effici potest sequenti vase: sit infundibulum C, per quod vas I impletum aqua fluat in vas subiectum A B, ex quo expulsus aer per tubulum F cogit aquam G in H per tubulum G H ascendere, donec per vltimum tubum K L saliat. Hæcque ratione aqua fonte, aut vase G conclusa, vi aquæ per C in acceptorium A B infusæ altiùs in H, aut in vas aliud quantumlibet altiùs tollitur, quandoquidem impleri nequit aqua vas A B nisi expellat aërem in A B priùs inclusum, qui cū maior sit quàm vt canaliculo G H con-



tineri possit, expellat aquam G in H, & ita deinceps pro diuersis vicibus, quibus B A vas aqua repletur. Quanquam tanta possit esse vasorum G H altitudo, vt aqua in A B infusa non possit ampliùs aquam aëris expulsionem sursum attollere: cum enim faciliùs per D C egredi poterit aër quàm ex vasis superioribus aquam expellere, non magis ascendet aqua. Vt autem semper aqua fonte G contenta possit altiùs & altiùs ascendere, debet vas A B vasis omnibus superioribus, in quæ debet aqua conscendere, maius esse; vel epistomijs aqua ex A B haurienda, vt nouus aër in A B ingrediens feruiat iterum vt expellatur aqua etiam de nouo vasi G imposita. Cætera praxis docebit.

Omitto sexcentos modos quibus iungi, disiungi, diuidi, atque multiplicari possunt siphones, ex quibus omnia Heronis, & aliorum organa prodeunt, quæ pro variis effectibus nomina varia sortiuntur, vt aliquid de fluuijs hîc adtexam, qui suas inter margines velut tubis conclusi fluunt, vt etiam nautis nostra ratiocinatio utilis esse possit, & ad aliorum vsus qui fluuiis conseruandis incumbunt deriuetur.

PROPOSITIO XL.

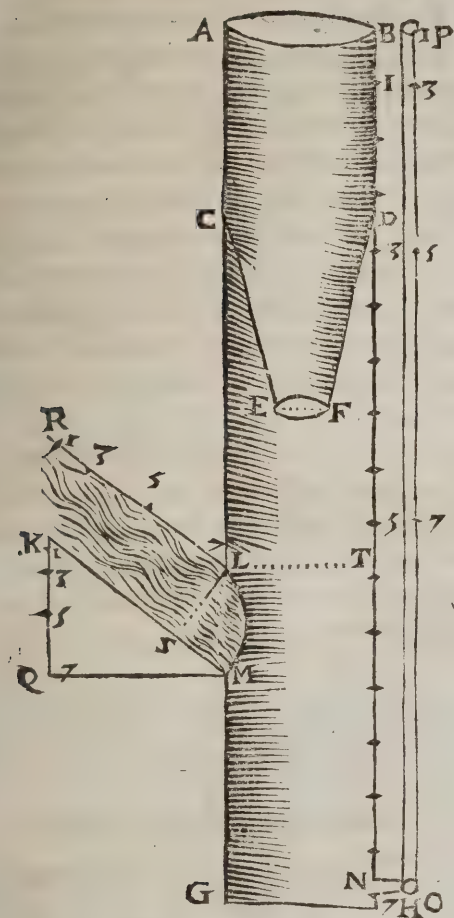
Tuborum & fluminum, in quibus aqua fluit, comparisonem instituere, & differentias, atque conuenientias inuestigare.

ESto tubus vel flumen A B G N, cuius caput, seu pars sublimior A B: in quem alter tubus, vel flumen R K S L ingrediatur, cuius etiam pars sublimior R K, & vtriùsque decliuitas in G N definat. Quibus intellectis, prima differentia consistit in eo quòd tubus vndequaque clausus sit, & aëri nullo modo pateat, præterquam in A B; fluminis verò sūma superficies ab ipso aëre inuoluatur. Secunda in eo quòd fluuij solo inæquali, & scabro innitantur, quod fossas, & monticulos frequentes habet, cum tubi superficies tam interior,

quàm exterior vniformis esse soleat. Tertia, quod tubi soleant esse ad horizontem reëti, cùm flumina eidem inclinentur, & cum eo faciant angulum acutum. Sunt & aliæ plures differentiæ quas omitto,

vt quasdam conuenientias enumerem, quas inter est, tam fluminis, quàm tubi aquam minimè fluxuram, nisi horizõte fuerit altior, cui cùm æquabitur, non fluet amplius, si nempe illi ex omni parte coæquetur, posset enim per multas hexapedas, imò & leucas fluere, absque vlla decliuitate, hoc est sub horizontem inclinatione, si prius aliquid decliuitatis habuisset, vi cuius postea, licet horizontalis, flueret.

Deinde, quemadmodum aqua fluit velocius per idem lumen, quando tubus altior est, ita flumen celerius labitur, quando fuerit decliuius, dummodo decliuitas non impediatur, & sit continua. Sed num tanta aquæ moles è fluuiio labatur, quanta fluit ex tubo, cuius perpendiculum æquale fuerit perpendiculo fluuij, non ita constat, quapropter vltcriùs inquirendum: sit igitur tubus ABGN ad horizontem erectus, cuius altitudo sit 27 pedum, sitque etiam flu-



uius ABGN, obliquè fluens, cuius perpendiculum à capite AB ad GN sit quoque 25 pedum, certum est aquam in GN tubo tantam aquisisse velocitatem, quantam lapis, qui à spatio BA descendisset ad GN; cuius velocitas per descensum illum acquisita non amplius aucta vim illam lapidi conferret, qua, tempore ei æquali quo descendit, 54 pedes percurreret: cùm autem ex obseruatione constet dimidio secundi minuti lapidem ex quiete 3 pedes, descendere; secundo tempore 9, tertio 15 descendet; atque adeò sesquiseundo minu-

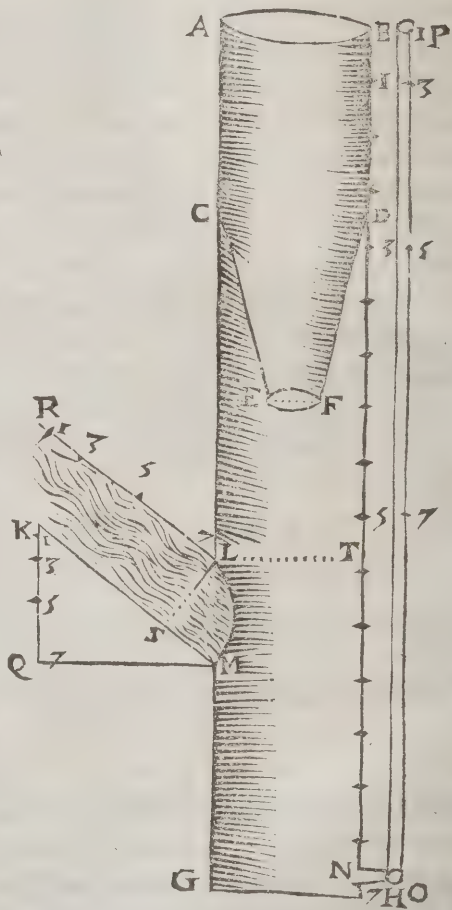
to descendisse censenda est aqua GN per 27 pedes, quos iam altitudini GB tubi æquales suppono.

Aqua igitur vel in tota latitudine tubi GN, vel in solo tubulo NH intellecta, sesquiseundo 54 pedes conficiet, & illius velocitas 54 pedum appellari potest, quippe si flueret absque vlllo externo impedimento, spatium percurreret spatij BN duplum.

Quo posito, sit iam ABGN fluius cuiuscumque longitudinis, putâ 27 leucarum, cuius perpendicularum, hoc est, decliuitas illius à B ad G sit quoque 27 pedum; quæritur num aqua fluij GN tanta velocitate fluat, vt sesquiseundo 54 pedes confectura sit.

Quod vt facilius explicetur, suppono fluij decliuitatē vbiq̃ue æqualem, & fossæ planum per quod labitur non esse scabrum, sed instar marmoris læuigati, vel dimidij tubi cylindrici; alioqui clarum est aquam GN non posse prædicta velocitate fluere, cū sæpenumero fluuiorum canales vix leuæ spatio vllam decliuitatem habeant, & occurrant fossæ minus magisue profundæ quæ velocitatem labentis aquæ mille modis perturbent, vt nulla spes omnino superfit perpendicularum seu decliuitatem fluuiorum ex velocitate currentis aquæ vbiuis sumptæ inuestigandi.

Intelligamus igitur planum fossæ, seu canalis, fluij vbiq̃ue penitus æquale, vt 27 leuæ perpendicularum habeant 27 pedum, aut cuiuscumque alterius magnitudinis; cūque dixerim tractatu de motibus, cō longius esse tēpus, quo grauiā feruntur super plano ad horizontem inclinato, tempore quo perpendiculariter descendunt, quò planum inclinatum lon-



gius fuerit perpendiculari, sequitur motum aquæ fluuiialis in GN 15000 tardiorē esse motu aquæ tubi in GN, cum 27 pedes, quæ tubi definiunt altitudinem, in fluuij longitudine 27 leucarum contineantur vicibus 15000: quandoquidem leuca nostra 15000 pedibus constat.

Quapropter aqua fluuiialis ex AB ad GN spatio 23500 secundorū, hoc est horarum $6\frac{1}{2}$, & paulò ampliùs, perueniret; vbi constat eandem, ac tubi aquam in GN, acquisiuisse velocitatem, cum ex æquali perpendiculari descenderit: igitur in lineam horizontalem conuersa æquè 54 pedes sesquisecondo percurreret ac ipsius tubi aqua.

Sed cum tota fluminis superficies aëris iniuriæ, seu resistentiæ sit obnoxia, neque se tota videatur aqua fluuialis incumbere lineæ GN, eodem modo quo aqua tubo inclusa illius fundo incumbit, nolim quidpiam hac de re absque certis obseruationibus concludere, nequidem si fluuius præcisè sequatur numeros impares dextro lateri BN inscriptos, 1, 3, 5, & 7. Cum enim ob aëris resistentiam aqua perpendiculariter cadens illos minimè sequatur, obliquè fluens non magè, puto, sequetur.

Omitto ventos & fluctus maris, qui tam sæpè cursum aquarum interrumpunt, retardant, vel accelerant, vt sequente propositione discutiamus alia quæ fluuiis contingunt.

PROPOSITIO XLI.

Æqualem aque quantitatem per omnia fluminis eiusdem locatam latiora, quàm angustiora æquali temporis spatio fluere.

SIt enim verbi gratia flumen prædictum ABGN, cuius canalis contrahatur, ac coarctetur iuxta lineas CEDF, & ab E & F rursus dilabatur ad L & T, sitque FE linea, seu latitudo subquadrupla latitudinis LT, dico molem aquæ per LT transeuntis æqualem esse moli aquæ per EF, æquali tempore fluenti; cum enim fluminis alueus semper æqualiter supponatur aqua plenus, neque superiùs inter AB & EF, nec inferiùs inter FE & GN in vlllo loco infletur aqua, necesse est tantundem aquæ per locum angustiores aluei, quantum per LT, & per quemuis alterum aluei locum æquali tempore transire; nam si minus aquæ per EF fluat, quàm per CD, vel igitur consistet aqua, & versus BA reuertetur, aut extra ripas, vel aggeres CD

excurrer; interimque spatium $FELT$ ex siccabitur, vel minus implebitur, quæ omnia repugnant experientiæ; superest ergo tantundem aquæ per angustiora quàm per latiora loca fluere, & ex consequenti eò velocius currere quo loca fuerint angustiora.

Itaque si FE diameter subquadrupla sit diametri LT , sitque alueus FE & LT eiusdem profunditatis, cum superficies similes rectilineæ sint in ratione duplicata suorum laterum, ut circuli in ratione duplicata suorum diametrorum, sexdecuplò velocius aqua per FE , quàm per CD , seu LT , vel GN transibit, eritque eadem ratio velocitatis inter aquas, ac inter superficies planorum, quæ fluminis alueum ad rectos angulos in FE & LT secuerint.

Hinc sequuntur quæcumque suo tractatu de aqua currente Benedictus Castellus conclusit, esse videlicet eandem rationem aquæ per unum planum rectangulum, (quod sectionem vocat) fluentis, ad ad aquam per aliud planum eadem velocitate transeuntis, quæ primi plani ad secundum: cumque plana secantia fuerint æqualia, & velocitates inæquales, aquam per primum planum fluentem esse ad aquam per secundum currentem, ut aquæ primæ velocitas ad velocitatem aquæ secundæ; quæ 4 & 5 axiome complectitur.

Vnde sequitur datis duobus planis flumen secantibus, aquam per primum fluentem ad aquam per secundum transeuntem esse in ratione composita ex ratione primi plani ad secundum, & ratione velocitatis per primum ad velocitatem per secundum, ut 2. prop. demonstrat: quemadmodum tertia, datis duobus planis secantibus inæqualibus, per quæ transeat æqualis aquæ moles, æquali tempore, illa esse in reciproca ratione velocitatum, adeout aquæ quantitas eò maior appareat in sectione, quò tardiùs fluxerit, eoque minor, quò celerius.

PROPOSITIO XLII.

Quid flumini currenti ex alterius aduentu fluminis, vel torrentis in illud ingredientis contingat inuestigare.

SIT fluius præcedens AN , in quem alius fluius, vel torrens $RKLS$ ingrediatur, certum est flumen BG à superueniente fluuiò augeri, cuius si maior fuerit velocitas, increfcet etiam velocitas, fluminis

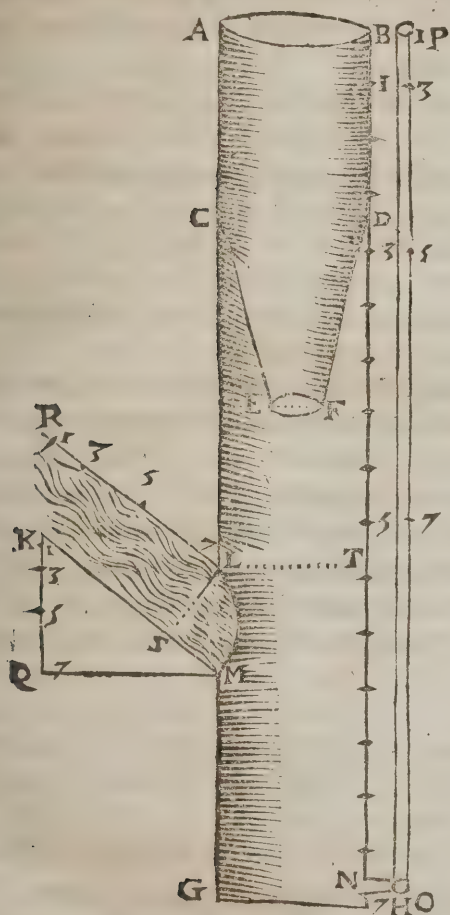
fluminis *LT*; si minor, decreſcet, cùm tarditas velocitati detraxat.

Quod ad quantitatem attinet, clarum eſt ea ratione augeri, quã fit maior aqua *LTGN*, poſt ingreſſum fluuij *KL*, quàm ante illius ingreſſum.

Itaque ſola difficultas ſuper eſt in inuenienda velocitatis mutatione, ſi enim ſola quantitas ſpectaretur, nil ſolutu facilius, cùm ſimplex additio noui fluuij *LM* dati ſatisfaciat; cùm autem quantitati quantitas, velocitatique velocitas addatur, ratio componenda eſt, quam ſua 4. propoſ. Caſtellus ita exprimit. Vbi flumen in aliud flumen ingreditur, profunditas, ſive altitudo primi ad ſecundi altitudinem componitur ex ratione latitudinis ſecundi ad latitudinem primi, & ex velocitate ſecundi ad velocitatem primi.

Cuius proportionis hæc eſt ratio, quòd licet velocitas minimè conſideretur, ſimplex tamen fluminis ad flumen additio maius flumen efficiat, vt in vaſe quopiam, putà dolio, ſeu cado videre eſt, cui iam ſemiple- no ſi tantumdem liquoris addas, altior erit liquor, quem ſi ſingas eſſe fluuium, fluuius ex addito fluuio creuerit. Iam verò ſtatuamus fluminis alicuius currentis altitudinem ex alterius fluminis æqualis aduentu duplò maiorem: ſi præterea noui fluminis aduenientis impe-

rus, ſeu velocitas prioris fluminis impetu ſit duplò maior, fiet altitudo noua compoſita ex ratione altitudinum, & ex ratione velocitatum vtriuſque fluuij, adeout qui priùs ob ſolam æqualem aduenientis altitudinem duplò fuerat altior, ob duplam aduenientis velocitatem,



quadruplò fiat altior ; quòd si rursus fluuius alter illis duobus additis duplò velocius currens addatur , dubitari potest num præcedens fluminis ex duobus compositus, quadruplo velocitatis gradu currēs, sit gradu velocitatis sextuplo, an octuplo cursurus, eiusque altitudo futura sit præcedente maior duplò, vel quadruplò. Sed cum mare refluens non parum videatur interturbare fluuiorum in illud ingrediētium velocitates, & alia occurrant impedimenta innumera, hæc libens omitto studiosioribus, ne desit illis quod huic addant operi, vt aliquid de corporibus humido innatantibus subiungam : videatur interea tractatus Benedicti Castelli, qui nuper ad plures abiit.

MONITVM.

De fluminum decliuitate ad fluendum necessaria.

CVM omnia flumina properent ad oceanum, quorum multa nullam ferè decliuitatem, siue inclinationem sub horizontem habere videntur, certum est paruum admodum inclinationem ad aquæ fluxum requiri ; cumque Philander existimet decliuitatem vnus pollicis inter 600 pedes sufficere, licet Plinius l. 3. cap. 6. cubitum pro iugero, & Vitruuius lib. 8. cap. 7. pedem pro 200 pedibus requirant, minorem etiam admitto : quandoquidem nondum constat an adeo parua decliuitas esse possit vt fluuius minimè currat.

Observationes docent Sequanæ spatij, quod ab extremis Parisiensis armentarij muris, hoc est *Arsenac*, vsque ad extremos horti Regij, vulgò *Tuilleries*, parietes, quasque 500 hexapedas vix vno pede inclinari ; & illinc Nigeonum vsque nullam ferè decliuitatem apparere : præcedens enim decliuitas sufficit ad aquam sequentem semper vrgendam licet minimè decliuem. Vix itaque reuocem in dubium quin vnus decliuitatis linea fluuijs cursum, quāquam lentum, tribuere possit, nisi occurrerit aliquod impedimentum, sed tanta illius erit tarditas vt continuò dormire, seu quiescere videatur.

An verò cuiuslibet fluminis & fontis currentis velocitas ita respondeat decliuitati, vt cum hæc dupla vel tripla fuerit, cursus etiam aquæ futurus sit duplò, triplòque velocior, eget discussione, forteque potest ex tuborum aqua plenorum inclinatione lumen accipere, nam deuexitatum, siue inclinationum perpendicularia docent quantò velocius, aut tardiùs aqua salire debeat, vt ex superius dictis notum est:

verbi gratia si eiusdem tubi deuexi perpendiculum sit quadruplum, duplò velocius aqua exiliet; eodemque modo si datis duobus fluuijs eiusdem longitudinis perpendiculum sit quadruplò altius, duplò celerius curret, si fas sit tuborum rationem ad fluuios transferre.

Si quis verò in aquarum libras, seu libramenta velit inquirere, videat chorobatem Vitruuij, & Danielelem Barbarum ad cap. 6. & 7. & ea quæ postea dicturi sumus.

PROPOSITIO XLIII.

Corpora dura suis vinculis ita coherentia ut illorum partes absque magna vi separari nequeant, qualia sunt ligna, lapides, metalla, pira, poma, nuces, &c. quantitate & grauitate humido aequalia, in humidum immissa ita merguntur, ut nihil eorum ex illius superficie extet; manebuntque in eodem aqua, vel alterius humidi loco, in quo ea posita fuerint.

QUod cum ab Archimede demonstratum sit propso. 3. de insidentibus humido, non est quod actum agamus; tantum addo corpora prædicta in aquam immersa velut ipsius aquæ partem cense-ri, atque adeo non magis in ea descendere, quam ipsa pars aquæ corporibus æqualis descenderet; quæ si descendat, etiam aliæ superpositæ descendant, & vna perpetuò aliam expellet, dabiturque motus perpetuus, quod est contra experientiam & rationem.

Quanquam moneo difficillimum esse in praxi corpus aliquod durum ad tantam æqualitatem reducere, ut datum locum in aqua, vel alio humido seruet, quod experientibus constabit, qui ceram, verbi gratia, sabulone, vel scoria ferri, plumbiue ramentis adhibitis æquali aquæ moli æquiponderantem reddere voluerint, adeo ut sub aqua in quouis loco maneat, neque fundum, aut superiorem aquæ superficiem petat.

Quod autem de cera dictum, intellige de reliquis corporibus quæ parum excedunt aquæ grauitatem. Vbi etiam obseruandum est quodlibet corpus durum aqua grauius esse, si ab eo varias aëris partes ligni, verbi gratia, poris inclusas expuleris, hincque fieri ut diuersa

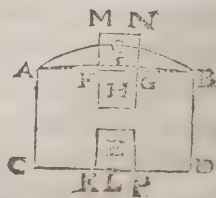
ligna, quæ priùs natabant, postquam diu sub aquis fuère, deinceps immergantur, quòd aqua in aëris locum subingressa fuerit. Vnde cauendum ne statim corpus natans aqua leuius iudices, cùm id ex aëre vel poris mixto, vel subposito, aut etiam superposito contingat. Ne tamen à vulgari loquendi modo longiùs abeam, quæcùmque natabunt absque aëre subposito, vel supraposito, ea dicemus aquis esse leuiora; subposito, vt cùm tenuis auri lamina natat ob aëris bullas inter aquam & laminam: superposito, qui grauiora corpora quibusdam marginibus & aggeribus retinet ne fundum aquæ petant. Ex eo verò quòd aqua, vel corpus illi grauitate par locum sibi datum sub aquis retineat, optimè concluditur aquæ partes inferiores non esse superioribus grauiores.

PROPOSITIO XLIV.

Corpus durum aqua magnitudine aequale vsque ad illius fundum demergitur, cùm aqua grauius est; in eaque tantò leuius est, quàm in aëre, quanta est aquæ grauitas predicto corpori magnitudine equalis. Si verò corpus sit aqua leuius, in eam eòusque demergetur, donec aquæ moles partis demersæ magnitudini aequalis toti corpori aquiponderet.

QUod cùm etiam ab Archimede prop. 5. & 7. sit demonstratum, illud tantùm explico. Paretur vas ABCD aqua plenum, in quod tria corpora immergantur, quorum E sit aqua grauius, cuius propterea fundum CD petet, eique in KP congruet: H verò pondus sit eiusdem cum aqua grauitatis, quod propterea demergetur, donec suprema illius superficies FG sit eiusdem cum aqua horizontalis altitudinis.

Licet enim corporis H, verbi gratia cubici, vel parallelepiedi superficies plana sit, aquæ verò superficies curua, atque adeo huic non illa congruere possit, est tamen tanti circuli circumferentia, vel potius sphæætæ superficies, vt in nostris obseruationibus pro superficie plana, seu recta sumi possit, vt constat ex parte circun-



ferentia $A \text{ et } B$, quæ licet à radio trium digitorum solummodo describatur, ferè tamen cum linea recta punctuata BA coincidit; quid igitur continget si describatur à radio 1221 leucarum Gallicarum, qualis est terræ radius? Si verò circumferentia aquæ describeretur à radio qui eam sensibilibiter à plana superficie, seu recta linea differentem exhiberet, vt contingit dum è centro L describitur circumferentia BoA , tunc aliquid in nostris explicationibus addendum esset, vt reuera faciendum cum totius systematis partes, aqua, verbi gratia, & terra simul conferuntur. Potest etiam illa superficies aquæ considerari respectu globi lignei, vel alterius materiæ, eiusdem cum aqua grauitatis, nam quo globus minor fuerit, eò minus illius superficies aquæ superfici ei congruet, quippe quæ non differat quoad sensum à plana, seu recta superficie, à qua globulus plurimum distat.

Redeamus ad corpus H aquæ æquiponderans, seu æquè graue, quod non potest in locum ponderis E , licet ablati, descendere, nisi similiter aqua corpori H æqualis in eundem locum descenderet, quam iterum & iterum aquæ moles æqualis insequeretur motu successiuo perpetuo, absque ratione. Superest corpus aqua leuius, quod si nullam grauitatem habeat, totum extra superficiem aquæ extabit, vt in corpore IMN videre est, quod aquæ superficiem AB solo contactu absque vlla pressione osculatur.

Si verò graue sit aqua leuius, quale suppono corpus HMN , partim mergetur, partim extabit; & quantumuis sub aquam impellatur, & immergatur, sibi relictum continuò redibit, & exiliet, donec aquea moles æqualis immerse parti fuerit eiusdem cum toto corpore grauitatis.

Sit, verbi gratia, corpus HN aqua duplò leuius, pars in aëre IN ex aquis emersa, vel pars immersa H æqualis erit moli aquæ toti corpori æquiponderanti.

Hinc praxis in aqua ponderandi nascitur, & aquæ beneficio cognoscendi quantum corpus datum sit aliis corporibus, vel ipsa aqua grauius, aut leuius, vt postea dicetur. Sit, verbi causa, præcedens corpus HN , quod media, vel tertia sui parte mergatur, media vel tertia parte leuius erit aqua. Hinc nullis bilanciis opus, quoties agnoueris quanta pars immerfi corporis aquam egrediatur, vel in eam mergatur, dummodo grauitatem aquæ specificam non ignores: quam incognitam scies ex corporis immerfi grauitate, & illius parte aquam ingressa vel egressa cognitis; sit enim ignota granitas aquæ, vel alterius liquoris vase BC contenti; sciatur verò corporis HN granitas bilanciis, vel aliquo modo, in aëre explorati, quæ sit 4 librarum, & in

aquam immersum media sui parte FN extet, certum erit aquæ gravitatem corporis HN mediæ parti mole æqualem, esse pondo 4 librarum: corpus autem quod in aëre 4 erat librarum, in aqua duarum esse librarum.

Si corpus aliquod centesima duntaxat sui parte mergatur, aqua magnitudine æqualis parti centesimæ demersæ, toti corpori in bilanci-bus æquiponderabit. Quapropter ubi quis semel aquæ gravitatem examinarit, omnium corporum in aqua natantium, & aliqua sui parte extantium gravitatem agnoscet, dummodo pars emersa vel immer-sa nota fuerit, nequit enim vna sine alia agnosci.

Corpus verò quod aqua gravius fuerit, non potest non esse leuius in aqua, quàm in aëre, nisi gravitatis infinitæ supponatur: cùmque aqua eiusdem ac corpus immersum magnitudinis sit differentia gravitatis quam habet corpus in aqua à gravitate quam habet in aëre, quando-quidem debet illam expellere, ut illius locum occupet, atque adeo tantam habere vim agendi, quantum resistentiæ opponit aqua, non poterit illa moles aquæ innotescere, quin gravitas corporis immer-si nota sit, modo gravitas aquæ cognoscatur.

PROPOSITIO XLV.

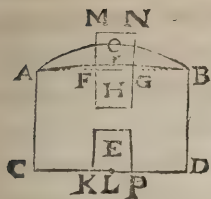
Modum & praxim in aqua ponderandi quodlibet corpus durum aperire, & ex gravitate corporis du-ri gravitatem ipsius aquæ, vel alterius liquoris in-ferre, quando corpora immersa gravitatem aquæ superant.

TAmetsi facilius est bilancibus, & stateris quodlibet corpus tam durum, quàm liquidum ponderare, quàm aquæ beneficio, & exactas balances habentibus consulam ut illis, quantum fieri poterit, potius quàm aqua, corpus exhibitum ponderibus explorent, multo-ties tamen contingere potest ut ponderum examen sit in aqua vel ac-curatius, vel utilius, vel iucundius.

Sit igitur bilanx $ABCD$, cuius scapus, seu iugum AB , spartum seu trutina Po , lances CD , bilancis centrum o in medio scapi. Men-sula $FHI G$ horizonti parallela, super qua lances CD quiescant. Mensula verò, vel scamnulum FG ita perforetur, ut filum ex medio lancis C pendens liberè transeat, sustineátque pondus E in vase

KLMN aqua pleno, ita ut neque filum, neque pondus, seu corpus E vasis KN, aut foraminis per quod filum C E descendit, latera tangent.

Corpus verò E vnum vel alterum digitum sub aqua vasis M L debet immergi, ne fortè tantisper extet quandiu bilanx eleuatur; cuius lanx vtrâque horizonti FH, quemadmodum pendula C A & D B, parallela esse debent.



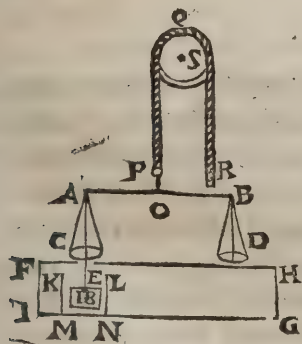
Porro si manus spartum P o capiens bilancem eleuando tremit, vel impedit quominus spartum scapo B A perpendiculare sit, fallet observatio: quapropter forti, firmæque, & assuetæ, seu doctæ manui bilanx committenda; quæ si deest, vtilis

erit rotula Q, cuius S axis alicui trabi, vel parieti infixus, cui filum, vel funis P Q R circunducatur, quo manu prehenso, & attracto bilances ad lineæ altitudinem eleuentur. Nam antisacoma, seu æquipondium lanci D impositum docebit cuius sit grauitatis corpus E in aquam immersum.

Esto, verbi gratia, corpus E aureum in aëre 19 pendens vncias, quod in aqua L M sit 18 vnciarum, certum est aquam corpori E magnitudine æqualem soli decimænonæ corporis E parti æquiponderare, & consequenter aquæ molem nouemdecim vicibus corpore E maiorem esse debere vt ei æquiponderet.

Statim autem atque pondus E in aëre, & in aqua bilancibus fuerit exploratum, differentia ponderis in bilance D appositi, quando cor-

pus E in aëre ponderatur, & ponderis in eadem lance, cum in aqua corpus idem E ponderatur, erit pondus, seu grauitas aquæ corpori E magnitudine æqualis. Sed obseruandum est filum, quod à media lance C in fundo perforata pender, eiusdem, quantum fieri potest, ac ipsam aquam, esse debere grauitatis, qualem experimur equi crinem, cuius pars, quæ non mergitur, & inter lácis fundum & aquæ superficiem interiicitur, æquali crine in lance D reposito compensanda, ne vel hilum tam corporis E, quàm aquæ grauitatis examini desit.



Cum autem innotuerit qualis sit corporis E, & aquæ grauitas, facile reperietur cuiuscumque alterius humidi grauitas, eiusdem in il-

lud corporis immersione, & consequenter quantum sit aqua grauius vel leuius illud humidū, putà vinum, oleum, &c. Exempli gratia, si ex lance 12 vncijs onusta, cum in aquam corpus **E** mergitur, vna vncia sit auferenda, humidum illud erit aqua leuius, si verò addenda, grauius, idque illa vncia, qua moles illius humidi, moli aquæ, vel corporis **E** æqualis leuius vel grauius futurum est.

Exempli gratia, funus experti lancis **D** antisacoma grauius esse debere $\frac{1}{45}$ parte, cum **E** corpus in aqua fontana Rongeiana, quàm vbi in aqua marina, Dieppensi ponderatur, atque adeo oceani aquæ dulci æqualem 45 parte grauiorem esse, id est si 45 vncias aqua dulcis pendet, erit marina 46 vnciarum. At verò fusiùs postea de variorum humidorum grauitate: nunc enim de corporibus aqua leuioribus in aqua ponderandis agendum.

PROPOSITIO XLVI.

Ex eo quòd μέγεδος, magnitudo (vt loquitur Archimedes prop. prima lib. 2. de vectis in aqua) in aquam aut aliud humidum grauius demissa hanc habeat in grauitate rationem ad humidum molis æqualis, quam pars magnitudinis demersa habet ad totam magnitudinem, modum explicare, quo tam aqua, vel alterius humidi, quàm illius magnitudinis, vel corporis grauitas innotescat.

QUam Archimedes vocat magnitudinem, intellige de corpore, licet ipsum vacuum, siue spatium nullo corpore plenum sub hac voce possit ab ijs intelligi qui credunt huiuscemodi spatium minimè repugnare; quod spatium si intelligatur in aquam descendere, quæ propterea solitò altius ascendet, idem ac corpus durum præstabit, quemadmodum vās aliquod aëre solo plenum in aquam impulsus idem efficit ac idem vas aqua, vel alio liquore plenum, adeo ut si quis fingat spatium aliquod cubicum nullius grauitatis, in aquam vi quacūque immersum, idem aquæ respectu facturum sit ac æqualis plumbi cubus, si tanta vis requiratur in illo spatio vacuo in aqua retinendo, quanta fuerit æqualis plumbi grauitas.

Verum

Verùm ad magnitudinem solidam, eamque duram accedamus; sitque corpus aliquod aqua leuius, cuius grauitas innotescet, si grauitas aquæ, vel humidi, cui innatat, & pars illius immersa, vel emersa cognoscatur, vt antea dictum est: sit enim pars demersa ad totum corpus vt 1 ad 12, aquæ grauitas erit ad corporis grauitatem vt 12 ad 1, hoc est aqua duodecuplò grauior erit; si pars corporis immersa sit totius corporis subquadrupla, vel subdupla, quadruplò, vel duplò grauior erit corpore aqua toti corpori æquali.

Sed & alia ratione corpus illud aquæ innatans, seu aqua leuius ponderabitur, adiuncto nempe aliquo corpore aqua grauiori, quale plumbum, cuius grauitas nota sit, quod leuius secum in aquam immergat: moles enim aquæ vtrique æqualis, erit differentia grauitatis illorum corporum in aëre, & in aqua: ex cuius molis grauitate pondus corporis aqua leuioris innotescet. Ablata siquidem grauitate molis aqueæ plumbo æqualis, à tota mole aquæ vtrique corpori æquali, supererit aquæ grauitas magnitudine corpori aqua leuiori æqualis.

Sit exempli gratia baculus, vel cylindrus ligneus, cuius grauitas in aëre 12 vnciarum, cui vndecim plumbi vnciæ annectantur, vt illum demergant: Cùm in aqua plumbum illud decem solummodò sit vnciarum, moles aquea plumbo æqualis vnius erit vnciæ. Sit autem vtriùsque corporis in aquam merse grauitas 16 vnciarum, quæ fuerat in aëre 23 vnciarum, quarum differentia, nempe 7, ostendit molem aquæ baculo, plumbòque æqualem esse 7 vnciarum, à quibus ablata mole aquæ plumbo æquali, vnius vnciæ, supererit moles aquæ 6 vnciarum, baculo æqualis. Idemque continget si plura corpora humido leuiora beneficio plumbi, vel alterius corporis aqua grauioris immergantur.

Cauendum est tamen ne corpus aëre leuius, vel etiam grauius aquam in suis poris admittat, quod propterea grauius quam reuera sit, in aëre inueniretur: quanquam huic incommodo possis occurrere cera, pice, vel alio glutine corpori circundato; nam aquæ mole æquali ceræ, vel alteri glutini, ablatâ, moles aquæ reliqua porosi corporis grauitatem ostendet. Priùs tamen explorandum quodnam glutinis pondus ligno, lapidi, vel alteri corpori poroso circumpositum sit, & quæ sit ratio grauitatis illius ad aquæ grauitatem.

Verbi gratia, si fuerit cera circumducta 22 vnciarum in aëre, moles aquæ ei æqualis erit 21 vnciarum: atque adeò moles aquea 21 vnciarum erit primùm auferenda, vt reliqua moles corpori æqualis sua grauitate corporis grauitatem demonstret, vt antea dictum est.

PROPOSITIO XLVII.

Liquidorum corporum gravitatem in aqua examinare, variósque ponderandi modos, quibus usi sumus, explicare.

Licet omnium liquidorum corporum bilancibus in aëre gravitas explorari queat, si lagena, seu phiala vitrea includantur, & cum ipsius aquæ pondere comparari, quæ postea lagenam eandem repleat, cum ablata lagenæ gravitate liquidorum pondera super sint, in aqua tamen potest expendi tam liquoris propositi, quam phialæ gravitas: phialæ quidem, cuius gravitas in aqua minor erit eiusdem in aëre gravitate, tota mole aquæ æquali phialæ, hoc est eius materiæ, seu quantitati, cum hic nulla sit habenda ratio capacitatis, & figuræ. Quapropter aqua repleti debet ut illius in aquam immersæ gravitas ex aquæ prædicta mole concludatur; qua gravitate nota, si postmodum phialam liquore quovis impleas, & illius osculum cera claudas, molis aquæ huic liquori æqualis gravitas innotescet, erit quippe differentia ponderis, quod habuit liquor in aëre, ad pondus quod habet in aqua, (demptis prius duabus gravitatibus duarum aquæ magnitudinum ceræ obturanti & lagenæ æqualium) pondus molis aquæ liquori prædicto æqualis.

Sit verbi gratia mercurius, quo non est necesse lagenam implere, quod enim spatij supererit, aqua poterit impleri, quod aqua cum mercurio non misceatur; idemque fieri poterit si quis arenam, vniones, & alia quævis corpora minutiora, quæ cum aqua liquorum instar non miscentur, ponderare velit: alioquin enim phiala liquoribus in aqua expendendis penitus impleri debet.

Sit inquam, mercurij gravitas aquæ beneficio exploranda, & lagena mercurio plena sit in aëre 17 vnciarum, in aqua verò 14 vnciarum, si prius lagenæ vacuæ gravitas in aëre fuit 2 vnciarum, in aqua vnus vnciæ, ab vncijs 14 ablata vnâ pro lagena, supererunt vnciæ 13, pro mercurio in aqua expenso, qui prius in aëre fuerat 15 librarum, unde concludetur molem aquæ mercurio æqualem vnus esse libræ, atque adeo mercurij gravitatem ad aquæ gravitatem esse ut 14 ad 1.

Cum autem tabulæ fieri soleant corporum diuersorum, verbi gratia metallorum, lapidum, liquorum, &c. ut vnico intuitu quispiam hauriat quidquid de varijs gravitatibus observatum fuerit, & omnes

fere conueniant cum Gethaldo, cuius tabulam commentarijs in Genesim columna 1155 dudum attuli, hîc eadem repeti potest, nisi quis malit alias ex proprijs obseruationibus condere, quandoquidem solêt esse gratiora quæ proprio Marte sunt. Adde quòd multa in harmonicis Latinè scriptis lib.3. prop.4. & lib.4. de Campanis prop.8. 9.10.& 11.& fusiùs libro 7. Gallicè scripto de Campanis, à prop.11. ad 15. de corporum grauitatibus explicarim, quæ nolim hîc repetere, vt enarrem quibus modis in expendendis corporum grauitatibus vsus sim, ex quibus Lector sibi commodiorem, aut gratiorem eligat, nisi potiùs nouum aliquem excogitet. Imprimis igitur liquores phialis explorauî, quæ tantò meliores, quantò collum angustius habuerint; cui collo lineola, vel filum accommodandum, vt singuli liquores ad eandem lineam ascendentes lagenam ex æquo impleant. Non commemoro qualibet vice lagenam penitus exsiccandam, ne præcedentis liquoris guttula lateribus interioribus, vel etiam exterioribus phialæ adhærens exactam grauitatis cognitionem interturbet. Taceo etiam quæ aliàs de bilancibus & stateris dicta sunt, de quæ ponderum diuisionibus, in quibus maxima diligentia requiritur.

Verùm hic modus non est commodus ad corpora dura expendenda, qualia sunt metalla, nisi priùs funderentur, vt reuera fundi curauî; sed præterquam quòd omnia metalla non æqualiter typum seu formam implent, vt prop. 8. lib. 4. de Campanis, coroll.3. monebam, & quædam fiant in vnis quàm in alijs maiora spatia interiora solo aëre plena; quædam difficillimè fundantur, vti cuprum, seu purum æs; non possint fundi lapides, ligna, &c. eapropter metalla eiusdem magnitudinis ex aurificum chalybeis instrumentis in filum ducta, bilancibus explorauî, vt loco citato librorum harmonicorum videre est, quæ cum mihi nedum satisfaciant, tum quia initio fili ducti quàm in eiusdem fili medio, & fine (licet nullis sensibus id pateat) foramen latius euadit, & minus vni quàm alteri metallo resistit, tum quòd omnia metalla duci nequeant in filum, quemadmodum neque lapides, neque liquores, &c. aliud addendum.

Tertium igitur modum ex torno repetendum arbitratus, quo mihi corpora omnia formarentur in globos æquales, vel ex fabro lignario, qui parallelepipedâ, vel cubos efficeret, quoad fieri poterat, æquales, illum reieci cùm inæqualitatem bilances ostenderint; sed neque lapides, metalla, vina, liquores, &c. tornari, vel runcinâ læuigari possunt: quapropter nullus alius mihi superfuisse visus est modus, quàm vt exactis bilancibus omnia corpora in aëre, vel in aqua, vel in vtrisque examinarentur. In aëre quidem omnes liquores quos lage-

na, quæ collo fuerit angustissimo, includas, & cum aqua conferas: in aqua verò, reliqua corpora dura, quæ, prout liquores, exactè ponderari possent in aëre, si vel essent magnitudine æqualia, vel magnitudinis illorum discrimen agnosceretur: sed cum diuersis figuris vt plurimum irregularibus afficiantur, nil commodius aut exactius quàm vt in aqua expendantur, & ex ratione grauitatis aqueæ molis illis æqualis ad grauitatem illorum, concludatur quantò sit vnum altero grauius: quod si semel in tabulam referatur, nullus deinceps labor in ijs impendendus.

COROLLARIUM.

De Gethaldi tabulis.

CVM Marinus Gethaldus in suo Promoto Archimede vtatur cylindro, cuius altitudo, siue axis, ac etiam baseos diameter fuerit duarum vnciarum, hoc est sextantis Romani pedis antiqui, cuius pedis semissem ad paginæ 34 marginem describit, certum est semissem illam nostri pedis pollicibus $5\frac{1}{2}$ proximè respondere, & illius Romani pedis vnciam, siue pollicem æqualem esse lineis vndecim nostri pedis; atque adeo nostro pede Romano Capitolino maiorem esse grano, quod est pars prædicti pedis octuagesima, quandoquidem Romani pedem in 4 palmos, palmum in 4 digitos, digitum in quinque grana diuidunt, quemadmodum in duodecim vncias, seu pollices, vt iam tractatu de mensuris dictum est.

Cylindrus ille fuit librarum 2, vnciæ 1, & 8 scrupulorum, siue granorum 14592: quem post Gethaldum accuratissimus in obseruando D. Petrus ait se iuxta nostra pondera reperisse vnus libræ, sex vnciarum, 7 drachmarum & 17 granorum, vel in granis 13193 nostris, eum in suis 14592 grana Gethaldus inuenerit, quæ nostra superant granis 1399.

Porro varietas ponderandi, quæ sæpius in quibusdam granis contingit, similis est varietati Astronomicarum obseruationum, quæ semper ferè quibusdam minutis siue primis, siue secundis differunt: quæ tamen varietas oriri potuit ex cylindro, quo D. Petrus vsus est, qui granis quibusdam à iusta duarum vnciarum mensura deficere potuit, nisi potiùs ipse Gethaldus è præcisa mensura recesserit, à quibus cum & ipse possim etiam longiùs abesse, tabelam huius, vtpote viri egregij, huc transferre malim quàm nouam

condere: cuius columnam quamlibet proprijs obseruationibus comparare, & si fuerit opus, emendare. vel, cū idem inueneris, confirmare possis. Cūque sit duplex eorundem corporum tabella, prima statuit initio corpus omnium grauiſſimum, videlicet aurum in primæ columnæ capite, quod etiam repetitur in vltimo eiſdem columnæ loculo, vt cum auri grauitate corporum omnium tabella comprehensorum grauitates componantur, vel etiam cuiusuis corporis grauitas cū alterius cuiusuis corporis grauitate: quibus & alia quouis corpora ex proprijs obseruationibus quīſpiam addere poterit. Vtriusque vero tabellæ hic est vsus, vt alicuius ex corporibus propositis grauitate cognita, corporis alterius grauitas, & ambarum grauitatum ratio innotescat.

Primum exemplum; cognoscetur quæ sit ratio grauitatis inter aurum & oleum, hoc est quanto sit aurum grauius oleo eiſdem molis: cūque leuius sit oleum, sumatur in olei loculo grauitas illius, nempe 1, in ascendente olei columna reperitur auri grauitas $20\frac{1}{11}$, quod docet aurum æquale magnitudine oleo, vigesies esse grauius, cum fractione adhibita, quæ parum abest à dodrante.

Secundum exemplum: sumatur in extremo loculo columnæ mercurij 1, vt cum auri grauitate comparetur, cuius grauitas è regione reperitur $1\frac{2}{3}$, quæ fractio trientem superat.

Tertium exemplum comparat olei & aquæ grauitatem; à quauiſſima autem incipitur, si enim ab oleo, illius locus 1, & in eadem ascendente columna occurrit $1\frac{1}{11}$ aquæ grauitas, quæ sola parte vndecima superat oleum, adeout, verbi causa, 10 aquæ heminæ æquiponderent vndecim heminis olei. Peræque verò potuit ab aqua initium sumi.

Quartum & vltimum exemplum aquam 1 in extremo loculo columnæ aquæ positum comparat mercurio, cuius grauitas in columnæ mercurij loculo è regione posito $13\frac{1}{2}$ occurrit, qui numerus docet mercurium æqualis cum aqua molis esse tredecies grauius, & ferè $\frac{1}{2}$.

Ego verò sum expertus mercurij cubicum pollicem, seu cubicam vnciam pedis nostri Parisiensis, seu Regij esse pondo vnciarum 9 & $\frac{1}{2}$, & drachmæ cum 14 granis; aquam verò Rongerianam æqualis molis esse pondo semuncia, sesquidrachmæ & 7 granorum: vnde constat esse ad aquam vt $13\frac{1}{2}$ ad 1, vel ad summum vt 14 ad 1, & pedem mercurij cubicum esse librarum 10.42 & 2 vnciarum.

*Hæc tabula comparantur duodecim corporum specie diuersorum
grauitates, & magnitudines.*

	Aurū.	mercu.	Plūb.	Argēt.	Æs.	Ferrū.	Stann.	Mel.	Aqua.	Vinū.	Cera.	Oleū.
Oleū.	20 ⁸ ₁₁	14 ¹² ₇₇	12 ⁶ ₁₁	11 ³ ₁₁	9 ⁰ ₁₁	8 ⁸ ₁₁	8 ⁴ ₅₅	1 ³² ₅₅	1 ¹ ₁₁	1 ¹ ₅₅	1 ⁵ ₁₁	1
Cera.	19 ¹⁹ ₂₁	14 ³² ₁₄₇	12 ¹ ₂₁	10 ⁵² ₆₃	9 ⁰ ₂₁	8 ⁸ ₂₁	7 ⁸⁹ ₁₀₅	1 ¹⁰⁹ ₁₁₀	1 ¹ ₂₁	1 ¹ ₁₂₀	1	
Vinū.	19 ¹⁹ ₅₉	13 ³³ ₁₁₃	11 ⁴ ₅₉	10 ³⁹ ₅₉	9 ⁰ ₅₉	8 ⁸ ₅₉	7 ³¹ ₅₉	1 ²⁸ ₅₉	1 ¹ ₅₉	1		
Aqua.	19	13 ⁷	11 ¹ ₂	10 ¹ ₃	9	8	7 ⁵ ₅	1 ⁰ ₅	1			
Mel.	13 ³ ₁₀	9 ⁷³ ₁₀₃	7 ²⁷ ₂₉	7 ¹¹ ₃₇	6 ⁶ ₂₉	5 ¹⁵ ₂₉	5 ⁵ ₂₉	1				
Stann.	2 ²¹ ₁₁	1 ²³⁸ ₂₅₉	1 ⁴¹ ₇₂	1 ⁴⁴ ₁₁₁	1 ⁸ ₃₇	1 ³ ₃₇	1					
Ferrū.	2 ⁸	1 ³⁹ ₅₆	1 ⁷ ₁₆	1 ⁷ ₂₄	1 ¹ ₈	1						
Æs.	2 ¹ ₉	1 ³² ₆₃	1 ¹ ₁₈	1 ⁶ ₂₇	1							
Argēt.	1 ²⁶ ₃₁	1 ¹⁸ ₁₁₇	1 ⁷ ₆₂	1								
Plūb.	1 ¹⁵ ₂	1 ²⁹ ₁₆₁	1									
mercu.	1 ¹⁸ ₅	1										
Aurū.	1											

Porrò sufficere poterat prima tabella, cū 12 illorum corporum ratio tam in magnitudine quàm in grauitate illius beneficio reperiatur, vt enim vnitas in olei loculo posita grauitatem illius refert, cū aurum æquale magnitudine pendet 20⁸₁₁, ita cū auri magnitudo est 1, olei moles exprimitur per 20⁸₁₁. Similiter, quemadmodum vini grauitas est 1, cū auri grauitas è regione in auri columna reperitur 19¹⁹₅₉, ita hic numerus ostendit vini molem, eiusdem cum auro grauitatis, cū auri magnitudo fuerit 1, idēque de reliquis corporibus ferto iudicium.

Memini verò Dounotium Geometram metalla omnia fuisse solitum ad heminam Parisiensem reducere, & vbi supposuisset aquam hemina contentam vnus esse libræ: metalla sequentia, eiusdem molis ita se habere vt ferrum sit librarum 8: æs 9, argentum 10¹₃, plumbum 11¹₂, & aurum 19: sphæram verò plumbeam, cuius axis, seu diameter, pollicis cum besse, siue octo lineis, in pretio habuisse, quod esset pondo vnus libræ: sed cū heminam fufis metallis implendam sibi proposuisset ad illorum iusta pondera definienda, illum ab instituto reuocauit, quod expertus essem typos, & vasa minus à quibusdam metallis, ab alijs verò magis impleri, & in his quàm in illis plura vacuola, seu plures, vt fusores loquuntur, ventos reperiri.

*Hac tabella comparantur eadem corpora secundum magnitudinem
& grauitatem.*

	Oleū.	Cera.	Vinū.	Aqua.	Mel.	Stann.	Ferrū.	Æs.	Argēt.	Plūb.	mercu.	Aurū.
Aurū.	4 ²⁷ ₅₇	5 ²⁰ ₉	5 ¹⁰ ₅	5 ¹ ₉	7 ¹² ₁₉	38 ¹⁸ ₁₉	42 ² ₁₉	47 ⁷ ₁₉	54 ¹² ₁₇	60 ¹⁰ ₁₀	71 ³ ₇	100
mercu.	6 ³ ₅₇	7 ²⁰ ₉	7 ¹⁴ ₅₇	7 ⁷ ₉	10 ¹³ ₁₉	54 ¹⁰ ₁₉	58 ¹⁸ ₁₉	66 ⁶ ₁₉	76 ⁸ ₅₇	84 ¹⁴ ₁₉	100	
Plūb.	7 ⁵⁷ ₅₉	8 ⁷⁶ ₅₃	8 ³⁸ ₅₉	8 ¹⁶ ₂₂	12 ¹⁹ ₃₃	64 ⁸ ₂₃	69 ¹³ ₃₃	78 ⁶ ₃₃	89 ¹⁹ ₅₉	100		
Argēt.	8 ²⁷ ₃₅	9 ⁸¹ ₃₄	9 ¹⁵ ₃₁	9 ³ ₃₁	14 ¹ ₁	71 ¹⁹ ₁	77 ²³ ₃₁	87 ³ ₃₁	100			
Æs.	10 ²⁰ ₂₇	10 ²⁰ ₃₃	10 ²⁵ ₂₇	11 ¹ ₉	16 ¹ ₉	82 ² ₉	88 ³ ₉	100				
Ferrū.	11 ¹¹ ₄	11 ⁴¹ ₁₄	12 ⁷ ₂₇	12 ¹ ₂	18 ⁸ ₈	92 ¹ ₂	100					
Stann.	12 ¹³ ₁₁	12 ³⁶⁶ ₁₀₇	13 ³² ₁₁	13 ¹⁹ ₃₇	19 ²⁷ ₃₇	100						
Mel.	63 ⁴⁹ ₅₇	65 ²⁶⁵ ₁₀	67 ⁷¹ ₈₇	68 ²³ ₅₉	100							
Aqua.	9 ² ₃	95 ¹ ₁	98 ¹ ₃	100								
Vinū.	93 ¹³ ₅₉	97 ²⁷ ₆₄	100									
Cera.	96 ² ₆₃	100										
Oleū.	100											

Hæc verò secunda tabella in extremo loculo statuit aurum, vtpote cæteris corporibus grauius, vt aliorum leuitas respectiua, seu comparatiua innotescat: exempli gratia; cùm aurum est centum vnciarum, oleum è regione positum est duntaxat vnciarum 4²⁷₅₇. & è contrario, cùm oleū in extremo primæ columnæ loculo positum fuerit centum vnciarum, aurum in primo eiusdem columnæ loculo positum eiusdem ac oleum grauitatis, magnitudine minus erit, cuius nempe moles ad olei molem vt 4²⁷₅₇ ad 100. Eodem modo reperietur ratio grauitatis & magnitudinis cuiuslibet corporis ad grauitatem & magnitudinem cuiusuis alterius corporis: vt in extremo loculo columnæ mercurij, 100 ostendunt hoc metallum totidem libris pendere, cùm aqua eiusdem magnitudinis in eadem ascendente columna fuerit grauitatis 7²₅₇, & vice versa mercurium eiusdem cùm aqua ponderis esse ad eam in magnitudine vt 7²₅₇ ad 100.

Denique in exëplo Gethaldi, cùm aqua grauior vino in linea aquæ descendente à læua ad dextram exprimatur per 100, sub vini titulo in eadem columna ascendente reperitur 98¹₃, quod ostendit aquam eiusdem molis ac vinum, esse ad illud in grauitate vt 100 ad 98¹₃, adeout centum vini cyathi æquiponderent aquæ cyathis 98¹₃. Quod

de vino intellige, quo Gethaldus utebatur: vina siquidem Græca, Gallicis nostris longè grauiora sunt, nam exempli gratia vini Cephalonici hemina Parisiensis grauior est heminâ Parisiensi vini Burgundini, quam vnciâ superat. Accuratissimus D. P. Petitus ex obseruationibus censuit pag. 38. Constructionis Regulæ proportionum metalla mole æqualia sequentem inter se rationem obseruare.

Aurum	100
Mercurius	$71\frac{1}{2}$
Plumbum	$60\frac{1}{2}$
Argentum	$54\frac{1}{2}$
Æs, seu Cuiure	$47\frac{1}{2}$
Æs, Airain, calamina mixtum,	45
Ferrum	42
Stannum commune,	39
Stannum purum	$38\frac{1}{2}$
Magnes	26
Marmor	25
Lapis	14
Cristallus	$12\frac{1}{2}$
Aqua	$5\frac{1}{2}$
Vinum	$5\frac{1}{2}$
Cera	5
Oleum.	$4\frac{3}{4}$

*Magni Galilæi & nostrorum Geometrarum
Elogium utile.*

IVsta laus mihi semper visa est, quâ viros studiosos prosequi sole-
mus ob artes, & scientias promotas, & ob inuenta præclara, qui-
bus scientiarum orbem illustrent: quis enim Archimedæos cona-
tus non solum laudibus extollat, sed etiam admiretur ob incompara-
bilem de sphæra, cylindróque tractatum: Vietæ nostri Speciosam,
quæ nulli problemati cedit: viri nobilis C. Mydorgij Conica, quibus
ipsum Pergæum superat: à quo si 4. ultimos libros impetres, nil sit
quod in hoc genere requiras: illustris viri Dioptricam, quæ lumini
motum restituit, & radius hyperbolam & ellipsin accommodat; Geo-
metriam, quæ veterem ulterius promouet, & Physicam quæ mecha-
nicos ad tantam dignitatem prouehit? Taceo varios illos *ἄλλοι ἐπεφύη*, de
maximis & minimis, de tangentibus, de locis planis, solidis, & ad
sphæram pereruditos, quos clarissimus Senator Tholosanus D. Fer-
matius huc ad nos misit: & alia præclara quæ Geometra noster ha-
ctenus ignota demonstrauit, quæ si numerare velim, liber scriben-
dus sit: taceo etiam subtilem Bonauenturæ Cauallieri Geometriam
per indiuisibilia; præclarosque tractatus quos ab acutissimo Tauri-
cello Galilæi successore breui speramus. Cuius Galilæi inuenta quis
enumeret? qui solo telescopio plura ferè detexit quàm quæ hætenus
innotuerant: quandoquidem ostendit lunæ superficiem non æqua-
bilem, non politam, aut exactè sphæricam, sed cavitatibus, tumori-
búsque, telluris instar, refertam esse, cuius pars lucidior terrenam
superficiem, obscurior aquam referat; & montes sint terrenis maio-
res. Veneris circa solem motæ cornua, quæ Mercurius forsan æmu-
letur: mundum Iouialem cum suis 4. luculis, quarum tardissima die-
bus 14, vt maximè omnium conspicua diebus octo, circa Iouem con-
uertatur: Saturnum tergeminum; substantiæ cœlestis tenuitatem
incredibilem, quæ tota minus habet, quàm perspicilli corpusculum,
opacitatis, vt pro vacuo sumi possit, cum minutissima stellati cœli
particula oculum non effugiat. Fixarum numerum decuplò, vel
etiam vigecuplò maiorem numero Ptolemaïco. Viam lacteam, mi-
nutissimarum stellarum congeriem: nebulosam stellam, tres aut 4
clarissimas stellas in arctissimo spatio collocatas, quarum facta cum
futuris cometis, aut aliis cœlestibus phænomenis, vel etiam cum luna

collatione, beneficio parallaxium de illorum altitudine, certiùs quàm antea iudicare possis.

Fixarum radiosam figuram à planetarum figuris rotundis differentem; diametrósq̃ue exactiores: planetas opacos lucem à sole stellas à seipsis habere; solem 28 dierum spatio circa suum axem conuerti; solis maculas, & faculas: solem veluti mare fluctibus asperum, & fluctuantibus vndis crispum, & nunquam eodem vultus habitu: scintillationem solis non solum fixis, sed etiam planetis (excepta luna) quanquam Saturno minus, deinde Ioui, Marti & Veneri, maximè Mercurio competere; tam stellas, quàm planetas successiue colores iridis induere; Saturni superficiem cineream, Iouis rufam vel flauam, Martis instar terrenæ nigram; Lunæ luteam, Veneris candidissimam, Mercurij cæruleam: solis corpus in medio valde fulgidum, luce ad colorem argenteum vergente; extremum disci limbum quarta ferè semidiametri solaris parte luce multo debiliore, eaque ad colorem rubeum, seu igneum inclinante; hæc inquam omnia, & alia plura telescopio vir ille magnus detexit, cuius vestigia cum in iis quæ grauium motum naturalem, & violentum, corporumque tam in resistendo quàm in agendo vires premam, æmuler, aut delectam, ea de re Lectorem paucis monitum volui, qui posteriore nostro tractatu discet quibus in rebus praxis Theoriæ Galilæi faueat, aut repugnet: qui cum breuem, sed aureum, de natantibus tractatum ediderit, quem non video tanti quantus est, fieri, meoque tamen instituto penitus conuenientem, illius epitomem sequentibus propositionibus complector, vbi monumentum legeris quod illi posuit Hetruriæ Lynceæ societas.

Galilæo Galilæo Florentino

Philosopho, & Geometræ verè Lynceæ

Naturæ Aedipæ,

Mirabilium semper inuentorum Machinatori.

Qui inconcessa adhuc mortalibus gloria, cælorum prouincias auxit, & vniuerso dedit incrementum: Non enim vitreos sphaerarum orbes, fragilésque stellas conflauit, sed æterna mundi corpora Medicæ beneficentiæ dedicauit. Cuius inextincta gloriæ cupiditas ut oculos nationum sæculorumque omnium videre doceret proprios impendit oculos, cum iam nil amplius haberet natura quod ipse videret. Cuius inuenta vix intra rerum limites comprehensa firmamentum ipsum non solum continet, sed etiam recipit. Qui relictis tot scientiarum monumentis plura secum tulit quàm reliquit; graui enim, sed nondum effata senectute nouis contemplationibus maiorem

gloriam affectans inexplabilem sapientia animam immaturo nobis obitu exhalauit. Anno 1642. ætatis suæ 78.

PROPOSITIO XLIII.

Rationem, seu causam, propter quam corpora in aquam immersa fundum petant, vel aliqua sui parte extent, inuestigare; ubi Galilæi de Natantibus liber habetur.

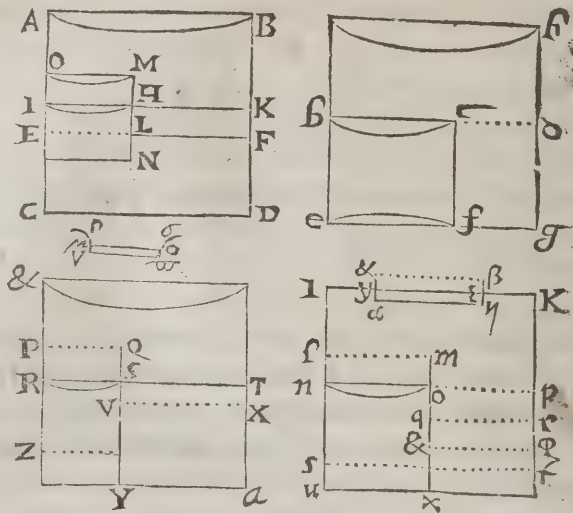
OMnes ferè credunt corpus aqua grauius ad vsque fundum descendere, quòd moles aquæ illi corpori æqualis nequeat ei resistere, vique maiore cogatur loco cedere; corpus verò aqua leuius aliquam sui partem mergere, quòd vim habeat eiiciendi, & eleuandi aquæ molem parti mersæ æqualem.

Cùm tamen Galilæus demonstret molem aquæ surgentem parte demersa semper minorem esse, eoque minorem, quòd vas corpus mersum recipiens angustius fuerit, adeout totum corpus in aquam mergi possit, licet aquæ moles quæ surgit, sit merso corpore millecuplò minor: quemadmodum in aquæ mole exigua corpus millecuplò maius natare potest, dummodo illius specifica grauitas aquæ grauitati specificæ cedat, hoc est moles corporis natantis æqualis moli aquæ sit aqua leuior: tunc autem aquei motus velocitas illius compensat exiguitatem. Placet autem in tanti viri gratiam quatuor sequentibus figuris explicare quæ subtili libello Italicè scripto de corporibus in aquam mersis edidit, quem ab omnibus studiosis legi velim. Supponimus autem vas esse prisinaticum vel cylindricum.

Primum igitur demonstrat *Corporis* (quod sit prismas, vel cylindrus) in aquam mersi molem aquæ mole per immersionem eleuata maiorem esse, & aquæ molem eleuatam esse ad immersum corpus, ut exteriorem aquæ superficiem corpus ambientem ad eandem superficiem una cum base corporis.

Sit enim vas $ABCD$ aqua plenum vsque ad lineam EF , in quod IN prisma totum immergatur, ut prismatis superficies IH congruat cum aquæ superficie IK , ad quam vsque ascendit aqua, ob prismatis immersionem. Certum est autem aquam eleuatam HF æqualem esse parti mersæ prismatis EN sub EF superficie existenti, quoniam si

prisma educatur, aqua in H F sublata in E N recidet, ac pristinum locum occupabit. Vnde sequitur molem E K ex portione prismatis E H & aqua L K toti prismati N I æqualem esse, tam enim E H additur L K, quàm E N inter se æqualibus; quapropter aquæ moles L K eandem ad totum I N rationem, quàm ad molem compositam E K habebit; est autem L K ad E K, vt aquæ K H superficies prismæ ambiens ad I K superficiem, igitur aqua L K est ad I N immersum, vt superficies H K ad eandem superficiem H K vna cum base prismatis I H, hoc est ad superficiem I H K.



Eadem ratio exurget, si prisma educatur, & I K prima superficies aquæ intelligatur, erit enim eadem aquæ demissæ H K ad totum prisma N I, vel O L ratio, quæ superficiei H K ad I K superficiem; portio enim superior prismatis H O superficiei primæ I K superextantis æqualis erit inferiori portioni E N immersæ sub E F superficiem, si portio communis E H auferatur.

Vnde consequens est aquam ascendentem vel descendantem ob corporis immersionem vel extractionem, esse æqualem non toti moli corporis immersi, sed ei parti duntaxat, quæ post immersionem sub prima superficie, vel post eductionem super eadem prima superficie reperitur.

Hoc etiam modo illa ratio possit explicari. *Pars immersa prismatis est ad aquam surgentem, vt solius vasis superficies ad eandem superficiem, minus prismatis superficie.* Verbi gratia, si vasis superficies integra sit 20 digitorum quadratorum, superficies verò corporis immersi sit vnus digiti, aqua eleuata erit ad partem corporis immersam vt 19 ad 20.

Demonstrat præterea eleuationem, vel depressionem aquæ (hoc est illius perpendicularum) ad corporis depressionem vel eleuationem, esse

vt basis vna prismatis ad superficiem aquæ illud ambientis, hoc est ad totius vasis superficiem, minus prismatis superficie.

Sit enim RY prisma immersum, & aqua vas vsque ad lineam TR impleatur: deinde prisma in PQ eleuetur, aqua ex ST in YX deprimetur, eritque depressio aquæ SX ad eleuationem prismatis, seu RQ , vt basis prismatis PQ ad superficiem aquæ VX . Quod ita demonstratur.

Prismatis pars $PRQS$ extans superiori aquæ superficiei ST , æqualis est aquæ depressæ TV , igitur duo prismata XS , SP sunt æqualia, sed æqualium prismatum bases sunt in altitudinum ratione reciproca, quare vt VS altitudo ad SQ altitudinem, ita basis PQ ad basim ST vel VX .

Itaque si columnæ, vel cylindri pedale spatium immergatur in lacum, vel emergat è lacu, cuius basim superficies aquæ vigintiquinques superet, aqua lacus sola pedis vnus parte vigesimaquarta deprimetur, vel eleuabitur.

Si verò putei superficies, seu basis sit octupla basis columnæ, aqua putei octauâ parte pedis eleuabitur, aut deprimetur ad pedalem columnæ mersionem, vel emersionem, & ita de reliquis.

Tertiò rationem explicat ob quam corpus aqua specie leuius, quod ex omni parte ambit aqua, super aquæ superficiem eleuetur, eique innater, licet aqua tota sit longè minor illo corpore.

Sit igitur prisma ec in aquam cg immersum, quod sibi relictum eleuabitur, cum ex hypothesi moles aquæ prismati æqualis sit prismate grauior; hoc est maior sit ratio specificæ grauitatis aquæ cg ad specificam prismatis bf grauitatem, quàm aquæ molis cg ad prismaticam molem fb . Sed gc moles est ad fb , vt AC superficies ad basim bc ; estque hæc ratio eadem, quæ eleuationis fb ad aquæ gc depressionem: maior est igitur specificæ grauitatis aquæ ratio ad specificam prismatis grauitatem, quàm eleuationis bf ad depressionem cg . Vnde sequitur vim, vel impressionem aquæ ex illius grauitate specifica, & suæ depressionis velocitate compositam, qua nititur ad prisma expellendum, esse maiorem impressione seu potentia prismatis ex specifica illius grauitate, & tarditate eleuationis composita, qua resistit aquæ potentiæ expultrici.

Verbi gratia, si prismatis moles tripla sit molis aqueæ, & prismatis grauitas sit aqueæ grauitatis subdupla, quando grauitas aquæ duarum librarum fuerit, prisma 3 erit: atque grauitatum 2 & 3 maior erit ratio quàm molium 1 ad 3, seu eleuationis prismatis 1 ad aquæ depressionem 3. Erit igitur aquæ potentia 5 graduum, 2 nempe ob gra-

ma, in quod nil penitus agit inferior aqua *ut*. Cùm igitur tam prismatis quàm aquæ potentia sit vt 4, seu æqualis, faciunt æquipondium.

Ex quibus concludendum motus velocitatem exactè gravitatis defectum compensare, quoties enim corpus immersum ex amplo vase emergit, aqua ferè nihil deprimitur, maximè verò deprimitur in vasis angustis, quorum aquæ tantula grauitas maximæ velocitati, qua deprimitur, addita, viribus aquæ compositis ex maxima grauitate, minima velocitate, qua deprimitur, æquiualet, & æquiponderat. Quæ diligenter notanda sunt ad vim percussionis inuestigandam.

Porro quæ demonstrauit, non impediunt quin semper corpus immersum tantam præcisè molem aquæ suâ immersione eiiciat, quanta est moles demersi corporis subter aquæ superficiem, vt contingeret si lateri D K vasis A D, vel lateri *tp* vasis *u* I K foramen indere-

retur. Rectè itaque demonstrauit primùm educto prisma ex aqua perpendiculariter, altitudinem partis extractæ esse ad altitudinem aquæ residentis, vt est basis prismatis ad superficiem aquæ circumfusæ. Secundò, prisma quod specie minus graue sit quàm aqua, sed pondere, orto ex mole, grauius aqua, in quam totum vi demergitur, quantumuis magnum sit, & aqua pauca, suæ libertati permissum, ascensurum, ob compensationem aquæ à velocitate descensus oriundam. Tertiò pondera corporum absoluta rationem habere compositam ex ratione gravitatis specifica, & motus velocitate. Quartò, prisma vel aliud corpus natans ita se habere, vt totum sit ad partem sub aqua in eadem ratione, in qua grauitas aquæ specifica ad grauitatem corporis specificam. Quintò, si corpus eousque mergatur donec moles aquæ æqualis moli partis corporis depressæ sub aqua, sit etiam æqualis pondere ponderi totius corporis, corpus nataturum. Sextò, in vase recuruo, qualis est siphon inuersus, cuius vnum os fuerit altero capacious, aquam in vtróque ore ad eandem altitudinem ascensuram, quòd ex vna parte sit eò maior ad descensum velocitas, quòd ex altera pondus maius fuerit, atque adeò natationem grauium non deberi partim figuræ corporum, partim aquæ resistentiæ, vti credunt Peripatetici: sed corpora quæ cùm sint aquâ grauiora, natant interdum, id habere ab aëre adhærente, qui corpori natanti coniunctus molem efficit æquali aquæ moli leuiorem: quæ cùm fusiori sermone indigeant, nouâ propositione discutiemus.

PROPOSITIO XLVIII.

Rationem ob quam corpora humido grauiora natant, quales sunt aurea lamina super aqua natantes, ex mente Galilæi explicare.

Figuram aureæ laminæ non esse causam cur non mergantur ex eo probat Galilæus quòd lamina mergatur si semel aqua irroretur, hoc est si superficies extima nullum habeat cum aëre commercium; qui quamdiu adhæret laminæ, descensum, seu mersionem ipsius impedit, cuius effectus ipsi testes oculi, quandoquidem non solum inferior, sed etiam superior laminæ superficies sæpè demergitur sub aquæ superficiem, neque tamen fundum lamina petit, sit enim agger aqueus laminam ambiens, eoque altior quò materia laminæ grauior, fuerit, adeout aggeris aquei perpendiculum bis, ter, quater, vel decies laminæ crassitiem superare possit.

Enimvero statim atque lamina tantisper immergitur, suæ grauitatis nonnihil deperdit, cùmque secum trahat aërem poris superficiei superioris adhærentem, qui concauum aquei aggeris replet, corpus à concauo aëris comprehensum ex lamina & aëre componitur, quod æquali mole aëris grauius est.

Discutiendum verò quænam esse debeat ratio figurarum materiæ diuersæ ad aquæ grauitatem, vt super ea natent ob aërem illis adiunctum: sitque propterea cylindrus vel lamina $\mu \nu \theta$ in figura præcedente, vel si mauius, cylindrus $\gamma \alpha \epsilon \eta$, aquâ specie grauior, qui mergatur, hoc est ita descendat sub aquam, vt cylindri superficies extima $\gamma \epsilon$, vel $p b$ cum aquæ μK superficie $I K$ conueniat, sintque tanti aquæ aggeres μo , & $o b$, vel $\gamma \alpha$, & $\epsilon \beta$ vt maiores esse nequeant, adeout si tantisper cylindrus descendat, & aqueus agger maior fiat, aër sit expellendus, & à cylindro separandus, atque adeo ipsa extima cylindri superficies μo , vel $\gamma \epsilon$ aqua tegatur, & cylindrus ad aquæ fundum deprimatur.

Hisce positis, reperietur cuius ad summum crassitudinis possit esse lamina, vel cylindrus habita ratione grauitatis illius cum aquæ grauitate, vt natet, ex sequente theoremate.

THEOREMA

THEOREMA.

Si id quo grauitas cylindri, vel alterius corporis aquæ mole æqualis grauitatem superat, sit ad aquæ grauitatem, vt aggeris altitudo ad cylindri crassitiem, natabit; quæ crassities vt minimum augeatur, cylindrus, & quodlibet aliud corpus fundum petet.

SIt altitudo aquei aggeris $\epsilon\beta$ ad cylindri altitudinem $\epsilon\gamma$, vt excessus grauitatis cylindri $\epsilon\alpha$ super grauitatem aquæ mole æqualis, ad eiusdem aquæ grauitatem, cylindrus natabit: cum enini $\beta\epsilon$ sit ad $\beta\gamma$ vt prædictus excessus ad aquæ grauitatem, erit componendo eadem ratio $\beta\gamma$ ad $\gamma\epsilon$, quæ grauitatis cylindri $\alpha\epsilon$ ad grauitatem aquæ æqualis $\alpha\epsilon$, & reciprocè vt $\gamma\epsilon$ ad $\gamma\beta$, ita grauitas aquæ molis æqualis $\alpha\epsilon$ ad grauitatem corporis $\alpha\epsilon$. Sed vt $\gamma\epsilon$ ad $\gamma\beta$, ita moles aquea $\epsilon\alpha$ ad molem æqualem $\beta\alpha\gamma$, & aquæ $\alpha\epsilon$ grauitas ad aquæ $\beta\alpha$ grauitatem;

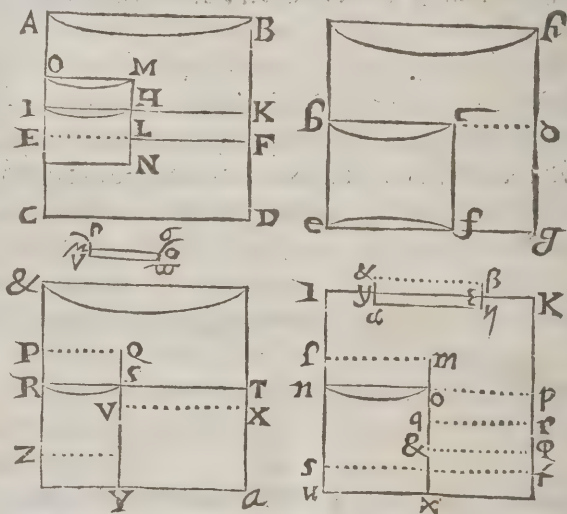
Igitur vt moles aquea æqualis $\epsilon\alpha$ ad grauitatem corporis $\alpha\epsilon$, ita grauitas eiusdem aquæ $\epsilon\alpha$ ad aquæ $\beta\alpha$ grauitatem. Est igitur grauitas corporis $\alpha\epsilon$ moli aqueæ $\beta\alpha$ æqualis, sed moles $\beta\alpha$ ex corpore $\alpha\epsilon$ & aëre $\gamma\beta$ composita æqualis est corpori $\beta\alpha$, igitur totum compositum $\beta\alpha$ æquiponderat aquæ idem spatium $\alpha\beta$ occupanti, quapropter cylindrus,

aut quodlibet aliud corpus $\alpha\epsilon$ manebit cum illa margine, neque agger rumpetur.

Si quis verò crassitiem, seu altitudinem $\gamma\epsilon$, vel $\alpha\epsilon$ augere velit, altitudo quoque $\epsilon\beta$, augenda erit; sed cum illa crassitudo, & ag-

geris altitudo maxima supponatur omnium quam rerum ordo patitur, nihil est quòd de augmento dicamus. Itaque natare poterit corpus aquà duplò specie grauius, cuius crassitudo margini $\epsilon\beta$ æqualis fuerit, si enim altitudo $\epsilon\beta$ æqualis est crassitudini $\epsilon\gamma$, moles aëris $\alpha\epsilon$ æqualis erit moli corporis $\alpha\epsilon$, & moles integra $\beta\alpha$ dupla erit, sed aëris $\epsilon\gamma$ moles nec auget neque minuit corporis $\alpha\epsilon$ grauitatem, quod cum sit aqueæ grauitatis duplum moles aquæ composito corpori $\beta\alpha$ æqualis est. Cum autem aquea moles demersæ corporis parti æqualis toti corpori æquiponderat, non ampliùs mergitur, sed quiescit & natat; quare cylindrus, corpus, aut solidum $\beta\alpha$ ex aëre & lamina compositum natabit & quiescet.

Ex quibus sequitur nullum esse corpus adeo graue quod non possit aquæ innatare, cum enim auro nil hactenus nobis grauius apparuerit, quod aquæ mole æquali octodecies grauius est, si laminæ aureæ crassitudo sit



adeò tenuis vt perpendiculari aggeris partem decimam octauam non superet, natabit: quemadmodum laminæ ebenæ crassitudo, cuius grauitas specifica ad aquæ grauitatem vt 8 ad 7, esse debet marginalis altitudinis subseptupla, ne mergatur, siue vt natet. Stanni octies aqua grauioris lamina debet esse pars septima marginalis altitudinis: idémque in alijs metallis, & quibusuis corporibus inueniri potest, quibus figura nil ad natandum confert, licet enim aureæ laminæ figura centuplò maior fieret, nunquam natabit si tantisper crassitudo prædicta crescat, neque meliùs, aut difficiliùs natabit si eadem manente crassitudine figura maior minóru fiat.

COROLLARIUM.

*De natatu minorum mundi systematum
in maiore.*

SVnt qui crediderint liquidam totius mundi materiam esse diuersæ densitatis, atque adeo ponderis, in cuius medio, Sol cõstitutus partes materiæ sibi viciniores ita calefaciat, & rarefaciat, vt tellus, & planetæ iuxta proportionem suarum densitatum magis aut minus ad solem accedant, eo modo quo varij globuli in phialam diuersis liquoribus plenam varia loca pro suis densitatibus occupant; enim uero si 5. liquores sint eius generis vt primus sit grauior, quale est oleum tartari, & alij se inuicem ordine sequantur, (quod à chymicis vsurpatur, & 5. globuli parentur, quorum singuli liquoribus singulis innatent, vt illos liquores turbaueris, & globulos vi ad fundum detruseris, vel adduxeris ad superiorem aquæ superficiem, statim ad pristina loca restituentur, ad quem etiam ordinem mundi partes redirent, si postquam susque deque immerisus esset, sibi relinqueretur.

Quæ natus cogitatio vterius prolata magno viro ita placuit vt non solum inde concluderit planetarum circa solem loca, & motus, sed etiam maiorem & minorem telluris & illorum ad solem accessum, vnde tam perigea, quam apogea commodè satis explicentur; cum enim sol spatio 28 dierum suam circa proprium axem periodum absoluat, & reliquam circa se mundi materiam liquidam vsque ad Saturnum celerius aut tardius moueat, iuxta diuersas distantias, planetas in illis distantis occurrentes circa se mouet eodem motu quo materiam ibidem occurrentem; hoc est Mercurium tribus mensibus, Venerem 9: tellurem (si fortè moueatur circa Solem) anno. Martem, biennio, Iouem duodecim annis, & Saturnum annis 30. stellas verò ab istius materiæ motibus eximit, quippe quæ forsitan noua systemata efficiant.

Vt autem omnia cum ratione progrediantur, vniciuque planetæ suam propriam materiam liquidam tribuit ei tam arctè coherentem vt nunquam ab eo diuellatur, & ad eum vndequaque vergens sphaeram efficiat, quæ solaris systematis liquidæ materiæ innatet, aut si mauis subnatet, ac velut vrinetur: aërem verò terrenum cum vaporibus à Sole ita rarefieri supponit vt exitum quærens & ad maius spatium contendens, montes & valles sibi occurrentes, quibus includi-

tur, & impeditur, impellat, & toti terræ motum conferat, qui continuo crescens tandem ad diurnum perueniat, cuius fortè solius sit capax. Quæ tantum obiter dicta sunt, ne quis existimet corporum natationem ad scientias inutilem, cum etiam possimus vrinatores appellari, quorum videlicet terrena domus aëri, vel alteri mundi liquido innatat, & qui nescimus an aliquo motu recto totus mundus dextrorsum, vel sinistrorsum, supra vel infra moueatur, aut ipsi vacuo innatet, cum nec experientia, neque ratio ea de re quidpiam certò & euidenter concludere valeat.

PROPOSITIO XLIX.

Rationem ob quam corpus hominis ad quantamvis immersum aqua profunditatem nullum aquæ pondus sentiat explicare.

PLurimi hac de re varias rationes attulere, verbi gratia, corpus hominis nullam ab aqua in quam demergitur, pressionem, nullumque dolorem sentire, quòd ex omni parte vrgeatur æqualiter, nec vlla pars corporis extra suum locum naturalem extendi possit, ita Stevinus 5 Staticæ prop. 3.

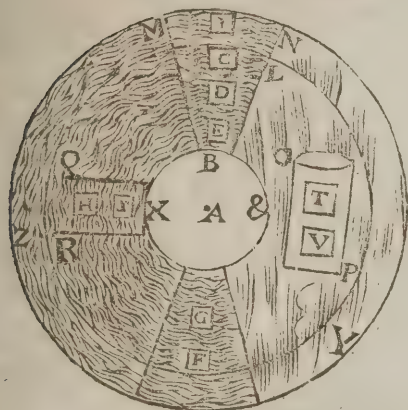
Alij rectè considerant corpus hominis, vel aliud quodpiam immersum tantam aquæ molem è loco suo pristino eijcere, quanta est moles illius corporis; hanc autem aquam eiectam versus fundum premere, ne suam à centro distantiam immutet, & augeat; à quo fundo cum resilire cogatur, sursum nitens insidentis aquæ conatum repellit, ut ex hac figura potest intelligi, in qua LQ circumferentia maris superficiem refert, terræ verò circumferentiam XB , quæ est fundum maris; utriusque centrum A . Corpus demersum in mari CD vel E : aqua ei superfusa KLM , quæ si premat corpus C vel D necesse est ut descendat versus C & D : si descendit, debet tantumdem à B ascendere; si verò tantumdem ascendit, quantum descendit, nihil fiet, quod enim descendens aqua facit, ascendens destruit, quapropter corpus C non premetur ab aqua superiore, nisi foramen in fundo maris B , euasis MBN fuerit, quod à corpore C obturetur, tunc enim corpus C æquè premetur ac ipsum fundum.

Quò ferè redire videtur quod alij dicunt, nempe si corpus C premeretur ab aqua superposita, versus B descenderet, neque tamen aqua quæ supponitur premere C descenderet, sed potius inferior aqua,

quæ est versus B, ex suo loco à corpore C ad E descendente expulsa versus D ascenderet, & corpus C subleuaret, vti reuera nos subleuari sentimus, cum in aliquod flumen crecti summis pedibus fundum premere conamur.

Alio modo rem totam ex principiis Archimedæis explicemus, quæ

docent cuiuslibet corporis in aqua ponderati grauitatem esse minorem grauitate corporis eiusdem in aëre ponderati, mole aquæ (etiam in aëre ponderatæ) prædicto corpori æquali. Quod non solum de aqua, verum etiam de quolibet alio medio dicendum, in quo corpus graue ponderatur; exempli gratia, ferrum in vacuo, seu medio nihil impediante minus, quam in aëre ponderaret; qua de re suo loco.



Hinc fit vt sub aqua, siue inter aquas plumbi grauitas 23, in aëre sentiatur duntaxat, vt 21, & cætera corpora semper minus grauia manui appareant in aqua quam in aëre, totius aquæ pondere quæmerso corpori magnitudine fuerit æqualis.

Præterea, cum nullum corpus aquæ tam grauitate quam mole par in aqua ponderet, atque adeo nulla vis ad illud sustinendum requiratur, certum est etiam aquâ in aqua grauitatis æqualis nihil ponderare.

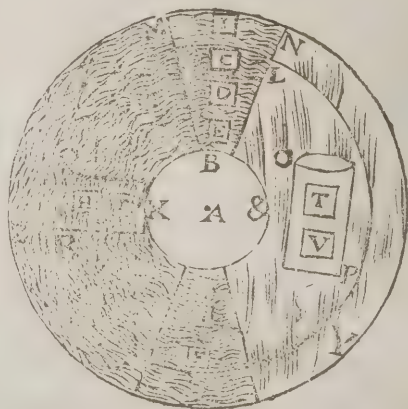
Sit exempli gratia in mari P L R corpus C, D vel E, eiusdem cum aqua grauitatis, certum est C nullo modo premere D, aut D premere E, cum igitur aqua corporibus illis superposita sit eiusdem, ac illa, grauitatis, ipsa nullam habet ad inferius descendendum, aut locum tantisper mutandum propensionem.

Quod etiam de aëre M N Z Y dici potest, qui licet in vacuo, vel spatio non impediante grauitate, attamen in aëris sphaeræ M N Y Z nil ponderat, si enim supponatur aër i vase nil ponderante conclusus, non descendet sed in ea parte manebit aëris in qua positus fuerit.

Iam verò intelligatur D esse corpus hominis habens aquam C sibi superpositam aqua C non premet corpus D, ad quod ne quidem descendet: idemque concludendum de qualibet aqua siue supraposita, suis latera corporis D ambiente.

Idem in vase OP considerari potest, in quo T, V corpora æqualibus aquæ molibus, & grauitatibus æquiponderantia non grauitant; unde corpus hominis in V intellectum habens super se mille corpora corpori T æquegrauia, nullum pondus sentiet; & vas integrum OP cum inclusis corporibus nil in aqua ponderabit, si moli aquæ tam magnitudine quàm pondere æquale fuerit: si verò sit aqua grauius, ad fundum &, hoc est ad terræ circumferentiam contendet.

Vas sinistrum QXR corpora H & S aquæ similiter æquiponderantia continens idem ostendit: quod si in fundo X, quemadmodum vas BL, in B, perforatum intelligatur, cui velut obturamentum adhibeatur corpus humanum, vel aliud quoduis, totum aque cylindrū, cuius basis sit foramen, gestabit, eiúsque grauitatem sentiet, eandem penitus quam fundum ipsum vasis pateretur: verbi gratia, si cylindrus aque marine, vel fluuiatilis, à B ad C fuerit



mille librarum, corpus hominis, vel fundum B, cuius basis cylindri basi æqualis sit, mille libras feret, à quibus idem patietur, quod à columna marmorea pondo mille librarum, quam in aëre sustineret. De ponderibus F G immersis par esto iudicium, de quæ reliquis, quæ possunt in toto oceano intelligi, qui super corpus hominis immersi nil omnino ponderabit.

COROLLARIUM PRIMVM.

De Cingulis Pneumaticis.

NOtum est hominem pneumatico cingulo instructum flumina transire, anseris, anatis, cygni, mergi & aliarū auium instar, cum enim se quis illo cingulo præcinxerit, & cruribus pinnulas attexerit, quibus loco ramorum vratur, adeo commodè flumen quoduis transabit, vt tormentum puluerarium gestare, & militari thorace, galea, &c. absque vllō immersionis periculo armari queat, cum enim cin-

gulum plures aëris pedes cubicos cœperit, vixque reperiatur vllus qui duobus aquæ pedibus cubicis æquiponderet, fieri nequit vt illo cingulo nixus immergatur nisi vsque ad ipsum cingulum, quod tantæ fieri potest magnitudinis, vt non solum hominem veluti sedentem, sed etiam erectum teneat. Vti continget cum aëris moles inclusa cingulo tanta fuerit, vt aquea moles, totum hominis pondus superet, tunc enim integrum hominis corpus, siue iacens, siue sedens, aut erectum extabit, neque tantisper immergetur. Idemque contingit si quis bouis, aut porci vesicis vtatur, quæ præcedentem aquam capiant. Omitto ligna suberis instar leuia, quibus etiam barbari naues immerfas extrahunt, vt verbi gratia cum Maldiuarum incolæ naues ligno suo *Candor*, suberis vt aiunt leuitatem superante, ex fundo maris extrahunt.

Illud verò cingulum triplici pelle caprinâ tegitur, quod præterea laminis ferreis vestire possis, vt sagittis vel tormentis minoribus bellicis resistat, à quibus alioquin facile perforatum, deinceps inutile sit. At verò lintriculum quispiam ferre potest, quo fluium traiciat, cuius si cauum 3 aut 4 aëris pedes cubicos complectatur, nullum imminet submersiōis periculum.

Porrò fieri possunt lecti pneumatici, qui commodè ferantur, quandoquidem eos ex pellibus constructos solum inflabis, cum te ad somnum composueris.

COROLLARIUM II.

De nauibus sub aqua natantibus.

NOtum est nauiculam à Cornelio Drebellio in Anglia constructam, quæ sub aquis depressa natabat: quod cum diuersis modis fieri possit, primo quidem si nauis, cum omnibus quæ completitur, eiusdem cum aqua ponderis efficiatur, vt in quouis sub aqua loco maneat, quod vix ac ne vix quidem vllus faciat. Secundò, si paulò grauior aqua reddatur, vt vel ad fundum vsque demergatur, si fuerit opus, ibique subsistat donec ramorum & vncorum ope collecta sint quæ perdita fuerant, & alia peragantur ob quæ nauis constructa est.

Quoties autem nauta redire voluerit ad aquæ superficiem, illud ramorum ope, vel etiam sufficiente nauis exoneratione perficiet. Clarum est autem nauim vndique clausam esse oportere, ne vel aquæ

guttula in eam ingrediatur, atque adeo ramos, quorum manubria intus fuerint, exterius ita corio impicato inferendos, vt tamen facile moueri possint. Omitto fenestras ex cornu, vitro, chrystallo, lapide speculari, aut alio diaphano construendas, vt quæcumque vel in fundo maris, vel in medio fuerint, clarè cernantur. Omitto etiam varia terebella, quibus naues hostiles perforentur & immergantur; nec non diuersos modos, quibus aër ne fortè corrumpatur ob vapores, & halitus interiores, sæpiùs renouetur; quod longo canali siue coriaceo, siue alterius materiæ vltra superficiem aquæ protenso fieri solet, quo similiter vrinatores respirant. At verò docebit experientia quæ vix inexpertus conijcere possit.

PROPOSITIO L.

Instrumentum construere quo facile quispiam possit absque bilancibus liquoris propositi gravitatem, & quantò sit humidum aliquod altero grauius inuenire.

CVM ex dictis constet corpus aqua leuius in aquam demissum eam in gravitate rationem habere ad humidum æqualis molis, quam pars corporis demersa habet ad totum corpus, clarum est humidum illud, in quod idem corpus minore sui parte immergetur, humido leuius esse in quod maiore sui parte immergetur. Si quis igitur cylindrum aliquem concavum æneum, aut argenteum construere curet, qui ad horizontem perpendiculariter erectus in aqua natet, & ei superextet, pars eius immersa, vel emersa docebit aquæ, vel alterius humidi, cui imponitur, gravitatem, si tamen semel quis hoc instrumento fuerit exploratus quantæ sit humidum aliquod gravitatis, vel ipsius cylindri gravitatem in aëre nouerit.

Sit verbi gratia cylindrus $ACBD$, cuius altitudo FE vnus digiti, baseos verò D diameter semidigiti: hæc autem altitudo EF diuidatur in 6 partes æquales, vt vnaquæque pars sit duarum linearum, quanquam in partes minores pro vniuscuiusque libito diuidi possit; vt, exempli causa, pars inter LM & IK intercepta, quæ ascendendo quinta est, in quatuor partes subdiuidetur, quarum vnaquæque est pars lineæ dimidia.

Possset etiam instrumentum istud esse parallelepipedum, quam figuram,

figuram, si exactè seruetur, cæteris præferendam arbitror, vt cuiusuis liquoris, absque cylindrica figura in cubicam reductione, dato cubo propria in aëre grauitas assignetur.

Supponamus igitur istius in aëre cylindri, vel parallelepipedi grauitatem esse vnus vnciæ, & in humidum propositum, cuius grauitas quæritur, vsque ad lineam GH mergi, quæ linea humidi superficiiei congruat, certum est humidum illud æquale magnitudine toti parallelepipedo C B eam in grauitate rationem habere ad totum parallelepipedum, quam habet totum parallelepipedum ad partem suimersam, ex præcedenti prop. cum ergo cylindrus, siue paral. C B parte dimidia mergatur, quæ est semuncia, aqua mole parallelepipedo B C æqualis erit duarum vnciarum.

Sit autem aliud humidum, in quod idem corpus vsque ad N O, tertiam sui partem, immergatur; cum pars immersa N D ter in A D contineatur, aqua mole sua CB corpori æqualis trium erit vnciarum: & consequenter humidum istud humidi præcedentis in grauitate sesquialterum erit; quemadmodum pars dimidia tertiæ partis est sesquialtera, vt constat ex 6, & 4 assis semisse & triente.

Quoties igitur cylindrus iste portabilis in humida diuersæ grauitatis specificæ demittetur, grauitates humidorum erunt inter se in reciproca ratione partium cylindri demersarum: exempli gratia, si quis peregrinus hoc, aut simili instrumento vinum Gallicum, & cum in Græciam peruenerit, vinum Græcum explorarit, istud, quod Cephalonium appellant, grauius reperiet, cuius nempe Parisiensis hemina vini Gallici heminam vna ferè vncia superare mihi visa est.

Porrò fundum, seu basis cylindri vel parallelepipedo tantæ debet esse crassitudinis, seu grauitatis vt cylindrus maneat horizonti perpendiculariter erectus: quod vix absque illa fundi grauitate fieri potest, sine qua ferè semper in hanc aut illam partem inflectitur.

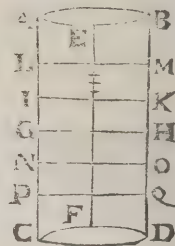
Existimauit autem vir in Geometricis subtilissimus epistolam 15. Synesij de hac ponderandi ratione intelligendam, non autem de libramento aquarum, vel clepsydra, quod *πονη* mechanici pro pondere vsurparint.

Hæc autem epistola vix sufficit vt definiamus quoddam instrumentum seu organum Synesius postularet, cum enim dicat se ad hoc infortunij genus redactum, vt hydroscoopio egeat, quod, amabo, esse potest infortunium cum aliquis instrumento prædicto careat & præsertim cum ille modus humidi ponderandi iustis bilanciis suppleri possit.

Quaquam non desunt, qui se statim infortunatos existiment cum rebus carent desideratis, licet minimè necessariis; quod quidem non est minimam hominum infortunium, quo sæpè, magis quàm necessariis, torquentur.

Cùm autem tubulum, hoc est *σχιλὺν* cylindrum tibix similem desideret, cuius recta linea, qualis est nostra E F, in multas partes diuidatur, ut aquarum *ποσὶ* cognoscatur, hoc instrumentum à clepsydra recedere videtur, quæ non solet in aquam demitti, ut erecta C, & horizonti superextans horas suis incisionibus ostendat, nisi fortè habuerint tubulos hac arte constructos ut singulis diuisionibus successiuè ascendentibus, vel descendentibus horæ singulæ notarentur.

Si verò destinatum fuerit illud Synesij Baryllium ad aquam ponderandam, non video cur illius superficiem superiorem cono voluerit obturari, cum basis cylindri superior ex eadem, ac cylindrus ipse, materia sufficiat, nisi forsàn in coni vertice pinnula quædam ad aquæ libramentum addita fuerit. Verùm cum de aliquo genere Chorobatis illud organum alij malint explicare, de quo etiam Vitruuius obscurè satis lib. 8. cap. 6. neque multa satis habeat Synesius, ex quibus definiatur quid velit, ad alia progrediamur, si priùs notauero nostri digitalis organi latera, quod *σχιλὺν* vocare possis, esse debere admodum tenuia, ut media sui parte extet, sum enim expertus cubum digitale æneum concauum, cuius latera sunt adeo tenuia vix ut habeant crassitudinem quadrantis lineæ, vsque ad sui dodrantem seu $\frac{2}{3}$ immergi, & solo quadrante emergere: in aëre verò esse pondo semuncix & 36 granorum, seu semidrachmæ; & aquam illum vsque ad suprema labia replentem pendere semunciam, sesquidrachmam, granæque $7\frac{1}{2}$ ut autem magis emergat, multæque incisiones, vel diuisiones diuersis humidis inferuiant, 3 aut 4 digitorum parari debet organum, ut illius latera firmiora sint, & nullum ventrem, aut fossam efficiant. Porro ligneum esset leuius, sed aquam bibit, qua seipso grauius efficitur.



COROLLARIUM.

ID habet incommodi prædictum instrumentum, quod vix ac ne vix quidem deprehendi possit ab oculo quantumuis acutum aquæ limbus extremus lineam instrumento adscriptam vel insculptam attingat, vel superet, quandoquidem in aquæ & lineæ

idem ferè contingit quod in luminis & vmbraë confinio, in quo lumen ab vmbra distinguitur ægerrimè, cùmque sit aqua diaphana ipsius instrumenti siue stannei, siue ænei, siue lignei, aut alterius cuiusvis colorem iudicare videtur: quapropter nil ad corporum grauitatem accuratè notandam certius quàm vt in aëre, deinde in aqua vti superiùs dictum est, ponderentur.

PROPOSITIO LI.

Datis duobus metallis ex quibus aliqua moles componitur, inuenire quantum sit vtriùsque in composito metalli.

TEmpus in historia coronæ referenda, quam Hieron. Syracusanus vouerat, de qua Vitruuius lib. 9. cap. 3. nolim insumere, cuius non meminit Archimedes in vulgatis operibus, sufficit enim si generatim ostendatur qua ratione possit inueniri portio metalli alteri mista metallo, cùm non licet corpus ex illis duobus compositum, aut aliquam illius particulam, aquæ separationis, vel aliis examinibus permittere, quæ corpus destruunt, vel alterant, vt ab aurifabris, & monetarijs fieri solet. Porro Gethaldus hoc problema demonstrat prop. 18. sui promoti Archimedis, vbi duplex exemplum habet, corporis nempe ex auro & argento, & alterius ex auro & ære compositi; quanquam in illius problemate determinatio necessaria deesse videatur, nec enim vllus portionem metalli alteri metallo mistam inuenire potest, nisi priùs nouerit quænam sint illa metalla; quandoquidem corpus potest ex ære & auro componi, quod erit eiusdem molis & grauitatis ac corpus aliud ex auro & argento conflatum: vnde nec Archimedes scire potuit an æs vel argentum in centum talentorum coronam ab aurifabro immissum fuerit, nisi priùs supposuerit hanc fuisse Syracusanorum aurificum legem vt aurum soli argento alligarent.

Portio verò cuiusque metalli reperitur ex Archimedæis propositionibus, illa præsertim quâ docuit quodlibet corpus aqua specie grauius esse in aqua quàm in aëre leuius, mole aquæ corpori æquali, verbi gratia aurum esse in aëre vt 19, in aqua vt 18, quod aquæ moles auro æqualis sit nouemdecies illo leuior, totiesque maior esse debeat auro vt ei æquiponderet. Argentum verò sit in aëre 31, in aqua 28,

de quibus Dounotius post Gethalium in Hydrostatices refutatione.

Huic autem propositioni satisfactum existimabis ex sequentibus problematibus quæ de hac materia R.P. Iacobus de Billy Geometra doctissimus ad me misit.

I.

In massa composita ex duobus metallis inuenire quantitatem utriusque sigillatim.

SIt, verbi gratia, corpus ex argento & ære compositum, quod primum in aëre, deinde in aqua ponderetur; & in aëre librarum 80, in aqua 72 reperiatur. Deinde sit 1 ℞ pro quantitate argenti, vt sit æs librarum 80, minus 1 ℞, cūque argentum in aëre ponderatum sit ad ponderatum in aqua vt 31 ad 28, (iuxta experientiam Gethaldi) fiat vt 31 ad 28, ita 1 ℞ ad aliud, & erit $\frac{28 \text{ Rad.}}{31}$ quartus numerus.

Et quia æs in aëre est 9, in aqua 8, fiat vt 9 ad 8 ita 80 minus 1 ℞ ad aliud, vt sit quartus numerus $\frac{640, \text{minus } 8 \text{ Rad.}}{9}$ qui additus inuento $\frac{28 \text{ Rad.}}{31}$, dabit summam $\frac{19840, \text{plus } 4 \text{ Rad.}}{279}$ quæ grauitati corporis compositi in aqua ponderati, hoc est 72 æquiualeat. Quapropter valor 1 ℞ est 62. Erit igitur quantitas argenti in corpore mixto existentis 62 librarum, & quantitas æris 18 librarum: vnde poterat deprehendi furtum aurificis.

I I.

Determinare num in data massa ex tribus metallis composita metallorum quantitates distinguui possint.

MAssa componatur ex auro, argento, & ære, quæ primum in aëre 194 librarum, deinde in aqua librarum 180 reperiatur. Sitque 1 ℞ pro libris auri existentis in massa, & pro libris argenti 1 A; quoniam igitur tota massa ponderat 194, erit æs librarum 194, minus 1 ℞, minus 1 A. Cūque aurum in aëre, ad aurum in aqua sit vt 57 ad 54, & argentum vt 31 ad 28, & æs vt 9 ad 8, fiat vt 57 ad 54, ita 1 ℞ ad aliud

vt habeatur $\frac{54 \text{ Rad.}}{57}$ Præterea fiat vt 31 ad 28, ita 1 A ad aliud, vt habeatur $\frac{28 \text{ A}}{31}$. Denique vt 9 ad 8, ita 194, minus 1 R, minus 1 A ad aliud, vt habeatur $\frac{1552, \text{minus } 8 \text{ Rad. minus } 8 \text{ A.}}{9}$. Et isti tres numeri inuenti per illas regulas trium addantur simul, habebitur summa 930 R, plus 228 A, plus $\frac{2742384}{15903}$, quæ debet æquari ponderi massæ datæ in aqua ponderatæ, quod ex hypothefi est librarum 180: quapropter erit æquatio inter 80, & 930 R, plus $\frac{228 \text{ A, plus } 2742384}{15903}$: igitur post debitam reductionem, 120156 minus 930 R æquabuntur 228 A; & ita diuifis 120156, minus 930 R per 228, habetur 527, minus $\frac{965 \text{ Rad.}}{114}$. Igitur libræ æris, quæ prius erant 194, minus 1 R, minus 1 A, erunt $\frac{351 \text{ Rad.}}{114}$ minus 333. Quapropter quæstio soluta est indefinitè per tres sequentes numeros, 1 R 527, minus $\frac{465 \text{ Rad.}}{114}$, $\frac{351 \text{ Rad.}}{114}$ minus 333. Imprimis enim tres illi numeri simul additi faciunt 194, quot librarum massa fuit in aëre.

Deinde factis tribus proportionum regulis, vt 57 ad 54, ita 1 R ad aliud: & vt 31 ad 28, ita 527, minus $\frac{465 \text{ Rad.}}{114}$ ad aliud; & vt 9 ad 8, ita $\frac{351 \text{ Rad.}}{114}$, minus 33 ad aliud, habebuntur tres numeri, qui simul additi facient 180, quot librarum massa fuit in aqua. Vnde sequitur infinitos esse numeros quæstionem soluentes, cum numerus quilibet pro valore 1 R sumi possit intra duos istos terminos $129 \frac{23}{465}$, & $108 \frac{54}{351}$.

Sumatur verbi gratia pro valore 1 R, 114, erunt argenti libræ 62, æris 18. Si sumatur pro valore 1 R, 120, erunt argenti libræ $37 \frac{6}{114}$, æris verò $36 \frac{16}{114}$; Igitur nulla possunt arte determinari quantitates metallorum singulorum massam componentium.

III.

Si detur massa ex tribus metallis conflata, quæ mixta sint secundum quampiam proportionem vel harmonicam, vel Arithmeticam, vel Geometricam, nulla alia facta determinatione speciei infima istius proportionis; tutò determinabuntur quantitates metallorum.

QUod problema sequitur ex præcedente, in quo inuenti sunt tres numeri 1 R, 527, minus $\frac{465 \text{ Rad.}}{114}$ $\frac{351 \text{ Rad.}}{114}$, minus 333, soluentes indefinitè quæstionem.

IV.

Si detur massa, & supponatur quadrata librarum, quæ sunt in tribus metallis mixtis efficere summam aliquam, putà 24904, quantitas cuiuslibet metalli tutò determinabitur.

QUod problema sequitur ex secundo, in quo indefinitè quæstio ita soluitur, ut quadrata singulorum trium non superent characterem quadrati, & seruent eorum exponentes proportionem Arithmeticam. Qui coronæ votivæ tam historiam, quàm examen desiderat, Riuertum adeat pag. 534.

PROPOSITIO LII.

Oceani vel alterius aquæ profundum inuestigare.

NOTum est sæpius à nautis bolide maris profundum explorari, sed cùm adeo profundum est, ut rudentes, & funes, vel catenæ non possint huic negotio commodè, vel absque periculo adhiberi, nondum inuenta methodus generalis qua loci cuiuslibet profundum

possit inueniri. R. P. Fournierus lib. 14. nauigationis cap. 13. notat bolidem, quam *sonde* nuncupant, esse plumbeam pyramidem 8 librarum, vel 18, aut plurium, cui funis pondo librarum 3, aut plurium annectitur, vt plumbum ad centum vsque, vel plures perticas in fundum maris descendat: quanquam nautæ pluribus modis decipi possunt, exempli gratia, si funis ab aquæ vorticibus & vndis abreptus non rectâ, seu perpendiculariter, sed obliquè descendat, quod enim ad plumbi natatum ob funem aqua leuiorem attinet præterquam (aiunt funes nauticos æquali mole aquæ grauiores esse) vbi plumbum funis leuitatem compenlarit, nil ex ea parte timendum.

Porrò si semel nautæ obseruent quibus temporibus plumbum varias oceani profunditates attingat, cum plumbum absque fune in profundum immiserint, quo cum suber, vel quodpiam aliud corpus leue ita nectatur, vt statim atque plumbum ad fundum peruenerit, suber à plumbo separetur, quod eodem tempore redeat ad superficiem, quo plumbum descenderit, illa maris profunda poterunt innotescere, quæ nullis funibus inueniuntur.

Quod vt fiat, primùm obseruetur num plumbum quod tres pedes in vno secundo minuto descendit in aqua, duas vero hexapedas duobus secundis, hoc est vnam mensuram primo secundo, tres mensuras secundo, vt ex obseruatione constat, quinque deinceps tertio, septem quarto secundo, & ita consequenter secundum numeros mensurarum impares, descendat, vt contingit plumbo & aliis grauibz per aërem descendentibus: qui quidem descensus eadem ratione perficitur in aqua per primos duodecim pedes, vt iam supersit obseruandum in maioribus profunditatibus num idem contingat; verbi gratia, cum nauta bolide vulgari fundum maris trecentorum pedum inuenerit, plumbum absque fune, cui suber alligatum sit fundi contactu separandum, in aquam demittat, quod si peruenerit ad fundum decem secundorum spatio, certum erit plumbum iuxta numeros impares in aqua, velut in aëre descendere, de quo descensu fortè campana monere possit, quæ plumbo hac arte adaptetur, vt statim atque peruenerit ad fundum, pullare cogatur, & sonum monitorium edere, constat enim experientia campanæ sonos sub aqua productos ab auribus in aëre positis audiri, quemadmodum soni in aëre editi ab aure sub aquam immersa percipiuntur, eo tamen discrimine quòd sonus campanæ in aëre productus eiusdem sub aqua grauitatis, vel acuminis, ac in aëre audiatur, sub aquis verò factus non solum audiatur surdior, sed etiam grauior, siue collocetur auris in aëre, vel sub aquis. Est autem sonus sub aqua factus Decimâ grauior, hoc est si campanæ sonus

nus sit in aëre 5 graduum acuminis, erit 2 graduum sub aqua, quandoquidem ratio istius Consonantiæ est 2 ad 5; quapropter internæ metalli vibrationes quibus sonum campana producit, in aëre sunt 5 numero, cum æquali, vel eodem tempore bis solùm tremat sub aquam immersa, vt dudum in Harmonicis dictum est: quanquam sæpenumero dubiū superfuerit num illi soni solo Ditono simplici, an potius repetito, hoc est prædicta Decimâ inter se different, quod experturi prius viderint, præsertim in oceano, cuius aqua fluuiorum, & fontium aquas grauitate superat, enimvero 45 pedes cubici oceani 46 aquæ dulcis pedibus cubicis æquiponderant, vnde possis concludere quantò maiora pondera in oceano, quàm in fluminibus natent, atque ferantur.

Porro cum innotuerit plumbum decem secundis 300 pedes sub aquis descendere, suberis, vel medullæ sambuceæ, aut vesicæ inflatæ; vel alicuius corporis ænei, aut alterius materiæ concaui reditus examinabitur, num videlicet temporibus æqualibus inæqualia spatia iuxta prædictos numeros impares percurrantur; vti continget, si primo tempore redierint ex profundo vnus perticæ, secundo tempore redeant ex 3 perticarum fundo, deinde ex 5, 7, 9, &c. perticis. Denique vbi suber ex 300 pedibus decem secundorum spatio redierit, illius deinceps openauta cognoscet quantæ sit profunditatis locus oceani propositus.

COROLLARIUM.

Non erit prorsus inutile si quis obseruet quantò tardiùs, aut velociùs corpora mole æqualia, & eiusdem figuræ, sed grauitate diuersa sub aquam descendant, & quantum augeatur velocitas ratione diuersarum figurarum, vel etiam quantò corpus idem secundum vnum, quàm alterum angulum, aut situm velociùs descendat; & quibus temporibus tam plumbum, quàm alia corpora grauiora aqua filo perpendiculari alligata suas hinc inde recursus peragant.

Ex obseruatione constat globulum argilaceum siccum tres sub aquam pedes spatio quinque secundorum cadere, cum globus plumbeus magnitudine æqualis tantundem vno secundo descendat, & funi pedis dodrantem longo appensum semel duntaxat moueri spatio vnus secundi; quemadmodum sesquisecondo, cum filo tripedati alligatur.

PROPOSITIO LIII.

*Fontes & puteos inuenire, & cisternas
construere.*

Quisquis rationem perscripserit, qua fontes aut putei locorum
vbiuis reperiantur, maximam ab omnibus gratiam inibit, quis
enim nescit quantæ pecuniarum summæ in aquis quærendis insu-
mantur?

Sunt qui ramum coryli vere, aut cùm iam auellanæ maturescunt,
sub quibusdam lunæ, vel aliorum cum sole planetarum aspectibus, &
horis bifurcatum abscindant, quem manibus detentum affirmant
circa terræ punctum, in quo fons inueniendus, conuerti, quantumuis
eo renitente qui corylum tenet: quod cùm in manibus plurium
non fiat, id illis solummodo contingere qui credunt id euenturum,
vt sit fides causa, vel conditio sine qua coryli circa terram inflexio
minimè contingat; ad quam fidem cùm nullus teneatur, eam-
que, vt asserunt, is habere non possit qui voluerit, illa superstitionem
redolere videtur, aut inuenta, vt falsitatis conuicti sub fidei tene-
bris experientiæ contrariæ vim eludant, quod probabilius videtur.

Iacobus Bessonius anno 1569 librum edidit, quo docet rationem
fontium, quos tellus occultat, inueniendorum; nempe signum fon-
tium, & aquarum ex quibusdam montibus circumstantibus proma-
nantium esse herbas aquatiles, saxa fusilia, vermes, & id genus alia, quæ
docent illic latere, & tellurem aperiendam.

Porrò fontium inuentio pendet ex iudicio diuersis obseruationibus
confirmato nec enim viso monte sequitur fontem aliquem in illius
decliuitate, seu vallo reperiundum, id enim sæpè fallit; quanquam &
eâ ratione satis frequenter reperiuntur fontes: quos etiam arte possis
efficere, si nempe loca quæuis terræ spongiosa, quibus pluiiæ sorben-
tur, argilla duraueris, fossæ siquidem creta, topho, & terris glutinosis
marginatæ, & inductæ retinebunt aquas, prius, si lubet, per mediam
arenam, perque saxa percolatas, quas per varios canales in diuersos
vsus deducas.

Omitto varios sapores & odores ab aquis sub terra degentibus con-
tractos occursum bituminum, mineralium & metallorum, & notas qui-
bus aquæ sanitati vtiles ab inutilibus, & noxiis dignoscuntur, de qui-
bus fusè prædictus autor, præter quem videndus Palissius, qui de va-

riis aquæ virtutibus, & de partibus aquæ fœcundæ lapidum productricibus differit.

Qui fontium origines iuxta varias Authorum sententias querit, adeat Lydium, Fromondum & alios: addo solum in eo doctiores convenire quod partim à pluviis in specubus, & aliis locis subterraneis asseruatis, partim ab aëre loca illa subterranea subingrediente, & in aqueos vapores conuerso, fontes oriundi sint, cumq; pluviæ tam ex oceano, quàm è fluminibus vapores exhalantibus oriantur, & ipsa flumina suam originem debeant fontibus, ea dici ex mari egredi, & in illud remeare, iuxta primum caput ecclesiastes vers. 7.

Optima igitur sententia fontium originem ad pluuias reuocat, quæ maxima ex parte surgunt ex mari, cumque percolantur, in terræ superficie sal fœcundum relinquunt, vi cuius crescunt omnia, semperque descendunt per terras spongiosas, donec occurrat argilla, quæ velut olla retineat aquam, quæ deinceps in fontem erumpat.

Quis enim credat aërem oceano incumbentem mare tanta vi premere, ut aquam ad montium vertices cogat ascendere: quod tamen dicendum videretur, si quis fons in montis alicuius inueniretur apice, quo nullus vicinus esset altior: sed nullum eiusmodi fontem inueniri certum arbitror: fontium autem inueniendorum nulla methodus generalis, nisi puteos ab occidente in orientem foderis, aut etiam versus alias mundi partes, quibus deprehendas in quam partem aquæ propendeant: inter puteos autem duo sufficiunt actus, quos Vitruuius inter illos puteos requirit, quibus aqua perfluens respiret, & quos Barbarus vocat æstuaria: actum definiunt 120 pedum; ubi verò putei aquam ostenderint, quæ nonnunquam ad 20 sexpedas sub terram deprimuntur, riuus subterranei ducendi, donec aqua ex puteis fluens ad hortos, & alia loca deriuetur. Cum autem non ad eò profundè fodiendum, & lachrymæ ad vnum aut alterum sub terra pedem inueniuntur, perdiscendæ sunt donec riuulus aliquis consuetur, qui cum aliis pluribus hinc inde sumptis fontem efficiant. Quæ ad fontium tubos siue fistulas attinent vide prop. 12.

Quod puteos spectat, quorum alij falsi sunt, ut in Lotharingia, alij dulces, eandem originem habere videntur, quamuis ob varios succos subterraneos falsedinem, & alias qualitates contrahant.

Illorum fodiendorum vulgarem modum omitto, ut qua ratione puteus Amsterodami perfoffus sit explicem, cum in eo plura notatu digna occurrant, quæ nobilissimo S. Michaëlis equiti, D. Hugenio debemus, quippe me docuit quæ sequuntur.

Primò, illum puteum ad 232 pedes fuisse perfoffum. Secundò, has

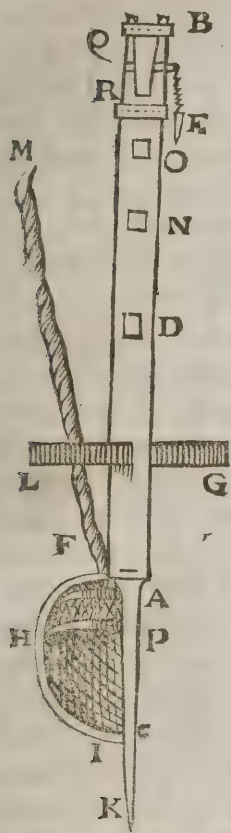
occurrifſe terræ ſpecies, hortenſis pedes 7; nigræ ad ignem nutriendum aptæ, quam vocant *Tourbe*, pedes 9: argillæ mollis 9: arenæ 8: terræ 4: argillæ 10: terræ 4: arenæ ſuper quæ ſolent domus Amſterodamenſes fiſtucari, pedes 10: argillæ 2: ſabulonis albi 4: ſiccæ terræ 5: turbidæ 1: arenæ 14: argillæ arenariæ 3: arenæ cum argilla mixtæ 5: arenæ marinis conchulis mixtæ 4: deinde poſt illos 99 pedes fundus argillæ 102 pedum ſequitur; denique ſabulo 31 pedum, ubi foſſio deſiſt, cuius altitudo turrium Amſterodamenſium faſtigium 32 pedibus ſuperavit.

Tertiò, hanc foſſionem terebra perfectam, quâ ſingulis diebus 3, 4, 12, &c. pedes cauant, prout mollior vel durior fundus occurrit.

Huius autem terebræ hæc eſt figura; A C dorſum craſſitudine pollicis, latitudine 3 pollicum; A H I ferrum ad dimidiæ circumferentiæ modum, cuius acies H I acuta, quippe quæ terram ſecare debet. Inter A H I rete continetur: huius autem ſemicirculi H I radius eſt 11 digitorum, ſeu deuncis pedis: cuius ope trahit qualibet vice foſſor terræ fruſtum latitudine 11, altitudine $2\frac{1}{2}$ digitorum, cum occurrit argilla pinguis, vix enim quarta ſui parte repletur, cum arenam mobilem completitur.

Eſt autem rete terebræ hoc artificio contextum, vt & ipſam arenam contineat ne labatur, cum & ipſa aqua vix effugiat. Cum autem nouem homines machinæ ſoleant adhiberi, & perticæ perticis continuò incaſtrandæ ſint vt ad fundum, quod vice qualibet, quâ terebra educitur, profundius euadit, applicatur terebræ funis F M, qui ſuper cylindro ligneo L G per oſputei tranſuerſo labitur, dum homines funem M trahunt, vt terebram retrahant.

Ligno tranſuerſo L G terebra vertitur & torquetur, cuius altitudo C A pedum $3\frac{1}{2}$: cumque baculus A E ſit 6 pedum, C E eſt pedum $9\frac{1}{2}$. Idemque de reliquis baculis iuxta ſequentes excauationes coniungendis exiſtimato. Lignum verò L G per quodlibet foramen D, N, O &c. traiecitur, vt ex qualibet altitudine terebra conuertatur. Supremo cuiuſlibet hexapedis baculi extremo fiſſura P Q R in-



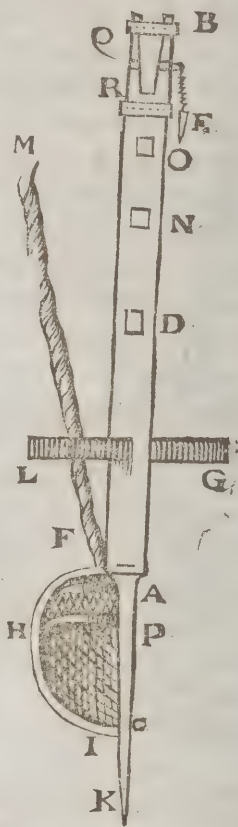
ditur, quæ circulis ferreis roboratur, vt alterius baculi extremum in illam fissuram immissum clauo ferreo E transfigatur, & omnes baculi similiter incastrati vnicum veluti baculum 232 pedum component, ad puteum hunc excauandum. Quanquam non est necessarium quemlibet baculum esse 6 pedum, cum 10, & 12, aut etiam plurium esse possint: qui cum quadrati sint, illorum latitudo est semissis pedis. Statim autem atque puteus excauatus est, cisterna, seu castellum, aut aliqua fossa paratur, ex qua Ctesibico instrumento tantundem aquæ tuos in vsu transferas, quantum necesse fuerit, vel scaturigo dederit.

Porro fieri potest vt arena mobilis ita restringatur, & terebram implicet, ac retineat, vt eam extrahere nequeas, vt Amsterodami contigit. Prædictum verò puteum spatio 32 dierum & 13 noctium excavarunt operarij; sæpèque numero ad 20 vel 30 pedes surgit aqua dum illi prandent. Sed ne parietes putei terrestres ruinam faciant, aqua implentur, quæ prædictos parietes anteridum instar sustineant.

Ad cisternas accedo, quæ non differunt à puteis, quòd nullam habeant scaturiginem præter pluuiam ex tectis acceptam, & colluciis ductam in cisternæ puteum, in quem desinunt varix fistulæ, quarum capita iunguntur inferioribus colluuiarum osculis. In Ægypto verò cisternæ suam aquam ex Nili inundationibus sumunt.

Aquæ verò pluuiali, priusquam fossa cisternarum ingrediatur, opponi debent cancelli ferrei, quibus sordes ab ingressu arceantur, deinde per arenam transcolari debet, vt fœcum reliquias deponat, & cum ad potum hauritur clara sit & pura.

Fossæ ad aquas excipiendas paratæ solum & parietes argillâ incrustari debent, nisi malis ex quadratis lapidibus cœmento, vel opere signino coagmentatis parietes construere. Taceo lumina cisternæ impertienda, & motum aquis inferendum, ne putrescant, & omnia artificia adhiberi solita, ne quem retrum odorem, vel saporem ingratum contrahant. Taceo similiter cisternarum profunditatem, atque magnitudinem, quæ necessarijs vsibus accommodanda, vt moneam sa,



bulonem seu arenam fluuiatilem, quâ Parisiensis hēmina vsquē ad labra impletur, esse pondo libræ $1\frac{1}{2}$, & aquæ, quâ prius implebatur hēmina libram aquæ continens, vncias $7\frac{1}{2}$ propemodum expellere, quod etiam arenæ Stapulensi contingit, cuius tamen grauitas vnciâ fluuiatilis grauitatem superat.

Ne verò quis decipiatur ex varijs sententijs, quarum aliæ volunt dolium arenæ duo aquæ dolia, aliæ tertiam dolij partem bibere, expertus sum heminam Stapulensis arenæ spatio diei vnus naturalis aquæ semisextarium bibere, qui cum arena simul heminâ continetur; quod & arenæ fluuiatili proximè contigit.

Vnde concludendum dimidium heminæ, etsi arenâ quoad sensum plenæ, aëre seu poris impleri, cum in illam arenam aquæ tantundem subingrediatur, quantum arenæ inerat, nec enim vllam in eo casu corporum penetrationem admittere debemus. Vbi notatu dignum cinneres vix maiorem aquæ molem admittere, atque adeo falsum esse integram aquæ, vel alterius liquoris heminam perinde in heminam cineribus oppletam ingredi, ac in heminam vacuam, quod in errores vulgi referendum.

PROPOSITIO LIV.

Quanto temporis spatio pluere debeat, vt data cisternæ fossa impleatur; vel etiam montes altissimi submergantur, vt in Noëtico diluuio.

CONSTAT ex observationibus nostris vas cubicum æneum horæ dimidiæ spatio ab imbribus ad sesquipollicem impleri: sed cum nil aquæ bibat, instar terræ, solum pollicem, seu digitum aqueæ altitudini tribuamus. Itaque puteus cisternæ hexapedam altus spatio 36 horarum, hoc est sesquidie replebitur, dummodo eadem vehementia toto illo tempore decidant imbres, alioqui si desinant, vel remittantur, ex tempore desitionis, vel remissionis gradu iudicandum erit.

Non est autem quod Lector quærat quam pluri magnitudinem, & vehementiam intelligam, quippe quam satis desinio, cum rotæ dimidiæ spatio vas quodlibet, in quod deciderit, ad pollicis altitudinem impleri, ac singulo sequenti semihorio altitudinem æqualiter crescere supponam. Vnde sequitur aquam super terræ superficiem pedibus 160, spatio 40 dierum & noctium in diluuio creuisse, si fue-

runt umbres perpetui nostris æquales; cūmq; Montes Armeniæ, & alij plures hanc altitudinem longè superent, & ad integram ad minimum leucam horizonti superextent, imbribus longè vehementioribus pluuisse oportuit, quandoquidem diluuij pluuiæ nonaginta tribus vicibus maior esse debuit, vt spatio 40 dierum & noctium 15 aque cubitis Armeniæ montes, super quibus arca quieuisse dicitur, obtegeret, si hæc altitudo leucæ nostræ par extiterit. Quæ quidem pluuiæ rectè in cœli cataractas, seu fenestras apertas vt in causas reducitur, cū à nostris pluuiis effectus adeo illustris vix oriri posse videatur, nisi dixerimus ipsas nubes veluti torrentes cecidisse, & nouas subinde 40 dierum spatio, quæ successiuè caderent, formatas fuisse, quanquam neque id absque miraculo, vt stupenda crimina stupendo diluuiio iustus Iudex vindicaret.

MONITVM PRIMVM.

Longè plura me omisisse quàm quæ dixerim ad aquas pertinentia probè noui, verbi gratia quantæ sit altitudinis aqua oceani, quam in plerisque locis mille orgyas superare dicunt, eoque profundiorē quò magis ad medium oceani acceditur; quòd nempe maris fossa sit eiusedē cum summis montibus altitudinis: qua de re videatur Brereuordus lib. de idiomatum & Religionum diuersitate cap. 13. vbi obseruat Heluetiorum, & Rhetiorum terras, (vnde manant Danubius currens versus orientem, Rhenus versus Septentrionem, Rhodanus versus occidentem) Europæ totius altiores esse, quæ tantum ab oceano distant, quanta est illorum fluuiorum decliuitas, quapropter si quibuscumque hexapedis millenis vnus hexapedæ decliuitatem tribueris, fluuij quingentarum leucarum decliuitas in perpendiculari numerata erit leucæ dimidiæ.

Deinde quæ sit fluxus refluxusque marini causa, num quædam terræ respiratio, an terræ, lunæque motus; de quibus tam Galilæus quàm eius aduersarij consulantur, quandoquidem ea præsertim afferre mihi fuit animus quæ certis experimentis comprobauit.

Omitto motus perpetuos, aquæ beneficio tam à P. Bettino prop. 13. apiarij 4. progymn. 1. quàm à P. Kirkerō propositos, & artificia plurima quæ tam hîc, quàm in alijs plerisque locis, siue ad vtilitatem siue ad voluptatem, exercentur.

MONITVM II.

CVM non desint qui dicant esse quasdam aquas, quæ propter duritiem aliquam innatam, vel accidentalem corpora grauiora gestent quàm aliæ minus duræ, licet æquè graues; cùmque doceat experientia tam aurum in aqua regia solutum, quàm Mercurium in aqua forti natare, contra legem, quæ docet liquida grauiora in leuiora iniecta fundum petere, magnum fuerit operæpretium illius aquæ durioris experimentum facere, causamque natationis tam auri quàm aliorum metallorū in aquis compositis inuenire: cùm enim olea, vt vt liquida, fundum aque petant quâ sunt grauiora, cur aurum factum liquidum non petit fundū aquæ? Scio quosdam istiusmodi natatum in motus diuersos referre tam aquarum fortium, & regalium, quam metallorum, quæ in illis dissoluuntur; qui motus si phænomeni istius sint causæ, tamdiu eos durare necessum est, quamdiu metalla natant, id est semper, donec oleo tartari, vel alia ratione præcipitentur.

Simile quidpiam vino aquæ mixtæ contingit, cùm enim aqua fundum petere deberet, vtpote vino grauior, innatat, neque potest sine artificio ad fundum præcipitari: fortè quòd auri, mercurij, argenti, aquæ, &c. particulæ adeo minutæ sint, vt ob superficiei magnitudinem & soliditatis exiguitatem vi careant ad liquida diuidenda necessaria quantumuis leuiora, vt in aquæ guttululis in vaporem abeuntibus & in aëre aquâ leuiori natantibus obseruatur.

Porro qui credunt aurum idem esse cum aqua regali, quamdiu simul miscentur, penitus aberrant, vt enim anima totum corpus informans, ac veluti penetrans ab eo tamen distinguitur, ita liquor vnus ab alio, quacūque tandem ratione misceantur, longèque magis aurum, & aliud, quoduis metallum vtcūque fusum, & solutum; cuius forsàn particulæ hamulis, & vncinulis aquarum compositarum retinentur, ne fundum petant.

MONITVM III.

QVæcūque de Ctesibicis organis, siphonibus & istiusmodi hydraulicis dicta sunt, ita debent intelligi vt semper aëris, & aquæ ratio seruetur, illius enim condensatio, atque rarefactio multa potest inturbare, fortèque nonnihil condensationis aqua ipsa patitur.

Porro cùm diximus aquam sibi relictam, & tubo, vel siphone clausam semper ex vtrâque parte eiusdem esse altitudinis, id intelligen-

dum quamdiu sibi continua est, si enim aëre intermedio illius continui interruptatur, tum aqua poterit ex vna parte altior, & ex altera depressior manere, vt sæpè contingit ob aëris globulos intermixtos. Sunt autem qui affirmant se artificia reperisse, quibus aqua seipsam moueat, fiatque motus perpetuus; quod si absque perpetua caloris tam diu quam noctu vicissitudine, (quàm video suppositam in motu perpetuo Romæ, anno 1640. proposito) vel alia causa naturali perpetuitatis radice velint, frustra sunt, nisi naturæ ipsius, & totius mechanicæ leges mutauerint; illisque similes existimo, qui cùm paucis diebus Geometriæ Practicæ studuerint, tempus perdunt in quærenda circuli quadratura, vel cubi per plana duplicatione, quæ spernunt magni Geometriæ: vel Chymicis, quos incredibili æstro percitos in projectionis puluere, vel lapide philosophico perquirendo, promittendoque, quorum sermones *ἡλαζονικὸς, καὶ νομπικὸς* vehementer admireris.

MONITVM IV.

Qui cochleam Archimedæam, quâ transferuntur aquæ, non intelligit, adeat 15. prop. Tractatus sequentis, quæ illam explicat; & qui scire cupit quam figuram debeant induere naues vt tutò, velocitèrque natent, experiatur in tot generum nauigijs, quæ sulcant oceanum, nec quidpiam requirat vltèriùs. Norunt enim fabri, & alij artifices eo difficiliùs nauem inclinari, & euerti, quo suæ grauitatis centrum fundo propius, & ab oris remotius habuerit, dummodo æquè distet ab iisdem oris, & extremis. Quò verò magè naues ad figuram sphæricam accedunt, eò sunt capaciores, faciliùsque in omnes partes ad pugnam vertuntur, quanquam elliptica figura videtur commodior, quandoquidem prora desinere debet in acumen vt aquam scindat. Oui secundum axem bifariam secti figura docet optimi nauigij constructionem, huius enim semisphæroïdis extremum obtusius puppem, acutius proram refert: Omitto figuram cylindricam, prismaticam, & alias; necnon pondus saburræ, &c. de quibus consulatur accurata R. P. Fournieri Hydrographia.

Operæ verò pretium fuerit istius libri Præfationem perlegisse, quæ multa complectitur non minus iucunda quàm vtilia, tum vt in antris, & hortis salientes describant figuras omnifarias, tum vt verbi diuini præcones hauriant vnde postea suos auditores potent ineffabili torrente volutatis.

A R S
NAVIGANDI

SVPER, ET SVB AQVIS,

Cum Tractatu de Magnete,

E T

Harmoniæ Theoreticæ, Practicæ,
& Instrumentalis.

LIBRI QVATVOR.



PARISIIS,

Sumptibus ANTONII BERTIER, viâ
Iacobæa, sub signo Fortunæ.

M. DC. XLIV.

CVM PRIVILEGIO REGIS.

2. R. A.

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

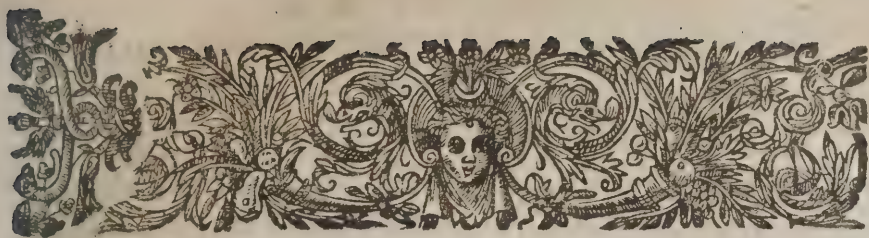
1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100

1000 100 100 100 100



ILLVSTRISSIMO
AC REVERENDISSIMO IN CHRISTO
Patri , & Domino D.
STEPHANO DE PVGET
EPISCOPO MASSILIENSI,
& Regi à Consiliis.

F. MARINVS MERSENNVS S. P. D.

CVM è multis Tractatibus à me nuper editis ille Temagis afficiat , Antistes Illustrissime , qui Nauigationis artem nouo genere nauium amplificat , quo sub aquis vtcunque profundis integrum telluris ambitum quisque percurrat , sitque Tibi parandum iter Histiodromaticum , quo peruenias ad tuam Ecclesiam Massiliensem , hoc Opusculum de Nauigatione tuo nomini consecrandum arbitratus , aliud ei coniunctum volui, quod non absque noua voluptate, & vtilitate perleges, Opus Harmonicum, quo sonorum omnium, atque concentuum Mensuram, Numerum & Pondus in synopsis contraximus.

Quid enim vtilius esse possit Nauclero, qualis est Episcopus, quàm vt generosè confirmet se aduersus ventorum turbines, ingentes fluctus, & naufragas procellas vndeque aspirantis malitiæ, vt sit via prædux ad portum vsque diuinæ voluntatis, omnibus qui vndisonis tempestatum fluctibus agitantur, vt præclare S. Antiochus homilia cxi. Quid iucundius Antistiti, cui ἀξιονόματον ἀρεσβυτίειον, Deo dignum συνήρμοσται, vt chordæ citharæ, Ignatio martyre illud docente, quàm vt omnifariam totius Harmoniæ scientiam exhauriat, ad cuius ideam suas oues τῇ ὁμονίᾳ συμφώνῳ ἀγάπῃ in eundem chorum admittat, & colligat, cuius ipse Christus sit ἀρχηγὸς καὶ φύλαξ; ad cuius laudes perpetuò celebrandas Massiliensis Ecclesia modis omnibus vtatur, & assurgat.

Neque verò Tibi formidandum est, Præsul eximie, si te huic committas pelago, tuumque ouile consiliis, ac præceptis optimis regendum suscipias, cum virtutibus, quas in Episcopo requirit Apostolus, ita prorsus assueueris, easque tam intimè indueris, vt illarum consuetudo perpetua in naturam conuersa fuisse videatur.

Scio equidem Episcopum, iuxta S. Antiochi mentem, ὅλον ὄν, καὶ ὀφθαλμὸν, totum oculum & mentem esse oportere; qui velut Dei Patris typus, seu martyr Ignatij idiomate, τῷ πατρὸς τῶν ὅλων ὑπάρχει. Quid enim, inquit, aliud est Episcopus, quàm is qui omni principatu, & potestate superior est, & quoad licet, Christi Dei pro viribus imitator?

Notum est etiam, ex Augustino, Episcopum eo debere animo affici, vt prodesse, quàm præesse malit; cuius otium sanctum quærat caritas veritatis, & negotium iustum suscipiat necessitas caritatis: quam

sarcinam quoties nullus imposuerit, percipiendæ, & intuendæ vacandum sit veritati; cùmque impo-
netur, suscipiendam esse propter caritatis necessi-
tatem.

Verumenimverò cùm Te nouerim veritatis de-
lectatione ita capi, vt neque illius subtrahatur
suauitas, neque tamen illa necessitas opprimatur;
sciâsque Prælatos in Ecclesia fungi legatione po-
puli ad Deum vt obsecrent, vel legatione Dei ad
populum vt iubeant, sacrum Hierarcham optimi
Cleri, plebisque ab omnibus retrò sæculis Catholicæ
Te fuisse constitutum bonus omnis gaudere debet,
pro cuius anima sis continuò vigilaturus, vt pote
qui sis Deo rationem de singulis redditurus.

Porro cùm generosus ille Martyr Ignatius doceat
à populo nil absque Episcopo suscipiendum, alio-
quin *παράνομον, ἔθεός ἐχθρόν* futurum; & qui ei suc-
cinit S. Antiochus, homilia cxxiv, contendat eum
qui clam Episcopo quidpiam aggreditur, cultum
diabolo exhibere, *ὁ λάθρα ἑπισκόπου. π. παράσων, τῷ διαβόλῳ
λατρεῖν*, tuum populum verbis prædicti martyris hor-
tari placet. Reueremini Episcopum vestrum sicut
Christum, quemadmodum beati nobis præceperunt
Apostoli; illius enim *τό κατήχημα, μεγάλη μαθητεία, ἡ δὲ
πράξις, δύναμις, ἣν λογίζομαι καὶ τὸς ἀθέους ἐκτρέπεται*; cuius
animi modestia, magna cæterorum disciplina est;
mansuetudo verò, virtus est, quam & impios reue-
reri existimem.

Tantò verò libentiùs quisque tuis consiliis morem
geret, quantò maiorem perspexerit tuam esse salutis
illius firim, & curam; quam adeò præ oculis Te ha-
bere existimem, nullus vt sit Massiliensis, qui si tua

sequatur monita & exempla, non ad æternæ gloriæ beatissimum portum appellat. Hoc enim tuum est Certamen, tua Nauigatio, tuus Concentus, tua Gloria atque Corona, tuas vt oues immaculatas Christo Domino repræsentes.

Alij longissimam nobilium atauorum seriem vndecunque repetant, Tu qui nec ex αἱμάτων, neque ex θελήματος σαρκός, vel ἀνδρός, sed ex Deo natus, alios etiam Christo debes inferere, solam Dei gloriam, tuique populi vtilitatem mente geras; & qui plures Melitenses Equites, eorumque etiam supremam dignitatem, & ingentem nobilium cognatorum cohortem tam in Prouincia, quàm in aliis plerisque locis numerare posses, hoc vnum Tibi numerandum existima, quot animas à peccato eripueris, quotque Deo reddideris.

Iam verò gaudeant Massilienses, qui Pastorem ἀντίληπτον, diuinâ prouidentiâ consecuti sunt; quâ dictione πᾶσαν ἀρετὴν Chrysostomus intelligit; quòd nempe deceat eum qui regendis aliis præficitur, tantâ virtutis gloriâ excellere, vt sit πάντος λαμψήρος λαμπρότερος; cæterosque veluti stellarum igniculos suo fulgore obscurer.

Gaudeant qui Pontificem νηφελιον, σόφρονα, κόμιον, & φιλοξενον accepturi sunt, quem omnes Galliæ totius Episcopi ob omnium virtutum chorum diligunt, amplectuntur, venerantur; suspiciantque filij, διδασκαλον, Ecclesiæ Patrem, qui tria verba vix edat, quæ veterum Ecclesiæ Orthodoxæ procerum non condiat, & illustret.

O beatum populum, qui diuino munere, summi Pontificis gratiâ, Regiâque beneuolentiâ sortitus es

ΕΠΙΣΤΟΛΑ.

Episcopum, qui vestri curam adeo paternam gerat, & penultimo sanctitate apud vos celebri succenturiat, vósque sacris καθαριῶσι ad Christianæ πλετῆς ὁδόν, ἐποπτείας, ἀγαπὴν, ἀναδεῖσιν & στεμματῶν ἐπαύξει, aliáque diuina mysteria præparet. Nunc ergo Massilienses, lætitiæ dies agite, Deóque præpotenti gratiis immensis ritè peractis, Antistiti vestro ΠΟΛΥΧΡΟΝΙΖΕΤΕ.

THE UNIVERSITY OF CHICAGO
LIBRARY
1215 EAST 58TH STREET
CHICAGO, ILL. 60637
TEL. 733-4331

THE UNIVERSITY OF CHICAGO
LIBRARY
1215 EAST 58TH STREET
CHICAGO, ILL. 60637
TEL. 733-4331

THE UNIVERSITY OF CHICAGO
LIBRARY
1215 EAST 58TH STREET
CHICAGO, ILL. 60637
TEL. 733-4331



ARS NAVIGANDI HYDROSTATICÆ, LIBER PRIMVS.

CVM amici quidam desiderarint Hydraulicis addi Phænomenis, quæ spectant Nauigationem, quòd iam de iis quæ innant humido multa satis dixissem; Tractatum Hydrostaticum prius Mathematicæ Synopses duobus Mechanicorum libris additum, huc reuocandum arbitratus, librum primum sequentis de Nauigatione Tractatus constituo; quem sequetur Histiodomia, quâ breuiter complectemur nauium architecturam; artem Nauigandi, nauticæ pixidis, & magnetis vsum & proprietates, vrinatoriam, & alia quæ nauigationi seruiunt.

Supponimus aquæ centrum idem esse cum terræ centro; eamque propterea semper descensuram, donec illud occurrat, vbi libera fuerit: neque iam inquirimus quibus ex partibus texatur, siue componatur, an ex atomis rotundis & mobilibus, an ex conicis, aut cylindricis; vel etiam sale, sulphure, & mercurio; quantumque habeat ex istis principiis; illud enim Philosophis Democriticis, vt istud Chymicis soluendum permittimus: cùmque in editione prima Hydrostaticæ grauitatem aëris nondum inuenissemus, & quæ sit illius cum aqua, cæterisque grauib; comparatio, id ex Hydraulicis nostris adiici poterit. Iam verò quæ vel Stevinus, vel obseruationes nostræ docuerint, consideremus.

DEFINITIONES XI.

- I. Nota grauitas est, cuius nota magnitudo cognitâ ponderitate exprimitur.
- II. Materiâ æquiponderantia corpora sunt, quæ in aëre magnitudine & ponderitate æquantur.
- III. Materia ponderosius corpus est, quod magnitudine æqualibus præponderat.

- I V. Materia leuius corpus quod æqualibus magnitudine pōdere cedit.
 V. Æqualium magnitudine corporum pondere maius, materia est ponderosiore.
 VI. Solidum corpus est, cuius materia non est fluxa, quodque nec aqua, nec aër penetrat.
 VII. Vas superficiarium est superficies corporis ab eo cogitatione separabilis.
 VIII. Fundum est superficies quævis, qua subnixa est aqua.
 IX. Regulare fundum est planum omni diametro bisectione.
 X. Inane est locus corporis expers, quale futurum si ex cubiculo totus aër, & quidquid aliud est corporeum, auferatur, nullo corpore intra cubiculum succedente.
 XI. Vacuum, in quo aër, aut corpus aliud nobis insensibile duntaxat inest.

Postulata septem.

1. Ponderitatem corporum in aëre appellari propriè, in aqua verò secundum hypothesein.
2. Aquam propositam omnibus partibus esse ponderitatis homogeneæ. *Neque enim iam observationes discutio, qua videntur arguere aquam in fundo maris esse, quam in superficie, grauiorem: qua de re postea.*
3. Pondus à quo vas minus altè deprimitur, leuius: quò altius, grauius: cum æquè altè, æquipondium esse.
4. Vas superficiarium aquam, vel aliam materiam continente, vt ipsam nec frangatur, nec flectatur.
5. Vas superficiarium effusâ aqua vacuum esse.
6. Cuiusvis aquæ summam superficiem, planam, & horizonti parallelam esse.
7. Rectas connectentes aqueæ columnæ summæ, imæque hedræ horizontali parallelæ puncta similiter posita, & infinitum continuatas, in mundi centro concurrere: ipsasque hedras mundanæ superficiiei esse partes.

PROPOSITIONES

I.

Aqua data datam sibi intra aquam locum seruat; alioqui daretur motus perpetuus.

II.

Solidum corpus materia leuiore quàm sit aqua, non omnino mergi-

tur, sed eminet aliqua sui parte.

III.

Corpus solidum materiæ ponderosioris quàm aqua, ad fundum usque demergitur.

IV.

Corpus solidum materiæ aquæ æquiponderante datum in aqua locum seruat.

V.

Corpus solidum materiæ leuioris quàm aqua, cui innatat, ponderitate æquale est tantæ aqueæ moli, quanta sui parte demergitur. Vnde fit vt corpore solido, sui parte notæ magnitudinis in aquam cognitæ ponderitatis immerso, totius solidi pondus inueniri possit. Exempli gratia, si pars nauis immersa sit 10000 pedum cubicorum, & pes aquæ cubus sit 70 librarum, hi duo numeri ductu vnus in alterum dabunt libras 700000 pro pondere quæsito totius nauis: idemque dicendum de reliquis ponderibus.

VI.

In aquis ponderitatis heterogeneæ erit vt ponderitas materiæ aquæ ponderosioris ad ponderitatem materiæ aquæ leuioris, ita pars corporis solidi in aquam materiæ leuioris immersa, ad partem solidi eiusdem in aqua grauiore demersam.

VII.

Corpus solidum in aqua leuius est quàm in aëre, pondere aquæ magnitudine sibi æqualis. Quare data corporis solidi grauitate, eiusque materiæ ponderitatis ratione ad ponderitatem aqueam, eiusdem in aqua situs grauitas inueniri potest. Exempli causa, ponderitas solidi sit quadrupla ponderitatis aquæ, sitque solidum duodecim librarum, aqua eiusdem magnitudinis erit trium librarum; quibus è duodecim ablati, nouem supersunt pro pondere solidi in aqua siti. At verò de ponderandis in aqua corporibus postea.

VIII.

Aquæ fundo horizontali parallelo tantum insidet pondus, quantum est aqueæ columnæ, cuius basis fundo, altitudo perpendiculari ab aqueæ superficie summa ad imam demissæ æqualis sit, *vel*. Aquæ fundo in superficie mundanæ constituto, insidet pondus æquipondium aquæ, cuius magnitudo sit æqualis segmento sphæræ comprehensæ à fundo, & mundana superficie, per aquæ summitatem eduçtæ, quæ coniungat superficies inter ipsa interiecta, descripta linea infinita in mundi centro fixa, & circa fundi ambitum obuoluta.

IX.

Prædicta propositio videtur mirabilis, cum ex ea sequatur libram aquæ super fundum cuiuscunque vasis, tantum, quantum mille libras, imo quantum Oceanum integrum, grauitare. Si enim Oceanus vase includatur, & aquæ libra vas impleat aliud, æquale fundum habens fundo vasis præcedentis, tubum verò circa basim affixum tam angustum, vt totum vas vnica aquæ libram capiat, cuius altitudo æqualis sit altitudini vasis Oceanum concludentis, aquæ libra, sui tubi fundum æquè premet, ac suum Oceanus.

Vnde sequitur, quod in solidis corporibus diuersa ponderis à centro libræ, vel à vectis hypomochlio distantia facit, idem præstare diuersam tuborum, & fundorum magnitudinem in corporibus fluidis; vt enim quò remotius est pondus à centro libræ, eò celerius mouetur, ita velocius mouetur aqua, quò magis à sui tubi summitate discedit, hoc est quò, propter tubum, sit altior. Et vt pondera, licet inæqualia, in bilancibus hinc inde posita, ob varias lancium à centro distantias, ita aquæ, licet inæquales, ob diuersam vasorum dispositionem, æquiponderare possunt. Petatur aquarum diuersæ altitudinis velocitas ex Hydraulicis nostris, in quibus discrimen explicatur distantiarum à centro libræ, & aquearum altitudinum.

XI.

Mutatio granitatis eiusdem aquæ iuxta varios situs quos habet ex tuborum, & vasorum latitudine, & altitudine diuersis, ex eo petenda quòd aquæ mutetur celeritas, fiatque minor aut maior pro tubi altitudine: Vnde fit vt qui baculum in Oceanum voluerit immergere, si mare supponatur ita vase concludi, vt quemadmodum fundo continetur ne effluat, ita desuper operculo prematur, vel impediatur ne ascendat, non possit, nisi tantam vim habuerit, quæ toties baculi grauitatem contineat, quot erunt in toto Oceano bases æquales baculi basi.

XII.

Igitur si baculus pertingentis ad stellas, immergeretur in vas prædictum per foramen aliquod operculi, tanta vi premeretur operculum ab aqua inferiori, quanta ex superiori parte, si cylindrus ligneus eiusdem cum baculo altitudinis, eiusdemque cum vase, quo mare continetur, latitudinis, super operculum collocaretur. Insuper ille baculus æquè premeret latera vasis, ac prædictus cylindrus, quia in quouis foramine, tam in lateribus quàm in fundo, & operculo, tanta vis esset necessaria, ad fluxum aquæ impediendum, quantum esset cylindri pondus. Quod si minimè fieret, sed aqua totius maris fundum vel operculum magis premeret, quàm aquæ libra, vt prius, disposita, daretur motus perpe-

teus, hoc est aqua è tubo in tubum perpetuò fluere.

XIII.

Idèò vis retinens aquam, ne fluat ex superiore vel inferiore parte per quouis foramina, esse tanta debet quantum cylindri pondus, cuius basis æqualis basi vasis, altitudo verò baculi altitudini, quòd pars quælibet aquæ, æqualis altitudini baculi suprapositi moueri possit motu æquali motui baculi: quidquid enim vni aquæ parti, hoc & alteri conuenit, cum seruant eundem situm, eandemque omnino dispositionem. Quòd si aqua congeletur, non ampliùs habebit rationem celeritatis & motuum, de quibus antea.

Aduerte tamen nos in bilancibus, vel manibus non totum illud vasis pondus sentire, quo fundum premitur: vt neque totum libræ pondus percipimus quod è variis à centro distantis oritur, quamuis totam libram sustinemus. Quia verò terra est fundum maris, si in vnico terræ hemisphærio statuatur, ita vt mare solâ digiti altitudine supra fundum prædictum eleuetur, tubus verò angustissimus ad quamcumque altitudinem erectus reliquum mare contineat, vi talis ponderis aqua descensura est: definieturque quantum descensura sit, datis terræ, atque maris tam magnitudinibus quàm ponderibus, dataque vasis & tubi latitudinibus & altitudinibus; semper enim descendet, donec centrum grauitatis istius molis ex terra, aqua, vaseque conflatis, vniuersi centro cotiniatur.

XIV.

Si fundi regularis punctum altissimum in aquæ summa superficie consistat, insidens ipsi pondus æquatur semissi aquei cylindri, cuius basis fundo, altitudo autem perpendiculari, à summo fundi puncto in planum per eiusdem imum punctum horizonti æquidistanter eductum, demissi æqualis sit, *vel*.

Si fundi regularis supremum punctum sit in summa aquæ superficie: pondus ipsi insidens æquatur cylindro ligneo, cuius basis sit huic fundo æqualis, altitudo semissi perpendicularis, à fundi summo in planum, per imum eius punctum horizonti æquidistanter eductum, demisso.

XV.

Si fundi regularis supremum punctum infra summam aquæ superficiem delitescat, pondus ipsi insidens æquatur columnæ aquæ, cuius basis thuc fundo, altitudo perpendiculari ab aquæ summo in planum per summum fundi punctum horizonti parallelum, demissæ; atque insuper semissi perpendicularis inde in alterum planum per imum fundi punctum, horizonti parallelum, continuatæ. Potest autem inueniri

aquea moles ponderi fundo plano formæ contingentis insidenti æqualis.

XVI.

Si duo parallelogramma æqualis latitudinis ab aquæ summa superficie deorsum æquali altitudine abdantur, ipsorum longitudines pressibus proportionales erunt.

XVII.

Si parallelogrammum ad horizontem inclinatum, cuius supremum latus in aquæ superficie summa consistat, duæ perpendiculares, altera in latus imum, altera in planum per imum latus horizonti parallelum notæ sint, aquæ ipsi insidentis pondus: si præterea pondus ipsi insidens cognoscitur, summum eiusdem latus: si denique illud supremum latus cum prædicto pondere nota sint; reliqua perpendicularis à latere summo in imum demissa inuenietur.

XVIII.

Si parallelogrammum ad horizontem inclinatum recta supremum eius latus, in summa aquæ superficie consistens, & imum sibi oppositum bifecet, hæc à pressus grauitatis centro ita diuiditur, vt pars summa reliquæ dupla sit.

XIX.

Si parallelogrammum ad horizontem inclinatum summum latus horizonti parallelum intra aquam abditum recta, & ipsum & latus oppositum bifecet: pressus grauitatis centrum in ista fundo collecti partem dictæ rectæ inter sui semissem & trientem inferiorem interiectam ita secat, vt pars trienti inferiori vicina sit ad reliquum, quemadmodum perpendicularis à supero fundi latere vsque ad aquæ superficiem summam, ad semissem perpendicularis indidem demissæ in planum per imum latus horizontis parallelum.

XX.

Dati fundi plani rectilinei pressus grauitatis centrum inueniri potest. Data etiam aqua, vel alio humido ponderitatis homogeneæ, magnitudinis ignotæ, grauitatis verò notæ, magnitudo ex sua propria ponderitate reperitur. Exempli gratia, si pes cubicus aquæ sit 65 librarum, & aqua lagenam implens, quinque librarum, huius aquæ magnitudo erit $\frac{1}{13}$ pedis cubici, cum eadem ratio magnitudinis aquæ lagenæ contentæ ad pedem aquæ cubicum, quæ ponderitatis eiusdem aquæ lagenæ contentæ ad ponderitatem pedis cubici aquei: est autem illa ratio subtredecupla.

XXI.

Duorum corporum magnitudinis, & ponderitatis materiæ datis in-

ter se rationibus, cum pondere alterius, reliqui quoque pondus inueniri potest: nam magnitudinis ratione sublata à ratione ponderitatis, relinquitur materiæ ponderitatis ratio; & materiæ ponderitatis ratione dempta à ratione ponderitatis, relinquitur magnitudinis ratio: denique materiæ ponderitatis ratione addita rationi magnitudinis, ratio ponderitatis existit.

XXII.

Datis igitur prædictarum rationum terminis, sextus ita reperietur: sit maius corpus A pendens 6 libras, 5 pedum: minus verò B 2 pedum, sed ponderis ignoti: ratio verò ponderitatis materiæ A ad B, sit vt 4 ad 7: quam adde rationi magnitudinum, unde ratio 10 ad 7 orietur quæ demonstrabit pondus A esse ad pondus B, vt 10 ad 7. Cùm igitur pondus A 6 libras pendeat, ex hypothesi, si fiat vt 10 ad 7, ita 6 ad aliud, exurgent 4 $\frac{1}{2}$ libræ pro pondere B. Cuius si magnitudo nesciatur, aufrenda ponderitatis ratio de ponderis ratione, vt relinquatur ratio magnitudinis, reperieturque A magnitudo ad B magnitudinem esse vt 5 ad 2.

Denique si nesciatur materiæ ponderitatis ratio, subducenda est ratio magnitudinis de ratione ponderitatis, vt reliqua materiæ ponderitatis ratio sit vt 4 ad 7.

Vt autem ea quæ ad ponderantium in aqua & aëre corporum rationem attinent, absoluiamus, libet hic subiungere quæ Gethalaus in Archimede Promoto demonstrauit, nec enim ingratum erit si quedam ex prædictis tam in Archimede, quàm in Hydraulicis repetantur.

XXIII.

Si duorum grauium corporum eiusdem generis, alterum alterius fuerit multiplex, quotuplex maius fuerit minoris, totuplex erit maioris grauitas, grauitas minoris.

XXIV.

Corpora grauiam eiusdem materiæ magnitudine commensurabilia, vel incommensurabilia, eandem in grauitate rationem habent quàm in magnitudine.

XXV.

Si quatuor corporum grauium primum ad secundum eandem in magnitudine rationem habeat, quàm tertium ad quartum: primum autem & secundum sint eiusdem generis, itidem tertium & quartum: & in grauitate primum ad secundum eandem rationem habebit quàm tertium ad quartum.

XXVI.

Solida corpora liquido grauiora demissa in liquidum ferentur deor-

sum donec descendant, & erunt in liquido tanto leuiora, quanta est grauitas liquidi magnitudinem habentis solido corpori æqualem: quod ab Archimede demonstratum.

XXVII.

Si quatuor grauium primum & secundum fuerint magnitudine æqualia, tertium verò & quartum æquè grauia, fuerint autem primum & tertium eiusdem generis, itidem secundum & quartum; erit vt grauitas corporis primi ad grauitatem secundi, ita grauitas liquidi æqualis magnitudine corpori quarto, ad grauitatem liquidi tertio corpori æqualis.

XXVIII.

Si quatuor grauium primum & secundum fuerint magnitudine æqualia, tertium verò & quartum æquè grauia, fuerint autem primum & tertium eiusdem generis, itidem secundum & quartum; primum ad secundum eandem in grauitate rationem habebit quam habet in magnitudine quartum ad tertium.

XXIX.

Propositis duobus corporibus magnitudine æqualibus, vno solido, altero liquido, data solidi grauitate, liquidi grauitas facillè reperitur. Sit, verbi causa, plumbum, cuius grauitas sit 23, grauitas aquæ magnitudinem habentis æqualem proposito plumbo, in quo plumbum grauitatem habeat 20, erit 2. Eodemque modo liquidorum omnium grauitas inuenietur si corpus solidum sit grauius liquido. Si verò corpus solidum, vt plumbum, tantæ sit magnitudinis, vt in aqua ponderari nequeat, cognita aliquâ parte plumbi, reliquum plumbi pondus per regulam proportionis inuenietur. Exempli gratia, plumbum 2300 librarum: cum enim iam dictum fuerit plumbum vt 23 respondere aquæ vt 2, fiat vt 23 ad 2, ita 2300 ad alium numerum, nempe 100, qui docet aquam plumbo æqualem esse 200 librarum.

XXX.

Data corporis liquidi grauitate, facillè cognoscitur grauitas solidi corporis ei æqualis: verbi causa, sit data moles aquea 100 librarum, inuenietur quanto sit grauior æqualis massa plumbi, si enim fiat vt prædictum pondus aquæ 100 ad plumbi pondus 23, ita centum ad alium numerum, prodibit 1150; & ita de reliquis corporibus.

XXXI.

Quando corpus solidum fuerit aqua leuius, vt ceræ contingit, illius grauitas nota fiet, si ei iungatur aliud corpus solidum aqua grauius, vt plumbum, cuius grauitas in aëre 23, in aqua 21; & aqua ei æqualis magnitudine, ponderis est 2. Itaque si cera sit 21, & plumbum vt 23; iuncta facient 44, quæ si ponderentur in aqua, illorum grauitas erit 20, qui

qui superatur à 44, numero 24, erit igitur aqua illis æqualis 24 librarum, è quibus deme 2 pro m. l: æquali plumbo, reliquum dabit 21 pro ceræ grauitate.

XXXII

Data solidi corporis magnitudine datur etiam liquidi magnitudo, si ambo æquiponderent: vt si plumbi magnitudo sit vt 10, nota erit aquæ magnitudo æquiponderans: si enim sumatur notum plumbum 23 librarum, & nota aqua ei æqualis 2, fiatque vt 23 ad 2, ita 10 ad alium numerum exurget 11, pro aquæ magnitudine plumbo æquiponderantis. Vide Gethaldi Tabulas duodecim corporum grauitatem exhibentes 47. prop. Hydraul. superest vnica prop. in gratiam ponderis coronæ ab Archimede inuenti.

XXXIII.

Si trium corporum æquè grauium primum & tertium fuerint generis diuersi, secundi autem portio fuerit eiusdem generis cum corpore primo, reliqua vero eiusdem generis cum corpore tertio, fuerint etiam tres quantitates aquæ prædictis corporibus æquales, prima videlicet corpori primo, secunda secundo, & tertia tertio, erit vt differentia grauitatum primæ, & secundæ quantitatis aquæ ad grauitatem corporis secundi; ita differentia grauitatum primæ & secundæ quantitatis aquæ ad grauitatem portionis corporis secundi, quæ est eiusdem generis cum corpore tertio. Et ita differentia grauitatum secundæ & tertiæ quantitatis aquæ ad grauitatem portionis eiusdem corporis cum corpore primo.

LIBER SECVNDVS.

DE NAVIGATIONE,

SEK HISTIODROMIA.

NON omnia persequi animus est quæ Nonnius, Snellius, Fournierus, & Morisetus de re nauali dixerunt; quorum duo postremi, hic orbe suo maritimo, ille vero in sua Hydrographia præclare docuerunt quæ vel necessaria, vel etiam rara, & curiosa: sufficitque si ex observationibus quædam supponantur: primum, nauis dolium esse 2000 librarum; esseque naues paucas, quæ 2000 dolia capiant, paucissimas quæ 3000: sed & Athenæo lib. 1. cap. 10. nauis legitur omnino mirabilis, quam Moschion integro libro descripsit, quæ non potuit absque

illius curatoris Archimedis, cochlea vtentis, industria in mare perduci: viginti ramorum ordines habuit, eiusque sentina, profundissima licet, ab vnico homine cochleo exhauriebatur; quæ cum prius Syracusia diceretur, postquam Hiero illam ad Ptolomæum misit, Alexandrina vocata est; quam 12000 doliorum fuisse putant.

Admirabilior etiam nauis illa Philopatoris, triginta constans remorum ordinibus, quam Callixenus lib. 1. de Alexandria descripsit. Illius longitudo fuit 280 cubitorum, latitudo 38, altitudo 48: puppis tabulæ 5; cubitis à mari distabant. Omitto maximos remos 38 cubitorum: binas proras & puppes, rostra vero septem habuit, remigum 4000. Vide & aliam nauim *Thalamegcon* nomine apud Athenæum, cap. 9. ex qua iudicabis quantum Philopatoris naues nostris antecelluere. Vide & Plutarchum in Demetrio.

Porro qui nauium constructionem scire voluerit, eam ex 1. lib. Hydrograp. G. Fournieri petat, qui 31. c. nauem, cui nomen *Corona*, per partes describit, cuius summa longitudo 200 pedum: quamuis longitudo propriè dicta sumatur ex carina, vulgò *Quille*, quæ 120 pedum existit: quæque singulis ferè nauis partibus dominatur, vt suam ex ea magnitudinem capiant; adeo vt ipse malus eiusdem soleat esse longitudinis. Omitto Danicæ fortunam 200 tormentis instructam, cum 72 Corona duntaxat habeat; malus, cum suis additamentis, est 216 pedum; absque illis, 85 pedum. De nominibus partium quibus naues constant, vide doctissimum Morisetum lib. 2. orbis maritimi, à cap. 47. & deinceps, & R.P. Fournierum toto lib. 1. Ex prædicta Corona 1500 doliorum, cuius tentorium, vulgò *Pauillon*, valet 14000 aureos, de reliquis nauibus esto iudicium. Vela constant 6000 vlnis. Rudens anchoræ maioris, cuius ambitus bipedalis, est pondo 14300 librarum. ipsa vero anchora, absque axe ligneo, & clauis ei necessariis, est 4855 libr.

Prætereo etiam maximas Oceani naues, Hispanis *Catacas*, quarum transversarium, siue antenna 200 hominum vires requirit vt eleuetur, & quæcumque de portubus referuntur, vt quibusdam regulis omnia complectar, quæ spectant ipsas naues, vel illarum suppellectilia.

R E G V L Æ.

1. Quanta est nauis grauitas in aëre explorata, tantum est pondus quod super aquis gestat: verbi gratiâ, si nauis grauitas fuerit 4000000 librarum, qualis dicitur esse Coronæ, totidem libris onerari poterit.

2. Anchoræ, cuius scapus vnus ex brachiis triplus esse debet, pondus est ponderis nauis submillecuplum, præter propter: verbi gratia, prædictæ Coronæ nuda anchora potest esse 4000 librarum: estque reuera 4855.

3. Cylindri lignei anchoræ coniuncti, cuius longitudo æqualis est scapi anchoræ longitudini, cum suis clauiculis pondus est quinta pars ponderis anchoræ; & anchoræ illis partibus instructæ rudens duplus est pondere. Verbi gratiâ naus 20 doliorum anchora est 110 librarum, cuius rudens 223 librarum cuilibet tempestate resistit: Solet autem esse rudentis longitudo 120, vel 200 sexpedarum, qui nullo vento frangi potest, cum eius ambitus bipedalis est.

4. Dolium nauale 2000 librarum 28 pedes cubicos habere censetur: quod si aquâ impleueris, cuius pes cubicus fuerit 72 librarum, aqua erit 2016 librarum. Cum autem naus certum doliorum numerum complecti dicitur, id non est intelligendum de aqua, quàm suo concauo vsque ad supremum tabulatum continet, sed de ea quam absque nauigationis incommodo ferre potest, quæ vulgò censetur illius aquæ dimidium; verbi gratiâ, si naus dolia 400000 vsque ad superius tabulatum contineat, feret onus 200000 librarum: hocque sensu nauium capacitas numero doliorum exprimitur. Tunc autem minime numerantur arma, homines, & cætera, cum quibus hic doliorum numerus naui destinatur.

5. Naus 300 doliorum sumi potest pro reliquarum nauium regulas huius autem carina sit 73 pedum; cuius altitudo 10 pedum: licet alia minor, aut maior etiam pro cæterarum mensura statui possit.

6. Bolis, cuius figura pyramidalis, & materia plumbea, si fuerit 12 librarum, funis 8 librarum esse debet; sufficitque ad centum, vel etiam ducentas sexpedas, ad quos tamen alii bolidem requirunt 60 librarum.

7. Tempestas, quæ naus 300, vel 600 doliorum exagitat, vix mouet nauem 2000 doliorum; quæ nullam timet tempestatem: minores autem naues veloces sunt; sed quâ ratione velocior hoc est quò celerius eodem vento moueantur, vbi omnia similia supponuntur, non adeo solutu facile est: nunquid eò velocius quò maior est ratio superficiæ naus minoris ad eiusdem soliditatem, ratione superficiæ maioris ad eius soliditatem?

Naus partes explicata.

QUæcumque dixeris nunquam ita nauem explicabis, vt à quopiam satis intelligi possit, nisi ipsis oculis illius figura subiiciatur: quis enim vel rudentum, & funium, nec non trochlearum quibus alligantur, atque mouentur numerum, ordinem & figuram ani-

mo complectatur, nisi prius oculos feriant? Esto igitur figura 1.
Boisseau, cuius inscriptiones satis superque monent & docent eos
qui Gallicè sciunt, quibus vocabulis, pars quæque significari solcat.
Verbi gratiâ, puppis summitas à dextris posita laternam habet, cu-
ius baculus destinatur vexillo regio sustinendo. Mali etiam cum
velis, funibus, trochleis & papilionibus, suis gallicis nomi-
nibus inscribuntur, quæ vix apud Latinos reperias, si pauca exce-
peris, acatium enim pro maiore malo, epidromon pro velo misenio,
mesurias pro funibus, quorum ope vela tolluntur in altum, atque
deprimuntur, pisma pro fune anchoram sustinente, quidam vlrupant.

Vulgatum est rostrum ad laeuam, quod è castello salire videtur,
vulgata puppis, & prora; varia etiam tabulata, quorum supremo,
quod *franc tillac* Galli dicunt, pontes superimponuntur ex quibus mi-
lites pugnare & hostes repellere valeant.

In hac autem figura, quædam vela expanduntur, ventisque inflata
cernuntur; alia verò contrahuntur, inuoluunturque, vt in malo de-
cumano videre est, nam inter duas corbes seu duas speculas acatium
expanditur & altius velum, seu dolon super eiusdem mali corbe supe-
riore inuoluitur: similiter duo vela inferiora mali misenici explican-
tur; dolon verò superior complicatur fines, quibus velorum cornua
nauium oris alligantur, pedes, propèdesque dicuntur.

Addelorum medii pedis, quod *bouline* vocant. Virga in maximi
mali transuersum acta, *antenna* dicitur; cuius cornua *veruchi* vo-
cantur.

Porro licet eadem indere nomina nauium partibus, quæ tribuun-
tur similibus ædificiorum partibus; hinc trabes, seu ligna nauis con-
tabulationibus seruientia, vel costarum instar carinæ annexa. Ca-
stella, cubicula, fenestra tormentorum & cætera, quæ clarius in ipsa
figura cernuntur, quam vt pluribus verbis explicari debeant: operæ
igitur pretium fuerit chartam illam habere, apud Ioannem Boisseau
editam, quâ disertè, fuseque omnia exprimentur quæ ad rem naua-
lem attinent, quæque plura docebit quam vllus discursus vtrûmque
longus fuerit.

— Varias nauium figuras non moror, quales sunt onerariarum, &
vectariarum, vt epibatidis, hippaginis, celocis &c. qui enim maiorum
costructiones, & partes intelliget, alias contempturus est. Videtur
etiam figura nauis quam rex Angliæ nuper construi iussit, vt pote
pulcherima.

Tantum est autem in nauium constructione artificium, vt ex ea

sæpenumero pendeat totius classis salus, atque conseruatio: Verbi gratiâ nauis illa Anglica, ob mirabilem constructionem, aliarum gentium 4 aut plures naues, licet æquales, aut etiam maiores expugnare posse dicitur; velocitas enim & robur nauium non solum à lignorum magnitudine, & robore, sed etiam à peculiari figura, & constructione pendent, quæ apud diuersos varia. Non repeto quæ dicta sunt l. 2. Mechanicorum, parte secunda in synopsi à 20 propositione ad 28 de nami, remis, ventis, remone, &c. quæ illinc repetantur.

PROPOSITIONES.

I.

Histiodromice est doctrina, quæ lineæ designatæ à nauis cursu magneticae acus ductum secuta affectionem & proprietates interpretatur.

II.

Legitimus acus magneticae situs est loci linea meridiana.

III.

Acus magneticae situs adulterinus inuenta chaliboclisi emendatur: *est autem chaliboclisus euariatio à linea meridiana, quæ hic Lutetia est ferè 3 graduum, idque ad orientem; ut $\alpha\lambda\upsilon\beta\omicron\delta\epsilon\alpha\iota\varsigma$ est illius recta versus polum septentrionalem directio, qualem in insula Coruo aiunt.*

IV.

Histiodromia, seu velificationis cursus, est circularis, aut Loxodromica, hoc est linea obliqua, helici instar.

V.

Velificationis cursus circularis efficitur, cum recta in septentrionem & meridiem, aut ortum & occasum dirigitur.

VI.

Velificationis cursus in septentrionem aut meridiem, maximam circuli peripheriam describit.

VII.

Velificationis cursus in ortum aut occasum, sub æquinoctiali quidem maximum circulum, extra autem eum semper huic parallelum describit. *Tunc autem carina unicuique meridiani perpendicularis est.*

VIII.

Sub æquinoctiali 20 leucæ Gallicæ, (quas alij in quindecim miliaria maritima conuertunt) gradum vnum in longitudine euariant;

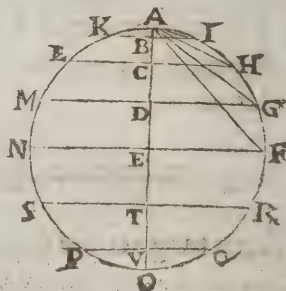
in parallelis autem ampliùs.

Vni gradui æquinoctiali Snellius 19 milliaria horaria tribuit, quorum vnumquodque sit 18000 pedum Rhiinlandicorum, qui nostris regis quanto sint minores, 1 prop. de mensuris Parisiensibus dictum est, nempe dimidio digito, seu pollice, vnde fit vt illius pedes 18000, nostris 17375 respondeant, atque adeo miliare prædictum nostrâ leucâ maiorem efficiat 2375 pedibus: Quapropter gradus illius nostrum superat 3 nostris leucis, & quibusdam pedibus.

IX.

Quemadmodum radius ad dati paralleli complementum, ita quantitas vnius gradus in maximo parallelo, ad quantitatem vnius gradus in dato.

Quod cum ex prima figura prop. 18 nostræ Ballisticæ possit intelligi, atque demonstrari, sit in illa A O meridians; æquinoctialis verò N F: parallelus autem per quem naus incedat, S R; Erit vt E F sinus totus, ad T R sinum complementi peripheriæ FR, quæ est mensura latitudinis; ita vnius gradus quantitas in maximo circulo N F, 20 nostr. leuc. (vel si mauis 25) ad numerum milliarium in dato parallelo T R.



Exemplum Snellij proponit gradum sub parallelo 52 grad. 10 minut. cuius complementum 37 grad. 50. minut. eiusque sinus 61337; vt quemadmodum 100000 ad 61337, ita 19 milliaria maritima æquinoctialis ad 9; milliaria gradus dicti paralleli respondentia.

X.

Quadrans sinus complementi dati paralleli per radium diuisus dabit quantitatem vnius scrupuli: vel, vt radius ad quadrantem sinus complementi dati paralleli, ita 1 miliare ad mensuram scrupuli seu minuti. Verbi gratiâ, si 4 milliaria fiat $\frac{1}{4}$ gradus in æquinoctiali, analogiâ prædicta reperietur scrupuli mensura in aliis quibuscumque parallelis.

XI.

Vt radius ad quadruplum secantis dati paralleli, ita milliaria quocunque data ad numerum minorum ipsis in eo debitorum.

Vnde concludes in sexagesimo parallelo 15 milliaria occupare scrupula 120, seu duos gradus; huius enim paralleli gradus sunt illorum qui in æquatore dimidij, cum sinus 30 graduum sit maximi dimidijs.

XII.

Ut radius ad quadruplum summæ secantium inter datos parallelos inclusivè comprehensorum, ita datorum milliarium summæ pars quota iisdem parallelis cognominis, ad summam scrupulorum longitudinis, quanta singulis parallelis dictis ex datis milliariis accedit.

XIII.

Si inclusivè ab æquinoctiali parallelorum datorum initium ducatur, quadruplum numeri ultimo parallelo vnitæ aucto responderitis, secundum proportionis terminum explebit: sin aliunde, sed vtraque latitudine simili, differentiæ inter datos parallelos vnitæ auctos quadruplum: sin dissimili, parallelorum vnitæ auctorum summæ.

XIV.

Datis euariatæ longitudinis gradibus & scrupulis, dabitur quoque mensura milliarium æqualiter parallelis inter datos interiectis debita,

XV.

Loxodromia est linea $\epsilon\lambda\iota\chi\omicron\epsilon\iota\delta\eta\varsigma$ in terreni globi superficie, quam ubique contingens recta linea cum omnibus meridianis per contractus ea puncta eductis æquales angulos comprehendit. Linea per mediam carinam à prora ad puppiam porrecta $\tau\rho\omicron\omega\eta\varsigma$ dicta, aliquem angulum cum omnibus meridianis, non quidem rectum, sed tamen eundem semper faciens describit peculiarem helicem, quæ nunquam ad terræ vel maris polos pertingere potest; cuius descriptionem vide nostræ Harmoniæ Gallicæ, lib. 2. de Motibus, prop. 8. & 9, vel Latine prolegomenis, ubi describitur iter grauium per plana eiusdem inclinationis ad centrum terræ contendentium. Sit igitur idem loxodromia, & helicoides navigationis, quæ in eo differt à nostra grauium descendentium helice, quòd fiat in maris superficie, nostra vero intra crassitiem, seu profunditatem.

XVI.

Loxodromia nulla se inter polos induit.

XVII.

Loxodromia est instar basis trianguli plani rectanguli ad sphaeræ superficiem applicati, cuius crus vnum sit distantia parallelorum inter quos intercipitur.

XVIII.

Eiusdem loxodromiæ segmenta inter parallelos circulos æquali intervallo disunctos intercepta sunt æqualia.

XIX.

Data quantitate & angulo inclinationis loxodromiæ, parallelorum distantiam inuenire. Ut enim radius ad quadruplum sinus complemen-

ti inclinationis datæ loxodromiæ; ita milliaria longitudinis eiusdem, ad scrupula, seu minuta euariatæ latitudinis.

XX.

Dato parallelorum intervallo cum loxodromiæ inclinationis angulo, eiusdem quoque mensura datur. Vt enim radius ad quadrantem secantis anguli inclinationis datæ loxodromiæ: ita scrupula euariatæ latitudinis, ad longitudinem loxodromiæ optatam.

XXI.

Dato parallelorum intervallo cum loxodromiæ quantitate, inclinationis eiusdem angulus quoque dabitur. Vt enim quadruplum milliarium loxodromiæ datæ, ad scrupula euariatæ latitudinis, ita radius ad sinum complementi inclinationis. *vel.* Vt scrupula euariatæ latitudinis, ad quadruplum milliarium loxodromiæ: ita radius ad secantem inclinationis.

XXII.

Crus alterum trianguli loxodromici integrum simul imaginarium est: sed per minimas particulas singulis parallelis æquali intervallo disiunctis æqualiter attribuendum: quod ideo vocetur $\mu\eta\chi\omicron\delta\rho\upsilon\alpha\mu\iota\kappa\omicron\nu$, id est euariationem longitudinis potentia complexum.

XXIII.

Triangula loxodromica vnitæ sunt pauciora parallelorum numero, quot à primo ad vltimum intercipiuntur inclusiue.

XXIV.

Si initium loxodromiæ ab æquinoctiali ducatur, totidem erunt triangula loxodromica, quot scrupulis inde extremus parallelus distabit.

XXV.

In latitudine simili numerus minorum differentiarum parallelorum, cognominis est numero triangulorum loxodromicorum: in dissimili vero, numerus summa.

XXVI.

Si trianguli loxodromici crus $\mu\eta\chi\omicron\delta\rho\upsilon\alpha\mu\iota\kappa\omicron\nu$ per parallelorum minuatim distantium differentiam, in latitudine simili diuidatur, quotus erit pars singulis à maximo inclusiue ad minimum exclusiue æqualiter attribuenda.

XXVII.

Loxodromiæ æquinoctialem secantis crus $\mu\eta\chi\omicron\delta\rho\upsilon\alpha\mu\iota\kappa\omicron\nu$ ab æquinoctiali in suas vtrimque partes est distribuendum, & æquinoctialis geminam habet hoc casu portiunculam, extremi autem paralleli vtrimque excluduntur.

XXVIII.

XXVIII.

Dato angulo loxodromiæ & latitudinis euariatione, crus mecodynamicum inuenire, vt enim radius ad quadrantem tangentis datæ loxodromiæ, ita euariatæ latitudinis minuta, ad milliaria cruris mecodynamici; adeout quadrans tangentis anguli inclinationis datæ loxodromiæ per radium diuisus, exhibeat cruris mecodynamici milliaria vni euariatæ latitudinis minuto debita.

XXIX.

Data loxodromiæ quantitate & angulo inclinationis, eiusdem crus mecodynamicum inuenire. Vel data trianguli rectanguli base, & angulo acuto, crus recti ei oppositum inuenire: vt enim radius ad sinum dati anguli; ita milliaria loxodromica data ad milliaria cruris mecodynamici.

XXX.

Data latitudinis euariatione à dato parallelo, cum inclinatione loxodromiæ, dabitur quoque euariatio longitudinis.

XXXI.

Data loxodromiæ quantitate cum angulo inclinationis, datur euariatio longitudinis.

XXXII.

Dato parallelo cum latitudinis & longitudinis euariatione, loxodromiæ inclinationem & quantitatem inuenire.

XXXIII.

Dato parallelo, & loxodromiæ inclinationis angulo cum euariatione longitudinis, loxodromiæ quantitatem & latitudinis euariationem inuenire.

XXXIV.

Dato parallelo, longitudinis euariatione; & loxodromiæ mensura; eiusdem inclinationem & latitudinis euariationem inuenire. Vbi vide Snellij praxes & calculum.

LIBRI SECVNDI

SNELLII XV. PROPOSITIONES.

Loxodromiæ principales in singulis quadrantibus ita ordinantur vt inter meridianum & loci parallelum septem intercendant, quæ rectum angulum in 8. partes æquales dispescant: quæque & ipsæ iterum in semisses & quadrantes subdiuiduntur.

Præquam reliquas Propositiones afferamus, ventorum diuersa no-

mina referenda, quos à puncto cœli quopiam inchoare possis, verbî gratiâ, ab Oriente ad Meridiem, vel ab Aquilone ad Orientem, &c. incipiamus à Septentrione.

XXXII. VENTORVM NOMINA.

S	1. Aquilo	Septentrio	Nord Tramontana.
a	2. Aquilo ad orientem	Hypaquilo	Nord quart à l'Est.
b	3. Aquil. Aquil. oriens	Aquilo	Nord Nord-Est.
c	4. Aquil. Oriens ad Aquilonem	Mesquilo	Nord quart au Nord.
d	5. Aquil. oriens	Boreapeliotes	Nord Est.
e	6. Aquil. oriens ad orientem	Hypocæcias	Nord-Est quart à l'Est.
f	7. Aquil. orient. oriens	Cæcias	Est Nord est.
g	8. Oriens ad Aquilonem	Mesocæcias	Est quart au Nord.
OR.	9. Oriens	Subsolanus	Est. Leuante.
h	10. Oriens ad Austrum	Hypeurus	Est quart au Zud.
i	11. Austr. orient. oriens	Eurus	Est Zud Est.
k	12. Austroriens ad orientem	Mesecurus	Zud Est quart à l'Est.
l	13. Austroriens	Vulturinus, vel Notapeliotis	Zud Est.
m	14. Austroriens ad Austrum.	Hypophœnix	Zud Est quart au Zud.
n	15. Austr-Austr-oriens	Luconotus, siue Phœnix	Zud Zud Est.
o	16. Aufter ad orientem	Mesophœnix	Zud quart à l'Est.
M	17. Aufter	Aufter	Zud.
p	18. Aufter ad occidentem	Notus, vel Li- bonotus	Zud Zud Ouest.
q	19. Austr. Austr. occidens	Mesolibonotus	Zud quart à l'Ouest.
r	20. Austroccidens ad Austrum	Hypolibonotus	Zud Ouest quart au Zud.
f	21. Austr. occidens	Notalibycus	Zud Ouest.
t	22. Austr. occidens ad occid.	Mesafricus	Zud Ouest quart à l'Ouest.
u	23. Austroccidens occidens	Africus	Ouest Zud Ouest.
x	24. Occidens ad Austrum	Hypafricus	Ouest quart au Zud.
Oc.	25. Occidens	Fauonius	Ouest. Ponente.
y	26. Occidens ad Aquilonem	Mesocorus	Ouest quart au Nord.
z	27. Aquil. occident. occidens	Corus, & Iapix	Ouest Nord Ouest.
&	28. Aquil. occidens ad occid.	Hypocorus	Nord Ouest quart à l'Ouest.
A	29. Aquil. occidens	Borealibycus	Nord Ouest.
B	30. Aquil. occidens ad Aquil.	Hypocircius	Nord-est quart au Nord.
C	31. Aquil. Aquil. occidens	Circius	Nord Nord Ouest.
D	32. Aquilo ad occidentem	Mesocircius.	Nord quart à l'Ouest.

Porro venti prædicti 32 facillè intelligentur ex sequente figura terre-
num ambitum referente, quam ex cen-

II. *Ammodramus* sp. affinis

III.

1843-1844

1919-1920

Cursus Maritimus est simplex, aut compositus, ille facilior, quippe unicum & eundem sui ductus cursum sequitur; ut cum à Septentrione in Meridiem, vel sub eodem parallelo, vel secundum eandem loxodromiam, hoc est eundem rhumbum.

Et cursus, & plagæ, atque inclinationis eiusdem æstimata quantitas, ex loci latitudine de cœlo observata comprobatur, aut secundum eandem emendatur.

VIII.

Si recta in septentrionem aut meridiem contendenti cursus æstimatio ab observata latitudinis euariatione discrepet, cursus limes in observato parallelo erit constituendus.

IX. cum aliis observationibus

Si acus magnetica cursus plagam in ortum, vel occasum dirigi ostendat, & observatio idem doceat, nullus est correctioni locus.

X. cum aliis observationibus

Si acus magnetica ductum secutus æstimatione tua sub eodem parallelo decurrisset, ex observatis autem te eum non tenuisse deprehendas, manente cursus æstimata quantitate tanquam crure mecodynamico, latitudinem secundum observata mutabis: & inde longitudinis euariationem definire.

XI. cum aliis observationibus

Si loxodromiam aliquam & eius quantitatem, æstimationem tuam secutus, exinde latitudinis euariationem ab observata diversam notaveris, crure mecodynamico secundum æstimatum cursum retento, latitudinem in observatum parallelum transferes, & hinc longitudinis differentiam inuestigabis.

XII. cum aliis observationibus

Cursus compositus est, quando priusquam emendationi secundum observata sit locus, plures continuantur.

XIII. cum aliis observationibus

Si in cursu composito continenter omnes à communi parallelo in septentrionem vel meridiem vergant, latitudinis euariationem augerebunt; si qui ex iis in contrarium reflectantur, ij pro rata parte eam immittent.

XIV. cum aliis observationibus

Si in cursu composito continenter omnes à communi meridiano in ortum vel occasum vergant, longitudinis euariationem adaugebunt; si qui ex iis in contrarium reflectantur, isti pro rata parte eandem immittent.

XV. cum aliis observationibus

Si in cursu composito æstimata latitudo ab observata discrepet, retenta longitudinis euariatione latitudinem in observatum parallelum transferes.

Cum autem sæpenumero de acu magnetica locuti fuerimus, placet observationes nostras de magnete, subiungere, quas inter delige, quæ navigationi serviunt.

TRACTATUS
DE MAGNETIS
PROPRIETATIBVS.

AD ERVDITISSIMVM VIRVM
GABRIELEM NAVDEVM,

Eminentissimi Cardinalis Mazarini
Bibliothecarium.

Contractas Magnetis virtutes, V. C. iure quodam postliminii tibi restitutas accipe, donec peregrinationes per totum orbem institutæ nos docuerint quot gradibus inclinet, declinetque tam magnes quàm acus magnetica in quouis terræ, marisque puncto, vt tandem longitudines statuatur. Quas quidem peregrinationes si vel fieri desideret tuus ille Meccenas Eminentissimus, viri nostri Græcè, Arabicè, & in alijs linguis doctissimi iam iam parati sunt, qui tam è Sinensibus, quàm Æthiopibus, Ægyptiis, Persis, & Arabibus omnia manuscripta referant, intra biennium, aut quadriennium in Bibliothecam tuæ curæ commissam plenjs curribus inferenda.

Quatuor igitur præcipua in magnete spectanda: Primum, quòd ferrum ad se trahat, vel ab eo trahatur, aut potiùs ad illud aduolet: vimque porrò laminis ferreis imprimat, quâ similiter alias ad se laminas attrahunt, non autem alteri magneti siue vegetiori, siue impotentiori magnes alter vim vllam tribuit, siue armato, siue exarmato.

Secundum, tam magnes, quàm ferrum magnetis affricu, seu præfentiâ vicinâ animatum sui partem vnâ versus Septentrionem, aliam versus Meridiem conuertent, quas propterea Magneticos Polos appellamus.

Tertium, illa versus mundi polos conuersio non est exactè meridionalis in omnibus terræ locis, sed plerumque versus ortum, aut occasum poli magnetis & ferri diuergant; neque semper iisdem gradibus declinant, cum ante 30 annos Burrosius Anglus obseruarit Londini magneticam acum 1580, gradibus 11 & 15 minutis: ibidem Gonte-

rus anno 1622, gradibus 6 & 13 minutis; denique Gellibrandus anno 1634 gradibus 4, & 6 minutis tum veterem acum, tum nouas acus declinasse: iamque Parisiis declinationem acus 3 tantum graduum reperiamus, quæ ante 30 annos, 8 ferè graduum censebatur; & Aquis sextiis Gassendus noster nuper obseruarit declinationem 5 gradus minimè superare, cum longè antea reperisset illam 9 graduum.

Quam diminutionem si posterì ad annos 50, plus minus obseruarint, fortè nulla futura sit, vel etiam ex Orientali in Occidentem conuertetur, & ubi periodus integra declinationis magneticæ statuta fuerit in tabulas ad artem nauigandi iuuandam conferetur.

Quartum: non solum magnes, & acus magnetica declinant horizontaliter, sed etiam inclinantur per circulum verticalem; itaut polus meridionalis apud nos, & alios septentrionales eleuetur, & septentrionalis deprimatur; licet illa inclinatio neque sit eorundem graduum, ac eleuatio poli septentrionalis, aut eius complementi, & tamen ille polus polum terræ, non cœli quærere videatur. Quibus positis vt omnium magneticarum proprietatum fontibus, illas breuissime prosequor nobiliores præsertim, quæque nautas vel iuuent, vel recreent.

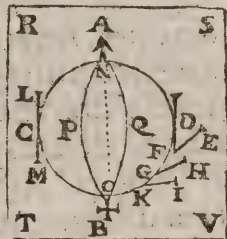
Prima proprietas non quidem ordine, vel natura, de quibus hîc non agitur, sed quæ occurrit, est vis æqualis vtriusque poli in ferro trahendo, vel animando, licet enim aliqui septentrionalem aliquando vegetiorem notarint, ne tamen inferas apud septentrionales aquilonium, apud meridianos austrinum esse vegetiorem, id enim minime perpetuum, sæpiùsque notatur æqualitas.

Quisnam veros sit verus polus septentrionalis lapidis, an is qui lapide suspenso, vel in aqua natante conuertitur ad septentrionem, an pars quæ in fodina septentrionem respiciebat, controuerti potest, nisi tamen eandem partem in fodina versus aquilonem, quam suspensus, aut natans versus eandem partem conuerterit; tunc enim quæstio nulla foret. Magnetis polus qui iam terræ polum septentrionalem respicit, meridionalis dici potest, quod sibi relictus absque boreo terræ polo illum attrahente, meridiem eo modo respecturus sit, quo polus meridionalis acus vi à septentrione lapidis, aut alterius acus tractus, ad meridiem sibi relictus conuertitur.

2. Proprietas. Vt sit, polus ille magnetis qui versus septentrionem siue horizontaliter, siue verticaliter versus terræ polum septentrionalem vergit, pluribus modis agnoscitur; primò, cum vasculo ligneo, aut alterius materiæ gestatus aquæ innatat, pars enim lapidis, quæ vergit ad septentrionem dicitur polus septentrionalis, siue in fodina mundi septentrionem, siue meridiem respiceret.

Secundò, si ea ratione suspendatur, vt liberè conuerti possit. 3. si acui magneticæ, suo axiculo, supra quem libere vertatur imposita offeratur, pars enim magnetis quæ meridianam acus cuspidem alligat, erit polus septentrionalis: quæ vero septentrionalem trahet, erit meridionalis.

Quartò, si virgula ferrea, magnetis viribus analoga, digito, vel bacillo ducatur super dato magnete, quæ perpendicularis lapidi fiet, statim atque polos illius, aut vicinas polorum partes attigerit. Neque enim poli in indiuisibili sensibili consistunt. Verbi gratiâ, si K I ferreus cylindrus vnâ aut alterâ lineam longus magneti NCBDN circumducatur; dum ad latera lapidis C & D æque remota à verticibus polorum N & O peruenerit, axi NO parallela iacebit, vt cernitur in L & M, & in D F; cumque vterius versus polum O pelletur, surget pedetentim in F E, deinde in G H, tertio in K I, itaut extrema F, G, K ad polum O vergant, eo ferè modo quo magneticæ acus axiculis ita libratae vt possint verticaliter inclinari, tendunt versus terræ polum, aut eas tendere cupiunt, qui magnetem contendunt se habere ad terram, vt acus se habet ad magnetem.



Cum igitur duo cylindri ferrei perpendiculariter eriguntur, & velut axem A B constituunt, polos lapidis ostendunt, ex quibus meridianus innotescit, magnete libere suspensio, quippe semper ad mundi septentrionem conuertitur. Quonam vero vel quam in partem conuerti debeat, si libere suspensus, vel Caspio Lunari innatans fingatur, aut in Sole, vel aliis sideribus intelligatur, quis ausit affirmare? forte vires in tanto spatio amittet, vel suspendet.

Nil autem refert si magnes sphericus, aut ellipticus, vel alterius figuræ, vel politus aut scaber fuerit, semper enim poli reperientur; licet tanta figuræ difformitas ob angulorum eminentias, & monticulos esse possit, vt plures polos habere credatur.

Huc autem refertur scobs ferrea, quæ laminæ vitreæ, vel lignæ, aut cuiusvis alterius materiæ (ferreâ solâ & magneticâ exceptis) imposita huc illuc dispergitur, ac veluti diffatur vento, cum ei polus magnetis inimicus subiicitur; quæ perpendiculariter erigitur, & lapidis unionem quærit, cum offertur polus amicus, quo nempe prius animata fuerat, vel cui erat analoga. Hæc autem scobs iacet, cum æquator lapidis laminæ scobem ferenti subiicitur.

Quintò, poli magnetis inuenientur, si lapis libere suspensus offe-

ratur alicui instrumento ferreo focario ad horizontem perpendiculari, pars enim lapidis ducti à parte inferiori ad partem superiorem prædicti instrumenti, quæ ad partem illam inferiorem conuertetur erit meridionalis, quòd ferrei cylindri, vel laminæ chalybeæ, qualis est ensis extremum terram attingens, vim septentrionalem à terra septentrionali fugat; quare aliud extremum est meridionale ad quod septentrio lapidis conuertetur, statim atque ad illud extremum peruenerit, & cum erit circa medium instrumenti ferrei, illud veluti secabit, & crucem cum eo faciet, quod in media ferri parte æquator occurrat. Sunt & alii modi polorum inueniendorum, de quibus aliàs.

3. Proprietas. Eadem virtus magnetis quæ vim indit acui qua versus polos vergit, & quibusdam gradibus ab illis declinat, vim etiam tribuit, qua verticaliter inclinatur versus terræ polum: statim enim atque cuspidem illam acus lapidis meridie tetigeris, quæ prius erigebatur versus meridiem, inclinabitur ad septentrionem, viceque versâ. Vnde fit vt etiamsi acus suspendatur horizonti perpendicularis, pars tamen basis illius aliqua circa meridiem conuertatur, eo modo quo lamina circularis, seu ferreus circulus partem à magnete animatam ad polorum alterum conuerteret: quod similiter futurum, licet cuspidis acus indiuisibilis fingeretur.

Nota solam magnetis aspirationem, vt ita loquar, absque tactu sufficere ad acum animandam, siue vt ferrum trahat, siue vt ad polos conuertatur, cum magnes generosus fuerit, qui vel te nolente, & gladium sub pallio tegente, illum animabit. Porro non potest ferro vim trahendi communicare, quin simul ei tribuat vim ad polos conuersuam, tam inclinantem, quam declinantem.

Dicunt verò acus inclinationem versus terræ polum in Anglia 71 graduum obseruatam; Romæ 65 graduum, quos faciat acus cum horizonte: qui quidem anguli cum neque sunt altitudo poli meridiana, neque terrestriis poli depressio, nec illorum complementa, nec etiam quidpiam ea de re non satis constante velim affirmare, vel negare. Tantumque addo vim illam quâ deprimitur pars acus dimidia, non esse gravitatem, cum exactissimæ balances eandem semper illius gravitatem ante & post affricum testentur. Ne verò depressio illa contingat in pixidibus, solent artifices partem acus tangendam paulo leuiorem efficere, & ex ea quidpiam lima detrahere, vt illa leuitas vi resistat inclinationi.

Vt autem acus optimè tangatur, lapis magnus & vegetus habendus, cuius polorum alter à medio acus vsque ad extremam cuspidem ducendus, sed minimè reducendus à cuspide ad medium, nisi velis

acum priori virtute spoliare, quod enim dat magnes à læua ad dextram, tunc à dextra ad læuam, siue ferrum tangat, siue suam ei virtutem tribuat absque tactu. Sunt qui polo lapidis septentrionali cuspidem acus meridianam, meridionali septentrionalem tangant, ut acus sit vegetior vel citius quiescat.

4. Proprietas consistit in comparatione motuum omnium quos acus non solum pyxidum, sed etiam lutoriæ in præsentia polorum & aliarum magnetis partium exercent; fugit enim polus, & cuspidis septentrionalis meridianum tanta velocitate, quanta septentrionalem rapiunt, ut sit potius amicorum polorum tractio, quam inimicorum fuga. Acus lutoria filo detenta, & magneti subiecta, rectà vergit ad polorum alterum, statque veluti suspensa in aëre; duæque cuspides acum se ipsas fugare videntur, quæ eodem polo animatae sunt. Mille motus omitto quos acus habet in pyxide, dum magnes circa illam conuertitur, aut ei superponitur, vel subiicitur. Verbi gratia, acus filo detenta, cuius caput in orbem mouetur, semper cuspidem ad polum magnetis dirigit, & eo motu veluti conus describitur, cuius basis motus capitis, vertex cuspidis: vno verbo ad magnetem acus, ut magnes ad terram refertur.

Deinde magnes circa pyxidem ita circumactus, ut sibi parallelus in toto circuitu maneat, bis eam conuertit; hoc est acus duos circulos describit, dum magnes semel conuertitur. Idemque contingit acui, cum pyxis sibi parallela manens semel circa magnetem conuertitur; & magneti, circa quem illa lege parallelismi magnes alius circumagitur, dummodo magnes satis robustus fuerit. Nec aliud acui nauticæ ex magnete, quàm ex ferro factæ cōtinget. Reliqua quæ 2, tribusue acubus, & magnetibus cōtingunt, dum poli amici, vel inimici, vel partim amici, partim inimici vi iunguntur, quispiam istarum proprietatum studiosus cum voluptate obseruabit.

5. Proprietas in ferri tractione multam affert admirationem, cum nonnunquam magnetes adeo vegeti reperiuntur, ut nudi ferrum decies septies seipsis grauius ad se trahant, & tractum retineant, quod expertus sum in paruulo 7 granorum magnete Danielis Chorij; sed illa vis tanta nunquam in maioribus inuenitur, quicū librales fuerint, si ferri libram trahant, per optimi sunt, quales nunquam mihi videri contigit. Cum vero fuerint 2. aut 3 vnciarum ferri pondus duplum tollere possunt, quandoquidem apud eundem expertus sum magnetem sesquunciarum, ad minimum trahere duas ferri vncias. Quotiescunque magnes libræ dimidiæ ferri pondus sibi æquale traxerit, robustissimus dicendus: si vel 4, aut 2 vncias trahat, melioribus annumerandus.

Hic autem primò videtur admirabile, quod ille paruus magnēs ferrum 17 se grauius trahens, auulsus, aut exsectus fuerit ex eo qui ferrum duplo tantum se grauius trahit: vnde constat hunc maiorem in similes paruulos sectum, octuplo grauius ferrum ad se tracturum, quàm ante diuisionem, atque adeo vires diuisas hic esse vi iuncta octuplò fortiores, licet totus ille magnes in puluerem redactus, & glutine subtilissimo redintegratus nil amplius trahat, & virtute directiua careat, fortè ob infinitas propemodum polorum inimicorum oppositionem, & commixtionem: sed experiundum esset num puluis vnicus arenæ Stapulensis grano æqualis, ferri similes pulueres traheret, quotue numero traheret, cur enim puluis vnicus ex magnete Choreziano lima vel alio modo abrasus 300 ferri pulueres non trahat, si quò minor detrahatur magnes, plus ferri trahit? Cuius verò ponderis sit vnicus ferri vel magnetis puluis facilè concludes ex grauitate grani arenæ de quo libro de ponderibus dictum est. & minora perspicilia granum arenæ magnitudine pisi repræsentantia pululi magnetico experiundo seruient.

Secundum admirandum, quod magnes armatus vim tantam acquirat ex coniunctione vnus aut alterius laminæ chalybeæ vel ferreæ, quibus armatur; magnetem enim habeo, qui cùm nudus dimidiam duntaxat ferri trahat vnciam, armatus 10 libras, hoc est 300 magis, quàm nudus, ad se trahat: est autem plusquam trilibris. Vbi nota magnetem armatum plus ferri, quàm nudum non solum trahere quando ferrum immediatè tangit, sed etiam cùm pannus, papyrus, aut quidpiam simile ferrum inter & magnetem interponitur, contra id quod olim cum aliis senseram. Quare magnetibus optimis sæpius experiundum, antequam pronuntietur.

Tertium, quòd rotulam æneam, cuius axis ferreus, ita rapiat, vt quæ super plano quod illam circumactam sustinebat, ante minutum horæ quietura erat, à magnete rapta, & detenta ferè per dimidiam horam, aut horæ quadrantem in orbem agatur, vt & alia in partem contrariam versa, & inferiori axis extremo prioris rotæ iuncta suos orbes contrarios, sed & tertia secundæ axi coniuncta suos etiam vel his similes aut contrarios, longo tempore conseruet; quod fieri nequit nisi magnetes rapientes, siue nudi, seu armati robusti fuerint: qui tamen si, quàm par sit, robustiores fuerint, rotulas ita detinent, vt circumagi nequeant, vel paucos gyros percurrant.

Quartum, quòd ferrum magnetem trahat, idque solum, vbi magnes adeo robustus fuerit, vt ferrum vel se grauius, vel saltem æquale sibi trahere potest: tunc enim ferrum magnete longè grauius, ma-

gnetem trahit in ea distantia positum, à quo traheretur ferrum æqualis cum magnete ponderis.

Magnetes inertes omitto, qui cùm sint viginti aut plurium, vel pauciorum librarum, nequidem clauum, aut acum sutoriam ad se trahunt: addoque solummodo 5 admirandum, quod nempe magneti robustiori longè debilius ferrum eripiat, vt fortius debiliori: neque enim fabulas illas commemoro de gyro 24 horarum magnetis sphaerici axiculo suspensi, aut aquæ innatantis, quo terræ motum diurnum aliqui probare conati sunt; & de modo colloquendi cum amicis maximo intervallo dissitis, duorum alphabetorum, & acum eodem magnete robustissimo tinctarum ope; quemadmodum nec gyrouagos illos & mendaces, qui se vim tractiuam magnetis opere chymico educere, & millies, aut centies maiorem efficere, vel etiam extremo baculi concludere aiunt.

Nolim etiam modos illos persequi, quibus alij terræ stabilitatem ex magneticis directionibus probari credidere, cum eadem omnino contingant magneti, siue terra stet, siue moueatur; adeo ut nihil magis ex magneticis legibus, quàm ex proiectis, & grauium descensu, quispiam pro terræ motu duplici, vel triplici, aut duplici terræ quiete, vel immobilitate concludere possit, aut debeat.

Naui sub aquis natans.

NAuis describendæ beneficio res in mari deperditas facillè recuperare posse Lector ex hoc tractatu concludet, quamuis iam aliis nauibus adhibitis, & oneratis varia quæ tempestatibus, vel aliis modis immersa sunt, extrahantur è fundo maris & fluminum; verbi gratia, si naui expiscanda sit pondo 4. millionum librarum, totidemque auri, vel alterius rei libris onerata perierit, velisque eam absque exoneratione educere, 4. naues, quarum vnaquæque sit 400. aut 500. plus minus, doliolum, ad proram, puppim & latera nauis expiscandæ; quæ naues si exonerentur suis doliis, non possunt tantisper ascendere, quin nauim immersam adducant. Debent autem illæ naues habere polyspasta rudentibus instructa fortissimis, quibus naui educenda variis in locis firmiter alligetur: cùmque necessarij sint vrinatores ad rudentes nauim, vel etiam tormentis bellicis alligandos, non nihil etiam de iis dicendum erit: cuius autem roboris trabes ligneæ nauibus superpositæ esse debeant vt aliæ naues expiscantur, harumque pondus

ferant, ex Mechanicis nostris colliges.

Primum igitur constat ex dictis tam in hydrostatica, quam in hydraulica nauem, ita posse onerari, ut sit proximè eadem cum aqua ponderis, stetque propterea in quouis aquæ loco, si a superficie usque ad fundum sit eiusdem gravitatis: vel cum nimia sit in vilo corpore ita librando ut ubique sub aquis maneat, difficultas, remorum motibus illa suppleri poterit æqualitas.

Secundò, nil interest cuius sit materiæ navis immergenda natura, cum semper leuior futura sit quam ut immergi possit, etiam si fuerit ænea, ob magnam aëris inclusi molem. Quapropter saburranda erit, variisque ponderibus deprimenda, donec sit eiusdem ferè cum æquali aquæ mole gravitatis, & paruo negotio possit vel ad superiorem aquæ superficiem redire, vel fundum petere; super quo, si quando satis firmum & rectum fuerit, navis possit suppositis rotis, curruum instar circumduci: cumque fundum non permittat, ramis inter aquas movebitur.

Tertiò, lignea navis fortè commodior fuerit, quæ tam exactè claudatur ex omni parte, ut in eam aqua nequeat ingredi, nisi forte guttatim, tunc enim facile poterit ex naue eiici. Porro neque fluxus & refluxus, neque tempestates huic naui timendæ sunt, quippe 3, aut 4 profunditatis sexpedas minime superant, ideoque tuti sunt ac in perpetua tranquillitate qui distant à maris superficie sex, 10, & quæ deinceps sequuntur, hexapedis.

Quartò igitur huiusmodi vrinatores suppono, quibus etiam respirandi modum per mensem integrum tribuero: ut sub naue degentes, illam quocunque necesse fuerit, dirigant ad fundum pertrahant, aut è fundo ad quamlibet altitudinem erigant: cum enim funem cui plumbi massa, vel anchora, aut aliud quoduis pondus alligatur, in fundum demittent, navis leuior facta, versus aquæ superficiem, quantum placuerit, ascendet; descendetque tractione ponderis: quod & fieri poterit contis, & remorum palmulis peculiari modo constructis & motis. Sunt autem plurimæ difficultates, quibus obuiam eundum: puta varias egestionem, & quæcunque nocent oculis, aut odoratui, eiicienda; homines extra nauem, quoties opus fuerit emittendos, siue ob infirmitatem, seu ob alias causas, quæ sæpius occurrunt; aliosque in eam admittendos; cibos etiam & aduehendos, & coquendos: tormenta bellica in pisces maiores, si fuerit opus, ne forte noceant, explodenda; & alia huiusmodi quibus omnino providendum antequam huic naui te committas: cuius commissuræ, si lignea, aut conglutinationes & ferruminatione, si metallica fuerit, adeo firmæ, &

inſta ſint, vt aqua in eam ingredi nequeat; vel ſi per quasdam riulas ingrediatur, facile poſſit eiici, & foramen, aut fiſſura, vbi fieri contigerit, promptum remedium inueniat.

Quibus difficultatibus cum pluribus modis ſatiſfieri poſſit, vnum afferam quod ſere omnibus faciat ſatis. Parentur, & effingantur coria, quæ nullam aquam admittant, quæque diuerſis canalibus ad aquam peruenientibus adhibeantur, & comprimi, dilatarique poſſint: cum enim ſordes expurgandæ, eiiciendæque fuerint, ex canalibus, quorum epiſtomia reſerabuntur, in coria ad aliorum canalium modum efformata, & in extremo prope aquam fortiter alligata primum eiicientur, deinde clauſis epiſtomis canalium, ſoluetur illud coriorum extremum, vt ſordes in aquam decendant: quod & doliis duplex aut triplex fundum habentibus commode fieri poteſt; fundum enim primum auferetur, deinde reſtituetur, &c.

Per alios canales capacitatis vnius dolij ſimiliter ingredientur & egredientur tot homines quot neceſſarium fuerit, qui ad aquæ ſuperficiem aſcendentes, nouos cibos, aquam, & alia ſecum aduehant, & alia, ſi fuerit opus, reuehant; ſtatim enim atque per epiſtomia canalium in coria prædictis ſimilia deſcenderint, clauſis iterum epiſtomis poſt coriorum ſolutionem, nequidem aquæ gutta in nauem ingreditur: idemque dicito de doliis fundorum diuerſorum.

Quod ad tormenta ſpectat, ſuis etiam coriis alligata, non poterit per feneftras aqua, neque per ora tormentorum, vt pote clauſa, ingredi: ſed cum poſt exploſionem aqua ſubitò in illorum ora ingrediatur, ad ſummum eiiciendum fuerit tantundem aquæ, quantum tormenti concavo continetur: corium vero feneftras tormentorum ita claudat, vt foras promoueri, & retrahi poſſint ob corij mobilitatem & obedientiam, quod in retractione inuertetur inſtar manicæ.

Porro quiſquis ingreditur vel egreditur, veſte coriaceâ induendus, & ea pondera cruribus, & aliis partibus adhibenda, quæ vel in fundo corpus detineant, vel impedian, ne velocitate nimia ſuperficiem aquæ petat, ob pericula nauis occurrentis, & alia vitanda, ne caput illidatur, aut machina vrinatoria frangatur.

Quintò, licet nauis pars inferior aperiretur, non poſſet aqua in nauem, niſi paucis pedibus aſcendere, cum aër quo plena eſt, non poſſit cedere, vt ex vitro, lagenâ, & aliis vafis inuerſis, & in aquam immerſis conſtat, quæ ſuum aërem ita conſeruant, vt in eo, licet ſub aquas profundiffimas immerſo, flammam nutriant: ſum enim multoties expertus candelæ ſebaceæ vnius vnciæ, flammam in laterna, cuius concavum 1/3 pedis cubici, ſub aquis immerſam 25. ſecundis, vel

triente minuti horarij durare : quare si laternæ concavum fuerit vnus pedis cubici , tantoque maiore tempore flamma nutriatur, quanto maior fuerit laterna, 6 minutis flamma perseverabit; atque adeo vas decem pedes aëris cubicos habens, per integram horam flammam conseruabit.

Vnde facillimè concludes quanta naus esse debeat, vt quisque sua flamma, vel igne date quantitatis vtatur. Vbi nota primum non esse necessarium vt vas sit ea ratione maius, quàm flamma crescit, cum experientia doceat 4 flammæ æqualis magnitudinis per 16 secunda conseruari, licet vnica flamma in eodem vase per sola 25, aut ad summam 30 secunda duret. Deinde vix flammam magis perseverare, cum laterna in aëre posita osculum inferius apertum habet, quàm vbi vel cera, vel aqua clauditur, adeo vt aër inferior, qui libere potest ingredi, nil profit; cum tamen superior maximè seruiat, cum osculum sursum conuertitur, tunc enim flamma semper durat, dummodo cateas ne statim atque flamma in laterna, vt prius inuersa, extincta est, candelam incensam in illam inferas, flamma si quidem breui, & ferè momento extingueretur, quandoquidem vel per vnā, aut alteram horam aëri exponenda, vel exsufflandus aër, vel aqua implenda, lauandaque, si post extinctionē velis iterum flammæ durationē experiri. Tertiò flammā non semper eò diutius viuere, quò maius fuerit concavum, quo includitur; laterna siquidem duodecuplo maior non nutrit flammā duodecuplo diutius; in ea, candela prædicta post 230 secunda extinguitur, in subduodecupla verò post 25 secunda, idque osculo inferiore aperto : quas obseruationes facillimas inuenies, si vitreis lagenis, vice laternarum vtaris : quæ id habent commodi, quòd per collum transparens in aquam immersum ascensus aquæ notetur dum flamma durat, diutque post illius extinctionem quandiu elychnium ignitum, seu rubrum fumat : quod quidem rubrum ferè semper tandiu durat, quandiu prius flamma durauerat, præsertim si candela cerea fuerit.

Maxima igitur in igne fouendo, atque adeo coquendis cibis in immersa naue difficultas, vt de respiratione taceam, quæ tamen æquale concavum non requirit. Porro licet aëris hemina Parisiensis ad 5 respirationes sufficiat, & ideo pes aëris cubicus ad horam respirationi succurrat, si pulmones tantundem solummodo aëris attrahant qualibet respiratione, quantum vini ex vitro trahit, qui quinque vicibus exhaurit heminam, pes tamen aëris longè citius alteratur, & ita inficitur siue ob vapores e pectore manantes, siue ob calorem rarefacientem, vt nequidem per horæ quadrantem sufficere posse videatur, cum

vrinatoribus, quorum capitibus dolium, aut campana 8 vel plurimum pedum cubicorum imponitur, respiratio post quadrantem horæ desit.

Cùm autem horæ spatio 360 respirationibus egeamus, quarum unaquæque decem secunda duret (nec enim respiratio longius differenda (licet eam multi ad 20 secunda, & alii ad 80 contineant, vt l. 5 Instr. Harm. prop. 23 dictum est,) ne tandem temperies lædatur vas, cubicum cuius latus bipedale, 8 horarum aërem, in illa hypothesi hemina hauriendæ, contineret; sed cum audiam campanas illas, quibus vrinatores vtuntur, etiamsi dolio æquales, vix ad respirationem quadrantis horæ sufficere, difficulter enim attrahunt aërem ex loco, cui nouus aër non succedat: & aërem sæpius inspiratum & expiratum vt vltiori respirationi penitus inutilem, etiamsi refrigeratum, (quod tamen vix mihi persuadeo) maior etiamnum insurgit difficultas.

Enimvero si expiratus aër posset semper post expurgationem & refrigerationem inferuire, epistomiorum follibus infertorum reciproca patefactione, attractione, expulsionem, & motu, aëris respiratio persequeretur.

Porro nolim ex nostris hydraulicopneumaticis modum elicere quo inclusus aër respirationi perpetuò seruire queat, donec quis nauem submarinam construere curauerit, quâ detegantur non solum omnia perdita, sed ora reperiantur, si quæ sint, per quæ maris aquæ exeunt; & absque vllius hostium incursu loca hæcenus incognita innotescant.

Sunt autem qui plura commenti sunt quæ sub aquis luceant, verbi gratiâ, oleum ex ore in aquam dispersum, sphaeram Tartagliæ nitro, sulphure, pice, camphorâ, & mastiche constantem; ligna putrida luculâ quadam tantisper lucentia, cinceculas, squammas piscium, &c. lagenis conclusa, quæ etiam speculis concavis reuerberata magè luceant, sed cum neque luceant perpetuò, neque lumen satis copiosum effundant, neque possint cibis coquendis adhiberi, inutilia sunt nostro instituto, quod igne penitus indiget.

Sexto igitur igni cibos cocturo, & flammæ perpetuæ ita providendum vt nunquam, nisi cum volueris extinguantur, quod adeo facile concluderim ex pneumaticis, vt nauem citius nemo possit construere quàm vt ei conseruandæ sub aquis flammæ modum ostendam.

Septimò, si iuxta præcedentem hypothesein aëris hemina quinque ad minimum respirationibus succurrat, sitque pondo granorum 8, ex dictis à prop. 29 ad 32 Hydraul. quauis respiratione selquigranum aëris, prope propter, consumitur: hoc est aëris moles æqualis moli

aquæ triunciali, vice qualibet expiratur, vel inspiratur: qui quidem, si vertatur in aquam, guttam aquæ satis magnam effecturus sit; quandoquidem sex aquæ guttæ, quarum vnaquæque vnus lineæ cubicæ, non sunt sesquigrano grauiores. Quapropter si non differat specie ab aqua, dici potest nos qualibet inspiratione sex lineas aquæ cubicæ exhaurire, cum moles aëris vi condensationis in aquam conuersa, sex illis lineis æqualis sit; vt ex coroll. 1. prop. 14. Hydraul. constat.

Octauo naus nostra, de qua iam nonnihil coroll. 2 prop. 49 Hydraul. terrenum ambitum nemine cæterorum mortalium conscio, vnus aut alterius anni spatio conficere potest, quæ si maris profundum non desit, tantæ magnitudinis esse queat, vt vnus anni victum centum hominibus suppeditet. Sed cum multa loca possint occurrere minus profunda, satius fuerit minorum nauum submarinarum classem apparare, quarum aliæ panem, aliæ vinum, aquam aliæ ferant, vt à nautis præiudicatum fuerit.

Nonò plures vrinatores domunculas, seu castellula nauibus extrinsecus adhærentia habeant, & excubent, nauium incolas monituri de singulis quæ in fundo maris occurrerint, vt quæ voluerit Architalassus in naues inferantur, & nouæ obseruationes scriptis committantur: Verbi gratiâ num aliqui pisces lumen laternarum quæ collocatæ fuerint in fundo maris, fugiant, an omnes ad illud accedant: quanto velocius suber vter, inflatus aut quodlibet aliud corpus aquâ leuius ad superficiem aquæ superiorem ascendat; quodnam corpus eadem in aqua velocitate ascendat, quâ plumbum in aqua, vel etiam in aëre descendit.

Quantum iter globus tormenti militaris in aqua percurrat. Omitto sexcenta eius demmodi vt moneam aquæ dulcis scaturigines sæpius in fundo maris occurrere, quibus nautæ submarini felicitè vti, & eam in naues instrumentis hydraulicis attrahere possint: motus autem aëris siue condensatione, siue rarefactione, siue quouis alio modo, puta ex lignorum combustione, & in cineres conuersione; ex nautarum in nauem reditu, & ex eadem exitu: ex aëre inspirato extra nauem emissio: ex victuum transportatione & sordium eiectione, & ex mille aliis rebus oriundos vniuscuiusque cogitationi permitto, ne sim longior, si minutatim omnia prosequar; neque enim quidpiam hactenus mentem subiit, cui remedium adhiberi non possit.

Istius autem nauis figura fortè omnium optima, si piscium figuram æmuletur; sæpius enim ipsa rerum natura nos docet quid in arte faciendum: sed & prora, puppisque poterunt in acumen æquale deficere,

ut quocunque volueris nauem remis agites, quorum palinulae hac arte construendae sunt, ut in omnem partem conuerti, & statim acie sua, mox latiori parte possint ad libitum aquam diuidere, ac percutere, tum ut nauim antrorsum & retrorsum, tum ut sursum & deorsum moueas; hac enim ratione quaspiam obuiae rupes, & singulos montes superare, vel ad illorum radices adnatare poteris. Remis etiam adhiberi possunt harpagines, & vncini maiores, quorum attractione, & impulsione naus ascendant aut descendat.

Omitto diuersa retia, quae sustineantur epidromis, amitibus & varis fundo, vel lateri nauis affixis, quibus nautae retiarii ad id destinati quos libuerit occurrentes pisces capiant, in nauem inferendos, quod adeo facile est ope canalium, de quibus antea, ut explicatione non indigeat.

Adde quod nulla fere sit ars quam non possis in ea nauis exercere, nullum opificium quod non peragas: cur enim, verbi gratia, non possis metallum in stamina tenuare chalybeis plagulis? Cur non omni molarum genere, qualis est frumentaria, non utaris? Cum neque repugnet ex parte metae, vel catilli, neque ex molucro, & molili, aut ex aliis partibus, aut circumstantiis, & nautarum labor in mola pistrinaria versanda non ingratus erit, cum sit ad vitam necessarius. Furnis autem aeneis vel ferreis ad panes coquendos uti poterunt, quibus ignis modicus sufficit: nec forte motuum aliquae species deerunt, quibus calor satis intensus absque ligno vel carbonibus ad frigus superandum generetur: doctaque experientia plura suggeret, quae vix ac ne vix quidem credas, nisi prius obseruaris: adcoit existimem diuersas colonias sub aquis marinis posse degere, & tota vita persistere, ibique in alias propagari, dummodo non desint naues, & alimenta, quae forte copiosa satis ex oceano expiscentur, si longa series annorum docuerit quidquid potest ad victum hominum ex aquis educi.

An vero homines ita possint aquis assuescere, ut in iis tandem, perinde ac pisces, absque naue receptoria viuant, ut de Colasio Gentienti referunt, licet minimè credidero, nolim tamè inter aduirta referre, ob vim consuetudinis quae tanta quandoque nobis apparet siue in funambulis, siue in aliis qui vel aquas, & vina è stomacho & ore mirabiliter eiciunt, & diuersimodum sui corporis questum faciunt, ut ne iuratis quidem fidem habeas, nisi propriis oculis ipse fabulam exhauseris.

Quis enim nouit num pulmones aquis ita refrigerari queant ut aërem inspiratum, & expiratum suppleant, cum id multis piscibus contingat, & forte aër ipse aquis mixtus huic negotio seruire possit: ut ut fuerit, caue ne festinatò nimis de naturae viribus, & artis potestate iudices; illius si quidem occultiores, potentioresque

sunt nerui & machinæ, quàm vt quispiam animo complectatur; necdum huius industriam penitus exhaustam arbitreris.

Vnum addidero, si repetitis obseruationibus confirmetur, aquam in maris fundo grauiorem nauibus sustinendis vtilissimam, quæ licet 20 descenderint, aut pluribus hexapedis, fundum tamen non sint petitura: quandoquidem testatur expertissimus Archicolymbetes se cum 60, vel 80 sexpedas in profundum descendisset, vltius non potuisse descendere donec nouo pondere deingeretur; cumque super fundo ambulanti fossa profundior aquâ plena occurrisset, in eam vt pote magis resistentem non potuisse descendere: quod non possis explicare nisi aqua versus fundum grauior & grauior euadat; aut funis quo detinetur, cum sit longior, & tamen sit aqua leuior, sit causa ob suam leuitatem, vel corpus suum aqua leuius, cur Cybister non possit amplius absque nouis ponderibus descendere. Vnde similiter contingere potest ea quæ retrahuntur, & expiscantur, circa maris superficiem grauiora videri, quàm vbi profundius mergerentur, ob minorem rudantium partem tunc immerfam.

Colymbas verò multa potest experiri quæ physicam promoucant, cum enim, verbi gratia, nouerit aquæ pondus, seque machina possit includere, quæ cum illius corpore sit in data ratione cum æquali aquæ mole, à fundo ad superiorem aquæ superficiem reuertendo tempus suæ reuersionis horologio in machina collocato accurate notabit, scietque quanto velocius res vnaquæque pro diuersa velocitate reuersura sit; similiterque quanta velocitate ad vsque fundum descendat.

Verbum vnicum in acus magneticæ gratiam subiungo, qua nauem quò volueris tutò perducas, & de longitudinibus perfectius statuere possis, quòd nauis tua nullis sit obnoxia tempestatibus, nulli ventorum inæqualitati, atque adeo meteri possis confectum iter.

Denique submarini nautæ & incolæ poterunt aëris incolis sua communicare mutuoque recipere aërea commoda, quæ tantisper attigisse sufficiat vt plura lector addat, quem etiam suauissimi concentus in navi submarina recreare poterunt: quemque nullum mare glaciale, nec alia poterunt impedire, quin tractus omnes maris, siue magellanicus, quaua patet, vsque ad polum australem; siue cuiusque alterius vsque ad polum septentrionalem peragrarè, cum gelu suum imperium vsque ad suadum non propaget.

Exciderat plures nauiculas abiernas, aut alterius ligni aqua leuioris maiori navi alligandas, quibus solutis aquæ superiorem superficiem pro libito repetas; tum vt polorum altitudinem capias, tum vt

cuiuslibet occurrentis insulae incolas agnoscere possis, & ea in maiorem nauem referre quae detexeris, quaeque ad victum aut voluptatem, hoc est aquam, vinum, nouum aërem, &c. referas; nouis enim ponderibus naucula quae suopte nutu ascenderat, deprimetur, continuoque nauta quispiam e mari poterit egredi si opus fuerit, siue ut locorum aëri expositorum longitudinem submarinae conformet, & ea in chartam, & diarium referat, siue ut aëris externi respirationem cum interni naue inclusi respiratione conferat, &c.

Maiores etiam naues non solum remis, ut antea dictum, sed praeditis nauculis ad superiorem aquae superficiem reuocari poterunt, quae lignis omnibus oneretur quae ad alias naues in fundo maris cōficiendas necessaria fuerint; nam ubi faber eas in maiore naui illarum capace perfecit, etiamsi totum nauis fundum dissolueris, quo naues minores nouiter constructae mittantur in oceanum, aqua subingredi non poterit ob aërem internum resistentem, quem solummodo tantisper aqua premet, hoc est tantum, quantum nauis corpus cum omnibus in ea contentis grauior erit aequali aquae mole, cui si aequiponderet aër vix comprimetur.

Si quis verò nautarum libros scripserit de nouiter in maris fundo repertis, excudi poterunt, & typis committi in ipso fundo, ut ex immerfa naue ad terrenos incolas noui libri mittantur.

De maris aestibus.

Cum tempora aestuum marinarum congruant lunae temporibus, nisi quod in nouiluniis & pleniluniis lunam aestus anteuertat, & quod in latitudine illius boreali citius impleantur tempora quam in australi latitudine; quandoquidem nobilis Anglus notauit cap. 16. suorum discursuum, eo tempore quo aqua Londini altissima est, lunam esse medio loco inter austrum & occidentem; vel inter aquilonem & orientem, exceptis nouiluniis & pleniluniis, quibus aestus citius contingit quam ut luna ad eum locum peruenerit.

Quod & in aliis locis notatum, in quibus aestus contingit cum lunae verticalibus, nec enim cum luna à meridiano ad meridianum progrediente, sed à verticali in verticalem aqua leuatur & residet: qui quidem circuli dicuntur azimuth, seque inuicem secant in zenith & nadir; horizontem verò ad angulos rectos, ventorumque 32 plagas, de quibus antea, designant. Cuius diuersitatis rationem cum neque Galaeus reddiderit, à foelicioribus expectanda, cur enim in nouiluniis

vno pyxidis puncto aqua lunam antecedit? curue sequuntur æstus verticales cum lunæ motus ab azimutho, ad azimuthum non sit æqualis, sed à meridiano in meridianum.

Ingeniosa quidem ratio, quæ in solam mari pacifico incumbentem ventum refundit, qui pellat aquam versus Indicum, à quo remeans aqua & in tumorem conuersa generet æstus, si nihil repugnaret; prætereaque maiores æstus circa æquinoctiorum tempora fierent quod tunc sol maioribus circulis, seu velocius moueatur; sed inde sequi videtur minores æstus esse debere, cum minor vaporum copia, atque adeo minores venti pellant aquam. Omitto rationem difficilem cur æstus singulis diebus horæ beffe, vel quatuor quintis tardius contingant.

Galileus antea crediderat æstum eo modo fieri, quo motum aquæ dulcis, quam in cymba ferunt, quæque mouetur alternatim & eleuatur statim in prora, mox in puppe, ad omnem remorum ictum, seu mutationem velocitatis, licet in medio vix eleuetur, sed tantum procurrat: quod nempe terræ motu suo diurno circa suum centrum mox velocius, postea tardius moueatur, idque maiori cum inæqualitate, quando maiores æstus contingunt. Hanc autem terreni motus æqualitatem ex duplici motu componit, annuo videlicet & diurno, ex quibus sequatur etiam maior inæqualitas in pleniluniis & nouiluniis, & cum sol est in æquatore.

At verò præterquam quod R. P. Fournierus fuscè satis in Hydrographia sententiam illius infirmavit, sequeretur etiam maiorem esse inæqualitatem in solstitiis quàm in æquinoctiis, contra illius mentem: neque virtus terram mouens cum vi cymbam aqua plenam mouente bene confertur cum eadem virtus agat in mare & in terram, remus autem non peræque in aquam ac in cymbam sese exerat.

Porrò nil mirum, si nedum allata sit causa fluxus adæquata, cum nullus vnico intuitu totum mare, & singulos illius æstus videre queat, quod tamen videatur necessarium, ut ratio perfecta explicetur, contra quam nil afferri possit: nisi malis ad quorundam veterum prouocare sententiam, qui hunc æstum existimarunt esse sudorem quem statim profusus, mox parcius terra instar animalis emittat; sed vbi licuerit illam animal existimare, licebit etiam analogum aliquid expirationi & inspirationi fingere: quanquam semper maxima difficultas supersit de varietate fluxuum pro diuersis anni tempestatibus, fortèque ratio quam ab illustri viro expectamus, qui subtilem materiam mare vrgentem lunæ variis occurribus adiutam, æstus causam existimat, omnino satisfaciât.



HARMONIÆ

LIBER PRIMVS,

De numero, pondere, & mensura sonorum.

ARTICVLVS PRIMVS,

De numero Harmonico.

DVM Deus omnia peregerit in numero, pondere, atque mensura, neque minus ab eo scientiæ pendeant quam opificia reliqua, quandoquidem prima veritas fons est & origo cæterarum, totum harmoniæ negotium ad illa tria capita reuocamus, quorum primum hoc articulo complectemur.

Est igitur numerus Harmonicus, non is quem Euclides, & alij Geometræ l. 7. Elem. def. 2. abstractè, seu absque materia considerant, nec enim ille numerus sonum edit, quo silentium interruptit harmonicus, eique bellum indicit. Numerum igitur motuum, seu percussionum aëris, quibus potest auditus affici, ac moueri, Harmonicum appello, qualis est neruorum testudines, & Lyræ instruentium, & Fistularum, atque Tibiarum, quibus Organorum ordines perficiuntur. Neque enim strepitus & fragores inconcinni, & ingrati solent inter Harmonicos numerari.

Cum autem graue & acutum, seu grauitas & acumen præsertim à Musicis spectentur, eaque suam arcessant originem à numero motuum, seu percussionum aëris, clarum est tam sonos, quam consonantias & dissonantias omnes nil aliud esse præter varios motuum aëris ad aures appellentium numeros, & neruorum auditoriorum ope ad vsque animum elatorum: vnde nascitur

PRIMA PROPOSITIO.

Quilibet sonus tot habet gradus acuminis quot aëris motibus constiterit.

EXempli gratia, si Tympanum auris ab aëre commoto sexies percutiatur aliquo tempore dato, sonus exauditus componetur ex sex acuminis gradibus; sentietque auditus vel potius mens per auditum, se his sex gradibus, seu percussionibus, quàm alio quouis altero percussionum numero, prædicto, vel æquali tempore factò, aliter affici: quare dici potest animum sonos à sonis discriminantem, numerare, atque adeo calculatorem esse; & apud Platonis aluminos numerum numerantem; qui possit etiam leges acumini, grauitatique ponere, licet auris nil renuntiet, vt contingit quoties nerui adeo longi, vel laxi fuerint, vt solus oculus motuum seu recursuum numerum percipiat, cuius nempe testimonium sufficit intellectui veræ Harmoniæ iudici.

PROPOSITIO II.

Consonantiarum, vel sonorum consonorum perceptio nil est aliud quàm duorum vel plurium motuum diuersorum collatio, qui eodem tempore neruum auditorium afficiunt.

QVemadmodum contingit vbi neruus aliquis citharæ semel unicâ vibratione suâ percutit aërem, dum neruus alter eodem tempore neruum eundem auditorium bis ferit; quæ duæ percussiones cum sint in ratione dupla, primæ vel suauioris consonantiæ naturam statuunt, quam Præcti vocant Octauam, aut Diapason: cui subiungunt Diapente, seu Quintam dignitatis & suauitatis ordine, simplices inter consonantias, ordine secundam; cuius ratio petitur ex binario, & ternario diuersorum motuum, qui eodem tempore suas periodos conficiunt. Deinde Quartam seu Diatessaron, cæterasque, quarum numeri sequentes rationem ita complectuntur, vt maiores numeri maiorem motuum seu percussionum, minores minorem numerum exhibeant. Porro simplices appellantur, quod omnes ratione dupla, seu diapason

contineantur, hoc est eâ minores sint, eamque simul additæ componant, vt postea fusiùs explicabitur.

Simplices Consonantia.

Diapason	2. 1.
Diapente	3. 2.
Diatessaron	4. 3.
Ditonus	5. 4.
Sesquiditonus	6. 5.
Hexcahordum maius	5. 3.
Hexcahordum minus	8. 5.

Secundus Ordo.

Decima minor	12. 5.
Decima maior	5. 2.
Vndecima	8. 3.
Duodecima	3. 1.
Decima tertia minor	16. 10.
Decimatertia maior	10. 3.
Disdiapason	4. 1.

Tertius Ordo.

Decimaseptima minor	24. 5.
Decimaseptima maior	5. 1.
Decima octaua	16. 3.
Decima nona	6. 1.
Vigesima minor	32. 5.
Vigesima maior	20. 3.
Terdiapason	8. 1.

Si verò Diapasoni, primæ istius tabulæ consonantiæ, sequentes addideris, hoc est superposueris, nascetur secundus ordo consonantiarum, quas Practici Repetitiones appellant, quod parum absit quin auditum eadem ac simplices ratione afficiant, vix vt possis inter vtrasque discernere: idémque contingit in tertio consonantiarum ordine, quæ Disdiapasoni superadduntur; quarum tabulæ simplices consonantias sequuntur quæ à minoribus consonantiis incipiunt, cum prima ceperit à maioribus. Nec opus est vltèrius pergere, cum systema vocum vigesimamsecundam excedere non soleat.

Facilis verò duarum postremarum tabellarum intellectus, duplicato siquidem vnoquoque minori termino cuiuscunque repetitæ consonantiæ, clarè cernitur quid vnusquisque maior terminus faciat cum illo duplicato. Verbi gratiâ, minor terminus decimæ maioris 2 duplicatus, hoc est 4, facit cum maiore 5 tertiam maiorem: eodémque modo minor numerus decimæseptimæ maioris 1, quadruplicatus, hoc est 4, facit cum maiore termino 5 Tertiam maiorem.

In istis autem repetitis consonantiis obseruatu dignum consonantias illas esse suauiores quæ minoribus numeris radicalibus explicantur: Verbi gratiâ,

Duodecima minoribus numeris quam decima maior exprimitur, & hæc minoribus quam vndecima, estque prædicta duodecima gratiores & suauiores decima maiore, & hæc suauiores vndecimæ, & ita de reliquis, adeout numerorum simplicitas, & facilitas consonantium pulchritudinem, vel suauitatem ostendat. Hinc fit vt

doctiores censeant decimā septimā maiorem decimā maiore suauiore, licet illa magis ab vnitāte distare, & magis composita videatur.

PROPOSITIO III.

Certum iudicium ferri nequit de vlla consonantia, donec à duabus fidibus, aut aliis instrumentis toties eodem tempore aer percussus fuerit, quot sunt vnitates in utroque numero rationum illius explicante.

EXempli gratiā, nisi aer in Disdiapason percussus fuerit quater ab vno neruo, & semel tantum ab alio, vel ab vno ex iis qui Diapente faciunt, bis, tēque ab altero percutiatur; necdum enim audietur Quinta, si semel tantum vnus, alter bis aërem feriat. Nisi putes sufficere vnicam vnius cuiusque nerui vibrationem, vel percussionem aëris, quod vna percussio possit esse duplō, verbi causa, celerior altera: & hæ duæ solitariae percussiones, aut quælibet earundem partes possint quoad velocitatem esse in ratione dupla sesquialtera, aut alia quælibet.

PROPOSITIO IV.

Prius generantur simplices, suauioresque Consonantia, quàm magis composita, vel minus suaves.

NVnerus enim percussionum, seu motuum aëris, à quo fiunt, prius absolvitur: exempli gratia, tres consonantiæ. Diapason, Diapente, & Duodecima, his terminis 1. 2. 3. conclusæ proponantur; certum est tres neruos in illa proportionē dispositos ita tremere, vt neruus tripedalis semel duntaxat moueatur eodem tempore quo pedalis ter mouebitur: bipedalis verò semel tremet eodem tempore quo pedalis bis mouebitur: sed eodem momento quo hi duo nerui prædicta ratione tremuerint, diapason existet, necdum tamen erit duodecima, quod neque tripedalis neruus vnā, neque pedalis tres vibrationes perfecit.

Rursus necessarium est neruum bipedalem ter, tripedalem bis ad diapente generandum tremere, quod fieri nequit nisi pedalis eodem tempore sexies tremat, & ideo bis genita fuerit duodecima, quemadmodum octaua ter, vt numeranti constabit.

Nervus enim bipedalis citius vnit suas vibrationes cum pedalis, quàm cum tripedalis vibrationibus, priùsque consonant, quàm pedalis, aut bipedalis cum tripedali. Vnde Practicus sagax plura mysteria Harmonica in gratiam compositionum Musicarum eruet: verbi gratiâ, quantò vna consonantia sit alterâ suavior, quæ consonantiarum successio, vel mixtura reliquis anteponenda: qua de re postea.

PROPOSITIO V.

Eò suaviores, seu dulciores esse consonantias, tam singillatim quàm simul consideratas, quò frequentius aëris percussiones simul uniuntur, & unam tantum alteri præstare, quanto motus aëris quibus constat, frequentius conveniunt.

VT enim suavitas ex vnione, ita maior ex vnione maiore suavitas. Vbi notandum me suaviores dixisse, non autem gratiores, ut enim pluribus saccharum minus quàm vinum, aut aliquid acerbum, ita diapason nonnullis quàm diapente minus placet; quod pungi velint, & quadam percussionum varietate agitari, quæ quidem varietas maior est in diapente, quàm in diapason, difficiliùsque misceantur 3 cum 2 in ratione sesquialtera, quam 2 cum 1 in dupla.

PROPOSITIO VI.

Ille numerus motuum causa est cur divisio consonantiarum Arithmetica sit dulcior, atque gratior Harmonicâ.

IN hac enim illi motus minus frequenter coeunt: hincque illa divisio facilior, & familiarior ut numeranti constabit; nunquid igitur numerat animus, numerosque comparat cum harmonia capitur? sed ea de re fusius postea, cum in gratiam Practicorum varias consonantiarum combinationes, conternationes, conquaternationesque, &c. discutiemus, illarumque suavitates simul conferentus.

ARTICVLVS II.

De Pondere Harmonico.

CUm vis & pondus sint idem Mechanicis quod potentia, quandoquidem vis cuilibet adhibita machinæ, pondus; quemadmodum pondus quodpiam, vis seu potentia vocari potest; eadem etiam significatione pondus hoc articulo velim accipi; cui numerus præcedens coniungitur, cum eò pondus requiratur grauius, quò maior fuerit numerus motuum aëris, vt ex dicendis facile constabit; in quibus primum spectanda veniunt quæ ad neruos, deinde quæ ad alia corpora sonora pertinent.

I. PROPOSITIO.

*Neruus idem pro variis ponderibus eum tendentibus
varios sonos, seu numeros recursuum, aut
vibrationum habet.*

Exempli gratiâ, si pondus vnius libræ sonum producat 2 recursuum, pondus 4 librarum efficiet sonum 4 recursuum, cum experientiâ constet pondera neruo eiusdem longitudinis applicata, esse in vibrationum ratione duplicata: neruus enim 4 librisensus faciat 2 recursus in tempore dato, velitque musicus eundem neruum acutius sonare, & vsque ad diapente pertingere, vt neruus qui prius 2 tantum recursus habuit, iam æquali tempore ter recurat; certum est 9 libris neruum illum tendendum esse, hoc est in ratione duplicata 3 ad 2; & ita de reliquis, adeout, si rationes consonantiarum ex viribus, seu ponderibus censeantur, futuræ sint in ratione duplicata vibrationum, seu recursuum: cuius rei causam lege prop. 36. Ballisticæ.

Hinc autem scire potest Lyricen quanta pondera Lyræ vel Citharæ neruis 12, aut quindecim, vel quotquot aliis, quibus testudines instruuntur, admouenda sint vt ad datum concentum ascendant: hoc est quanto pondere respondeant verticilla, quibus illi nerui tenduntur, atque adeo quantum pondus manus verticilla torquens vice quilibet suppleat; quæ, verbi causâ, decem libras supplet, cum neruum crassio rem, qui prius 80 libris tendebatur, tono maiore acuit

Quod etiam tibiis, fistulis & aliis organis pneumnaticis accommo-

dare licet, quibus maius veluti pondus adhibeas, cum illorum sonos acutius: quod tamen in fidibus clarius est, & intellectu facilius. Iam vero neruorum ipsorum pondus considerandum.

II. PROPOSITIO.

Neruorum eiusdem longitudinis (vi tendente eadem vel equali) pondera sunt in ratione duplicata quæsita consonantia.

Exempli gratiâ, neruus pedalis vnus drachmæ, 4 drachmas pendere debet, vt sonum octauâ generet acutiorem; licet pondus duplum sufficiat neruo tendendo, cum suam duplam grauitatem in sub duplam longitudinem conuertit. Vis etiam illa quam soni & concentus in auditorum animos exerunt, & qua perueniunt ad hanc aut illam distantiam, ad pondus harmonicum reuocari potest: nam quò maius erit pondus, seu maior tensio, eò longius perueniet sonus; & pondera in ratione duplicata sesquialteræ, suauius audientis animum ferient ope neruorum tensorum, quam pondera in ratione duplicata sesquiterciæ.

III. PROPOSITIO.

Pondera Campanarum, cylindrorum & aliorum similium corporum, quibus utimur in harmonia, sunt in ratione triplicata sonorum, seu vibrationum quibus sonus producitur.

Exempli gratiâ, si campana sonum aliquem edens sit pondo centum librarum, non poterit haberi sonus octauâ grauior, nisi fiat campana 800 librarum; si nempe fusorum legem sequaris, qui duplam campanæ latitudinem tribuunt, à qua sonum duplo grauiorem expectanti, corpora, nempe similia, sunt inter se in ratione laterum homologorum triplicata. Idemque contingeret organorum tiblis & fistulis, si hæ forent similia corpora: hoc est si non solum altitudines, & latitudines, sed etiam densitates duplicarentur: vt fit etiam in fidibus, quæ cum similitudinem obseruant, ea quæ sonum octauâ facit acutiorem octuplo grauior, atque maior est.

Qualia verò debeant esse pondera pro quibuscumque sonis & concenti-

bus non solum ex dictis concludi potest, cum pondera perpendiculariter versus terræ centrum fides trahunt, sed etiam cum super planis obliquis, si Musicus Mechanica nostra intelligat.

ARTICVLVS III.

De sonorum mensura.

HOc articulo non solas fidium mensuras, seu quantitatem prosequimur, verum etiam mensuram celeritatis soni cuiuslibet, illiusque robur, nil vt supersit quod non complectamur numero, pondere & mensura. Sit igitur

I. PROPOSITIO.

Eadem est ratio longitudinis neruorum eiusdem crassitudinis, & tensionis, ac sonorum seu vibrationum quibus soni constant.

EXempli gratiâ, si neruus longitudine bipedalis faciat sonum octauæ grauiorem, pedalis acutiorem tribuet: neruorum enim prædictorum longitudines, & recursus seu vibrationes eandem rationem, licet inuersam obseruant; cum enim duo nerui ita se habent, vt vnus sit alterius duplus, vibrationes dupli sunt subduplæ vibrationum subdupli, neruus enim eadem ratione frequentius, seu velocius tremit, quâ breuior est.

II. PROPOSITIO.

Crassitudo fidium equaliter tensorum, & longitudine equalium, sunt in ratione duplicata sonorum, quos efficiunt.

Hinc fit vt neruus crassitudinis vnus lineæ debeat excrecere ad 4 linearum crassitudinem, vt generet sonum octauæ grauiorem: vel decrecere ad quartam partem lineæ, vt faciat acutiorem, idemque dicendum de neruis dispartitis, totum, aut quodlibet aliud intervallum effecturis: Exempli gratiâ, neruus 4. lineis crassus debet ad 9 lineas inflari, seu inrassari, vt diapentes sonum grauiorem generet:

quæ omnia rationes duplicare scientibus clariora sunt quàm vt maiori explicatione illustrari debeant.

III. PROPOSITIO.

Prætorum vsus optimus, instrumentis suis nervos adhibentium eò crassiores quo longiores, vt ea ratione crassitudo, qua longitudo augeatur.

Quod cernitur in Violis, Citharis, testudinibus, &c. alioqui graciliores, ac macilentiores erunt soni nervorum longiorum, nisi crassiores fuerint: quemadmodum obtusiores & hebetiores, si nervi breviores longiorum crassitudinem æmulentur. Cum tamen non ita sint ad manum nervi quæsitæ proportionis, coganturque Prætorum non semel vti nervis debitam crassitudinem non habentibus, id partim variis longitudinibus, vel tensionibus compensant. In clavicymbalis illa proportio longè facilius observatur, in quibus tam crassitudines quàm longitudines fidium differunt, quas eiusdem longitudinis cogimur citharis adinovere.

Porro cum fistulæ sint cylindricæ, atque adeo fidium imitentur figuram, eadem inter se rationem obtinent ac ipsæ fides, dum sonos æqualiter acutos edant: in eoque solum discrepant quod cylindri caui, nervi verò pleni sint. Quæ possunt etiam campanis accommodari, quæ vt duplo tardius fremant, seu vibrentur, octuplæ sunt tam pondere, quam magnitudine, vt iuxta diametrum vel latitudinem, aut altitudinem sonora corpora simplicem linearum rationem; penes superficiem, duplicatam planorum rationem; secundum soliditatem, rationem solidorum triplicatam complectantur; eaque ratione Musici in arte sua contempletur naturam lineæ, plani, & solidi; seu longimetriam, planimetriam, & stereometriam.

IV. PROPOSITIO.

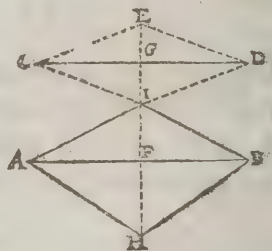
Sonorum magnitudo seu robur à fidibus editorum pendet à velocitate motus fidium: qui cum duplus fuerit, robur etiam duplum erit: hoc est in eadem ratione sonorum magnitudines existunt, in qua nervorum velocitates.

Hic autem diligenter velocitas nervi recurrentis à frequentia vibrationum, seu recursuum distinguenda est, cum à se inuicem minimè pendeant: potest siquidem nervus velociter moveri, licet sonum admodum grauem edat, vt reuèra contingit nervo longissimo, puta sexpedo, qui sonum eò fortiorem edet, quò longius à sua rectitudine distractus fuerit: quamuis acumen non mutetur, siue lineam vnicam, siue digitum distrahatur. Hæc igitur velocitas, de qua nunc loquimur, pendet à spatij magnitudine, quod eodem tempore pertransitur, si enim pedale spatium eodem, vel æquali tempore statim à nervo percurratur, statim verò digitale, soni in primo spatio facti robur duodecuplum erit roboris soni in secundo spatio editi.

V. PROPOSITIO.

Si primus nervi recursus sit ab H ad F, & secundus recursus sit primi subduplus, deinde tertius secundi subduplus, & ita in infinitum vsque ad nervi quietem, primus recursus æqualis erit omnibus alijs sequentibus recursibus simul sumptis.

Sit nervus A B clavis in A B detentus, cui sit æqualis nervus C D, vel si mauis, idem; trahaturque nervus A B ex F in H, si recursus ex H in I sit duplus recursus eiusdem vel æqualis nervi C D secunda vice recurrentis ex I in E; & eâ subdupla ratione reliqua recursuum diminutio fiat, demonstratum est medietates omnes vnâ sumptas primo recursum, qui totius rationem habet, æquales esse, vt Præfatione generali, puncto xvii. dictum est.



Ex hoc autem schemate constat quod superiore prop. habetur, videlicet recursum ex H in I eodem vel æquali tempore factum ac recursum ab I ad E, eò velociorem esse, quò H I recta maior est recta I E; & ex consequenti sonos vnisonos à motibus tanto velocioribus, aut tardioribus fieri posse, quanto volueris: sed eò debiliores esse sonos quò maior erit recursus cuiuslibet tarditas, aut quo spatium à nervo percursum, eodẽ tempore quo maximum spatium H I percurritur, minus erit, vt quodammodo possit affirmari

sonorum omnium ab omnibus vibrationibus subduplis factorum robora, seu vires adæquari vibrationis primæ, seu omnium maximæ robori.

Sed libro 2 de causis sonorum prop. 32. ostensum est secundam vibrationem esse ad primam seu maximam, vt 19 ad 20; hoc est prima existente ab F ad H, quando H F 20 partium intelligitur, secundam, seu recursum ab F ad I esse duntaxat 19 partium: quo posito, si H F fuerit spatium vnus lineæ, & nervus A B sit tripedalis, ita tensus vt faciat vnisonum cum fistula organica bipedali, periodus vibrationum vsque ad quietem durat ad minimum 12 secunda; cumque spatium cuiusuis secundi tremat ducenties, spatium 12 prædictorum secundorum 2400 recurret; eritque recursus bismillesimus pars lineæ, quam fractio sequens exprimit, vt fusiùs loco citato dictum est.

100, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000, 000,

1162853878
000,000,000,000*

Cum autem nervus iste reliquorum possit esse mensura, sitque illius crassitudo, vel potius diameter $\frac{1}{2}$ lineæ proximè, eo deinceps utemur.

ARTICVLVS IV.

De nervorum, fidium, & chordarum robore, & vibrationum numero.

I. PROPOSITIO.

Nervus ex intestinis ovium factus debilior est chordis metallicis eiusdem crassitudinis.

Constat enim experientia nervum ex vnico factum intestino, cuius crassitudo $\frac{1}{2}$ lineæ, frangi 7 libris; chordam verò auream eiusdem crassitudinis frangi 23 libris, vt & argenteam; æneam libris 18 $\frac{1}{2}$, & ferroam 19: quod pluribus admirabile visum est.

II. PROPOSITIO.

Nervorum ex intestinis factorum extensio sonora maior est extensione sonora chordarum metallicarum.

Quandoquidem nervi à grauiſſimo ſono, de quo poteſt auris muſica ferre iudicium, uſque ad acutiſſimum, hoc eſt donec tenſione, vel pondere frangantur, ad vigefimam aſcendant, ſeu ad hexachordum maius ſuper diſdiapafon. Chorda verò aurea, & argentea non poſſunt ſuperare vndecimam, hoc eſt diapafon diateſſaron; neque ferrea, aut ænea decimamnonam, ſeu diapente diſdiapafon. Hinc autem conſtat à practicis recte fides ex inteſtinis, aut chordas æneas electas, cum ſonorum vocis extensionem æmulentur.

Optimus autem, ſeu magis Harmonicus ſonus nervi circa dimidium extensionis prædictæ ſtatui poteſt: ut cum, verbi gratia, ad decimam vel duodecimam à ſono grauiſſimo tenſus fuerit, illic ſuavio-rem ſonum edat.

III. PROPOSITIO.

Cuiuslibet nervi, chorda, vel alterius instrumenti ſonum edentis recurſum, ſeu vibrationum numerus, eodem tempore factus ſemper æqualis eſt, quoties faciunt uniſonum.

HÆc propositio generalis eſt, ſiue fiant ſoni à rudentibus & chordis ex cannabe, ſerico, &c. vel ab æneis, ferreis, nervis, &c. ſiue fiat à cylindris metallicis, aut ligneis, ſiue à campanis, quarum partes toties vibrantur, ſeu criſpantur, aut fremunt, quoties nervi tremunt. Idemque dicito de vibrationibus æris ad ora fiſtularum, rubarum, &c. vel etiam ad arteriam hominis canentis, vel loquentis, alluſi, cum ſoni gravitas vel acumen datum nil ſit aliud quam data frequentia, ſeu datus numerus percuſſionum, vibrationum, aut fremituum æris, quo tandemcumque modo generetur.

IV. PROPO-

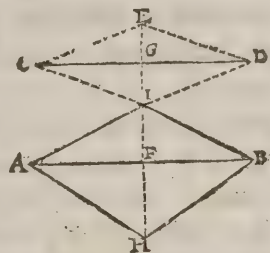
IV. PROPOSITIO.

Quinquaginta ad minimum vibrationes nerui factæ spatio unius secundi, hoc est $\frac{1}{3600}$ parte hora, faciunt sonum unisonum cum fistula Organica octupedali, seu cum tubo aperto 8 pedum; vel quadrupedali obturato.

Quem tubum eligo, quod ubique ferè Practici nouerint vocem, & instrumenta tibiis Organicis accommodare, & cuius grauitatis sit sonus octupedalistibiæ siue apertæ, de qua nunc; siue clausæ, cuius sonus duplo grauior est, atque adeo 25 recursibus nerui spatio minuti secundi factis respondet, ad quem vix vlla Musici vox perueniat.

Porro cum neruus adeo latus, vel crassus est vt spatio secundi 16 duntaxat recurat, seu tremat, vix auditus vllus de illo sono iudicet, quod vel non audiatur vel illius grauitas nimia sit. Hincque fit chordam tubo pedali clauso vnisonam, (qualiter est ænea 9 digitos longa, & $\frac{1}{4}$ lineæ crassa, librisque $6\frac{1}{2}$ tensa, cuius pondus 8 granorum) ducenties vibrari, & recurrere spatio secundi.

Nota verò hîc recursum sumi non pro solo cursu nerui AB (primò ad H tracti) ex H ad I peruenientis, sed pro integra periodo, seu itu ab H ad I, & reditu ab I ad H, hoc est pro cursu & recurso, vel fluxu refluxûque: adeout chorda præcedens AB 9 digitorum tracta ad H, iter HI ducenties, & iter IH totidem conficiat.



Quod ipse demonstrabis si hanc chordam æneam 15 pedes longam libris $6\frac{1}{2}$ tetenderis, quippe decem illius periodos itu, reditûque constantes quouis secundo numerabis; cumque pedes vigesies contineant 9 pollices, seu digitos, sintque numeri recursuum in inuersa, seu reciproca ratione longitudinis chordarum, sequitur chordam 9 digitorum vigesies tremere velocius, hoc est vibrari ducenties eodem tempore, quo decies vibratur chorda 15 pedum, semperque chorda æquè tensa vibrabitur eò tardiùs, aut velociùs quo longior, vel breuior fuerit: Verbi gratiâ, cum erit 30 pedum, quin-

que periodos perficiet: si 150 pedum, semel eodem tempore vibrabitur; utque tantum semel vibretur spatio minuti primi, producenda ut sit 9000 pedum, quæ periodum unicam horæ spatio perficiet, si 36 leucarum nostrarum extiterit; quæ cum ad praxim redigi nequeant, omittenda.

Dixi in propof. *ad minimum*; quod nempe constet ex obseruationibus sæpe repetitis neruum quater & centies recurrere spatio vnus secundi, quando facit vnisonum cum organica fistula bipedali obturata, quæ supra vocem meam grauissimam diatessaron efficit. Hanc fistulam vocant C faut Organarij. Hunc autem recursuum numerum inuenient quicumque neruum minorem reticularum (5 vel 7 intestinalis constantem) 18 pedes longum & ex vna parte clauo detentum, ex altera parte libris 2, super trochlea tetenderit: Sexies enim spatio secundi recurret; cum igitur pedalis erit, octodecies velocius recurret, hoc est 104 periodos absoluet. Hanc autem chordæ vibrationem *κράτασμα* appellant.

COROLLARIUM.

Hinc dicet quispiam quoties recurrant omnes nerui plurimum testudinum, & aliorum instrumentorum in quolibet concentu, & vnico numero ad marginem diagrammatum omnibus Musicis cuiuscumque loci significabitur quo tono quamlibet harmoniæ partem incipere debeant.

Cum autem Organi tubus acutior ascendat ad terdiapason super prædictam fistulam, neruus illi vnisonus eodem secundi spatio 832 vicibus recurret: qualis est vltima seu breuissima chorda chalybea Spinetarum, & Clauicymbalorum, vel Archiuiolæ neruus breuissimus: quandoquidem longissimus eodem secundi spatio bis & quinquagies recurret: quare neruus hocce longissimo disdiapason grauior ipatio secundi recurret terdecies, & erit tubi organici sexdecim pedum obturati, vel 32 pedum aperti vnisonus: necdum tamen recursus istos numerare poteris, cum decem recursus sint limes imaginationis, vel oculi numerantis, ut cuilibet experienti constabit.

V. PROPOSITIO.

Fidium, & Organorum sonus spatio secundi, 230 Hexapedas, seu 1380 pedes conficit.

Hinc scire possunt qui propius admouentur concentibus harmonicis, quanto citius voluptate perfruantur harmonicâ, quam ij

qui longius absunt : & quanto citius campanæ malleis percutiantur, seu quanto citius campanæ, plectrorumque motus videatur, quàm sonus audiat : qua de velocitate plura diximus olim, tam in harmonicis Latinis, quàm in Gallicis, nupérque prop. 35 Ballisticæ.

Cuius rei facillè poteris experimentum facere, in pergulis longissimis, qualis est regia Luparo coniuncta, quam vocamus *les Tuilleries*: quoties enim Violam, Organum, aut campanam ab 230 sexpedis audieris, toties plectri motum oculis hauries (si tamen satis acutè cernas à tanto spatio) secundo minuto, priusquàm auris sonum percipiat; eodémque modo post 2, 3, 4 aut plura secunda sonus audietur, si bis, ter, quater, &c. tantumdem instrumenta distiterint : cùmque vndecim secunda ferè consumat sonus in leuca percurrenda, si diei extremæ tuba ex terræ puncto in quo canet, per totum terræ ambitum audiat, decem propemodum horis vbique terrarum percipietur : eodem enim tempore cuiuslibet maioris circuli semicircumferentiam tam à dextris quàm à læua, & in omnem aliam partem sonus (dummodo satis validus) conficiet.

Hæc autem soni magnitudo, seu vis, saltem 360 maior esse debet sono bombardæ maioris militaris, quæ solum à decem leucis exauditur. Cætera videantur tribus primis libris nostrorum maiorum Harmonicorum anno 1636. editorum.

LIBER SECVNDVS.

De Arte Cantuum componendorum, seu Melopœia.

HÆC Ars propriis elementis constat quæ sequentibus propositionibus ita complecti cupiam, vt Lector vnus, aut alterius horæ spatio artem istam animo, & ipsis, vt ita dicam, oculis haurire, & ad eam praxim, qua delectetur, redigere valeat : sit igitur

I. PROPOSITIO.

Viginti duo rhombi, (vulgò notæ) sonos, phtongos, seu voces systematis harmonici ex tribus octavis compositi referunt, & omnia complectuntur quæ compositi

tionem cantilena cuiuspiam, vel Bicini, Tricini, Quadricini, &c. ingrediuntur in genere diatonico syntononullis accidentibus affecto, vel immutato.

Qui notas istas ab inferiore parte incipientes intelliget, & absque difficultate, siue continuò, tam ascendendo, quam descendendo; siue per saltus canere poterit, parti cuilibet Musicae tempora minimè varianti, & syntonum obseruanti satisfaciet. Quod ita demonstrare velim ut ipsa demonstratio praxim doceat.

I. II. III. IV. V. VI. VII. VIII. IX.

						Hæc autem
8	c	22	VT	576	90	Tabella Har-
	b	21	BI	940	96	monica no-
6	a	20	LA	480	108	uem colum-
	g	19	SOL	432	120	nas habet,
	f	18	FA	384	135	quarum pri-
5	e	17	MI	360	144	ma triū mu-
	d	16	RE	320	162	sicæ clauium
4	c	15	VT	288	180	loca vulga-
	b	14	BI	270	192	ria: secunda
	a	13	LA	240	216	præcipuas
	g	12	SOL	216	240	cōsonantias
3	f	11	FA	162	270	eo se conse-
	e	10	MI	180	296	quentes or-
	d	9	RE	160	324	dine, quo
2	C	8	VT	144	360	fiunt à tuba
	B	7	BI	135	384	per 6 primos
	A	6	LA	120	432	saltus per
	G	5	SOL	108	480	quos Tubicē
	F	4	FA	96	540	necessariò
	E	3	MI	90	576	transit, ante-
	D	2	RE	80	648	quam tonis,
I	C	1	VT	72	720	aut semito-
						niis uti
						queat.

Tertia notas omnes syntonas, ordine continuò refert, quæ tam dissonantias, quam consonantias complectuntur.

Quinta totidem números serie naturali & continua ab unitate ad 22 habet, quibus postea tam consonantiæ, quàm dissonantiæ explicabūtur.

Sexta syllabis constat quibus ab Aretino hucusque in notis pronuntiandis utimur, sola septima syllaba BI ex eodem Hyinno, *Et queant laxis*, desumpta, ex quo 6 alias ille sumpserat.

Septima minimos habet numeros, quibus illæ notæ, & syllabæ possunt exprimi absque numerorum fractione vel interruptione, cum minoribus numeris soni grauiiores significantur, hoc est cum vera soni natura declaratur, cum eò paucioribus vibrationibus generetur quò grauior est: hinc fit ut infra sint numeri minores, & semper crescant ascendendo, eadem prorsus ratione qua vibrationes.

Octaua numeros alios habet etiam in genere suo minimos; quippe maiores referunt sonos grauiiores, atque adeo neruos longiores, vel crassiores: eapropter primus numerus inferior est omnium maximus, & in septima columna minimus.

Nona denique columna rationem cuiuslibet interualli demonstrat, ne quis laboret in inuestigandis locis tonorum maiorum, atque minorum: noueritque vnico intuitu quot tonis minoribus aut maioribus, quotne semitonis constet vnaquæque consonantia. Superest quarta columna, quæ litteras Alphabeti primum capitales primæ seu grauiori octauæ destinat; deinde minores Romanas pro secunda octaua; tertio denique Italicas pro tertia octaua, ut qui hisce litteris in componenda musica uti voluerit, sciat ad quam octauam quælibet pars concentus pertineat: sed & numeri 5 columnæ in describendis cantilenis siue vnus, siue plurium partium esse possunt utiles, dummodo notarum sit idem valor & sola Grammaticæ cognitio syllabis breuiandis, corripientis, vel producendis sufficiat, hoc est numeri vera systematis loca dumtaxat ostendant. Iam verò modum cuiuslibet consonantiæ, vel dissonantiæ in systemate prædicto cognoscendæ tradamus.

PROPOSITIO II.

Omniū consonantiarum atque dissonantiarum loca in prædicto systemate notare, & quam vnaquæque vox aut nota cum alia qualibet altera nota consonantiam aut dissonantiam faciat explicare.

Secunda columna suis numeris ostendit primum seu grauiorem vocem VT, facere cum octaua voce diapason 1 ad 2; cum duodecima

nota diapason diapente 1 ad 3; cum decimaquinta nota disdiapason 1 ad 4: cum decima-septima disdiapason ditonum 1 ad 5: cum decimamona disdiapason diapente 1 ad 6, & cum vigesima-seconda trisdiapason 1 ad 8; vltra quam consonantiam & sonorum extensionem vix vlla vox humana, aut etiam 4 partium compositio pertingat.

Sed illa prima vox VT plures alias consonantias cum aliis notis efficit, nempe ditonum cum secunda MI, diatessaron cum quarta FA; diapente cum quinta SOL; & hexachordum maius cum sexta LA: nullam verò notam habet in hoc genere, qua cum minus hexachordum faciat: cui postea remedium adhibebitur.

Porro qui nouit quam faciat quælibet nota consonantiam cum quauis altera in vnus octauæ systemate, nouit ex consequenti quam faciat cum aliis notis aliarum octauarum superiorum, cum primæ, hoc est minores simplicioresque consonantiæ solummodo repetantur: verbi gratiâ, præcedens nota VT facit ditonum repetitum cum decima nota; & diatessaron repetitum cum vndecima: hincque fit vt practici nomina tribuant cōsonantiis iuxta numerum quo nota data distat ab alia: exempli causâ, quia sunt tres notæ ab VT ad MI inclusiue, dicitur Tertia: Quarta ab VT ad FA, Quinta ab VT ad SOL, & ita de reliquis, adeout consonantiæ septem secundâ columnâ numeris exhibitæ dicantur Octaua, Duodecima, Decimaquinta, Decima-septima, Decimanona, & Vigesima-seconda.

Quod autem de prima nota VT dictum est, de secunda RE, & aliis sequentibus intellige: RE siquidem cum FA facit Tertiam, sed minorem, quam propterea vocant Theorici sesquiditonum: quam in hoc systemate non potuit habere VT. Idem RE cum SOL facit Quartam, cum LA Quintam, cum BI Sextam, & ita de cæteris.

Tertia nota MI facit cum SOL Tertiam minorem, cum LA Quartam, cum BI Quintam, cum VT sequente Sextam minorem, quam neque Prima vox VT, neque secunda RE habere potuit.

Quarta nota FA facit Tertiam maiorem cum LA; sed non habet Quartam iustam, cum faciat Tritonum (quæ dissonantia est) cum syllaba BI: sed facit Quintam cum secundo VT, seu octaua nota: deinde Sextam maiorem cum nona syllaba RE, denique cum vndecima nota facit Octauam.

Quinta nota SOL, facit cum septima nota BI Tertiam maiorem, cum VT sequente quartam: sed cum ab isto VT ad RE sit tonus minor, non autem maior, quo Quartam Quinta superat, non habet Quintam: cui postea incommodo succurretur. Sextam maiorem facit cum decima nota MI: denique Octauam cum sua cognomine SOL.

Sexta nota LA, facit Tertiam minorem cum octava nota VT; Quartam cum nona RE: Quintam cum decima MI: Sextam minorem cum undecima nota FA, & octavam cum decima quinta nota LA. Septima denique BI nullam habet Tertiam, quod post semitonium maius BI, VT, sequatur tonus minor *ut, re*, cum maius requiratur, unde fit *ut* D, seu RE duplex esse debeat, & inter illa duo D comma seu ratio 80 ad 81 interfit. Quod ad octavam notam attinet, idem de ea dicendum ac de prima.

Aliæ cum singulis notis coniunctiones, seu comparationes, quas omisimus, ostendunt dissonantias: verbi gratiâ, vox prima VT facit secundam maiorem, seu tonum cum secunda nota RE, & septimam maiorem cum septima nota BI. Similiter RE facit secundam cum MI, & cum octava nota VT septimam minorem. MI facit cum *fa* secundam minorem, & cum nona nota RE, septimam minorem. Ex quibus de reliquis notis facile iudicabitur. His positis, regulæ compositionis dari possent; quæ tamen cum aliis vocibus, chòrdis seu notis egeat quæ huic systemati desunt, tantisper differendæ, donec illas chordas addiderimus.

PROPOSITIO III.

Omnes Quartæ, Quintæ, & Octavæ species in præcedente systemate, atque adeo modos, seu Tonos assignare.

Hic minimè curabimus quænam dici soleat, aut debeat prima, secundæque species siue Quartæ, siue Quintæ, cum primatus ille pendeat ab hominum arbitrio: quanquam ad vitandam confusionem vocabulis primæ, secundæ &c. usuri sumus. Sit igitur prima Quartæ species ab VT ad FA; secunda verò à RE ad SOL tertia à MI ad LA, ut prima semitonium habeat supremo, 2 medio, 3 infimo loco; neque enim plusquam ter locum mutare potest.

Quintæ species 4: quarum prima ab VT ad SOL; 2 à RE ad LA: tertia à MI ad BI; 4 denique à FA ad VT superius, in quibus præsertim atterdendus semitonij locus, cuius dispositione Cantus varios effectus sortiuntur.

Octavæ sunt septem species, quòd septem modis illæ tres Quartæ species cum 4 Quintæ speciebus simul iungantur. Itaque prima species Octavæ incipit ab VT inferiore & definit in VT superiore, fitque ex

prima specie Quintæ & prima specie Quartæ : secunda fit ex 2 specie tam Quintæ quàm Quartæ : vt Tertia species ex tertia specie Quintæ, Quartæue. Quarta species ex quarta specie Quintæ, & prima Quartæ. Quinta ex prima specie Quintæ, & secunda Quartæ. Sexta ex secunda specie Quintæ, & tertia Quartæ. Septima denique fit ex semidiapente (quod est à BI ad notam vndecimam FA, quod vulgò dicitur à practicis MI, vel potius BI contra FA) & Tritomo, qui perficit hanc 7 octauæ speciem cum 14 nota FA.

Vnde constat 15 chordas, seu voces requiri ad has Octauæ species complectendas. Cum autem Modi nil sint aliud quàm Octauæ prædictæ ; sequitur modos eodem numero coarctari posse ; cum alij, quos plagales vocant, ab istis solummodo differant, quòd eandem Quartæ speciem, quam illi Quintis superponunt, isti subiiciant. Quòd faciliè ex nostro systemate intelligitur, si modos, seu Octauas prædictas ab octaua nota VT incipias : tunc enim modus plagius, quem secundum vocant, quod primum, vt pote suum authenticum sequatur, incipit à quinta nota SOL, quod species Quartæ ab isto SOL ad Octauam notam VT fit eadem cum specie inter 12 & 13 notam interiecta.

Idemque dicendum de quarto modo, qui plagius secundi ; vt octauus septimi, decimus noni, & duodecimus vndecimi. Qua ratione sex octauæ species 12 modos facere dici possunt.

Vbi obseruandum est quartam octauæ speciem à 4 nota FA incipientem non habere Quartam, sed Tritonum initio, atque adeo plagalem modum efficere non posse. Similiterque septimam speciem à BI incipientem non posse modum authenticum, seu principalem gignere, quòd neque Quintam infra, neque Quartam superius habeat. Primus itaque modus principalis à prima nota seu voce, VT : secundus à secunda, & ita deinceps : adeo vt primum liceat appellare VT, secundum RE, tertium MI, &c.

PROPOSITIO IV.

Tabellam septem Diapason species, & duodecim vulgares Modos complectentem explicare.

Duodecim Modi Hodierni.

I II III IV V VI VII VIII IX X XI XII.

16	a											RE	
15	g									VT		vt	
14	f						FA			ba		ba	
13	e				MI		mi			la		LA	MI
12	d			RE	re		re			SOL	RE	sol	re
11	c	VT		vt	vt		VT	VT		fa	vt	FA	VT
10	b	bi		bi	BI	MI	bi	bi		MI	BI	mi	bi
9	a	la		LA	re	LA	LA	LA		re	la	RE	LA
8	G	SOL	VT	sol	vt	SOL	vt	sol	sol	VT	SOL		sol
7	F	fa	ba	FA	BA	fa	ba	FA	FA		fa		fa
6	E	MI	LA	MI	la	MI	LA		mi		mi		MI
5	D	re	sol	RE	SOL		sol		re		RE		
4	C	VT	FA		fa		fa		VT				
3	B		mi		mi		MI						
2	A		re		RE								
1	F	VT											
I V II IV III VII VI I V II VI III.													

Septem Diapasonis Species.

Quisquis primæ prop. tabellam intellexerit in hac minimè laborabit, quæ septem octavæ species numeris Romanis inferioribus significatas, & 12 modos numeris, item Romanis superioribus explicat. Porro 14 columnis hæc tabella constat, quarum prima numerum 16 chordarum, seu Phtongorum atque vocum; secunda litteras, seu characteres habet quibus vulgò notæ, more Guidonico designantur, & testudinis, aliorumque instrumentorum diagram-

matibus à Gallis adhibentur, cum plures Itali & Germani primæ columnæ numeris uti malint. Reliquæ 12 columnæ 12 modos complectuntur; quorum primus, 3, 5, 7, 9, & 11 *principales* appellantur; 2, 4, 6, 8, 10 & 12 ferui, seu plagales: qui nihil ab authenticis differunt, nisi quod eandem Quartæ speciem habeant inferius, quam principales habent superius: quod tamen sufficit ad variandam Octauæ speciem, ut cernitur in secundo modo, qui pertinet ad quatuor Octauæ speciem, cum primus ex prima generetur, vel potius sit idem cum ea, quæ similiter modum octauum generat.

Cum autem Ars Componendi pendeat à modis, quos Præfici ad varios effectus, & diuersa animi gignenda, vel significanda pathemata seligunt, qui tabellam hanc probè intellexerit, quousvis cantus cuilibet subiecto poterit accommodare: quapropter fusiùs illam explicemus.

Primum itaque modus quilibet, authenticus præsertim qui numero impari occurrit, 8 voces, seu chordas habet, quarum aliæ dicuntur communes, quod etiam aliis modis conueniant, neque Modi Cadentiis inferuiant; aliæ propriæ, ex quibus solet agnosci Modus: illas minutioribus characteribus, seu litteris, has autem maioribus significatas volui, ut vnico intuitu Musicus Cadentias vniuscuiusque Modi cognoscat. Exempli gratiâ, Cadentiæ primi modi sunt VT, MI, SOL, VT; & vndecimi RE, FA, LA, RE.

Secundò; modi plagales suorum authenticorum cadentiis vtuntur; ut constat ex secundo, cuius Cadentiæ FA, LA, SOL, sunt eadem ac Cadentiæ primi VT, MI, SOL, ultra quam non ascendunt: hinc fit ut Præfici quidam censcant plagales solius Diapente extensionem habere: ac si Diatessaron, quo deprimuntur, & sub authenticis descendunt, nihili ducerent.

Tertiò notandum est, me hic octo uti vocibus in Octaua exprimenda, ut vnaquæque vox suam propriam syllabam habeat ne, secundum illud *mi*, vel *fa*, quod in octauæ syllabis Guidonianis repetitur, confusionem pariat. Itaque post syllabam *la*, pro *mi*, vel *fa*, legimus *bi*, vel *ba*; ut quoties post *la* tonus faciendus est, atque adeo semitonium ante *ut*, dicatur *bi*; & quoties semitonium fit post *la*, & ex consequente tonus ante *ut*, dicatur *ba*: quod iam Cantoribus Romanis placuisse audio; quandoquidem æquum est voces differentes syllabis discrepare: quæ ubi ad praxim sæpius reductæ fuerint, vulgaribus longè commodiores apparebunt.

Quartò, Cadentias capitalibus litteris scriptas ostendere chordas modales, quæ sæpiùs in cuiuslet modi Cantilenis tangendæ ad modi genium menti profundius imprimendum: Ab his etiam incipiendum

& definendum ; & in medio Cantu vna ex duabus mediis cadentiis (veluti cantilenæ comma vel punctum) facienda est ; verbi gratiâ , si cantus ad primum modum, seu primam octauæ speciem pertineat, per MI, vel SOL cantilenæ medietas finienda : est autem SOL præcipua Cadentiæ, quod per illud diapente definat, cuius MI dicitur medietas. Idemque dicito de reliquis Cadentiis, quæ sunt in aliis syllabis, cum Cantilenæ ad alios modos pertinent, vt ex tabella constat.

Quintò, modi quorum Cadentiæ faciunt Consonantias, magis inter se conueniunt, quàm modi, quorum Cadentiæ dissonant : & qui eandem Quintæ speciem habent, similiores sunt quàm ij qui diuersam habent. Verbi gratiâ, nonus modus similior est primo, quàm tertius vel quintus, quod illi primâ habeant Quintæ speciem. Similiter vndecimus & tertius in secunda diapente specie conueniunt, solisque Quartis discrepant ; cum ab vtroque nonus tam Quinta quàm Quarta differat.

Sextò constat quibus in locis vnusquisque modus sua duo semitoniam collocet ; quandoquidem primus loco, seu interuallo, tertio, & vltimo : Secundus tertio & penultimo : Tertius secundo & penultimo : Quartus secundo & quinto : Quintus primo & quinto : Sextus primo & quarto : Septimus quarto & vltimo : Octauus tertio & vltimo. Nonus tertio & penultimo : Decimus secundo & penultimo, quemadmodum Tertius : quare non debent distingui, cum iisdem Quintæ, Quartæque speciebus constant. Vndecimus secundo & quinto : Duodecimus denique primo & quinto loco, quemadmodum Quintus, adeout decem modi inter se diuersi, supersint.

Quod tabella sequens vnico intuitu repræsentat : cuius prima columna modorum numerum à primo ad 12 ; secunda quonam interuallo primum vnus cuiusque modi semitonium occurrat : Tertia denique quo loco, seu interuallo secundum semitonium inueniatur in modis 1 & 8, 3 & 10, 4 & 10.

1	3-7	Vbi vides modos 1 & 8, 2 & 9, 3 & 10, 4 & 11, 5 & 12 penitus in iisdem semitoniis conuenire.
2	3-6	
3	2-6	Sed cum Practici censeant plagales eosdem esse cum authentis, ob easdem Quintæ, Quartæque species, licet diuerso modo collocatas, vtpote in illis infra, in his supra: velintque Cadentiam finalem illorum eandem esse cum horum finali; atque adeo solius Quintæ habeant extensionem, ac si Quartam quâ sub authentis descendunt, nil illis adderet; satius fecerint si 7 duntaxat, quot octauæ species admittant: vel sex, si septimam octauæ speciem ob Tritonum, & semidiapente reijciant.
4	2-5	
5	1-5	
6	1-4	
7	4-7	
8	3-7	
9	3-6	
10	2-6	
11	1-5	
12	1-5	

Nonò, minimè laborandum de nominibus antiquis modorum, quoniam videlicet Dorius, quis Phrygius, &c. vocaretur. Aduerte tamen virum eruditissimum I. Baptistam Doni erutis ex maiori vetustate modis primam diatessaron speciem à MI, secundam ab VT, & tertiam à RE: primam Quintæ, speciem à MI; secundam à FA; tertiam ab VT, & quartam à RE; primam verò octauæ speciem eandem cum nostra septima facit: secunda illius est nostra prima: illius tertia est nostra secunda: illius quarta, nostra tertia: nostra quarta, illius quinta: nostra quinta, illius sexta; denique nostra sexta est illius septima.

I. II. III. IV. V. VI. VII. VIII. IX.

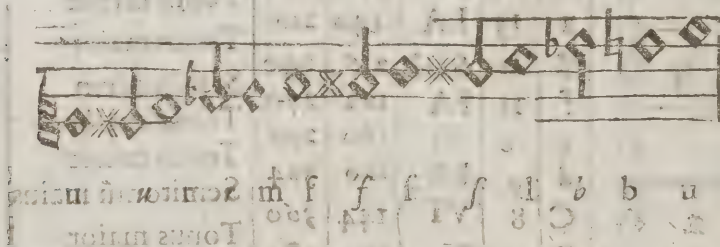
8	◇	c	22	VT	576	90	
	◇	b	21	BI	940	96	Semitonium
6	◇	a	20	LA	480	108	Tonus maior
	◇	g	19	SOL	432	120	Tonus maior
	◇	f	18	FA	384	135	Semitonium
5	◇	e	17	MI	360	144	Tonus maior
	◇	d	16	RE	320	162	Tonus minor
	◇	c	15	VT	288	180	Semitonium
4	◇	b	14	BI	270	192	Tonus maior
	◇	a	13	LA	240	216	Tonus minor
	◇	g	12	SOL	216	240	Tonus maior
3	◇	f	11	FA	162	270	Semitonium
	◇	e	10	MI	180	296	Tonus maior
	◇	d	9	RE	160	324	Tonus minor
	◇	c	8	VT	144	360	Semitoniū maius
2	◇	C	7	BI	135	384	Tonus maior
	◇	B	6	LA	120	432	Tonus minor
	◇	A	5	SOL	108	480	Tonus maior
	◇	G	4	FA	96	540	Semitoniū maius
	◇	F	3	MI	90	576	Tonus maior
	◇	E	2	RE	80	648	Tonus minor
	◇	D	1	VT	72	720	Tonus maior
I	◇	C					

Quòd ad modorum nomina, nostrum modum 3 vocat Dorium, qui bis habeat diapente RE, LA. Licet hunc Dorium alias à MI incipiat, fitque idem cum tertia nostra octaua: Lydium verò eundem cum nostra primo, & Phrygium cum nostro tertio faciat, vt tractatu de modis veris fusissimè perleges. Iustius illius est noster sextus, noster vndecimus illius tertius. Vide similiter illius tractatum secundum. d. Tonis & Harmoniis.

PROPOSITIO V.

Scalam, siue systema aliud Harmonicum per semitonia continua explicare.

HActenus illud systema duabus præcedentibus tabellis contentum exposuimus, quod vocant scalam *b* quadrati: quæ omnes cuiuslibet Consonantiæ species aperuit: sed cum plerumque contingat semitonia fieri non solum in locis, seu interuallis præcedentibus; sed etiam in reliquis ad cantus ornatum & animi varia pathemata tam significanda quam mouenda, sequens systema vnico diapason ostendit qua ratione fiant, & notentur semitonia in singulis Octauæ interuallis: hæc enim 12 interuallis distinguitur: cum antea 7 duntaxat habuerit.



Porro cum vulgo Citharistæ putent illa 12 semitonia, in quæ iugum testudinis, Lyra, Viola, &c. diuiditur, æqualia, secus tamen se habet in vera theoria, imo in Organis & Clauicymbalis, in quibus Practici distinguunt semitonia maiora, à minoribus; quanquam necdum satis exacte. Rem totam paucis aperio, iuxta tones & semitonia tabelle 1. Propos.

Itaque prima nota huiusce diagrammatis differt à secunda semitono minore, 2 à 3 maiore, quandoquidem tonus minor inuenitur ab 1 ad 3, hoc est ab VT ad RE. Cumque à RE ad MI sit tonus maior, si fuerit maius semitonium à 3 nota ad 4, erit semitonium me-

dium à 4 ad 5; quod superat semitonium minus vno commate, quo etiam totas maior minorem superat.

A quinta nota ad 6 fit semitonium maius, à sexta ad septimam semit. medium: à 7 ad 8 maius: ab 8 ad 9 minus: à 9 ad 10 maius: à 10 ad 11 maius. ab 11 ad 12 medium: & à 12 ad 13 seu vltimam, maius semitonium statuitur; vt sint in octaua præcedentibus 13 notis diuisa, duo semitonia minora, tria media, & septem maiora; quæ si quis Musicus exactè possit canere, siue intonare, tam continuo quàm per saltus, seu interualla, quælibet diagrammata Musica emendatè, perfectèque canet.

Quòd si quis malit per æqualia semitonia canere, per me licet, nil enim refert, dummodo non lædantur aures, & cantus, atque concentus grati sint. Itaque nota quælibet semitonij extensionem, quæ remittitur, vel intenditur, sibi fit grauior aut acutior, habeat, vt verbi gratia pro RE, VT, quòd facit tonum, habeas RE, vt, quod semitonium edat: quod vocant *fictam vocem*.

Videatur Baptista Doni paginâ 208. de Tonis veterum, quâ refert initium modi Hypoæolij ad primam nostri systematis vocem, seu notam. Hypolydium ad 2: Dorium ad 3. Iastium ad 4. Phrygium ad 5: Æolium ad 6: Lydium ad 7. Mixolydium ad 8: Hyperiaastium ad 9: Hypaphrygium ad 10: & tres sequentes prædictis inferiores ad 3 notas quæ faciunt octauam inferiùs cum 11, 12 & 13 notis scalæ nostræ, hoc est Hypophrygium, Hypoiaastium, & Hypodorium.

His positis, aggrediamur methodum cantus efficiendi; hoc est Melopociam, vti maximum Harmoniæ fructum; quotus enim est qui pulcherrimos cantus vnus vocis non omnibus plurium vocum concentibus anteponat?

PROPOSITIO VI.

Characteres, quibus deinceps utemur in exprimendis cantibus, & concentibus explicare.

CVM ex dictis inter duas extremas octauæ voces soleant 11 notæ cantibus adhiberi, vt ex præcedente systemate, vel scala constat, velimusque, quantum fieri potest, signa diesium, & *b* mollia vitare, quæ defunt vulgaribus Typographis, apud quos sunt ad minimum duæ litterarum species æqualis, vt aiunt, corporis, seu concorporeæ, vna

Secundæ, canens intelliget quam dissonantiam, vel consonantiam faciat cum notis antecedentibus, vel quas facturus sit cum sequentibus: & ex præcedentibus propos. agnoscat ad quam octavæ speciem, siue ad quem modum pertineat cantilena, quam componit, aut recitat.

PROPOSITIO VII.

*Artem Cantus seu Melopoeiam, cantuumque
componendorum regulas generales
explicare.*

VBi quis notam, chordam, aut vocem elegerit, à qua velit cantum incipere, exploret primò suæ vocis extensionem, quæ vix unquam diapason superat, si faciliè quamlibet notam intonet, & absque nimio conatur recitet; suntque plures qui non excedant extensionem Quintæ, vel Sextæ, quàm qui diapason superent.

Secundò; in toto cantilenæ discursu caueat, quantum fieri potest, & verba canenda permittunt, à cadentiis nimis frequentibus, donec ad cantus medium, aut aliquam illius partem nonnullâ quiete egentem pervenerit; in qua, mediâ cadentiâ, vel ad summum dominâ, siue dominante utatur: *Mediam* vocant, quæ diapente diuidit, qualis est *mi*, in prima Quintæ specie: *dominam* vero, ipsius diapente ultimam, nempe *sol*. Quanquam & Sextæ suas etiam cadentias habent, ut in prima specie *ut*, *la*, cadentia mediâ est *fa*; domina *la*.

Tertiò cantus in eadem nota desinere debet, à qua cœpit, vel in cadentia dominante, nisi fortè verba canenda requirant aliud, quibus cum musica, seu cantus seruire debeat, prudens artifex modi proprii, vel cuiusvis alterius modi ruptis cadentiis uti poterit cum in medio, tum in fine. Sed nisi verba, aut animi pathemata præconcepta, tam significanda, quàm excitanda cogant, Cantus extra modum suum non excurrat, & in eadem nota desinat à qua cœpit. Qui si quando alterius modi chordas tetigerit, ad proprium modum ita regrediatur, ut vel excursus ille vix ab auditoribus percipiatur, vel cum gratia, voluptatèque sentiatur, ut contingit cum chorda modi extranei consonat cum chorda proprii, per quam ad eum regrederis. Constat autem ex dictis antea, quæ chordæ modi cuiuslibet cum alterius cuiusvis chordis magè vel minus conueniant.

Quartò, notæ diatonica serie continua se consequentes semper in canendo gratæ sunt; sed ad maiorem varietatem per intervalla faci-

lia, qualia sunt Tertiæ, Quartæ, & Quintæ, sæpius canendum; dein-
de percurrendæ sunt notæ, quibus constant interualla, donec ad fi-
nem perueniatur.

Quintò, priusquam de cantu componendo apud te cogites, ex-
plorandum qua voce, quo tono, quibus interuallis ea verba pronun-
tiaret egregius Orator, vel actor, ut pro viribus auditores verbis,
postea canendis, excitaret, atque commoueret: Optimus si quidem
musicus qui Rhetoricam Harmonicam adeo foeliciter exercuerit, ut
ab auditoribus suis lachrymas, risum, & alia passionum *πάθη*, at-
que testimonia elicuerit.

Ipse igitur toties verba canenda voce oratoriâ pronuntiet, ut tandem
concipiat, atque comprehendat quibus interuallis, qua contentione,
quibusue notis, seu chordis in pronuntiando vsus fuerit: vel si minus
oratoriè, aut tragicè pronuntiet, alterius optimè pronuntiantis vtatur
opera, notetque singula interualla, & omnes transitus atque mutatio-
nes vocis; Hæc enim omnia quò perfectiùs in cantu faciendo imitabi-
tur, perfectiores cantus efficiet.

Omitto difficultatem interuallorum inueniendorum, quibus vtimur
in recitandis orationibus, cùm sola maior in pronuntiando tarditas
(post concitatiorem pronuntiationem) id doceat.

Adde pro diuersa consuetudine, & patria easdem res, & passiones
diuersis motibus, & interuallis, licet eadem verba pronuntientur, expri-
mi: vnde forsan rationem modorum elicere possis. Ad hoc præce-
ptum reuoca figuras omnes Rhetoricæ, quas diuersis cantus ornamen-
tis, qualia sunt *κατατοννύματα*, melismata, teterismata & omnes vo-
cis vibrationes Musicus imitari debet.

PROPOSITIO VIII.

*Melopœia, seu cantuum faciendorum regulas,
particulares exponere: ubi 72. varietates
Diateffaron.*

PRIUSquam semitoniis in quouis systematis interuallo, iuxta pe-
nultimam Propositionem, vtaris, generi putè diatonico assuescen-
dum, cuius diapason sequente diagrammate contentum si tam animo
quàm oculis comprehendas, rationem afferes cur hæc prima octauæ
species primo Modo potiùs quàm alia species tribuatur; quod videli-
cet non solum incipiat à nobiliori Tertia, ut pote maiori, atque adeo

nobiliori Quinta, cum id 9 modo commune sit, sed etiam quod in eo 4 diapente, & 3 diatessaron species absque vlla interruptione se inuicem immediatè consequantur; sunt enim 4 Quintæ, species vt sol, la, mi bi, fa ut: & 3 Quartæ species, vt fa, re sol, mi la: cum in 9 modo desit tertia Quintæ species, ob bi, quod occurrit vice fa, & (quod notatu dignissimum est) in hac sola diapasonis specie immediatè sequantur duæ Quintæ primæ speciei, hoc est bis, vt sol, bis, re la; quanquam semel mi bi: quæuis etiam quartæ species bis in eo reperitur immediate: quæ quidem omnia simul cum nulli alteri diapasoni conueniant, iure vir harmonicè doctus D. Vinotus Tullensis Ecclesiæ Canonicus huic speciei primatum tribuendum censuit: cum præsertim omnes octauæ species continuò sequantur ordine in illa diapasonis specie, cuius semitonia lineâ iacente, tonos verò rectâ notat, vt hic noster modus, seu prima species diapason sit II - III - ; quam iterum sequente diagrammate repræsentò, vt vnico intuitu cuiuslibet interualli rationem numeris expressam comprehendas, & modum intonandi Guidonicum sequi possis absque syllaba noua

						VT		RE MI		FA	
						SOL		LA			FA
				FA		8	10	2	8	16	15
VT	RE	MI		FA		8	10	2	8	16	15
10	9	8	16	15	9						

cum mutatione syllabæ LA in RE; quam per syllabam BI vitamus: hunc ergo morem & hoc systema in cantuum componendorum gratiam ad litteras simplices reducamus octo numero, quot sunt voces, u 8 seu chordæ in octaua præcedente, quibus si alios 8 superstruas, b 7 idem semper erit modus, vel eadem octauæ species, sed repetita. l 6 His autem positis sit f 5 Prima regula, cantus omnes qui fiunt per seriem graduum con- f 4 iunctorum esse bonos. m 3 Secunda, post quosdam gradus coniunctos ascendentes, sequi r 2 debere descendentes ad varietatem inferendam, inter illos verò v 1 interualla consona quandòque interponenda: eaque præsertim quæ passionibus destinantur.

Tertia, voces easdem immediatè repetendas seu ingeminandas, cum res significanda profundius animo imprimenda est.

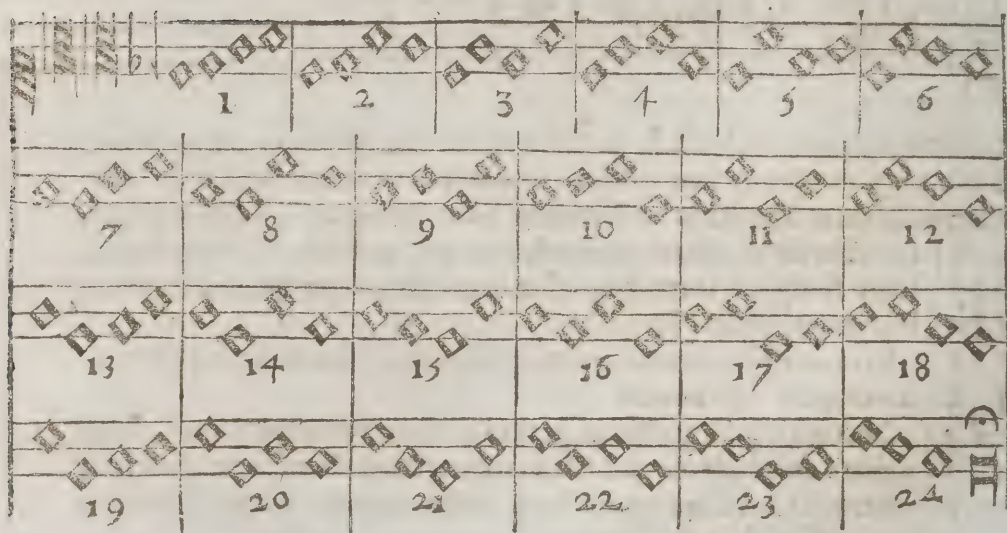
Quarta, res tristiores, & debiliores minoribus gradibus & interuallis,

puta sesquiditonis; incundiores & robustiores tonis, & ditonis, seu Tertiis maioribus exprimendas, & nonnumquam Tritono, semidia-pente, vel etiam Septimis, idem de Sextis ac de Tertiis iudicium.

Profuerit in exemplum adducere cantus 24 cuiuslibet diateffaron; videlicet primæ speciei, *ut fa*, secundæ *re sol*, & tertiæ *mi la*, *ut* hu-iusce artis nouitij vocem, & imaginationem cantibus tam pronuntian-dis quàm componendis accommodent.

Itaque si à prima clauē incipias, canes 24 varietates primæ speciei diateffaron: si ex secunda clauē 24 varietates 2 speciei quartæ, *ut* 24 varietates 3 speciei ex 3 clauē; quæ faciunt 72 cantus diuersos. Quid si varietates quinque vorum diapente 120; hexachordique 720 referam, quæ in maioribus Harmonicorum nostrorum commentariis inuenies, vel 40320 octo vorum octauæ diuersos cantus, quos iusto volumine descriptos Harmoniæ studiosis petentibus communes factu-rus sim, qui prædictas diateffaron varietates interim ad praxim & examen reuocabunt, *ut* iudicent quis ex 72 cantibus, seu varietati-bus anteponi debeat.

72 Diateffaron varietates.



Quinta régula, cantum à qualibet præcedentis octauæ nota posse incipere; cum enim notæ subiecto, seu discursui & litteræ de-beant accommodari & subiici, si litteræ passio, hoc est sensus, requi-

rat initium à b', vel l, aut f, vel ab aliis notis sumendum erit initium. Si verò nil cogat, satius erit à prima voce incipere, vel ab alia quæ cum prima consonet, verbi gratia, ab f, vel f, vel m: alioqui tam desinere quàm incipere possumus vtcunque libuerit.

PROPOSITIO IX.

*Cantum exempla ex precedente diagrammate
desumpta tribuere: ubi de*

Rythmica.

Cantus fiunt vel vt accommodentur datæ litteræ, seu dato subiecto, vel soli passioni & imaginationi, absque vilo discursu, seu vocabulis, diciturque vulgò *fantasia*: sint vtriusque exempla: & quidem primum absque littera; f, f, u, f, f, l, f, f, l, f, f, m, r, u, qui cantus cùm sit absque temporum varietate, potest sub quibuscunque volueris mensuris cani: quod cùm fieri possit ope duorum characterum, concorporeorum, de quibus prop. 6. litteræ Italicae nunc significant notas tempore seu valore subduplas; Romanae verò duplas: hoc est illæ mensuræ dimidium, vel quadrantem, hæ verò mensuram integram, vel illius dimidiam: hoc enim posito, ita canes f f u, f f l f, f m f, m r u, vt sit primus pes anapæstus, secundus choriambus, tertius anapæstus, quartus denique Baccheus: de quibus pedibus cùm fusissimè 4 parte l. 6 de compositione musica Gallicè scripta, præferim paginis 376, & deinceps egerim; vt etiam à pag. 401, vbi de Rythmopoëia prop. 25. & pag. 408, in quibus motus omnes rythmici exemplis illustrantur, non est quod hic quidpiam addamus, cùm viri docti ex Odis Horatianis, & Pindaricis, quas latinè, græcèque, paginis 395, 416 & 418, suis motibus rythmicis, melodiaque adornauimus, satis intelligere possint vsum Rythmicæ, quam nostri vulgò *motum* appellant.

Quàm vero aër, vt loquuntur, hoc est cantus ex sola rythmi mutatione diuersus à se ipso appareat, vix non expertus credat: vt vel ex precedente iudicabis, si rythmo 3 pæonum 4 speciei afficiatur hac ratione, f f u f, f l f f, m f m r, u. quem pedem nostri Tympanistæ ad indicendum militibus incessum frequentant; vice cuius Helueticj choriambos canunt.

Exemplum cantus alligati litteræ, seu vocabulis faciliùs explicari.

potest ob syllabas ipsas, quæ sua quantitate demonstrant tempus cuique notæ adhibendum, præsertim vero cùm versus græci, vel latini canendi sunt: sit ergo versus sequens Psalmi 83.

u r m f m r m f f m r m f m m f f f l f f m m m r u

Beati qui habitant in domo tua Domine, in secula sæculorum laudabunt te.

Quem cantum mille modis variare possis, licet ex hac prima octavæ specie non egrediaris: utrum vero ex omnibus meliorem aut gratiorem dixeris præter eum qui tibi magis arriserit? Iam igitur, quisquis es, tui ipsius sis præceptor, & cum celebrioribus cantuum artificibus de palma contenderis; ubi enim notis eiusdem valoris præclaram melodiam composueris, Grammatica suggeret rythmum, Rhetorica varios ornatus, quibus vel ipse capiaris, vel auditores capias: sed cùm hæc diatonica species semitoniis pluribus careat, quæ maximum ornamentum, vimque flexanimam cantibus tribuant, sequente propo. repetamus diagramma prop. 5 & 6, quo summos huius artis magistros, vnius horæ spatio, non dicam illorum sed tui ipsius discipulus, æmulari, fortassisque superare valeas.

PROPOSITIO X.

Cantus omnifarios componere & in diagrammata facillima referre.

SIt diagramma, vel systema prop. 6. quod per semitonia perpetua, siue æqualia, ut in iugo testudinum, siue per inæqualia, ut in exacto systemate, progrediatur; parum enim interest, dummodo consonantiæ satis iustæ sint, & aurem, vel animum minimè lædant, cùmque vox non soleat duodecimam superare, hac extensione nunc utamur, dum unicuique liberum fuerit non solum Disdiapason, sed quotvis octavis in infinitum pergere.

SYSTEMA

• *Vniuersale.*

	f'	20	f'
f'	f'	19	
	f'	18	f'
	m	17	m
r	r'	16	
	r'	15	r'
u	u'	14	
	u	13	u

	b	12	b
b	b	11	
	l	10	l
f	f	9	
	f	8	f
f	f	7	
	f	6	f
	m	5	m
r	r	4	
	r	3	r
u	u	2	
	u	1	u

I	II	III
---	----	-----

Nullus est igitur cantus qui facile possit vocibus exprimi, quem hæc scala 20 characterum diapason diapente cōprehensa non contineat, vt ex tabella subiecta constat, cuius prima colūna 20 litteras habet, nempe 12 priores ascendēdo pro prima octaua, & 8 reliquas pro Quinta super octauam, cuius character decimustertius u, est vltimus inferioris octauæ, & primus superioris.

Secunda columna numeros habet cuilibet notæ, vel neruo respondentes, vt quis in cantibus scribendis æquè numeris ac litteris vti possit; tertia denique litteras diatonicas primi modi separat à litteris primæ columnæ; vt vnico videas intuita quid generi ficto, seu gradibus diatonico additis conueniat, quasue chordas mutues.

Cantus igitur absque littera, seu dictionibus ita facies, vt, cum libuerit, non solum notis regularibus tertiæ columnæ, quæ sunt numero 12, sed etiam irregularibus, siue accidentalibus, & assumptis ad marginem appositis, quæ sunt octo numero, ad ornatum & exprimenda pathemata prudenter vtaris, eo quem in exemplis modo perspicies; nam exemplum sequens vtitur fictis vocibus *b f & f*; reliquæ notæ sunt diatonicæ.

Cantus.

ffl b l l / l f f m f r l b b l l f f m l. Vbi vides cantum incipere ab *f*, quæ distat Quartâ à radice systematis; & desinere in *l*, quæ maiore distat hexachordo: neque enim leges vllius magistri in *l*, vel *u*, vel *f* desinere iubentis audio, nisi cum illa desinentia magis placuerit. Itaque à quauis littera diatonica possis incipere, siue ab *u*, siue ab *r*, siue ab *m*, &c. vt vt illos cantus ad primum, 2, 3, aut alium modum referas; quod parum refert: videntur autem chordæ diatonicæ magis naturales, quæ vel non quærentibus occurrant; aliæ maius artificium redolent.

Quod si quis pertinacius Modorum, de quibus antea naturam & genium sequi velit, cadentiæ frequententur, & cantus in eadem nota desinat à qua incœpit, vel in aliqua quæ cum prima consonet. Sit verò sequens exemplum cantus liberi cum littera, quam lectoribus meis proposuerim ut mille modis ex hac duodecimæ scala quotidie sumendis animas suas ad æternitatem componant.

Dixi mille modis quotidie; neque enim quispiam musicus credat se cantus omnes in illa scala contentos breui exhausturum, si diebus singulis mille diuersos componat, & recitet, quandoquidem anni 1312 non sufficiunt ad cantus omnes illius systematis canendos, licet in quolibet cantu nulla vox repeteretur; & 12 duntaxat duodecimæ notis Diatonicis columnæ tertiæ vtereris: quippe 12 nerui, aut voces possunt 479001600 variari: quoties igitur variabitur cantus, si 20 notis scalæ nostræ uti liceat? vide tabellam varietatum omnium in maioribus nostris Harmonicis l. 7. de Cantibus, Prop. 3. pagina 116. quæ 2432902008176640000 varietates 20 rebus tribuit, & usque ad 64 rerum varietatem progreditur, quarum varietas sequente numero exprimitur 221, 284, 059, 310, 647, 795, 878, 786, 453, 858, 545, 533, 220, 443, 327, 118, 855, 467, 387, 637, 279, 113, 594, 747, 033, 600, 000, 000, 000, 000, quicquid 90 characteres habeat, seu 30 ternarios, in quos diuiditur, facillè nostrâ methodo numeratur, primus enim ternarius per 221 viginti octiliones explicandus, & ita de sequentibus, ut fusiùs alibi.

v vmm f f l bu bu u r' m' f' f' m' f' l' b' u' f' f' m'

Quàm dilecta tabernacula tua Domine virtutum: concupiscit & deficit
f' f' l' f' m' l' f' f' l' r' u' r'.

anima mea in atria Domini.

Vbi neque desino per v, neque studeo Cadentiis vulgaribus obseruandis, sed solum animi motum sequor, cui Lector quispiam cantum illum adiiciat, quo veluti stimulis excitatus æternitati canat. Tam verò superest ut artem concentus, seu symphonix breuiter explicemus.

LIBER TERTIVS.

*De Arte symphonia, seu compositionis Harmonicæ
plurium vocum.*

Hanc artem breuissimè, clarissimèque contrahendam aggredior
vt quispiam vnâ, vel altera hora quidquid voluerit Harmonicè
componat, & conuiuas atque socios prouocet ad gratias Deo musicè
reddendas. Cùm igitur tam consonantiis; quàm dissonantiis constet
vorum diuersarum concentus, qui πολυσυμφωνία dicitur; & vniuer-
sale system a libro præcedēte, prop. 5, 6 & 10 explicatum & ad terdiapa-
son promotum, consonantias & dissonantias omnes complectatur; hic
tantū duo, vel tria faciēda. Primum, interualla omnia tam cōsonantia,
quàm dissonantia notanda sunt, vt scias quibus in concentu 2, 3, 4,
aut plurium vocum vti liceat. Deinde quænam consonantiæ simul
iunctæ gratiores sint, vel dulciores: Denique quam seriem consonan-
tiæ se inuicem immediate consequentes obseruare debeant ad gratiam
Harmonicæ compositioni conciliandam, & animos auditorum oble-
ctandos, & qua ratione dissonantiis inter consonantias inferendis uten-
dum, vt hæ propter oppositionem, veluti lux ob tenebrarum, vel dulcia
ob amarorum permixtionem, vel successionem, gratiores appareant,
& gustum excitent.

Repetatur ergo systema Diapasonis primæ speciei: quod vbi fuerit
in ordine ad plurium vocum compositionem explicatum, compositio-
ne Harmonicâ nil facilius.

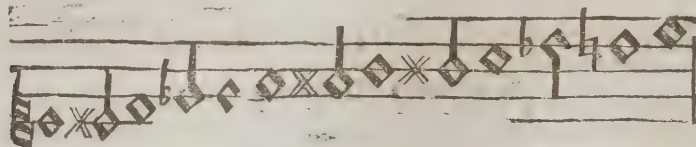
I. PROPOSITIO.

*Omnes consonantias & dissonantias ex vna octaua
discere, & animum ad concentum Har-
monicum præparare.*

Treddecim notas seu chordas habet istud systema, quarum vsum sa-
tis perfectè noueris ex tabula sequente: quæ tam ex litteris quàm
Qq

ex numeris huic diagrammati subiectis facillimè intelligetur.

Porro notæ carentes caudis ostendunt gradus Diatonicos, seu na-



v,	u,	r,	r,	m,	f,	f,	f,	f,	l,	b,	b,	u.
1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.	12.	13.

turales: notæ verò cum caudis, gradus, seu nervos assumptos, accidentales, vel, vt vulgò loquuntur, chromaticos: cùm autem sint Tertiæ & Sextæ tam minores, quàm maiores, in tabula sequente, minores litteris Italicis; maiores verò vt & perfectæ consonantiæ, nempe Diapason, Diapente & Diatessaron litteris Romanis notabuntur: incipit autem à prima voce *ut*, quæ facit consonantias, & dissonantias; sed cùm dictio *secunda*, & *septima*, nec non *sexta*, ab *f* incipiant, vt dictio *quarta* & *quinta* à *g*. ad vitandam confusionem, secundæ notabuntur simplici *f*, nempe secunda minor, quæ est semitonium, seu pars octavæ duodecima, *f* Italico, & secunda maior seu tonus (Romano).

Septimæ verò notabuntur 2 litteris, *se*, minor; *se*, maior. Quartam significabit littera *d*, quòd vocetur diatessaron, vt *q* sit pro Quinta, Tritonum verò, hisce duabus litteris *tr*. à quo semidiapente non distinguitur in hoc æqualitatis systemate.

Cùm autem littera *v* se habeat ad alias 12 sequentes vt *r*, vel *r*, & quævis alia nota ad suas 12 superiores consequentes, sufficiet ostendisse quas consonantias faciat illa syllaba vt, vel *v*, cum prædictis 12 notis, vt sciat lector quas dissonantias & consonantias cum suis 12 sequentibus faciat.

rum rationes exhibentibus hocce diagrammate repræsentatas, putà secundam minorem & maiorem, Tritonum & pseudodiapente, septimamque minorem & maiorem contemplaberis.

II. PROPOSITIO.

Duarum, aut plurium consonantiarum combinationes, conternationes, & conquaternationes explicare, uniusque coniunctionis præ alia suavitatem ostendere.

Diversis modis duæ, vel plures consonantiæ super qualibet syllaba iungi possunt, siue initio, siue in medio, vel in fine cantuum: Verbi gratiâ, Quintæ quarta, quartæ Ditonus superponitur.

Hic autem voco combinationes, cum duæ solummodo cōsonantiæ componuntur, seu combinantur; conternationes, cum tres, & cōquaternationes cum 4 inuicem superstruuntur, aut subiiciuntur: cumq; in præcedēte systemate tam vocibus, quàm instrumentis seruiente prima octauæ nostræ littera, seu nota V modis omnibus cum aliis eiusdem octauæ notis combinetur, in hac vna tabella, 12 sequētium notarum tabellas habes, cum vnaquæq; totidē quot alia consonantias cum suis 12 sequētib; habeat, vt prius de tabella præcedētis prop. dictum est, in qua V 7 consonantias faci; sequens autem nouies cum 2 cōsonantiis iungitur;

T A B E L L A.

u	u	f	f	l	l	l	u	u
f	f	m	r	f	m	r	f	l
V	V	V	V	V	V	V	V	V

1 2 3 4 5 6 7 8 9

Harum combinationum meliores sunt 1, 3 & 5; reliquæ suum premium habent ex frequentia vnionum, quibus aurem demercent: qua de re fusissimè in maioribus Harmonicis.

Conternationes tabula sequens exhibet, quæ vt & præcedentes, dici possunt octauæ diuisiones, & sectiones bifariæ, trifariæ, &c. Sed cum non possint plures in vnica octaua quàm 3 consonantiæ superstrui; qui conquaternationes, conquinationes &c. desiderat, systemate disdiapason utendum; verbi gratiâ, conquaternationes fient ex 5. notis sequentibus:

m'	f	u'	m'	Quæ vt animo firmitus hæreant, sex con-
u	m'	m'	f	ternationes vulgaribus notis expressas accipe
f	u	f	u	cum numeris, qui in minimis terminis vnam-
m	f	u	m	quamque explicant: quas conternationes
V	V	V	V	etiam litteris præcedentibus expressas ha-

bes: vt sibi mutuum lumen inferant: numeri

vero Harmonici cuiuslibet notæ affixi eo ferè privilegio gaudent, vt qui minores, atque adeo intellectu faciliores sunt, suauiore conternationem significant.

Quinque sequuntur conternationes, Decimæ maioris, sed due

5	30	15	15	20	20
4	20	10	10	15	15
3	15	8	8	10	12
2	12	6	6	8	8

m'	m'	m'	m'	m'	m'
u	u	u	u	b	b
	m	f	f	m	f
V	V	V	V	V	V

ultima non admittuntur, quod prima & tertia nota septimam maiorem efficiant, non enim sufficit vt notæ vicinæ consonent, nisi remotæ similiter consonent.

Omitto alias conternationes, quæ ab vnoquoque fieri, vel ex 15 de dissonantiis prop. 36 repeti possunt.

Maiores autem vnius tam consonantiæ, quam combinationis, conternationis, & consonantiarum præ aliis suauitas nascitur ex maiori frequentia vnionum, vel ex vnione promptiori vibrationum, siue percussionum, quibus soni consoni generantur, vt enim inter se in aëre, ita & in aure, cerebro, & animo vniantur. Nec obstat scrupulus quem illustris, καὶ μὴ σιωπῶν Donius paginâ 278 discursus de consonantiis nuper mouit, videlicet aurem & animum prius naturâ, vel tempore consonantiâ aliquam, puta Diapason, vel Diapente concipere, audire, & intelligere, quam nerui bis aut ter vibrentur; vt enim alicubi maioribus in Harmonicis, quæ vidit, non semel dictum est, fieri nequit vt existat consonantia (tantum abest vt audiri possit, quin prius nerui, vel aëris siue percussi, siue percutientis vibrationes totidem fuerint quot sunt unitates in numeris radicalibus, seu minimis

consonantiam generandam & audiendam exprimentibus : exempli gratia, nervus minor faciens diapente cum alio nervo ter tremuisse debuit, quandiu hic bis tremuit, priusquam ab aure, vel animo diapente concipiatur : quod mirari desinet, si meminerit quæ libris illis, & huiusce tractatus libro I. art. 4. de Vibrationum celeritatibus dicta sunt, quandoquidem aer, cuius motus producit sonum æqualem, seu æquigrauem & unisonum cum sono fistulæ organicæ apertæ 4 pedum, vel obseratæ duorum pedum, quæ solet in nostris organorum portatiliū abacis *C sol ut fa* dici, à nervo plusquam ducenties percutitur spatio vnius secundi ; vt ipsis nostrorum citharedorum oculis demonstrari : ipsæque, vt ingenuus est, fatetur, si nervum 5 intestinis ouilibus contextum 18 pedes longum, & quatuor libris tensum expertus fuerit, rescissa pedali longitudine ponticellorum beneficio, vel etiam digito, quæ pedalis nervi pars 216, vel ad minimum 200 percutiet aërem spatio secundi.

Quæ profecto velocitas tanta est vt nequidem oculus aure longè promptior, illam percipere seu metiri valeat : quam neque harmonicus animus credat, nisi coactus ipsa demonstratione nervi integri 18 pedū, qui eodem tempore duodecies aërem verberat, quo pedalis eundem aërem 216 percutit : quæ percussiones erunt subduplæ, si solæ periodi ex cursu & recurſu, vel itu & reditu compositæ numerentur, vt à nobis loco prædicto factum est : Vnde in tanti viri gratiam concludi potest, non solum nervos diapente ter tremuisse antequam audiantur, sed fortè plusquam octodécies.

Quamquam mihi ipsi scrupulus superesse possit, si nervus crassitie navium rudentibus æqualis ita tendatur vt vnico motu sonum gigneret, illum sonum auditum iri priusquam cursus ille perficeretur, verbi gratia, in medio cursus ; & alium nervum paulo crassiores, vel minus tensum, cuius cursus seu motus tardior esset in ratione dupla, sonum etiam facturum suo primo cursu, qui cum audietur simul cum primo, diapason generabit, tuncque consonantiam illam auris perceptura videtur, etiamsi nondum aer bis à primo nervo, dum semel ab alio, percussus sit : cui difficultati me iam in Harmonicis maioribus respondisse memini, diapason non auditum iri, neque aurem, vel animum de vlla soni gravitate iudicium fere posse : vel nervorum illorum velocitates esse quidem in ratione dupla, sed nunquam sub-ratione diapason ab aure deprehendi posse, donec aer ad minimum semel à graviore nervo, & bis ab alio motus, seu percussus fuerit, vixque nervus sonum auri comprehensibilem efficiet, si semel tantaxat spatio vnius secundi recurrat.

*Optimam consonantiarum successionem, quam si Com-
positor sequatur, non aberret, & emendatè
componat, explicare.*

Pæcedente prop. coniunctiones consonantiarum explicauimus, quæ demonstrant quam vnaquæque consonantia supponat inferius, aut postulet superius: nunc verò dicendum quis ordo seruandus sit in illarum successione: hoc est postquam concentum à diapasonē coepimus, quæ sit immediatè ponenda consonantia, nec enim semper diapason fieri debet, vt in Ecclesiis cum pueri, vel mulieres cum viris Psalmos, & alia canunt, sed varietas concentui afferenda: quapropter nonnullæ regulæ statuendæ, quas in successione qui secutus fuerit, donec concentus, siue compositio absoluatur, rectè composuisse dici possit. Quod vt facilius iutelligatur, systema nostrum primæ speciei diapason alias species ob perpetua semitonia comprehendens repetatur, vt hoc compositionis initio nos inter vnicam octauam contineamus.

Diapason							
i	2	3	4	5	6	7	8
v	u	r	r	m	f	f	f
					l	b	b
						u	

Sic igitur aliquis cantus iam factus, cui consonantias adhibere velis; vel ut eruditiores Symphoniarum

gos æmuleris, sint duo cantus simul componendi, qui concentum perficiant; quorum superior pueris, inferior viris destinetur, quamquam utraque pars potius viris solis, aut solis pueris congruit, cum bicinia diapason minimè superantia vocum parium, siue æqualium appellentur, cum eadem vox ut plurimum unius octavæ voces omnes commodè satis canat.

Numeri superiores significant gradus diatonicos, vt qui concentum numeris scribere volunt, non laborent.

Porro cùm hîc potius agatur de legitima consonantiarum successione, quàm de cantus pulchritudine, illi successioni Lector animum adhibeat, condatque memoria duas consonantias perfectas eiusdem speciei, quales sunt 2 Octavæ, vel 2 Quintæ, à compositione rejiciendas, nisi quandoque motibus contrariis se inuicem consequantur, sine quibus varietatem oblectantem non afferunt.

Vt autem motus illi contrarij perfecte intelligantur, nota voces ita

posse componi vt ascendat vna, dum altera descendit, vt dum primus ad *re* ascendit ad *la* à quo descendit alter ad *re*: deinde simul ambæ ascendant, aut descendant; ille motus dicitur contrarius, hic similis, vel idem: quorum vterque fit per gradus simplices tonorum vel semitoniorum; vel per maiora intervalla: quibus adde motum illum, quo vox vnica descendit vel ascendit, dum alia persistit immobilis: nec enim velim aliam subdiuisionem instituere 2 vocum, quarum vna per gradum toni vel semitonij, alia per maius intervallum incedit.

His positis regulas compositionis Harmonicæ generalis aggredior: sunt enim particulares innumeræ iuxta numerum imaginationum.

Regula Generales Harmonica Compositionis.

- I. Initio concentus à quavis consonantia sumpto, sequi debet altera diuersæ speciei consonantia, ne varietas requiratur: verbi gratia, post Quintam *re*, *la*, sequatur Octaua *v*, *u*, vel sesquiditonus *m*, *f*, non autem quinta *v*, *f*, vel *m*, *b*, quanquam motus contrarij specierum identitatem excusent, ob quandam ex contrarietate varietatem oriundam.
- II. Post Tertiam aut sextam maiorem minor sequi debet, raroque dux maiores aut minores se inuicem sequi debent: licet nonnunquam aliter contingat, præsertim cum vna ex Tertiis habet tonum primo loco vt *r*, *f*, alia secundo vt *m*, *f*.
- III. Ab vna consonantia transiri debet ad aliam viciniorem, non ad remotiorem, vt sonorum successio suauem illum, & ferè insensibilem colorum transitum, ἀμυγνῆν æmuletur: præsertim verò cum fit transitus ab imperfectiore ad perfectiorem, vt à sexta minore ad octauam: à Tertiâ minore ad vnisonum; ab hexachordo minore ad diapente.
- IV. Concentus ab octaua vel vnifono incipiendus, & per illas consonantias finiendus, cum enim finis coronet opus, vt pote summa illius perfectio, post consonantiam finalem, nil auditus expectat: initium verò, rei optimæ gustum facere debet.

Regula Tertiæ & Sextarum.

- I. Licet optima sit consecutio Tertiæ & Sextæ minoris, post Sextam & Tertiam maiorem: potest tamen Tertia minor sequi minorem, vt in exemplis sequentibus perspicis: quorum primum continet duas Tertiâs minores se immediatè consequentes: secundum ostendit tertiam

f, f, l, f	maiorem post minorem: tertium denique maiorem
$r, m, f, m,$	tertiam post aliam maiorem, quæ omnia licent.

II. Licet ad vnisonum ex sesquiditono longè melius sit accedere, quemadmodum & ad diapente, motibus contrariis, gradibusque coniunctis, quam ex ditono; minimè tamen peccat qui motibus illis ex ditono tam ad Quintam quam ad vnisonum accedit, vt sæpius idem repetenti apparebit, quid enim mali in sequentibus exemplis? in quibus

$\begin{array}{c} m, r, f, l, b, \\ v, r, m, f, m, \end{array}$	$\left \begin{array}{l} \text{primò fit ditonus, deinde vnisonum: tertio sesqui-} \\ \text{ditonus; quarto ditonus; quinto denique dia-} \\ \text{pente. Nec enim audio scrupulosiores qui ad Tri-} \end{array} \right.$
---	---

toni relationem cauendam, quæ reperitur inter f , & b , in nostro systemate litterario, ditonum reiciunt; quem tamen admittunt, dum ambæ partes descendunt, vel ascendunt gradibus disiunctis, siue coniunctis, vt in his exemplis habes: quorum primo fit transitus à ditono ad diapente; secundo à diapente ad ditonum.

$\begin{array}{c} m, l, f, \\ v, r, v, \end{array}$	$\left \begin{array}{l} \text{Certum est tamen aliquid gratiæ maioris inesse transi-} \\ \text{tui sesquiditoni ad vnisonum, \& decimæ minoris ad dia-} \\ \text{pason. Quin \& Tertia minor Sextam maiorem, \& Octa-} \\ \text{uam antecedere potest. Consideratione profectò dignum est quod à} \\ \text{ditono tam bellè transeat ad Quintam motibus similibus, \& cum} \\ \text{vna pars stat immobilis, minùs tamen pulchre motibus contrariis, sal-} \\ \text{tem vt practici existimant: licet enim Tritoni relatio non reiciatur} \\ \text{ab omnibus, non tamen à tanta musicorum expertissimorum turba dam-} \\ \text{naretur, nisi illorum offenderetur auris. Neque enim negligenda} \\ \text{est plurium in arte peritorum consensus, quem vix absque ratione} \\ \text{reperias, sitque velut ipsius naturæ sensus.} $
---	---

Cùm autem sexta maior tam contrariis, quàm similibus motibus per coniunctos gradus rectè præcedat diapason, rectè etiam ex ea transitur ad ditonum, similibus, & ad sesquidituum motibus contrariis: sed quotiescunque vicinæ consonantiæ in se mutuò transeunt motibus contrariis, gradibusque coniunctis, nil in biciniorum compositione gratius: quod fit ex Tertia minore ad Quintam & ad vnisonum, vt à decima septima minore ad disdiapason, & à decima minore ad diapason, & à sexta maiore ad idem diapason.

De Diapente, Vnisono, & Octaua.

I. Quibuscunque motibus à diapente rectè proceditur ad octauam: sed vbi motus similes fuerint, admittit post se ditonum, & hexachordum maius: si enim transitus fiat motibus contrariis, Tertia, Sextaque minor suauius sequuntur, nec ita sequens decima maior, ac tertia maior respuitur.

Hic autem Bicinium satis longum habes, in quo regulæ præcedentes observantur: quod vnico intuitu hauries, si nostrum præcedens systema litterarium coram oculis habeas.

Bicinium.

au buubbbblbfffmfffmr | rlblflml | lflblfffflml.
vvr mfr rrf fsvrmvvr u r | lrsvfr ur | fmf vfm fmfvr

Notis vero sequentibus omnes consonantiæ suis in locis propriis exprimuntur, vt etiam Lector illis, si volet, assuescat.

2	1					
		8	3	4	5	6
1	3	5	2	3	4	5

MONITVM.

De Consonantiis.

Optimè notat præstantissimus Musicus Io. Bap. Doni discursu 2 de Consonantiis Græcos in tres ordines consonantias diuidere, videlicet ἀντιφώνους, hoc est æquisonas, id est omnes octauas, quæ pene idem esse videntur cum vnifono: παραφώνους, seu penæquisonas, hoc est Quintam & eius repetitiones; & συμφώνους, quæ reliquas consonantias complectuntur. Itaque Isotoniam, seu vnisonantiam, Homophoniam, seu æquisonantiam, penæquisonantiam, & consonantiam artis propria vocabula veteres tradidère.

Præterea rectè probat diatessaron esse consonantiam, & antiquis duas Tercias notas fuisse, cum illarum rationes sint in Enharmonica Quarta Architzæ, & Didymi chromatica.

Tertiò Sextam maiorem, similiterque ditonum Diastalticæ musicæ, minorem Terciam & Sextam Systalticæ; Quintam & Quartam Heclyasticæ rectius accommodari.

Quartò totum spatium semitonij minoris, quod inter duas Sextas, aut Tercias reperitur iunctum his aut illis, nil ingratum facere, & interuallum à minori ad maiorem continuè auctum semper consonare:

veteresque qui has pro consonantiis non agnouerunt, vfos esse generis diatonico, quod illas consonantias habere nequit.

Hinc rationem 56 ad 45 inter illas tertias, veluti nouam consonantiam proponit ex vera diuisione Enharmonica oriundam: prætereaque rationem 11 ad 9 esse considerandam; quam diatonicum æquabile tribuit.

Cumque duo toni minores; & tonus maior iunctus semitonio maximo 27 ad 25, faciant interuallum ditono minus, & sesquiditono, seu trihemitonio maius, rectè concludit esse consonantias; quemadmodum aut interualla dissona, quæ tantisper minora sunt, Tertia minore, aut maiora maiore, vt contingit tono maiori iuncto semitonio minori; & tono minori iuncto semitonio maiori. Similiter interualla ditonum commate, vel aliquo alio minore interuallo superantia dissonant; vt contingit ditono veteris Diatonici ex 2 tonis maioribus compositi.

Quintò notat consonantias maiorem suæ rationis numerum parem habentes esse molliores, & explicandæ mæstitiæ dicatas, vt Quartæ, sesquiditono, & sextæ minori contingit: alias imparem habentes maiorem, vt Quintam, ditonum & hexachordum maius, esse lætiores, & magnis animi pathematibus explicandis aptiores; quod apud Pythagoricos impares masculi sint.

Interuallum etiam 7 ad 6 esse masculum, & satis gratum; 8 ad 7 languidius. Alia interualla superpartientia, vt 7 ad 5, & 9 ad 7 sunt etiam validiora interuallis 10 ad 7, vel 12 ad 7, quod hæc magis ad sextæ minoris, illa vero ad maioris naturam accedant.

Sextò cum sexta maior diuiditur, meliorem esse diuisionem 3, 4, 5, in qua diatessaron subiicitur, quàm vbi superponitur: secus cum sexta minor diuiditur, Quarta superposita gratior, quæ diuisio hic terminis 5, 6, 8 exprimitur: Similiter locum Quintæ gratiorem esse, cum sextæ maiori subiicitur 2, 3, 5: vel minori superponitur 5, 8, 12; adeout sextæ se habeant ad Quintam, vt Tertiæ ad Quartam. Quod ex nostra methodo numerica demonstratur, quæ in eo sita est vt diuisiones consonantiarum sint eò suauiores, quo minoribus terminis explicantur: atqui diuisio quæ sextam minorem Quintæ subiicit, minoribus terminis exprimitur quàm diuisio quæ Quintam ei subiicit, quippe non potest minoribus explicari numeris, quàm 10. 15. 24. qui cum duplò maiores sint terminis alterius diuisionis 5. 8. 12, dici possunt suauitatis duplò maioris, si non causa, saltem causæ signum.

Septimò Unisonum Deo, Aequisonum Angelis, penæquisonum hominibus; consonum brutis; gradus aptos cantui, vt tonos & scitu-

tonia plantis; interualla de quibus dubitatur an sint consona, vel dissona, aut cantui apta, Zoophytis; ecmela denique quæ canî, vel numeris exprimi nequeunt, enti simpliciter materiali comparat, qualia sunt interualla nata ex geometrica consonantiarum, vel etiam dissonantiarum, mediæ proportionalis beneficio, diuisione.

Octauò falsum esse quod aliqui putant interuallorum quorundam extrema, licet dissona, consonare si medius sonus harmonice diuidens intericiatur, cum nona maior, cuius ratio 9 ad 4, in duas Quintas. diuisa 9, 6, 4, nequidem grata sit; & semper ingrata maneat, licet harmonice diuidatur, vt 3 tubos in 3 sequentium numerorum proportionem 117.72.52. constructos inspiranti constabit: differentia siquidem primi à secundo 45, est in eadem ratione ad differentiam secundi à tertio 20, quæ primi 117 ad tertium 52, hoc est dupla sesquiquarta, seu 9 ad 4. satisque numeri sua quantitate demonstrant, non solum medium harmonicum 72 non asferre gratiam, sed præterea dissonantiam longè maiorem efficere; cum illi 3 soni non possint vniri, donec neruus acutior 117 tremuerit, cum bini nonæ prædictæ soni quolibet fidis acutioris vibrationum nouenario coëant, id est sæpius tredecies, quàm cum medio harmonico 72 extremi termini conueniant: cum è contrario interualla consona, quale est diapente, suauius ob medium harmonicum, mihi Arithmeticum, aurem feriant; & istud medium eusymphoniam symphonix iungat. Omitto rationem 9 ad 2, quæ est decimasexta maior, his numeris harmonice diuisam 89. 36. 22. vel aliam eiusdem nonæ repetitionem 9 ad 1, quæ, licet in ratione multipla, neque est consonantia, neque medio harmonico emendatur.

MONITVM II.

De diuisione Consonantiarum Harmonica, Arithmetica, & Geometrica.

DVdum in Harmonicis maioribus demonstratum est prop. 32. l. 5. de dissonantiis, diuisiones tam Octauæ, & Quintæ, quàm aliarum Consonantiarum, quos Practici vocant Harmonicas, esse Arithmeticas; & quisquis legerit 36. prop. eiusdem libri, facile concludet Quintam Arithmetice his terminis 3. 4. 5 diuisam, æquè suauem esse ac Octauam harmonicè his terminis 6. 4. 2 diuisam: dicerent practici Quintam Harmonicè diuisam æquari Octauæ Arithmeticè diuisæ. De Geometrica etiam diuisione, de quæ tribus mediis habes prop. 35.

Porrò sunt plures modi quibus datum interuallum harmonicè diui-

datur. Verbi gratia, duplum planum à latere primo in secundum, applicatum aggregato laterum dat medium harmonicum : vt 2 in 4 dant 8, cuius duplum 16, diuisum per 6, tribuit 2^o, quod est medium harmonicum, vt habes loco cit. prop. 30.

Eò verò suauior erit qualibet diuisio Arithmetica cuiuscumque Consonantiæ, quò numeri radicales qui eam exprefferint, minores fuerint : vt iam qualibet conternationes sequentes, vel etiam conquaternationes Consonantiarum simul conferre, & de maiori præ alia suauitate concludere valeas.

IV. PROPOSITIO.

Compositio trium, vel plurium partium, seu conternatio. & conquaternatio Consonantiarum se consequentium, biciniis non est difficilior.

QUod probatur ex praxi ; quandoquidem in ea præstantissimi contendunt bicinium ob regulas seu eriores obseruandas, & illius simplicitatem, quæ minimas imperfectiones aperit, quibuslibet quocumque partium motetis, aut aliis compositionibus esse difficilior ; vix autem dixero genus istud compositionis plurium vocum à conternatione, conquaternationeq; consonantiarum discrepare, quemadmodum ab illarum combinatione dyades, seu Bicinia non differunt.

Cùm igitur Octaua seu Diapason omnem Musicam contineat, cùmque præter hanc Harmoniæ reginam nil præter repetitiones à practicis audiri videatur, si diapasonis omnes conternationes dederimus, hoc est in 3 rationes diuiserimus, quæ sonos auribus gratos exhibeant, Triades seu Tricinia omnia exhibuisse censeri possumus.

Porro quinque solum modis Octaua, seu ratio dupla 2 ad 1 in tres		
1	2. 3	rationes superparticulares diuiditur, quas tabella
	4. 5.	
	15. 16	
2	2. 3	sequens exhibet; nec est vlla, præter quintam ordine, diuisio, seu rationum illarum conternatio, quæ grata sit auribus; quamque nostris systematis litteris ita exprimimus: v. f. l. u. seu numeris minimis 3. 4. 5. 6. aliæ siquidem dissonantias habent, quarum sola tertia nequit exprimi nostris litteris, in ea siquidem Quarta diuiditur in rationem sesquiseptimam, & sesquiseptimam: 4 reliquæ sic exprimuntur, prima v. f. b. u, secunda v. f. b. u. quarta denique v. f. b. u. Quare diuidi debet alio modo
	5. 6	
	9. 10	
3	2. 3	Diapason ad omnes Harmonicas conternationes inueniendas; quæ sunt duntaxat sex numero: vel enim Diapète subiicitur diatessaroni, diuiditurq; in ditonum, & sesquitonum, ita vt ille subiiciatur, vel superextet; vel Diatessaron subiicitur & Diapente superpositum duobus, vt antea, modis diuiditur; vel post ditonum aut sesquiditonus sequitur diatessaron, cui superextat alterutra Tertiarum, vt Octaua perficiatur, quas omnes conternationes, vel triades habet tabella sequens, idque eo ordine, qui suauiores minoribus numeris exprimit, qui docent quantum melior, hoc est dulcior & suauior sit vna quam altera trias consonantiarum:
	6. 7	
	7. 8	
4	3. 4	
	3. 4	
	8. 9	
5	3. 4	
	4. 5	
	5. 6	

positum duobus, vt antea, modis diuiditur; vel post ditonum aut sesquiditonus sequitur diatessaron, cui superextat alterutra Tertiarum, vt Octaua perficiatur, quas omnes conternationes, vel triades habet tabella sequens, idque eo ordine, qui suauiores minoribus numeris exprimit, qui docent quantum melior, hoc est dulcior & suauior sit vna quam altera trias consonantiarum:

Diapasonis Harmonica Conternationes.

u	u	u	u	u	u
1	f	f	f	l	f
f	m	r	r	m	f
V	V	V	V	V	V
6	8	10	20	24	30
5	6	8	15	20	24
4	5	6	12	15	20
3	4	5	10	12	15
I	II	III	IV	V	VI

Vbi primum aduerte singulas conternationes ab V, siue VT nostri Diapasonis incipere, quod non ita fieri potest in vulgari, cui desunt semitonia, quibus ita nostrum abundat, vt totum semitonium possit appellari; quodque semper præ oculis habere debeas dum hæc legis, aut ipse componis, nam à quacumq; incipias nota, voce, phongo, neruo, seu littera, quaslibet consonantiarum conternationes dicto citius efficies.

Aduerte secundò in maioribus nostris Harmonicis, Latinis quidem l. 5 de dissonantiis pag. 84, & Gallicis l. 1. de cōsonantiis prop. 35. pag.

25. diagrammati in sexta Octauæ diuisione, apponendos numeros

radicales 10, 12, 15, 20 inscribendos.

Tertiò cum reliquæ conternationes extra diapason excurrentes nil sint aliud quàm repetitiones præcedentium, neque fieri possit vlla conquaternatio absque consonantiæ alicuius in nostris 6 conternationibus inclusæ repetitione; neque conquinatio, aut consenatio, &c. absque 2, aut 3 consonantiarum repetitione, dici potest eum qui 6 illas conternationes penitus nouerit, totam compositionem Harmonicam, vel illius ex solis consonantiis varietatem oriundam exhaustire.

Quartò suauitatem vnius conternationis esse ad alterius suauitatem, in inuersa maiorum numerorum ratione, quibus exprimuntur: Verbi gratiâ, maior numerus primæ est senarius, quintæ verò 24, qui 6 quater complectitur; quare soni primæ quater vniuntur eodem tempore quo soni quintæ semel duntaxat coeunt: nam in qualibet conternatione (quod & de conquaternationibus, cæterisque numerosioribus consonantiarum coniunctionibus intellige) maior numerus radicalis demonstrat quattuor trium consonantiarum sonos non posse simul aurem ingredi, vel animum ferire, donec acutior neruus, vel aer illum referens, totidem vicibus tremuerit (seu percussus fuerit, aut ipse corpus aliquod percusserit) quot in prædicto maiore numero fuerint vnitates.

Idipsum verò in aliis conternationibus, vel etiam conquaternationibus experiri facillimum: prius tamen consideratione dignum à multis practicis secundam conternationem anteponi primæ, ob suauem Diapente diuisionem: fortè quòd primo loco diatessaron occurrat, qui debetur Quintæ. Porro reliquæ conternationes extra diapason excurrentes aliquam ex consonantiis ab octaua comprehensis necessariò relinquunt: & conquaternationes nullam relinquentes, Octauam necessariò faciunt cum aliquo sono prædictarum conternationum: quod demonstratur exemplis sequentibus, quæ cum pendeant à nostro systemate disdiapason, hic repetendum est, & paginis omnibus non illud lectori exhibentibus adtexendum quandiu illius vsus explicatur.

Systema Harmonica Compositionis.

u u r r m f f f l l b b | u u' r' r' m' f' f' f' l' l' b' b' | u u'' r'' r'' m'' f'' f'' f'' l'' l'' b'' b'' u''.

Hæc scala Musica Trisdiapason complectitur, vt omnes repetitio-

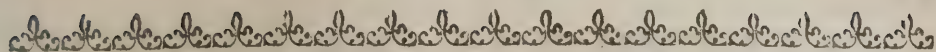
nes exprimere possimus. Primum igitur exemplum sit conternationis Octauæ contentæ, consonantiam reliquentis v. f. u; cùm inter f & v ytraque Tertia collocetur in secunda & quarta conternatione. Secundum exemplum, m. f. u, quod ditonum relinquit ab v ad m. Tertium exemplum excurrit extra primum diapason. v. u. r'. in quo r facit duodecimam minorem cum v. Quartum v r / f' complectitur duodecimam. Quintum v. u. f'. ú. f''. f'. u'''. complectitur ter diapason, & facit sex tubæ consonantias, quibus simul iunctis nihil suauius.

Sextum denique v. f. l. u. f'. Sed hoc exemplum id habet incommodi quòd neutrâ Tertiâ, neque Quintâ super octauam uti queat, quandoquidem illæ septimam minorem aut maiorem efficerent cum f; hæcque septimam cum l, & nonam cum f. quod forsan causa est cur prima Octauæ conternatio secundæ cedat, cùm soni sub octaua referant eos imaginationi, qui superextant octauæ, vicèque versa: Prætereaque 4 aut plurium partium compositio fere semper requirit decimam, præsertim maiorem, aut 12; licet possit sexta maior vel minor Octauæ superponi, quando prius inferior Octaua in hexachordum minus & ditonum, aut maius & sesquiditonum diuisa est.

Vbi rursus consideratione dignum cur Sexta super Octauam, seu decimatertia contra Bassum non sit adeo suavis ac decima contra Bassum, seu vocem grauiorem, cùm illa sexta dispositio non impediat quin vox acuta faciat decimas cum grauioribus vocibus; exempli gratiâ l', hoc est secundum *amillare*, facit decimam maiorem cum f: quæ cùm non sit vox omnium grauiissima, deest gratia Decimæ maioris, quæ quibusdam veluti Harmoniæ radiis micat, cum sit contra vocem reliquis grauiorem.

Hinc fit vt Practici maximè satagant consonantiarum ad vocem grauem, seu Bassum relatarum, longè verò minus aliarum quæ intermiscuntur: adeout sua moteta facta putent statim atque pars grauior & acutior ad concentum adductæ sunt, reliquis partibus mediis ad solam copulam, aut vinculum requisitis.

Cùm autem non possimus omnia sine notis exprimere quæ pertinent ad Harmonica tempora, sequentibus 12 modorum exemplis discēs quidquid ad praxim, & ad elegantem 2, 3, aut plurium partium compositionem attinet.

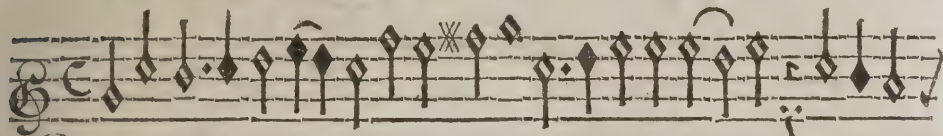


E X E M P L A

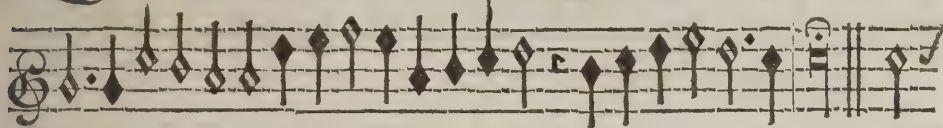
XII. MODORVM.

PRIMVS MODVS.

SVPERIVS.

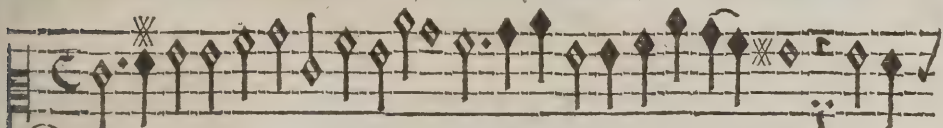


Q Vam dilecta taber- nacula tua Domine virtu- tum; concupif-

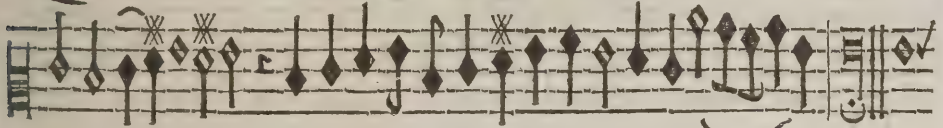


cit & deficit anima mea in atria in atria Domi- ni. ni.

C O N T R A - T E N O R.

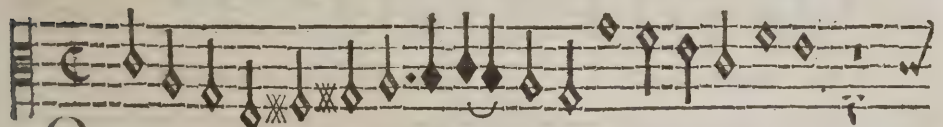


Q Vam dilecta tabernacula tua Domine Domine virtu- tum; concu-

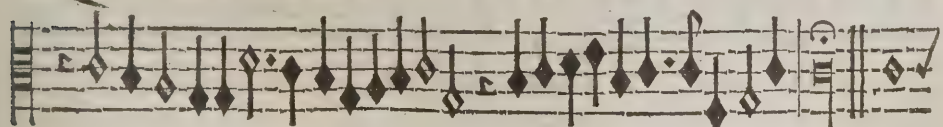


piscit & deficit anima mea in atria Domini. Do- mi- ni. ni.

T E N O R.



Q Vam dilecta tabernacu- la tua Domine virtutum;

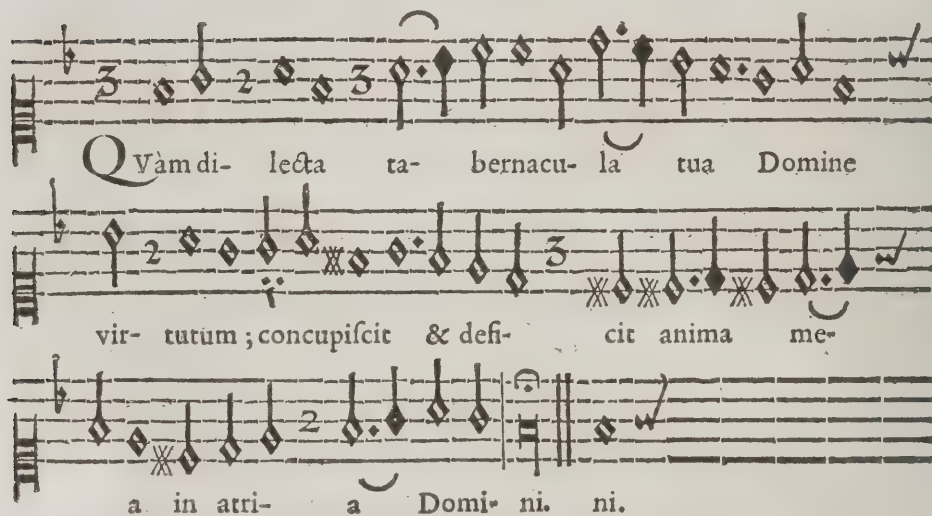


concupiscit & deficit anima mea in atria in atria Domi- ni. ni.

Sf

SECUNDVS MODVS.

SUPERIVS.



Q Vàm di- lecta ta- bernacu- la tua Domine
 vir- tutum ; concupiscit & defi- cit anima me-
 a in attri- a Domi- ni. ni.

TENOR.



Q Vàm di- lecta taber- nacu- la tua Domine
 vir- tutum ; concupif- cit & defi- cit anima me-
 a in attri- a Domi- ni. ni.

TERTIVS MODVS.

SVPERIVS.



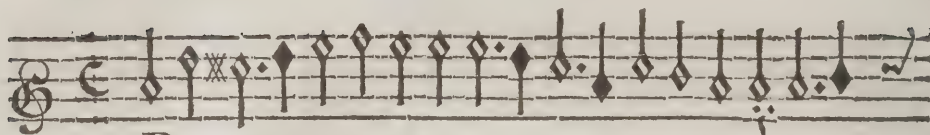
Q Vàm di- lecta tabernacula tua Do- mi-
ne vir- tutum concupiscit & deficit anima
me- a in atria in atria Domi- ni. ni.

TENOR.

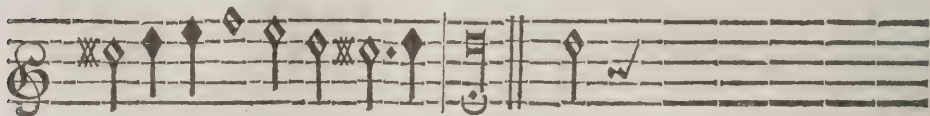


Q Vàm dile- cta tabernacula tua Do-
mine virtu- tum; concupiscit & deficit ani- ma me-
a in atria in atria Domi- ni. ni.

HARMONIÆ
IDEM MODVS.
SVPERIVS.



BEati qui habitant in domo tua Domine; in sæcu-



la sæculorum laudabunt te. te.

CONTRA-TENOR.



BEati qui habitant in do- mo tua Domine; in sæcu-

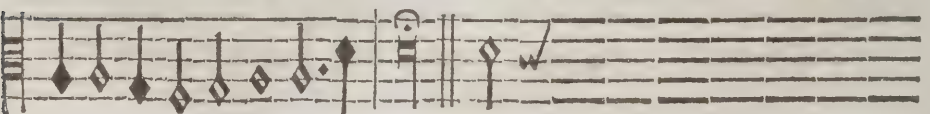


la sæculo- rum laudabunt te. te.

TENOR.



BEati qui habitant in do- mo tu- a Domine; in sæcu-



la sæculorum laudabunt te. te.

QVARTVS MODVS.

S V P E R I V S.



Q Vam dilecta tabernacula tu- a Dñe Domine virtutum; concu-
piscit & deficit ani- ma me- a in atria atria Domini.

CONTRA - TENOR.



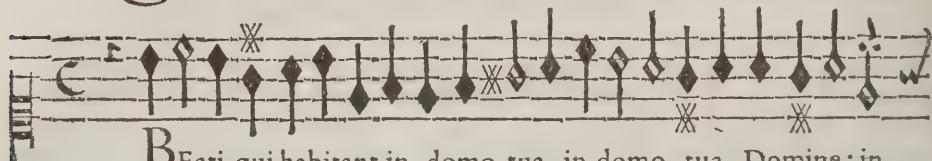
Q Vam dilecta tabernacula tabernacu- la tua Dñe virtutū virtutū; concu-
piscit & deficit anima mea in atria in atria Domini.

T E N O R.

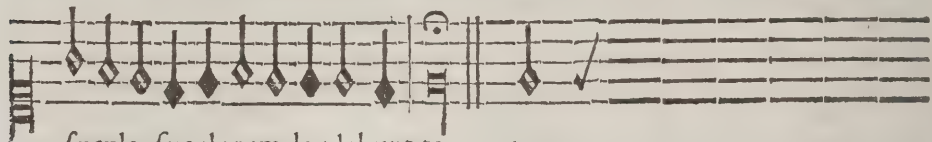


Q Vam dilecta tabernacula tua Domi- ne virtutū; concu-
piscit & deficit a- nima mea in atria in atria Domini.
Sf iij

QVINTVS MODVS. SUPERIVS.

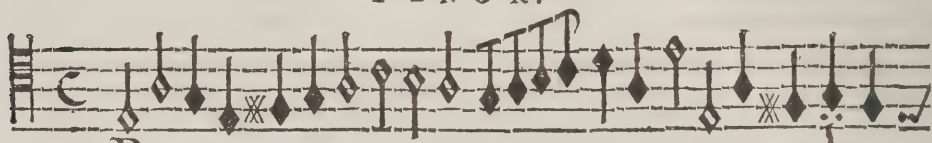


BEati qui habitant in domo tua in domo tua Domine; in



sæcula sæculorum laudabunt te. te.

TENOR.

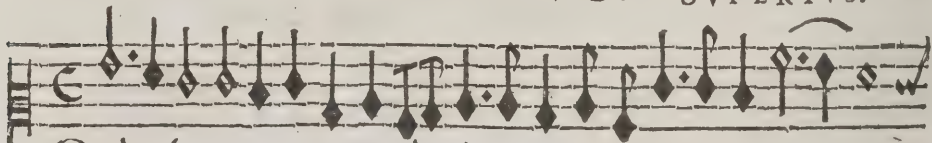


BEati qui habitant in domo tu- a Domine; in sæcu-



la in sæcula sæculorum laudabunt te. te. in

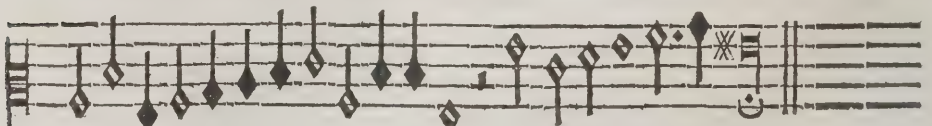
SEXTVS MODVS. SUPERIVS.



QVam dilecta taberna- cula tabernacula tu-



a Domine virtutum Domi- ne virtu- tum; concupiscit &



deficit anima mea in atria in atria Domini.

CONTRA - TENOR.

Q Vam dilecta tabernacula tua Domine virtutum vir-

tu- tum; concupiscit & deficit anima mea in

atria Domini.

TENOR.

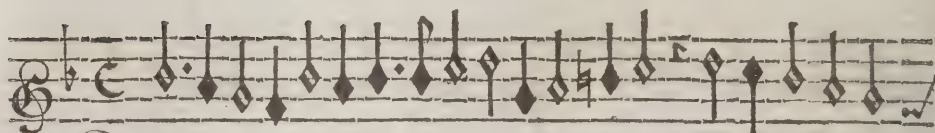
Q Vam dilecta tabernacula tua Domine virtu-

tum; Domi- ne virtutum concupiscit & defi- cit anima

mea in attria Do- mini.

SEPTIMVS MODVS.

S V P E R I V S.



Q V ã m d i l e c t a t a b e r n a c u l a t u a D o m i n e D o m i n e v i r t u -

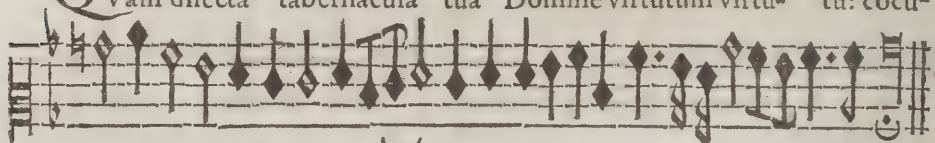


t u m ; c o n c u p i s c i t & d e f i c i t a n i m a m e a i n a t r i a D o m i n i .

C O N T R A - T E N O R .

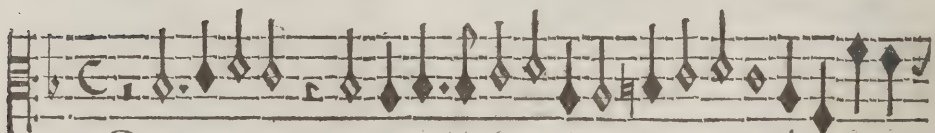


Q V ã m d i l e c t a t a b e r n a c u l a t u a D o m i n e v i r t u t u m v i r t u - t u : c o c u -

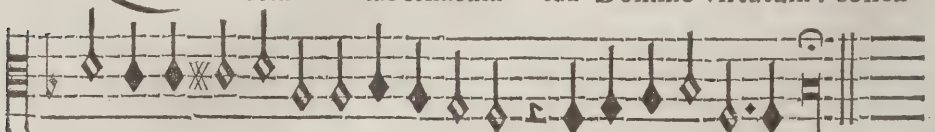


p i s c i t & d e f i c i t a n i m a m e a i n a t r i a D o - m i n i .

T E N O R .



Q V ã m d i l e c t a t a b e r n a c u l a t u a D o m i n e v i r t u t u m : c o n c u -

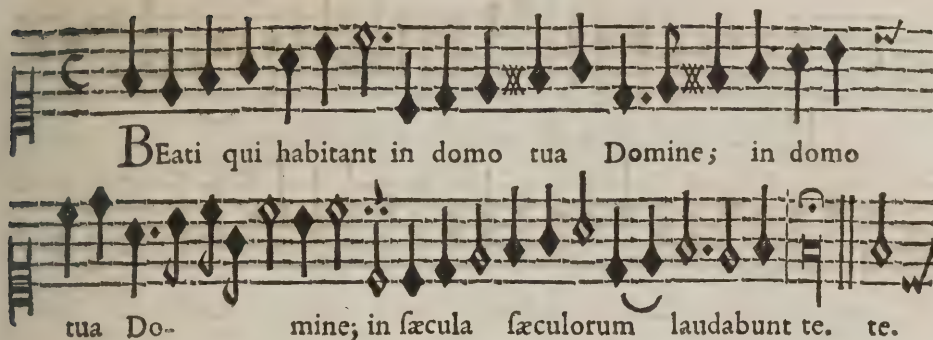


p i s c i t & d e f i c i t a n i m a m e a i n a t r i a D o m i n i .

O C T A V V S

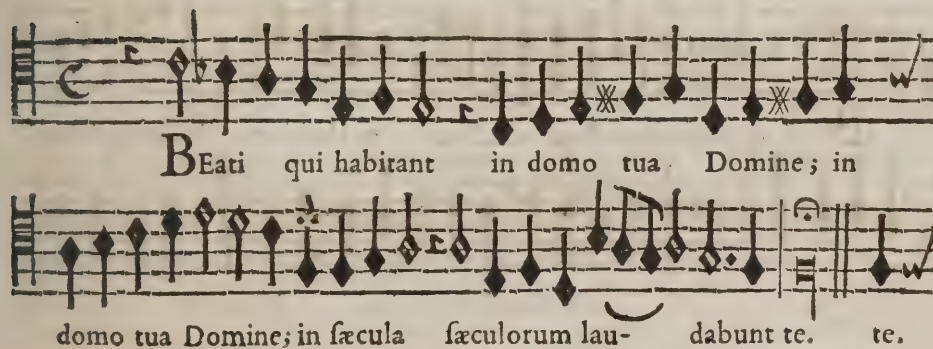
OCTAVVS MODVS.

SVPERIVS.



BEati qui habitant in domo tua Domine; in domo
tua Do- mine; in sæcula sæculorum laudabunt te. te.

TENOR.



BEati qui habitant in domo tua Domine; in
domo tua Domine; in sæcula sæculorum lau- dabunt te. te.

HARMONIÆ

NONVS MODVS.

SVPERIVS.



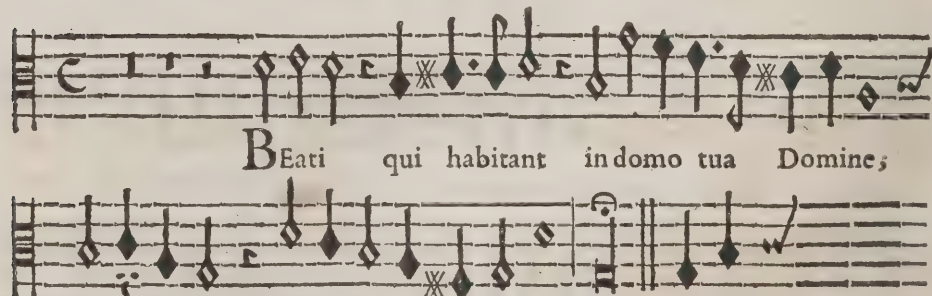
BEati qui habitāt in domo tua Dñe, in domo tu- a in domo
tua Domine; in sæcula in sæcula sæculorum lau- dabunt te. te.

CONTRA - TENOR.



BEati qui habitāt in domo tua, Beati qui habitant in domo domo
tua Domine; in sæcula sæculorum lau- dabunt te. te.

TENOR,



BEati qui habitant in domo tua Domine;
in sæcula sæculorum laudabunt te. te. in

DECIMVS MODVS.

SUPERIVS.



Beati qui habitāt qui .ij. in domo tua Do- mine; in sæcula in
 sæcula sæculorum .ij. .ij. .ij. laudabūt te. laudabūt te.

CONTRA-TENOR.



Beati qui habitant in domo tua qui .ij. Domine; in sæcu-
 la in sæcula .ij. sæculorum .ij. sæculorum laudabunt te.

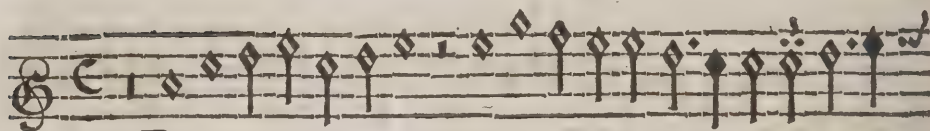
TENOR.



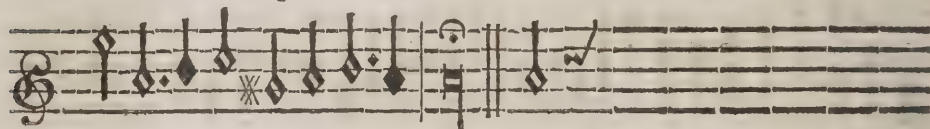
Beati qui habitant in domo tua Domine; in sæcula in sæcu-
 la sæculorum sæculorum .ij. .ij. laudabunt te.
 T t ij

HARMONIÆ VNDECIMVS MODVS.

SUPERIVS.

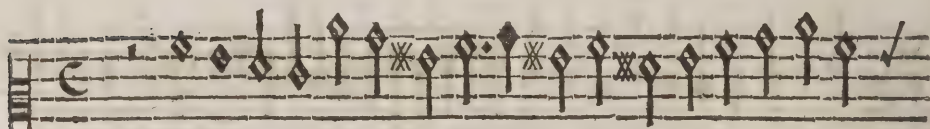


BEati qui habitant in domo tua Domine; in sæcu-



la sæculorum laudabunt te. te.

CONTRA-TENOR.



BEati Beati qui habitant in domo tua Domi-

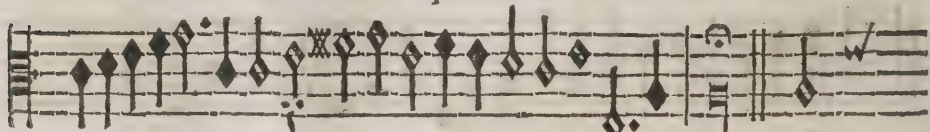


ne; tua Domine; in sæcula sæculorum lau- dabunt te. te.

TENOR.



BEati Bea- ti qui habitant in domo tua Do-



mine; in sæcula sæculorum laudabunt te. te.

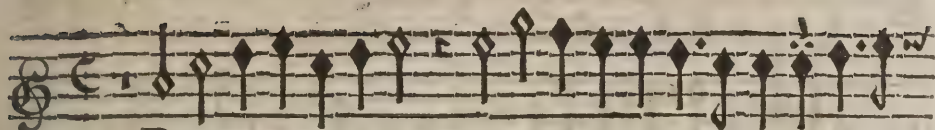
LIBER TERTIVS.

325

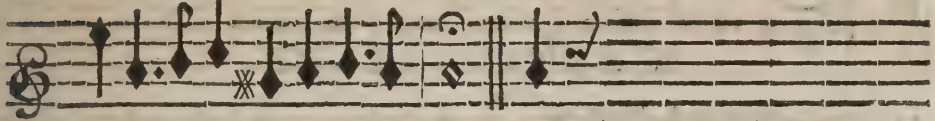
IDEM MODVS

tempore subduplo.

SUPERIVS.

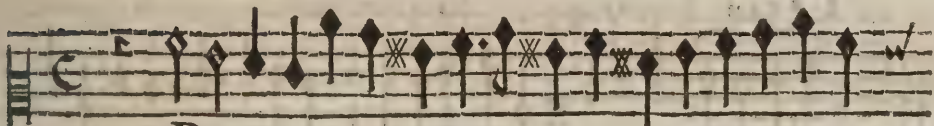


BEati qui habitant in domo tua Domine; in sæcu-



la sæculorum laudabunt te. te.

CONTRA - TENOR.

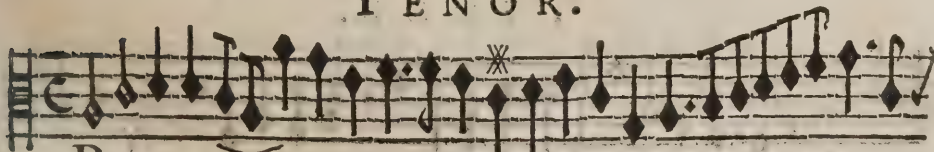


BEati Beati qui habitant in domo tua Domi-

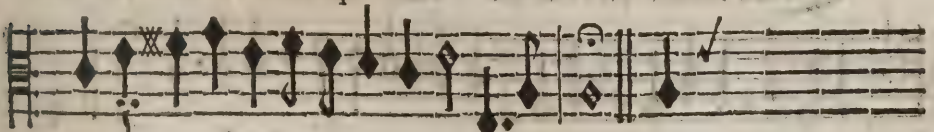


ne; tua Domine; in sæcula sæculorum lau- dabunt te. te.

TENOR.



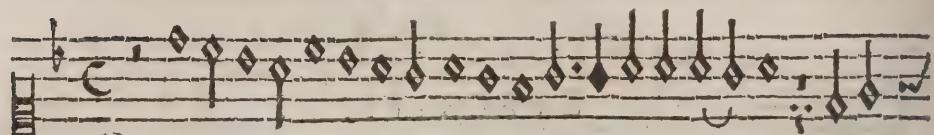
BEati Bea- ti qui habitant in domo tua Do- mi-



ne; in sæcula sæculorum laudabunt te. te.

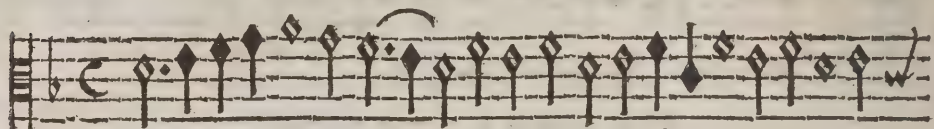
T t ij

HARMONIÆ DVODECIMVS MODVS. SVPERIVS.



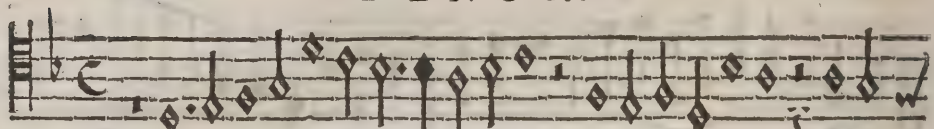
Quam dilecta tabernacula tua Domine virtutum; concu-
piscit & deficit anima mea in atria Domini.

CONTRA - TENOR.



Quam dilecta tabernacula tua Domine virtutum; concupiscit & deficit anima mea in atria Domini.

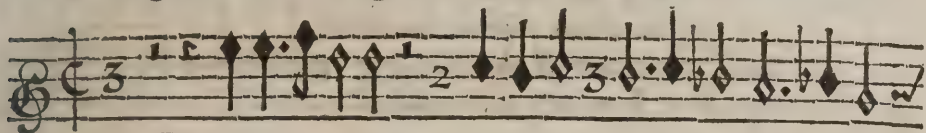
TENOR.



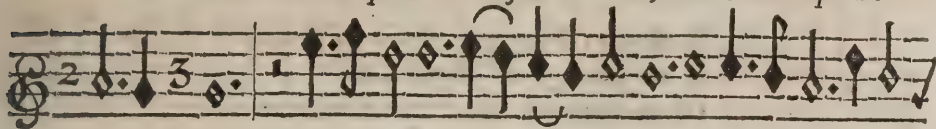
Quam dilecta tabernacula tua Domine virtutum; concupiscit & deficit anima mea in atria Domini.

~~~~~

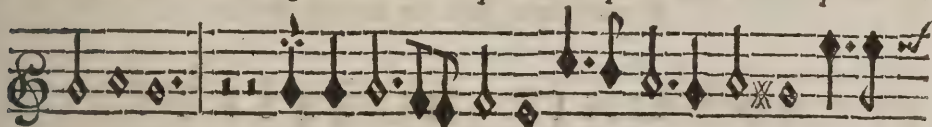
Viuo ego jam non ego : viuit verò in me Christus.



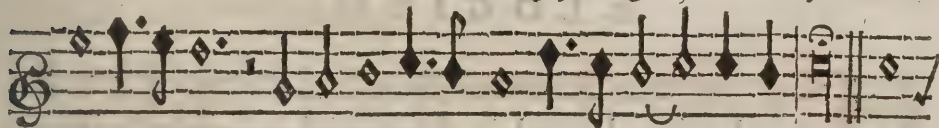
*M*eurtr'innocent qui me fait vi-ure, Sainct Amour qui me



fait mou-rir; Rencontr'heureux! que de perir Dans ce cōbat qu'un Dieu

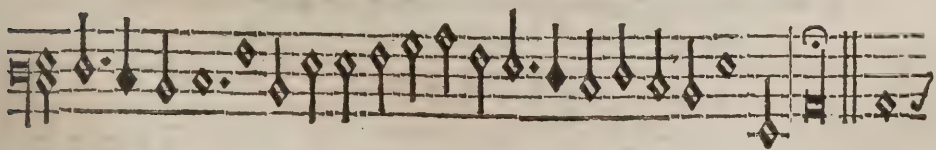
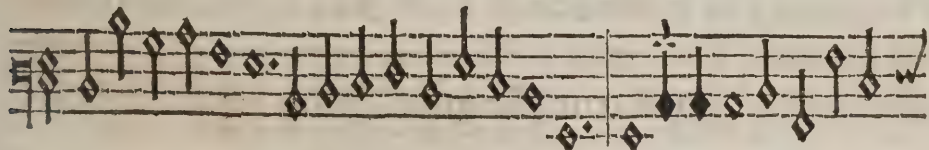
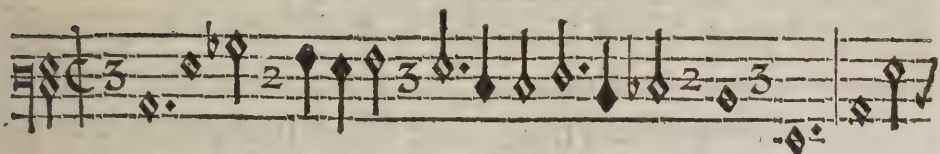


me liure: Pour viur'au lieu de moy, fais-moy toujours mourir, Jamais



de ce beau coup je ne voudrois guerir. je ne vou- drois gue-rir. rit.

BASSE CONTINUE.





*Blessé d'une atteinte mortelle,  
 J'ay la vie de mon vainqueur;  
 Et si je sens mourir mon cœur,  
 Il vit d'une flamme immortelle:  
 O Dieu ! pour viure en moy, fais-moy toujours mourir;  
 Jamais de ce beau coup je ne voudrois guerir.*

*Je vis, je meurs, je ressuscite;  
 Je meurs en homme, & vis en Dieu;  
 Je me pers, je ne sçay le lieu  
 Où maintenant mon corps habite:  
 Mais je sçay que mon cœur voudroit toujours mourir  
 De la main de mon Dieu, sans en pouvoir guerir.*

## ANTONII BOËSSETI

## ELOGIUM.

**H**OC ultimo Antonij Boësseti cantu suauissimis D. Pauli verbis diuinum amorem spirantibus informato quibuslibet viris Harmonicis testatissimum volui, quot & quantis cœlestis gloriæ desiderijs vitam suam Gallicus nostri sæculi Orpheus sacro Viatico, & Ecclesiæ Sacramentis armatus coronauerit, vt posterì magnum illud iudicium, quod exercebat in harmonicis cantibus, & amoris diuini feruorem, quo mens illius in extremo istius vitæ momento rapiebatur, singulis diebus æmulentur.

---

*Ex Officina ROBERTI BALLARD.*

LIBER



# H A R M O N I Æ

## L I B E R I V.

### *De Instrumentis Musicis.*

Cum omnia hisce libris contrahamus, paucis instrumentis contenti librum hunc sequentibus propositionibus concludamus, quæ gustum faciant 7 librorum quibus omnia Instrumenta, & illorum diagrammata tam Gallicè, quàm Latinè conclusimus.

#### I. PROPOSITIO.

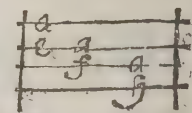
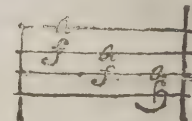
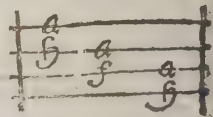
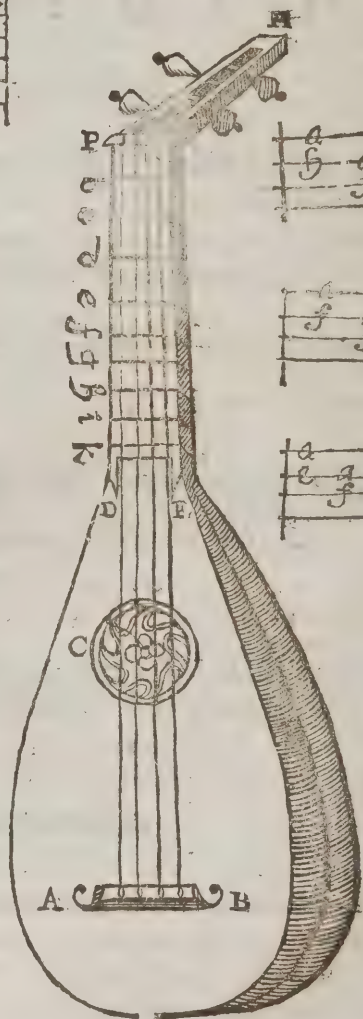
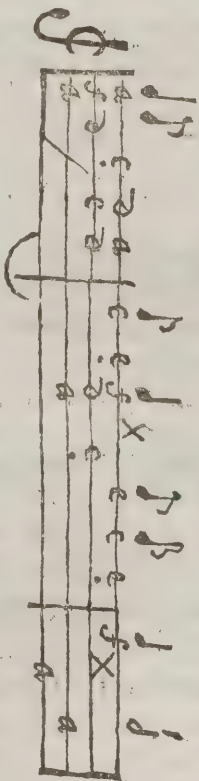
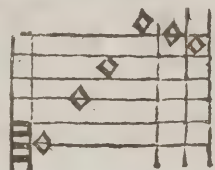
*Citharam minorem, hoc est Mandoram explicare;  
& illius ope similia Instrumenta  
εὐτελῶς intelligere.*

Præcipuæ istius Instrumenti partes explico, putaque de maiori-  
bus instrumentis, verbi gratiâ, Testudine, Lyra, Violis, &c. idem  
ac de Mandora dicendum. Sit igitur istius citharæ, siue testudinis  
canon PDF, hoc est tabella manubrio agglutinata, in quo phton-  
gorum discrimina, seu iugamenta ἡμιτονία, quæ & ἀφοριστῆρες:  
quorum tonos, siue sonos ostendunt litteræ nostræ b, c, d, &c. vs-  
que ad K; vice quarum Itali numeris 1, 2, 3, &c. vtuntur.

Reliquus nervus à K ad AB ponticellum, seu magadem, dicitur apopsalma; nisi malis eiusdem nervi parti à supercilio P relicta, hoc est parti 6 P, dum in 6 tangitur, vel parti c P, dum in c tangitur, &c. nomen illud tribuere, quemadmodum voces inutiles in chordarum monochordi segmentis metaphalmata dicimus. Chordæ verò, dicuntur etiam νευγὴ, λῖνα, μῦτι, fides, &c. quarum vibratio Κραδασμός.

Cum autem di-  
uersis modis fides  
tangi possint ,  
adcoit auium can-  
tus , & quidquid  
ferè volueris imi-  
tentur , vt experi-  
mur in Bocani  
Lyra Orchestica,  
quâ mirabiliter  
asini ruditum ple-  
ctro chordæ reli-  
quum post maga-  
dem, hoc est apo-  
psalma tangen-  
do , ita ex-  
primit , vt ipsam  
belluam Arcadi-  
cam esse credas ;  
sed & citharæ pul-  
sationem ranarum  
coaxationi simi-  
lem βαταχοῦδον  
appellarunt.

At verò mirum videtur, quòd 4 his fidibus nostri citharistæ omnia repræsentent, siue digitis, siue penna, vel quouis fabulone: nulla siquidem amphipedesis, nulla  $\alpha\lambda\gamma\mu\delta\sigma\epsilon\iota\varsigma$ , nulla





μετὰ φιλαφήματα, ἢ nulla χομπήματα, neque μεσοκθαρίσματα, quam istorum 4 nervorum ὁπικρισίς, & apechesis non referat: quod etiam de Lyræ orchestica dictum velim, quæ cum nullis iugamentis distinguatur, aptissima est quæ omnia tetrachordorum genera, de quibus postea, representet. Istius autem ὀλιγόχορδης συναρμωγῇ, seu concentus, tam notis vulgaribus, quàm litteris hoc schemate continetur, quod etiam habet ad latus sinistrum diagramma breue ad primum exercitium.

Ab H ad P habes 4 epitonia, seu vertibula impacta, quorum versione fides tenduntur, vel remittuntur: vocantur etiam κόλλοπες, κολλάβοι, & paxilli. Cùm autem absque vocum coniunctione canit, illius cantus ψιλὰ κθαρίσεις: cum vocibus κθαρωδία dicuntur: & qui canit ad citharæ vnisonum μετ'χορδᾶ canit: sunt qui magadem vocent χορδοπνον, fortè quod antiquitus ἔχῃον, seu χάλκωμα sub eo poneretur ad citharæ resonantiam, seu apechesim aluei augendam.

Porrò tres notæ superiores systematis ostendunt tres diuersos modos, quibus hæc cithara redigitur ad concentum, cùm sit χορδοθεσία, seu ἑταχορδοτονία: cùm interim 3 inferiores eisdem tonos, vel phtongos conseruent, qui propterea dici possunt ὑποθεματικοί, vt alij tres μεταβολικοί.

Qui solâ citharâ canunt psilocitharisticam exercere dicuntur, hoc est artem canendi fidibus, vt ἡχοποιῖαι, qui faciunt echea, quæ nonnulli parabolica, vel hyperbolica requirunt: & ὀργανοποιῖαι λυροποιοί, qui citharas, & alia instrumenta construunt. Sunt autem citharæ præludia μετ'κθαρίσματα, & μετ'φιλαφήματα: quæ nunc in omnium istius generis instrumentorum gratiam annotasse sufficiat.

## H. PROPOSITIO.

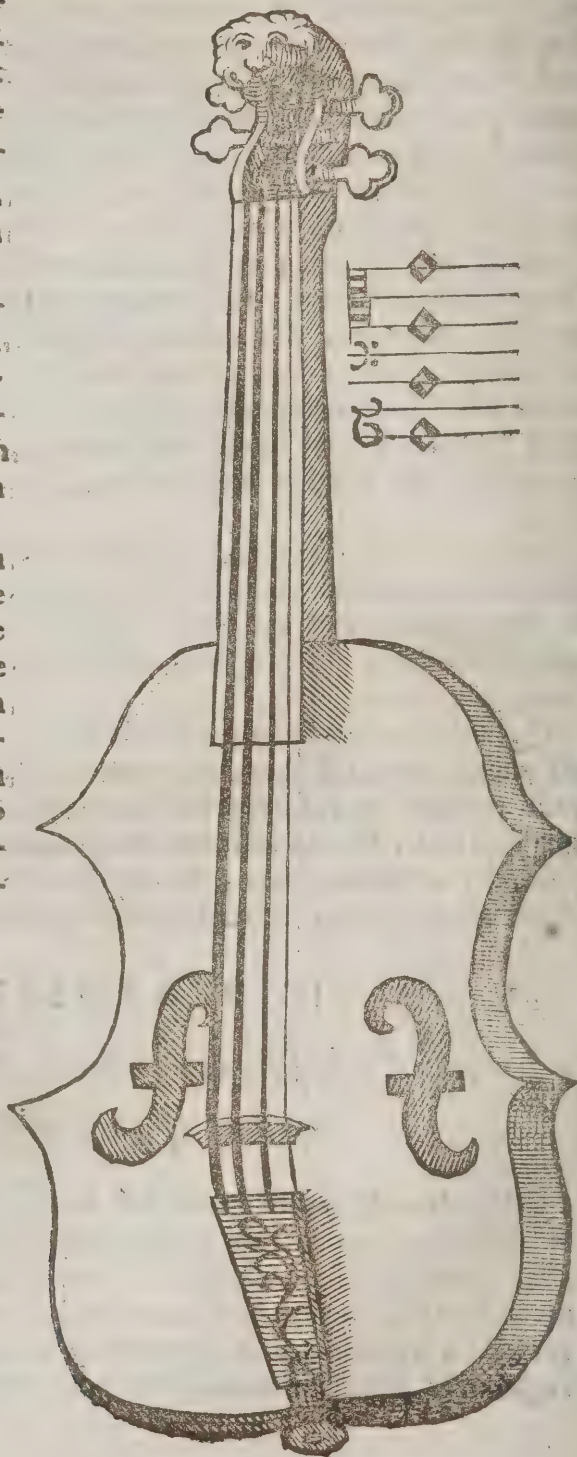
*Lyrarum Orchesticam exhibere, & Musicæ genera, quibus apta est aperire.*

CVM hoc Lyrarum genus fiat diuersæ magnitudinis, eam hîc perspice quæ vocibus grauioribus destinatur; quæ cum sit absque iugamentis, siue interstitiis, infinita dici potest, ob sonos innumeros quos docta manus discriminat, cùm aliorum instrumentorum manubria semitoniis distincta totidem duntaxat habeant sonos, quos iugamenta, seu metationes.

Porro qui laudem quaternarij profecuti sunt, 4 istius lyræ neruos possunt addere, quibus nil in genere musico videtur ἀδύνατον: experiatur Bocani, vel Constantini peritiam quisquis dubitauerit.

Systema 4 notis descriptum, ostendit magnam istius instrumenti extensionem, quæ decimamtertiam complectitur, etiam si manubrij tabula, non tangatur.

Placet autem hîc non omnia quidem Musicæ genera possibilia, quippe infinita, sed ea tantum quæ diateffaronem diuidunt in 3 rationes superparticulares proponere; quod cum Bryennius solummodo quindecies fieri posse crediderit, ostendimus vigiges septies contingere.



*Diateffaron in 3 rationes superparticulares**27 diuifum*

|   |          |    |         |        |
|---|----------|----|---------|--------|
|   | 9. 10    |    |         |        |
|   | 10. 11   |    |         |        |
|   | 11. 12   |    |         |        |
|   | 9. 10    |    |         |        |
| 1 | 8. 9     | 10 | 4. 5    | 5. 6   |
|   | 15. 16   |    | 25. 26  | 18. 19 |
|   |          |    | 39. 40  | 19. 20 |
|   | 4. 5     |    | 4. 5    | 9. 10  |
| 2 | 16. 17   | 11 | 27. 28  | 6. 7   |
|   | 255. 256 |    | 35. 36  | 35. 36 |
|   | 4. 5     |    | 4. 5    | 9. 10  |
| 3 | 17. 18   | 12 | 30. 31  | 7. 8   |
|   | 135. 136 |    | 31. 32  | 20. 21 |
|   |          |    | 15. 16  | 6. 7   |
| 4 |          | 13 | 5. 6    | 8. 9   |
|   |          |    | 24. 25  | 63. 64 |
|   | 4. 5     |    | 15. 16  | 6. 7   |
| 5 | 18. 19   | 14 | 6. 7    | 11. 12 |
|   | 95. 96   |    | 14. 15  | 21. 22 |
|   | 4. 5     |    | 5. 6    | 6. 7   |
| 6 | 19. 20   | 15 | 10. 11  | 14. 15 |
|   | 75. 76   |    | 99. 100 | 15. 16 |
|   | 4. 5     |    | 5. 6    | 7. 8   |
| 7 | 20. 21   | 16 | 11. 12  | 7. 8   |
|   | 63. 64   |    | 54. 55  | 48. 49 |
|   | 4. 5     |    | 5. 6    | 7. 8   |
| 8 | 21. 22   | 17 | 12. 13  | 8. 9   |
|   | 55. 56   |    | 39. 40  | 27. 28 |
|   | 4. 5     |    | 5. 6    | 7. 8   |
| 9 | 23. 24   | 18 | 14. 15  | 12. 13 |
|   | 45. 46   |    | 27. 28  | 13. 14 |

Est autem secunda diuifio eadem cum diatonica nostra: vnde videas quot nobis defint tetrachordorū species, seu genera: suntque qui primum tetrachordum cæteris antepo-  
nant ob minores inter ratios illius differentias, quem-  
admodum & alij diuifionem istam sequentes, addunt ei ratios 12 ad 13, 13 ad 14, & 14 ad 15, ex quibus credunt genus musicum exurgere, quod longissimè superet genera nostra diatonica, chromatica, vel enharmonica; cum enim vnum aut alterum semitonium tantam diatonico diuersitatem inferat, quanto maiorem ex illis nouis interuallis sperare debeas?

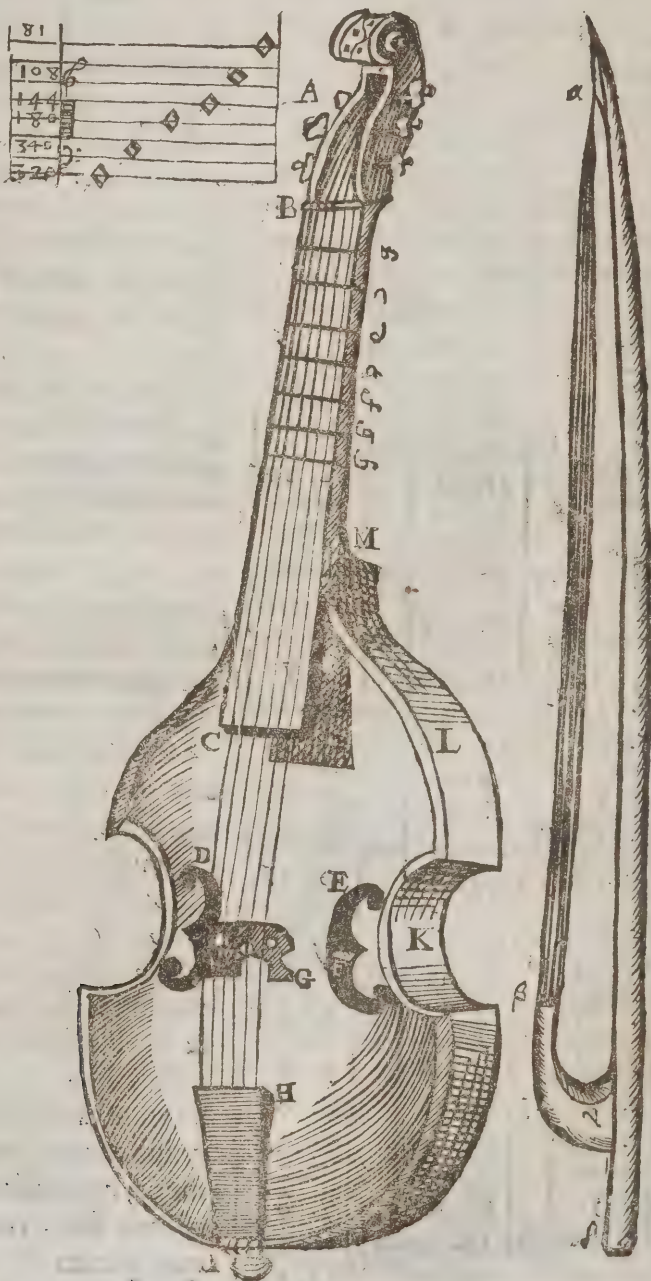
Est igitur lyra hæc generibus omnibus exprimendis aptissima, cum sit monochordum infinitum, seu nullis diuifionibus obnoxium.

Non illa genera repeto, de quibus adeo fusè libro 6. Latino de Generibus, & Modis, & in Paralipomenis ad Genesin. Huic lyre subiungam alteram admodum cognatā, cuius cantus non adeo vehemens, quod illius nerui longiores sint, vel minus tensi, quæ parum figurā differt, &



iugamenta, seu metationes habet, quæ illius infinitatem præpediunt. Addo solum caudam illam pone magadem, cui chordæ alligantur, à quibusdam chordapson, seu chordotonum appellari, quod tamen magadi testudinis melius quadrat.

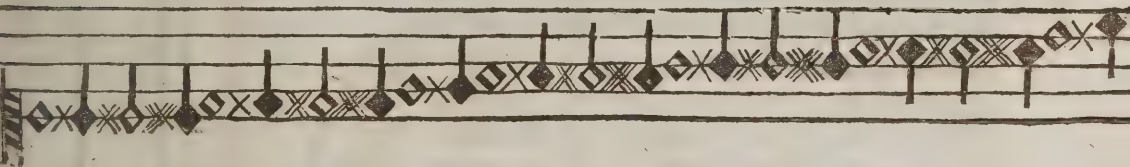
Arculus  $\alpha$   $\beta$   
 Distius Vio-  
 læ, quam alii  
 Lyræ ap-  
 pellant, o-  
 stendit etiã  
 qualis sit in-  
 strumentum  
 præcedentis  
 arcus, quæ  
 alij plectrũ  
 dicunt: sy-  
 stema verò  
 differt ab  
 Orchesticæ  
 Lyræ syste-  
 mate, vt ex  
 notis con-  
 stat.



## III. PROPOSITIO.

*Polyplectra Harmonica, siue Clavicymbala explicare; illisque perfectas & temperatas consonantias addere, & in quibus systema vulgare, seu intervallorum æquatio, vel participatio à vero systemate differat aperire.*

**P**olyplectra vocamus instrumenta quæ pluribus pennarum apicibus, totidem nempe quot fides percutiendæ fuerint, instruuntur; quas pennas alii crinibus aprorum, vel aliis satis robustis suppleant. Licet autem nostri practici temperaturam suis systematibus adhibeant; hæc tamen temperatura non est *ισομερής*, siue *ισομυτονία*, qualem Galeus desiderabat; quæ licet nostrorum aures delicatiores, qualis est ingeniosissimus *λυροποιός* Dionysius, vix illam temperaturam semitoniorum æqualium sustinere possent, aliis tamen musicis exercitatisissimis satisfaciebat: In quorum gratiam sit diapason sequens tria Musicæ genera suis 25 notis vel sonis referens, & octauam in 24 dieses enharmonicas æquales secans.



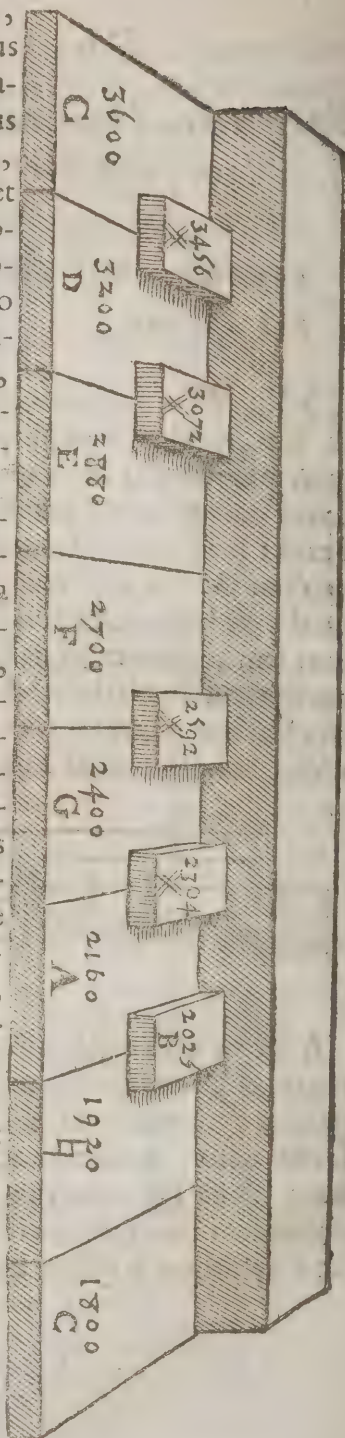
Aduerte verò notas albas absque caudis gradus diatonicos: notas nigras caudatas gradus enharmonicos, notas denique albas caudatas gradus chromaticos significare: atque adeo diatonicos gradus, vel sonos octo, enharmonicos duodecim, & chromaticos quinque huic, inesse systemati, in quo plura reperias intervalla quæ desunt præcedentibus systematibus. Habent igitur æqualitatis amantes in hoc 25 sonorum systemate quidquid desiderent.

Vt autem illa nostrorum temperatura, seu participatio facilius capiatur, sit abacus clauicymbali, 13, vti solet in qualibet octaua, plectris, siue tactibus instructus: cuius palmulæ litteris capitalibus inscriptæ C, D, E, F, G, A, B, & C, sunt diatonicæ, licet B, quod nostro more superius explicato notatur per *b*, ex diatonico exulet, cuius loco statuitur *b*, seu bi, quod in hoc alueolo notatur caractere peculiari, quem *b* quadratum appellant. Aliæ palmulæ minores, quas tactus nigros seu fictos, aut chromaticos dicunt, lineolis decussatis significantur.

Quibus præmissis, sciendum primo practicum aurem (qualis est Ioannes Dionysius prædictus, quo nullus clauicymbala perfectius construit, & ad concertum adducit) adeo doctam esse vt tam in Organis, quam in spinetis temperandis <sup>136</sup> soni partem, hoc est proximè quartam commatis partem in Quintæ temperamento percipiant: hanc enim exactam & iustam, qualem retinerent, si reliquas omnes consonantias à fidibus exprimendas inuenire possent, prædicto commatis quadrante deprimunt, vt ea ratione temperata reliquis consonantiis, non quidem exactis, sed ita temperatis, vt aures non lædant, inueniendis seruiat.

Hanc autem partem commatis non alio modo Quintis perfectis deesse percipiunt quàm ex fidium, vel tuborum sonantium pugna, seu tremore; prius enim fides & fistulas ad iustum diapente cogunt, deinde verticillos, seu paxillos quibus chordæ torquentur, tantisper remittunt, donec tantisper tremant, adeout is perfectiorem suauioreque concertum fidibus & fistulis tribuat, qui delicatiore aure fruitur.

Porro





Porro fictæ palmulæ, seu nigri tactus non habent aliud nomen aut litteram à tactu præcedente diatonico: hinc fit vt tactus qui C inferius immediatè sequitur, fictus C *sol ut fa* nuncupetur: eodemque de D F & G dicendum. Quod enim spectat ad E, non eget fictione, cuius vice fungitur F: quod etiam occurrit in *Bfabmi*, cuius tactus niger dicitur vulgò *fa*, & supplet fictionem L, quemadmodum *mi* vel *bi* supponit fictionem *fa*: vel vt nostro more loquamur, *ba* & *bi* diuidunt Tertiam minorem l, u, in tria semitoniam, vt ex dictis constet.

His autem tactibus ea ratione temperamentum inferunt, vt quolibet diapente vno puncto minuant: incipiunt autè ab E, seu m, cum quo faciunt primum diapente in b, vno puncto minutum. Temperaturæ verò terminus vltimus est fictus G. Credunt autem Practici tonum superfluum in D & A reperiri, quod fictione non vtantur, sed ex vtraque parte semitonium maius habeant: cum alij tactus diatonici minus habeant semitonium.

Longè verò clarius intelliges modum temperandi clauicymbalum vel organum, sequente ratione: incipiendum igitur ab F, cum quo diapason exactè facias: Secundò C faciat diapente iustum cum F, quod postea vno puncto minues, vt sequentia: Tertiò facienda Octaua grauior cum C, quod postea faciat diapente cum G, cui etiam tribuatur Octaua in G; quod suum habeat diapente in D superiore: quam temperaturam confirmabis si *b* faciat Quintam cum *f*: & *d* superius Tertiam minorem cum *b*: cum enim Tertix iustæ satis, consonantesque reperiuntur, systema temperatum legitimum esse censetur.

Sed cum numeri cuilibet palmulæ inscripti demonstrent quænam exactè possint absque participatione, iuxta veras harmoniæ leges exprimi, de vero palmularum systemate postea dicendum erit, vbi nostris characteribus litterariis procedens temperatura adeo clarè fuerit exposita vt omnes illam capiant, cum sit magni momenti ob frequentem illius vsum & necessitatem.

### *Diagramma litterarium Clauichordiorum temperaturam ostendens.*

b. v. u. r. r. m. f. f. f. l. b. b. u. u. r. r. m. f. f. f. l.

Vbi primò Lectorem harmonicum clauichordio, vel organo lu-

dentem monitum velim systema per *b* præcedentem *v* incipere, cum quo facit tonum, quod eo gradu seu phrongo ad participationem fidibus, vel fistulis tribuendam egeamus. Secundò, diagrammatis istius extensionem complecti decimamtertiam tam diatonicis, quàm fictis gradibus instructam, quippe sunt omnes ad concordiam temperatam adducendi. Tertiò, hanc temperaturam notis vulgaribus exprimi prop. 29. lib. 6. Gallici de Organis, quem qui habuerint rogo vt errores paginis 364. & 365. obuios iuxta sequentem explicationem emendent.

Itaque temperaturâ gradibus diatonicis primùm adhibenda, & ab *f* incipiendum, quod tuæ voci, vel auri magis congruat, vt pote de quo facilius iudices, quàm de *f* acutiore, vel grauiore. Sit itaque *f*, quod spatio secundi ducenties aërem percutiat, hoc est quod à centum nerui periodis generetur, vel à 108, vt iam meæ voci quadret, quæ non potest, nisi per diatessaron, aut ad summum diapente inferiùs descendere. Primum igitur cum *f*, temperaturæ fundamento, facienda Quinta cum *u* superiore, sed illa Quinta ex parte *u*, quarta commatis parte, aut vt practici loquuntur, vno puncto minuenda: deinde *u* iustam octauam cum *v* faciat. Tertiò istud *v* suam habeat Quintam, eodem ac antea modo imminutam, cum *f*. Quartò *f* istud superiorem habeat Octauam cum *f'*, & Quintam cum superiore *r'*, quod suam octauam habeat cum *r* inferiore, quod cum *l* diapente faciat; quod *l* suam habeat Octauam cum *l* superiore, & Quintam cum *m'*, vt illa Octaua in Quintam & Quartam, instar præcedentium Octauarum diuidatur.

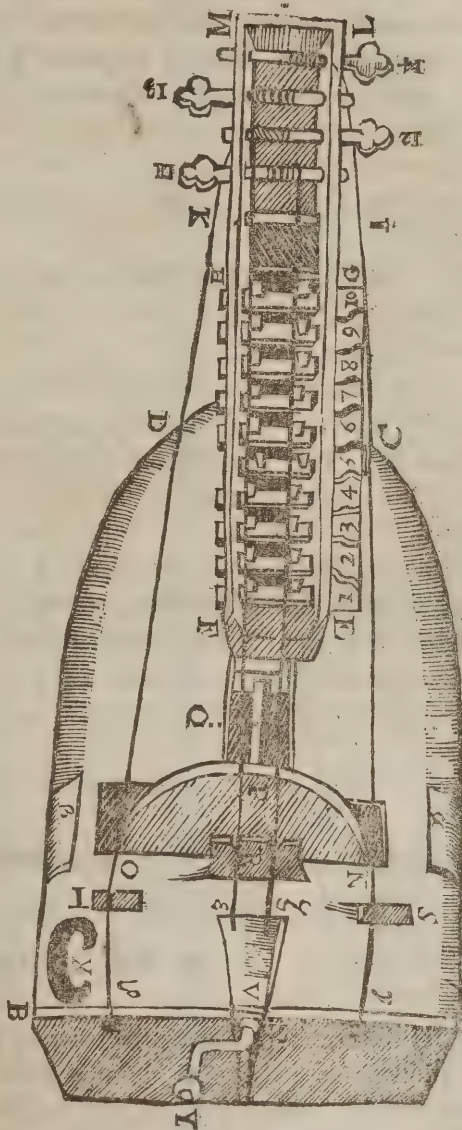
Denique *m'* præcedenti tribuitur Octaua inferior in *m*, quod suam habeat Quintam inferiùs in illo *b*, seu *bi*, quod propterea litteræ *v* præposuimus: Quibus peractis decem litteræ diatonicæ sequentes

temperatæ sunt, quarum superiores à  
*F. G. A. B. C. d. e. f. g. a.* } practicis frequentantur, inferiores  
*f. f. l. b. u. r'. m'. f'. f'. l.* } verò systemati nostro adscribuntur: super-  
 sunt autem ficti gradus hac ratio-

ne temperandi. Incipiendum est à *b*, quod faciat diapente cum *f'* superiore, & cum *r* inferiore. Deinde prima systematis littera *b*, faciat Quintam cum *f*, quod rursus faciat diapente cum *u'*. Tertiò faciat *u* Quintam cum *f*, quod non habet Quintam suam superiorem in hac temperatura, quæ suam imperfectionem reicit non quidem in nostrum, *r'* cum systema nostrum in æqualia semitonia diuisum non egeat aliâ, quàm æqualitatis participatione, sed in *r'* practi-  
 corum.

*De Lyris, & novis Archiniolis.*

**H**Anc Lyræ quàm plurimi audiêre, pauci verò apertam inspexerunt, vt consideratione dignam addidero; quæ hac ratione disponitur inter Lyristæ brachia, vt manubrium V Y ad manum dextram, quâ conuertitur, vt rôtâ lignea K P O velociter agitata Pbinas fides lignæ caudæ E V insertas & in longum porrectas, instar plectri, vel arculi tangat: collocatur verò ad læuam pars altera L M I K, quâ paxilli seu collopes 11, 12, 13, & 14 torquentur, vt fidibus tensio necessaria tribuatur. His autem binis fidibus varietas cātuum sonis vehementissimis motu palmularū seu tactuum 10, aut plurium numeris inscriptorum infertur; hi siquidem tactus à C versus P læuæ digitis impulsī fides prædictas tangunt, eisque tot imponunt veluti iugamenta, quot sunt lingulæ, vel supercilia tactibus perpendiculariter insistentia; hinc tactus 1 ab E ad F impulsus, causa est cur binæ fides sonum acutissimum efficiant, cum sint breuissimæ, sonosque eò grauiores edant quo tactus inter se & ponticellum, seu magadem B longius destiterint: cūque sint 10 tactus Lyræ istius systema decimam maiorem superare nequit.

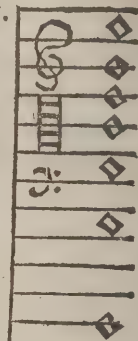




Dux reliquæ fides punctis  $\gamma$  &  $\delta$  insertæ, ponticellulis S & T quoad sonos dererminatæ per C I, & D K in longum extensæ sonos habent statos & immobiles, quos appellant burdones, qui vel Octauam, vel Quintam inter se faciunt, dum fides mediæ cantum variant.

Optima fuerit hæc lyra si plures alij burdones addantur, qui faciant sex tubæ consonantias 7 notis sequentibus expressas; dum binæ fides mediæ sonorum illam diuersitatem facient, quam Tubicines cantibus suis exprimūt, vbi 7 istos sonos acumine superarunt.

Semitonia porro tactibus diatonicis addita hoc instrumentum perficient, quo cum si tria iungantur ad partes Harmoniæ coniungendas, vix aliud efficacius reperias.



Quod ad Archiuiolam attinet, quam Hubautius ad supremum apicem (vt & I. Dionysius egregius *λυροποιος*) adduxisse videtur, omnia prorsus similia clauicymbalo, quoad sonorum dispositionem, & numerū, habet, hoc est idem systema. Sed plectrum, vel arcus componitur ex corio equino piloso, quod super duabus trochleis transversim extensum fides tactibus depressas vel erectas tangit, eodem modo quo Violæ fides arcus: eo discrimine quod illud corium rota circum actum arcus infinitus videatur. Sed oculi apud Hubaltium & Dionysium translati totum artificium vnico intuitu detegent, quod longissimus discursus absque diagrammate vix faciat.

Videatur noua observatio ad calcem libri Harmoniæ Gallicæ, vbi temperamentum practicorum explicatur: iam enim ad systema perfectum accedo, cuius sæpenumero fecimus experimentum.

#### IV. PROPOSITIO.

*Clauicymbala, & Organa perfecto concentu instruere,  
& abaco palmulas, quæ desunt temperatis  
abacis, addere.*

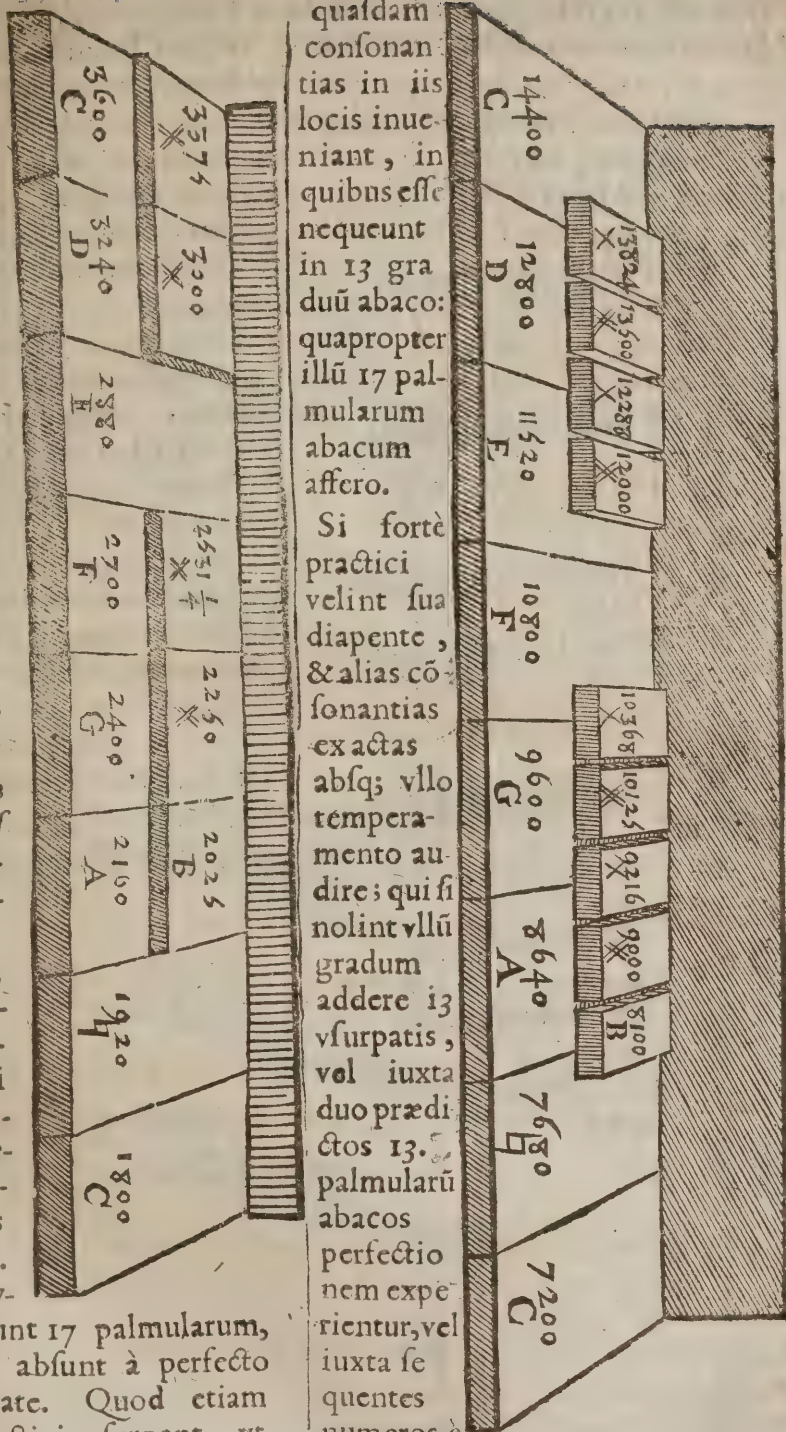
**P**riusquam abacum perfectum aggrediar, aduertendum est prædictum 13 in octaua palmularum à practicis usurpatum ea ratione disponi posse, vt absque temperatura plurimas cantilenas, moteta, &c. repræsentare possit, ea nimirum quæ tertiæ prop. diagrammate, iuxta numeros ei adscriptos ludi possunt. Sed & quosdam alios gradus tangi posse, prout semitonia iisdem locis diuerso modo collocantur,

ut factum est in sequente totidem graduum diagrammate, quod per eosdem numeros incipit & desinit, iisdemque numeris gradus omnes diatonicos tam per *b* molle quam per quadratum explicat, sed quatuor primi tacti, nempe *c*, *d*, *f*, & *g* iuxta nostrum diagramma literarium, aliis numeris exprimuntur, qui numeris alterius predicti diagrammatis tertie prod. additi sy-

stema faciunt 17 palmularum, nec longè absunt à perfecto diagrammate. Quod etiam aliqui practici usurpant, vt

quasdam consonantias in iis locis inveniunt, in quibus esse nequeunt in 13 gradu abaco: quapropter illū 17 palmularum abacum affero.

Si fortè practici velint sua diapente, & alias consonantias exactas absq; vllō temperamento audire; qui si nolint vllū gradum addere 13 usurpatis, vel iuxta duo predictos 13. palmularū abacos perfectio nem experientur, vel iuxta sequentes numeros, &



quorum regione tam nostras litteras Harmonicas, quàm in abacis prædictis vſitatas habes; videsque quas inter litteras diatonicas toni

*Systema 12 interuallorum  
ſeu 13 graduum.*

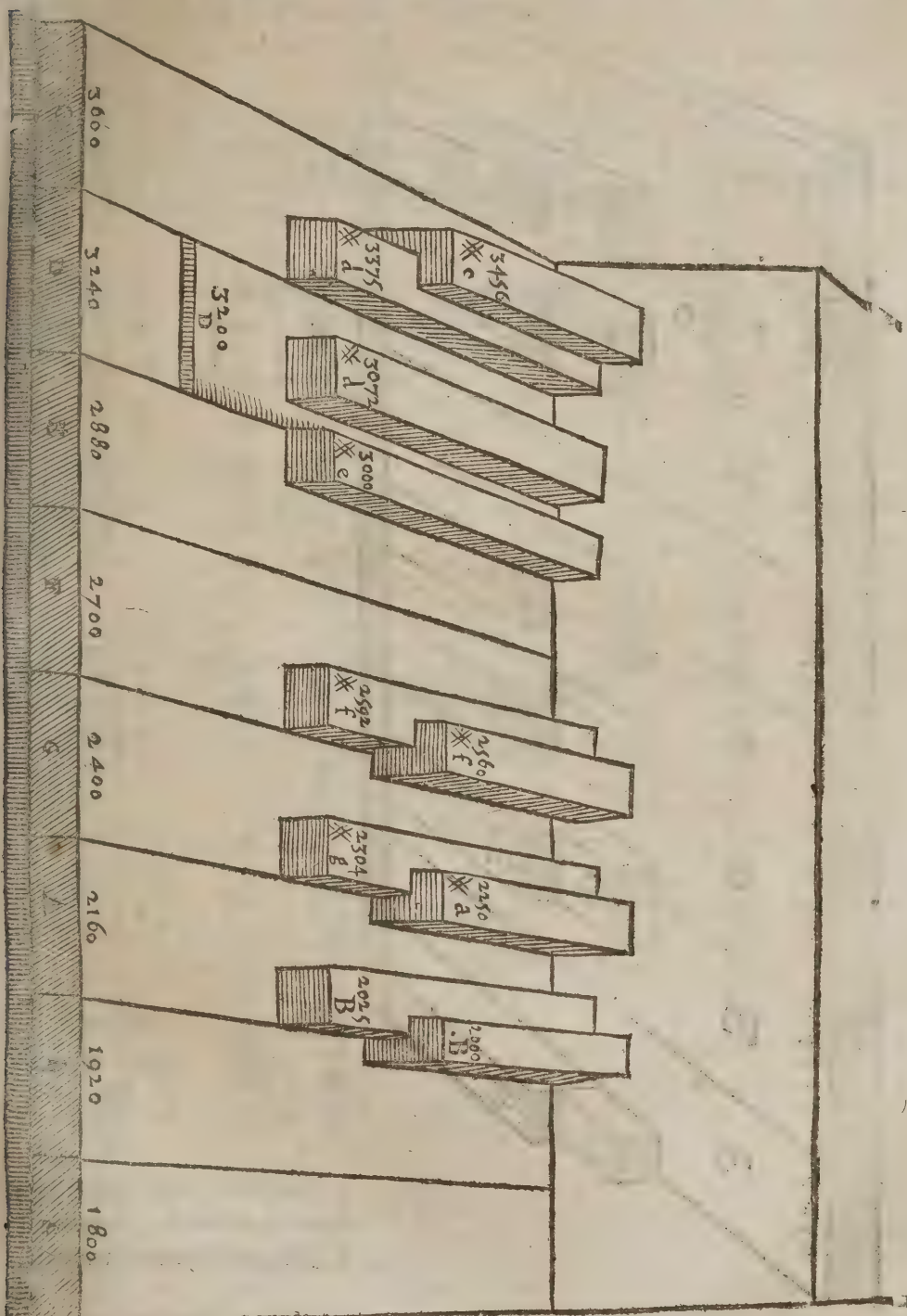
|   |   |                    |
|---|---|--------------------|
| c | u | 810                |
|   |   | Semitonium maius.  |
| b | b | 864                |
|   |   | Semitonium minus   |
| B | b | 900                |
|   |   | Semitonium maius.  |
| A | l | 960                |
|   |   | Semitonium maius   |
| g | f | 1024               |
|   |   | Semitonium medium. |
| G | f | 1080               |
|   |   | Semitonium maius.  |
| f | f | 1152               |
|   |   | Semitonium medium. |
| F | f | 1215               |
|   |   | Semitonium maius   |
| E | m | 1296               |
|   |   | Semitonium minus   |
| d | r | 1350               |
|   |   | Semitonium maius.  |
| D | r | 1440               |
|   |   | Semitonium maius   |
| c | u | 1536               |
|   |   | Semitonium medium. |
| C | v | 1620               |

maiores, vel minores reperiantur, cùm illi ex semitonio maiore, & medio; hi verò ex maiore & minore componantur: quemadmodum superflui ex 2 semitonis maioribus, qualis est tonus ab *u* ad *r* & ab *f* ad *b*.

Cum autem litteræ vſitatæ poſſint compositionibus, perinde ac noſtræ, adplicari, vnique liberum eſto; quanquam noſtræ faciliores videantur, quod ſyllabas Aretini dudum vſurpatas ſignificent, quas in alias in *a* deſinentes cum Mairo viro ingenioſiſſimo conuertere poſſis, vt os pronuntiando vnico modo aperiat, & canat *ua*, vel *ta*, *ra*, *ma*, *fa*, *ſa*, *la*, *za*; *ta*: niſi malis cum Græcis veteribus dicere *Tā*, *τᾱ*, *τῆ*, *Tῆ*, *Tᾱ*, & c. aut quaſuis alias ſyllabas vſurpare.

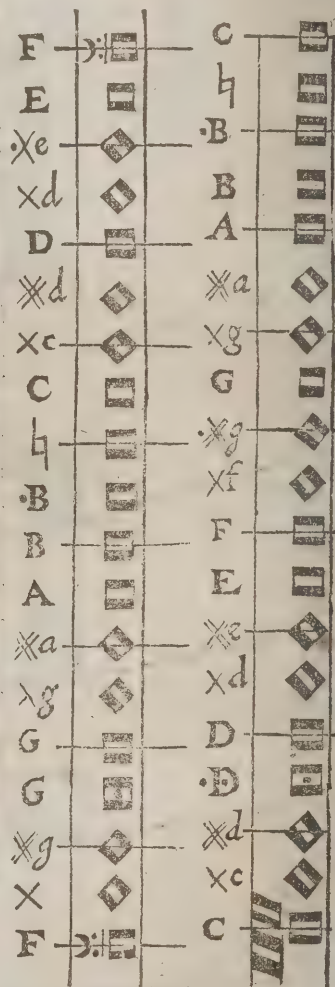
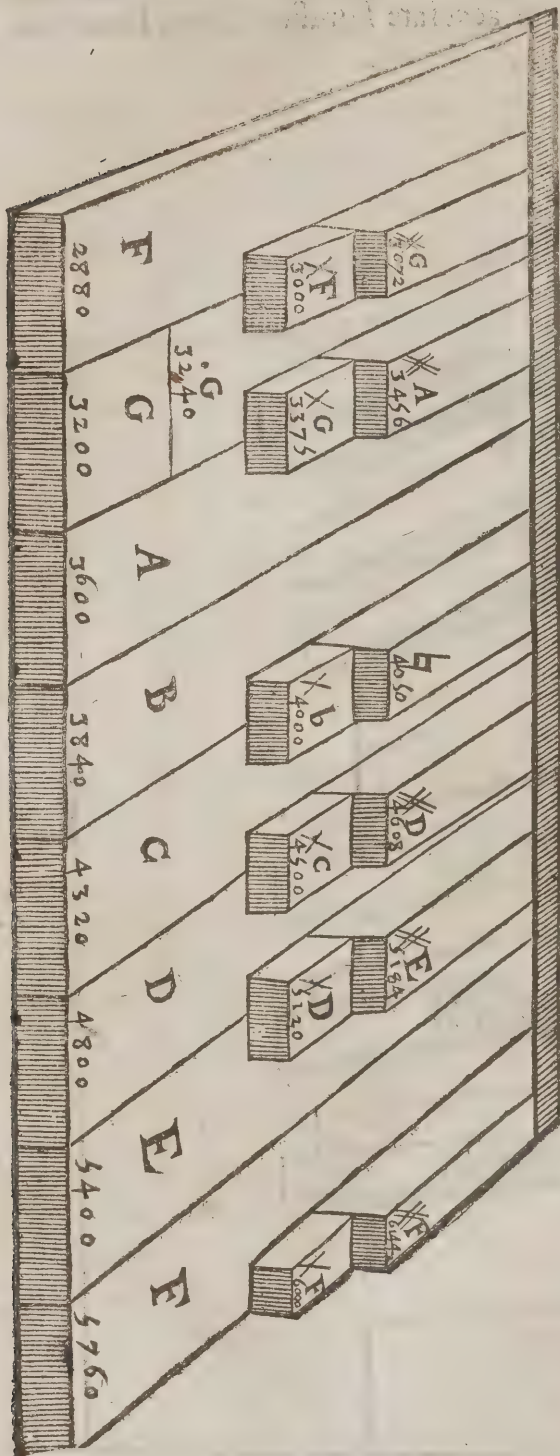


Ipfa diagrammata, fequentia numeris adscriptis quemlibet gradum, & quodlibet intervallum accuratè significantibus, fidem fibi



344 faciunt, & demonſtrant 19 palmulas ad minimum in Octava requiri,

ut omnes consonantiæ,  
gradusque singuli suas ra-  
tiones harmonicas obser-  
uent; quæ cum fuisse,  
clarissimèque lib. I. Latino  
Instrum. Harm. prop. 43.  
& l. 3. prop. 3. demonstra-  
verimus, hic nuda schemata

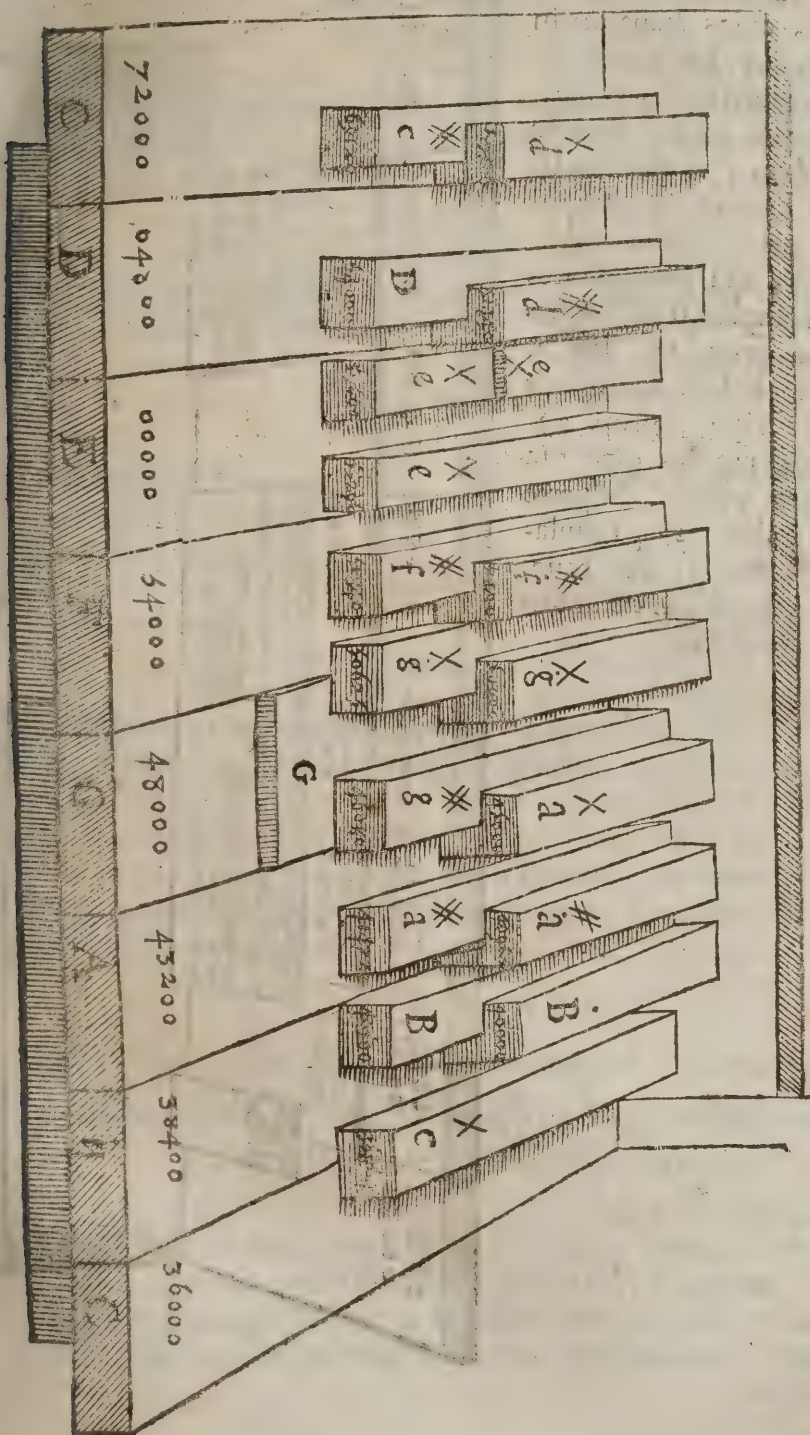


protulisse satis superque  
fuerit; quorum primum à  
C; secundum ab F incipit,

YE

ut quispiam cernat quo loco tam commata, quàm dies es enharmonicae stare debeant. Vsum autem istorum systematum habes prop. 119. l. 3. Instrum. & in seq. notis, cùmque nonnulli gradus in istis 2,

abacis adsummam



|    |   |
|----|---|
| E  | ♠ |
| ♠e | ♠ |
| Xd | ♠ |
| D  | ♠ |
| D  | ♠ |
| ♠d | ♠ |
| Xc | ♠ |
| C  | ♠ |
| Xh | ♠ |
| h  | ♠ |
| B  | ♠ |
| B  | ♠ |
| ♠a | ♠ |
| Xa | ♠ |
| A  | ♠ |
| ♠a | ♠ |
| Xg | ♠ |
| G  | ♠ |
| ♠g | ♠ |
| ♠g | ♠ |
| ♠f | ♠ |
| Xf | ♠ |
| F  | ♠ |
| Xe | ♠ |
| E  | ♠ |



Harmoniæ perfectionem requirantur; tertium ibidem explicatum, & 27 palmulas habentem aspice; & Salineum præcedentem 25 notis contentum, cui denique tertium abacum, cuius diapason in 32 palmulas, seu gradus diuiditur, subiicimus, vt quispiam videat quanto conatu laborandum, vt quæ nostri practici canunt, & component, vnico possint abaco coarctari, qui præcedentes omnes complectitur, explicaturque prop. 19. lib. 3. prædicti: & l. 6. de organis Gallicè scripto, prop. 23. ex quibus repetas quæ hîc desiderare possis. Aduerte solum in abaco 27 palmularum sequentes gradus inueniri, quorum aliqui desunt in duobus prioribus.

|                          |                          |                           |                           |                           |                           |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 144000<br>C <sub>1</sub> | 129600<br>D <sub>4</sub> | 116640<br>E <sub>9</sub>  | 109360<br>F <sub>12</sub> | 97200<br>G <sub>15</sub>  | 87930<br>A <sub>23</sub>  | 77760<br>B <sub>29</sub> | 72000<br>C <sub>32</sub> |
|                          | 12500<br>B <sub>5</sub>  | 115200<br>B <sub>10</sub> | 108000<br>B <sub>13</sub> | 96000<br>C <sub>10</sub>  | 86400<br>A <sub>24</sub>  | 76800<br>B <sub>30</sub> |                          |
|                          | 138240<br>X <sub>2</sub> | 122880<br>X <sub>6</sub>  | 112500<br>X <sub>7</sub>  | 106920<br>X <sub>11</sub> | 103680<br>X <sub>14</sub> | 99200<br>X <sub>16</sub> | 95040<br>X <sub>17</sub> |
|                          | 136000<br>X <sub>1</sub> | 126000<br>X <sub>7</sub>  | 124000<br>X <sub>8</sub>  | 102400<br>X <sub>9</sub>  | 100000<br>X <sub>10</sub> | 98400<br>X <sub>11</sub> | 96800<br>X <sub>12</sub> |
|                          |                          |                           |                           | 102400<br>X <sub>14</sub> | 100000<br>X <sub>15</sub> | 98400<br>X <sub>16</sub> | 96800<br>X <sub>17</sub> |
|                          |                          |                           |                           | 92160<br>X <sub>18</sub>  | 91200<br>X <sub>19</sub>  | 89600<br>X <sub>20</sub> | 88000<br>X <sub>21</sub> |
|                          |                          |                           |                           | 89600<br>X <sub>22</sub>  | 88000<br>X <sub>23</sub>  | 86400<br>X <sub>24</sub> | 84800<br>X <sub>25</sub> |
|                          |                          |                           |                           | 83200<br>X <sub>26</sub>  | 81600<br>X <sub>27</sub>  | 80000<br>X <sub>28</sub> | 78400<br>X <sub>29</sub> |
|                          |                          |                           |                           | 76800<br>X <sub>30</sub>  | 75200<br>X <sub>31</sub>  | 73600<br>X <sub>32</sub> | 72000<br>X <sub>33</sub> |

|                       |       |       |
|-----------------------|-------|-------|
| Comma minus           | 2025. | 2048. |
| Comma maius           | 80.   | 81    |
| Diesis enharmonica    | 125.  | 128   |
| Semitonium subminimum | 248.  | 250   |
| Semitonium minimum    | 625.  | 648   |
| Semitonium minus      | 24    | 25    |
| Semitonium medium     | 128.  | 135   |
| Semitonium maius      | 15.   | 16    |
| Semitonium maximum    | 25.   | 27    |
| Tonus minor           | 9.    | 10    |
| Tonus maior           | 8.    | 9     |
| Pseudodiateffaron     | 75.   | 96    |
| Tritonus              | 32    | 49    |
| Pseudodiapente        | 45    | 64    |
| Diapente superfluum   | 48    | 75    |
| Septima minor         | 5.    | 9     |
| Septima maior         | 8.    | 15    |
| Pseudodiapason        | 25.   | 48    |

Videatur pagina 355. l. 6. Gallici de organis, vbi hæc omnia fusiùs explicantur, & emenda numerum è regione septimæ minoris, qui debet esse 5. 9. non 8 15. Alij duo priores diuiduntur in 8 semitonia minora, quatuor maiora, tres dieses enharmonicas & tria commata, quæ sufficiunt ad inueniendas consonantias accuratas in abaco: quarum consonantiarum numerum, vt & dissonantiarum 5 & 6 prop. l. 3. de Musicæ generibus Gallicè inuimus.

Porro fuerit opus pretium legere tractatum eruditissimi Musici Domini Doni de diuisione æquali, quam meritò

postponit veris interuallis harmonicis, de quibus hic actum est; quæ certum à vocibus fieri, cum nullo coguntur instrumento.

Cum autem hæc dicta sufficiant ad instrumenta fidibus instructa satis intelligenda, nisi forte desideres systema quod ille tribuit suis Violoni panarmonico, & Violino Diarmonico, de quibus discursu 4 & 5, quorum lectionem vnique consulo, pauca de cæteris instrumentis subiungenda sunt.

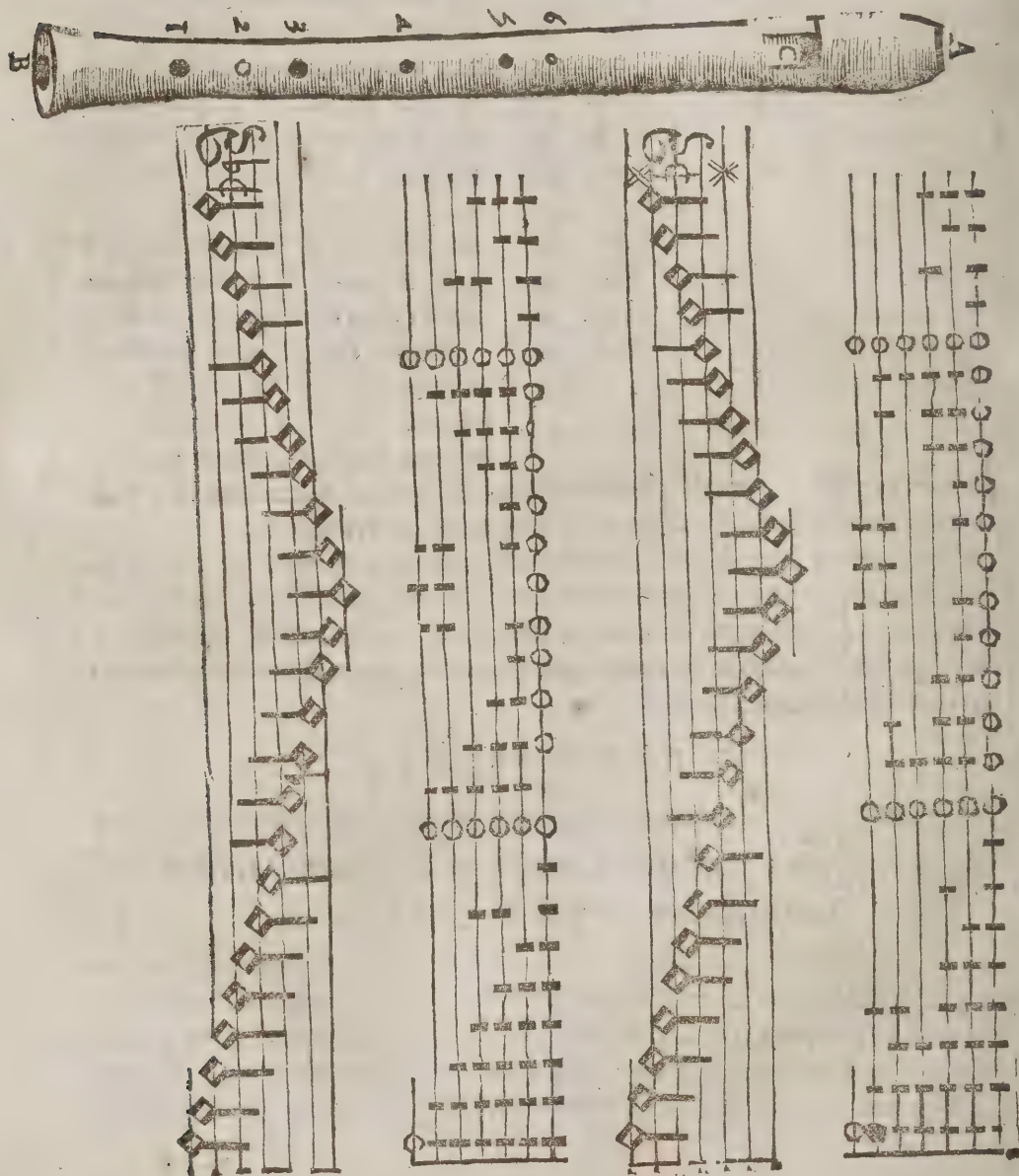
#### IV. PROPOSITIO.

*Instrumenta Pneumatica, illorumque systema explicare;  
vbi fistula pastoritia, eiusque diagramma, cum  
diagrammate fistule Germanicæ.*

EX ipso instrumenti schemate constat 6 foraminibus perforatam tibiolam istam, cuius nonnulli viri eruditi cantum minimè contemnunt, quinque nigra sunt ante, & duo alba sunt ponè, seu retrò. Toni, seu phtongi quos edit, notantur per b quadratum, & per molle, nam vnaqueque nota sequentis diagrammatis significat fo-

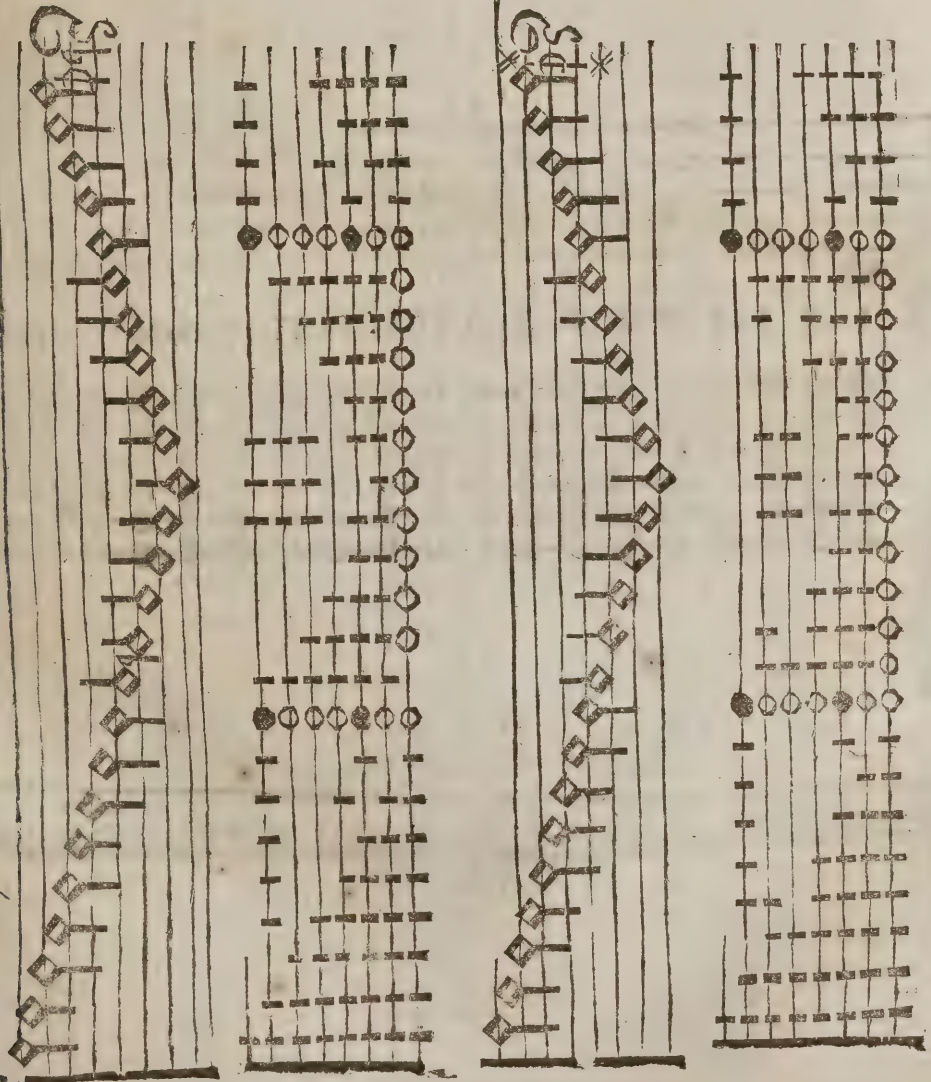
num ab illis foraminibus exeuntem, qui fit vel obturatis omnibus, aut quibusdam foraminibus, vel iisdem reſeratis & apertis, quod nigris & albis characteribus ſignificatur, qui notis vulgaribus ſuperponuntur.

Qui verò nil aliud hic habes præter compendium breuiſſimum, fiſtulam ori admoue in A puncto, & foraminibus, vt vides, c' auſis &





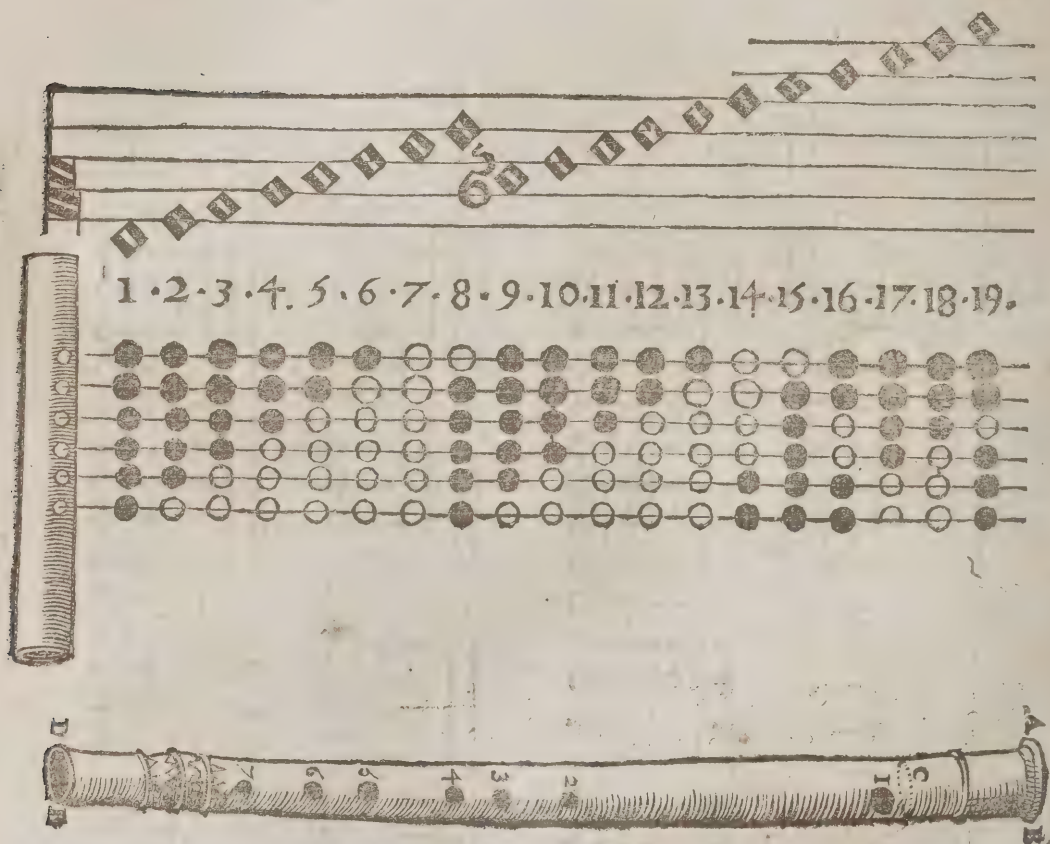
apertis sequentes sonos exprimes; Cui fistulam dulcem adde omnium  
 gratissimam, cum suis diagrammatibus. Miraberisque omnibus aper-



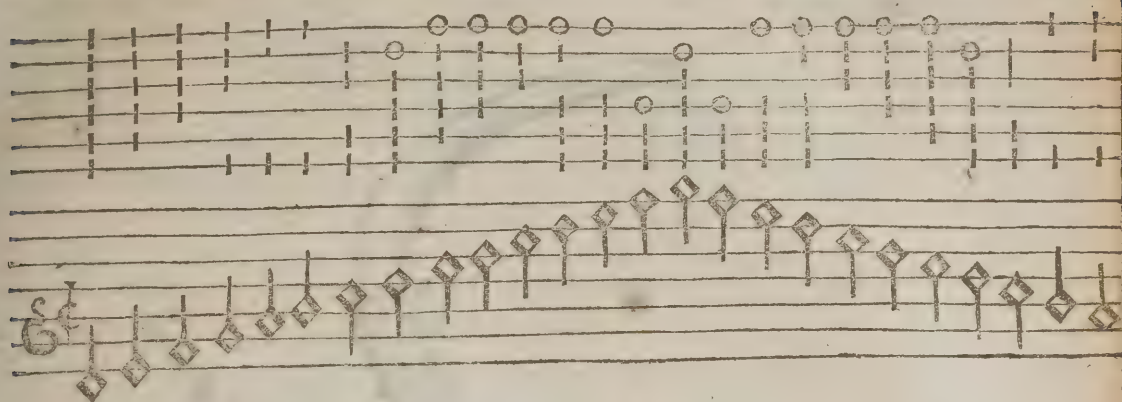
tis, aut oclusis, sonum à suo grauiore sono, vnico saltu ascendere, si  
 tantisper fortius inspires; quemadmodum secundo saltu ad diapente,  
 vt contingit tubæ vehementiùs inspiratæ, quam omnia scè instru-  
 menta pneumatica æmulantur: de qua à pag. 247. vsque ad 270. lib. 5.  
 Gallici de Instrumentis, & à prop. i8. ad 20. lib. 2. Latini de Instru-  
 mentis; vnde miranda tubica repetere queas.

Præter 6 foraminum occlusionem, siue perfectam siue imperfectam, quâ semitonia reperiuntur, partim etiam os inferius B claudi solet ut tibia quam nostri *Flajolet* appellant, inferius descendat.

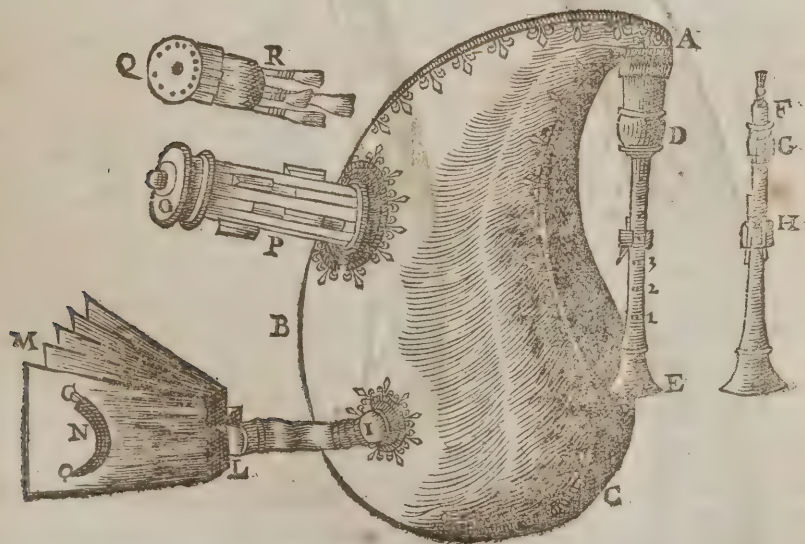
Sequitur diagramma fistulæ Germanicæ, quæ miram habet extensionem, videlicet diapente diapason, vt ex notis constat, quas edes foraminibus, vti vides, clausis & apertis.



Sequenti verò ratione Galli nostri eiusdem fistulæ diagramma scribunt, vt priore Germani, vtram anteponas parum refert.



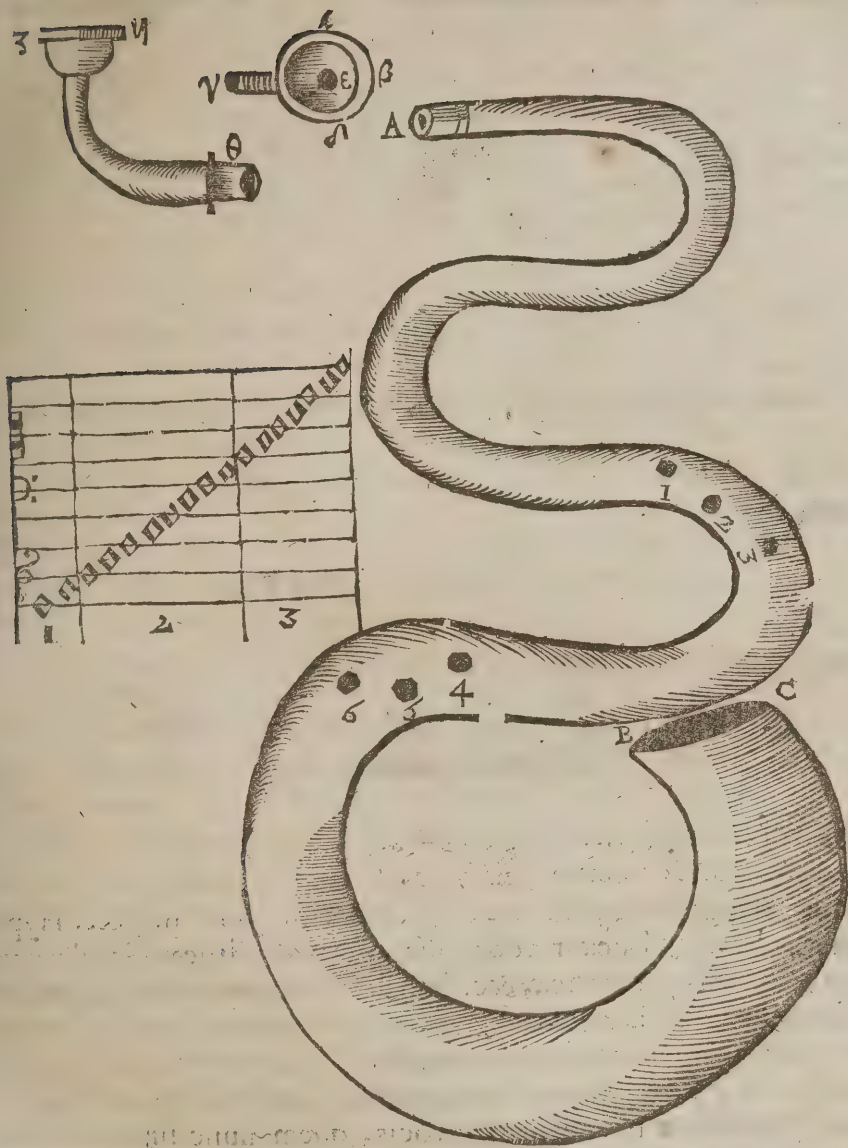
Omitto reliquarum fistularum, & tiliarum, tam maiorum quàm minorum diagrammata, quæ possis ex libris prædictis repetere, & omnia Instrumenta, quorum figuræ, fabricæ, soni, &c. ibidem explicantur, qualis est vtersequens nostris *Musette*; cuius pars Q R lingulas seu calamos vtre inclusos ostendit, quibus 3, aut 4 sonos, clauibus cauo P O insertis, & motu hinc inde facto orificia cylindri O P claudentibus & aperientibus edunt vtricularii Harmonici.





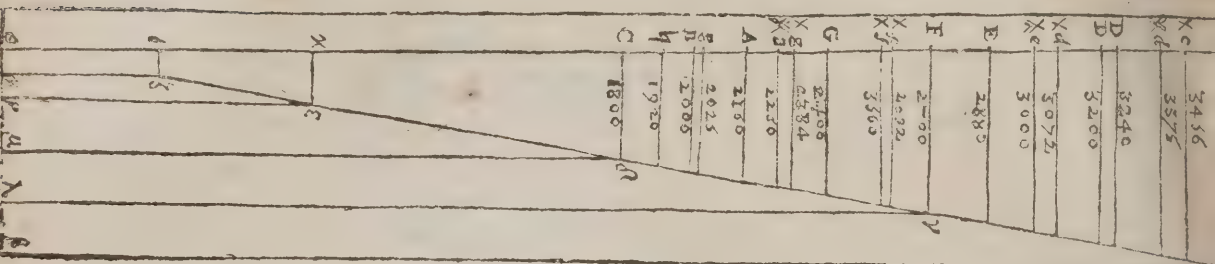
Quibus adde cornua illa Harmonica, cuius pars superior GH tantum ornamentum affert nostris concentibus, & Serpentem AC Bassum facientem.





Porro cū inter Instrumenta Pneumatica præcipuum locum te-  
neant Organa, quæ 24 aut plura fistularum genera complectuntur,  
de quibus fusissimè l. 3. Latino, & 6 Gallico actum est, illorum dia-  
pason 19 in Octava qualibet palmalis, gradibus, fistulisque constans  
figura sequente exprimitur: cūque  $\alpha \theta \beta$  maioris fistulæ longitu-

dinem referant, &  $\theta$   $\mu$   $\delta$  breuioris, aliæ intermediæ satis intelliguntur, cum numeri cuilibet inscripti veram longitudinum pro-



portionem ostendant, qualem organorum abaco tribuendam curavi, qui systema perfectum absque vlla temperatura, iuxta systema 19 notarum & palmularum à C incipientium tertia prop. allatum exhibuit.

#### V. PROPOSITIO.

*Præstantissimos Musicos de maximis, quæ supersunt in sonis, difficultatibus inuestigandis, & soluendis admonere.*

Cum infinitæ difficultates supersint in aliis scientiis, ut constat ex Opticis & Geometria, verbi gratia, quæ sit vera reflexionis causa, eiusque ad angulos rectos: quæ causa diaphani: quid lux, &c. Hyperbolæ quadratura, lineæ rectæ inuentio æqualis lineæ circulari, vel hyperbolicæ, & parabolicæ, &c. non desunt etiam in musica quæ subtilissimorum ingenia exerceant, quorum hîc breuem catalogum texo.

Primum, quæ sit causa sonorum acutorum qui percipiuntur cum sono graui: verbi gratiâ, si quis, dum omnia silent, suâ grauissima voce canat, maneatque in eodem tono vocis, quem nunc suppono vnisonum neruo 72 vibrationum periodes, secundi minuti spatio, perficienti: ad quam grauitatem vix peruenio, nam organicæ fistulæ trium pedum occlusorum, vel 6 apertorum sit vnisona.

Modus experiendi non est alius quàm ut solus siue in lecto, siue in cubiculo, siue prope ignem, vocem grauissimam, quanto tempore poteris, putà spatio 10 secundorum, seu mensurarum, plus minus, edas, idque pluribus vicibus, donec audieris duas alias voces tenuissi-



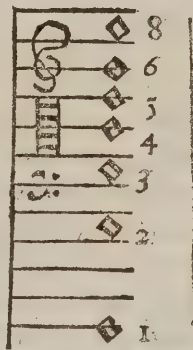
mas præcedentis socias, quarum una fit ad diapason diapente, seu 12, alia ad disdiapason ditonum, seu decimaseptimum maiorem: neque enim diapente, aut ditonus, vel decima resonant, sed prædictæ consonantiæ repetitæ, quarum ratio est 1 ad 3 & ad 5, quæ post diapason simplicissimæ videntur. Quibus adde perpetuam duodecimam in nostris choris resonare, siue quis solus lectiones intonet, siue psalmos simul omnes canant: cum tamen decimaseptima non audiat, cui etiam dominari videtur duodecima, cum solus modo prædicto, hoc est gravissimâ voce canis.

Idem contingit Violarum fidibus crassioribus, quas cum arcu tangis, prædictos sonos audis, nonnullosque etiam alios, de quibus fusè libris Instrumentorum Harmonicorum. Sit ergo prima difficultas solvenda, cur semper duodecima resonet, sæpèque decimaseptima. Secunda, cur tuba, & alia Instrumenta pneumatica, si vehementius inspirentur, cremento continuo primum ad Octavam, deinde ad Quartam, tertio ad ditonum, quarto ad sesquiditonum, quinto rursus ad diatessaron ita saliant, ut potius rumpatur os tibicinis & tubæ quàm ut saltus illorum intervallorum consonorum vites, antequam ad faciendos tonos peruenire queas, ut fusè dictum est tractatu de Tuba: ubi rationem huiusce phænomeni reperiēs, quæ si minùs placet, meliorem expectarim; quam ut Lector inuestiget, notis musicis sex illos saltus explico, è quarum regione numeri radicales ostendunt cuiuslibet saltus, siue intervalli rationem.

Hisque numeris admoneberis, tubicines ad ultimam usque notam 1 non descendere, sed tantum ad 2, quam plerique censent gravissimam, cum tamen si ore apertiore tubam inspirent, usque ad 1 descendant, quod me aduersus eos contranitentes urgente volentes nolentes facti sunt.

Tertia difficultas consistit in Græcis Autoribus conciliandis dum scribunt de modis, & in constituenda vi musicæ flexanimæ, quæ passiones sedet, vel moueat, quæque vim illam in animum exerat, quam apud veteres legimus.

Quarta, cur nulla vibrationum coniunctio, quarum ratio sit minor sesquiquinta, hoc est cur nullum intervallum minus sesquiditone faciat Consonantiam: non enim ratio 6 ad 7, neque tonus 8 ad 9 consonant. Vnde ergo contingit animum qui ex æquo rationes omnes capit, solis illis per aures delectetur, quæ numero senario concluduntur? enimvero soni quorum rationes sunt 1 ad 6, ad 5, ad 4, ad 3.



& ad 2: vel 2 ad 3, 3 ad 4, 4 ad 5, & 5 ad 6, grati sunt auribus; ingrati verò qui 6 ad 7, 7 ad 8, 8 ad 9, 9 ad 10, 10 ad 11, 11 ad 12, 12 ad 13, & deinceps.

Quinta, cur fistula præcedens lateraliter inflata non perinde altius octauâ canat vbi vehementius inspiratur, eo modo quo fistula minor, nostris *Flajolet*: quod & de omni fistularum genere dictum velim quibus organa instruuntur, quarum aliæ vehementius inspiratæ vnico saltu ad duodecimam, aliæ ad Octauam, aliæ ad Quintam, aliæ ad tonum, vel semitonium, aliæ denique nullo modo ascendunt: quapropter istius difficultatis solutio tractatum integrum desiderat.

Porro quod ad modos attinet omnium optimè Ioannes Baptista Doni (magnum Italiæ decus) in illis restituendis laborauit; cuius tractatus & discursus omnes ab omnibus Harmoniæ amantibus legi velim: vt in flexanima Musica vir clarissimus Albertus Bannius, annorum, vt audio, ferè quadringentorum profapia nobilis, à quo in dies expectamus libros in illa materia incomparabiles.

Tertia difficultas, qua ratione, quibusue viis Musici concentus agant in animum, & quomodo sonorum vniones frequentiores vel rariore plus aut minus animo placeant, num id fiat ex iudicio quodam, &c. Plurimas alias omitto, quas partim in libris maioribus Harmonicis noui, & proposui, partim vniuscuiusque meditationi permitto: & ab Harmoniæ postulo filiis vt quidquid deinceps cecinerint, ad Dei gloriam, & propriam salutem vergat, quanto enim, verbi gratiâ, pulchrius & utilius futurum, si Psalmi 83. versiculos. *Quia misericordiam & veritatem diligit Deus, gratiam & gloriam dabit Dominus. Non priuabit bonis eos qui ambulant in innocentia: Domine virtutum beatus homo qui sperat in te; & eiusmodi sexcenta, quales sunt totus Psalmus 83, 138, & 144, cum assa voce, & instrumentis, tum 2, 4, aut pluribus vocibus, non solum in Ecclesiis, sed etiam in domibus propriis recitent, quàm ea prophana quæ sæpenumero cani solent? quid amabo, gratius esse potest, quàm vbi tota domus in harmonicos cantus hac littera, *Dominus illuminatio mea, & salus mea, &c.* quæ Psal. 26. sequuntur, informatos conuertetur? Quam præclarus versus, quem mille modis quotidie cecinero; *Vnam petij à Domino, hanc requiram; vt inhabitem in domo Domini omnibus diebus vite mee, & Gloriam regni tui dicent, & potentiam tuam loquentur.* Psal. 144. eiusdemque modi sexcenta, quibus in diuinum amorem rapiaris.*

## VI. PROPOSITIO.

*Instrumenta xpsouera, seu Percussionis, illorumque  
Systema explicare.*

**C**Um librum integrum de his instrumentis edi curarim, hîc pauca solummodo producam, quorum præstantius sit A H I campana, cuius plectrum K. Nostri verò fusores campanarum latitudinem, siue diametrum H I sesquitertiam altitudinis: alij vice versâ, vel latitudinem altitudini æqualem: & vtramque metiuntur labri maxima crassitudine, quæ duodecies replicata campanæ dat altitudinem, quindecies verò sumpta latitudinem.

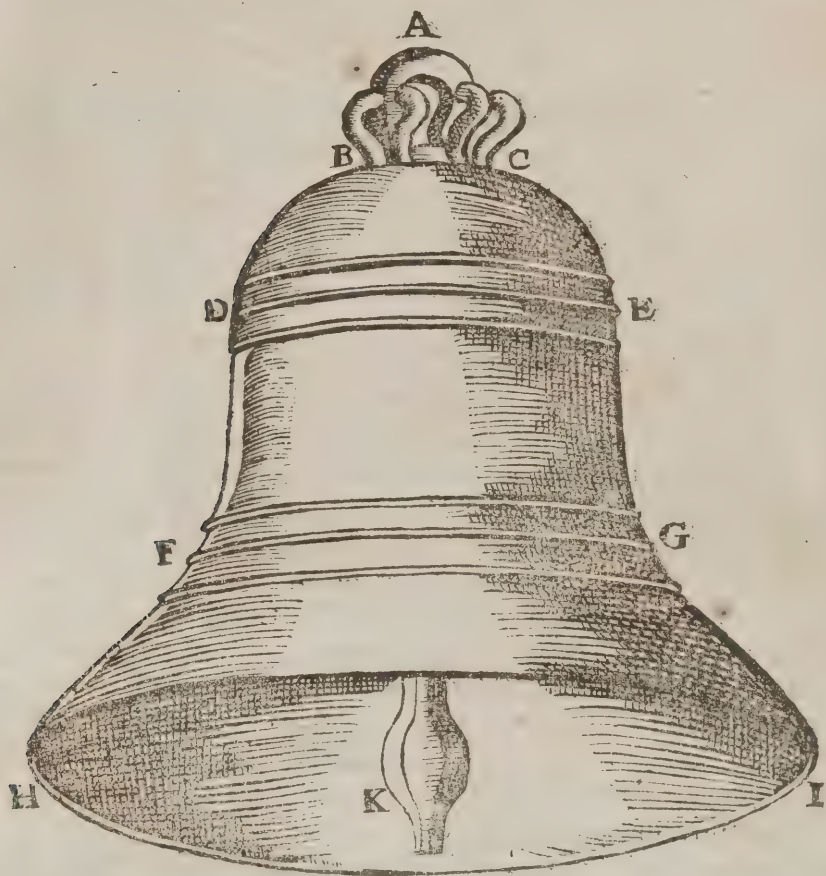
Porro vocabula omnia quibus singulæ campanarum partes appellantur, earumque diapason, & pondera ex 4 de campanis libro repetere, si lubet. Hîc enim solum addo campanam, cuius labri crassitudo fuerit 7 linearum, esse pondo librarum 15, vt fusores supponunt (alii labri crassitiem minoris campanæ faciunt 14 linearum; & illius pondus centum librarum) atque adeo latitudinem illius esse digitorum 8 cum dodrante: hancque omnium esse minimam, quâ ceteras metiuntur: cumque campanarum sequentium latitudines sint in eadem ratione ad præcedentis latitudinem, ac soni ad sonum, sintque campanarum magnitudines & pondera in ratione triplicata latitudinum, vides campanam ad octauam inferiorem descendentem esse 200 librarum, & ex solo pondere, vel sola magnitudine campanarum, illarum sonos, & vice versâ, innotescere: certum fundamentum alii ponunt 7200 librarum pro diametro 6 pedum.

Id autem campanis contingit quod voci & fidibus, duos enim vel 3 sonos edunt, aliquando 4, aut plures, ex quibus oritur mirabilis harmonia, qualis est campana maior sancti Nicasii Abbatix Rhemensis vrbis, cuius sonos pluribus concentibus anteponas. Sunt autem illi soni quos tuba facit suis 3 aut 4 primis saltibus, nempe primus grauior, reliquorum basis, secundus tertiâ, vel decimâ maiore superior; tertius quintâ vel duodecimâ acutior: sæpe verò numero tres solum decimam maiorem, & duodecimam facientes audiuntur: vel tantum vnicâ consonantiâ resonant, sed & nonnumquam audiui vndecimam: sit ergo hæc difficultas quinque aliis prop. 5. allatis subiungenda.

Vbi consideratione dignissimum quod cæcus Ultraiectensis statu, inspiratione vel aspiratione, tam ex vitreis poculis, quàm ex campa-



nis prædictos sonos eliciat, & edicat tres sonos, optimæ campanæ indices, disdiapason efficere, quorum grauior sonus fiat à partibus latioribus H I; secundus à mediis F G, tertius siue vltimus & acutior

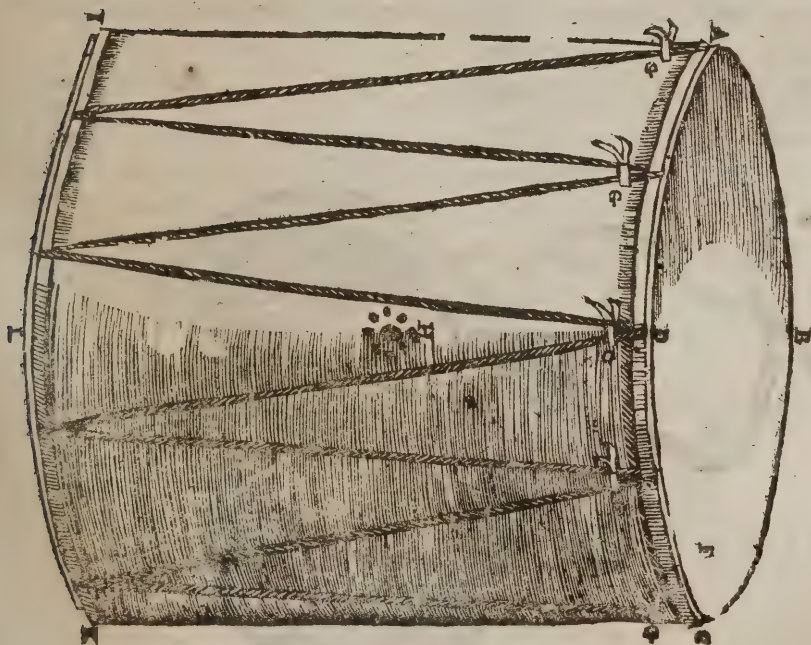
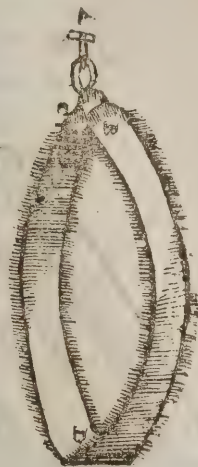
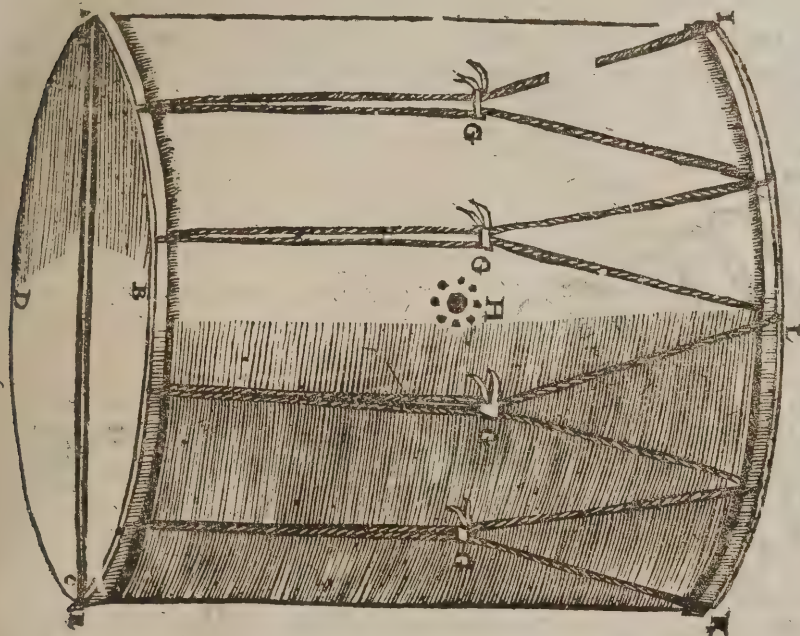


ab angustiori parte D E: & quantò magis ab istis sonis campanæ recedunt, eo peiores esse, licet eandem figuram & proportionem præ se ferant, ob improbam metallorum fusionem, & mixturam, vel ob poros, seu ventos quibusdam in locis internis reclusos. De modo faciendarum campanarum vide nostram Harmoniam tam Latinam quàm Gallicam.

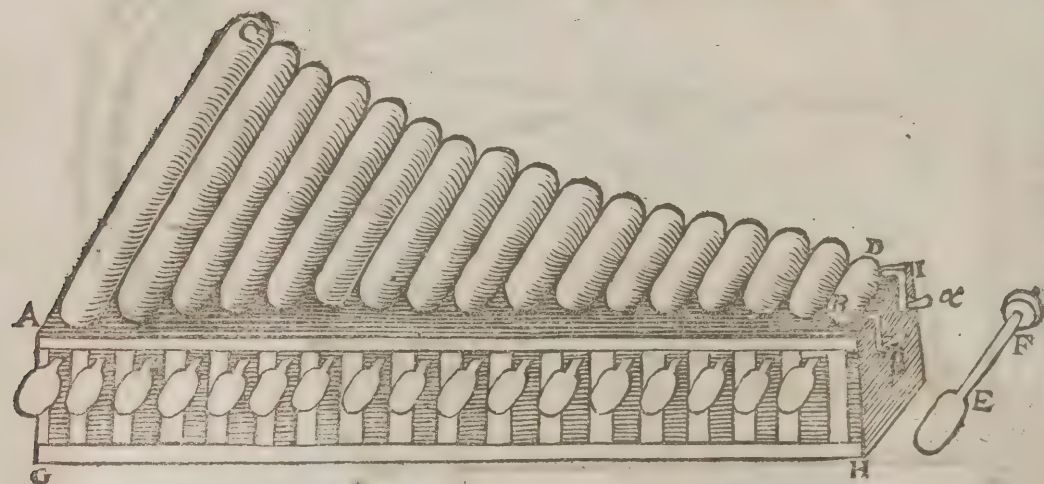
# LIBER IV.

359

Secundum genus Instrumentorum percussionis ad omnifaria tym-  
pana pertinet, quale est nostrum Gallicum sequens, cum plectris seu  
baculis, quibus iuxta rythmos diuerfos variis modis, seu pedibus

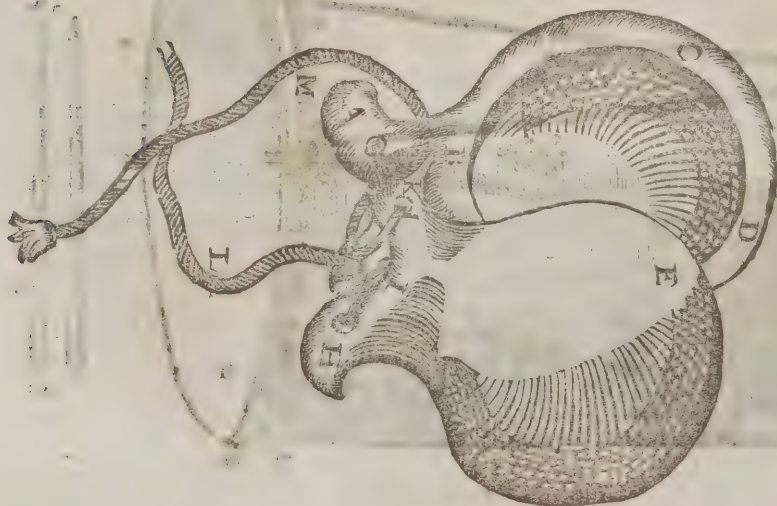


verberatur; Galli siquidem ferè perpetuò pedibus Pyrrhici-anapestis: Heluctij Ionico minore: alii choriambo, &c. vtuntur. Porro qui diagramma perfectum tympanorum voluerit, ex meo Harmoniæ Gallicæ libro transcribi curet. Taceo tympana in eodem ac campanas proportionè tonis perinde, vel sonis discrepare. Quemadmodum enim scaleta, vel spineta lignea sequens ex cuiuslibet cylindri lignei



comparatione suos tonos aperit, licet vix vnus ex baculis solitariè sumpti tonus statui queat; ita reperitur dati tympani sonus ex aliorum, siue maiorum, siue minorum instituta collatione.

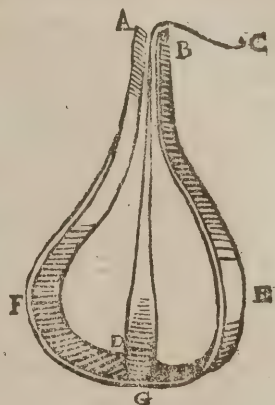
Huic instrumento adde castanetas A C D E, quibus pollex





stringentibus funibus M L indutus tantâ industria, motibusque adeo concinnis & velocibus ambas istas castaneolas mouet, vix vt gratus quidpiam hoc in genere reperiatur: quas Hispani pollicibus suppleant.

Vnicum addo A F G, quod Cymbali nomine, vel quopiam altero vocare possis: crembalum, tubam, &c. vt libet dicas; illud instrumentum solet, prope A B, dentibus detineri, trombâque dici: cuius plectrum, siue lingulam B C, puncto D insertam digitus index percutit; vt quolibet ictu toties tremat, aut vibretur, quoties necessarium fuerit ad certum tonum efficiendum: neruorum enim legem sequitur, & ideo centies spatio secundi tremere debet vt faciat sonum tubo bipedali occluso vnisonum. Quæ pauca dixisse sufficiat in amicorum gratiam, qui compendiolum istud harmonicum aliis istius voluminis opusculis subiungi postularunt. Vbi notatu dignum Romæ nuper clauicymbalum, seu polyplectrum instrumentum fuisse constructum, quod habet totidem crembala prædicto similia, quot fides, seu chordas habent vulgaria cymbala: in cymbalis igitur libellus iste tertius desinat, & in cymbalis iubilationis OMNIS SPIRITVS LAUDET DOMINVM.



### M O N I T V M.

**A**Mici Philomusi beneficio legi triplicem Muscam Petri Fabri à Secretis Cardinalis de Giury, Episcopi Lingonensis, qui fusè tractat de linearibus, superficialibus, & solidis instrumentis, hoc est qui chordis vtuntur, vt citharis & violis; qui statu inspirantur, vt fistulis: & qui percutiuntur, vt campanis, ex quo nonnulla decerpo, ex quibus de illius opere iudices.

*De Campanis & aliis Instrumenta spectantibus.*

**N**Otatu dignum, quod ait Ioannes Faber à secretis Cardinalis de Giury, in tertio suæ triplicis Musicæ libro; campanam (iuxta futores) cuius diameter est 6 pedum, esse 7200 librarum, quo fundamento in tabella campanarum omnium vitur pro calculo.

Quod deducit ex eo quod pes metalli cubicus sit pondo 500 librarum: hinc fit ut cubus, cuius latus sex pedum, sit pondo 108000 librarum, cum 216 pedes cubicos complectatur: cumque pars decima-quinta diametri labri crassitudini tribuatur, diuidit 108000 per 15, ideoque quotiens est 7200 pro campanæ pondere. Vnde credit nam tam funditorum obseruationem & traditionem, qui campanæ sexpedam latæ 7200 libras tribuunt. Quanquam in tabella sumit 7000 pro fundamento calculi; sed campanæ tres pedes latæ tribuit pondus 875 librarum; quod nostræ theoriæ quadrat, & Geometriæ solidorum corporum. Campanæ cuius diameter sesquipedalis, 109 libras & 6 vncias tribuit: Campanæ, cuius diameter 9 digitorum, 13 libr. 10 vncias, & 6 drachmas. Cum diameter est digitorum  $4\frac{1}{2}$ , pondus est 1 libræ, 11 vnciarum, &  $\frac{1}{2}$ : denique si diameter sit vnius digiti, pondus erit 2 drachmarum, & 28 granorum.

Quod si maiorum campanarum pondus inquiris, fiat semper pondus in ratione triplicata diametrorum: verbi gratia, cum diameter erit 12 pedum, pondus erit 56000 librarum; si denique 4 sexpedarum fuerit diameter, pondus erit 448000; sed nulla est in orbe tanta campana.

Existimat verò solam vigesimam diametri partem campanis tribuendam, & altitudinem latitudini æqualem esse debere. Iuuabit autem octo campanarum diametros, & pondera referre, quæ calculo subduxit, cum maioris diameter statuatur 3 digitorum, pondus verò 8 vnciarum.

u | 2 vnciæ: diameter, digiti  $1\frac{1}{2}$ .

b | 2 vnciæ, 4 drachmæ, 18 grana; diameter digiti  $1\frac{1}{2}$

l | 3 vnciæ, 17 grana; diameter digiti  $1\frac{2}{3}$

f | 3 vnciæ, 4 drachmæ, 32 grana: diameter digitorum 2.

f | 4 vnciæ, 4 drachmæ: diameter digitorum  $2\frac{1}{4}$

m | 4 vnciæ, 7 drachmæ, 68 grana: diameter digitorum  $2\frac{10}{27}$

r | 6 vnciæ, 2 drachmæ, 40 grana; diameter digitorum  $2\frac{2}{3}$

v | 8 vnciæ: diameter digitorum 8.

Quæ omnia pondera 2 librarum, 4 vnciarum, 7 drachmarum, & 13 granorum concludit: in quibus campanis cum medici sumptus impendendi sint, vnusquisque diatonicos Octauæ sonos, siue gradus experiri poterit.

Regulam etiam generalem profert, nempe campanarum diapason, hoc est campanarum octo graduum præcedentium pondus, esse ponderis, quod campana maior habuerit, quadruplum.

Rursum de campanæ plures sonos habentis resonantia loquens, eam refert in diuersas campanæ latitudines, vt cum, verbi gratia, maxima labrorum latitudo est mediæ latitudinis sesquitercia: sed de his videantur quæ prop. 5. l. 7. de Instrumentis dicta sunt Gallicè: & Latine l. 3. prop. 1. ait eos qui campanarum tinnitus illos excitant, quos *Carillons* appellamus, circa medium illas percutere, & ex 3 sex, vel ex 4 octo facere, ob duplicem vniuscuiusque sonum: de quibus in nostris maioribus Harmonicis fusiùs dictum est, Latinis l. 4. de campanis, prop. 13. Gallicis l. 7. prop. 18.

Monet etiam impensas dimidio minores fore, si sola 20, aut 21 diametri pars crassitie campanæ tribuatur, relicta solum maiori crassitie, hoc est parte 14, vel 15 diametri ad eas partes, quas plectrum, siue malleus percutit. Italos suos campanas longissimas facere, idque cum dentibus ad labra, vt illis rescissis, & minutis, tonus, siue concentus postulatus illis tribuatur, si funditores aberrauerint: quod nostri funditores præstant minuendo labra, campana siquidem breuior facta sonum acuit, & latior ob limatum intus metallum, sonum deprimit. Sed & nouæ fusi metalli additiones, aut diminutiones fortibus aquis factæ remedio esse poterunt.

Addit modum cognoscendæ campanæ pondus, cuius diameter nota est, ex hypothesi quod datæ diametri alicuius campanæ pondus sit cognitum; exempli gratia, campanæ, cuius diameter sexpedalis, pondus est librarum 7000: inquiritur pondus alterius, cuius diameter bipedalis: cumque 2 sint tertia pars sex, cubus ternarij dat 27, per quos diuisus 7000 dat 259 libras, 4 vncias & drachmam.

Eodemque modo campanæ diameter pedalis, cum sit  $\frac{1}{6}$  sexpedæ, cubus 6, hoc est 216, diuidens 7000, dat libras 32, vncias 6 &  $\frac{1}{2}$ .

Vnde concludit campanam istam esse pedis cubici metallici ferè quindecimam partem, diuisæ siquidem 500 libræ per 32  $\frac{17}{17}$  dant 15  $\frac{1}{2}$ . Vnde forsàn Campanistæ sumpserint diametri partem quindecimam pro labri, seu limbi crassitudine.

Similiter agnosces pondus campanæ, cuius diameter sexpedalis, si noueris pondus illius, cuius diameter pedalis; quod cum sit, ex dictis



$32$  librarum &  $\frac{11}{17}$ , cubus sex sumendus, hoc est 216, qui per  $32$  multiplicatus dat 7000.

Rursus, si 7000 libræ procedant ex diametro sexpedali, ex qua diametro prouenient 875 libræ? cuba primo diametrum notam, oritur 216, quem ducas in 875, unde 189000, qui diuisus per 7000, quotiens erit 27, cuius radix cubica 3 dat tripedalem diametrum campanæ, cuius pondus 875 librarum.

Cum autem numerus exprimens diametrum fractus fuerit, verbi gratia, vnus pedis & 5 digitorum, seu  $\frac{17}{2}$ , cubetur numerator 17, qui postmodum multiplicator esse debeat: similiterque denominator 72, qui partitor esse debet; erit cubus 17, 4913, ex cuius ductu in 7000 exurget 34391000, qui diuisus per 373248 cubum 72, exurget pondus quæsitum librarum 92, vnciarum 2 & drachmæ.

Præter hæc in eo libro mihi placuit primò quòd plurimis observationibus nitatur, quibus rectè concludit 4 malleos in ea ratione, quam Pythagoræ tribuunt, diapasonis diuisionem in Quintam & Quartam minimè facere, atque adeo falsum esse hinc illum rationes harmonicas desumpsisse, vide manuscriptum pag. 199.

Secundò, quòd notauerit fides eiusdem longitudinis ponderibus in ratione duplicata musicorum interuallorum tendendas, pag. 177. quod dudum in harmonicis demonstraui, eiusque rationem prop. 36. Ballisticæ attuli. Cæterum cū idem de tubis, seu fistulis organicis eiusdem altitudinis pag. 235. arbitratus est, nempe latitudinem, seu superficiem tubi facientis sonum *vr*, esse ad superficiem tubi æquealti Quintam superiorem, vel *sol* facientis, in ratione duplicata 3 ad 2, hallucinatus est experimenti defectu. Constat enim ex dictis & obseruatis prop. 12. l. 6. Gallici de Organis, tubum, cuius basis quadrupla baseos alterius, tono solùm, aut ad summum sesquiditono descendere; nec vsque ad diapente posse deprimi, nisi basim ad minimum sexdecuplam habeat.

Alia plurima refert l. 2. de Organis consideratione digna, verbi gratia, latitudinem tuborum sequi debere non quidem longitudinum rationem, sed illarum radices quadratas, hoc est tubo dato, cuius latitudo sit vnus pedis, alterius tubi disdiapason inferius edentis latitudinem non esse faciendam quadruplam, quemadmodum est longitudo quadrupla, sed duplam solummodo, ne latitudines nimium excrescant. Præterea tubum bipedalem bifariam sectum, vt sit pedalis, non facere diapason cum præcedente bipedali, sed duntaxat septimam: atque adeo latitudinem illius augendam, vt ad octauam perueniat.

Tertiò, fistularum, tam stannearum quàm plumbearum, eò crassiora latera fieri debere, quò altiora fuerint, vt diu subsistant.

At verò de tubis organorum adèò fusè, clarèque toto 6 libro Gallico de Organis dictum est, vix vt quidpiam addi debeat, verbi gratia, prop. 43. illamet latitudo explicatur, de qua Faber, variæque i hænomena diuersarum altitudinum prop. 13. referuntur.

## MONITVM II.

### *De nouis Instrumentis Harmonicis.*

**C**Helym inuenerunt, cuius nerui eodem modo tangantur ac citharæ, hoc est absque manubrii iugamentis, itavt horizontaliter iacentis fides ambarum manuum digitis tangantur, in eoque solùm à cithara, nobis *Harpe*, differat, quòd omnes suas fides eiusdem longitudinis habeat. Non commemoro Archiuiolam, de qua iam antea prop. 3. cuius fides iam elateriis detineri curat inuentor, quòd experiatur ea detentione fides suum concentum, seu tonos suos diutius conferuare. Audio etiam Anglos Violam, seu Lynam construxisse, quam Iacobus Rex miraretur, quòd præter 6 neruos, quos vides 2. prop. pag. 334, alias chordas æneas ponè iugum, seu manubrium habeat, quas læuæ pollex tangat, vt cum neruis consonent. Quin & varias fistulas aluco, vel manubrio possis concludere, quæ neruis, & chordis prædictis succinant. Verùm omnes alios clarissimus Donius superare videtur, qui nuper Violonem Panarmonium, & Violinum Diarmonicum inuenit, & duobus tractatibus explicauit: quibus breui Lyræ Barberinæ figuram, constructionem & vsum sit additurus.

Omitto varios modos, quibus arbores, & illarum rami, & folia quidquid volueris, siue cantus omnium anium, siue concentus Violarum, Clauichordiorum, Tubarum, & Organorum, &c. Tuborum omnis generis, & chordarum beneficio referant, siue molendinis aquariis, siue pneumaticis ad folles mouendos vtaris.

## MONITVM III.

De ijs qua huic Tractatui desunt , & de  
Cantum arte.

**C**VM vulgaribus notis , quibus modos duodecim à pag. 313 ad 327 expressimus, in exemplis regularum omnium ad Harmonicam compositionem concurrentium explicandis caruerimus, plurima necessario fuerunt omittenda: verbi gratia fugarum, syncoparum, & aliorum ornamentorum regulæ & exempla: quæ tamen Lector sagax ex prædictis 12 modorum exemplis possit eruere, cum in iis tam fugæ, quàm syncopæ, dissonantiarumque praxis, & alia frequententur, ex quibus ipse possis optimas compositionis regulas elicere, & formare: quas interim videre possis apud eruditissimum virum Antonium Parranum, tractatus Musici parte tertiâ, quippe usus est Roberti Ballardii optimi totius orbis notarum Musicarum Typographi operâ, & characteribus: quas etiam regulas minutatim explicatas & exemplis illustratas, si nolis è Zarlino, & Cerone, vel quibusdam aliis repetere, à musicis nostris de Consu S. Quintini Canonico, & à Voce, illis omisiss quos non noui, breui possis expectare. Sunt etiam omisiss alia, quæ ad optimos cantus faciendos attinent: verbi gratia vocem illam, quam Græci *Mesen*, hoc est mediam appellarunt, in cantibus præcipuam esse debere, ac veluti fundamentum & basim totius cantilenæ, ac si aliæ tam superiores quàm inferiores voces tantum ad illius custodiam, vel ornamentum adderentur. Tunc autem *Mediam* vnusquisque reperiet, si tonum sumpserit quo iussit, vel quo familiares sermones cum domesticis & amicis conserit, vel sub qua totidem alios sonos seu phtongos intonat, quot super eadem facit, cõsque æquali facilitate.

Porro cantus semper pulchri existimabuntur qui per gradus coniunctos, & per interualla consona procedent, si post qualibet interualla, resumantur voces interuallis conclusæ, verbi gratia, si post *re*, *la*, redeas ad *fa* vocem intermediam, deinde à *fa* ad *re*: postea ad mediam *mi*, vt nullum interuallum facias, post quod non sequatur vox intermedia: hæc enim in cantibus, & harmonicis medietas vim habet admirabilem: vnde qui perfectè canunt, instar nostri laudatissimi Lamberti, cuius vox sonora & omnifariam flexibilis auditorum rapit animos, interualla vocis tractu continuo replent; hoc est non solum.



duo extrema *re, la*, aut alia tangunt, sed etiam *mi, fa, sol*, non quidem actu, sed potestate, ob transitus suauitatem propemodum inexplicabilem, quam nullum instrumentum satis hactenus imitari potuit; & quæ cantus omnes ut ut imperfectos, & contra regulas non solum artis, sed etiam sensus communis peccantes, gratissimos tamen efficit: quemadmodum ingrata vox & rustica cantus omnes, ut ut optimi fuerint, corrumpit & ingratos reddit. Cætera ex nostris maioribus harmonicis repetere possis.

## MONITVM IV.

*De præclaris tum veteribus, tum huius sæculi Musicis.*

**I**N maioribus nostris cum Latinis tum Gallicis tractatibus, Aristoxenum, Ptolomæum, Porphyrium, Aristidem, Bryennium, & alios laudauimus, qui tum extant in Bibliotheca Regia, & Thuana, tum apud alios; præclaros etiam Salinam, Zarlinum, Galileum, Ceronem, &c. commemorauimus: ut & etiamnum viuentes Albertum Bannium, cuius musicam flexanimam demonstrationibus armatam in dies expectamus, & clarissimum Donium cuius opuscula satis arguunt nullum esse qui tantumdem in modis veterum restituendis, & in aliis omnibus quæ proponit, verbi gratiâ in chororum tragicorum melodia laborarit, à quo maxime cupiam ut opus harmonicum vniuersale Latine scriptum impetres, quo tandem concludat quicquid heroico animo complectitur.

His autem addo Erasmum Horicium Germanum, qui Musicum opus Grimanno Cardinali nuncupauit, cuius liber, si nondum sit editus, meretur lucem: quamquam enim Boëtii, & aliorum mentem sequatur, qui nondum tonis maioribus & minoribus, nostrisque semitonis maioribus & minoribus utebantur, & solos tonos maiores agnoscat, lectutamen dignus est, quippe præclara tradit de proportionibus libro 3. propositionibus 27.

*De Naue inter aquas natante, & Vrinatoribus.*

**C**Um paginâ 251. & deinceps multa de naue immersa natante dicta fuerint, iamque sit in usu fenestra nauium, quas Pontones appellant, in fundo nauis, per quam sordes in altum mare solent eici, duplicibus illis fundis, vel doliis, de quibus loco citato, minimè opus est, cum tot fenestræ in immersæ nauis fundo, seu tot foramina fieri possint, quot ad omne sordium genus efficiendum, vel ad homines extra nauim mittendos, aut pisces, & alia quæpiam in eam admittenda necessaria fuerint. Sed & fumus ignium & candelarum variis artificiis per illa foramina poterit in mare dispelli, haustrisque etiam aqua dulcis in fundo maris occurrens in nauem trahetur. Cum autem nauis hæc, instar currus, facile circunduci possit, quandoquidem fundum maris satis æquabile & durum est, præter remos adiuuantes pluribus contis è nauì in mare impulsis, & armatis harpagonibus iniectis ac in solo defixis, deinde auulsis atque refixis illa semper promouebitur. Quos quidem contos molendinâ rotis instructa mouere poterunt, idque maris ipsius aquâ, vel alio quouis modo. Mitto cætera ut moneam egregium Vrinatorem Ioannem Barrieum ex vrbe Pertusio tribus leucis ab Aquis Sextiis, distante oriundum artem inuenisse, quæ facile in fundo quolibet maris per 6, aut plures horas respirare, ambulare, naues immerfas extrahere, & quidpiam aliud præstare valeat; quibus laternam candelæ lumèn, quandiu libuerit, conseruantem addit, quæ diuersis vsibus adhibeatur, verbi gratiâ piscationi quorumlibet piscium. Quodque mireris plurimum, vbi noueris nequidem 10 pedes cubicos aëris ad respirationem cæteris vrinatoribus ad dimidiam horam sufficere, ille vno duntaxat vel altero pede cubico ad 6 horarum respirationem utitur, & laternâ vulgariū magnitudinem vix superante ad flammam sub aquis perpetuò conseruandam. Omitto varia huius inuenta sæculi, quales sunt duæ per plana mediæ proportionales, & trisectio anguli; motus aliqui perpetui; quadraturæ circuli, & id genus alia, de quibus nil affirmarim, donec ad lapidem Lydium reuocentur: quanquam nullus sit nostrorum Geometrarum, qui non agnoscat supplementum Vietæ, quo spem fecerat autor duplicationis cubi, nullâ ratione suum scopum attigisse.

## MONITVM VI.

**P**RIUSquam manum de tabula; placet addere Vvindelini eclipses mihi reuocasse in memoriam, quæ iam toties de penduli recurſibus à me pluribus cum Harmoniæ, tum vniuerſalis Horologiij locis, & propositione 15. Balliſticæ dicta ſunt: ex quibus iudicare poſſis de pedum 42 Romanorum filo, cui ferrum 52 librarum appenſum horæ ſpatio 543 vibrationes habuiſſe tradit, cum filorum longitudines ſint in duplicata ratione vibrationum, quas oſcillationes appellat. At verò non ei ſubſcripſero, cum ait hyeme, vel ſole perigæo plures fieri quàm apogæo, vel æſtate, niſi priùs demonſtrarit.

Porro notandum in eorum gratiam quæ tam libro de Nauigatione, quàm tractatu Cosmographiæ de longitudine dicta ſunt, eum, poſt primum meridianum (quem ſtatuit per mediam Iſlandiam, eiùſque oppida Holam & Scaltholam, perque medium mare Atlanticum, & ex æquo hinc inde à Promontoriis, Africæ & Americæ proximis, Capite viridi, & S. Auguſtini) variis vrbibus proprias longitudes accommodare. Ab eo ſiquidem meridiano, quem vocat Atlanticum, Lutetiam noſtram vna hora & 36 ſecundis, Lugdunum 1 horâ, 45 minutis, Maſſiliam 1 hora 48 minutis; Romam 2 horis & 18 minutis, Cairum 3 horis & 41 min. Aleppum 3 horis 52 minutis, & 36 ſecundis amouet. Aliarum Vrbium catalogum paginâ 18 conſulere poſſis, vt alia multa quæ ſolertiſſimus luminarcanus circa lunæ eclipses obſeruanda, & de theoria ſolis, lunariùmque tabularum idea proponit, vt tabulæ Atlanticæ condantur, in quibus Herculeos labores exantlauit.

## MONITVM VII.

**C**Æterum hoc ſæculo multa poſſis expectare à viris ingenioſis admodum noua, ſi fortè lydium examen ſuſtinere poſſint, verbi gratiâ duarum mediarum inuentionem, nec non anguli triſectionem, & eiùſdemmet generis alia, non ſolum circuli & vnius parabolæ beneficio, quod vir illuſtris dudum in ſua Geometria præſtitit, hoc eſt non tantum per ſolida, ſed etiam per plana: quod nullus potuit hætenus. Deinde ſolem eſſe terrâ minorem, & paucioribus terræ ſemidiаметris à nobis, quàm vulgo creditur, abeſſe, quod audio à ſubtili viro Bonneau iam iam vrgeri, qui poſtea longitudinum doctrinam ſit editurus; vt eodem tempore quo Archicolymbiſtes, de quo ſupra, in fun-



do maris noua detegit, & perdita restituit, coelo litterario viri magni noua lumina inferant.

## M O N I T V M V I I I.

**L**Ectorem denique monitum velim Exempla XII. modorum Roberti Ballardii Typographi Regij notis elegantibus expressa, & à præstanti Musurgo Briono modulata; ex quibus ipse possis legitimæ Harmoniæ, seu Compositionis Musicæ regulas elicere, à quibus abstinui, quòd characteres deessent, quibus rythmica, seu diuersa sonorum tempora dimetirer, & dissonantiarum, syncoparum, fugarum præxim, & alia ornamenta pluribus exemplis explicarem? Quod forsitan aliâ sim editione præstiturus, vt omnifariâ ratione mens Christianorum ad coelestia transferatur; & ex vnica Compositione Harmonica veram Theoriam eliciam, vel hanc illâ suffulciam.

Porrò XII modorum exemplis cantum vltimum à Boëffeto compositum addidi, tum vt exteri videant suauitatem & industriam quâ in pangendis, modulandisque versibus Gallicis vteretur, tum vt cum Apostolo deinceps Harmonici viri suos cantus ad vnicum Dei amorem suis animis ingenerandum dirigant, & ex cordis intimo verè dicant, *Viuo ego, iam non ego, viuunt autem in me Christus*; quæ verba prædicto cantui adhibenda curauit.

## F I N I S.

---

### *Typorum Errata emendata.*

Præter ea quæ ad calcem primæ præfationis emendata sunt, ab initio Arsis Nauigandi vsque ad calcem libri Harmoniæ. pagina 225. l. 8. lege Histiodyromia. p. 237. l. 20. velificationis. p. 240. l. 21. loxodromia. l. 23. initium. p. 251. l. 7. commemoro. p. 259. l. 2. 20 victum. l. penult. Galileus. p. 277. l. penul. primam. p. 284. l. 12. negotio. p. 286. l. 10. continua 12. scalam 13. semitonia. p. 291. l. 22 alias. p. 335. l. 12. Lionysius. p. 336. l. 18. concentum. p. 341. l. 20. quatuor. l. 35. prop. p. 347. l. 17. operæ pretium. p. 352. l. 1. pro cuius lege quorum. p. 355. l. 2. decimamseptimam. l. 15. finali ad subiunge Quintam, & ad. l. penult. delectari.

# INDEX AMPLISSIMVS

## OMNIVM RERVM,

Quas hoc primum volumen complectitur : cumque Alphabeta quaternionum diuersa sint, littera P, significabit tractatum de Ponderibus. Littera H de Hydraulicis, Arte nauigandi, & Harmonia. Littera B tractatum Ballisticæ. Littera M, tractatum de Mechanicis. Eadem litteræ Præfationi adhibitæ vnamquamque Præfationem significabunt, verbi gratiâ, Præf. H, significabit rem quæ legitur in Indice, reperiri in Præfatione in Ballisticam, puncto quod notatum fuerit. Præf. G. in præfatione Generali, &c.

### A

**A** Bacus organorum perfectus, 341,  
342, H.

Abacus clauicymbali, 13 plectrorum,  
336, H.

Abacus Diapasonis 19 pinnarum à C &  
F, incipiens 343 & 344.

Abacus 21 pinnarum, 345.

Abacus, seu systema 31 graduum in  
octaua, 346.

Acceleratio arcus tensi recurrentis, 27, B.

Acontismologia, quid, 1, B.

Acuminis gradus ab aëris motibus, 262, H.

Acus magneticæ, & magnetis similitudi-  
nes à pag. 245, ad 251.

Aër causa mutationis grauium in aqua,  
202, H.

Aër an tantundem condensetur, quan-  
tum rarefit, 147, 148, H.

Aëris resistentia in projectis, & grauium  
motu, B, 133.

Aëris inspirati pondus, 255, H.

Aëris ponderandi modus, præf. H.  
punct. V.

Aëris grauitas, 255, H.

Aëris rarefacti & condensati quantitas,  
pondus, vis, 140, &c. H.

Aëris condensatio quomodo fiat, 148, H.

Ægyptiaca hydrologia perficiuntur, 61 &  
62, H.

Æquilibrium bilancium, 3, M.

Æqualitas altitudinis, & sublimitatis no-  
tanda, 69, B.

Ærei pollicis pondus, puncto 4, præf. P.

Aëris, ac pulueris pyrii effectus iidem à  
147, ad 155, H.

Aëris grauitas æolopilis explorata, 141,  
& 151, H.

Aëris pondus quantum, 147, H.

Aëris libra constat 18 pedibus cubicis,  
148, H.

Æolopilæ proprietates, 141, &c. H.

Æolopila ponderans aërem, 141, & 151, H.

# I N D E X.

- Æstus marini, 259, H.
- Aggeres aëris causæ sunt natationis grauium, 201, H.
- Aggere dempto quodlibet corpus aqua leuius mergitur, 201.
- Agrimenforis quadratura veræ propinquæ, 69, H.
- Agrimenforum perticæ, catenæ, quæ, 4.
- Alcalini variorum corporum pondera, puncto XIV. præf. G
- Aliquotæ partes numeri Platonici, præf. H. puncto XIV
- Altitudines iactuum omnium, 105, B.
- Altitudo varia super horizontem, quantum mutet iactus, 23, B.
- Altitudo tubi quanta esse debeat, ut tempore præscripto quasitam aquam per datum lumen tribuat à 47, ad 51, H.
- Altitudo iactus quomodo inueniatur, 103, B.
- Altitudo & sublimitas in parabolis, quid, 72, B.
- Amicabiles numeri qui sint, puncto XIX. præf. G
- Amsterdamensis putei artificium, puncto XVIII. præf. G
- Analysim quis superaturus, puncto XIX. præf. G
- Anchorarum pondera, 235, H
- Angina, librile, scapus quid, 5, M
- Angliæ Chelinus, 37, P
- Anglica vncia nostræ collata, 7, P
- Anglicus quot grana habeat, ibid.
- Anguli refracti per sinus explicati, 78, B
- Anguli cuiusunque linea directionis explicatur à 48 ad 56, M
- Angulorum æqualitas in reflexione, unde, 76, B
- Angulus minor, causa maioris illuminationis, 78 B
- Antifacoma, cursorium, 5, M
- Aporrhyma Epiphaniæ, cuius ponderis, 14, H
- Aqua Siphone in montis verticem translata, 159, &c. H
- Aqua bilancium vice fungens, 181, A
- Aqua in gyrum acta cadere nequit, 40, P
- Aqua multis Siphonibus eleuata, 171, 172, H
- Aqua cur non ponderet super corpus hominis immersi, 24, H
- Aquariorum gratiâ, de tuborum & erogatoriorum altitudine, 53, H
- Aquariorum linea non satis definita, 80, H
- Aquæ per siphonem ascendentis causæ, 166, H
- Aquæ libra quo tempore fluat per datum foramen, 45, H
- Aquæ fluentis maior velocitas per angustiores sectiones, 146, H
- Aquæ descensus è summitate mali moti an parabolicus, 119, H
- Aquæ descensus velocitas diagrammate explicatur, præf. H
- Aquæ proprietates suppositæ, 43, H
- Aquæ linearis cubicæ pondus, 80, H
- Aquæ molem æqualem per omnes fluuii partes fluere, licet angustiores, 175, H
- Aquæ multifariam consideratæ grauitas, à 217, ad 233, H
- Aquei pollicis cubici pondus, puncto 4, præf. P
- Aquei pedis cubici pondus, puncto XIII præf. G
- Aqueus pollex 6 vnciarum, 169, H.
- Archicolymbetis obseruationes, 258, H
- Archimedis principia pro grauitate, 25, M
- Archiuiolæ descriptio, 340, H
- Arcubalistarum chordæ quales, 4, B
- Arcustensio per pondera neruo, vel cornubus appensa, 9, B
- Arcus tensio ex tono nerui cognita, 7, B
- Arcus rediens qua ratione velocitatem augeat, 27, B
- Arcus recurrentis velocitas inuenitur, 19, B
- Arcus qualis esse debeat ad mittendam sagittam longius in data ratione, 120, B
- Arcuum materia, figura, robur, 2
- Arcuum in velocitatis recurſu comparationes B, à 121, ad 128
- Arena in vas aqua plenum ingrediens, quanta, 226, H



# INDEX.

Arenæ grana 1728, pedi æqualia, 2, P  
 Argentea pars auri quarta, eiusque valor, 19, P  
 Argentei nummi Gallici, ibid.  
 Argenteorum nummorum & fidei collatio, à 33 ad 37, P  
 Argenti pretium fixum, 17, P  
 Argenti & auri pretium hodiernum in Gallia, 17, P  
 Argenti puritas quomodo definiatur, 18, P  
 Aristotelis mechanicae quæstiones soluta, 14, M  
 Arithmetica progressio velocitatis grauium, 52, B  
 Arquebusiæ iactus medius, 360 sexpedum, 89, B  
 Ars symphoniz, 297, h  
 Ars & scientia, quid sint, præf. B  
 Ascensus sagittarum, & descensus quo tempore fiant, 34, B  
 Aspiratio emboli, 169, H  
 Assarium 150, H, eius vsus.  
 Assis diuisio Romana libræ Parisiensi adhibita, 8, P  
 Assis Gallici pondus & pretium, 18  
 Atticum & Alexandrinum talentum, 23, P  
 Auræ laminæ cur natent, 200, H  
 Aurei Italici figura pretium, pondus, 31, P  
 Aurei, ænei, quercini cylindri vires, 64, M  
 Aureus Gallicus quot obrizi partes habeat, 20, P  
 Auri pretium, vt & argenti, 17, P  
 Auri & argenti hodierna proportio quoad valorem, 27, P  
 Aurum purum, obrizum, quid sit, 16, P  
 Aurum cum aliis corporibus in grauitate comparatum, 192, H  
 Aurum & oleum, tabulæ radices, 190, 191, H  
 Authentici, seu principales & plagii modi, 282, H  
 Axiomata mechanica explicata, punct. 9, præf. M  
 Axis in peritrochio leges, 29, M

## B

**B**A & Bi harmonicus vsus, 276, & 282, H  
 Baculi fractio quomodo fiat, puncto 7 præf. M  
 Balistaria trochlea, 4, B  
 Ballistica quid, 1, B  
 Ballisticae termini Græci, 2, B  
 Ballisticae corrigitur error puncto 5, præf. M  
 Bannum leugæ, *Banliene*, quid, 4, P  
 Baryllium Synesii, 210, H  
 Bathus, Ephæ, Hina, eorum pondera, 15, P  
 Bessalis laterculus Vitruuii, quid sit, 9, P  
 Bicinium litterarium, 306, H  
 Bilances aqueæ, 181, 182, & deinceps, H  
 Bilancium constructio, & figura, 3, M  
 Bolis, eiusque pondus & materia, 235, H  
 Bombardæ experimentum, 82, & deinceps, B  
 Bombarum iactus, quales, 87  
 Bonum, malum, pulchrum, quid sint, præf. B  
 Brachia libræ variè disposita, 18, & 19, M  
 Bocani lyra orchestica, quid exprimat, 330, H  
 Brachium Florentiæ, 4, P  
 Briuiatum pons mirâ fornice, præf. h, 10  
 Bungi plurimus error in numeris perfectis puncto XIX, præf. G

## C

**C**Abus Hebraicus, & aliæ mensuræ, 14, P  
 Cadentiæ mediæ, & dominæ, quæ, 289, H  
 Cadi seu dolii Parisiensis pondus, & magnitudo, punct. 4, præf. P  
 Cadi seu dolii Parisiensis pondus, 12, P  
 Calamus Hebraicus quantus, 3, P  
 Campanarum altitudo, latitudo & labrum, h 353  
 Campanæ labro cognito, eius pondus &

# INDEX

|                                                                     |                |                                                                  |                   |
|---------------------------------------------------------------------|----------------|------------------------------------------------------------------|-------------------|
| tonus elicitur, h                                                   | 357            | Clauicymbala, quomodo à practicis temperentur,                   | 331, h            |
| Campanæ mirabilis harmoniæ S. Nica-<br>fii, h                       | ibid.          | Clauius arguitur, præf. G. p. 27. iure, an iniuria non affirmem. |                   |
| Campanæ 2, vel 3 soni, h                                            | 357            | Cochlea refertur ad planum inclinatum,                           | 51, M             |
| Campanæ optimæ index, h                                             | 358            | Cochlea aquam eleuans,                                           | 59, M             |
| Campanarum mensuræ, pondera iuxta<br>Fabrum, h                      | 362            | Cochlearum partes, & vires, à 55, ad 60, M                       |                   |
| Campanæ 17200 librarum, cuius diame-<br>ter 6 pedum. h              | 362            | Cochlion Diodori apud Ægyptios, 58, M                            |                   |
| Campanæ infusæ quomodo acuat, vel<br>deprimatur sonus, h            | 363            | Cogitationes variz de vi percussionis,                           | 83, M             |
| Canendi modus optimus, h                                            | 366            | Compositio motuum quidauferrat moti-<br>bus, puncto 6. præf. M   |                   |
| Cantum ars explicatur,                                              | 275, H         | Compositio Triciniorum,                                          | 309, h            |
| Cantum litteralium exempla,                                         | 293, H         | Compositionis harmonicæ regulæ,                                  | 304, h            |
| Cantum innumera multitudo,                                          | 296, H         | Compositiones motuum variz,                                      | 109, & 110, B     |
| Cantus litteris expressus,                                          | 295, H         | Conatus internus arcus recurrentis,                              | 28, B             |
| Capitolinus pes cum Farnesiano colla-<br>tus,                       | 3, P           | Concionatorum morales conceptus,<br>præf. M. punct. 8            |                   |
| Cardani error emendatus,                                            | 50, M          | Condensandi & rarefaciendi aëris mo-<br>dus,                     | 147, h            |
| Castagnetz saltatrices, h                                           | 360            | Condensatio aëris maxima,                                        | 147, h            |
| Castella, & erogatoria, modulosque ve-<br>terum explicare           | 70, 71, & c. H | Congius Romanus quot granorum,                                   | 7, P              |
| Castellum seruans pedem regium                                      | 2, P           | Coni maximus ambitus tam cum base,<br>quàm absque base,          | 76, h             |
| Casus corporum leuiorum quantò tar-<br>dior,                        | 115, B         | Coni & illorum ambitus comparati,                                | 76, h             |
| Catapultæ, <i>Mortier</i> , obseruatio,                             | 31, B          | Coni Scaleni superficies inuentor,                               | 77, h             |
| Catapultæ breuioris obseruationes, <i>Mor-<br/>tier</i> ,           | 35, B          | Coni Iloscelis superficies sine base cui<br>circulo æqualis,     | ibid.             |
| Centenariæ fistulæ Vitruuii nostris com-<br>paratæ,                 | 77, H          | Conicarum sectionum explicatio, &<br>'comparatio,                | 99, h             |
| Centra duo in libra,                                                | 9, M           | Conorum sphaeræ circumscriptorum, &<br>inscriptorum magnitudo,   | 75, h             |
| Centra grauitatis de nouo reperta, punct.<br>3, præf. M             |                | Consonantiæ nouæ,                                                | 307, h            |
| Ceratia, quid sint,                                                 | 16, P          | Consonantiæ molliores, quæ,                                      | 307, h            |
| Chalyboclisis, quid sit,                                            | 237, h         | Consonantiæ & dissonantiæ omnes in<br>octaua,                    | 297, h            |
| Characteres vulgares harmonici,                                     | 288, h         | Consonantiæ & dissonantiæ omnes contra<br>VTa-le                 | 99, h             |
| Charifioni Archimedis,                                              | 42, M          | Consonantiarum suauitas, vnde,                                   | 308 & 309, 311, h |
| Chelini pondus, punct. VI. præf. P                                  |                | Consonantiarum suauitas vnde petenda.                            | 264, h            |
| Chelinus Angliæ,                                                    | 37, P          | Consonantiarum Arithmetica diuifio                               |                   |
| Chordæ arcuum quot filis consent,                                   | 4, B           |                                                                  |                   |
| Circularia libræ brachia explicata,                                 | 20, M          |                                                                  |                   |
| Circuli mira proprietates,                                          | 41, M          |                                                                  |                   |
| Circuli sphaeræ, & ellipsoidis compara-<br>tio, puncto XVI. præf. G |                |                                                                  |                   |
| Circuli quadratura,                                                 | 69, h          |                                                                  |                   |
| Cisternarum constructio,                                            | 217, h         |                                                                  |                   |

# I N D E X.

omnium suauior 265. h  
 Consonantiarum ordo triplex 306. h  
 Consonantiarum viginti & vnus tabella 263. h  
 Consonantiarum perceptio, quid 262. h  
 Consonantiarum successio & illius regula 302. & c. h  
 Consonantiarum Arithmetica, Harmonica & Geometrica diuisio. 308. h  
 Consonantiæ curnullæ sint Tertia minore, vel sesquiditono minores 355  
 Conquaternatio consonantiarum 309. h  
 Conternationes consonantiarum 300. h  
 Conternationis vnus præ alia suauitas: vnde 311. h  
 Conus circumscriptus omnium minimus 8 proprietates habet 75  
 Conus habens minimam superficiem absque base 76. h  
 Conus inscriptus omnium maximus, quis ibid.  
 Cori pondus 14. P  
 Coronæ nauis quantæ magnitudinis 234. h  
 Corpora grauiam quænam in aqua natent, aut mergantur 179. h  
 Corporum natatus generalis 39. P  
 Corpus in aquammersum non sentit pondus aquæ 206. h  
 Cri gallicum idem ac charistion 42. M  
 Ctesibici organi tractio cur fiat 116. h  
 Ctesibici organi, pompe, explicatio 167 & deinceps H  
 Cubi diameter ad suum latus est tripla potentia 76. h  
 Cubi sphaeræ circumscripti, & inscripti collatio ibid.  
 Cubiti Hebraici magnitudo 5. P  
 Cuborum, & quadratorum analogia 77. h  
 Cuborum summa repertu facillima 64. B  
 Cuneus ad vestem, & planum inclinatorum refertur 43. & c. M  
 Curia Monetarum seruans libram 6 & 10. P  
 Cursorium, Æquipondium 5. M

Cursus fluminiū quantus 173. & deinceps h  
 Curuus motus à 2 motibus rectis genitus III. B  
 Cylindri curua superficies collata cum basibus 76. h  
 Cylindri maxima superficies tam cum, quàm sine basibus ibid.  
 Cylindrorum duplo crassiorum aut breuiorum robur 68. M  
 Cylindrus proprio pondere frangendus, quantus 66. M  
 Cylindrus sphaeræ inscriptus omnium maximus 76. h  
 Cylindrus inscriptus diuidens lineam proportionalliter 57. B

## D

D Allus Imperij 36. P  
 Decem litteræ diatonicae temperatae 338. h  
 Decempedatorum funes 4. h  
 Decimæ maioris gratia 312. h  
 Dei amor ponderi comparatus, præf. M punct. 8  
 Delectationis definitio præf. B  
 Denarii pondus & valor 26. P. characteres 27  
 Denarii aenci pondus 19. P  
 Descensus tardior corporum minus grauium 32. B  
 Diagramma explicans saltum aquæ parabolicum, & descensus velocitatem præf. h  
 Diagramma præcipua tractatum explicans primis 9 punctis, præf. Gener.  
 Diagramma lineas directionis explicans II. M  
 Diagramma parabolarum proiectionum 96. B  
 Diagramma explicans casum planorum inclinatorum 119. B  
 Diagrammatis ampla descriptio pro iacobus parabolicis 97. & deinceps B  
 Diagrammatis parabolici explicatio 109. h



# I N D E X.

Diagrammata proiectitiæ potentia & grauitatis pugnam explicantia 93. B  
 septem Diagrammata Mechanicam explicant ab 1 ad 5. M  
 sex Diapafonis diuisiones 310. h  
 Diapafon organorum 354  
 Diastole & systole solis 74. & deinceps B  
 Diatessaron vigintiocties in tres rationes superparticulares diuisum 333. h  
 Diatonica chordæ quomodo temperentur 338. h  
 Diatonici gradus ab aliis distincti 298. h  
 Duella, Sicilicus, Sextula, explicantur 8. P  
 Digni aquei cubici pondus 80. h  
 Diluuii aquæ 44. h  
 Diluuium Noëticum quanta pluuia factum 22. h  
 tres Dimensiones in potentia 35. M  
 Dionysius practicus egregius 335, & 336. h  
 Directio motus vtillitangentibus 116. B  
 Directionis linea quanti momenti 10. II. M  
 Directionis, & potentia linea, & anguli 19. M  
 Directionis lineæ explicata, præf. M.  
 Discursus quid, præf. B  
 Disdiapafon literale 288. h  
 Diffonantiæ notis explicatæ 306. h  
 Ditoni ad Quintam transitus licitus 305. h  
 Diuisio libræ Parisiensis 6. P  
 Dolium nauale, quot pedum cubicorum 235. h  
 Drachma Romana 67 granorum Paris. 7. P  
 Ducatus Florentia 36. P  
 Ducatus Imperialis, & Turcici figura, pondus, pretium 33. P  
 Duodecies eadem linea proportionaliter secta 55. B  
 Duodecim obseruationes in pendulis à 28 ad 44. B  
 Duodecim corpora grauius comparata 199. h

Duodecim diuisiones lineæ proportionales sectæ cithararum manubriis inutilis, contra Salinam. 56. B  
 Duodecim arenæ grana in linea 2. P  
 Duratio iactus cuiuslibet quomodo inuenienda 100. B  
 Duratio cuiuslibet iactus sagittæ, quanta 23. B

## E

**E** Laterium tortile, præf. B. puncto IV.  
 Ellipsis nata ex parabolis proiectiuis 95. B  
 Ellipsis & circuli, sphaeræ & sphaeroidum mensura, & comparationes, puncto XVI. præf. G  
 Ellipsis proprietates 102 & 103. h  
 Ellipseos descriptio 104. h  
 Ellipsis à neruo harmonico descripta 131. B  
 Embolus, & eius effectus 154. 169. H. 150  
 Ensis, vel mallei percussio 84. M  
 Epistomii partes 42. h  
 Ergatæ partes explicantur 306. M  
 Exempla varia pro reperienda velocitate casuum 62. B  
 Experimenta arcuum variorum à 2 & deinceps. B  
 Experimenta varia fluentis aquæ 64. h  
 Experimenta varia virium corporearum 64. M

## F

**F** Arnesianus pes collatus cum Parisiensi 27. P  
 Ferrum trahit magnetem, quando 250. h  
 Figuræ Salientum an Conicæ 107. h  
 Filtri, & Siphonis lex eadem 161. h  
 Filtri percolatio quomodo fiat. 165. h  
 Filtrum quadruplo longius, vsq; siphon det aquam duplam 161. h  
 Filtrum & filtrare, quid. 156. & deinceps. h  
 Fistulæ veterum cum nostris collatæ 77. h  
 Filum vibrationes impedit 43. B  
 Flandriæ Patagus, pondus, valor, icon 36. P

Flo-

# INDEX.

Florentiæ brachium 4, P  
 Florentiæ ducatus, valor, figura, pondus  
 36, P  
 Fluiditas aquæ, vnde 44, h  
 Flumina cum tubis comparata 173, h  
 Fluuiorum partes angustiores quomodo  
 se habeant ad aquæ cursum 175, h  
 Fluuiorum decliuitas necessaria vt  
 fluant 178, h  
 Fluuius in alium fluuium descēdens quid  
 faciat ad cursum velociorem 177, h  
 Fūnium vtrumque tensorum potentia  
 reperitur ab II. ad 19, B  
 Fontes Romani, siue aquæ Appia, Anio,  
 &c. 71, h  
 Fontium origo, 218, h  
 Fontium inuentio 217, h  
 Fornix centupedalis longitudine, præf. h  
 Franci valor & pondus 19, p  
 Franci Gallici figura, pondus, pretiū 34, P  
 Futurum quid sit, præf. B

## G

**G**Alci temperatura, 335, h  
 Galilæi de natantibus liber explica-  
 tur, à 195. ad 202, h  
 Galilæi tabula iactuum 87, b  
 Galilæi ratio fluxuum infirmata 260, h  
 Galilæi Elogium 193, & 194, h. inuenta  
 Galilæi sententia de resistentia ligni fran-  
 gendi 63, &c. m  
 Gallicæ libræ ponderalis diuisiones 6, p  
 Gallicorum nummorum figura, pondus,  
 leges 16, p  
 Genus diatonicum, ehromaticum, enhar-  
 monicum in systemate 19, chorda-  
 rum 144, h  
 Geometræ subtiles numerantur, præf. h  
 Geometrica progressio velocitatis gra-  
 uium 52, b  
 Gerah, idem ac matha 23, p  
 Geostatica 24, 25, &c. m  
 Geostaticè dici potest corpus fieri leuius,  
 & grauius prope centrum, quo sensu,  
 25, 26, &c. m

Geometræ illustiores enumerati, & lau-  
 dati, 193, h  
 Gethaldi doctrina de grauibus, 190, h  
 Glandium explosio cum aqua fluente  
 comparata, 63, h  
 Globi maioris proiecti quanto minor in  
 aëre resistentia, 137, b  
 Glossocomum quid, 39, m  
 Gomor, eius pondus, 14, p  
 Gradus musicæ ficti, 337, h  
 Græcorum κέρμα, 24, p  
 Græcorum nummorum cum nostris col-  
 latio, 25, p  
 Grana vnciæ Romanæ quot, 6, & II, vbi  
 iuxta duas relationes diuersas 2 mo-  
 dis diuersis referuntur, p  
 Grana scolopendrij omnium minima,  
 28, p  
 Grani sinapis pondus, & magnitudo,  
 28, p  
 Granorum vncialium pondus examina-  
 tur, 9, p  
 Graue in aqua leuius quàm in aëre,  
 181, h  
 Grauia an in terræ superficie, quàm in  
 centro grauiora, 22, m  
 Grauia aquâ leuiora quantum in aquam  
 mergantur, 180, & 181, h  
 Grauiora humido, cur in eo nasent,  
 100, h  
 Grauitas viginti corporum ex Alealmo  
 puncto xiv. præf. g  
 Grauitas à vi tractiua terræ, 21, m  
 Grauitas corporum durorum & liquido-  
 rum varia prope terræ centrum, 26, m  
 Grauitas quomodo agat in proiecta,  
 92, b  
 Grauitas liquidorum docet grauitatem  
 durorum corporum, 232, h  
 Grauitatis in impetum proiectitium a-  
 ctio, 118, b  
 Grauitatis relatiuæ & absolutæ discriminē,  
 29, m  
 Grauitatis centra in infinitum inuenta,  
 punct. 3. præf. m  
 Grauium descensus super planis inclina-

tis, 64.b. & 118, b  
 Grauium cadentium velocitas, & incrementum 30. & deinceps, b

H

**H**armonia diatonica syntona, 276, h  
 Harmonica diuisio consonantiarum, 309, h  
 Harmonie numeri grati, 2, m  
 Harmonicorum neruorum velocitas, 124, b  
 Harmonicum systema 13. notarum & 12. 186, g  
 Harmonicus numerus, 16. & deinceps, h  
 Haustrum hydraulicum nouum, 170, h  
 Hebræorum sicles & talentum, 21, p  
 Hebraicæ mensuræ liquid. & arid. 14. P  
 Hebraicarum summarum pecuniæ ad nostram monetam reductio, 21, p  
 Hebraicus cubitus quantus, 3, p  
 Helices cochlearum magnitudo, vis, figura, 57, m  
 Helix à grauibz descripta, 57, b  
 Helix æqualis parabole, 119, h  
 Hemina Parisiensis pondus & magnitudo, 12, p  
 Henrici codex habens veras mensuras. puncto 11. præf. p  
 Herculis pondus, 26, p  
 Hexapeda Castelleti & thecæ scriptoriæ discrepans, puncto 1. præf. p  
 Hexapedæ 338. mensura velocitatis malei percutientis, 85, m  
 Hieronis corona, 211, h  
 Hispanicorum Regalium icon, pretium, pondus, 35, P  
 Histiodromice quid sit 237. h  
 Hordei Rabbinici grana 24. p  
 Horizontalis iactus dat medium, & vice versa, 89, b  
 Horizontali iactu dato dare verticalem, 65. b  
 Horizontalium salientium figuræ 89  
 Horizontalium iactuum æqualitas, vnde 73. b

Horologia aquea Ægyptiorum explicata, 61 h  
 Humidi cuiuslibet grauitas absque bilancibus exploratur 184. & deinceps. h  
 Hydraulici tubineruis harmonicis comparati B. 130  
 Hydraulicorum organorum & motus grauium eadem lex 162. h  
 Hydraulicum haustrum 170. h  
 Hydrostaticæ definitiones & propositiones pag. 225. h  
 Hyperbolæ proprietates 100 & 101. h  
 Hypomochlion 5. m

I

**I**acobi figura, pretium, pondus 32. p  
 Iactus vbinam fortior 24. b  
 Iactus diuerforum arcuum comparare 23. b  
 Iactus medii in salientibus altitudo 90. b  
 Iactus 50, 45, & 30 graduum altitudines. 94 b  
 Iactus medius verticali & horizontali collatus 66. b  
 Iactus verticalis inuentio 101. b  
 Iactus omnes vnica figurâ explicati 97. b  
 Iactus 60. 45. & 30. graduum simul collati 94. b  
 Iactus à Galeo obseruati 84. & deinceps, b  
 Iactus horizontales æquales quando 73. b  
 Iactus 22 graduum bombardæ maioris, canon 82. b  
 Iactus theoricos à practicis differre 103 b  
 Iactu horizontali dato, dare teli velocitatem 68. b  
 Iactuum duratio 22. b  
 Iactuum tabula practica Galei 87. b  
 Iactuum longitudo, & velocitas 12. & deinceps. b  
 Iactuum theorica tabula 104. b  
 Iactuum ad 45 gradus exempla 105. b  
 Iactuum omnium durationes, seu tempora 100. b



# INDEX.

Iactuū omnes altitudines 106. & deinceps b  
 Ict, iactus notiones 41. h  
 Ignis, medicina vaporum putealium, puncto XVIII. præf. G  
 Illuminatio obliqua cur debilior 78. b  
 Imaginationis definitio, præf. b  
 Imaginis, locus in reflexione 77. b  
 Impetus globorum occurrentium & velocitas 73. &c. m  
 Inclinationum diuersarum iactus altitudo 94. b  
 Ingeniosorum error in iactibus notatur 90. b  
 Instrumentorum pneumaticorum vsus medici, & alii 145. h  
 Instrumentum quo absque bilancibus humidorum pondus inuenitur 208. h  
 Instrumenta noua harmonica 365. h  
 Interualla mascula 307. h  
 Irides à salientibus productæ, puncto XVII. præf. G  
 Iugeri, & vine mensura ex Codice Henrici, II. punct. præf. p  
 Iugerum Parisiense quantum 4. p  
 Iulii Romani pondus 11. p

## L

**L**anceæ manu sublata variæ grauitates 14. m  
 Lanceæ variæ inflexiones 15. m  
 Lethecj Cori dimidium 14. p  
 Leuca Banni quantitas 4. p  
 Leuca quot in gradu æquinoctialis 238. h  
 Libra omnium optima, quæ 19. m  
 Libra Gallica ponderalis explicatur 6. p  
 Libra æris continet 18 pedes cubicos æris 148. h  
 Libræ natura, præf. m. punct. 9  
 Libræ brachia circularia, & illorum proprietates 20. m  
 Libræ brachia inæqualia 19. m  
 Libræ diuersa nomina 17. m  
 Libræ centra duo, grauitatis, & motus 9. m

Libræ ponderalis pondus, & diuisio ex Ludouici Codicis, puncto III. præf. p  
 Libræ rectæ, & curuæ leges 18, & 19. m  
 Librarum æqualitas quàm difficilis 10. p  
 Librorum huius voluminis ordo seruandus, puncto XI. præf. G  
 Linea pedis regū æqualis 12 granis arena, 2. p  
 Linea secatur mediâ & extremâ ratione tribus modis 33. b  
 Linea duodecies media, & extrema ratione secta 55. b  
 Linea aquæ quid sit, & quomodo mensuranda 79. h  
 Linea directionis potentia & ponderis, 10, 11. m  
 Linea proportionaliter secta in cylindro inscripto 57. b  
 Linea per quam trahit potentia, quid. 10. m  
 Lineæ cubicæ pedis regij 2985984, & quadrata 9. p  
 Lineæ vtrumque sectæ proprietates 51. &c. b  
 Lineam salientis horizontalis explicare à III. ad 114. h  
 Liquidorum in aqua ponderatio 186. h  
 Loxodromia quid sit 239. h  
 Loxodromiæ principales 241. h  
 Loxodromica triangula, quid. 240. h  
 Loxodromici canones 243. h  
 Ludouici codex habens veras mensuras, puncto III. præf. p  
 Ludouici pondus, figura, pretium 30. p  
 Lumen tubi quid sit 45. h  
 Lumen quodlibet quantum aquæ tubuat 54, 55, &c. h  
 Lumen fortius ob angulum minorem, 78. b  
 Lumen per specula parabolica collectum, 97. h  
 Lumina rectangula rotundis præferuntur 74. h  
 Lumine castelli, vel emissorii dato, dare aquam 78. h

- Luminis refraction** 79. b  
**Luminis diffusio qua proportione fiat,** 75. b  
**Luminis definitio** ibid.  
**Luminula siphonis exigua, per quæ fluit aqua** 163. h  
**Luminum rotundorum, & quadratorum comparatio** 67. h  
**Lunæ, & æstus relatio** 259. h  
**Lyre diagramma, & explicatio** 339. h  
**Lyre orchestice figura, systema** 332. h  
**Lyre & Archiuiolæ explicatæ** 339. & deinceps.  
**Lyra optima 7 burdonibus instructa.** 340. h
- M
- M** Allei percutientis vis à 73 ad 76, m  
**Magnes armatus seipso exarinato** 320 fortior. 250. h  
**Malleus qualis esse debeat vt effectum sortiatur** 90. m  
**Magnes nudus ferrum seipso 17 grauius tollens** 249. h  
**Magnes sibi parallelus circumactus,** 249. h  
**Magneticæ acus vsus** 245. h  
**Magnetis proprietates** 245. & deinceps h  
**Mandoræ figura, partes, systemata** 330. h  
**Marcus, vel marcum apud monetarios, quid sit** 20. p  
**Margines aeris, causa natus** 201  
**Marini Gethaldi tabulæ grauium explicantur** 188. h  
**Maris ænei magnitudo** 111. p  
**Maritimus cursus duplex** 243. h  
**Mathematica difficultas maxima, punct.** XIX. præf. G  
**Mechanica Galilei, punct. 1. præf. m**  
**Mechanicæ compendium** 102. m  
**Mechanici libri synopsicos, puncto 2. præf. m**  
**Mechanicorum nostrorum erroremendatus** 110. b  
**Mediæ salientis longitudo & duratio.** 88. h  
**Mediæ, tertięque proportionalis inuen-**
- tio** 148. h  
**Medium harmonicum interualla dissona non potest facere consona** 308. h  
**Melopoeiæ regulæ explicatæ** 289. h  
**Mensuræ liquidorum, & aridorum hebraicæ** 14. p  
**Mercurij grauitas explorata** 186. h  
**Metalla corpus componentia discernuntur à 211 ad 214. h**  
**Metallicorum cylindrorum robur** 62. & deinceps. m  
**Middah Hebræorum** 5. p  
**Mina, quid sit** 23. p  
**Minus segmentum quomodo fiat maius segmentum** 55. b  
**Modii maioris & minoris, & minori pondus, & magnitudo ex Alealmo, punct. 4. præf. p**  
**Modi 12 hodiernæ musicæ** 281. h  
**Modius, Boissæus, Parisiensis** 12, & 13. p  
**Modorum differentia, & conuenientia,** 283. h  
**Monetaria fabrica Parisiensis** 17. p  
**Monumentum Lynceorum Galilæo positum** 194. h  
**Moralia pro concionatoribus, vndecimo puncto, præf. h**  
**Moralia è nostris tractatibus educata, puncto XXIV. præf. G**  
**Moralitas Mechanica, præf. m. punct. 8**  
**Mortuus iactus, quid,** 85, & 86. b  
**Mota pila, quomodo videatur immobilis** 117. b  
**Motus compositione aliquid deperdit, præf. m. punct. 5.**  
**Motus potentia explicatur, puncto 5. præf. m**  
**Motus terræ diurnus, & annuus quanto velocior globo tormenti militaris, præf. G, pun. 26.**  
**Motus compositi** 1, 2, 79, & 80. m  
**Motus & lumen quæ differant** 75. b  
**Motus simplex è diuersis compositus à 79, & deinceps.**  
**Motus terræ diurnus, cur** 81. b  
**Motus quilibet ex quibusuis motib. ibid.**



# I N D E X.

|                                                         |                   |
|---------------------------------------------------------|-------------------|
| Motus terreni globi causæ                               | 81, & deinceps. b |
| Motus curui ex rectis producti, & recti ex curuis       | 82. m             |
| Motus globi tormentarii tempus in aëre,                 | 83. b             |
| Motus antitypiæ, nexus, libertatis, &c.                 | 94. m             |
| Motus, & projectio fit per tangentes,                   | 116. b            |
| Motus qui apparet perpendicularis, est curuus           | 117. b            |
| Motus rectus ex duplici motu super planis inclinatis    | 120. b            |
| Motus perpetuus aquæ beneficio                          | 222, & 124. h     |
| Motus velocitas grauitatis defectum compenfat           | 199. h            |
| Motus semel impressus, an in vacuo semper duraturus     | 136. b            |
| Motus vnicus simplex ab infinitis aliis motibus genitus | 111. b            |
| Motuum variarum compositiones à 73, & deinceps. m       |                   |
| Motuum compositiones explicatæ                          | 109. b            |
| Motuum lapidis in curru moto figura & compositio        | 112. b            |
| Musicus sagittarum explorator                           | 131. b            |
| Musica triplex Fabri                                    | 362. h            |
| Musetæ figura                                           | 351. h            |

## N

|                                               |               |
|-----------------------------------------------|---------------|
| <b>N</b> atandi modus generalis               | 39. p         |
| Natantium in humido Galilæi liber & sententia | 195. h        |
| Natus rationes à 179, & deinceps. h           |               |
| Natus systematum mundi in aëre,               | 203. h        |
| Natus grauium ab aëre                         | 201. h        |
| Naues sub aqua natantes                       | 207. h        |
| Naues maximæ                                  | 234. h        |
| Nauis currentis quanta velocitas              | 112, & 113. b |
| Nauis sub aquis natans                        | 251. h        |
| Nauis submersa quomodo extrahenda,            | 251. h        |
| Nauis, 300 doliorum                           | 235. h        |

|                                                                                    |                   |
|------------------------------------------------------------------------------------|-------------------|
| Nauis partes explicatæ                                                             | 235. h            |
| Nauis 2000 doliorum quid. h                                                        |                   |
| Nauium grauitas quanta                                                             | 234. h            |
| Nauium ars                                                                         | 233. h            |
| Nauium optimæ figuræ                                                               | 224. h            |
| Nerui arcus recurrentis velocitas                                                  | b, 125, 126       |
| Neruorum & fidium extensio sonora,                                                 | 272. h            |
| Neruorum, seu fidium vires                                                         | 64. m             |
| Neruus describens ellipsim                                                         | b, 131            |
| Neruus ex intestinis factus quanto debilior chordâ metallica                       | 271. h            |
| Neruus spatio secundi 832 recursus faciens, quis                                   | 274. h            |
| Nomina modorum veterum nostris adhibita                                            | 287. h            |
| Nocturnæ Athenarum pondus                                                          | 26. p             |
| Nota quælibet musica, quid faciat cum alia qualibet nota                           | 278. h            |
| Notæ musicæ triplex Genus, nempe diatonicum, chromaticum, Enharmonicum exprimentes | 335. h            |
| Noua Galilei inuenta                                                               | 193. h            |
| Nona maior in duas Quintas diuisa,                                                 | 308. h            |
| Nouem notatu digna pro robore cylindrorum à 68 ad 72. m                            |                   |
| Nouem conternationes sonorum                                                       | 300. h            |
| Nouem in modis obseruata à 282, ad 285. h                                          |                   |
| Nouemdecim species motus                                                           | 94, & deinceps. m |
| Numericæ pyramides, quomodo inueniantur                                            | 63. b             |
| Numeri in data ratione cum suis partibus aliquotis, puncto XIX. præf. G            |                   |
| Numeri perfecti à Bungo relati, non sunt perfecti, puncto XIX. præf. G             |                   |
| Numeri perfecti solum vndecim habent inuenti, puncto XIX. præf. G                  |                   |
| Numeri exponentes perfectis inueniendis seruiunt, puncto XIX. præf. G              |                   |
| Numeri amicabiles infiniti, puncto XIX. præf. G                                    |                   |
| Numeri Platonici 5040 partes aliquo-                                               |                   |



# I N D E X.

itæ 59. præf. h  
 Numerorum quadratorum summa re-  
 perta 63. b  
 Numerorum se naturaliter sequentium  
 summa 64. b  
 Numerorum triangularium inuentio,  
 ibid.  
 Numerum præscriptas partes aliquotas  
 habentem inuenire, præf. h  
 Numerus perfectus vadicimus quantus,  
 puncto XIX. præf. g  
 Numerus harmonicus 261. h  
 Nummi quot horæ spatio cudantur,  
 17. p  
 Nummi Hebraici Gallicis comparati,  
 21. p  
 Numerorum Gallicorum pondus, leges,  
 16. p  
 Numerorum Gallicorum, Italicorum,  
 Hispanorum, Germanorum, &c. figu-  
 rz, pondera, pretia à 29 ad 37. p

## O

**O**bseruaciones duodecim in pendu-  
 lis à 28 ad 44. b  
 Obseruaciones sagittarum ascendentium  
 & descendentium 34. b  
 Obseruaciones penduli 43. b  
 Obseruaciones aquæ fluentis 63. & 64. h  
 Obseruaciones tormentorum bellicorum  
 82. & deinceps. b  
 Obseruaciones propriæ iactuum 88. &  
 deinceps. b  
 Obseruaciones figurarum salientis hori-  
 zontalis 115. h  
 Oceani profundum inuenire 215. h  
 Oculi deceptio 117. b  
 Octaua in 19 gradus diuisa 343. 344. h  
 Octaua diuisa quinquies in 3. rationes  
 superparticulares 310. h  
 Octauæ sex harmonicæ conternationes,  
 310. h  
 Octauæ species septem 279. & deinceps. h  
 Octo notabilia à 306 ad 308. h

Octo proprietates minimi conic circum-  
 scripti sphaeræ 75. h  
 Octo Helices diuersæ speciei 58. b  
 Octo orbiculi trochlear 38. m  
 Octodecim pedes cubici aëris libram  
 ponderant 148. h  
 Orbiculi trochlearum 37. m  
 Organorum, & clauichordiorum con-  
 centus perfectus 340. 341. &c. h  
 Organum Ctesibicum quomodo aquam  
 trahat 166. h  
 Organorum temperamentum quale,  
 337. h

## P

**P**alanga, quid 5. m  
 Palmus, seu Zereth Hebraicus 3. p  
 Palmus Vitruuii 4. p  
 Pancratium, quid 39. m  
 Papauerea grana cum granis sinapis col-  
 lata 28. p  
 Pappi error notatus 51. m. & 61.  
 Parabola mediæ salientis, præf. h  
 Parabola ostendens salientium altitudi-  
 nem ibid.  
 Parabolicum conoideum salientium ibid.  
 Parabola helici æqualis 319. h  
 Parabola sesquitercia trianguli punct. 3.  
 præf. m  
 Parabolæ descriptio 105. & 106. h  
 Parabolæ 12 proprietates à pag. 92 ad  
 99. h  
 Parabolæ inuersæ descriptio 66. h  
 Parabola non describi à grauibus om-  
 nibus 114. b  
 Parabola alia infinitæ parabolæ tan-  
 gunt 94. b  
 Parabolæ tangentes per motum inuentæ  
 116. b  
 Parabolæ cubicæ, quadrato quadraticæ,  
 &c. in infinitum, æquales parallelo-  
 grammis, aut in qua cum illis propor-  
 tione, punct. 4. præf. m  
 Parabolarum amplitudines æquales, quæ,  
 72. b  
 Parabolarum descriptio per casum la-  
 pidum 118. b

- Parabolarum proiecſtitarum diagram-  
 mata à 91 ad 96. b  
 Parabolarum proiecſtitarum proprietates,  
 94. 95. b  
 Parabolarum multifariarum ſolida cum  
 cylindris collata, punct. 4. præf. m  
 Parabolica exploſio quod punctum ſu-  
 blime requirat 72 b  
 Parabolicus lapidis cadentis motus fi-  
 gura explicatus 12. & 113. b  
 Paralleli cuiuſlibet gradus quot leuca-  
 rum 238. b  
 Parallelogrammum explicans velocita-  
 tem caſus, 36. b  
 Paralogiſmus quid ſit, præf. b  
 Pariſienſis pes, digitus, linea, 2. p  
 Pariſienſis iugeri magnitudo 4. p  
 Pariſienſis vlnæ magnitudo, ibid.  
 Pariſienſis libræ diuiſio 6. p  
 Pariſienſis libra, vt As, diuiditur 8. p  
 Pariſienſis cadus 300 pintarum 12. p  
 Pariſienſium aquæ ductuum cum Roma-  
 nis collatio 71. h  
 Pariſienſium vaſorum magnitudo, &  
 pondus 12. p  
 Paragus Flandriæ 36. p  
 Pedis Romani magnitudo 3. p  
 Pedis lineæ cubicæ, quot 9. h  
 Pedis regii iuſta magnitudo, 2. p. &  
 quot arene granis æqualis.  
 Pegma, Scytalæ, Ergata, 29. & c. m  
 Pendula circulariter mota quid probent,  
 38. b  
 Penduli centra diuerſa 43. b  
 Penduli vtilitas in aëris reſiſtentia inue-  
 ſtiganda, b. 133. & deinceps.  
 Penduli vibrationes clauo impeditæ 44. b  
 Penduli difficultas inſignis ad calcem  
 paginæ 41. b  
 Penduli tripedalis nongentæ vibrationes  
 in horæ quadrante 42. b  
 Pendulorum duodecim proprietates à  
 28 ad 44. b  
 Pendulorum vſus multifarius, 39. & de-  
 inceps. b  
 Pendulum ſexhorarium 45. b  
 Pendulum tripedale ſecunda minuta tri-  
 buit 44 b  
 Percuſſio ſclopeti pneumatici quanta,  
 151. h  
 Percuſſionis viſ, ſeu potentia, à 72. &  
 deinceps. m  
 Percuſſionis velocitas definita 85. m  
 Percuſſionis iactus viſ cui impetui equa-  
 lis 72. b  
 Percuſſionis viſ multifariam explicata 83.  
 & deinceps. m  
 perfecti numeri rariſſimi, puncto XIX.  
 præf. g  
 Pes regius poſt impreſſionem qualis,  
 punct. I. præf. p  
 Pes Villalpandi comparatus Capitolino,  
 ibid.  
 Pes Rhinlandicus, ſeu Batauus, ibid.  
 Phænomena diligenter examinanda, 46. b  
 Phantaſma quid, præf. b  
 Philippi pondus 26. p  
 Pinta Pariſienſis 2 librarum 12. p  
 Pintæ Pariſienſis diuiſiones, pondus, &  
 magnitudo, punct. 5. præf. p  
 Piſcinarum lumina, & moduli 72. h  
 Piſtolæ Hiſpanicæ icon, pondus, pre-  
 tium 32. p  
 Piſtolæ Italicæ pretium, & pondus, 31. p  
 Plani inclinati ad pondus ſuſtinendum  
 viſ, 34. 35. & c. m  
 Plani inclinatione, & pondere datis, in-  
 uenitur potentia, 51. m  
 Planum inclinatum cochleæ accommo-  
 datur, 60. & 61. m  
 Planum inclinatum & eius natura cuneo  
 accommodata 45. m  
 Platonici numeri partes aliquotæ, præf. h  
 Pluuia qualis diluvium efficere poſſit,  
 221. h  
 Pneumatici cinguli vtilitas, & vſus, 206. h  
 Pollex ſeu digitus regius quantus 2. p  
 Pneumaticorum instrumentorum ſex  
 vſus, 146. h  
 Pneumaticus ſclopetus eodem ſemper  
 aëre exploſus 154. h  
 Ponderandi vocabula gallica 29. p

# INDEX.

Q



Radius cur per aquam, quam per aërem  
facilius transeat 78. b  
Rarefactio maxima aëris quanta, 147. h  
Ratio reciproca genitrix æqualitatis, 72. b  
Ratio duplicata quid, fusè, 47, & 48. h  
Ratio tuborum duplicata fusè explicata à  
51 ad 55  
Ratio duplicata tensionum explicata, 129,  
& deinceps.  
Ratio sesquitercia, 28 in alias 3 rationes  
superparticulares diuisa, 333. h  
Rationis definitio, diuisio, quantitas, com-  
positio, præf. G. p. 27  
Rationes & proportionum explicatae,  
præf. g. p. 27  
Rationum subductio, multiplicatio, di-  
uisio, præf. g. p. 27  
Rectangulorum & quadratorum æquali-  
tas 72. b  
Reditus & velocitas nerui, eiusque pro-  
portio 29. b  
Reflexio quomodo fiat 76. b  
Reflexionis maxima difficultas 77. b  
Reflexionis causa, elaterium, ibid.  
Refractio nulla futura ob hypothesim,  
81. b  
Refractio luminis 78, 79. b  
Refractionis leges explicatae, ibid.  
Regulæ 4 cantuum 291. h  
Regulæ generales compositionis 304. h  
Regulæ cantuum componendorum  
quinque 290. h  
Regula generalis pro campanæ ponde-  
ribus 363. h  
Remedium nummorum 19. p  
Reminiscencia quid sit, præf. b  
Resistentia plani inclinati 46. m  
Respiratio quantum aëris requirat, 254,  
255. h  
Resonantia plurium sonorum in cam-  
panis 363. h  
Romana libra cum Parisiensi collata, 6. p  
Romanae aquæ, & aquæ ductus 71. h  
Romanae vnciæ & drachmæ pondus, 7. p  
Romanus modius, & aliæ mensuræ, 13. p  
Rongianarum fistularum pondus, 77. m

Rongianus fons & aquæ ductus Parisien-  
ses cum Romanis collati 71. h  
Rotarum & tympanorum vis multipli-  
cans 4. m  
Rythmica quid, pag. 293. h

S

Sagitta quo sui iactus loco potentior,  
24. b  
Sagittæ ascensus tempore breuiori, quàm  
descensus 33. b  
Sagittæ excussæ velocitatem inuenire.  
19. b  
Sagittæ iaculationes explicantur 21. b  
Sagittæ volantis descensus 30, & deinceps. b  
Salient media, & 60 graduum, præf. h  
Salient verticalis horizontali comparata,  
120. h.  
Salientes cur non sint parabolicæ 117. h  
Salientes fontium pneumaticorum, 137,  
138. h  
Salientis longitudo, ibid.  
Salientis mediæ altitudo maxima verti-  
calis subdupla. 90. b  
Salientis verticalis, & qualibet aliæ, ibid.  
Salientis descensus horizontalis, ibid.  
Salientium horizontalium, & verticalis  
longitudines 83. h  
Salientium velocitates, & durationem  
explicare à 122 ad 129. h  
Salientium figuræ explicantur 41. h  
Salientium conoideum, ibid.  
Salinæ modus secandi lineam propor-  
tionaliter 54. b  
Salinas deceptus 53. b, & defensus. 55  
Salomonis census, seu reditus in talentis  
& siclis 37. p  
Saltus militis in Delphinatu 83. b  
Sacoma quid, 7. m  
Sarissa humero gestata, eius accidentia  
12. m  
Satum Hebraicum 14. p  
Scala æqualitatis triharmonica 335. h  
Scala Musica Triidiaton 311. h

|                                                                             |        |                                                                   |
|-----------------------------------------------------------------------------|--------|-------------------------------------------------------------------|
| Scala Musica semitoniorum                                                   | 286. h | Sicli Hebraici valor, punct. 7. præf. p                           |
| Scala diatonica numeris & notis expressa,                                   | 191. h | Sicli partes & diuisiones, 23. p                                  |
| Scaleæ figura, soni                                                         | 360. h | Siclorum inscriptio explicata, puncto X. præf. G                  |
| Sclopeti pneumatici constructio à 141 ad 145. h                             |        | Sinapi pondus & quantitas, 28. p                                  |
| Scorpio qua vitentus                                                        | 6. b   | Sinus versi sunt inter se vt subtensarum quadrata, 49. b          |
| Scriptura sacra conciliatur                                                 | 15. p  | Sinus versi velocitatem grauium referent, ibid.                   |
| Scrupulum 24 granorum                                                       | 8. h   | Siphon an referri debeat ad vectem, 160. h                        |
| Scutum argenteum Gallicum, Eser, pretium, pondus, icon,                     | 34. p  | Siphonum repetitio, 171. h                                        |
| Secunda 900 tempus vibrationum,                                             | 39. b  | Siphonis crus externum in ratione duplicata fluentis aquæ 161. h  |
| Secunda minuta quid sint,                                                   | 45. h  | Siphonis Hydraulici natura, & proprietates, à 156. ad 172. h      |
| Securicli, subscudes, explicantur,                                          | 31. m  | Solaria iacula 74. b                                              |
| Segmentum minus in maius euadens, 55. b                                     |        | Solis pondus 26. p                                                |
| Semitoniorum loca propria in 12 modis, 283. h                               |        | Solis equites 74. b                                               |
| Sensuum defectus, coroll. 2.                                                | 5. p   | Solis diastole 74. & deinceps. b                                  |
| Sensionis definitio, præf. b                                                |        | Solisradiatorum percussiones & reflexiones, 76. b                 |
| Septemdecim corporum grauium collatio,                                      | H. 192 | Somnii definitio, præf. b                                         |
| Sensiones quomodo fiant, præf. b. puncto II                                 |        | Soni velocitas, B. 138                                            |
| Sesquiditoni ad diapente gratus transitus,                                  | 305. h | Soni velocitas quanta, 275. h                                     |
| Sestertij, & aliorum nummorum Romanorum pondus,                             | 26. p  | Soni velocitas comparata velocitati grauium 42. b                 |
| Sex notanda, in aquis, à 41 ad 45. h                                        |        | Soni velocitas utilis pro tonitru, & obfessionibus b. 139         |
| Sex tubarum consonantiæ,                                                    | 340. h | Spartum, trutina; 3. m                                            |
| Sex in tubo notanda, 45, & 46. h                                            |        | Spatio casus dato, tempus datur 32. p                             |
| Sex exempla plurium consonantiarum simul iunctarum,                         | 312. h | Specula parabolica comburentia 98. h                              |
| Sex à Galilæo demonstrata in aquæ mersione,                                 | 199. h | Species octauæ, & Quintæ quot, & quæ, 279. h                      |
| Sexhorium Pendulum quid,                                                    | 45. b  | Species Musicæ viginti octo ex totidem Quartæ diuisionibus 333. h |
| Sexta maior recte præcedit diapason,                                        | 305. h | Sphæra collata cum conis inscriptis, & circumscriptis 75. h       |
| Sextarius Romanus                                                           | 13. p  | Sphæroidis & conii comparatio, & mensuræ, puncto XVI. præf. g.    |
| Sextæ maioris diuisio, quæ optima, 307. h                                   |        | Stater. Græcorum 25. p                                            |
| Sextuplo minor fit aer in condensatione, 148. h                             |        | Stapulensis arenæ magnitudo 2. p                                  |
| Sicli aurei rara mentio in scriptura, punct. 8. præf. p                     |        | Statera ad vectem, & vectis ad stateram reducitur 8. m            |
| Sicli pondus & valor, omnibus nummis hodiernis conferuntur, à 29. ad 37. p. |        | Stateræ, Crochet, leges. 8. m                                     |
|                                                                             |        | Stateræ & vectis leges non sequitur.                              |



# I N D E X.

|                                                                                         |                        |                                                                       |        |
|-----------------------------------------------------------------------------------------|------------------------|-----------------------------------------------------------------------|--------|
| phon                                                                                    | 161. h                 | Tabella theorica iactuum                                              | 104. b |
| Statera natura & proprietas,                                                            | 4. m                   | Tabula altitudinum theorica cuiuslibet iactus                         | 108. b |
| Statera, <i>Romaine</i> , diuisio                                                       | 7. m                   | Tabula facilis pro grauium descensu,                                  | 63. b  |
| Stelinus, Felinus, quid, punct. 3. præf. p                                              |                        | Tabula 12 modorum, & 7 Octauarum,                                     | 281. h |
| Stellæ quanto velociore globo tormenti militaris, punct. 27. præf. g                    |                        | Tabulæ, siue Indicis istius voluminis explicatio, puncto XII. præf. g |        |
| Stria, & strix                                                                          | 58. m                  | Tabulæ Gethaldi explicatæ pro graui-bus,                              | 191. h |
| Suauitas consonantiarum, vnde,                                                          | 308. h                 | Talentum Hebraicum explicatur,                                        | 21. p  |
| Suauitas maior consonantiarum, vnde                                                     | 300, & deinceps 301. h | Tangentes nouarum curuarum, punct. 3. præf. m                         |        |
| Suauitas maior consonantiarum, vnde                                                     | 263. h                 | Tangentes curuarum per motum inuen-tæ                                 | 115. b |
| Submarini incolæ                                                                        | 258. h                 | Tela quo tempore ascendant & descen-dant                              | 34. b  |
| Sublimitatum & altitudinum simul iun-ctarum æqualitas causa æqualium iac-tuum           | 73. b                  | Teli velocitati data inuenire æqualem ca-dentium velocitatem          | 60. b  |
| Succulæ partes, & natura                                                                | 29, 30, m              | Tollenones, & libra ad vectem referun-tur                             | 13. m  |
| Syllogismus quid sit, præf. b                                                           |                        | Temperamentum spinetarum explicatur                                   | 338. h |
| Synesius explicatus                                                                     | 209. h                 | Temperatura instrumentorum harmoni-corum                              | 337. h |
| Symphoniæ ars                                                                           | 297. h                 | Temperaturæ terminus vltimus,                                         | ibid.  |
| Synthesis & analysis quid, præf. b                                                      |                        | Tempora quibus aqua fluit è quouis lu-mine                            | 56. h  |
| Syrinx                                                                                  | 149. h. vsus.          | Tempore casus dato, datur spatium,                                    | 32. b  |
| Systema harmonicum per semitoniam,                                                      | 186. h                 | Tempore casus grauium dato dare spa-tium facillimè                    | 61. b  |
| Systema dissonantiarum                                                                  | 299. h                 | Temporis & velocitatis comparatio,                                    | 47. b  |
| Systema vniuersale                                                                      | 295. h                 | Tempus iactuum quomodo inuenien-dum                                   | 101. b |
| Systema 25 litterarum                                                                   | 288. h                 | Tempus quo globus bombardarum mo-uetur in aëre,                       | 82. b  |
| Systema harmonicæ compositionis,                                                        | 311. h                 | Tensio nerui quanto maior, vt sagittam duplò longius mittat,          | 123. b |
| Systema diatonichromatico harmoni-cum,                                                  | 333. h                 | Terebra fodiens puteos,                                               | 219. h |
| Systema temperatum litterarium,                                                         | 337. h                 | Terra quibus vectibus moueri queat,                                   | 16. m  |
| Systema 13, 17, & 19 graduum,                                                           | 341, 342, 343. h       | Terra quot arenæ granis æqualis,                                      | 5. p   |
| Systema 25 notarum in Octaua,                                                           | 345. h                 | Terra cur moueatur                                                    | 81. b  |
| Systema 13 graduum à C, vel F inci-pientium                                             | 340. h                 | Terræ vis tractiua grauitatem faciens,                                | 21. m  |
| Systema 13 tactuum paginæ 341 confe-rendum cum systemate 19 tactuum paginæ 336 & 344. h |                        | Terræ semidiameter 1145 leucarum,                                     | 19. b  |
| Systema 12 interuallorum kepleri,                                                       | 342. h                 |                                                                       |        |

T

**T**abella totam Musicam Diatonicam complexa 276. h  
 Tabula observationum Galci, 87. b



# INDEX.

- Terreni globi pondus vectibus explora-  
 re, 17. m  
 Tertiarum extensio, seu latitudo 306, &  
 307. h  
 Tertiarum & sextarum regula 304. h  
 Testo Romanus argenteus, eius pondus,  
 20. p  
 Theca scriptoria Parisiensis, pedem re-  
 gium seruans, 2. p  
 Thermoscopii constructio, & vsus, 143. h  
 Thermoscopii vsus in medicina, 145. h  
 Toiseri probatoris accuratum examen,  
 6. p  
 Tonus nerui in arcubus, 7. b  
 Tonus superfluous Practicorum vt repe-  
 riatur, 337. h  
 Tour, Grue, Engin, singe, partes 29. m  
 Transitus vnus consonantiæ ad alteram,  
 304, & deinceps h  
 Transmissiones motuum & velocitatum,  
 77. m  
 Tres vectium differentia 5. m. & 8. 9.  
 Treslibrarum differentia 6. m  
 Tredecim pinnae tactiles instrumentorum  
 fidibus intendorum, vel pneumatico-  
 rum quot gradus exactos habeant,  
 336, & deinceps h  
 Tria ad percussionem concurrentia, 86. m  
 Triangularis, & quadrata pyramis, 63. b  
 Triangularium numerorum inuentio,  
 65. b  
 Trianguli vtilitas in plani inclinati viribus  
 à 48 ad 56. m  
 Triangulum explicans velocitatem po-  
 tentia duplam, 37. b  
 Tribus modis secta linea proportionali-  
 ter, 54. b  
 Tripedale pendulum secundis minutis de-  
 stinatum, 44. b  
 Triticii & hordei pollex cubicus, cuius  
 ponderis, punct. 4. præf. p  
 Tritoni relatio, 305  
 Trochlea bonitas multifariam impedita,  
 33. m  
 Trochlearum varia nomina, 31. m  
 Trochlearum leges à 31 ad 39. m  
 Tubæ extremi iudicii sonus quàm vehe-  
 mens, 275. h  
 Tubæ cantus & gradus lyrae adhibiti,  
 340. h  
 Tuborum semper plenorum fluentium  
 cum non semper plenis collatio, 63, 64,  
 & c. h  
 Tuborum salientes horizontales, vertica-  
 les, & mediae, 41, & 42. h  
 Tubus quomodo diuidendus vt tempori-  
 bus æqualibus æqualem aquæ quan-  
 titatem tribuat 62. h  
 Turcinus arcus, eius vis 5. b  
 Tympani nomina, partes, 31. m  
 Tympanula, Pignons, 39. m  
 Tympani Gallici figura, 359. h  
 Tympani cantus rythmici quales, 360. h

## V

- V Acui discursus Heronicus, præf. h  
 Vacuum dari in aëre probatur,  
 ibid.  
 Vas aqua plenum arenæ quantum ad-  
 mittat 226. h  
 Vasorum Parisiensium magnitudo, &  
 pondus 12. p  
 Vectes 4 trochleam explicantes, 39. m  
 Vectes Glossocomi, seu Pancrati; natu-  
 ram explicantes, 42. m  
 Vectes mouentes terram 16. m  
 Vectistres species, & proprietates, 23,  
 & 24. m  
 Vectis diuersa nomina, 5. m  
 Vectis proprietas, præf. m. punct. 8  
 Vectis supra, vel infra se pondus haben-  
 tis discriminem, 23, & 24. m  
 Vectis natura demonstrata, 11. m  
 Vectium triplicium natura explicata,  
 5, & 6. m  
 Velificationum cursus 237. h  
 Velocitas chordæ arcus recurrentis in  
 quo puncto velocior, 25. b  
 Velocitas nerui recurrentis qua propor-  
 tione augeatur, 27. b  
 Velocitas ex occurfu globorum euren-

|                                                                     |                      |                                                           |         |
|---------------------------------------------------------------------|----------------------|-----------------------------------------------------------|---------|
| tium composita à 73 ad 83. m                                        |                      | Verticali iactu dato dare horizontalem,                   | 65. b   |
| Velocitas grauium cadentium in progressionem Geometrix              | 51. b                | Vibratio neruorum quàm velox,                             | 302. h  |
| Velocitas in ratione temporis duplicata,                            | 39. b                | Vibrationes pendulorum, quo tempore fiant,                | 39. b   |
| Velocitas, & tarditas luminis,                                      | 80. b                | Vibrationes 30 spatio secundi quem sonum faciant,         | 273. h  |
| Velocitas fluminis currentis quomodo augeatur                       | 177. h               | Vibrationes maiores minoribus comparata                   | 42. b   |
| Velocitas causa virium percussione,                                 | 85. m                | Vibrationes pendulorum quantum durent                     | 39. b   |
| Velocitas globi sclopeti collata cum velocitate salientium,         | 131. vsque ad 136. h | Vibrationum numerus                                       | 271. h  |
| Velocitas mallei percutientis exploratur,                           | 85. m                | Vibrationum inter se proportio quæ,                       | 271. h  |
| Velocitas est potentia mobilis,                                     | 36. b                | Vinum Cephalonicum quantò grauius vino Gallico            | 209. b  |
| Velocitas vibrationum,                                              | 302. h               | Viola, seu decumana Barbitos.                             | 334. h  |
| Velocitas maior an ratio legitima maioris potentia,                 | 35. m                | Viola Anglicana noua                                      | 363. h  |
| Velocitate datâ, dare altitudinem, vnde lapis cadat,                | 59. b                | Violones Panarmonici, & Diarmonici.                       | 365. h  |
| Velocitate teli data, dare iactum horizontalem                      | 69. b                | Vires cylindrorum, & aliorum lignorum                     | 63. m   |
| Velocitatis in ratione duplicata temporis auctæ rationes            | 46. b                | Vis & resistentia definiuntur                             | 91. m   |
| Velocitatis magnæ difficultates,                                    | 79. m                | Vis percussione à 72, & deinceps. m                       |         |
| Velocitatis auctæ tres modi à 49, & deinceps. b                     |                      | Vis flectens arcum in cornubus,                           | 8. b    |
| Velocitatis incrementum grauium.                                    | 31. & deinceps. b    | Vigintiseptem gradus in octaua,                           | 345. h  |
| Velocitatis incrementa vniformiter decrescentia                     | 28. b                | Vlnæ Parisiensis magnitudo,                               | 4. p    |
| Velocitatis momentum in quolibet puncto descensus potestate duplum, | 35, & deinceps. b    | Vlnæ vera magnitudo II punct. præf. p                     |         |
| Velorum nauis nomina,                                               | 236. h               | Vltraiectensis cæcus mirabilis,                           | 357. h  |
| Venti per aquam generatio, 144, & 146. h                            |                      | Vnciæ Anglicæ pondus,                                     | 7. p    |
| Ventorum 32 nomina varia                                            | 241. h               | Vnciæ Batauorum pondus,                                   | ibid.   |
| Versi sinus eum rectis collati                                      | 49. b                | Vnciæ Hispanica,                                          | ibid.   |
| Vertibulum cannulae                                                 | 42. h                | Vnciæ grana, 576, & 9216 libræ,                           | 6. p    |
| Verticalis salientis altitudo, 85, 86, 87. h                        |                      | Vnius omnes medietates esse ei æquales præf. g. punct. 27 |         |
| Verticalis iactus sui met subduplus, 91, b                          |                      | Voces & nomina cur imposita,                              | præf. b |
| Verticalis iactus globi cum horizontali collatus                    | 23. b                | Voluptas & dolor, quid                                    | præf. b |
| Verticalis & medii iactus observatio,                               | 89. b                | Vrinatorum descensus in aquam, puncto XV, præf. g         |         |
|                                                                     |                      | Vrinatores quomodo respirent, 254, & deinceps. h          |         |
|                                                                     |                      | VT cur potius quàm alia nota primum modum habeat,         | 291. b  |

---

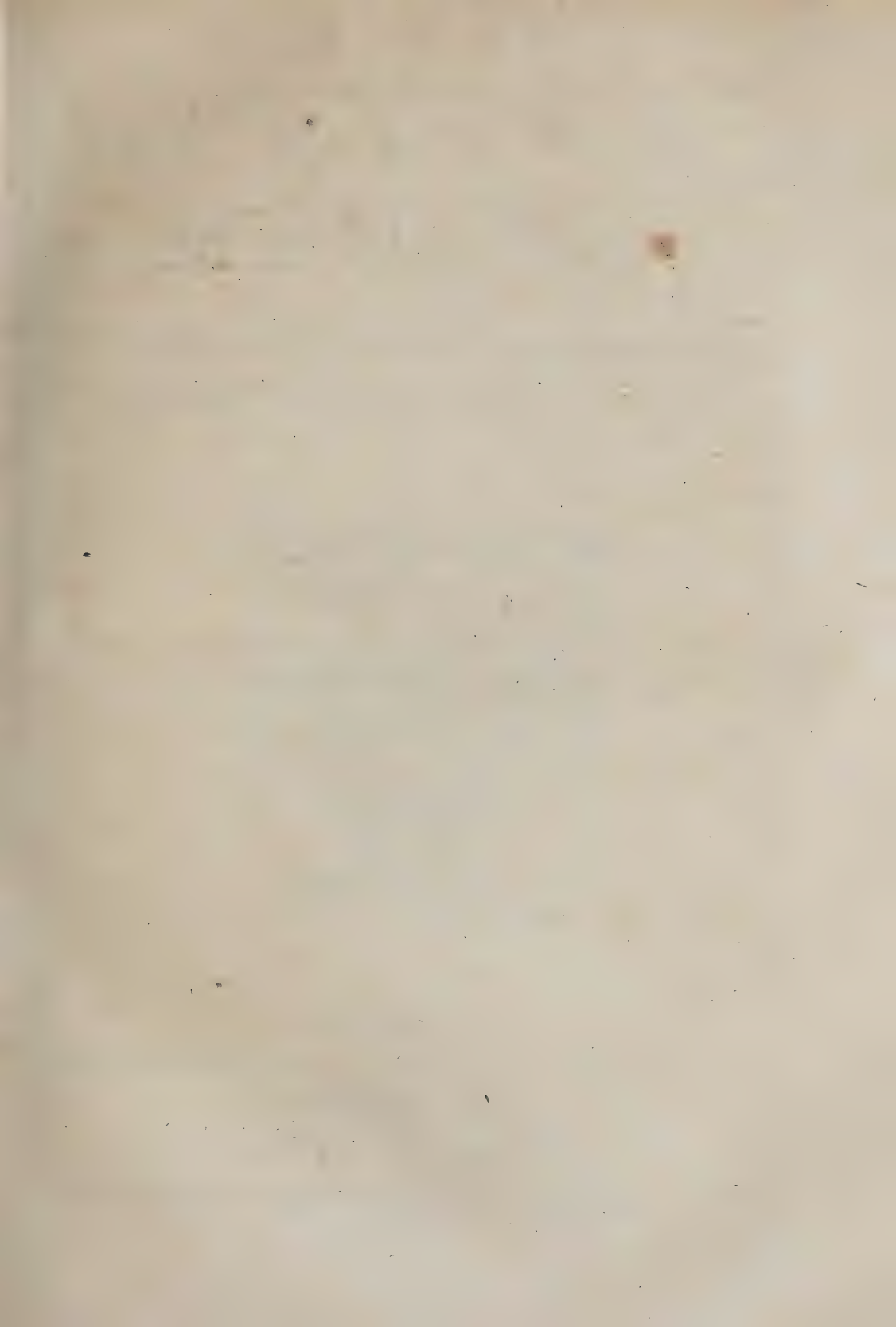
## M O N I T V M.

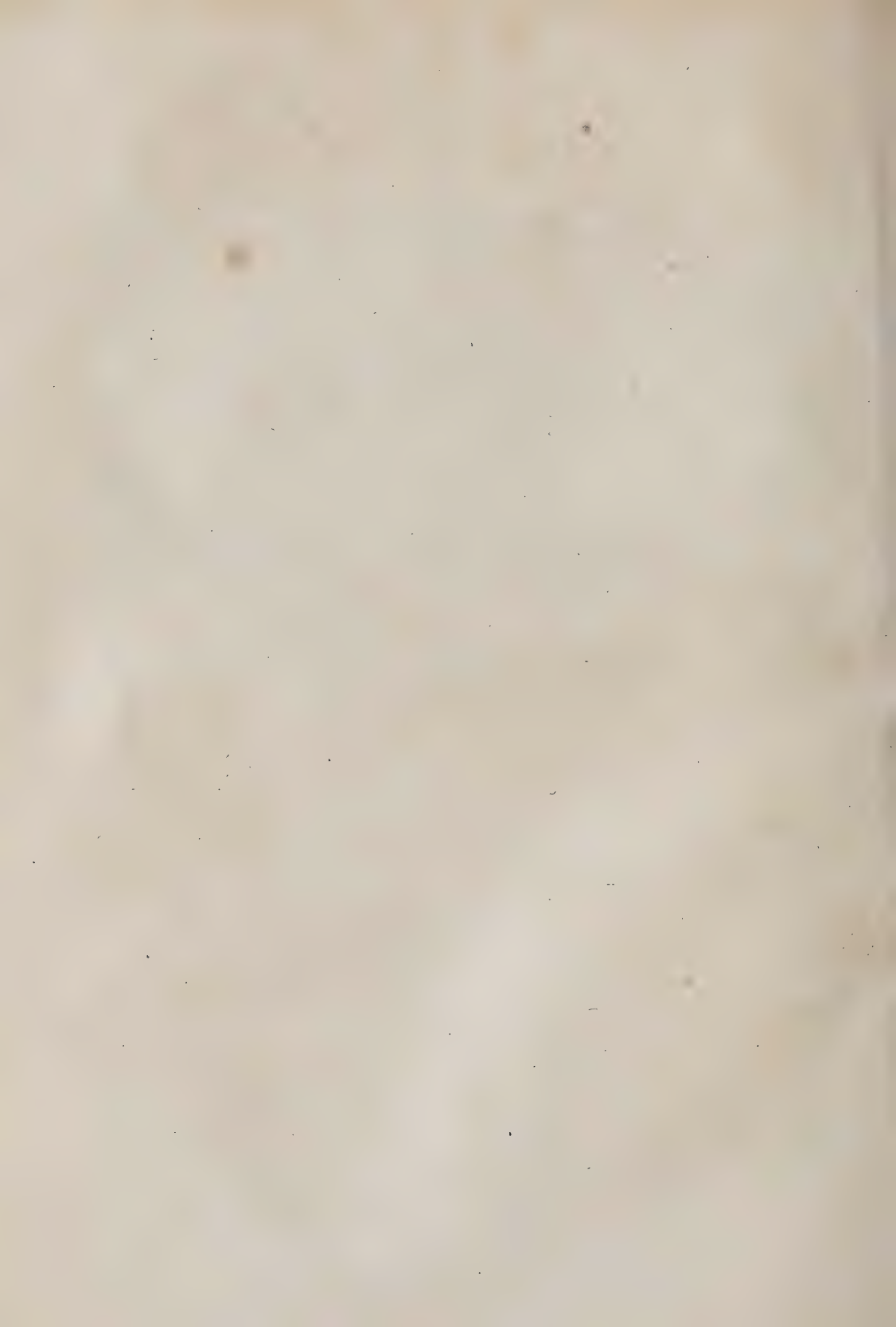
**A**D ea quæ in Hydraulicis Phænomenis de aquis è quouis lumine salientibus dicta sunt, possis addere quæ singularis amicus expertus est, putà cylindrum aqueum vnus digiti crassitudine, 50 pedes longum, exilire ex digitali lumine, cui superextat aqua dimidii digiti altitudine, spatio minuti vnus. Idemque dicendum de cylindro lineari, pedali, aut quouis alio ex lumine lineari, vel pedali saliente.

Porro cùm iam errores typorum ad calcem præfationis præfationum, & inmediate ante præcedentem indicem emendarim; sequentes etiam occurrere, Pagina 365. l. antep. lege bis quæ; & l. penul. pro qui. pag. 362. l. 24. fuerit. p. 363. l. 31. & p. 364. l. 1. pro sex lege numeri senarij. p. 369. l. 32. post plana, adde, si tamen illud possibile fuerit. l. 33. post minorem, adde, vel tantum decuplò maiorem.

Quod ad diagrammata notis musicis modos exprimentia, duo duntaxat errores mihi occurrunt, nempe p. 315. ad calcem primæ lineæ. Tenoris indiculus locum notæ in alia linea sequentis iudicans vno gradu deprimendus. & p. 319. initio 3. lineæ diecis adhibenda. Cætera quæ passim fortè legentibus occurrent, emendantor.







F. M A R I N I  
M E R S E N N I  
M I N I M I

TRACTATVS MECHANICVS  
THEORICVS ET PRACTICVS.



P A R I S I I S,  
Sumptibus ANTONII BERTIER, viâ Iacobæâ,  
sub signo Fortunæ.

---

M. DC. XLIV.  
CUM PRIVILEGIO REGIS.







NOBILISSIMO,  
CLARISSIMOQ; VIRO  
CLAVDIO MARCEL

TOPARCHÆ DE BOVCQVEVAL,  
ET AMPLIÖRIS CONSILII  
integerrimo Senatori.

F. M. MERSENNVS. EVOÏDTEU.



*Attem. omnium utilissimam non altero  
(vir clarissime) quàm tuo censui no-  
mine cohonestandam, cùm non semel fue-  
ris testatus quantum illam aestimes, qua  
singulis hominibus ea preparat, & confert quæ sunt ad  
honestè, commodèque viuendum necessaria. Regu-  
lam enim, circinum, amussim, libellam & perpen-  
diculum architectis & latomis: fabris lignariis, runci-  
nam, terebras, serras; agricolis stivam, rallam & vr-  
pices, quibus occent, lirent, porcâq; transversâ deriuent  
cligines in collicias: tritoribus flagella, tribulâsque:  
pistillos ruidò pilo crimnum facientes, molasq; trasatiles  
cum metis & catillis, emolitoribus: pistoloribus mactras*

Et spathas : vinitoribus bidentes, ridicas, orcas, prala,  
 lacus, serias, siphones Et epistomia : fenisecis demetien-  
 tes, sicilientesque seculas : casses Et varos venatoribus:  
 piscatoribus verruculum, tragulam, sagenam, hamum;  
 aucupibus illices, amitos, decipulas, pedicas, caueas :  
 equitibus ephippia, stapedes, calcaria, frana, pastomi-  
 des : aurigis petorita, effeda, cisia, sarraca, trabas, le-  
 cticas, sufflamina, succulas : naucleris clauum, ancho-  
 ras, vela, bolidem, Et antlias tribuit.

Quid opificia reliqua percurram quæ huic arti sua  
 instrumenta penitus accepta ferunt ? ut nequidem ci-  
 bum probè coctum absque lebetibus, verubus, verucu-  
 lis, craticulis, sartaginibus, trullis, fuscinis, rutabulis,  
 batillis, tripodibus, radulis, truis Et paropsidibus com-  
 modè satis parare valeamus.

Hanc igitur artem immania pondera vi qualibet  
 trochleis axi iunctis in peritrochio in sublime tollentem,  
 vel ergatis promouentem, Et tollenones, pancratia, Et  
 quidquid ad quinque vires pertinet explicātem, quam  
 in mundi conditu Deus exercuisse videtur, ex illius  
 accipe manibus, qui te nouit æquipondium Et isorropi-  
 cam in suo unicuique tribuendo lancibus exactis obser-  
 uare, atque adeo nobilissimum *μνηστικὸν* agere.

Dico Nobilissimum, cui Maiores tribus Et  
 amplius sæculis omni genere virtutum praluxere: quod



*si tacuero , lapides ipsi pradicant , qui Iacobum Marcel primum habuere Cœlestinorum Parisiensium Fundatorem , marmoreo ibidem sepulchro abhinc annis CCCXLIV conditum.*

*Quantum verò stirpem adeò claram , cuius ramus penultimus , hoc est auus , istius urbis Praefectus , Fiscoque summa ditione prapositus , ut sequens , Rationum Magister , tuis virtutibus promoueris , testatur supremum illud Consilium , quod tuâ singulari prudentiâ quotidie fulcis , & illustras.*

*Quid commemorem binas familias pietate , virtutumque splendore celeberrimas ? Halleam , cuius caput , socerumque tuum firmissimo pollentem iudicio , licet nonagenario proximum , iamque ob virtutes omnimodas beatum ; & Picardicam , quâ vix Lutetia nouit antiquiorem , quam nuper tua charissima mater , cuius toties pietatem erga Deum admirabilem , & inexhaustas eleemosynas admiratus sum , in te refudit.*

*Quid , inquam , domos istas referam , quas adeò feliciter tue coniunxisti ? ut iam tuus Ioannes filius unicus , quem Gallia Senatorem dedisti , triplici funiculo gaudeat , qui difficilè abrumpatur , si virtutum paternarum haeres animo , quo pollet , heroico etiam ad maiora contenderit.*

*Vt verò ad nostra redeam , vide , obsecro , quan-*

tam ex arte nostra voluptatem in iustitio capturus sis, dum cuiuslibet proiectilis tam verticales, quàm medios iactus consideraueris, quorum magnitudines, atque durationes omnifariam analogiam exhibeant. Sclopetorum enim pila, intra primum hexapedum centenarium, fragoris celeritatem assequuntur, hoc est secundi dimidio illud iter transcurrunt: cumque tempus verticalis iactus 24 secundorum spatio perficiatur, mediusque sit illius subsesquialter, sine catapultis, vel balistis, & arcubus utaris, nunquam ruri deerunt, qua tuum animum diversimode recreent.

Dabit enim medius iactus sagitta ligneo arcu excussa 60; balistâ verò chalybeâ missa, 130 sexpedas, quarum illa 4, hæ verò 8 secundis percurrentur: critque tempus, quo pila catapultica 40 primas sexpedas conficit, subquintuplum temporis quo sagitta idem iter percurrit.

Si verò soni; seu fragoris velocitatem contemplari placeat, eum fateberis adeò celerem, ut tuba mortales extremo die iudicij excitatura clangor per univsum terre ambitum quadrihorio sit excitaturus, cum ferè sextâ minuti parte sonus quilibet nostram leucam Gallicam 2500 constantem hexapedis percurrat: sitamen illa tuba clangorem edat maioris tormenti fragore ad 30 perueniente leucas, CCCLX vicibus robustiorem.

Eiusdemmodi sexcenta omitto, qua possint etiam mentes nostras sagittis admouere, quibus nos aliquando Deus ipse transfigit, vel ut patientiam nostram exerceat, & ex ore vel corde nostro Iobi verba, Sagittæ Domini in me sunt, eliciat; vel ut amoris diuini telis cor nostrum traiciat, ut simus veluti sagitta in manu potentis, quas ad alios eodem amore inflammandos, vel impiorum cuneos perturbandos, & ad frugem reducendos emittat.

Singularem porro iactū verticalem pila VI librarum, bombardâ militari V pedes longâ excussa, & XXXII secunda in ascensu, & exscensu consumentis, iuuat addere, tum ut noueris illius ascensum globi fuisse 512 sexpedum, & terreni soli  $\frac{1}{2}$  pedes fuisse subingressam: tum ut coniicias ad quam altitudinem pila maiores maioribus tormentis excussa, maiorique pyrii pulueris copia onusta, cum verticaliter excutientur, peruentura sint.

Quem verò impetum nobis à Deo imprimendum existimas, V. C. quo ad usque cœlum feramur? cum nequidem bombardæ maioris pila xxxij librarum pondo, quouis excussa puluere, milliare verticale integro minuto superet. Neque tamen, si pari velocitate feramur, non dicam ad stellas, sed ad usque solem, in quo Deus suum tabernaculum statuisse dici-



tur, nisi 224 minutorum, hoc est ferè 4 horarum spatio, peruenire possimus.

*Alios impetus meditemur aterna dilectionis, qui momento nos ad coelestia regna perferant, simusque Dei prapotentis acutissima, & ardentissima sagitta, qua cum motum omnem ab omnipotenti sagittario accipiant, quidquid sint, aeternum soli Deo acceptum ferant, & in illius gloriam transformentur.*





# IN LIBRVM MECHANICORVM VTILIS PRÆFATIO AD LECTOREM.

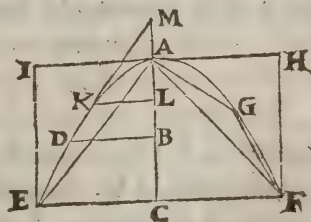


**V**ERUMADMODVM initio tractatum præcedentium de quibusdam præmonere Lectorem oportuit, sic etiam nonnulla hîc præfari iuuabit, & quidem primum me priorem de motu Dialogorum Galilei librum in duas Propof. 17 & 18 contraxiffe, tum quòd nullum eorum qui de Mechanicis hætenus egiffe contigit, ea vel attingiffe videam, quæ tamen præclara sunt, tum vt cogitent deinceps nostri Geometræ de vera methodo illarum propositionum demonstrandarum, in quibus nonnullos scrupulos magnus ille Philosophus reliquit, cuius aliquas propositiones illic omiffas attingo.

II. Nil de centro grauitatis corporum dixiffe, quòd de centris fulfiffimè agatur in Synopfi Mathematica, hisce libris annexa; cuius libri de Mechanicis plurima supplebunt quæ fequenti decrunt tractatui, vel ea iuuabunt, & contractius proponent, quæ in eo fufius dicta fuerint: quemadmodum mutuam lucem inferet prædictis libris hîc nofter Tractatus, multaue complectetur quæ illis defunt.

III. Hîc nonnulla vtrifque addi gaudebit Lector; idque imprimis quòd vir Illuftris animaduertit, quodque iam ad præfationem verfiõnis Gallicæ Dialogorum Galilei reperies à nobis allatum, circa grauitatis centra.

Sit igitur curua linea EAF, iftiusmodi conditionis & naturæ, vt diametri illius AC segmenta, AL, & LB, verbi gratia, eandem inter ferationem habeant, quam ordinarum punctis L & B applicatarum, hoc eft rectarum KL, & DB cubi: fitque prædictæ figuræ curuæ EAFE, axis AC: qui fi fuerit ita diuifus in puncto B, vt AB fit ad BC vt 4 ad 3, erit cen-



trum grauitatis istius figuræ in M. Si prædicta segmenta AL, & LB sint ad prædictas ordinatas, vt ordinatarum quadrata, fiat AB ad BD, vt 5 ad 4. In aliis verò dignitatibus altioribus, segmenta fiant vt 6 ad 5, vt 7 ad 6, vt 8 ad 7, & ita de reliquis in infinitum.

Præterea, si AC ad angulos rectos insistant basi EF, sitque EAF conoideus, à curua EA, vel AF circulariter circa AC axem mota descriptum (basi EF circulo existente) centrum istius conoidis reperietur, si AB fuerit ad BC vt 5 ad 3, quando fuerit EAF curua, de qua prior loco dictum, hoc est cum axis illius segmenta fuerint inter se vt ordinatarum cubi.

In conoideo sequente, sectio axis erit vt 6 ad 4; & aliorum rursus sequentium, vt 7 ad 5; vt 8 ad 6, & ita in infinitum.

Sed & areas illarum figurarum habes; primæ quidem, quod triangulus inscriptus EAF sit ad aream curuæ EDKAGF, & recta EF comprehensam, vt 4 ad 6; in secundâ, vt 5 ad 8; in tertiâ, vt 10 ad 6: in quartâ vt 12 ad 7, & ita de reliquis in infinitum.

Porro si fuerit EAF primum conoideum, est ad inscriptum conum vt 9 ad 5: si secundum, vt 12 ad 6; si tertium, vt 15 ad 7: si quartum, vt 18 ad 8: si quintum, vt 21 ad 9, & ita in infinitum.

Denique ad tangentes inueniendas, si prima curua tangatur in puncto E, à recta EM, erit AM dupla AC: tripla in secunda: quadrupla in tertiâ: quintupla in quarta, & ita in infinitum.

Est etiam obseruandus triangulus EAF, quem non solum demonstrauit Archimedes lib. de Parabolæ quadratura, prop. 24. subsesquitercium parabolæ EAF, sed etiam triangulum cuius parabolæ portioni curuâ, & recta comprehensæ inscriptum; quale est triangulum AGF, vel quale foret aliud triangulum portioni AGA inscriptum, esse similiter illius portionis subquadruplum; quæ ratio in infinitum progreditur.

IV. Generalem etiam regulam vir alius summus inuenit quâ prædicta soluit, non solum quando partes diametri cum applicatarum potestatibus conferuntur, sed etiam cum quælibet partium diametri potestates cum quibuslibet potestatibus applicatarum comparantur: quæ quia satis commodè figurâ præcedenti possunt eo modo intelligi, quo ipse voluit, me requirente, Bonauenturæ Caualliero Geometræ subtilissimo innotescere, iisdem Lector noster perfruatur.

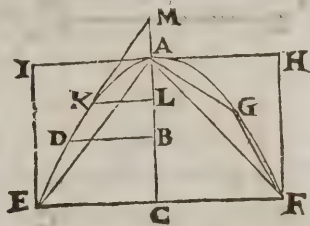
Sitque propterea EAF parabolæ quæuis: sitque, exempli gratia, vt cubus CA ad cubum BA, ita quadratoquadratum EC, ad quadratoquadratum DB: sumantur exponentes potestatum tam in applicatis, quàm in diametro. Exponens quadrato-quadrati est 4, in applicatis;



PRÆFATIO.

exponens cubi in diametro est 3 : quare parallelogrammum  $E H$  est ad figuram  $E A F$ , vt summa exponentium ambarum potestatum ad exponentem potestatis applicatarum.

Erit igitur, in hoc exemplo, parallelogrammum ambiens ad figuram  $EAF$ , vt 7 ad 4. Si ergo fuerit, verbi gratia, vt quadrato-quadratum  $EC$ , ad quadrato-quadratum  $DB$ , ita  $CA$  ad  $AB$ , cum expens lateris sit vnitas, parallelogrammū ad figuram est vt 5 ad 4: estque similis in omnibus istiusmodi figuris in infinitum progressus: quapropter verum est, cū potestates applicatarum cum sola longitudine portionum diametri, siue cum latere conferuntur, parallelogrammum esse trianguli duplum: in parabola, vt 3 ad 2: in parabola cubica, vt 4 ad 3: in quadrato-quadratica, vt 5 ad 4, & ita in infinitum.



Manente verò recta CA, si figura circumducatur, vt fiat solidum, ratio cylindri EH ad huiusmodi solidum ita reperietur. Summa dupli exponentis potestatis in diametro, & exponentis potestatis in applicatis, semel sumpti, ad exponentem potestatis in applicatis est vt cylindrus ad solidum. Exēpli gratiâ, sit vt cubus EC ad cubum DB, ita quadratum CA ad quadratum BA. Exponēs quadrati in diametro est 2, cuius duplum 4, iunctum exponenti potestatis in applicatis semel sumpto facit 7. Quare est vt 7 ad 3 (exponentem potestatis in applicatis) ita cylindrus ad solidum.

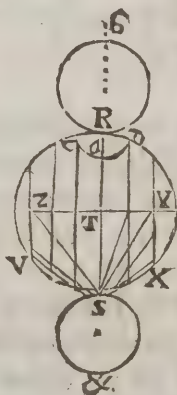
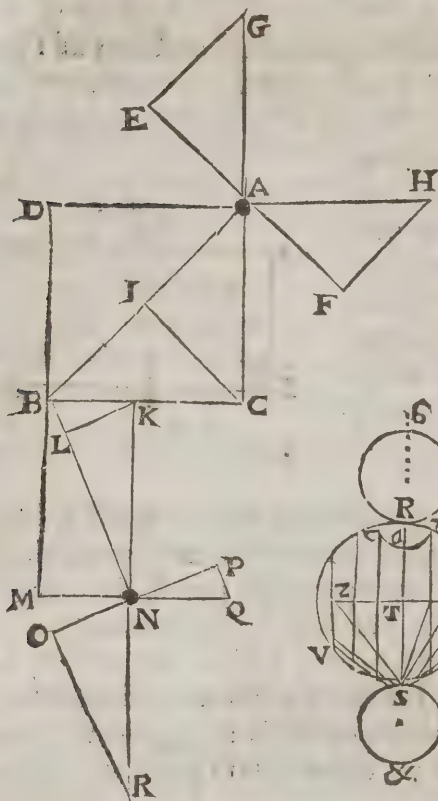
Ex quibus centra grauitatum inferit in omnibus huiusmodi figuris tam planis, quàm solidis, quippequæ secant diametros in proportionem vel parallelogrammi ad figuram planam, vel cylindri ad solidum.

Si verò figura circumuoluatur circa EF, solidum generatur, non simplex, uti superiora, sed compositum; cuius rationem ad cylindrum ambiens, & centrum grauitatis vir idem summus, & noster Geometra dudum eruere: à quibus tam omnium curuarum tangentes, quam areas, solida, & centra grauitatis omnium figurarum curuis, & rectis comprehensarum possis accipere.

V. Vbi pag. 80. libri sequentis, linea 33. *vel si manis linea* K L, &c. usque ad lineam 38. delenda, vt enim iam propos. 32. Ballisticæ animaduerti, linea K figuræ ad pag. 80. positæ, non debet esse perpendicularis lineæ B N, sed angulum E K N bifariam diuidere, vt diameter B N eâ ratione diuidatur, quæ est lateris K B ad B M. Rursus quod pagina

# PRÆFATIO.

81, linea 28 dicitur AB motum dici posse æqualem potentia duobus



motibus AD, & AC, est ex mente Galilæi pag. 250 Dialogorum; quod tamen minimè verum esse videtur; sit enim aliquid in puncto C percutiendum, malleusque percussus à puncto C ad D per CD diametrum ita moueatur, vt motus per CD componatur ex motu C in B, & C in A.

Si duo illi motus CB, & CA simul ita iungerentur, vt malleus per lineam CA motus eodem tempore percurreret lineam CA duplam, hoc est lineam CG, quo prius percurrerat diametrum CD, certum est C eò fortius à malleo per CG, quàm à malleo per CB, moto percussum iri: tantoque fortius quanto recta GC longior est recta CD, cum eò maior censeatur percussio, quo fit maiore velocitate: sitque eò maior velocitas, quo malleus

percussurus & vniformiter motus, spatium maius eodem, vel æquali tempore percurrerit.

Hinc fit vt ex motibus per AD, & AC, ex quibus AB motus componi supponitur, tantumdem perire videatur, quanto AB breuius est AD bis sumptâ, & omnes motus qui à suis rectis lineis recedunt, semper aliquid amittant.

VI. Quod velim explicare peculiari diagrammate, ne quis forsan ex alibi dictis ansam errandi capiat. Sit igitur triangulum rectangulum ABC, & quo tempore graue A intelligitur moueri vsque ad B motu æquabili, eodem à B ad C, motu etiam æquabili moueatur, certum est A illo motu duplici neque per AB, nèque per BC, sed per AC motum iri, tantoque magis vim motricem per BC in diagonalem AC, quàm vim motricem per AB influere, quanto BC maior est AB: &



PRÆFATIO.

A C eadem ratione diuisam iri, si rectus angulus bifariam diuidatur, circumferentiæ AH prius descriptæ beneficio, hæc enim bisecta in E, ostendet rectam è puncto B eductam, secare diagonalem in D, & ideo esse CD ad DA, vt C B ad BA. Quare vis motrix ex A in B influit AD, & vis motrix per B C influit DC reliquum.



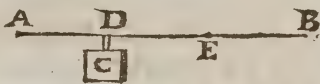
Quod non solum in triangulis rectangulis, sed etiam in aliis quibuscumque verum est; exempli causâ in obtusangulo  $ABG$ , circumferentia  $AI$  subtendens bisecta in  $F$ , ostendit angulum  $ABG$  bisectionem secari à recta  $BK$ , atque adeo vim motricem ab  $A$  in  $B$  esse ad vim motricem à  $B$  in  $G$ , ut  $AK$  ad  $KG$ , vel ut  $AB$  ad  $BG$ .

VII. Cùm nobis deesset schema prop. 19. puncto septimo, non potuimus explicare figuram à baculo, qui frangitur. descriptam: sit igitur cylindrus cuiusvis materiæ AB, qui cùm frangitur super genu, vel alio fulcimento C, viribus in punctis A & B, vel G & H applicatis, describit duos circumferentiæ quadrâtes DI, & EK, eodem tempore quo puncta A & B per maiores quadrantes AF, & BF, descendunt; donec coëant duæ cylindri partes in recta CF. Licet igitur potentiæ per rectas *m n*, & GL trahant, coguntur fieri veluti parallelæ circumferentiis AF, & BF, ob hypomochlion in C resistens, vel punctum in quo cylindri partes continuantur, vel se contingunt.



VIII. Incredibile porro videatur quot ex Mechanicis conceptus morales à verbis præconibus possint elici, siue lineam directionis, siue virium applicationem libris, vectibus, rotis, tympanis, polyspastis respicias, &c. Exempli gratia, sit  $AB$  vectis, siue baculus, quo pondus  $C$  gestetur à duobus hominibus in  $A$  &  $B$  vires suas applicantibus, certum est vim in  $A$  eò maiorem esse oportere vi

in B, quo BD maius est AD: cūque BD  
brachium sit brachij DA duplum, si C fue-  
rit pondo 150 librarum, manus A puncto ap-  
plicata 100 libras; manus verò in B 500 so-  
lummodo libras gestabit: atque adeo manus A duplò magè laborabit:  
quemadmodum is qui duplo magè recedit à pondere & effectu rerum  
terrenarū, duplo minus illis premitur, à quibus ne quidem liber futurus  
est, donec ab illis recesserit in infinitum, cū nempe Deo fruatur, &  
cum eo fuerit vnum: vt neque manus in B ab omni vi, ponderi C su-  
stinendo necessaria eximetur, donec DB brachium infinitum fuerit.



Quid si ponderis vim Dei comparemus amoris? ut quò maius pondus

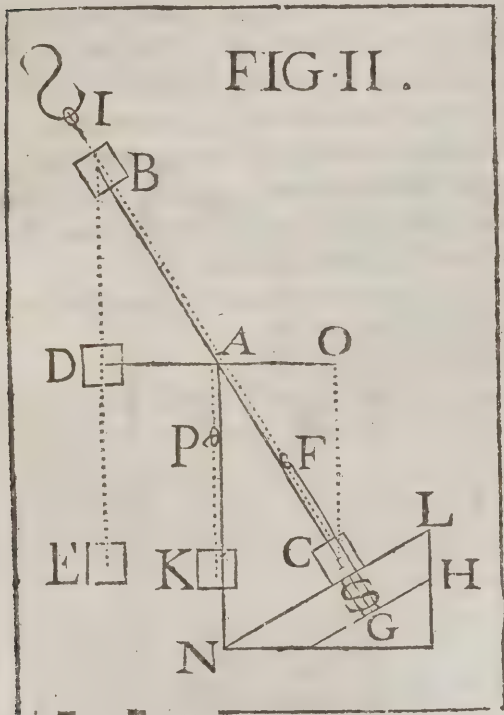


P R Æ F A T I O

in A puncto senseris, eò sit maius amoris diuini, qui te vergeat pondus; nunquam tuæ vires exhaurientur, donec pondus ipsum tibi iungatur in A, vt iuxta Christi Domini votum, sis vnus cum Patre. Omitto sexcenta eiusdemmodi, quæ possit vnusquisque ex singulis propositionibus librorum sequentium educere.

IX. Cum omiffa fint duo diagrammata in Mechanicis fequentibus, quæ directionis lineis, quibus potentiæ, vel pondera trahunt, aut refiftunt, optimè intelligendis inferuiunt, operæ fuerit pretium hîc ea reftituere, & ea fimul explicare, quæ fuis lineis complectuntur.

Primum igitur in quocumque lineæ directionis puncto statuatur potentia, semper trahet, aut impellet æqualiter: idemque dicito de pondere: siue enim potentia brachij AB puncto B, vel D vel E admouea-



tur, semper æqualiter libram  
BC per lineam directionis  
BDE trahet. Si fuerit ergo  
libra BC in æquilibrio, &  
loco brachij AB statuatur  
brachium AD, libra DAC,  
cuius brachia sunt AD &  
AC sibi inuicem annuientia  
iuxta angulum DAC, erunt  
etiam æquilibria, dummodo  
quæ potentia appendebatur  
puncto B, statuatur in D; vel  
appendatur prædicto puncto  
D per funem DE. Eodem-  
que modo brachium AO  
præstare potest vicem bra-  
chij AC, si videlicet linea  
directionis ponderis aut po-  
tentia C, sit CO. Sed &  
quoduis aliud brachiū à cen-  
tro A ad directionis lineas

BE, vel CO siue productas, siue non productas: idque seu potentia extremis adhæreant, siue funibus appendantur, siue lineis firmis detentæ, & superpositæ deorsum impellant.

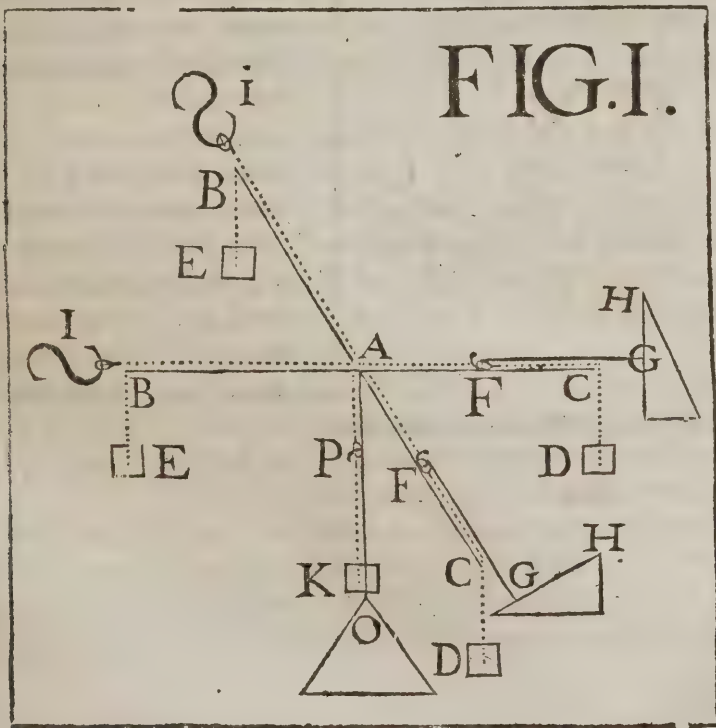
Quapropter libræ inclinatæ brachia æqualia facient æquilibrium, si fuerint æqualia pondera, & directioni potentiarum aut ponderum parallelæ. Sit enim inclinata libra B C, cuius centrum A, brachia æqualia A B, B C & potentiæ æquales, quarum centra collocentur in extre-

# P R A E F A T I O.

mis brachiis  $BC$ , vel funibus, directionis lineis,  $BE$ , &  $OC$  versus  $C$ , si fuerit opus, productis appendatur: sintque  $BE$  &  $OC$  parallelæ.

Sit etiam linea  $DAO$  2 lineis directionis perpendicularis, quæ referat libram horizontalem, cuius brachia  $AD$  &  $AO$  erunt æqualia in triangulis  $ABD$ , &  $ACO$  per 26. prop. Euclidis. Cum igitur potentia  $B$  appensa pūcto  $B$  brachij  $BA$  agat, ac si pūcto  $B$  brachij  $AD$  appēderetur, & potētia  $C$  appēsa pūcto  $C$  brachij  $AC$ , vt appēsa pūcto  $O$  brachij  $AO$ ; sintque  $BC$  brachia  $AD$  &  $AO$  æqualia, potētia  $BC$ , erunt in æquilibrio, per primum axioma Mechan. Archimedis: idemque continget si  $B, C$  sint æqualia pondera, dūmodo lineæ directionum sint inter se parallelæ; quod non contingit ponderibus liberè appensis, quippe ad terræ centrum annuunt. Quare demonstrabitur postea libræ brachium inclinatum præponderare, donec libra sit horizonti perpendicularis, etiamsi brachia & pondera sint æqualia. Porro etiam inter axiomata collocandum, æqualia pondera, æqualésque potētiās, siue trahant, siue pellant, æqualiter trahere vel impellere, dummodo lineæ directionum ponderum & potētiarum faciant angulos æquales, hoc est similiter inclinentur: idque siue pondera, siue potētiā, siue pondus & potētia contranitantur, vt 13. prop. huiusce tractatus demonstratur. Axioma verò præcedens ita demonstratur.

Sit imprimis libra horizontalis  $BC$ , cuius centrum  $A$ ; æqualia bra-



## P R Æ F A T I O.

chia BA, AC; & brachij AB puncto B alligetur linea BE, cui appendatur potentia E. Deinde superimponatur AC brachio linea AC funem perfectè flexibilem, & absque grauitate referens, quæ inflectatur supra C, & liberè descendat in D, in quo potentiam sustineat. Idemque funis inflectatur super centrum A, ubi liberè pendens sustineat K potentiam potentiæ D resistentem, ne trahens funem AC, funis ille super brachio AC moueri, labique cogatur. Hac enim ratione duæ potentiæ KD contranitentes funem in eodem statu relinquent: quapropter ubi AB & AC brachia æqualia fuerint, si potentiæ ED sint æquales, & lineæ directionis BE, & CD parallelæ, libra BC manebit æquilibris; cum potentia K centro A appensa, nihil addat libræ motui, sed tantum impedit ne potentia D trahat funem DCA, cogitque potentiam D, vt premat brachium AC, & faciat æquilibrium cum potentia E super AB brachio. Si enim K non retineret funem KACD, potentia D illum traheret, & ita laberetur super brachio AB, simulque D potentia nil deinceps agente super AD brachio, E potentia libram deprimeret.

At verò cum potentia K super brachio AC potentiam D retineat, æquilibris erit, & æquiponderabit potentiæ K lapsum funis impiedenti, & potentiæ E, impiedenti ne libram deprimat. Nihil autem refert cui funis AC puncto potentia K, vel alia appendatur, vt impediat ne potentia D funis labi cogatur: verbi gratia, si funis CA producat versus A vsque in I, idem faciet potentia in I, etiamsi vltra libram funis producat, ac potentia K, cum AC sit semper eadem linea directionis.

Idem etiam faciet quodlibet sufflumen, ac potentia: exempli gratia, si columnæ AO libram sustinenti, alligetur sufflumen P, cui attextatur funis CAP, vel si funis idem detineatur à centro A, vel productus in I ibi consistat, vel alligetur puncto F, siue libra sufflumen detineatur, vt contingit sufflamini F, cui funis CF alligatur, quod detinetur à linea FG inflexibili, brachio AC parallela, quæ moueri nequeat versus G à potentia D trahente per lineam DCF. Cætera repetantur ex tractatu Mechanico à nostro Geometra scripto, & ad calcem libri tertij Harmoniæ nostræ Gallicæ edito.

MECHA.





# D E MECHANICIS PRÆLVDIVM.



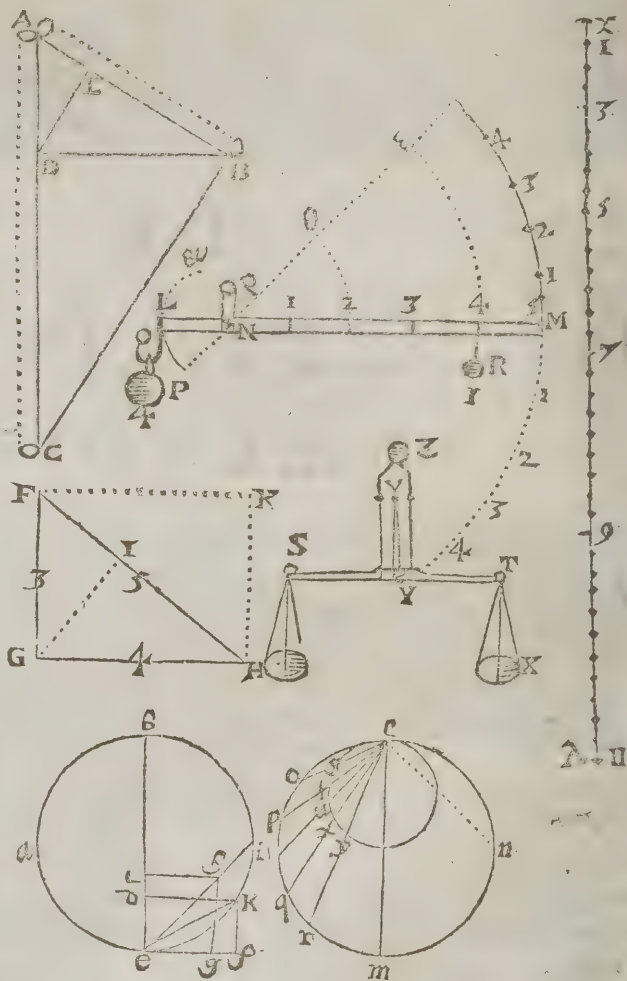
**P**Aucis multa delibabimus quæ his figuris declarantur, ut quisque vnico intuitu totam, vel maximam hystoriæ mechanicæ partem intueatur. Sit igitur figura prima sinistra  $ABC$ , cuius  $AC$  linea, grauium descensum perpendicularem, siue in aëre, ut cum in eo descendit lapis, siue in tubo  $CA$ , in quo descendat aqua, vel aliud humidum. Sit etiam planum inclinatum, vel rubus decliuis  $AB$ , in cuius extremum  $B$  ducta perpendicularis  $CB$  ostendat punctum  $C$ , ad quod vsque peruenit graue cadens ex  $A$ , eodem tempore quo idem graue cadit per planum inclinatum ab  $A$  ad  $B$ , vbi perpendicularis  $ED$  parallela lineæ  $BC$  ostendit etiam graue ab  $A$  ad  $D$  descendere, eodem tempore, quo descendit ab  $A$  ad  $E$ .

Secunda figura sinistra  $FKGH$  docet motum  $FH$  tam compositum quàm simplicem esse, compositum, si mobile quodpiam in  $F$  puncto situm à duobus ventis, aut viribus ita pellatur, ut eo tempore quo percurreret  $FG$ , conficeret etiam  $FK$ , nam ex his duobus motibus  $FH$  iter componitur: simplicem verò, si vis vnica prædicto tempore mobile  $F$  recta pellat in  $H$ . Vbi linea  $GI$  perpendicularis lineæ  $FH$  docet quantum vis pellens ab  $F$  ad  $G$  lineæ  $FH$ , & quantum vis mittens ab  $F$  ad  $K$  eidem lineæ tribuat, nam vis ab  $F$  in  $G$  tribuit lineam  $FI$ , & vis ab  $F$  ad  $K$  lineam  $IK$  tribuit.

Præterea trianguli  $FGH$  tria latera sunt in eodem ac numeri 3, 4, 3, ratione, diagonalis enim  $FH$  est 5 partium, qualium basis  $GH$  4, & cathetus  $FG$  3.

Vnde refilit ratio Pythagorica quadrati diagonalis 25, æqualis duob<sup>9</sup> quadratis duorum aliorum laterum 9 & 16; quo docemur quadrata catheti & basis 9 & 16 æqualia esse diagonalis quadrato 25, ut vel Harmonici meminerint sonos in ratione numerorum 3, 4, 5, dispositos & diatessaronem diatono subijcientes admodum gratos esse; & in numeris rationalib<sup>9</sup> habeât mechanici rationē virium, quibus graua vel premūt plana, vel super planis sustinentur; verbi gratia, quemadmodum diagonalis ad cathetum est ut 5 ad 3, ita reciproce vis sustinens graue

in catheto  $FG$  ad vim illud in diagonali  $FH$  sustinentem, est ut 5 ad 3; & pila planum  $GH$  per cathetum  $FG$  percutit ut 5, cum eadem pila per diagonalem  $FH$  in idem  $HG$  planum immissa percutit ut 3. Denique pondus magis grauitat super horizontali plano  $GH$  quàm super plano inclinato  $FH$ , in eadem ratione qua  $FH$  longius est  $GH$ , id est si ponderis momentum sit 4 super  $FH$ , erit 5 super  $GH$ .





Tertia figura iisdem vsibus destinatur, nempe vim qua pondus super lineam *ihc* grauitat, esse ad vim integram ponderis, quâ grauitat in aëre, siue in perpendiculo *hg*, vt *hc* ad *hg*; & motum globi currentis ab *i* ad *e* fieri eodem tempore quo globus mouetur à puncto *K* ad *e*; & esse grauitationem seu momentum ponderis super plano *he* ad momentum ponderis eiusdem super plano *Ke*, vt *hg* ad *Kf*, cum sit *hg* ad *Kf* vt *ie* ad *Ke*.

Quarta figura tertiæ vicina mirabilem motuum in circulo factorum proprietatem ostendit, videlicet graue cadens ab *e* puncto in *m*, eodem tempore ad *m* peruenire, quo super quibuscumque planis inclinatis *er*, *eq*, *ei*, *ep*, & *eo* ad *r*, vel *q*, &c. peruenit; quod & ex alia parte circuli verum est, vt super inclinato plano *en*, adeout globi totidem ab *e* puncto eodem momento descēdētes circulum descripturi sint, si sumantur in quibusuis locis ad quæ peruenerint, verbi gratiâ si eodem momento quiescere cogantur in punctis *gtuxy*, minorem circulum *egy*; si moueri desinant in punctis *oqr*, circulum maiorem *enm* describent.

Quinta figura balances, vel libram refert, cuius centrum *Y*, lingu-  
la, spartum, axis, aut trutina *VY*, his enim nominibus illa bilancium laminula ad rectos angulos iugo *ST* erecta, cum in nullam partem propendit, statque immota in ansæ *ZY* medio, balances æquibres esse dicuntur, dummodo brachium *YS*, brachio *VT*, & pendula *TX* pendulis *SH*, lānxque *H* lanci *X* tam magnitudine, siue longitudine, quam pondere sint æqualia, nec enim sufficit alterutrius brachij longitudinem maiori, vel minori pondere compensare, quamuis illud in diuersa pendulorum, vel etiam lancium magnitudine liceat. Satius est tamen nequidem in istis vllam magnitudinis per pondus, aut ponderis per magnitudinem, aut quouis alio modo compensationem admittere, non quò partes omnes geminæ inter se magis æquales fuerint, eò aptiores erunt balances in observationibus.

Quòd si nonnunquam ad aliud cogat necessitas, omnia diligentissimè perspicienda sunt, ne compensatio tantisper fallat. Solent autem Monetarij accuratiores quodlibet pendulum, vt *TX*, facere toti iugo, seu scapo *TS* æquale. Debētque præterea planum, cui lances incumbunt, esse ad amissim, seu libellam horizontale, si enim planum, in quo quiescit lanx *H* sit humilius plano cui *X* incumbit, balances ab horizonte in aëre sublatae, licet antea super eodem horizonte æquibres apparuissent, non facient æquilibrium, sed lanx *H* descendet, & *X* eleuabitur.

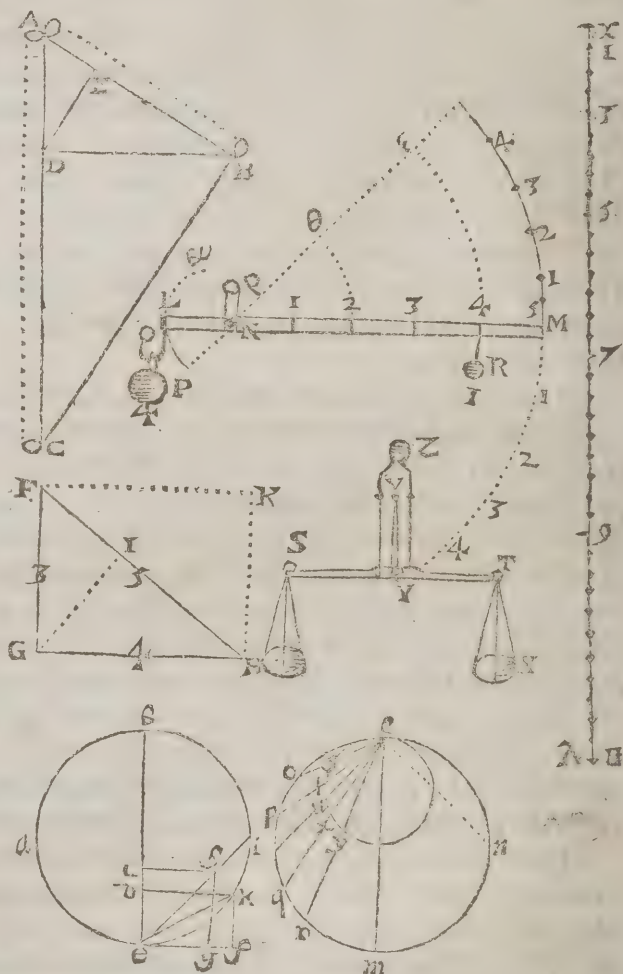
Sed neque statim expectes æquilibrium, cum super eodem hori-



zonte tantisper balances repositæ fuerint, longo siquidem tempore durat impressio præcedens, quæ bilanci H motum deorsum vrgentem communicarat: quiescant igitur balances, donec æquilibrium de-  
nuò experiaris.

Sexta figura LM stateram, seu libram, cuius sunt inæqualia brachia, repræsentat: cuius hæc est natura, vt quò brachium NM longius fuerit, & NL brachium breuius, eò minus sit futurum pondus brachio NM impositum, vt faciat æquilibrium cum maiori pondere brachij minoris; exempli gratia sit NR 4 partium, qualium NL vnus, sitque ratio ponderum reciproca, nempe sit pondus P 4 librarum & pondus R vnus libræ stabit libra horizontaliter in LM, hoc est æquilibris erit: cuius rei causam aliqui petunt ab eo quòd pondus R subquadruplum ob distantiam à libræ centro N quadruplò maiorem moueri postulet, & conetur, quadruplò velocius, iuxta 4. arcum quadruplò maiorem arcu LP, quem solum percurreret pondus P, si pondus R caderet.

Eodemque modo pondus R translatus ad M, & sibi permissum.



caderet per arcum MY, & spatium faceret spatij L & quintuplum. Non est autem quòd istius stateræ, seu trutinæ constructionem explicemus, cum eam fusissimè Ioannes Buteo peculiari tractatu descripserit. Solùm aduerto pendulum quo sustinetur iugum, scapus, vel librile LM, aginam, seu ansam appellari, qualis est in præcedente libra ZY, & pondus R, (quod *cursorium* vocari possit, quòd à puncto M ad punctum N currat, vt cuius ponderi in L appenso æquiponderet) æquipondium, vel antisacoma nuncupatur.

Docet etiam qua ratione quotcùmque pondera fiant, quorum vnum sit semper alterius duplum, quod cum apud artifices solemne sit & vsitatum, ad septimam, siue vltimam figuram linearem  $\times \lambda$  accedo, quæ numeris suis imparibus ostendit progressum accelerationis, quem grauiâ seruant in descensu, quippe cum ex quiete in puncto  $\times$  descendunt versus  $\lambda$ , & spatium  $\times \lambda$  spatio 6 temporum æqualium percurrunt, primo tempore cadunt solùm à puncto  $\times$  ad 1, secundo ab 1 ad 3, & ita deinceps iuxta numeros inscriptos 1, 3, 5, 7, 9, 11, qui testantur quòuis tempore duos gradus velocitatis acquiri, hoc est temporibus æqualibus æqualia fieri spatiorum incrementa; quæ præmittenda duxi, vt sequentium gustum aliquem præberem.

PROPOSITIO PRIMA.

*Vectium diuersorum & librarum naturam & proprietates explorare, & stateram ad vectem reuocare, vel potius ipsum vectem ad libram expendere.*

**V**ECTEM  $\mu\epsilon\chi\lambda\acute{o}$  Græci, vt 4. quæst. Mechanica Arist. videre est, Hebræi Exodi 25. 13. & alibi sæpius,  $\pi\acute{o}$  *bad*, Itali *la leua*, vocant: possis etiam appellare sudem, palum, palangam, & baculum. Ex dictione verò  $\mu\epsilon\chi\lambda\acute{o}$ s sumptum *hypomochium*, quod est fulcimentum, quo vectis sustinetur, vel cui innititur; quanquam & hostiorum repagula veteres apud Plinium, lib. 17. cap. 43. vectes appellent, sed & ex vecte *vectarij* dicti qui machinam quamlibet, verbi gratia præla torcularium mouent, aut manibus vel humeris, & contis gestant onera.

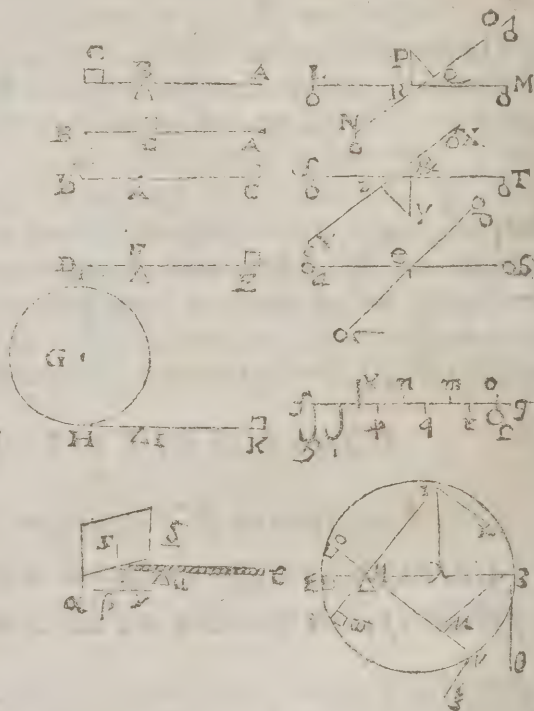
Sunt autem tres vectium species, aut differentia, primus habet fulcimentum inter pondus & potentiam, secundus verò pondus inter fulcimentum & potentiam, tertius denique potentiam habet inter fulcimentum & pondus; quod primis figuris facilè comprehenditur, enimvero in figura CBA, pondus seu resistentia vincenda C, hymo-

chium, fulcrum, seu fulcimentum B, potentia extremo applicata A. In secunda figura B fulcimentum, C pondus, A potentia. In tertia denique B fulcimentum, A potentia, C resistentia, quanquam ubicumque potentia, ibidem resistentia collocari possit, cum pondus & potentia sibi resistent inuicem.

Similiter tres sunt librarum differentię, vel species, aut enim centrum, axis, seu spartum, est supra, vel infra iugum, vel in medio iugi. Si supra vt in figura L P M iugum librę horizonti parallele referente, cuius centrum R transfertur in punctū Q, quando L pondere deprimitur & brachium LR transfertur in N Q, tunc enim brachium dextrum integrū QO, & præterea brachij QN pars QR ascendit super brachium horizontale RM, unde fit vt R O præualeat RN, & ideo QO redeat in R M, statim atque tollitur onus puncto N impositum.

Quapropter hoc phænomeno quispiam explorare poterit num libra spartum, vel centrum iugo superius habuerit, hoc est an axis, seu perpendicularis RP librę iugum bifariam diuidat, nam bilancibus exoneratis semper brachium QO recidet, & brachium RN attolletur, donec LM ad æquilibrium horizontale restitatur.

Cuius phænomeni contrarium librę ST centrum iugo inferius habenti contingit, cum enim illius horizontalis centrum & ad punctum Z translatus fuerit, bilancem S onustam, in V demittet. & exoneratis bilancibus non redibit scapus VX ad ST, sed in eodem situ manebit, vel descendet donec fiat scapo ST perpendicularis, si per





libræ constructionem id liceat: conuenient autem in istis casibus aginæ, vel axes  $RP$  &  $PQ$  in puncto  $Q$  in prima libræ specie; & in secunda &  $Y$  cum  $ZY$  in puncto  $Y$ . Rationem reuersionis brachij  $QO$ , & non reuersionis  $ZV$  vt nimis facilem omitto, cum centrum grauitatis in prima libra supra, in secunda verò infra iugi centrum existat. De his autem videantur Baldi & Geuaræ commentarij in 3. quæst. Mechanicam Aristotelis. Quibus libræ tertia species addi potest, cuius centrum semper in medio iugi reperitur.

Talis est libra  $ab$ , quæ manet in eodem situ ad quem adducitur, verbi gratia, si ex horizontali  $ab$  ducatur in  $cd$ , ibi quiescet, quod centrum grauitatis  $e$  semper in eodem loco maneat, & brachia  $ce$ , &  $ed$  æquiponderent.

Porrò de pendulis, & lancibus hîc non loquor, quæ magnam, eamque multiplicem diuersitatem libris afferre possunt. Quam autem Latini libram, Aristoteles ζυγόν, Hebræi שֵׁלָה *peles*, מֶזְנִים *moznim*, vel כֶּנֶס *kene*, alij bilancem, Itali *bilancia*, nos *balances* appellamus, ob duas lances iugo appensas: quod quidem iugum sufficeret, si illius extremis, qualia sunt  $a, b$ , ita possent accommodari pondera, vt centrum grauitatis vnus cuiusque punctis  $a$  &  $b$  infigeretur.

His verò positis inuestigemus qua ratione vectis ad libram referatur, quæ vel brachijs æqualibus constat, vt in tribus prædictis cernitur, vel inæqualibus, qualis est  $fg$ , cuius brachium  $fK$  breuius est brachio  $Kg$ . Quam quidem libram vulgò *Romaine*, vel *crochet* ob vncinum  $fh$ , cui pondera solent appendi, Itali *stadera*, Latini *stateram* appellant, cuius cursorium, vel sacoma cuiusuis ponderis, figuræ, & materiæ apponitur in puncto  $l$ , vt ad puncta superiora  $r, q, p$ , cum onus affigitur vncino  $h$ , transferatur, vel etiam ad inferiora, cum vncinus  $i$  sustinet onus impositum.

Hæc enim est istius stateræ lex & vsus, vt quæ grauiora sunt, vncino  $i$  explorentur, ob maiorem  $iK$  ad  $Kg$ , quàm  $fK$  ad  $Kg$  rationem; sit enim  $fK$  vnus partis, qualis  $Ko$  trium partium, æquipondium vnus libræ in  $o$  puncto faciet æquilibrium cum tribus libris in vncino  $h$ : & cum 6 libris in vncino  $i$  positus, adeout vncinus  $i$  seruiat ponderi duplo maiori.

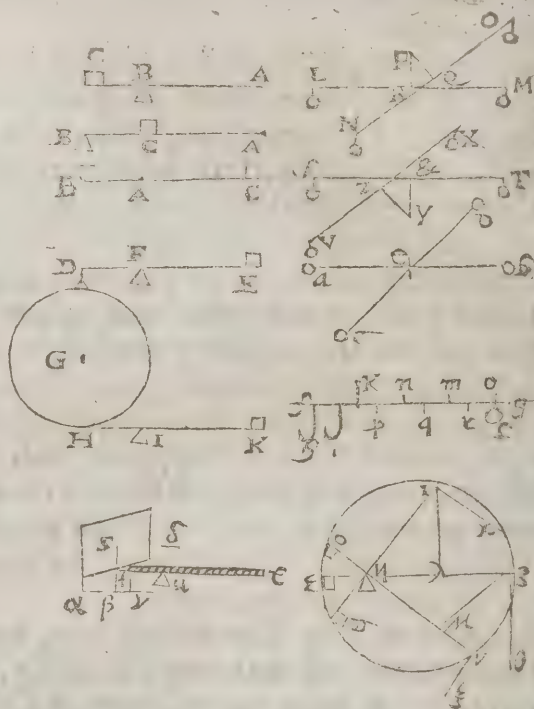
Hinc fit vt statera hæc infinita libra quodammodo dici possit, vel si mauius sacoma  $l$  pondus infinitum, si nempe fingatur scapus  $Kg$  quantæuis longitudinis, cum in quolibet puncto brachij  $Kg$  faciat æquilibrium. Solet autem pars stateræ cum diuisionibus ad vncinum  $i$  spectantibus vocari a Gallis *le fort*, altera verò pars respondens vncino  $h$  *le foible*, quod, vt iam dixi, maiora pondera vncino  $i$ ,

minora vncino *h* examinentur. Sed cū Buteo fusè de statera dixerit, ad leges vectium & stateræ, vel libræ festino, quas paucis explico, cū Guido Vbaldus hac de re fusissimum tractatum ediderit.

## PRIMA LEX.

**I**N statera & vecte, vt distantia ad distantiam, ita reciprocè pondus ad potentiam; Hoc est potentia quæ pondus vecti, vel stateræ appensum sustinet, eam habet rationem ad pondus, quam distantia inter fulcimentum, & punctum in quo pondus suspenditur, ad distantiam quæ interijcitur à fulcimento ad potentiam: exempli gratia, in prima vectis figura, vt  $AB$  ad  $BC$ , ita  $C$  pondus ad  $A$  potentiam; vt quò brachium  $BA$  maius fuerit, eò minor potentia requiratur in  $A$ , & quò brachium fuerit breuius, eò pondus  $C$  maius existat.

In secundo vecte, vt  $AB$  ad  $BC$ , ita  $C$  ad  $A$ : & in tertio, vt  $CB$  ad  $BA$ , ita  $A$  ad  $C$ . Ex quibus concludi potest spatium potentiaæ motæ  $A$  ad spatium moti ponderis  $C$ , esse vt distantiam fulcimenti & potentiaæ, ad distantiam fulcimenti & ponderis, seu puncti in quo pondus appenditur. Vt in circulo & videre est, vectis enim & translatus in puncta  $\epsilon$ , ex parte ponderis percurrit spatium  $\epsilon\epsilon$  eodem tempore quo ex parte potentiaæ percurrit circumferentiam  $\zeta$ , sed eadem est ratio circumferentiaæ, seu motus, & ad motum  $\epsilon\epsilon$ , quæ  $\zeta$  ad  $\epsilon\epsilon$ .



## SECUNDA LEX.

**Q**uando centrum grauitatis ponderis est supra vectem, horizonti equidistantem, à minori potentia sustinetur, & mouetur quò magis super horizontem eleuatur & à maiori, quo magis deprimitur: quod facile potest intelligi ex primo vecte ABC. Cum autem centrum grauitatis ponderis fuerit infra vectem, contrarium eueniet, vt in circulo cernere est, nam centrum ponderis  $e$ , vel  $o$  vel  $\omega$  est infra vectem. Denique cum prædictum centrum in ipso vecte fuerit, eadem semper potentia requiritur quo tandem cumque vectis transferatur: quorum omnium vide demonstrationes apud Guidubaldum tract. de vecte; Reliqua huc attinentia prop. 6. reperiēs, quæ istius est veluti complementum.

Quanquam accuratè semper distinguendum est per quam directionis lineam agat potentia, cum ex ea maxima pars rei mechanicæ pendere videatur, quapropter peculiari de ea propositione iam iam acturi sumus.

## COROLLARIUM.

**D**uo centra possunt in libra concipi, primum grauitatis, cuius hæc est proprietas vt quodlibet corpus per illud liberè suspensum maneat in quouis situ. Secundum est centrum motus, quod est punctum circa quod libra vertitur; quod vbi cum centro grauitatis conuenit, libra censetur omnium optima, quæ exonerata, iugum in eodem situ quiescit, in quo reperiēbatur, siue obliquum, siue perpendicularare, siue parallelum horizonti.

Si verò centrum motus centro grauitatis subijciatur, iugum quidem horizonti parallelum manet, sed vtcumque inclinetur, cadit, vnde libra exactissima censetur, quòd minimo pondere iugum illius deprimitur.

Denique si centrum grauitatis centro motus subijciatur, & libræ iugum ex parallelo deprimitur, redit ad parallelissimum horizontalem, neque deprimitur, aut saltem cadit absque pondere admodum sensibili.



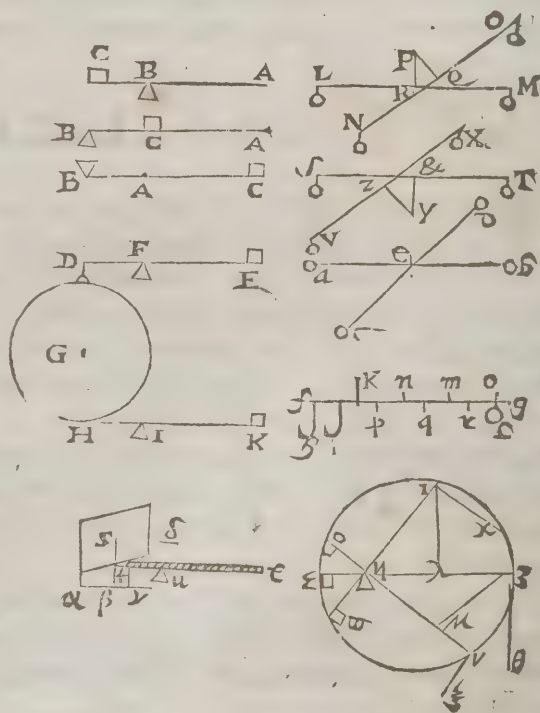
## PROPOSITIO II.

*Quanti sit momenti linea per quam potentia sustinet, trahit, pellit, & mouet, explicare, & de vectibus noua proponere.*

**S**it in circulo vectis  $\epsilon\zeta$ , quem prius horizonti parallelum intelligamus, deinde sub, vel super horizontem, translatum in  $\pi$ , vel  $\sigma$ , certum est eandem potentiam in punctis  $\epsilon$ ,  $\zeta$  &  $\xi$  adplicatam, & per lineas vectibus perpendiculares  $\epsilon\alpha$ ,  $\zeta\theta$ , &  $\xi$  trahentem, vel impellentem equali vi trahere, cum eodem modo potentia trahat, & adplicetur. Illa verò linea per quam potentia trahit, semper recta est, & absque pondere, summaque proinde flexibilitatis concipienda, ne quod impedimentum rationibus officiat. Est igitur  $\zeta\theta$  linea potentiae directiua, &  $\epsilon\theta$  angulus est directionis, quippe compositus ex radio, vel brachio potentiae  $\epsilon\zeta$ , & linea directionis  $\zeta\theta$ , quam etiam pendulum, ut  $\zeta$  punctum appensionis, vocare possis.

Porro si potentiae aequales per brachia aequalia, & angulos directionis aequales trahant, erit illarum aequalis tractio: si trahentes opponantur, aequilibrium constituent; si ad eandem partem simul trahant, illarum effectus duplicabitur.

Si brachia fuerint inaequalia cæteris aequalibus, quo brachium, cui





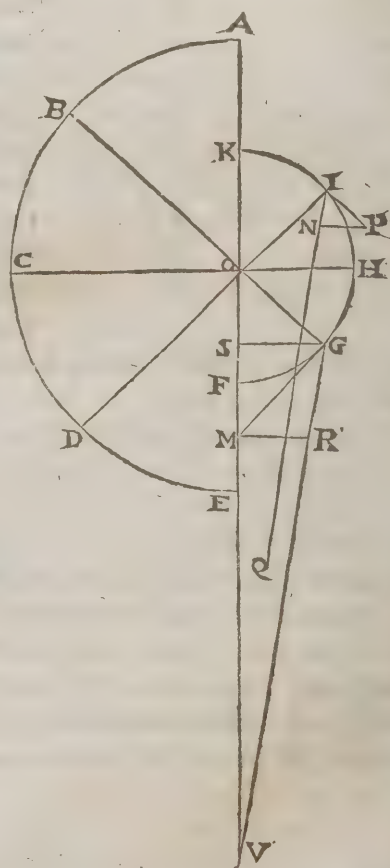
## PROPOSITIO III.

*Vectis naturam & proprietates iuxta Clarissimi viri cogitationes explicare : & varias Aristotelis quaestiones solvere , vel soluendarum methodum tradere.*

**S**It CH vectis, hypomochlion in puncto O, circa quod punctum brachium OC semicircunferentiam ECA describat, brachium autem HO dimidiam circunferentiam KH F, sitque O centrum utriusque semicircunferentiae.

Concipiaturque vectis CH ut linea rigidissima nullo pondere, nullaque crassitie praedita. Licet verò H punctum describat semicircunferentiam K H F eodem tempore quo C describat ACE semicirc. pondus tamen in H suspensum non tantum ascendit, quanta est hæc semicircunferentia, sed quanta est linea recta FK, quapropter ratio potentiae in C intellectæ ad pondus in H non sequitur rationem diametrorum CO, & OH, vel duarum semicircunferentiarum prædictarum, sed potius rationem maioris semicircunf. ad minoris semidiametrum.

Præterea minor potentia sufficit ad vectem circa, vel A movendum, quàm circa B vel D, & minor in puncto B vel D quàm in puncto C, quòd ex illis punctis pondus minùs ascendat, ut probatur, nam supponendo COH parallelam horizonti secari perpendiculariter à lineâ EA, si punctum





Atum  $G$  à punctis  $F$  &  $H$ , & punctum  $B$  à punctis  $A$  &  $C$  æquidistare intelligantur, &  $GS$  describatur horizonti parallela, statim apparebit pondus solummodo ab  $F$  ad  $S$  ascendere, quamdiu potentia percurrit  $AB$ : quæ quidem linea recta longè minor est linea  $SO$ , quæ ponderis ascensum ostendit, cum potentia  $CB$  arcum æqualem ar- cui  $BA$  percurrit.

Sequenti verò methodo reperitur qualis debeat esse potentia in quolibet semicircunferentiæ  $ABCDE$  puncto, à qua fingere possumus trahi pondus super planum circulariter inclinatum, cuius inclinatio penes tangentem cuiuslibet puncti sphaeræ, vel circuli mensuratur; Exempli gratia cum potentia in puncto  $B$  intelligitur, & pondus in  $G$ , ratio illius ad istud ex tangente  $GM$ , & linea  $GR$  versus centrum grauium protensa innotescit, enim uerò si ex puncto  $M$  in linea  $GM$  utcumque sumpto  $MR$  perpendicularis lineæ  $GR$  ducatur, ostendet pondus seu resistantiam ponderis in puncto  $G$  esse ad potentiam, quæ illud sustinet, aut potest mouere per arcum  $FGH$ , ut linea  $GM$  est ad lineam  $GR$ .

Quapropter si linea  $BO$  dupla lineæ  $OG$  supponatur, potentia in  $B$  ad sustinendum pondus in  $G$  erit tantum ut dimidium lineæ  $GR$  ad  $GM$ . Si verò  $BO$  &  $OG$  æquales sint, potentia erit ad pondus, ut  $GR$  ad  $GM$ .

Rursum, cum potentia est in puncto  $D$ , resistantia ponderis in  $I$  puncto cognoscetur, si tangens  $IP$ , &  $IN$  versus terræ centrum ducatur, & ex  $P$  in linea tangente ubiuis sumpto perpendicularis  $PN$  ducatur super linea  $IN$ ; erit enim potentia in  $D$  ad pondus ex  $I$  puncto mouendum, ut dimidium lineæ  $NI$  ad lineam  $IP$ , si linea  $DO$  dupla fuerit lineæ  $OI$ .

## COROLLARIUM.

**L**ibra, nil est aliud quam vectis, cuius hynchlion seu fulcrimentum medium est inter potentiam & resistantiam, quapropter iisdem legibus reguntur: quod si brachijs æqualibus à potentia & pondere distet, Bilanx, si inæqualibus statera vocatur. Cum autem axis in peritrachio referatur ad vectem, quæ ad eum spectant vnica propos. complectemur.

Omitto Chelonia, seu Tollenoues quibus rustici solent aquam è puteis haurire, & plumbum aut lapidem extremo ligni, cui manus applicatur, alligare ut etiam Arist. qu. 30. aliàs 28. mechanicâ notauit: & baculos, fudes, aut vectes quibus onera manibus, vel humeris gerun-

tur, aliâque sexcenta similia, quòd vnusquisque vel ipsis oculis comprehendat ea nil esse aliud quàm vectem, siue vnicus homo scapulis, aut vnico gestet humero, siue plures ferant.

Vbi rectè mihi videntur animaduertisse Baldus & Gueuara suis in 27. Aristot. quæstionem commentarijs, lignum eo difficilius ferri humero, vel etiam manu, quò longius fuerit, ob motum ex vibratione humeris impressum, qualis ex sarissa, seu lancea sentitur à militibus, licet per interualla vibratio retorquens ac reflectens extrema in altum laborem & pondus aliquantisper minuere videatur: an verò, & qua ratione vibratio fieri possit, vt temporis quibusdam morulis sarissæ, vel alterius ligni pondus ab humero tollat, vel quantum ob quamlibet vibrationem in altum extrema reducentem humerus subleuetur, dum illa reflexio centrum grauitatis ligni secum rapere videtur, consideratione dignum: quod librâ potest explorari; si enim vna lance sarissa sustineatur, & dum circa terram extrema mouebuntur manus impulsu notetur quantum pondus alteri lanci, priùs æquilibri, addendum fuerit; deinde quantum ei detrahendum fuerit dum extrema sarissæ in sublime redierint. quæstioni satisfiet, & innotescet num miles illa reflectione magis subleuetur, quàm depressione contraria opprimatur.

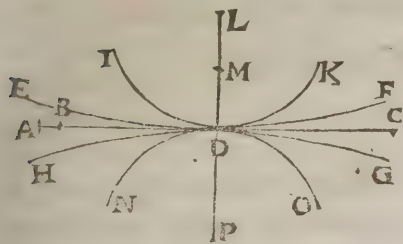
Ad quæ similiter referuntur quæ notat quæst. 26. Arist. nempe eò ferri difficilius ligna quò fuerint longiora, si manu, vel humeris circa vnum ligni extremum gestentur; exempli gratia, si lancea humero gestetur, cuius pars maior sit à tergo, minorque ante stet, quæ manu teneatur prematurque, vt fiat ambarum partium æquilibrium, humerus erit hypomochlion, feretque non solum lanceæ pondus absolutum, quale est in balance, sed præterea relatiuum, quod è vectis legibus explicatis constat. Vnde fieri potest vt pondo 10 librarum, mille libris æquiponderet & ad sarissam ferendam tantæ vires requirantur, quantæ ad mille libras gestandas.

Quæ omnia clariùs ex hac figura C D A intelligentur; sit enim AC lancea, vel lignum aliud vbique æquale, quod humero B gestatum, manu A sustineatur & AB sit ad BC vt 1 ad 20; priùsque supponatur lignum AC instar lineæ mathematicæ, absque pondere, & pondus libræ puncto C appensum, clarum est ex dictis m. num in A præstare 20 librarum vicem. humerus igitur B 20 libras hinc inde, hoc est 40, feret, vt enim AB sit in æquilibrio, pondus 20 librarum in A puncto requiritur vt potentiæ, vel ponderis in C sit antisacoma, & pondera sint inter se in reciproca brachiorum, seu radorum AB & BC ratione.

Cum autem humerus subijcitur puncto D bifariam AC diuidenti,

duas solummodo libras punctis A & C appensas feret. Quòd si CA sarissa, vel lancea intelligatur, D G, D H vibrationem deprimen-

tem, vt DF, DE subleuantem referent; fortèque mutua illa subleuatio & depressio militum vires magè recreat, quàm æqualitas continua, quemadmodum ambulatio, quàm statio aut sessio minùs fatigat ob succedentem musculorum & neruorum tensionem, & relaxationem: ad quod referas naturam diuerso gaudere.



Porrò quæri potest vltèriùs num maior vibratio, seu reflexio lanceæ, qualis à D in K & I, magis aut minus ferentem subleuet, & maior reflexio deprimens in N & O magis, minùsve oneret, quantòque magè vel minus.

Ex eadem etiam figura 16 quæstionem Aristot. mechanicam intelligimus, nempe lanceam AC manu in AB parte detentam, flecti à D ad G; quod non solum lignis longis, sed etiam breuib; accidit, si quò breuiora sunt eò sint tenuiora; sed cum addit tantò magis inflecti ligna, verbi gratia sarissas & hastas, quantò magis ab hypomochlio recesserint, ratio inquirenda superest num sit eadem ac recessus ab hypomochlio, hoc est num brachium duplò, vel triplò longius, duplò vel triplò magis incuruetur: & num lignum duplò crassius, duplòque longius æquè incuruetur ac lignum duplò breuius & tenuius: quod Philosophus voluisse videtur: sed cum varietur inflexio in eiusdem diuersæ materiæ longitudinibus ob diuersam lignorum, metallorum, & aliorum corporum compagem, has difficultates ad examen reuocantibus in breuioribus, longioribusque lignis eadem materia vtendum est; certum est enim quædam ligna esse reliquis flexiliora, eoque reddi minùs flexilia, quò seniora, vel crassiora fuerint. Quade re suo postea loco dicetur: nunc enim ad primæ proposit. figuram reuertar, in qua notatu digna supersunt.

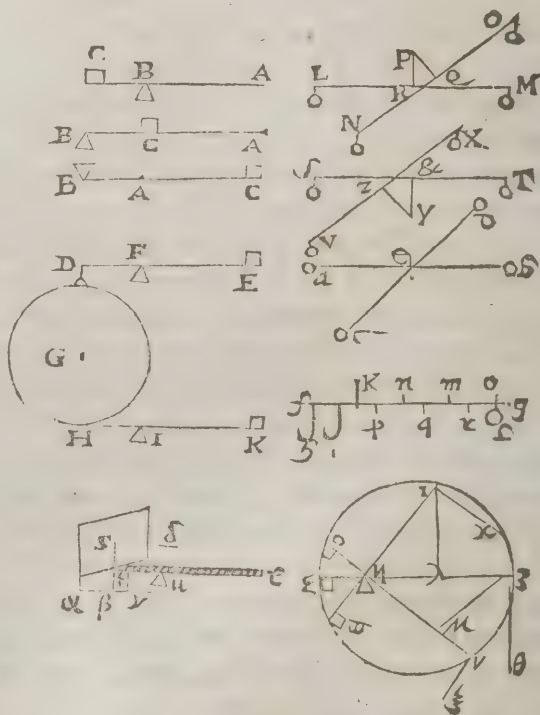


## PROPOSITIO IV.

*An terra globus vectibus moueri possit definire, & vectem ut gravitate prædictum considerare.*

**S**It in hac figura repetita terræ globus *G* appensus vecti primæ speciei *D F E*, cuius hypomochlion in puncto *F*, potentia, vel antisacoma in puncto *E*, pondus verò ipsa terra *G*. Certum est tantam in puncto *E* potentiam intelligi, ut cum brachiū *FE* præferit, globum *G* sursum tollat: exempli gratiâ, si tellus altera in *E* puncto suspenderetur, sursum *G*, tellus moueretur. Quin & pondus quodlibet, verbi gratia libræ pondus, *E* puncto appensum, terram *G* in altū tollere potest, si nempe maior ratio fiat *EG* ad *GD*, quàm gravitatis, seu ponderis *G* ad pondus *E*: quanquam illud à nullo præstari queat, nisi ab Angelo, vel ab ipso Deo, cum nulli sensui tantillum inter *D* & *F* spatium pateat.

Omitto scapum ipsum statæræ, si ligneus, vel ferreus, aut alterius materiæ grauis supponatur, toti telluri æquiponderare, eamque de loco suo posse tollere, ut ea ratione non solum datum pondus data potentia dati vectis beneficio, sed etiam absque potentia, ab ipso vecte diuersa moueatur, & sit vectis quantumcūque brevis virtus infinita,



finita, nam quacúmque ratione inter pondus & potentiam exhibitâ dabitur ratio maior distantiae ad distantiam tam in statera, quàm in vecte, ob infinitam, cuius brachium quodlibet capax est, diuisibilitatem.

Quod si posset vt intellectu concipitur ita in praxim redigi, ex ipsa ratione distantiarum vtriúsq; vectis extremi ab hypomochlio, qui terram moueret, terræ pondus innotesceret, quandoquidem æquiponderantia sunt in ratione distantiarum reciproca, quemadmodum distantiae sunt in ratione ponderum, seu potentiarum reciproca, vnde multa problemata nascuntur in illarum rerum gratiam, quæ stateris, examinantur.

Si verò in E puncto non potentia, sed pondus intelligatur, premendo super FE brachium, versus terræ centrum tendet per lineam ab E puncto ad centrum G ductam.

Quod ad vectem eidem terræ subiectum attinet, cuius pondus ipsa terra mouenda ex puncto H versus D, hypomochlion I, potentia K; si pondus in K collocetur, tantum abest vt premat super brachium IK, quippe trahetur à centro G, per lineam à puncto K ad G ductam; cum potentia infra punctum K premens & contendens, sit terræ globum versus D sublatura.

Supereft vectis  $\phi ut$  cum suo pondere considerandus, quem in alijs prop. veluti lineam absque grauitate, & materia proposuimus: nam propria grauitas auget ponderis in puncto  $\phi$  prementis grauitatem, idque mediâ ponderis  $\phi u$  absoluti parte; hoc est si grauitas brachij  $u \phi$  in aëre liberè pendentis fuerit duarum librarum, pondus  $\phi$ , putà 10 librarum, erit vndecim librarum.

Sciatur autem quantum à terra sustineatur ponderis  $f$ , & quantum ab extremo vecte  $t$ , quem premit potentia  $\phi$ , si priùs inuento centro grauitatis in  $f$ , & puncto terræ  $\alpha$  cui nititur, ducantur perpendiculares  $f\beta$  &  $t\gamma$  super planum horizontale  $\alpha\gamma$ , ratio enim grauitatis totius ponderis corporis  $f$  ad  $\phi$  potentiam componitur ex ratione  $\phi u$  ad  $ut$ , & ratione  $\gamma\alpha$  ad  $\gamma\beta$ .

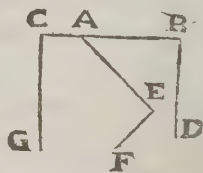
Fiat igitur vt  $\gamma\alpha$  ad  $\alpha\beta$ , ita  $ut$  ad  $\delta$ , cùmque corpus  $f$  à duabus potentijs in  $\alpha$  &  $t$  applicatis sustineatur, sit potentia  $\alpha$  ad potentiam  $t$ , vt  $\gamma\beta$  ad  $\beta\alpha$ , & componendo vtrâque potentia  $t\alpha$ , seu totâ grauitas corporis  $f$  ad  $t$  potentiam sit vt  $\gamma\alpha$  ad  $\alpha\beta$ , vel vt  $ut$  ad  $\delta$ ; cùmque potentia  $t$  ad potentiam  $\phi$  sit vt distantia  $\phi u$  ad distantiam  $ut$ , erit iuxta perturbatam rationem totum pondus  $f$  ad potentiam  $\phi$ , vt  $\phi u$  ad  $\delta$ : sed ratio  $\phi u$  ad  $\delta$  componitur ex ratione  $\phi u$  ad  $ut$ , & ex ratione  $ut$  ad  $\delta$ , seu  $\gamma\alpha$  ad  $\alpha\beta$ , igitur pondus  $f$  est ad potentiam

$\phi$  in ratione composita ex ratione  $\phi u$  ad  $ut$ , & ratione  $\gamma a$  ad  $\alpha \beta$ .

## PROPOSITIO V.

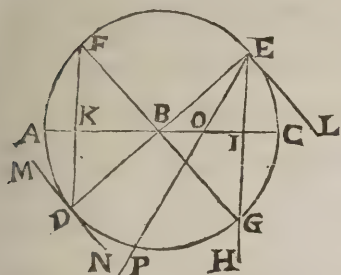
*Vectis & libra proprietas est, ut potentia qua sunt in ratione linearum perpendicularium ductarum à centro vectis aut libra super lineas directionis potentiarum, reciproca, sint æquibres, hoc est æqualiter trahant, aut pellant. Vbi de libra curua; quidue mutet in libris & vectibus centrum terra, seu gravium.*

**E**Sto primum  $A$  libræ centrum, cuius brachia  $CA$  breuius,  $AE$  longius, quæ brachia firmissimè connectantur in  $A$  centro, & adeo rigida intelligantur vt flecti nequeant, sed liberè moueantur super centro  $A$ . Deinde sint lineæ directionis, quibus potentia trahunt,  $EF$  &  $GC$  prædictis brachijs perpendicularares. Tertiò sit eadem ratio potentia  $F$  ad  $G$  potentiam, vel ponderis ad pondus, quæ brachij  $CA$  ad brachium  $AE$ , clarum est potentias  $F$  &  $G$  prædicta brachia trahentes æquilibrium efficere, vt probatur ex brachio  $CA$  vsque ad  $B$  producto, donec  $AB$  sit æquale  $AE$ , libræ siquidem  $CAB$  brachijs  $CA$  &  $AB$  appensa pondera  $G$  &  $D$ , quorum  $G$  sit æquale  $F$ , &  $G$  sit idem quod antea, faciunt æquilibrium, cum sint in ratione brachiorum  $CA, BA$  reciproca, & lineæ directionis  $CG$  &  $BD$ , sint inter se parallelæ, & libræ  $CB$  rectæ perpendicularares; atquæ potentia  $D$  trahens brachium  $AE$  per lineam directionis  $EF$  idem præstat ac per lineam directionis  $DB$  qua trahit brachium  $BD$ , quandoquidem tam in vecte quàm in libra, æquales potentia brachijs æqualibus, & angulis directionis æqualibus agentes contra se inuicem faciunt æquilibrium, & simul iunctæ, ac versus idem punctum trahentes, effectum duplicant, si verò brachia libræ, vectisque sint inæqualia, potentia maiori brachio applicata præualebit, vt hîc in libra recta  $CA$  congereret, si potentia  $D$  trahens per  $DB$  pendulum, æqualis esset potentia  $G$  per pendulum  $GC$  trahenti.





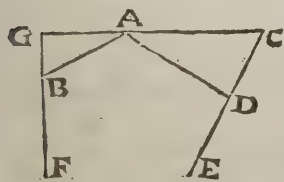
Quæ sequenti figura rursus explicantur, sit enim libra, seu vectis D E, & potentia L trahat B E brachium æquale brachio B D à potentia M æquali potentia L tracto, sintque lineæ directionis D M & L E ad eosdem cum suis brachijs angulos, siue rectos, quales sunt hîc,



siue obliquos, quales sunt, cùm iisdem brachijs potentia prædicta punctis F & G applicantur, vt ea trahant per lineas directionis D F & E G, certum est has potentias inter se æquales æqualiter trahere, cùm nempe per angulos æquales agant in æqualia libræ brachia, & ita certum vt pro notione communi sumatur.

Porrò cùm potentiæ trahunt per lineas, directionis, quæ sint brachijs ad angulos obliquos, vt hîc contingit in F & G, per pendula D F & E G trahentibus, illarum vires inueniuntur ex lineis rectis à libræ, seu vectis centro B super directionis lineas perpendiculariter ductis, quales sunt lineæ B K & B I, quæ demonstrât illas potentias viribus, vti iam dictum est, æqualibus agere. Quâ etiam figura ostenditur potentiam M trahentem libræ E D brachium B D per lineam directionis D M, æqualem esse potentia N brachium idem per pendulum D N trahenti, ob angulos linearum directionis æquales.

Quod si brachia libræ fuerint inæqualia, & non in directum posita, & lineæ directionis brachijs obliquæ, vt contingit in figura sequente, eodem modo procedendum; sit enim libræ centrum A, cuius brachia C A, A B: lineæ directionis C E, & B F; potentia F E; & super illas directionis lineas ducantur ab A centro lineæ perpendiculares, videlicet perpendicularis A B super F B in G productam, & perpendicularis A D super E C. Hoc enim posito, vt AD



ad A G, ita potentia F sit ad potentiam E, & erunt illæ potentia æquilibres, hoc est æquè prement brachia C A, A B.

Vti notandum potentiam E trahentem brachium A C tantumdem efficere super brachium A C, quantum facit potentia F super brachium libræ A B, vel A G, quandoquidem potentia & directionis linea, atque centro libræ immotis manentibus, nil interest quale sit brachium à libræ centro ad lineam directionis; vnde fit vt in figura præcedente H potentia æquè premat brachium B E, ac B I

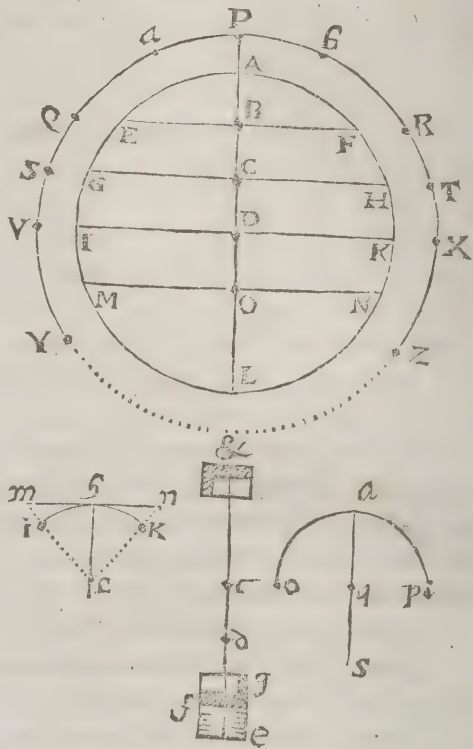
brachium, & potentia D æqualis potentia G æquè premat, vel trahat libræ G F brachium B F, ac potentia D brachium B K libræ C K.

Cùm autem libræ brachia possint incuruari, quæ circularia libræ brachia spectant, intelliges ex sequente figura, in qua terræ diameter A L, A P baculus, cui libra P a b, vel P b R T X Z a Q S V Y innititur, quæ libra si perficiat circumferentiamvsque ad punctum &, absque fulcro P A sustinebitur, & pontis in aëre sublatis imaginem absque fulcris in animum iniiciet.

Si verò libræ brachia maiora sint quadrantibus circumferentiæ, qualia sunt brachia P Z, & P Y, prement quidem centrum P, sed illud eleuando, non deprimendo: vnde constat pondus super P centrum longè aliter, quàm super brachia P b R, & a Q S, &c. ponderare. Quæ tamen potentia, seu pondera si per lineas lineæ P L parallelas traherent, & non ad vllum centrum grauium tenderent, vbicūque brachiorum siue rectorum, siue curuorum applicarentur, æquè centrum P onerarent, seu premerent, ac si centro soli P incumberent.

Licet verò ad centrum contendant, æquè ponderabunt in libræ curuæ, ac in rectæ brachijs, per quorum puncta eadem transferint directionis lineæ, vti videre est in libra recta m n, & in libra i K, quarum centrum h, cùm enim l K n & l i m sint eadem lineæ directionis, quibus brachia h m & h i, & h n & h K potentia trahunt, centrum h æqualiter premetur.

In dextra figura, o a p libra curua, quam si potentia o & p hinc inde lineis f a lineæ parallelis trahant, se totis prement fulcimentum a; si versus terræ centrum q tendant, nil centrum a patietur. Si denique centrum grauium sit in f, prement quidem a brachia a p.



& 40, sed minus quàm si per lineas *sa* lineæ parallelas agerent.

In maiori verò libra curua P X P V, cùm pondera, seu potentia Y Z infra semicircunferentiam descendant, tantundem repriment & in sublime impellent Q R potentias, quantum ab iisdem Q R potentijs brachia libræ P Q & P R deprimebantur, & versus centrum D impellebantur. Suppono enim arcus Z X, & Y V æquales esse arcubus X R, & V Q. Quòd si libræ brachia P X & P V nullius sint ponderis, rigida tamen intelligantur, vt flecti nequeant, potentia V & X contendunt ad D centrum, & tota libra manebit in aëre, neque P fulcimento egebit. Vnde constat omnia pondera dispersa per totam semicircunferentiam V P X in punctis notatis, vel in quibuscumque alijs æqualiter inter se distantibus, eò minus libræ illam semicircunferentialem premere, quòd in maiorem semicircunferentia partem diuisa fuerint.

### COROLLARIUM.

**C**Um in hac figura contigerit describi plures lineas circulum A K L I diuidentes, & inter se parallelas, qui quidem circulus refert terræ per centrum sectæ planum, hasce lineas & puncta A B C, &c. explicemus, quemadmodum vectem & *c d e*, cui duo pondera &, & *g e* appenduntur.

Supponamus igitur, quod multi censent probabile, grauitatem corporum nil aliud esse quàm terræ tractionem, siue mutuam, qualis est inter magnetem & ferrum, siue terræ solius. Sitque centrum terræ D, & virtus tractiua grauium æqualiter per omnes terræ partes diuisa, corpus autem P extra terram intelligatur.

Ductâ diametro I K per centrum D, vt terra in duas partes æqualis virtutis diuidatur, aliæ lineæ F E & G H parallelæ ducantur, quæ terræ partem I A K in partes inæquales diuidant; quibus positis corpus P totis terræ subiectæ viribus attrahetur, cùmque iter à P ad D liberum intelligi debeat, ad puncta A B, C perueniet, cùm terræ pars G L H sit fortior, vtpote maior, sed quòd propius ad centrum accesserit, eò minus trahetur, donec æquis hinc inde viribus trahente terræ parte I L K, & retrahente parte I A K cogatur corpus P quiescere in centro D.

Qua verò ratione corporis P minuatur pondus, aut terræ vis tractoria in quolibet puncto A B C, &c. quemadmodum certum est non in ea ratione qua sunt inter se lineæ D C, D B, D A, & D P, ita difficillimum est eam rationem definire, cùm ne quidem ratio segmen-



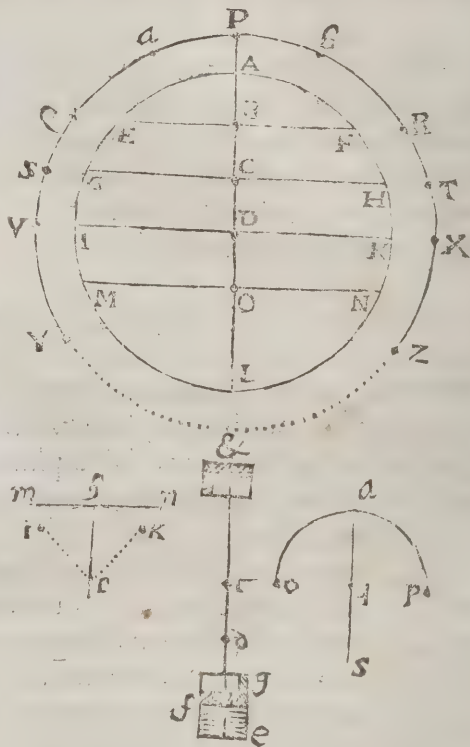
torum AEF, AGH, & AIK nota sit.

Quod autem de parte superiore trahente IAK dictum est, idem de parte inferiore ILK dicendum; quæ quidem partes neque sunt propriè loquendo superiores vel inferiores, cùm hæc nomina nostris solum vsibus seruiant.

Superest vectis  $\&$ , in quo  $c$  terræ centrum rursus intelligatur, sitque linea coniungens pondera inflexibilis & absque pondere, quæritur à multis quem situm illa pondera respectu centri C habitura sint. Qui centrum grauitatis duorum corporum inflexibili linea iunctorum, putant versus terræ centrum eodem modo ac penes nos in terræ circumferentia, in qua degimus, spectandum esse, credunt punctum  $d$ , quod est centrum grauitatis prædictorum corporum, aut vectis, seu libræ illa coniungentis, cum centro grauium  $c$  coitutum.

At verò cùm nesciamus an grauitas in ipsis corporibus resideat, & quodlibet corpus æquè videatur ad centrum commune grauium contendere, sciri nequit num illa corpora, vti sunt in hac figura, hoc est æqualiter à centro communi  $c$  distantia, mansura sint; an potius  $efg$  corpus corpore  $\&$  maius ad  $c$  propius accedet, donec  $d$  coeat cum  $c$ ; an denique corpus  $fg$  etiam ultra  $c$  sit ascensurum; vt pars  $gf$ , quæ, ex hypothesi, pondus  $eg$  superat pondus  $\&$ , se teneat ex parte  $\&$  intra corpus  $\&$  & centrum  $c$ , vt rursus fiat æquilibrium, quo ponderis moles æqualis ultra, citràque punctum  $c$  extet.

Quibus adde corpus  $e$  d minus grauitare, quò maiorem circumferentiæ partem per prædictum corpus transeuntem & circa commune centrum, descriptam occuparit, vt ex dictis constat.



## PROPOSITIO VI.

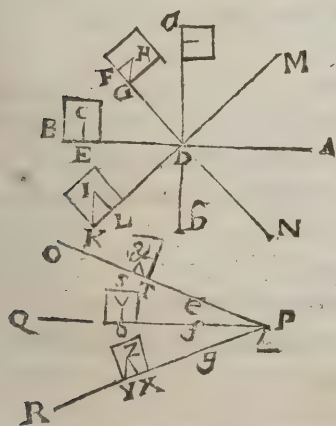
*Quanam sit ratio potentia vecte pondus sustentantis ad pondus, cuius centrum gravitatis extat supra, vel infra vectem horizonti parallelum explicare.*

Certum est nunquam requiri maiorem potentiam in pendere sustinendo, cuius centrum gravitatis sit supra vectem horizonti æquidistantem, quàm vbi centrum illud est in ipso horizonte; sit enim horizon, & in eo vectis  $ADB$ , cuius hypomochlion  $D$ , potentia in  $A$ , quæ ad  $B$  pondus est vt  $DE$  ad  $DA$ , ob rationem reciprocam: cum autem vectis transfertur super horizontem in  $NF$ , ratio  $DN$  ad  $DG$  maior est præcedenti ratione  $AD$  ad  $DE$ , quandoquidem linea  $DG$  breuior est lineâ  $DE$ , cui  $DF$  æqualis est, minor igitur in  $N$  potentia requiritur quàm in  $A$ , vt pondus  $B$ , seu  $FH$  sustineatur, quod à potentia sustinebitur eò minore, quò magis accedet ad perpendicularum  $Db$ , in quo nulla potentia requiritur siue supra  $a$  infra in  $b$ .

Cum autem centrum  $C$  sub horizontem deprimitur, vt in vecte  $MK$ , maior potentia in  $M$ , quàm in  $A$  collocanda, vt enim  $MD$  ad  $DK$ , ita pondus  $KI$  ad potentiam  $M$ . Vbi notandum est lineas  $HG$  &  $IK$  esse horizonti perpendiculares, hoc est lineæ  $CE$  parallelas, & potentiam in  $A$  ad potentiam in  $N$  &  $M$  esse vt  $DE$  ad  $DG$ , &  $DK$ .

Idem penitus contingit vecti secundæ speciei  $PQ$ , cuius hypomochlion  $P$ , potentia  $Q$ , & pondus  $V$ , cum enim  $Pd$  lineæ, maior sit lineâ  $PT$ , sequitur minorem in  $O$  quàm in  $Q$  requiri potentiam, vt in  $R$

maiolem quàm in  $Q$ , quòd  $PY$  lineæ sit longior lineâ  $Pd$ . Est autem potentia in  $Q$  ad potentiam in  $O$  &  $R$ , vt  $Qd$  ad  $OT$  &  $RY$ . Contrà si loco ponderis in  $P$ , intelligatur esse potentia, sintque  $OP$  duæ potentiæ pondus & sustentantes, maior potentia requiretur in pondere &, quàm in pondere  $Y$ , minor verò in pondere  $Z$  sustinendo, idque eâ ratione, quâ  $PT$  brachium brachijs  $Pd$ , &  $BY$  breuius fuerit.

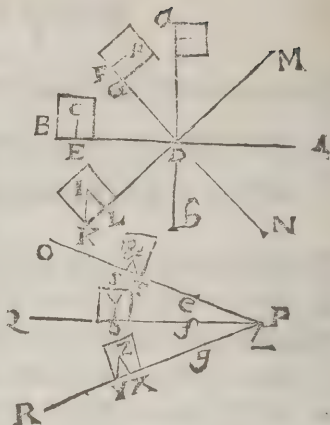


Denique sit tertia vectis species  $Pd$ , cuius fulcrimentum  $P$ , potentia in  $e, f, g$ , & pondera  $ZV$  & in altero vectis extremo, relictis lineis  $SO, dQ$  &  $VR$ . Rursus potentia in  $e$  minor erit potentia in  $f$ , aut in  $g$ , quòd  $PT$  minor sit  $Pd$ , minòrque ratio  $TP$  ad  $Pe$ , quàm  $dP$  ad  $fP$ , aut  $YP$  ad  $Pg$ . Erunt igitur inter se potentia  $e, f, g$ , ut linea  $PT$  ad  $Pd$ , &  $PY$ .

Non est autem ut quidquam de potentia mouente subiungamus, cum eodem modo se habeat ad pondus motum, quo potentia sustinens ad pondus sustentatum, minimè siquidem potentia sustinenti addita facit mouentem.

Si verò pondera prædicta sub vectibus essent, quò magis super horizon-  
talem tollerentur, maior etiam esset adhibenda potentia, & quò  
magis sub horizontem deprimerentur, minor; cuius euentus contra-  
rij ratio pendet ex lineis quæ rationes habent rationibus allatis con-  
trarias. Denique cùm in ipso vecte centrum gravitatis ponderum re-  
peritur, quocùmque vectis transferatur eadem potentia requiritur.  
Cætera videantur apud G. Vbaldum.

Porro antequam vecti & libræ finem imponamus, iuvat hîc celeberrimam quæstionem, quæ Geostatico tractatui nomen dedit, proponere, num videlicet corpus idem minus aut magis grauitet, cùm centro terræ vicinum est, cùm per libram in illo tractatu examinata fuerit. Si prius monuero ad perfectam istius difficultatis solutionem videri necessarium vt cognoscatur causa grauitatis, num sit aliqua qualitas interna corporibus, an tractio terræ, an impulsio aëris, aut quidpiam aliud; quod cùm nondum innotuerit nobis, grauitatis conceptum vulgarem supponemus.

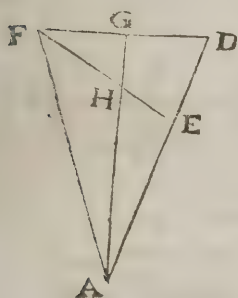




## PROPOSITIO VII.

*Num idem corpus graue minus aut magis ponderet quò minus aut magis ad terræ centrum accedit, inquirere, varÿsque modis soluere.*

**I**N hac figura  $FDA$ , supponamus  $A$  esse centrum terræ,  $G$  centrum libræ  $FD$ , cuius brachia æqualia  $FG$  &  $GD$ ; & punctis  $F$  &  $D$  duo pondera appendantur, itaut appensum puncto  $D$  vsque ad  $E$  per filum  $DE$  perueniat; quæritur num minus grauitet pondus  $D$  in  $E$ , quàm in  $D$ . Vbi pondus dupliciter considerari debet, nempe vt opponitur ponderi  $F$ , & libræ leges sequitur, vel vt intelligitur in aëre libero, in quo non sequitur minus, aut magis grauitare, siue propius, siue longius ab  $A$  centro distet, quamuis librâ detentum minus aut magis grauitaret.



Porro licet in Archimedæis suppositionibus centrum grauitatis duorum istorum ponderum simul iunctorum lineam rectam illorum centra connectentem diuidat in rationem reciprocam

grauitatum his ponderibus conuenientium; quippe supponit illa pondera tendere inferiùs per lineas parallelas, absque vlla versùs terræ centrum inclinatione, illud tamen minimè verum est, cùm reuera tendunt per lineas ad idem grauium centrum contendentes, certum est enim iuxta principia Archimedis  $G$  centrum esse commune grauitatis vtriùsque ponderis  $F$  &  $E$ , quando brachia  $FH$  &  $HE$  sunt æqualia, cùm tamen centrum illud sit inter  $H$  &  $F$ , si pondera per lineas  $FA$  &  $DA$  tendant inferiùs.

Placet autem Illustri viri hac de re, quam ad me misit, sententiam exponere, quâ dignoscatur quo sensu dici possit corpus a liquod esse grauius cùm sit terræ centro propius. Quapropter sit  $A$  terræ centrum,  $BVC$  corpus graue, quod vbi liberum erit in aëre, sit ab  $F$  puncto ad  $A$  descensurum, per lineam  $FGA$ , itaut illius extrema  $BC$  semper æquidistant à lineis  $BHCI$ , & per consequens à centro  $A$ . Proindèque considerentur lineæ  $BH$  &  $CI$  vt duo plana inclinata, super quæ mouentur pondus  $D$  &  $B$ ; quandoquidem puncta  $B$  &  $C$  æquè sustinentur ab omnibus partibus corporis duri  $BC$  in-

ter VC & VB interceptis, atque à plano inclinato, quod intelligitur à Cad I, vel ab H ad B. Atqui demonstratum est antea corpus graue planum inclinaturn eò loci minùs premere, qui puncto propior est, in quo perpendicularis prædicto plano à terræ centroeducta occurrat.

Vnde sequitur corporis BVC partem C propè punctum F grauiorem esse, quàm propè punctum G, idèmq; verum est de parte B, & alijs quibuscumque, illis exceptis quæ in linea recta VA descendunt, si tamen excipi debeat linea mathematica: corpus igitur integrum minus propè centrum prædicto sensu grauitat.

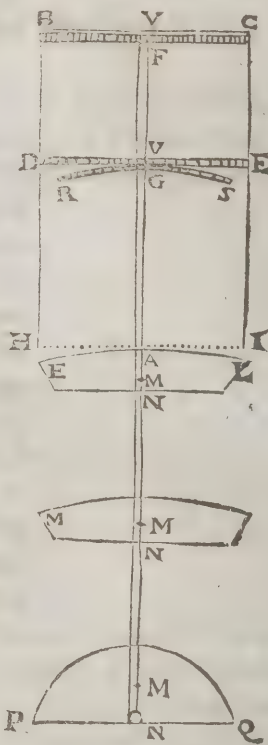
Quod tamen de solis corporibus duris intellige, nò de liquidis, vel maximè flexibilibus, qualis est funis RS, qui cum sit rectus in BVC, descendendo curuatur in extremis RS, adeout differentia inter lineas rectas ab A ad B & ad R ductas æqualis intelligatur lineæ GV.

Aliud tamen in liquidis spectandum, quod ea leuiora reddat propè centrum, ob centri grauitatis mutationem, si enim aqua vase ELA includatur, cum propius vas ad terræ centrum N accedet leuior erit aqua.

Intelligatur enim vas adeo amplum, vt cum hexapeda distiterit à centro terræ, linea NM sit vnus duntaxat semipedis; quod si alia hexapeda tollatur, NM sit vnus pollicis; tertio denique alia sublatum hexapeda nonnihil longitudinis detrahatur NM, & ita deinceps.

Quantum verò centrum grauitatis aquæ sublimius euadit, tantundem aquæ moles attolli dicitur, cum illud corporis cuiuslibet locum, quæ graue est, determinet: cumque potentia per primam hexapedam, centrum grauitatis aquæ solummodo 5 pedes cum dimidio tollat, per secundam verò 5 pedes & vndecim pollices, illa potentia maior esse debet in illa secunda eleuatione, in eadem ratione, quæ 5 pedes cum vndecim pollicibus superant 5 pedes cum dimidio, & ita de reliquis eleuationibus, igitur leuior erit aqua centro propior.

Supereft explicandum qua ratione corpus idem graue centro pro-



Deinde si à centro libræ ducatur C G perpendicularis lineæ A D G, duo triângula rectangula D F E & D G C similia erunt, igitur vt DE ad DF, ita C D ad C G, hoc est quemadmodû perpendicularis è centro libræ ducta in lineam per extremum brachij libræ, & terræ centrum transeuntem ad illud libræ brachium, ita gravitas relativa corporis in D ad eius gravitatem absolutam.

Simili modo tangente  
BH ductâ, & CIH secan-  
te perpendiculariter lineam  
AB in puncto I, prius ostē-  
sum est gravitatem ponde-  
ris in B relatiuam esse ad

Vnde sequitur positis corporibus in B & D penitus æqualibus relati-  
uiam gravitatem corporis in B esse ad gravitatem relatiuiam



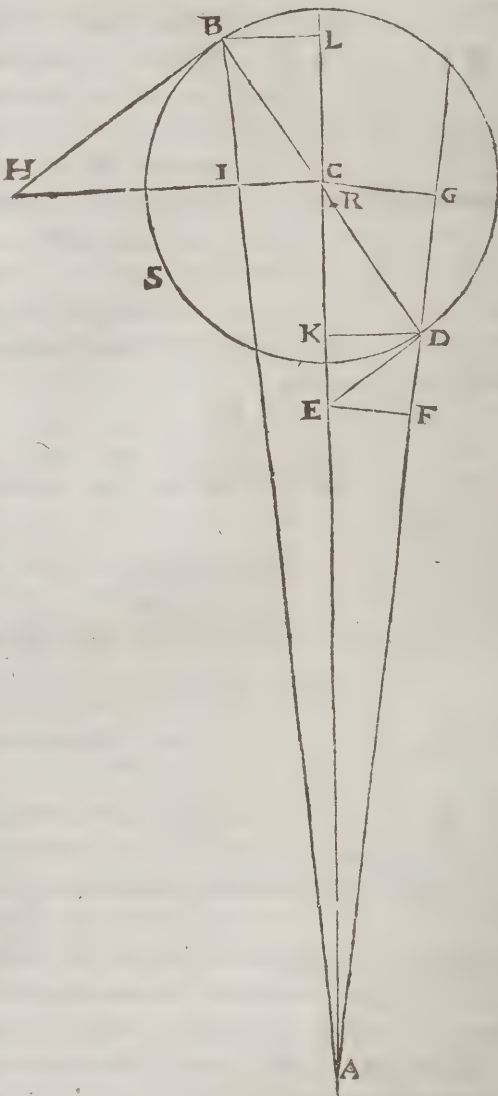
corporis in  $D$  vt lineam  $CI$  ad  $C G$ .

Præterea ductæ lineæ  $BL$  &  $DK$  lineæ  $CA$  perpendiculares ex  $B$  &  $D$  punctis, sunt inter se æquales; & rectangulum  $CI, BA$  est etiam æquale rectângulo  $BL, CA$ , positâ siquidem  $CA$  trianguli  $ABC$  base,  $BL$  erit altitudo; facta verò  $BA$  eiusdem trianguli base, erit illius altitudo  $CI$ . Deinde rectangulum  $G C D A$  æquale est rectangulo  $K D C A$ .

Et quoniam  $BL$  &  $KD$  æquales sunt, rectangulum  $CIBA$  æquale est rectangulo  $CGDA$ . Vt igitur  $DA$  ad  $BA$ , ita  $CI$  ad  $CG$ , At pondus in  $B$  est ad pondus in  $D$  vt  $CI$  ad  $CG$ , est ergo vt  $DA$  ad  $BA$ .

Hincque sequitur centrum grauitatis duorum ponderum lineâ  $BD$  iunctorum non esse in puncto  $C$ , sed inter  $C$  &  $D$ , exempli gratia in puncto  $R$ , cui lineam angulum  $BAD$  in duas partes æquales diuidentem occurrere suppono. His enim ita positis,  $BR$  est ad  $RD$ , vt  $AB$  ad  $DA$ : quapropter  $B$  &  $D$  pondera puncto  $R$  fulciri debent, vt eò loci faciant æquilibrium.

Siverò lineâ  $BD$  minus aut magis super horizontem inclinetur, vel pondera distent aliter à terræ centro, sustinenda erunt ab alio puncto vt æquiponderent, atque adeo centrum grauitatis sphaeræ non esse in illius medio, hoc est non coire cum centro magnitudinis, sed paulò in se-



rius, in linea quæ rectâ fertur ab isto centro magnitudinis ad centrum terræ concludendum est.

## COROLLARIUM.

**G**rauitas absoluta dicitur, quâ corpus quodlibet potentiæ perpendiculariter, & absque vlllo instrumento trahenti resistit, quæ eò maior censetur, quo plures materiæ partes sub iisdem dimensionibus vel sub eadem, aut æquali figura continet: quo sensu nullum corpus ob centri terræ viciniam grauitatem suam mutat. Relatiua nos, instrumentâque respicit, licet enim sarissa sit semper in se ponderis eiusdem absoluti, vbi tamen quis illam per vnum extremum, præsertim minus manu, vel digitis extremis sustinet, illam iudicat longè grauiorem, quàm vbi per medium eandem gestat, ob naturam vectis, de quo hætenus, ad quem cum axis in Peritrochio referatur, illum sequente propos. explicamus.

## De Axe &amp; Peritrochio.

## PROPOSITIO VIII.

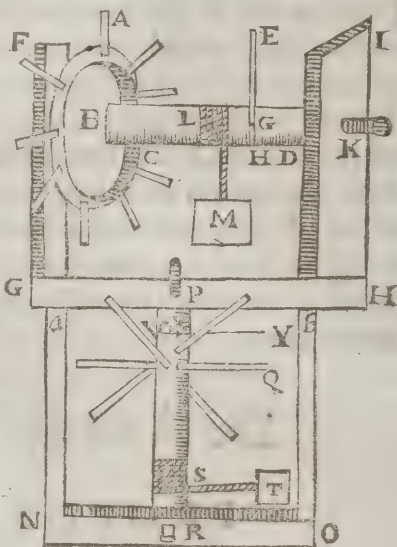
*Axis in Peritrochio, vel Sucula, & Ergata partes  
& naturam explicare, & ad  
vectem reducere.*

**M**Achina, quam Latini Suculam, Græci *ὀρέρας*, seu *ὀρέρας*, vnde sucula trahere dicunt *ὀρέρας*, viatores *tornum* appellant, multis partibus constare solet, videlicet axe CD, hoc est cylindro in peritrochium B infixo, quod etiam tympanum appellatur, cuius peripheria conuexa CA, pegma dicitur à quibusdam, in quod infiguntur stipites, hoc est scytalæ radiorum instar: paxillus autem circa punctum L infixus, vt chordæ sustineat extremum, porculus nuncupatur.

Quæ omnia machinæ NY possunt accommodari, quam dicunt Ergatam, quippe quæ solum à præcedenti discrepet, in eo quòd axem suum horizonti perpendiculariter erectum habeat, qui prius fuerat horizonti parallelus, & pondus T trahat horizontaliter versus S, quod prius verticaliter tollebatur, vt constat in M pondere versus L ascendente.

Sunt etiam vestes Q & alij in axe X S infixi horizonti paralleli, quos versant ambientes & obnitentes vectiarij, quos Græci ἐρωτάς seu ἐρωτῆρες appellant.

Hoc autem instrumentum Itali vocant *arganum*, Græci ἐργαλεῖον, quidam Galli simiam *singe*: quibus præmissis ostenditur rotam, cylindrum, scytalas ad vectem referri, quid enim aliud dixeris tympani B cum scytala A versionem, præter vectem E G H, cuius fulcimentum sit in puncto G. Hinc eadem est ratio potentiae in A puncto collocatae, ad pondus M, quæ brachij G H ad brachium G E, quod alij sic explicant, potentiam pondus hacce machina sustentem esse ad pondus, vt est semidiameter axis ad semidiametrum tympani vnà cum scytala: vel in Ergata, vt Y X. ad X V, ita pondus T ad potentiam Q puncto adplicatam.



Hic etiam solemne est, tempus eò maior esse quò facilius; hoc est minore vi mouetur, quandoquidem maius spatium percurri debet, quò minor potentia requiritur; verbi gratia, radius X Y axis Ergatae, cù sit ad radium X V eiusdem axis, vt 5 ad 1, sequitur potentiam in Y sitam, quæ pondus T in V vel S positum, vel ab iisdem punctis tractum moueat per spatium æquale semidiametro axis X V, moueri debere per spatium æquale X Y, spatij X V quintuplum; quintupla siquidem velocitas æquat potentiam vt vnum potentiae vt quinque, quapropter pondus T S librarum, sustinet vnica libra in Y sita; neque manus puncto V applicata manum in Y æqualiter applicatam impedire potest, eique obistere, nisi quintuplò fortior, quæ nunquam præualebit, nisi robur quintuplum augeatur, vnde fit maiorem esse rationem potentiae mouentis ad pondus motum, vel spatij potentiae mouentis ad spatium ponderis moti, quàm ponderis ad eandem potentiam.

Porro cauendus nonnullorum error, qui diametrum axis minimè considerantes, scytalarum longitudinem ab axis superficie, non autem ab axis medio sumunt, quò etiam longè foret crassior error



illius quĩ tympani seu rotæ semidiametrum omittens, solam scytalæ, seu vectis A longitudinem numeraret.

COROLLARIUM.

**G**Ræci tympanum, vel machinam tympano instructam, qualis est tympanum A B, *νεκρόν* appellarunt, quos Galli secuti nunc etiam vocare solent *gruem*. Sunt autem aliæ partes machinæ; videlicet F G, G H, H I, quæ tignorū, transtrorū, cantheriorū, columinum, transtillorū, trabiūque nominibus comprehenduntur, bases enim G H & N O sunt transtra, seu transuersariæ trabes: H I, G F, N a, O b cantherij, seu crura vocantur: qui cum transtris committuntur, & compinguntur securilis seu subscudibus, (quas Galli vocāt compacturam caudæ hirundinis, *assemblage à queue d'aronde*, vel *d'arondelle*,) vt firmiùs inter se configantur, atque compaginentur, quanquam alijs modis compages possit cohiberi, verbi gratia clauis, cardinibus, &c. nunc verò de trochlea dicendum, quæ similiter ad vectem reducitur.

De Trochleis & Polypastis.

PROPOSITIO IX.

*Trochleas explicare, & ad vectem referre  
planique inclinati mechanicum  
auxilium inuestigare.*

**D**E trochleis seu *τρεχλαῖς* agit Aristot. quæst. 19. mechan. Itali verò trochleam vocant *taglia*, cuius orbiculū, qualis est *cd* in figura *cd BD g h b a*, Galli *poulie*, vt varios orbiculos *moufle*. Optimè verò trochleam Arist. ad vectem retulit, *τρεχλαῖς τὸ αὐτὸ ποιεῖ τῷ μυχλῷ*, qui funem ductarium hīc *καλώδιον* appellat, quanquam & paulò inferiùs *χομίσιν*. Solet autem hæc machina diuersis nominibus insigniri ob diuersum orbiculorū, seu rotularum numerū, vnde tripastos seu tritrahæ, polypastos, &c. à *πείζω* quod est traho, licet minus vñitatum quàm *πείζω*.

Priusquam verò pergamus vltteriùs, hæc figura explicāda, quæ trochleas, C a, D b, & planum inclinatum O B super planum horizon-

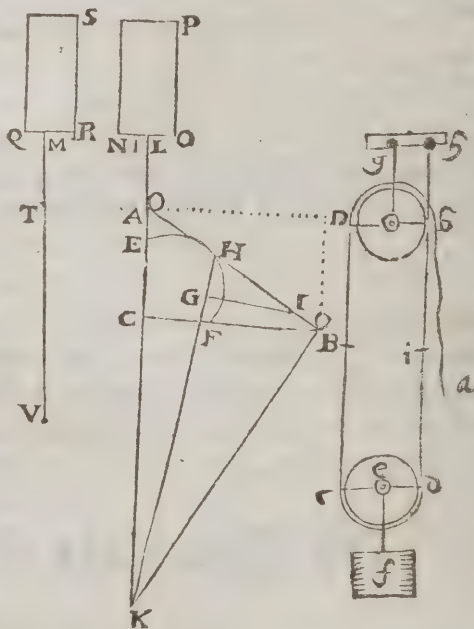
tales  $BC$  eleuatum repræsentat. Itaque pondus  $f$  suspenditur in  $e$  centro trochleæ  $cd$ , cui circumuoluitur chorda, seu funis ductarius  $ide$ ,  $B$ . Vbi primò notandum venit duas potentias, quales sunt duorum hominum manus, punctis  $i$  &  $B$  applicatas, vt vel ambæ sustineant, vel æqualiter tollant pondus  $f$ , ita se habere, vt vnaquæque mediam ponderis  $f$  partem ferat, & potentia  $B$  ponderis 40 librarum, solas 20 libras gestet: quod adeo clarum est vt sola consideratione sit opus. Quod eodem modo continget si funis clauo in puncto  $i$  affigatur, quippe qui vicem manus præstat.

Secundò, si manus in puncto  $e$  sita vim eam exerat, quæ ad pondus 20 librarum vsque ad spatium bipedale tollendum, putà ad punctum  $D$ , requiritur, tollet pondus  $f$  40 librarum ad pedale spatium, seu punctum  $B$ : cum enim funis  $ide$   $B$  duplicatus sit, bini pedes illius trahendi ex puncto  $e$  in  $D$ , vt tollatur pondus  $f$  tantundem, quantum tolleretur à duobus hominibus in  $e$  &  $d$ , vel  $i$  &  $B$  punctis sursum pondus idem vno pedè trahentibus.

Tertiò, si secunda trochlea  $D$  ligno, vel ferro  $gh$  appendatur, & funis  $BDha$  ei circumducatur, vis eadem requiritur ad funem à  $b$  ad  $a$  trahendum, quæ priùs ad funem  $e$  à  $B$  ad  $D$  trahendum, quandoquidem utrobique chorda bipedalis tollit pondus ad pedale spatium.

Quartò, si tertia trochlea propè trochleam  $DB$  addatur, cui pondus appendatur, & cui funis, vti duabus præcedentibus, circumducatur, potentia libris decem æqualis tollet pondus 40 librarum, cuius vera ratio, quòd pondus istud ad semipedale spatium solummodo tollitur: nam quò maior est ratio funis tracti ad spatium à pondere ascendente confectum, eò potentia minor requiritur.

Quintò,



Quintò, in praxi trochleæ pondus, & mouendi circa eam funis difficultas ob frictionem & pressionem, aliâque multa consideranda sunt, nam quò minus orbiculi canaliculus, per quem funis labitur, politus erit, aut magis scaber & mollior, eò maior erit in trahendo difficultas. Adde quòd trochleæ puteorum & aliæ non rarò deficient à figura perfectè circulari, vnde fit vt faciliùs trahas, cùm pars maior circa te conuertitur, ob maiorem trochleæ radium, difficiliùs verò, cùm minor semidiameter redit, omitto partis interioris superficiem, quæ circa suum axem conuersa pluribus modis in vno magis quàm alio loco atteritur, quæ nisi suppleantur, ratio quæ Mechanica mathematicè considerat, continuò faller.

De quibus postea fusiùs, nunc enim plani inclinati proprietas explicanda; sit igitur planum horizontale  $CB$ , super quod inclinetur planum  $AB$ , vel  $HB$ ; planum autem verticale seu linea horizonti perpendicularis  $AC$  ad terræ centrum  $K$  tendens.

Certum est graue  $A$  vel  $B$  innixum plano  $HB$  esse ad suum pondus absolutum, quale est in aëre libero vel in balance, vt  $AC$  ad  $BA$ ; exempli gratia cùm  $BA$  duplum est  $CA$ , & graue  $A$  in aëre libero sit 40 librarum, super plano  $AB$  erit 20 duntaxat librarum, hoc est potentia ponderi in  $A$  puncto applicata sufficiet ad graue super  $AB$  plano sustinendum, vel trahendum, quæ 20 libris resistere poterit.

Cuius Phænomeni ratio pendet à spatio quod potentia & pondus conficiunt, enim uero potentia  $A$  idem facit tollendo graue à  $B$  ad  $A$  super inclinato plano, quod faceret idem graue tollens in aëre libero per lineam horizonti perpendicularem lineæ  $BA$  æqualem. Licet enim grauia non tendant inferiùs per lineas parallelas, idem ferè contingit in obseruationibus nostris, ob stupendam à centro grauium distantiam.

Quanquam si quis requirat exactum calculum, debeat supponi  $CB$  circumferentiæ, &  $CA$  spiralis pars, quarum centrum  $K$ .

Deinde cùm supponitur  $AB$  superficies perfectè plana, grauitas relatiua ponderis  $F$  non est ad absolutam vt  $AC$  ad  $BA$ , nisi cum pondus est circa punctum  $A$ , cùm enim intelligitur versus  $H$ , vel  $C$  minor est ratio, vt constat ex ipso plano  $AB$  producto donec ad rectos angulos lineæ  $KB$  à centro terræ  $K$  descriptæ occurrat, clarum est enim pondus  $A$  vel  $H$  in puncto  $B$  positum nihil grauitare, seu potentia in  $A$  sitæ nihil resistere.

Vt autem innotescat quantum in quouis alio plani puncto graui-  
tet, verbi gratia in  $H$  puncto, ducatur recta  $HG$  versus  $K$  terræ cen-  
trum, & à puncto quolibet in illa recta sumpto, quale est  $G$ , ducatur

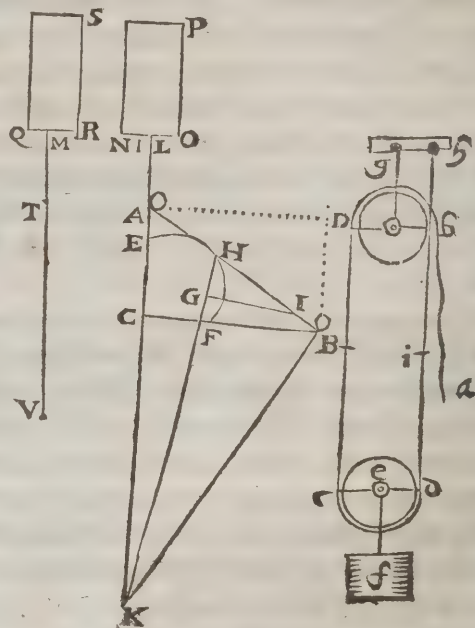


$GI$  perpendicularis lineæ  $HG$  occurrens lineæ  $AB$  in puncto  $B$ , ut enim  $HG$  ad  $HI$ , ita gravitas relatiua ponderis in  $H$ , ad illius gravitatem absolutam. Quandoquidem quandiu est in puncto  $H$ , versus  $K$  contendit per lineam  $HG$ , neque tamen descendere potest nisi per lineam  $HI$  ob planum durum  $AB$  resistens.

Porro quædam hîc notanda, primum, eandem esse rationem lineæ  $HK$  ad  $KB$ , quæ  $HI$  ad  $HG$ , ob similitudinem triangulorum  $HK B$  &  $HGI$ ; atque adeo gravitatem relatiuam ponderis in  $H$  esse ad eius gravitatem absolutam, ut  $AB$  ad  $HK$ . Hinc canon vniuersalis ab Illustri viro conceptus; eò minorem requiri potentiam ad graue sustinendum super plano inclinato, quàm absque plano, quò spatium interiectum inter punctum plani, cui innititur graue, & punctum eiusdem plani cui perpendicularis à terræ centro ducta occurrit, minus est spatio inter graue, & terræ centrum interiecto.

Secundum, grauis in  $H$  positi descensum considerandum esse ut *potentia*, seu momentum, licet enim non inniteretur superficiei planæ, qualis intelligitur superficies  $AHI$ , sed curuæ, qualis est  $EHF$ , eodem modo se haberet respectu potentix in  $A$  positæ, quantumuis diuersus esset postea grauis motus tam ascendens quàm descendens versus  $E$  aut  $F$  super superficiei curuæ  $EHF$ , à motu eiusdem grauis super plana superficiei  $BHA$ , quod non impedit quin grauis in puncto  $H$  positi motus ad eandem partem determinetur.

Hac autem ratione vir Clarissimus ea demonstrat quæ ad prædictum planum attinent. Sit igitur  $NO$ , quæ primam potentix dimensionem referat, & rectangulum  $ND$  describar, dum pondus in  $B$  positum super planum  $BA$  potentia trahit, fune parallelo trochleæ  $A$  circumducto; sicquæ  $OP$  rectanguli



li altitudo æqualis lineæ  $BA$ , per quam pondus mouendum, dum perpendicularis eius ascensio per  $CA$  repræsentatur: referatque  $QR$  primam alterius similis potentia dimensionem rectangulum  $QS$  describentem, & pondus  $V$  vsque ad  $T$  punctum euehentem. Supponitur autem  $VT$  æqualis lineæ  $BA$ , & dupla lineæ  $CA$ , & linea  $NO$  æqualis lineæ  $QR$ , &  $OP$  lineæ  $RS$ .

Præterea dum pondus à puncto  $B$  ad punctum  $A$  mouetur, motus ille potest intelligi compositus ex duobus alijs motibus, quorum vno fertur horizontaliter à  $DB$  ad  $CO$ , qui nullam vim requirit, vel omni data minorem: altero verò verticaliter à  $CB$  ad  $OD$ , qui solus requirit potentiam, quæ se totam expendat in tollendo pondere à  $C$  ad  $A$ , quæ quia potentia  $QS$  æqualis est necessaria ad pondus à puncto  $V$  ad  $T$ , hoc est ad spatium duplum spatij  $CA$  trahendū, sequitur ex hoc principio pondus  $B$  duplum esse ponderis  $V$ , cum enim tantumdem potentia in vno quàm altero tollendo impendi oporteat, & tantum ille faciat qui tollit pondus 40 librarum à  $C$  ad  $A$ , quantum is qui pondus 20 librarum ab  $V$  ad  $T$  leuat, quippe qui duplum iter percurrit, constat pondus ab  $V$  ad  $T$  per eandem potentiam sublatum esse subduplum ponderis à  $C$  ad  $A$  sublato.

Ratio horum omnium ex eo deducenda, quod eadem numero vis, seu potentia, quæ pondus datum per pedale spatium tollit, seu trahit, non sufficiat ad tollendum pondus idem per bipedale spatium; quodque vis duas aut tres dimensiones habeat, quarum prima, seu simplex illa est quæ pondus in eodem puncto sustinet, qualis est clauus cui appenditur: sed vis aut potentia quæ ad aliquam altitudinem pondus moueat duas dimensiones continet, quarum prima lineæ, secunda superficiæ comparatur: prima sufficit ad pondus in eodem puncto omni tempore sustinendum, dummodo non minuatur; secunda, cum mouet pondus per spatium bipedale, non sufficit eadem numero ad illud per quadrupedale spatium tollendum.

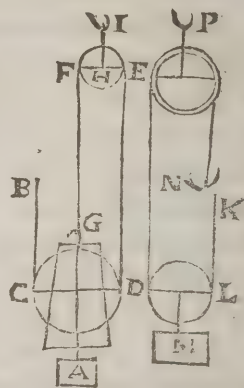
Tertia verò dimensio tribuetur potentia, si velocitas spatio percurrento iungatur: sed cum non sit illa velocitas necessaria in quinque mechanicis viribus explicandis, nisi forsan in cuneo, de quo postea, spatium percurrentum maximè considerandum est in viribus quæ machinis adhibentur: nec enim in illis velocitas est ratio genuina æquilibrij, aut cur brachium vectis, vel stateræ longius facilius moueatur, & minore pondere maiori ponderi brachio minori appenso resistat, sed solum spatium duplum à maiore brachio, vel subduplum à minore percurrentum, licet hinc maior sequatur velocitas brachij maioris.

## PROPOSITIO X.

*Ad quam vectis speciem trochlea ref.ratur; & trochlearum quolibet orbiculorum numero instructarum vires explicare.*

**S**It primùm in trochlea dextra figuræ istius punctum N funem sustinens, qui orbiculis E & D L circumuolutus à manu, vel potentia in K detineatur, quæ pondus M sustineat, clarum est potentiam in L, vel in K subduplam esse debere ponderis M, adeo ut orbiculus E sit inutilis; si enim clauo K funis alligaretur, potentia in D vel E non minus esset subdupla. Itaque potentia in K potentia in N æqualis est.

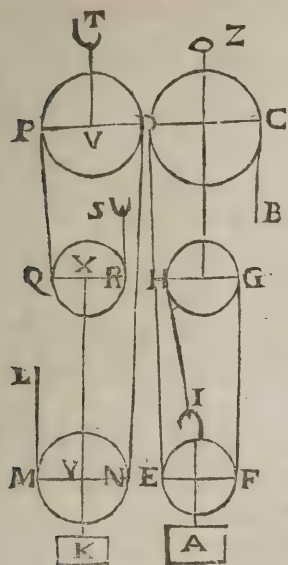
Cùm autem funis circa duos orbiculos trochleæ sinistræ circumducitur, ita ut orbiculo inferiori C D pondus A sustinenti in puncto G alligetur, potentia in B subtripla est ponderis A: est enim funis in L vt potentia sustinens orbiculum, ac si esset in eius centro, & M potentia, ac si esset in C, vt sit diameter C D vectis, cuius fulcrum D; pondus A à duabus potentijs in C & I positis sustentatum. Similiter F E diameter trochleæ superioris est alter vectis; cuius fulcrum in H, quapropter funis F G æquè sustinet ac funis E D, & C D potentia sunt inter se æquales, hoc est potentia in E & D applicata, & earum alteri potentia F sustinens in G pondus A æqualis est. Quapropter tres illæ potentia sunt ad A pondus vt 3 ad 1, & vnaquæque tertiam illius partem sustinet. Potest etiam D statui fulcrum vectis C I D, vt in C potentia, & pondus in I.



Iam verò in figura dextra sequente, si F E & G H orbiculis, qui præcedentibus similes sunt, tertius orbiculus D C addatur, funisque E H ei circumducatur per D C donec ad B perueniat, potentia in B eadem erit ac in H, hoc est, vt ante, ponderis A subtripla, nec enim funis H D C B quidquam addit potentia: sed neque etiam motus ponderis ab illo fune retardatur, cùm potentia in B trahens pondus A æquali tempore ad eandem altitudinē tollat ac potentia in E vel H.



Secus accidit figuræ sinistræ, seu trochleæ tribus instructæ orbiculis, cuius K pondus, orbiculorum centra V X Y, quorum funes reliquantur in S, Potentia sustinens in L est subquadrupla ponderis K.



Probatur ex vestibus P D, cuius fulcrum in V, ideóque funis P Q tantundem ac funis D N sustinet, & funis S R tantundem ac funis P Q, cum potentia in Q & R posita in pondus X vel K æqualiter agant. Similiter potentia in L vel M tantundem ac potentia in D vel N sustinet: sunt igitur 4 funes, vel potentia, quarum vnaquæque quartam ponderis K partem sustinet, atque adeo potentia in L ex illis 4 potentijs composita ponderis K est subquadrupla.

Ex quibus constat ex orbiculorum situ vario trochleas maioris, vel minoris esse potentia, tribusque tantundem, ac 4 orbiculis effici posse, quamquam ad

vires augendas inutilis orbiculus minimè contemnendus sit, cum plerumque magno sit commodo, verbi causa, vt applicetur potentia, qua sine orbiculo vti nequeas, vt in puteis cernitur; adde quòd pondus brachiorum & totius corporis, beneficio trochleæ, inuet potentiam, cui noceret, si vi brachiorum absque machinis aqua è puteis hauriretur.

Porro quoties orbiculi omnes potentiam auxerint, ex illorum numero, vnitate addita, illorum ad pondus ratio determinatur; si enim sint 4 orbiculi, potentia per illorum funes sustinens erit subquintupla ponderis, neque manus hominis vice ponderis fungens alterius hominis manum trahet, nisi fuerit quintuplo fortior. Si fuerint 5 orbiculi potentia ponderis subsextupla, si vndecim, subduodecupla erit, & ita de cæteris.

His omnibus trochleam octo instructam orbiculis adiungo, vt ad praxim magis accedam, & quispiam nouerit quomodo funis possit absque confusione singulis orbiculis tam superioris quàm inferioris trochleæ circumduci. Quod vt fiat commodius, debent orbiculi superiores & inferiores maiores esse, & tam descendendo quàm ascendendo minui paulatim; vt in hac figura cernitur, in qua funis incipiens ex parte potentia à B puncto per litteras sequentes progreditur

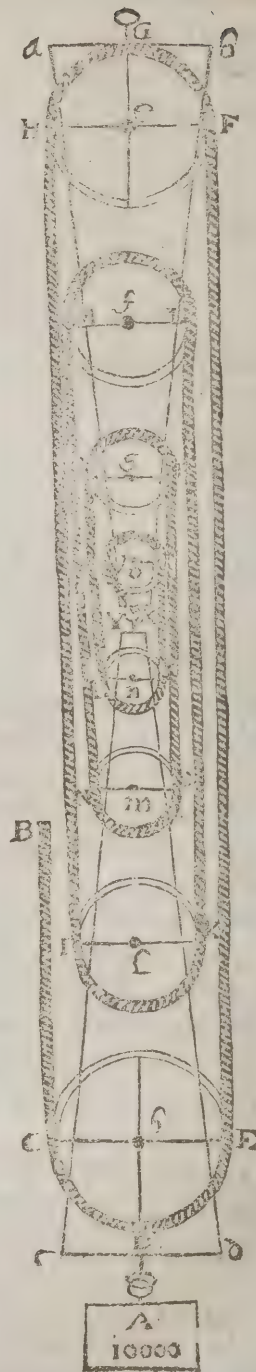
& circa orbiculos conuoluitur, itaque à B pergit per CDEFGHIKLMNO PQRSTV, & definit atque alligatur in puncto X, à quo si funis circumductionem incipias, erit funis circumuolutus XVTSRQPONMLKIHGFEDCB.

Solent autem orbiculi suis ligneis thecis *cdY*, & *abX* ita concludi, nihil ut præter thecas videatur; at siue orbiculi detegantur, siue occultentur, perinde fuerit. Quò verò fuerit axiculorum centris *hlmno* & *gfe* infixorum diametri minores & superficieculæ cylindricæ duriores & magis politæ, dummodo concavæ superficieculas tangentes sint æquè duræ, ac politæ, eo faciliùs pondera trahentur.

Quod ut fabri & cæmentarij suppleant, oleo vel axungia tam axiculos quàm extimos orbiculorum ambitus inungunt.

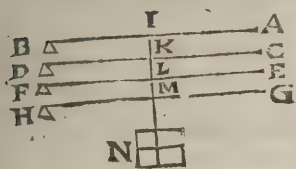
Porrò cum orbiculus, aut funis quilibet istius trochleæ agit in pondus æqualiter, hoc est funis quispiam octauam sustinet partem ponderis, potentia in B est ponderis A suboctupla, quapropter orbiculus quilibet 1250 libras sustineret: cumque potentia hominis non soleat esse maior 50 libris, 250 homines huic essent applicandi trochleæ, pondus A 10000. librarum tracturæ, spatium verò à fune B, & opèrarij manibus confectum, erit spatij à pondere facti octuplum.

Ut autem melius intelligatur ad quod vestis genus trochleæ reducendæ sint, hæc figura 4 vestes refert, nempe vestem AB, CD, EF & GH æquales inter se, quorum fulcimenta in BDFH, potentia in ACEG, & N pondus in I KLM appensum: quibus vestibus qua-



tuor præcedentium orbiculorum infimorum CE, IK, NO, & RS comparari possunt.

Cum autem in his vectibus sit A potentia ad pondus in I vectis medio, vt IB ad BA, hoc est subdupla, ob hypomochlion: mediam



partem ponderis N potentia A sustinet; cumque vectis quilibet eodem modo in pondus N agat, sequitur vectem CD mediam ponderis N partem sustinere; quapropter potentia vt vnum duobus illis vectibus applicata sustinebit

pondus, eritque propterea pondus potentia quadruplum. Si verò tertius vectis EF addatur, quælibet potentia erit ponderis subsextupla: si denique quartus adijciatur, quælibet potentia suboctupla erit, & ita deinceps in infinitum. Tantumdem verò faceret potentia, eodemque tempore absque trochleis, si pondus in 8 partes æquales diuideretur, sed cum pondus vel non debeat, vel nequeat diuidi, neque tot operarij semper haberi possint, quot absque trochleis ad pondus mouendum necessarij forent, hæc, aut aliæ machinæ mouendis oneribus adhibentur.

## PROPOSITIO XI.

*Glossocomi, vel Pancratij, seu rotarum dentatarum constructionem, & vires explicare, & ad vectem reducere.*

Integrum istius machinæ corpus APQB Heron. apud Pappum lib. 8. Glossocomum appellat, quod varijs rotis dentatis instruitur, vt vi modica, vel minima maximum pondus tollatur, Tignis autem seu trabibus rectis AP & BQ inferuntur axes LM, TV, RS & ED cum tympanis dentatis. Funes N axi alligat, arna dicuntur: pondus verò O <sup>superior</sup> ibidem appellatur, quod funis circumuolutione mouetur.

Porro motus incipit à minore rota, seu tympano F, quod manubrij C beneficio motum mouet rotam EX, cui tympanum aliud insertum G, quod mouet secundam rotam YZ, cuius tympanum I mouet rotam vltimam KQ.

Vis autem istius instrumenti pendet à ratione numeri dentium, quibus tympanula, quæ vulgò *pignons* Galli vocant conuertuntur, si enim

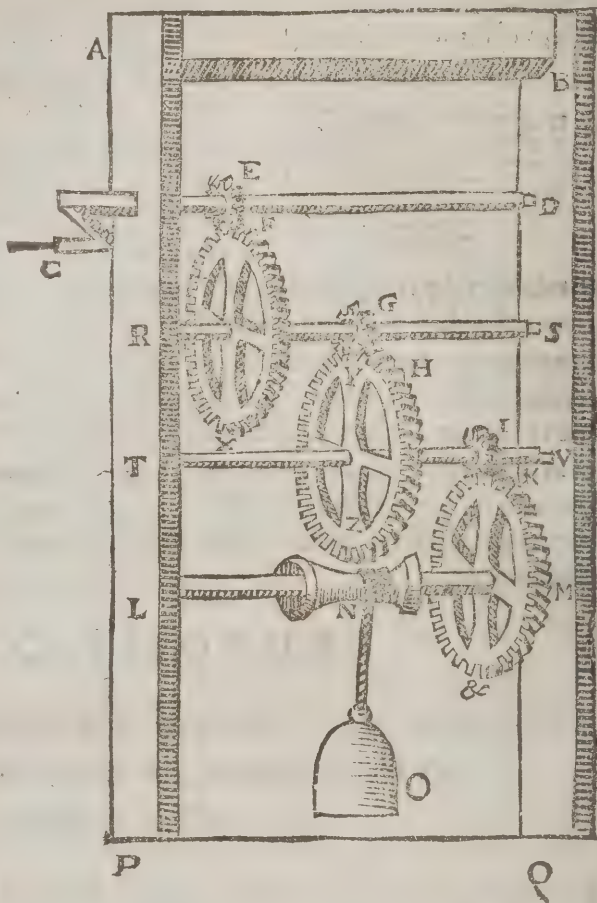


tympanulum I duodecies conuertatur antequam rota, cuius dēribus congruit, semel conuertatur, potentia 50 librarum, qualis est hominis vnus, 600 libras sustinebit. Si secūdum tympanulū G adiungatur, cuius dentes 8, vt primi, rotæ verò Y Z, vt K & rotæ dentes 96, potentia vnus hominis in G applicata sustinebit 7200 libras, cū G tympanulum 144 conuerſi debeat, vt rota K & semel conuertatur. Si denique tertio tympanulo E duodecies conuerſo rota E X semel conuertatur, rota K & non perficiet gyrum vnum, nisi 1728 conuerſum fuerit; manus autem hominis vertens manubrium C, 86400 libras sustinebit, dummodo sola absque instrumento 50 libras sustinere possit.

Frustra plures rotas adhibuerimus, cū

nulla nobis materia suppetat, quæ pondera ferre possit 6 aut 7 rotarum dentatarum, quales sunt prædictæ, quæ ita multiplicari possunt, vt terram ipsam digito possis sursum tollere, si fulcimentum extra terram detur, & materia satis firma reperiri possit. Verū, vt in aliis mechanicis potentiis, quo grauius pondus mouebitur, eo maius tempus insumetur, eoque minus iter perpendiculare pondus conficiet, & pondus erit ad potentiam vt spatium potentiæ mouentis ad spatium ponderis moti.

Rotarum verò motum iuuabit manubrij *ba* magnitudo, si maior fuerit semidiametro fuculæ, seu axis N, cuius si dupla, vel quadrupla fuerit, potentia in C subdupla, vel subquadrupla tantummodo requiretur:



requireretur: sed quo minoris crassitudinis *N* succula fuerit, eò lentius *O* pondus attolletur, idque à minore potentia; verbi causa, si quælibet funis circumductio sit vnus pedis, vti continget cum axis diameter fuerit 4 digitorum, vno tantum pede tolletur, vbi manubrium ab 1728 versaueris; quapropter si minuti secundi tempus in qualibet conuersione infumatur, hora ferè dimidia requireretur in ponderis *O* pedali eleuatione.

Quapropter minor dentium numerus rotis indendus, vt pondus *O* celerius ascendat: quod fiet si tympanula sint rotarum subdupla, vel subtripla, tunc enim 8, vel 27 secundorum spatio pedem vnum ascendet.

Porro ingeniosum est quod Marius Bettinus de vectibus proponit, ad quos Glossocomū istud refertur, quòdque figuræ paginā sequenti videndæ ita congruet. Sit vectis primæ speciei *A C*, cuius hypomochlion *B*, sitque brachium maius *C B* duodecuplum brachij minoris *B A*, vti diameter rotæ *E X* est duodecuplo diametri *F E* tympanuli.

Cum enim istius instrumenti rotæ omnes sint æquales, nil refert si ab vltima, vel à prima quis incipiat. Est igitur vectis secundus *C E*, cuius fulcimentum *D*, & brachia sunt in eadem inter se, ac præcedentis brachia ratione, quod & vltimo seu tertio vecti *E G* congruit, cuius fulcimentum *F*.

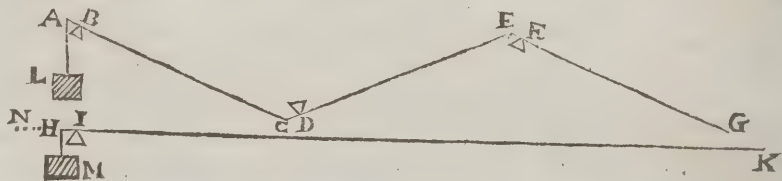
Ita verò in se inuicem agunt, vt cum potentia premit punctum *G*, punctum *E* attollatur, quod fieri nequit nisi depresso brachio *C D*, quod propterea necessariò deprimit brachium *C B* vectis primi, & consequenter attollitur brachium *A B*, atque adeo pondus *L*. Hi enim vectes si coherere, rotarum instar intelliguntur, vt in contraria obnitentes alternatim per adductionem & impulsione ad remorum modum tandem pondus *L* attollant.

His autem tympanis per mutuas dentium connexiones & conniunctiones in contraria motis veteres vsos fuisse testis Aristoteles initio quæst. mechan. tex. 5. Vbi mirabilis illi videtur circuli moti proprietates, quòd dum vnum diametri extremum *α'β'*, alterum *α'β'* moueatur, & ante nequeat esse absque retro, adeo ut rotarum oscula, concursus & collabellationes motus contrarios efficiant, cum enim vna recta deprimitur, attollitur altera.

Quibus similia videas in auium volatu, quippe solent euehi cum alas deprimunt, & aërem verberant: sed & animalium tam reptilium, quàm natatiliū, & aliorum motus ad diuersos vectes referri poterunt, si propius inspiciantur, & cum *α'β'* fuerit *α'β'*, euanescent Aristotelicum *α'β'*: Hac enim circuli proprietate raptus in admira-

tionem non indicauit *ἀποδεικνύει*, si diceret illum esse *πρῶτον καὶ ἀναγκαῖον ἀρχὴν*, miraculorum, vel admirandorum omnium principium: quis enim animo complectatur idem simul contrariis ferri motibus antrorsum, retrorsum, sursum, deorsum, sinistrorsum, & dextrorsum? quod tamen in rota dentata inter 4 alias rotas interclusa cernere est.

Porro quæri potest num vectis HK eiusdem cum tribus vectibus AC FG longitudinis sit eadem potentia, hoc est num eadem potentia premens G, & Keodem modo pondus M, ac pondus L æquale in altum tollat, cum enim brachium IK supponatur æquale brachiis BC, DE & FG, hoc est sit 36 partiū, qualis est HI, seu AB, aut CD, vel EF partis vnus, vim eandem habere videtur, ac tria brachia prædicta simul sumpta. Sed vectis HK hanc solummodo vim habet vt potentia in K vnus libræ ponderi in H 36 librarum æquiponderet, cum superius dictum fuerit tribus illis rotis, seu vectibus fieri vt pondus vnū pōderibus 1728 æquiponderaret.



Vnde fit igitur vt tanta sit vectium disiunctorum potentia? nempe quod se inuicem multiplicent, & primò vecti AC, cuius potentia in C vt 1 sustinet pondus L vt 12, non solum addat 12 vires nouas vectis secundus, vt sint 24, sed eas in 144, vti 12 in 12, conuertat, rursusque tertius primi vires cubet, cum solâ fiat additione vectis HK, cuius brachio IH si CD & EF addantur, tantum abest vt potentior erudat, cum triplò fiat quàm antea debilior, cuius nempe potentia in K sit ad pondus M vt 12 ad 1, seu 36 ad 3 futura, quæ prius vt 36 ad 1 fuerat.

Sunt autem qui hanc machinam ad Archimedis Charistion referant, cuius figuram apud Bessonem videre possis: neque differt ab eo instrumento, quod Galli *cric* vulgò nuncupant, & quo tam aurigæ, quàm cæmentarij, vel architecti ad currus releuandos, domos è suis locis transferendas, aut sublimiùs tollendas, & ad alia pleræque fœlicitèr vtuntur: qua dere videatur Stevinus prop. 10. praxis staticæ, vbi calculo subducto demonstrat hoc instrumento 30 axibus instructo, terram è loco suo dimoueri posse, si numerus dentium, quos habuerint rotæ maiores, sit decuplus dentium, quos minores habent: sed cum nulla materia vim illam sufferre queat, frustra quis illud tenta-



ab Archimede δὲς μοι πῶς τῷ, καὶ κινῶ πλὴν γλῶ.

PROPOSITIO XII.

*Cunei naturam ad vectes , aut planum inclinatum  
referre, illius proprietates explicare, ipsiusque pla-  
ni inclinati vires evolvere.*

**D**E Cuneo quæst. 18. mechan. agit Arist. eúmque cum alijs Græcis *σφλω* vocat; cuius historiam paucis contrahemus, omissis in præsentí variis illius significationibus, quippe theatralium graduum ordines, de quibus Lipsius cap. 13. lib. de amphitheatro, & ordinatas militum turmas sæpè denotat. Nunc enim *σφλω* seu cuneus nobis erit vna ex potentijis mechanicis, de qua Pappus 8 Collection. & Guid. Vbaldus, cum alijs qui commentarios in Aristotelis mechanica edidere.

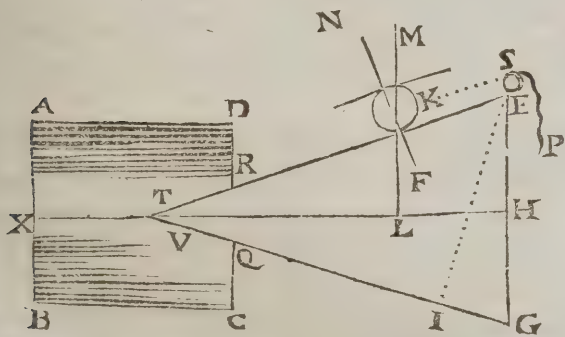
Sit igitur in hac figura cuneus T E G in lignum fissile D C A B impactum malleo ferreo, vel ligneo, quo cunei caput G E percutia-

tur. Arist. loco citato  
cunei naturam, seu  
potentiam ad dupli-  
cem vectem refert,  
nempe  $G V$ , cuius  
fulcimentum in pun-  
cto  $Q$ , pondus vel  
onus mouendum, seu  
findendum atque se-  
parandū, inferior pars  
ligni  $B V Q C$ , po-  
tentia verò residet in

puncto G:& E T, cuius potentia in E, fulcimentum in puncto R, & pondus mouendum superior ligni pars A R D.

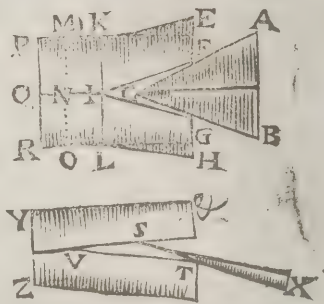
Malunt alij, vectem  $G V$  impellere superiorem partem  $T R D$ , cū  
enim  $G Q$  premit punctum  $Q$  necesse est vt  $V$  cunei mucro, seu  
cuspis premat partem ligni  $T$ .

Guido tamen alio modo vectem concipit, statuitque pondus mo-  
f ij



uendum inter hypomochlion & potentiam, cū Philosophus ponat hypomochlion inter pondus & potentiam: erit igitur fulcrimentum in cuspide T, quod percussione noua mutabitur, & vtriūsq; vectis idem hypomochlion.

Quibus intelligendis duæ sequentes figuræ seruiant, sit enim fissile Y & Z T, in cuius rimam vectis cuneatus S X, vel scalprum, vel quidquid aliud volueris immisissum, ne pars Y & recidat, ostendit T quidem esse hypomochlion respectu partis superioris S &, quæ mouetur superius, quando potentia puncto X incumbit: sed non minus ostendit punctum S esse vectis eiusdem fulcrimentum, habita partis Z T motæ ratione. Si tamen pars vnica, puta S & moueatur, parte Z T interim immotâ, tunc solum punctum T hypomochlij vice fungetur.



Est & alius Baldi modus quo vectem cuneo tribuit, vel potius ipsi ligno findendo, vt in alia figura videre est, in qua lignum P F R G, cuneus impactus A C B; scissio, seu rima C Q. Sit igitur facta separatio cunei ingressu, pars F pellitur in E & pars G in H, scissæque partes erunt D E C F pars superior, & R G H inferior, duo vectes, quorum hypomochlia K & L puncta, potentia dilatantes F & G, pondus autem materiæ resistentia. Cūque ratio F I ad I K sit minor quàm ratio F N ad F M, ratioque G I ad I L minor ratione G N ad N O, scissio à puncto N ad Q facilius erit scissione à puncto I ad punctum N.

Quibus nil opponere velim, quòd intelligere possimus idem esse futurum si quis malleo lignum ipsum P R percutiat immoto vecte A B C, ac cum malleo cuneum percutit: quemadmodū alio loco notamus eundem ex aëre, quem equo, naue, vel alio modo vectus findis, in vultu sensum oriri, quàm ex vento, cuius velocitatē cursui tuo parem sentire cogis, & tantundem impediri pilæ motū ab aëris cylindro pilæ occurrenti, quantum pila ex filo pendula à vento eiusdem cum præcedenti pilæ motu velocitatis agitaretur; qua de re fusuis alio loco dicitur: nunc enim ad cuneum redeo, quem dico ad planum inclinatum referendum esse.

Sit igitur planum horizontale T H, super quo T E planum inclinatur; si supponatur T H latus cunei horizontale, quod alicui corpori immobili innitatur, quale potest intelligi sub X H plano cunei:







omnium quæ ponderis I vel H lapsum impediunt, esse minimam; quæ vel nulla requiritur ob planorum scabritiem, ob quam potentia T pondus ad se trahens, vel potentia X impellens, semper augenda sunt, siue pondera, aut resistentiæ versus centrum grauium, siue ad quodlibet aliud punctum contendant.

Cum autem inclinati plani consideratio sit in rebus mechanicis vtilissima, & in harmonicis Gallicè scriptis Geometræ doctissimi tractatum ea de re curarim edi, qui deest in Harmonicis Latinè scriptis, illius versionem Latinam paucis detractis accipe, nam omnia ferè quæ ad Mechanicam spectant complectitur.

## M O N I T V M.

Quæ deerunt in sequentibus propositionibus, suppleantur à propositione quinta, & deinceps libri de Ballisticis, qui licet ad partem Mechanicæ pertineat, quæ de vi percussione agit, attamen peculiarem tractatum iure suo postulat, ob varias, difficiles, & abstrusas difficultes quas inuoluit.

Porr' quamuis sequentium aliqua pars iam in præcedentibus propositionibus sit explicata fuerit, tamen operæpretium eadem sequentibus figuris accommodare, tum vt bis, diuerso tamen modo, repetita perfectius intelligantur, tum vt Gallicè minus scientes non conquerrantur de Tractatu Mechanico Harmonicis Latinè scriptis non inserto. Adde quòd velim rerum Mechanicarum studiosos hisce propositionibus admonere, reliquas vt istius scientiæ partes à nostro Geometra, quem vix Archimedi cedere putem, adeo importunè requirant, vt tandem in maximum rei litterariæ decus impetrent.

## P R O P O S I T I O N E S.

*Dato plano ad horizontem inclinato, cuius angulus cognitus sit, inuenire potentiam, quæ trahendo vel impellendo per lineam directionis inclinato plano parallelam datum pondus super eodem plano sustineat.*

**S**It horizontale planum LM, ad quod planum LN 2 inclinetur, & angulum datum MLN efficiat; (vbi obseruandum in discursu me lit-





rectus erit, cum ex constructione angulus  $F$  sit rectus, &  $AF$  atque  $DG$  sint parallelæ, ex hypothesi, quapropter linea  $CF$  æqualis erit lineæ  $CG$ .

Sit etiam librarum  $BA$  &  $HI$  decussatio immutabilis in centro  $C$ , utcumque moueantur: potentia  $D$  vel  $B$  super brachio  $CB$  per lineam directionis  $BGD$  eodem modo trahit, ac si esset in  $G$  super distantia  $CG$ .

Brachium verò  $CH$  fiat æquale brachio  $CA$ , & super brachio  $CH$  potentia  $K$  per lineam directionis  $HK$  brachio  $HK$  perpendicularem agat, sitque potentia  $K$  æqualis potentia:  $Q$ : Cumque  $LN$  sit ad  $MN$  ut  $A$  pondus ad  $Q$  potentiam ex construct. &  $LN$  ad  $MN$  ut  $CA$  ad  $CF$ , ob triangulorum  $LMN$  &  $ACF$  similitudinem, erit eadem ratio  $CA$  ad  $CF$ , hoc est  $CH$  ad  $CF$ , vel  $CH$  ad  $G$ , quæ ponderis  $A$  ad  $Q$  potentiam, seu potentia:  $D$  ad potentiam  $K$ .

Cum igitur distantia  $CH$  ad  $CG$ , ita reciproce potentia  $D$  in  $G$  ad potentiam  $K$  in  $H$ , potentia  $K$  in  $H$  æquiponderabit potentia:  $D$  in  $G$ , per 6 & 7 primi mechan. Archim. Atqui potentia  $D$  in  $G$  idem præstat ac in  $B$ , & est antisacoma ponderi  $A$  super brachio  $CA$ ; quare  $K$  potentia ex distantia  $CH$  æquiponderat ponderi  $A$  super brachio  $CA$  posito, eademque potentia  $K$  super distantia  $CH$  vices obeunte potentia:  $D$  super distantia  $CB$ , vel  $CG$ , libræ manent in æquilibrio.

Cum verò potentia  $Q$  agit super brachium  $CA$  per lineam  $AO$ , suntque  $CA$  &  $CH$  distantia: æquales, quibus directionis lineæ  $AO$  &  $HK$  ad rectos angulos; & potentia: trahentes  $Q, K$  æquales, trahent æqualiter: cumque potentia  $K$  agens ex distantia  $CH$  æquilibrio inferat libræ, si potentia  $Q$  vires potentia:  $K$  præstans trahat distantia:  $CA$ , libra manebit æquilibris, pondusque  $A$ , impediens potentia:  $Q$ , super plano  $NL$  minimè labetur. Ablatis igitur reliquis potentijs  $KD$  vel  $B$ , sola potentia  $Q$  per  $AO$  trahens pondus  $A$ , ut antea, retinebit super plano  $NL$ . Cumque linea  $AO$  centro grauitatis  $A$  extremo libræ  $CA$  respondentis adhæreat, libra nil amplius sustinet, neque suum centrum  $C$  premit, ideoque pondus  $A$  quiescit super plano  $NL$ , & super potentia  $Q$ , quæ sustinet istud pondus super plano prædicto.

Cum autem ex hypothesi  $NLM$  angulus datus sit, & angulus  $M$  rectus sit,  $LMN$  triangulus datur specie, est igitur ratio  $LN$  ad  $NM$  data: sed  $LN$  est ad  $NM$  ut pondus  $A$  ad  $Q$  potentiam, ex construct. igitur ratio ponderis ad  $Q$  potentiam datur; Est autem pondus  $A$  datum, igitur & potentia  $Q$  data, quod quærebatur.

## COROLLARIUM PRIMVM.

**E**X dictis, erit eadem ratio hypothenusæ  $LN$  ad basim  $LM$ , quæ ponderis  $A$  ad potentiam lapsum illius super libræ brachio  $CA$ , & pressionem super  $LN$  2 plano impediētem: quod demonstratur, si  $CA$  distantia planum inclinatum referat, potentia siquidem pondus in hac obliquitate sustinens ad pondus esse debet vt perpendicularis seu cathetus  $FA$  ad  $CA$  hypothenusam, vel vt  $LM$  ad  $LN$ , ob triangulorum  $LMN$  &  $AFC$  similitudinem.

## COROLLARIUM II.

**S**I pondus  $A$  pendeat à linea  $CA$  rigida puncto  $C$  infixa, circa quod liberè cum suo pondere moueri possit, non quiescet pondus, nisi cum linea  $CA$  cum  $CL$  ad horizontem perpendiculari conueniet. Si pondus idem cum sua linea vi trahatur ex loco quem in hac figura tenet, retineri non poterit in hoc statu, agens per lineam directionis  $AO$  perpendicularē lineæ  $AC$ , nisi à potentia ponderi  $Q$  æquali, quod est ad  $A$  pondus vt  $CF$  ad  $CA$ , linea enim  $CA$  cum firma supponatur instar baculi ferrei, refert brachium libræ  $BA$ .

Itaque pondus  $A$  contra lineam  $CA$ , à qua pendet, vim suam integram non exerit, sed illius potentia est ad totalem illius potentiam (quam habet dum trahit per lineam  $CL$ ) vt  $AF$  ad  $AC$ , quod verum est, etiam si  $CA$  funis loco lineæ firmæ supponatur.

## COROLLARIUM III.

**S**I pondus  $A$  cadat obliquè in planum  $LN$  2, illius vis, percussio, vel pressio erit ad illius potentiam integram vt  $FA$  ad  $AC$ , vel  $LM$  ad  $LN$ , cum vis percussiois sit veluti ponderis augmentum.

## COROLLARIUM IV.

**P**otentia pondus super inclinato plano sustinens non est ad pondus, vt angulus inclinationis ad rectum angulum, vt credit Cardanus 72. prop. lib. 5. proport. est enim ratio anguli inclinationis  $MLN$  ad angulum rectum  $M$ , quæ perpendicularis  $MN$  ad hypothenusam  $NL$ , & ideo potentia ab eo data minor est quam par-

fit: nam ipsâ experientiâ constat in inclinatione 30 graduum potentiam pondus sustinentem esse ponderis subduplam, cum iuxta Cardanum subtripla sufficiat, cum 30 graduum angulus sit recti subtriplex, cuius nempe triens. Deinde in inclinatione 60 graduum 10 libræ libras 15 sustinerent, cum tamen 13 libræ proximè requirantur. Hinc etiam constat 9. propof. 8. Collat. Matth. Pappi falsam esse.

COROLLARIUM V.

**E**Adem ratione crescit iter à pondere super inclinato plano faciendum, quâ decrescit potentia; unde tempus quo mouetur super illo plano, ad tempus quo mouetur per planum perpendicularare est in ratione reciproca potentia per lineam perpendicularem agentis ad potentiam per inclinatam planum trahentem: itaque tempora sunt inter se vt ipsa plana: Si verò planum vtrûmque iuxta diuersos angulos fuerit inclinatam, maiorem potentiam magis inclinatam requireret, sed reciprocè maius erit iter & tempus quo pondus ad æqualem altitudinem super plano magis inclinato tolletur: crescit verò tempus eadem ratione quâ potentia minuitur: nam si quid potentia superaddendum fuerit, id in imperfectionem, siue impedimenta plani & ponderis refundendum.

COROLLARIUM VI.

**C**Ochlea refertur ad planum inclinatam, circa rotundum corpus inflexum, vt postea videbitur; quemadmodum cuneus, vt iam dictum est, cum vis eadem in impellendo sub pondus plano, quam in pondere super planum trahendo requiratur.

PROPOSITIO XIV.

*Cum linea directionis, quâ pondus super inclinato plano à potentia sustinetur, non est eidem plano parallela, plani inclinatione, & pondere datis, inuenire potentiam.*

**I**stius propositionis casus duo cum vna determinatione prius explicandi, quàm vterius progrediamur. Sit igitur pondus A super



plano inclinato  $LN_2$  in figura prop. præced. libra  $CAN$  inclinata, sed eodem plano perpendicularis, & libra horizontalis  $CF$  cum  $AF$  linea lineæ  $CF$  perpendicularis;  $YAO$  plano  $LN_2$  parallelâ, &  $NM$  plano horizontis  $LM$  perpendiculari.

Præterea  $TN$  vsque ad  $A$  centrum grauitatis dati ponderis  $A$  producta ducatur ex puncto  $N$  perpendiculariter super planum inclinatum  $LN_2$ , occurrens horizontali plano in puncto  $T$ , vt cum opus erit,  $TA$  funem vel lineam firmam seu inflexibilem referre queat.

Constat autem lineâ  $FA$  existente lineâ directionis, per quam potentia pondus  $A$  sustinet, potentiam ponderi æqualem esse debere, cuius sustentatione posita, pondus nihil premet inclinatum planum  $LN_2$ , quod neque premetur, cum linea directionis inter  $AF$  &  $AY$  fuerit, & angulum  $FAY$  diuiderit; verbi gratiâ directionis linea  $IA$  non sustinebit, sed deprimet pondus: quapropter nec  $AY$  nec inter  $AY$  &  $AT$  esse debet, nam exempli causa si potentia per lineam  $AZ$  agat, pondus deprimetur; vbi supponendus à plano nihil impediri lineam  $AZ$ , aut alias lineas per planum idem transeuntes, vel ipsam libram  $CAN$ .

Denique cum potentia per lineam  $AT$  trahit pondus in planum  $LN_2$ , premitur quidem planum, sed nulla ratione ponderis lapsum impedit, quantumuis potentia premat & impellat pondus contra planum.

Duos igitur reliquos potentiaæ situs discutiamus, in quorum vno linea directionis est inter  $AF$  &  $AO$ , quæ angulum  $FAO$  diuidit, vt cum linea directionis est  $AQ$ , & potentia in  $Q$ , vel post trochleæ circumductionem in  $E$ .

In altero situ, linea directionis potentiaæ est inter  $AO$  &  $AT$ , qualis est  $AR$ , potentia existente in  $R$ , vel in  $S$  trochleæ beneficio. Qui quidem casus sola constructione differunt, nam vtriusque demonstratio eadem. Omitto impulsionem & tractionem eadem vi & linea fieri.

## Primi casus explicatio & demonstratio.

**S**It  $AQ$  directionis linea, per quam potentia  $Q$  vel  $E$  sustineat datum pondus  $A$ , super inclinato plano  $LN_2$ ; angulus inclinationis  $NLM$  datus, & angulus  $OAQ$  sub linea  $AO$  plano  $LN_2$

parallela, & A Q linea, per quam trahat potentia Q, vel E, reperienda est hæc potentia.

Ideoque C B ducatur à puncto C lineæ Q A perpendicularis, quæ cadet inter Q & A, quod anguli A Q C, Q A C sint acuti; eritque data C B, ob datum triângulum C A B, cuius C A per constructionem, datur, angulus B rectus, & angulus G A B anguli B A O complementum. Sit etiam ut data B C ad datum C F, ita pondus A datum ad potentiam Q, vel E, quæ data erit.

Cùm enim O potentia per A O lineam plano L N 2 parallelam trahens sustineat pondus A super prædicto plano, vel super libra C A, omnia se habent ut in præcedente propos.

Erit igitur O potentia ad A pondus eadem ratio quæ C F lineæ ad lineam C A, ex præcedente prop. & ut pondus A ad potentiam Q vel E, ita C B ad C F per construct. igitur, per æqualem perturbatæ proportionis rationem, O potentia est ad Q vel E potentiam, ut C B ad C A. Sed Q vel E potentia trahens per Q A libræ C A brachio obliquum, eodem modo trahit ac per C B, libræ brachium referentem, cui C B linea directionis Q B A perpendicularis est.

Cùm igitur potentia Q vel E perpendicularis trahit super C B, & O potentia super C A, & est proportio reciproca potentia O ad potentiam Q vel E, & distantia C B per quam trahit Q vel E, ad C A distantiam, per quam O potentia trahent, potentia trahent æqualiter per 6 & 7 lib. 1. mechan. Archim.

Sed O potentia per C A trahens facit libram C A æquilibrem cum A pondere super plano L N 2, eiusque lapsum impedit, per præcedentem prop. igitur Q vel E potentia per C B vel C A distantiam trahens libram C A æquilibrem conseruabit, & A ponderis lapsum impedit, Funisque Q A centro ponderis A infixæ libram exonerabit, quæ manebit inutilis. Igitur Q vel E per Q A funem trahens datum pondus A sustinet super L N 2 plano, cuius N L M angulus inclinationis datus est, & Q vel E potentia data, quod postulabatur.

## Secundus casus.

**S**IT A R directionis linea, per quam potentia R vel S sustinet pondus A datum, super plano L N 2: sitque datus angulus O A R, cæterisque ut antea, superest R vel S potentia reperienda.

Angulus C A O rectus est, igitur C A R angulus obtusus dabitur, & recta R A versus A usque ad I punctum producta, in quod C I per-

pendicularis cadit, triangulus  $CAI$ , & perpendicularis  $CI$  dabitur. Fiat igitur vt  $CI$  recta data ad  $CF$  datam, ita pondus datum  $A$  ad  $R$  vel  $S$  potentiam, quæ prout requirebatur data erit.

## Scholium primum.

**I**N hac propos. præsertim in illius secundo casu maximè notandum est funem  $RA$  situm hunc habere posse, vt perpendicularis  $CI$  sit æqualis, vel minor  $CF$  in ratione data, atque adeo pondus  $A$  æquale potentia  $R$ , aut  $S$ , vel illo minor in ratione data, vt maior potentia quàm  $A$  requiratur, vt  $A$  super  $LN_2$  plano lineâ directionis ei minimè parallēlâ, trahendo, vel pellendo sustineatur: quod oritur ex eo quòd vis maior requiratur ad pondus trahendum per lineam quæ plano parallela non est. Quod facillè probatur ex eo quòd in primo casu sit minor ratio  $C$  Bad  $CF$ , est enim  $CB$  minor  $CA$ , atqui vt  $CB$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad  $Q$  vel  $E$  potentiam; & vt  $CA$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad  $O$  potentiam, est igitur ponderis  $A$  ad  $Q$  vel  $E$  potentiam ratio minor quàm ponderis  $A$  ad  $O$  potentiam, quare  $O$  potentia minor est potentia  $Q$  vel  $E$ .

In secundo casu  $CI$  perpendicularis minor est ipsa linea  $CA$ , igitur minor est  $CI$  ad  $CF$  ratio, quàm  $CA$  ad  $CF$ , vt in primo casu.

## Scholium secundum.

*Plano inclinato, & pondere ei superposito existentibus  
ysdem, quò directionis linea maiorem cum illo plano  
faciet angulum, eò maior ad pondus sustinen-  
dum potentia requiritur.*

**I**N primo casu  $Q$  potentia per funem  $AQ$  trahat, & cum  $AO$  linea faciat angulum  $OAQ$ . Deinde trahat potentia  $15$  per funem  $A15$ , & faciat cum  $AO$  angulum  $O A 15$  maiorem angulo  $OAQ$  &  $A15$  linea magis quàm  $AQ$  ad lineam  $AF$  accedat: & tam potentia  $Q$ , quàm  $15$  sustinere possit  $A$  pondus super inclinato plano  $LN_2$ , erit potentia  $15$  maior potentia  $Q$ , dueta enim super  $A15$  perpendiculari  $C16$ , constat pondus  $A$  esse ad  $15$  potentiam vt  $C16$  ad  $CF$ , & pondus  $A$  ad  $Q$  potentiam esse vt  $CB$  ad  $CF$ . Atqui ratio



$C16$  ad  $CF$  minor est ratione  $CB$  ad  $CF$ , cum  $C16$  minor sit  $CB$  linea; Ponderis igitur  $A$  ad  $15$  potentiam ratio minor est ratione ponderis  $A$  ad  $Q$  potentiam; igitur  $15$  potentia maior est potentia  $Q$ .

In secundo casu, potentia  $R$  per  $A$   $R$  lineam agat, & angulum  $RAO$  cum  $AO$  faciat: deinde potentia  $10$  per chordam  $A10$  trahens faciat cum  $AO$  linea  $10$   $AO$  angulum angulo  $RAO$  maiorem, sed  $TAO$  minorem, ut  $A10$ , linea sit, quam  $AR$ , lineæ  $AT$  plano  $LN2$  perpendiculari vicinior: & tam  $R$  quam  $10$  potentia sustinere valeat pondus super plano prædicto, erit potentia  $10$  maior  $R$  potentia, nam à puncto  $C$  super  $A10$  utcumque productâ  $A10$  versus  $A$ ,  $C11$  perpendicularis demittatur, constat  $A$  pondus esse ad  $R$  potentiam ut  $IC$  ad  $CF$ , & ad potentiam  $10$  ut  $CH$  ad  $CF$ , atqui ratio  $IC$ , maior est quam  $C11$  ad  $CF$ , quia  $IC$  maior est  $C11$ . Igitur ponderis  $A$  ad  $R$  potentiam ratio maior est quam ponderis  $A$  ad potentiam  $10$ , quare  $R$  potentia minor est potentia  $10$ .

## PROPOSITIO XV.

*Datis plano inclinato, pondere, & potentia, qua sit maior minore pondus datum super datum planum sustinente, lineam directionis inuenire per quam data potentia pondus idem super eodem plano sustinebit; & dare angulum quem hac linea cum plano faciet.*

**S**It rursus datum planum inclinatum  $LN2$ , super quo pondus  $A$ , deturque potentia maior  $O$  vel  $3$  potentia, omnium  $A$  super plano sustentium minima; sitque reperienda linea directionis per quam data potentia super  $LN2$  pondus  $A$  sustineat:  $AF$  linea directionis ponderis  $A$ , libra  $CA$  perpendicularis plano  $AN2$ ,  $CF$  super  $FA$  & cæteræ sint ut antea; erit igitur ex dictis  $O$  potentia ad  $A$  potentiam ut  $CF$  ad  $CA$ , sed data potentia maior est  $O$  potentia, igitur illius maior erit ad  $A$  pondus quam  $CF$  ad  $CA$  ratio, & consequenter  $C19$  minor erit  $CA$ .

Si data potentia sit æqualis  $A$  ponderi, linea  $C19$  æqualis erit  $CF$ ; si maior fuerit,  $C19$  minor erit  $CF$ , si minor fuerit,  $C19$  minor erit  $CF$ .

Iam verò centro C, interuallo C 19 circulus I 19, 12 describatur, qui C Q lineam secabit inter puncta C, F, cùm C 19 maior erit CF, vel in puncto F, cùm C 19 æqualis erit CF: alioquin idem circulus C Q lineam inter C, F secabit.

Vt vt fuerit, à puncto A ponderis centro duæ circulum tangentes A 18, & A I, nec non lineæ C 18, & C I ducantur. Tangens A 18 producta lineæ C Q in puncto 17 occurrit: quod quidem punctum circuli 19, 18 secantis lineam Q A inter puncta F, 3, vel in puncto F, vel inter CF, leges sequetur, erit quippe similiter inter eadem puncta, vel in F puncto.

Si cadat punctum 17 inter F & 3, & potentia ducta pondus A trahat per funem A 17, sustinebit A super plano L N 2, cùm sit C 18 perpendicularis ad CF, vt A pondus ad datam potentiam.

Si cadat in F, vel inter C, F, potentia erit ad eam partem inutilis, neque seruiet nisi cùm dato pondere minor fuerit.

Tangens A I producat versus partem A in R, & per funem A R data potentia R, vel S trahat, quæ pondus A super plano sustinebit, cùm ex constructione perpendicularis C I sit ad CF lineam vt A pondus ad datam R vel S potentiam. Et in utrôque casu 17 A O vel R A O innotescet, vti postulabatur.

## COROLLARIUM.

**E**X dictis colligitur datam potentiam iuxta quamcûmque rationem, A pondere maiorem esse posse, nec vllam esse quantumvis magnam, quæ, dum trahit per funem A T plano L N 2 perpendiculari, A pondus super prædicto plano sustinere, aut ipsius lapsum impedire possit, per lineam C A pellendo, vel premendo.

## PROPOSITIO XVI.

*Cochlee quâ pondera mouentur, & aqua sursum attollitur naturam & vires explicare, & ad planum inclinatum reducere, & ostendere num ascendat aqua per cochleam, quòd descendat.*

**C**ochlea dicitur à mechanicis, cylindrus, circa quem helices conuoluuntur, vel cylindrus spiratim constructus, qualis in prælo

A detailed technical drawing of a mechanical device, likely a pump or engine component, labeled with various letters. The device features a vertical cylinder with a piston, a horizontal cylinder, and a large conical structure at the bottom. The drawing is labeled with letters A through V, indicating specific parts and components.

fit. Vires autem præli, & aliarum machinarum similium ex spirali-  
um latitudine, & manubrij longitudine definiuntur, si enim, exem-  
pli gratia, latitudo cuiuslibet helices sit vnus digiti, & manubrij lon-  
gitudinē sit ad cylindri semidiametrum vt vnus digitus ad 7 pedes, hoc  
est vt 1 ad 84, necessarium erit qualibet manubrij conuersione tra-  
bem superiorem HD ad LM trabem digiti spatium accedere: cū-  
que punctum manubrij N integra sua versione circumferentiam  
22 pedum, seu 264 digitorum describat, eodem tempore quo digiti  
spatium cochlea descendit, & vis hominis non soleat esse minor 30  
libris, sequitur manum puncto manubrij H adhibitam tantumdem  
premēre, ac 7920 libras. Vnde quispiam concludere potest quæ  
ratio debeat esse helices ad manubrium vt hoc instrumento vel pon-  
dus datum tollatur, vel datis viribus aliquid prematur.

# h



cauas habet, quibus congruant conuexa, adeout  $FG$ , si mobile fuerit, manubrij conuerſione parallelum tigno  $DH$  descendere, vel etiam ascendere possit. Vulgò tamen est immobile, & cum rectis tignis  $FN$ ,  $GS$  firmiter compaginatum, quemadmodum trabs inferior  $LM$ , superior verò  $HD$  mobilis est, vt attollatur, atque deprimatur.

Porro cylindrus concauus in medio trabis  $FG$  latens mater aut foemina cochleæ, vel tylus appellatur, Gallis *l'ecroux*, vt cochlea  $AED$  *la viz*, vectis  $N$  *l'arbre*.

Alij helicis conuexæ supremum apicem striam, concauum strigem appellant, & cylindrum in helices efformatum clauiculatim, spirulatim & capreolatim striatum appellant, quo prælum  $HD$  vertigine demittatur, vel tollatur.

Helix autem cylindro circumuoluta refertur ad cuneum, seu planum inclinatum, vel etiam ad vectem, vt ipse cuneus. Licet autem ista cochlea horizonti perpendicularis intelligatur, atque adeo manubrium, seu vectis  $N$  suâ conuerſione prælum  $HD$  sursum tollat & deorsum demittat; si tamen supponatur horizonti parallela, dextrorsum, vel sinistrorsum, vel retrorsum & antrorsum idem prælum, vel illius loco pondus mouebit.

Qui plura volet,  $G. V$  baldum habet de cohlea pluribus differentem, vltimo lib. Mechanicorum tractatu; qui cum 4. libros de alia cochlea Archimedi tributa scripserit, pauca solum de ea subiungo.

Sit igitur cochlea, (vel vt Athenæus loquitur, Cochlion, quod Diodorus in vsu fuisse docet apud Ægyptios, quippe qui lacunas Nilo effluente repletas hoc instrumento exficarent)  $QRST$  cylindrus super planum inclinatus, circa quem helix  $QR$ ,  $Y$  &  $ac$ , &c. circumuoluatur, vt aqua fluuij, lacus, lacunæ, aut alterius loci *fg*  $P$  transferatur, & ascendat ad datam altitudinem  $S$ , effluâtque per  $TV$ . Quod fiet manubrij *hl* versione; aqua enim  $P$  per punctum  $Q$  ingrediens descendet ad  $R$ , deinde ad  $Y$  ascendet, à quo descendet iterum ad &; à quo ad  $a$ , ab  $a$  ad  $c$ , & ita de reliquis helicibus, donec ad extremum vltimæ, hoc est ad  $T$  punctum peruenerit.

Cochlea potest etiam cono adplicari, qualis est conus  $XQT$ , cuius helices erunt  $QR$ ,  $Z$  &  $bc$  &  $de$ , donec vt prius aqua perueniat ad  $T$  punctum.

Licet autem Vitruuius lib. 10. cap. 11. hanc describens machinam velit eam ita super horizontem inclinari, vt cathetus  $TV$  sit trium partium, qualium  $Vg$  basis 4. & hypothenuſa  $XT$  quinque, ob trianguli Pythagorici excellentiam, illud tamen minime necessarium: &

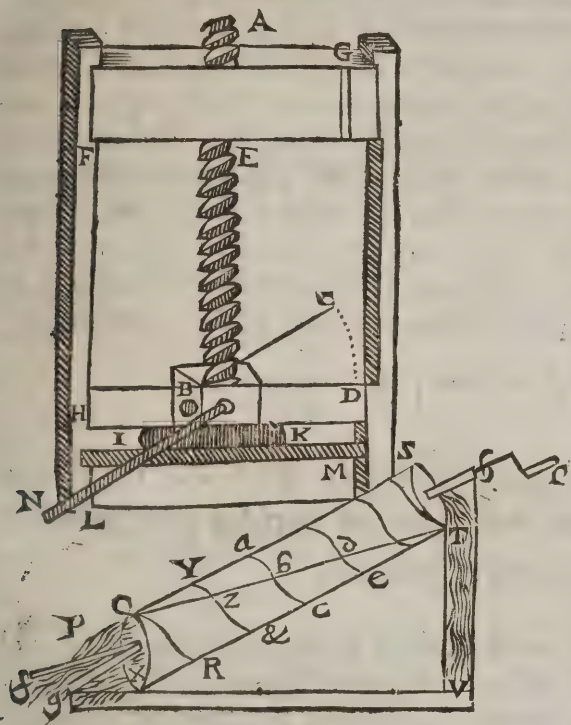
G. Vbaldus demonstrat qua ratione inueniantur helices cochleæ quocūque modo constitutæ; datoque cylindro ad horizontem inclinato, quomodo helix constitui debeat, vt aquæ super ipsum fluere possit: cuius tertiam propos. lib. tertij præsertim legere debeas. So-

lum addo cochleam horizonti perpendicularē, aut parallelā inutilem, & quò magis fuerit inclinata, eò maiorē aquæ copiam attollere, sed tardius: quò per eandē cochleam diuersimode inclinatā maior attollitur aquæ copia, eò maius tempus infumī: quò minore potentia per cochleam eodē modo inclinatā aqua tollitur, eò maius tempus requiri.

Porro describit lineam in cylindri superficie, ad quā omnes helices à dato puncto secundum datam lōgitudinē sunt æquales, quam *cylindroquadrantem* appellat, vt lib. 4. prop. 1. videre est.

Sunt autem duo puncta in helice qualibet, nempe supremum Q, vel Y vel a, & infimum, quale R, & c, e; quæ præsertim spectanda sunt, quando quidem aqua censetur ascendere per lineam XT per omnia puncta infima transcurrentem.

Licet verò solis lineis QR, Y & a c, &c. helices descripserim, intelligendi sunt tubi caui, quibus aqua per Q ingrediens semper detineatur ne effluat donec ad T peruenerit. Cū autem ipse G. Vbaldus cum aliis existimet aquam in istis helicibus ascendere quia descendit, vt ex illius in 4 de cochlea libris constat, in quibus similia quædam velut artis & scientiæ miracula commemorat, verbi gratia, quòd axioma sequens, vbi datur maius & minus, æquale datur, non sit vndequaque verum, cū angulo rectilineo mixtus ex circumferentia & recta linea maior & minor detur, neque tamen dari possit æqualis;



qua dēre Cardānus fusē prop. 159. lib. 5. de proport. quōd duæ linēæ ad se inuicem semper accedere possint, neque tamen vnquam conuenient, vt in conuoidibus ad lineam rectam accedentibus, & in assymptotis videre est: cū, inquam, omnes ferē credant non aliam esse rationem, ob quam ascendat aqua à puncto Q vel R ad punctum T, nisi quia descendit, mutabunt sententiam si cogitent plani inclinati XT punctum R, verbi gratia, manubrij *hl* & cylindri X S versurā, seu conuersione idem pati, vel agere, ac si globus aqueus, vel aliud corpus continuò pelleretur super inclinato plano XT. Quod etiam ipsum ex parte vidisse constat ex prop. 3. lib. 3. pag. 124. Videatur Cardanus lib. I. de subtilit. vbi de hac cochlea fusē, quique credit aquam perpetuò descendere, & tamen in fine altiore euadere. Machinam etiam Augustanam pluribus instructam cochleis describit, quam typis elegantioribus Apiario 4. Bettinus delineauit; vt in dato spatio ad datam altitudinem graua per cochleam extolli posse demonstraret.

## PROPOSITIO XVII.

*Qua potentia pondus quodlibet per qualibet inclinata plana ducatur, vel trahatur, in cochlea gratiam iterum explicare.*

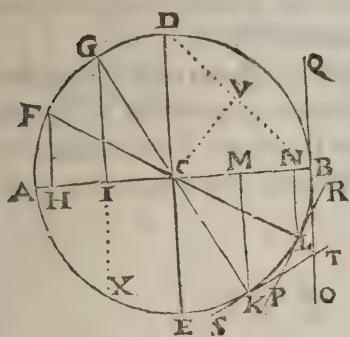
**S**It in hac figura planum horizontale AB, perpendiculare DE, vel SQO, & AB planum durissimum, & planissimum intelligatur, vento quolibet corpus quantumuis graue, durum & politum, hoc est minima vi moueri poterit; quod vt per planum inclinatum CF moueatur, vim maiorem requirit, & hac maiorem vt per planum CG ducatur, donec in plano verticali CD, vi toti ponderi æquali sustineatur.

Quantò autem vis maior in vno quàm in altero plano requiratur, ex lineis ad horizontem perpendicularibus à punctis F, G, &c. ductis innotescit, quandoquidem potentia corpus super plana trahentes, sunt ad inuicem vt illæ perpendiculares ad inclinata plana.

Exempli causa, linea perpendicularis FH plani FC dupla est, quapropter vis duplò minor corpus graue super plano CF, quàm super, vel in plano verticali DC sustinebit. Similiter perpendicularis GI quæ est ad suum planum GG vt 7 ad 8, testatur potentiam pondus super CG tenentem esse ad potentiam illud in plano verticali sustinentem vt 7 ad 8. Idemque penitus dicendum de planis inclinatissimis, quæ in quadrante circuli AC duci possunt.



Sit ergo circulus  $AEB$ , cuius diameter  $AB$ , centrum  $C$ , sintque vires, seu potentiae æquales in punctis  $A$  &  $B$ , quæ libram circa centrum  $C$  mobilem referant, pondus  $B$  sustinebitur ab  $A$  potentia, velut ab æquipo pondio. Intelligatur verò libræ  $AB$  brachium  $CB$  cadere in  $CK$ , sed manere continuum brachio  $CA$ , vt punctum, seu centrum  $C$  sit, vt prius illorum fulcimentum, potentia, seu <sup>potentia</sup> in puncto  $K$  minor erit potentia in  $A$ , idque ea ratione quâ linea  $AC$  maior fuerit lineâ  $MC$ .



Ex quibus intelligitur qua ratione possit inueniri quantum sustineatur graue datum à quolibet puncto quadrantis B E, hoc est cui plano inclinato respondeat quodlibet quadrantis punctum, & quanta sit potentia cuiuslibet helicis propositæ, quæ eò fortior aut faciliior erit, quo planum inclinatum magis ad horizontale accesserit, sed erit reciproce tardior. Est igitur potentia vt perpendicularum, seu tangens, pondus vt planum inclinatum, hoc est vt secans, vt enim C F duplum est F H, quod C F pondus integrum refert, ita pondus est vt duo, & potentia vt vnum.

**S**I per planum inclinatum D N globus aliquis descendat à quiete in D, eodem tempore quo V punctum attigerit, per planum D C descendens, punctum C percutiet, & cum ad B peruenerit, in E puncto futurum est.

Plura alia Lector ex hac figura concludere poterit: iam enim ad alia transeundum, quæ cum cylindrorum, vel parallelepipedorum vim, seu robur spectent, ad mechanica reducuntur.

Ex quibus, qui nondum Galilæi dialogos de Motu nondum vident, illorum legendorum desiderio capiantur, quorum videlicet duabus sequentibus prop. velut epitomem facimus; licet à quinque annis eorundem versionem Gallicam dederimus, ex qua repeti possint quæ hîc deesse videbuntur.

### PROPOSITIO XVIII.

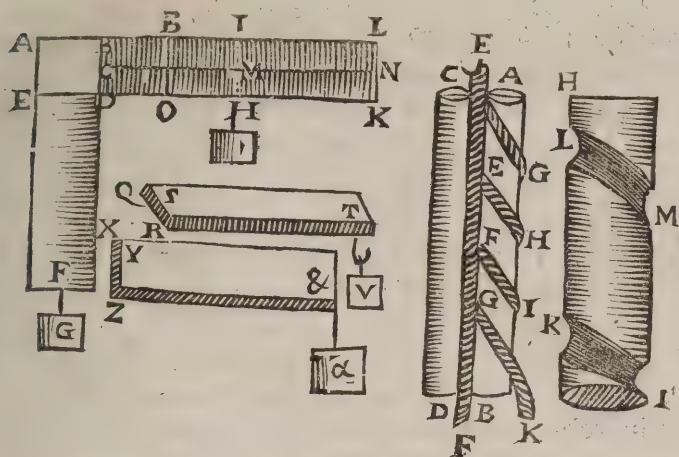
*Robur cylindrorum metallicorum, atque ligneorum  
quouis modo tractorum, vel pressorum  
aperire.*

**H**Ac figurâ primùm explicemus robur cylindri E F in A D suspensi, & horisonti perpendicularis, hoc est quanta vis trahens in F requiratur ad columnam E F, cuius data sit magnitudo, & materia, frangendam: sitque ænea, ferrea, vel quercina; eiûsque crassitudo seu basis diameter E D 4 linearum, seu trientis pedis: altitudo verò F E quacûmque, licet hîc iam nolim eam considerare.

Sunt autem qui credant tantum esse cylindrorum in longum tractorum robur, vt ne quidem globus terræ puncto F appensus illos dissoluere, seu frangere possit, qui tamen quantum aberrant, ex dicendis concludetur. Quanquam certum est robur illud omnium esse maximum, cum enim transuersim trahuntur, vel potius premuntur, vt fit cum cylindrus D L muro A D infixus frangitur à trahente vi, seu pondere, quod puncto K, vel H appenditur.

Robur autem parallelepipedo, vel cylindri A F, vel H I, aut cuiusuis alterius pender à fibris rectis inter se firmissimè connexis, qui difficulter cedunt, diûque resistunt; eo ferè modo quo resistit funis

AGEHFIG per punctum G tractus, qui propter varias spiras, quibus cylindro AE circumuoluitur, vix trahi potest; licet enim funis EF pre-



nis EF prematur à duobus cylindris CD & AB, velut à prælis, longè tamè faciliùs trahitur à vi puncto F applicatâ, quâ funis K, cuius resistentia toties multiplicari videtur,

quot sunt striæ circa quas voluitur. Quæ striæ sunt vtiles vt quis ex altissimis muris, turribus, & fenestris descendat beneficio funis in in illis strijs intorti, & pro descenditis voluntate labentis; dum enim manibus prematur funis cylindro HI circumductus, & spiras IK & ML implens, sensim labitur cylindrus, idque velociùs vel tardiùs pro varia funis pressione, ac remissione, seu laxatione.

Vnde vero cuiuslibet fibræ rectæ tantum robur contingat, præter ea plurima, quæ de fibris prop. 3. libri 3. Harmonici fusè diximus, si quis in atomorum vncinulos, & hamulos, quibus fibræ longitudo texatur, referre velit, per ne licet dummodò satis explicetur qua ratione illi hamuli cedant, eorùmq; denticuli, quibus instar cathenulæ sibi inuicem implicantur, atque connectuntur, vel subsiliunt, vel frangantur: de quibus atomis etiam nonnulla propof. 22. lib. cit. harmonici dicta sunt. Cætera possis ab ingeniosissimo Philosopho Petro Gassendo petere, vel expectare.

Porro Galilæus existimat robur illud partim in fugam vacui reducendum, de vi cuius reperienda possis illum consulere pagina 15. dialogi primi de motu. Vnde tamen cùmque robur illud sit arcessendum, illud ex obseruationibus accipito.

Experientia constat, quam dudum in harmonicis tam Gallicis quàm Latinis explicauimus, cylindrum aureum & argenteum, cuius basis, vel potius diameter basis est sexta pars lineæ, 23 libris appensis



frangi, cū tamen cylindri ferrei, & ænei eiusdem crassitudinis 18, vel 19 libris frangantur, quod certè mirum videtur, quis enim chalybeos, aut æneos cylindros aureis vel argenteis robustiores non existimasset?

Vnde sequitur aureos & argenteos cylindros, qui diametrum habuerint suarum basium linearem, fractos iri vi librarum 828; æneos & chalybeos libris 648; cū lignei ex quercu centum libris, & ex ebena, vel alijs lignis Indicis 120 libris frangantur. Ex quibus de reliquis alterius materiæ cylindris facillè iudicaris, quemadmodum de cylindris crassioribus, siue pedalem, siue maiorem habeant baseos diametrum: exempli gratia, quercinus cylindrus crassitudine vnus lineæ centum libris frangitur; ergo rumpetur libris appensis 2073600, cū pedalis fuerit diameter baseos illius, cū sicut bases, ita potentia frangentes, seu pondera sint in diametrorum ratione duplicata.

Huc etiam referre possis vim neruorum, quorum vsus in testudinibus, citharis, & alijs rebus, vt & omnium chordarum, florum, &c. Nervus autem ex intestinis factus, eiusdem ac cylindrus æneus crassitudinis, hoc est, cuius basis diametrum  $\frac{1}{2}$  lineæ habuerit, 7 libris frangitur; cū igitur nerui crassitudo, seu baseos diameter linearis erit, 252 libris rumpetur. Videatur prop. 3. lib. primi de instrumentis harmonicis, vbi notatur filum argenteum, cuius crassitudo  $\frac{1}{2}$  lineæ, frangi pondere semilibræ, & esse 600 pedum, licet non excedat semunciam: quod filum cum sit sesquipedale, & 8 libris super monochordo tenditur & percutitur, centies vnus secundi spatio recurrit.

Antequam verò cylindrorum transuersorum robur attingam, notandum est cylindrum E F horizonti perpendicularem seipso absque vi ponderis, aut alia potentia trahente fractum iri, cū tantæ fuerit longitudinis, vt ipse cylindrus tantumdem ponderet, quantum pondus à quo frangitur. Verbi gratia, præcedens filum argenteum quod octo frangitur vncijs, seipso rumperetur, si 9600 pedes longum esset, cū cylindrus istius longitudinis sit 8 vnciarum pondo, quandoquidem semuncia tribuit cylindro 600 pedum altitudinem.

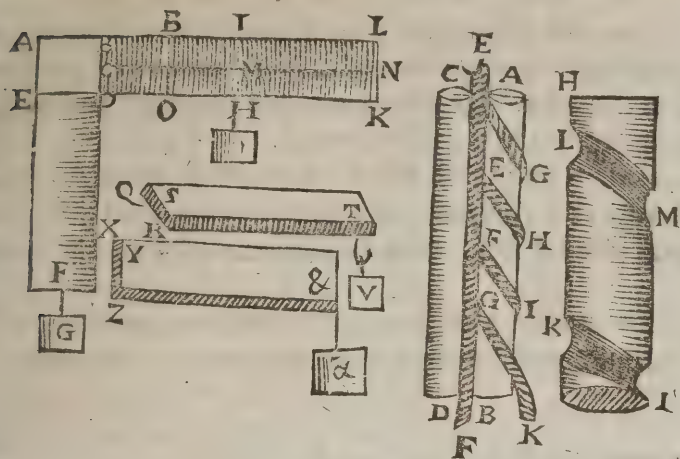
Ex his autem facillè concludetur quantò cylindrus quilibet materiæ cuiuscūque, producendus sit vt suo proprio nutu, ac pondere frangatur, idemque dicendum de trabibus, baculis, &c.

Iam verò cylindrum D L, & parallelepipedum, seu laminas Q T horizonti parallela inspiciamus, quorum robur non adeo explicatu difficile est, cū potentia longè minore frangi debere videatur.

Sit igitur parallelepipedum D L, cuius resistentia, seu robur inueniendum, quod cū diuersum existat, ob varias partes quibus poten-

tiam applicaris, parti mediæ M in H puncto, vel puncto N, seu K adhibeatur; supponaturque parallelepipedum DL eiusdem vbique ro-

boris esse, hoc est tam secundum longitudinem AL, quam secundum latitudinem, seu crassitiem KL, vel AE vel fibras rectas æquè robustas, vel nullas fibras habere; sed esse metallicum, alioqui



enim fallet proportio, si fuerit AK cylindrus, vel parallelepipedum ex ligno, quod fibras habeat secundum latitudinem rectas, & secundum longitudinem transuersas, aut vice versâ.

Quibus animaduersis, & supposita potentia quæ sit æqualis absolutæ cylindri DL resistentiæ, hoc est dato pondere, quo cylindrus AF horizonti perpendicularis rumpitur, pondus frangens eundem cylindrum transuersum, dum puncto N, seu K appenditur, hac ratione à Galilæo pag. 115. determinatur.

Pondus, seu potentia, quâ cylindrus AF perpendicularis rumpitur, est ad potentiam, seu pondus eundem cylindrum DL transuersum frangens, dum potentia seu pondus puncto K applicatur, vt KD ad DC, hoc est vt longitudo DK, quam pro vecte sumit, ad semidiametrum CD baseos eiusdem cylindri.

Quod tamen minimè probat, erat enim ostendendum KD vectem esse, cuius fulcimentum sit in puncto C medio crassitudinis cylindri, vt supponit: sit tamen exemplum in nostra figura, in qua longitudo cylindri DL quadrupla crassitudinis KL, rumpaturq; cylindrus AF idem ac DL, sed horizonti tractus perpendiculariter à pondere 4, vel 400000 librarum G, (perinde siquidem fuerit quo pondere frangatur, vel quæ potentia puncto F adhibita vincat illius resistentiam.) Itaque si 4 libris in F positis frangatur, selibrâ puncto K applicatâ frangeretur, hoc est 8 vncijs, est enim KD ad DC semidiametrum, vt 8 ad 1,

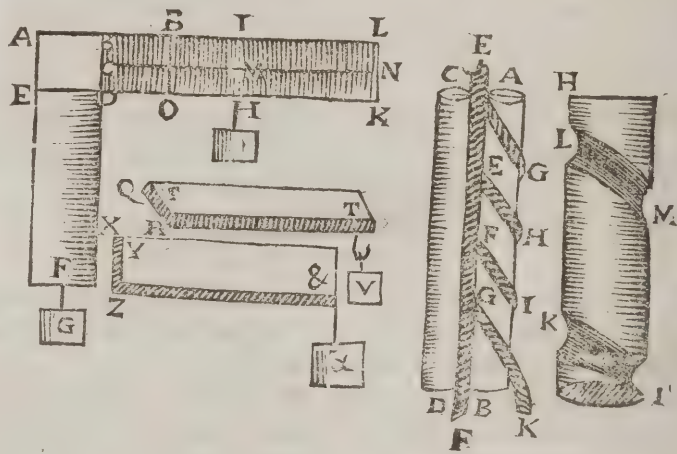


Porro cylindri **DL** pondus nondum considerauimus, quod si iunxeris ponderi in **K** posito, non requireretur semilibra, quæ dimidio ponderis, seu grauitatis cylindri minuenda est: verbi gratia, si fuerit pondus **DL** 2 vnciarum, 7 vnciæ sufficient in **K**, quandoquidem tota grauitas cylindri, quæ collecta in punctum **K** duabus vncijs æquiponderaret, per totam cylindri longitudinem **LD** extensa vni solum vnciæ in **K** appensæ respondet. Eodémque modo concludes de cylindro **DH** respectu ponderis **M** puncto appensi.

Nota verò potentiam ponderis puncto **K** appensi iunctam dimidio ponderis cylindri **DL**, duplam esse potentia eiusdem ponderis iuncti toti ponderi cylindri **DL**, cum appenditur in **M** medio cylindri puncto.

Cum autem possit eadem inseruire figura nouæ proportioni resistentiarum & ponderum intelligendæ, quam pag. 117. prosequitur, videlicet quo-

modo se habeat ratio resistentiæ cylindrorum diuersæ altitudinis, seu longitudinis, ad propriam grauitatem eorundem cylindrorum horizonti parallelorum; sit rursus



primò cylindrus **DI**, qui deinde producatursque ad **L**, sitque cylindrus **LD** ad cylindrum **DI** in ratione dupla, vel quauis alia, puta tripla, quadrupla, centupla, &c. concludit robur, seu resistentiam **DL** ad resistentiam **DI** esse in ratione duplicata longitudinis **KD** ad longitudinem **HD**; hoc est resistentias ad longitudes esse ut quadrata longitudinum: sit ergo longitudo **DH** vnus pedis & vnus libræ; **DH** verò vnus pedis & vnus libræ, cum ratio 2 ad 1 bis sumpta faciat rationem 4 ad 1, erit grauitatis **DL** momentum ad momentum grauitatis **DI** vt 4 ad 1, cum hîc dupla ratio contingat, nempe vectis **DK** ad vectem **DH**, & grauitatis siue materiae solidæ cy-



lindri  $DL$ , ad gravitatem cylindri  $DI$ . *Momentum* verò idem ac potentia significat.

Superfunt duæ regulæ  $QT$ , ac  $Z\&$ , quæ sunt parallelepipeda, quorum latitudo maior est crassitudine, quæ cum duobus modis frangi possint, primo si latitudines fiant horizonti parallelæ, secundo, si fuerint ei perpendiculares, & crassitudines horizontales. Iam igitur hæc parallelepipeda  $ST\&$ ,  $Y\&$  æqualis intelligantur esse longitudinis, & latitudinis, imò & crassitudinis, & in utrôque fulcimentum in extremis  $Q$  &  $XZ$  positum æquè distet à punctis  $\&$ , ac  $T$ , quibus adhibeantur potentia, seu pondera  $V$  &  $\alpha$ ; hoc tamen discrimine ut crassitudo parallelepipedis, seu regulæ  $X\&$ , sit horizonti parallela; regulæ verò  $QT$  latitudo eidem horizonti parallela; certum est maius pondus, seu potentiam maiorem ad frangendam  $X\&$ , quam ad frangendam  $QT$  regulam puncto  $\&$ , quàm puncto  $T$  adplicari debere. Sit igitur pondus  $\alpha$  eò maius pondere  $V$ , quò dimidium latitudinis  $XZ$  maius est dimidio crassitudinis  $SR$ , vel  $SQ$ ; exempli gratia, si dimidium  $XZ$  fuerit quintuplum dimidij  $QS$ , & libra  $V$  frangat regulam  $ST$ , quinque librarum pondus franget regulam  $Y\&$ : quod fibræ  $XZ$  frangendæ fibrarum  $QS$  quintuplæ sint.

## COROLLARIUM.

Cum hæc omnia materiam inuoluant, cuius resistentiæ iuxta diversas lineas à ponderibus, vel potentijs tractæ nondum satis exploratæ videantur, operæ fuerit pretium varijs observationibus incumbere, ne quando materia versipellis decipiat: tantum addo clavum chalybeum pedalem, vno digito crassum, qualis iam intelligatur clavus  $DL$ , qui frangeretur libris 129232. eidem clauo perpendiculari in  $F$  puncto applicatis, (ex hypothesi nostræ observationis quæ 23 libris clauum  $\frac{1}{2}$  lineæ crassum frangi demonstravit) fractum iri libris 5384 $\frac{1}{2}$ , cum fuerit horizonti parallelus; enimvero  $KD$  pedalis linea  $CD$  quater & vicesies complectitur, cum  $C$   $D$  sit pollicis dimidium ex hypothesi; quare pondus in  $K$  trahens clauum  $LD$ , erit  $\frac{1}{2}$  ponderis  $G$  clauum eundem  $EF$  trahentis; cuius clavi horizontaliter in  $DL$  siti si gravitas fuerit  $\frac{1}{2}$  libræ, solo pondere 5384 librarum frangetur.

Cuius rei fieri poterit experientia si tormentum bellicum 5384 librarum pondo, vel aliud æquale pondus, cylindro  $DL$  in puncto  $K$  appendatur: licet enim quis minoribus ponderibus, minoribusque

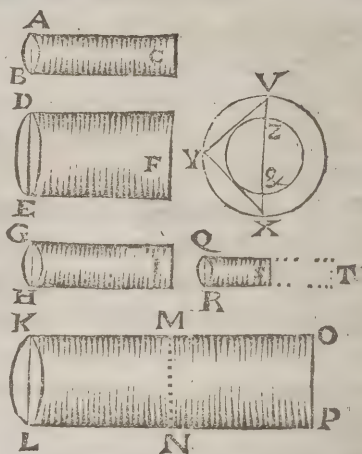
clavis, ijsq; fragilioribus ligneis experiri possit, fibræ tamen lignæ in singulis ferè lignis plurimum discrepantes multis modis, non satis perspicacem fallent, qui possit observationibus metallicis, lapideis, vitreis & ligneis certum aliquid, & ipsam varietatem definire.

## PROPOSITIO XIX.

*Cylindrorum longitudine aequalium, & inequalium crassitudine, vel tam longitudine quàm crassitudine inequalium robur, seu resistantiam definire, simulque comparare.*

**S**int primùm cylindri  $AC$  &  $EF$  longitudine æquales, & inæquales crassitudine, resistantia, seu vis crassioris  $EB$  est ad robur, seu resistantiam tenuioris  $AC$ , in ratione triplicata diametri  $ED$  ad diametrum  $BA$ , quare si triplicetur illa ratio, robur vtriusque concludetur. Sit, verbi gratia,  $ED$  tripla  $BA$ , robur  $EF$  septies & vicesies superabit robur  $AC$ ; quapropter resistantiæ horum cylindrorum erunt inter se vt cubi sunt ad suas diametros, cum sint cubi in ratione suorum laterum triplicata.

Quod Galilæus ita probat, pag. 119. basis  $ED$  est ad basim  $RA$  in ratione duplicata diametrorum  $ED$ , &  $BA$ , hoc est basis  $ED$  noncupla est basis  $BA$ , igitur noncuplò robustior erit cylindrus  $EF$  tractus secundum longitudinem, cum fibræ illius sint noncuplæ fibrarum cylindri  $BC$ ; cùmque præterea basis  $DE$  filamenta veluti ad punctum reducta intelligantur, sitque vectis  $EF$  ad eentrum basis seu circuli  $EF$  reducti duplus vectis  $CD$  ad eentrum circuli collecti in ratione dupla, ex hypothesi, ex duabus illis rationibus duplicata nempe, & simplice triplicata præcedens componetur. Considerat enim fulcimentum in punctis  $E$  &  $B$ , & vectem  $ED$  &  $BA$ ; concluditque præterea cylindrorum æquè altorum resistantiam esse sesquialteram cylindrorum, atque adeo grauitatum cylindricarum.



Secundum, quando cylindri tam longitudine, quàm crassitudine differunt, resistentiæ seu vires illorū sunt in ratione cōposita ex ratione cuborum ad sua latera, & ex ratione longitudinū. Verbi gratia, sit  $KP$  cylindrus duplò longior, & crassior cylindro  $HI$ , robur cylindri  $LO$  erit ad cylindrum  $HI$ , vt cubus  $KL$  diametri, ad cubum diametri  $GH$ , iuncta ratione lineæ  $LP$  ad  $HI$  lineam; hoc est ratio roboris, seu resistentiæ  $LO$  ad resistentiam  $HI$  est quadruplicata; de qua videas autorem. Tertiò concludit etiam in similibus cylindris potentias ex illorum grauitatibus & longitudinibus compositas, vectibūſque similes esse inter se in ratione sesquialtera resistentiarum quas bases illorum habuerint; licet pluribus videri possit in eadem ratione ac ipsos cylindros esse, id est in triplicata. Hanc autem proportionem, effectuum mirabilium esse causam arbitratur, verbi gratia, quod viri, quorum maiora sunt corpora, cadentes, longè grauius, quàm pueruli, lædantur; magni cylindri, magnæque trabes quàm minores cylindri, & trabeculæ similes, longè facilius dissiliant atque rumpantur; longiores sarissæ & baculi, licet crassiores, magis, & facilius quàm breuiore, licet tenuiores, flectantur.

Quartò, docet inter cylindros similes vnicum esse cuius sit ea ratio suæ longitudinis ad suam grauitatem, vt non possit absque fractione fieri longior, neque frangi, si fiat breuior: verbi gratia, si cylindrus  $GI$  sit cylindrus omnium similium maximus qui consistat sine fractione. Vt autem alius cylindrus verbi gratia, longior eodem priuilegio gaudet; sequente methodo reperietur, vbi notaueris longiorem cylindrum necessariò crassiorem, vt breuiorem debere tenuiorem esse.

Sit igitur prædictus  $GI$  cylindrus omnium longissimus, qui maneat absque fractione; sitque  $KO$  longitudo quæcūque maioris cylindri, qui crassior esse debeat, vt similiter maximus existat, qui proprio pondere non frangatur, illius crassitudo ita reperitur.

Quoniam inquit Galil. potentia cylindri  $KP$  ad potentiam cylindri  $KN$  se habet vt quadratum  $LP$  ad quadratum  $LN$ , & potentia cylindri  $NK$  est ad potentiam cylindri  $HI$  vt quadratum  $KL$  ad quadratum  $GH$ , sequitur similiter (sequentibus lineis eam inter se

rationem habentibus  $\alpha, \beta, \gamma$ , vt  $\alpha$  sit tertia proportionalis linearum  $LP$ , &  $HI$ , &  $DE$ ; &  $I$  sit rursus tertia proportionalis  $\beta$ , & quarta  $\gamma$ ) potentiam cylindri  $FE$  ad potentiam cylindri  $GI$  esse vt lineam  $LP$  ad lineam  $\gamma$ , vel vt cubum  $LP$  ad cubum  $\alpha$ , vel vt cubum  $KL$  ad cubum  $GH$ , vel vt resistentiam basis  $KL$  ad resistentiam basis  $GH$ .



Quintò, cùm datur cylindri longitudo cum potentia seu pōdere illum transfuersum frangente, exempli gratia,  $QS$  cylindrus, quem pondus vnus libræ puncto  $S$  adhibitum frangat, inuenit cuius esse debeat longitudinis vt proprio ponderi cedat, si tantisper producat, hoc est maximam quam habere potest absque fractione longitudinem. Quem cylindrum habes, si fiat vt cylindri  $RI$  grauitas ad eandem grauitatem cum duplo ponderis in  $S$  appensi, hoc est cum 2 libris, ita longitudo  $RI$  ad longitudinem  $RT$ . Media siquidem proportionalis inter longitudinem  $RS$  & triplam  $RT$ , dabit cylindro maximam longitudinem: idémque de cæteris esto iudicium.

Sextò, proponit cylindros horizonti parallellos, qui vel in sola parte media fulciantur hypomochlio, vel in solis extremis duplici fulcimentò sustineantur, concluditque hos minimo pondere desuper premente fractos iri, cùm summam illam longitudinem habuerint, vltra quam absque fractione produci nequeant, quæ quidem longitudo cum sit æqualis ei, quam cylindro horizonti parallelo dedimus, qui muro affigitur, & cylindrus in medio sustentatus sit ex vtráque parte eiusdem cum prædicto longitudinis, cuius duplam habet cylindrus in vtróque fulcitus extremo, non est opus figuris, quibus id explicetur; hincque trabium, scamnorum, &c. robur innotescit, cùm in extremis solis, vel in solo medio fulciuntur.

Septimò quæstionem Aristotelis 14. generatim proponit, quâ nempe vi frangatur baculus, seu lignum quoduis genu vel in medio, vel in quouis alio loco fulcimenti vires supplente, & manibus in potentias extremis adhibitas conuersis. Sit igitur baculus, vel cylindrus  $AD$  eiusdem vbique roboris, qualis est cylindrus æneus, cuius medium  $D$ , certum est vim æqualem in duobus extremis  $A$  &  $D$  requiri vt consistat in æquilibrio, & vtriúsq; brachij  $DG$  &  $DA$  resistentiam æqualem esse: certumque præterea vires eò maiores ad frangendum baculum in puncto, seu fulcimento  $D$  requiri, quo manus, aut pondera magis ad  $D$  accedunt: exempli gratia si manus punctis  $CE$  applicentur, eò magis contendes quò  $DA$  longius est  $CD$ , & ita de reliquis.

|—|—|—|—|—|—|  
A B C D E F G

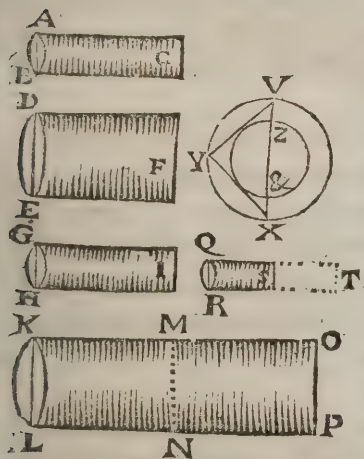
Cùm autem fulcimentum intelligitur in alio puncto quàm in medio  $D$ , verbi gratiâ in puncto  $B$ , tunc pondera extremis  $A$  &  $G$  appensa se habent ad pōdera prius ijsdem adhibita punctis, cùm esset genu, vel hypomochlion in medio  $D$ , vt rectangulum  $ADG$  ad rectangulum  $ABG$ ; hoc est vt 9 ad 5; supponamus enim brachium  $DA$  esse tripedale, erit igitur rectangulum  $ADG$ , (quod est maximum om-

nium quæ fieri possunt ex hac linea) 9 pedum, & rectangulum  $ABG$  5 pedum. Erit igitur diuidendum pondus 9 in duas partes inæquales, quarum ea quæ puncto  $A$  applicabitur sit ad applicatam puncto  $G$ , vt 5 ad 1, si  $GA$  sumatur absque pondere, velisque frangendo  $GA$ , in  $B$  æquilibrium facere. Cuius si propriam grauitatem spectaueris, quæ à  $B$  ad  $G$  quintupla est grauitatis à  $B$  ad  $A$ , ex dictis elicies quid in proportionem fuerit immutandum.

Octauò, pulcherrima docet de trabibus figuræ parabolicæ, quæ parieti affixæ semper eodem pondere vbicūque adhibito franguntur, de quibus alio loco dicendum.

Denique cylindros eiusdem longitudinis proponit crassitie differentes, quorum sit excauatus crassior in formam arundinis, tenuior verò solidus, seu plenus, quorum resistentias hoc canone determinat.

*Resistentia, seu robora duorum prædictorum cylindrorum sunt inter se, vt illorum diametri :* quas diametros baseon intellige. Quod satis intelligetur ex figura  $VYX$  &  $Z$ , cuius circulus  $Z$  & refert cylindri solidi basim, vt  $XV$  basim excauati: est igitur excauati ad solidum resistentia vt diameter  $VX$  ad diametrum  $Z$  &.



Itaque dato quolibet cylindro excauato, dabitur non excauatus, hoc est solidus æqualis roboris; sit enim excauati cylindri diameter  $VX$ , excauationis verò, seu vacui, luminisue diameter  $Z$  &; & adplicetur, seu inscribatur maiori circulo diameter  $Z$  &, quæ sit  $VY$ , coniunganturque puncta  $YX$  lineâ  $YX$ . Cūque angulus  $Y$  sit rectus, circulus, cuius diameter  $VX$ , æqualis est circulis, quorum diametri  $VY$ , &  $YX$ , sed

$VY$  est diameter excauationis, igitur circulus cuius diameter  $YX$ , æqualis erit. Dato etiam quolibet cylindro solido, dummodo sit eiusdem cum excauato longitudinis, inuenitur quam habeant inter se rationem, sumatur enim, per regulam præcedentem, cylindrus solidus ei æqualis.

Sit autem excauatus  $A$ , æqualis  $B$ , minor; cuius resistentia quæritur  $C$ , sintque omnes eiusdem longitudinis; resistentia  $B$  erit ad resistentiam  $A$ , vt diameter  $B$  ad diametrum  $A$ , cuius diametri cubus

erit ad cubum diametri C, vt resistentia B ad resistentiam C; itaque diametro excauati cylindri, diametro æqualis cylindri solidi, & diametro cylindri minoris existentibus tribus lineis proportionalibus, quarta proportionalis erit ad diametrum excauati, vt resistentia quæ sita minoris cylindri ad resistentiam excauati.

## MONITVM.

**P**Luribus omissis quæ hîc afferri possent, pauca solùm addam quæ viam sternant ad vim percussionis inueniendam, quam vbi quis clarè definierit, ingens beneficium Mechanicis præstiterit. Iam igitur varias percussiones aggrediamur.

## PROPOSITIO XX.

*Ad vim percussionis intelligendam iter parare, & motuum violentorum compositiones, proportiones, & contrarietates explicare: vbi de impetuum, seu impressionum transmissione.*

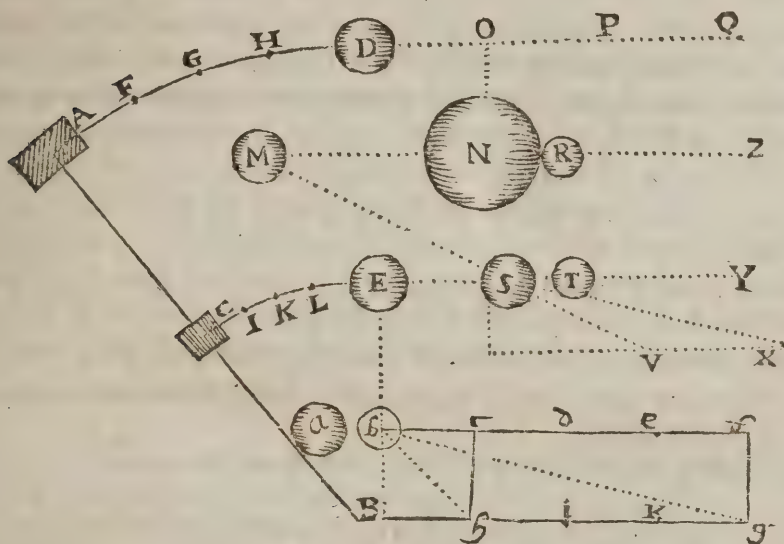
**E**Sto malleus B A, quo pila D percutitur, malleusque longitudine præcedentis subduplus B C, quo percutiatur pila E. Sint etiam aliæ pilæ M, N, R in linea recta M Z, & pilæ E S T in linea recta præcedenti parallelâ E Y: sint denique *a* & *b* super linea recta *af*, vt violenti motus diuersas affectiones, atque proprietates explicemus, aut varias, quæ solent occurrere difficultates soluamus, aut saltem proponamus.

Imprimis, malleus B A percutiendo, 4 spatia ab A ad D percurrat, & 4 velocitatis gradus pilæ D imprimat, hoc est totum suum impetum: moueaturque super planum horizontale, O Q, quale est in mallei ludis. Certum est primò pilæ super planum D Q currentis impetum minui pedetentim, donec tandem extinguatur, vt perpetuâ experientiâ constat; idque eò citiùs quò planum horizontale minùs politum, atque læuigatum, aut etiam quo crassior fuerit aër.

Sed quantò longiùs curreret, si planum esset durissimum, & perfectè planum, ne aër, aut aliud medium esset impedimento, non inter omnes conuenit, his nempe affirmantibus motum nunquam desiturum, si planum non desineret, eumque semper velocitatis eiusdem, quam



quam accepit initio, futurum, quòd nulla sit causa quæ pilam accepto motu spoliaret; illis autem contendentibus motum illum desitutum, quòd sit is genius impressionis violentæ, vt tandem pereat, licet nulla sit exterior causa quæ moliatur interitum, cùm è contrario qualitates, vel impressiones naturales, qualis est ea, quâ grauiâ descendunt, semper maneant. Quapropter ob illum sententiarum conflictum hac in parte nil demonstrari potest, donec omnes conueniant.



Secundò certum est, positis pilis D & E æqualibus, malleum A eodem tempore motum ab A ad D, quo mouetur malleus C à C ad E, maiorem impetum pilæ D, quàm malleum C pilo E imprimere, & D velocitate duplò maiore percuti.

Sed non omnes conueniunt an pila D duplò celerius percussa, spatiû duplum confectura sit, hoc est si E vsque ad S mouetur, D eodem momento ad punctum P perueniat; quòd fortè pila D æqualis pilæ E, non sit duplæ velocitatis capax, siue ob suæ materiæ inertiam, siue ob aëris resistentiam, qui velociori motui magis resistat.

Adde quodlibet corpus èd maioris impetus, & velocitatis esse capax, quo plures materiæ partes sub eadem quantitatè, dummodo per æquè duras, habuerit. Sed vt plani, & aëris, cæterasque difficultates omittamus, intelligantur moueri pilæ absque vllis impedimentis.

Certum est tertio pilam D duplò velocius percussam, in quacunque parte spatij quod percurrit, siue finitum illud, seu infinitum concipias, duplò velocius motam iri, quàm pilam E duplò tardius percus-

fam, si matèria pilæ tantum motum non renuat. Vt autem non renuat, inquiri potest an pila D duplò maior esse debeat pilâ E, vt duplam velocitatem accipiat, sed cùm aëris, & plani reiecerimus impedimenta, sufficere videtur æqualitas; dico videtur, quòd non desint qui ad duplam velocitatem excipiendam duplam pilæ quantitatem postulent.

Quartò certum videtur malleum C eadem velocitate percutientem globum E, qua D percutitur ab A malleo, globum E æquâ velocitate spatium æquale confecturum spatio, quod percurrit D. Dixi videtur, quòd non desint qui fieri posse putent, vt æqua velocitate percussus globus E, vel D, spatium aliquando maius, aliquando minus percurrat; maius, cùm impressio mallei diuturniori tempore producit, vti fit in motu A D duplo motus C E; minus, cùm breuiori tempore, vt cùm malleus per arcum C E motus æqualem, comparauit velocitatem velocitati mallei per arcum A D moti: qua de re fusiùs vbi de arcu.

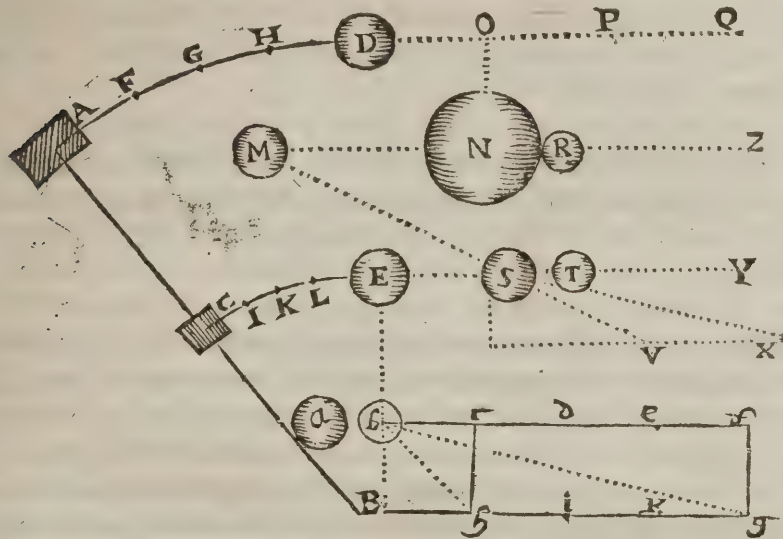
Quintò, cùm malleus A percutit pilam D, & duplò plus habeat matèriæ, tertiam sui motus partem illi tribuit, hoc est cùm simul intelliguntur in ipso momento contactus, seu percussionis, sumi debent ac si corpus idem essent, & illud corpus in tres partes diuisum, vel ex tribus partibus compositum esset, ex quibus duæ pertinent ad malleum, vt ad globum reliqua.

Si malleus idem pilam currentem eodem ac antea modo percutiat, nonam sui motus partē, si currentem tertia vice percutiat,  $\frac{1}{3}$  sui motus partem, & ita deinceps, ei tribuet. Itaque malleus A percutiens globum D secunda vice in O puncto, velociùs spatium OP conficiet, quàm spatium D O antea peractum & tertiò percussa in puncto P, velociùs spatium P Q, quam OP, percurrent.

Iam verò discutiamus quid ex globorum M N R, & E S T ab occursibus, & impulsibus mutuis contingat. Sunt autem globi vel æquales, vel inæquales; sint primùm æquales E, S & M, & eodem momento quo globus E percutit S globum, idem S ab M percutiatur, dico S non iturum per lineam horizontalem S Y, sed versus V deflexuram, ea tamen lege vt si percussio facta ab M globo leuior sit percussione ab E facta, globus S post deflexionem ad V, iter horizontale V X vice T Y ei parallelum repetiturus sit.

Sint deinde inæquales vt globi *a* & *b*, & eodem momento quo *a* percutit *b*, eiq; tribuit 4 gradus velocitatis, vt impellat eum horizontaliter à *b* ad *f*, globus E perpendiculariter super eum cadens totidem illi velocitatis gradus tribuat, quo feretur à *b* ad B, pila *b* neque ad *c* neque ad B, sed ad *h* perueniet, quandoquidem lineæ *b h* potentijs linearam *b B* & *b c* æqualis est. Si verò vnicum duntaxat ve-

locitatis gradum ab E globo accipiat, per lineam  $bg$  mouebitur, quæ potest lineam  $bf$  plus lineâ  $fg$ , hoc est 4 temporibus percurrent  $fg$ , seu  $bB$ , impetu, quem mutuatus est ab E, quamdiu  $bf$  seu  $Bg$  quadruplò maius iter conficiet.



Præterea globus M globum S æqualem priùs ab S ad Y currentem percutiat, S mouebitur obliquè versùs V, qui si deflectens à via percutit globum T currentem versùs Y, poterit T ad X accedere, finitoque impetu, quem ab S conceperat, perget deinceps per horizontalem lineam V X, donec alius impetus quo ab S ad Y vrgebatur, prorsus desierit.

Iam verò M percutiat N globum maiorem, filo ex puncto suspensum, vel etiam à filo liberum, fieri potest vt M globus non moueat N versùs Z, & tamen impetus in N receptus moueat globum minorem R, quòd nempe transiens impetus per globum N, quo quidem partes N succutiuntur (sed corpus integrum versùs Z minimè mouetur) sufficiat ad impellendum globulum R, in quem impetus M mediante globo N transmittitur.

Quod tamen vulgato principio mechanico non repugnat, hoc est nullum corpus maiorem velocitatis gradum alteri corpori posse imprimere, eo gradu quem ipsum habuerit. Exempli gratia si corpus N vnicum velocitatis gradum habeat, siue à se, siue ab alio, non potest duos gradus velocitatis globo R tribuere, alioqui secundus gradus velocitatis nullam sui causam haberet, & esset à nihilo, hoc est effectus sine causa; quòd repugnat.



Supponamus enim 4 gradus velocitatis à globo M fuisse globo N impressos, qui tamen non sufficiant ad eum versus Z sensibiliter mouendum, sufficiant tamen vt partes N tremant, eo modo quo maiorum campanarum partes tremunt, teste sono edito, ad vnus aciculæ, vel digiti contactum, dico motum illum tremulum sufficere ad impetum eiusdem velocitatis, quo tremunt, in globulum R transmittendum, qui cùm non suffecerit ad transferendum globum integrum N, sufficit ad impellendum R.

Quod quidem confirmari potest ex eo quòd si lamina ferrea clauis affixa globum D tangere intelligatur, itaut malleus A non possit immediatè, sed tantùm lamina mediante, D globum percutere, globus iste mouebitur versus O P Q, quòd fuerit impetus per laminam translatis capax: cuius tamen laminæ particulæ globum D tangentes eadem velocitate tremere debuerunt, qua D moueri cœpit.

Ad quod motus ille celerior refertur, quo percussus R ab N mouetur, licet enim vnico gradu velocitatis moueatur N, potest duos velocitatis gradus globo R tribuere, si velocitas in singulis N globi partibus dispersa, & in parte, seu puncto globum R tangente collecta, maiorem in illo puncto, quàm in singulis globi N partibus velocitatem generare possit, hoc est si æquales velocitatis gradus dispersi, maiorem faciant velocitatem quando simul vniuntur.

Cùm autem diuersi gradus æquales potentia, & virium vniti maiorem potentiam, vimque maiorem efficiant, vt constat ex pluribus ponderibus æqualibus simul vnitis, possintque diuersæ velocitates æquales appellari potentia, cur simul vnitæ maiorem velocitatem non producant?

Quod etiam ex globo *b* duabus æqualibus velocitatibus moto constat, quarum vnā à globo E perpendiculariter cadente, alterā ab *a* horizontaliter percutiente comparat; quibus vnitis velocius mouetur quàm vnaquaque seiunctā motus fuisset, quandoquidem *b b* eodem tempore percurrit, quo tantum *b c* percurrisset, adeò vt velocitas composita ex illis duabus velocitatibus æqualibus, sit ad quamlibet velocitatem æqualem seorsim sumptam, vt diameter *b b* ad costam *B b*.

Si verò velocitas globi *a* sit quadrupla velocitatis globi E, globi *b* velocitas ex illis duabus composita erit ad velocitatem globi *a* vt diagonalis *b g* ad lineam *b f*. Vnde constat quemlibet velocitatis gradum quantumuis paruum, augere alium velocitatis gradum vtcumque magnum.

Hic tamen occurrit difficultas, nempe cur duo gradus velocitatis

æquales globi  $a$  &  $E$  simul in globo iuncti non faciant duplam actu velocitatem, vt globus  $b$  moueatur eodem tempore per lineam aliquam æqualem lineæ  $bd$ , quo motus fuisset vnica velocitate globi  $a$  per lineam  $bc$  lineæ  $bd$  subduplam: quod nouâ propositione discutiendum, ne forsan hæc longius abeat.

## PROPOSITIO XXI.

*Velocitatum diuersarum tam equalium, quàm inæqualium compositiones, & transmissiões explicare.*

**S**I quemadmodum pondus ponderi iunctum, si sunt ambo æqualia, pondus duplum efficiunt, ita velocitas æqualis æquali iuncta duplam facit velocitatem, quomodo contingit velocitatem globi  $E$  iunctam æquali velocitati pilæ  $a$  non esse duplam? cùm lineæ  $bb$ , quàm percurrit globus  $b$  duabus æqualibus velocitatibus  $E$  &  $a$  imprægnatus, non sit ad lineam  $bc$  in ratione dupla, qualis est  $bd$ , sed in ratione subduplicata lineæ  $bc$  ad  $bd$ . Sed cùm  $E$  velocitas, vel potentia ad velocitatem per æquè fruatur suo scopo, quo dato tempore tendebat ad lineam  $Bb$ , & potentia  $a$  suo perinde fruatur, quo tendebat ad lineam  $cb$ , hoc est globus velocitate  $E$  affectus descendat à  $b$  ad  $B$ , & moueatur horizontaliter à velocitate  $a$  per horizontalem  $Bb$ , vtrâque velocitas seruetur, quibus illud accedit, quòd velocitas  $bb$  composita possit vtrâque disiunctam, quemadmodum diameter  $bb$  potest  $bc$  &  $bB$ .

Possunt verò duo venti æquales loco duorum globorum  $E$  &  $a$  intelligi, qui flantes in globum  $b$ , illum in  $b$  punctum per diametrum  $bb$  impellant, vel duo homines aut vires æquales globum  $b$  æqualiter impellentes in  $B$  &  $c$ , aut illum ex punctis  $c$  &  $B$ , viribus, & furibus  $bc$  &  $bB$  æqualibus trahentes, semper enim per diametrum  $bb$  mouebitur globus  $b$ .

Quamquam nonnihil difficultatis superesse videtur, curnam dupla velocitas coniuncta non faciat duplam actu & non solum *duas* velocitatem.

Quod vt soluatur, inquirendum an aliquando duæ velocitates æquales in vnâ conflata duplam actu velocitatem efficiant. Intelligantur ergo duæ velocitates æquales 2 globorum  $E$ , S æqualium, quæ

iungantur, ut illi duo globi eodem momento globum T percutiant versus Y, an globus T, qui percussus à globo E, vnica velocitate peruenisset ad Y, spatium actu duplum conficiet: an verò spatium duntaxat, quod sit ad T Y, ut diameter ad costam? an verò solam costam b c, si velocitas æqualis nil addat æquali.

Non vni videtur, futuram duplam velocitatem in T, si globus uterque S, E suam velocitatem ei communicet; quanquam difficile sit modum explicare, quo dupla illa velocitas transmitti possit in globum T. Quid enim impediatur quominus duo gradus velocitatis in 2 corporibus intellecti alteri corpori communicentur? cum gradus velocitatis non videantur inter se magis distincti, quàm gradus caloris, & luminis, qui fortè nil sunt aliud quàm diuersi gradus ipsius velocitatis.

Porro licet globus M impactus in globum N immotum non moueat N, globus R moueri potest mediante globo N, cuius tamen superficiem in puncto contactus N & R moueri necesse est, licet ille motus non percipiatur oculis, nullum enim corpus immotum mouere potest aliud corpus immotum.

Iam verò transmissiones impressionum aggrediamur, moueaturque globus E in globum S immotum, mediam sui motus partem E transmittet in S, quòd hæc duo corpora concipi debeant instar vnius corporis in contactus momento; tuncque simul mouebuntur versus Y, sed motu duplo quàm antea tardiore. Si verò globus T moueatur in globum S immotum, sitque S duplus T, S bessem motus globi T accipiet, quod isti globi simul iuncti vnius instar corporis in 3 partes æquales diuisi concipiendi sint, tuncque tria tempora in eodem spatio percurrendo impendent, quod antea globus T vnico tempore conficiebat.

Ex quibus de cæteris globis iudicium ferri potest: exempli gratia feratur globulus R in globum N immotum, qui cum sit illius octuplus, & hæc duo corpora momento percussioneis ut vnicum corpus considerari debeant, quemadmodum corpus R est nona pars corporis N R, ita velocitatis integræ in corpore conflato ex N R partes octo resident & vnica pars in R; itaque globi R velocitas quantumvis parua, diuidi debet in nouem partes, ut illius tantumdem solum retineat, quantum materiæ habuerit, quæ cum sit pars nona corporis ex N R compositi, ex 9 quos prius habebat, velocitatis gradibus, vnicum sibi retinet, ut reliquos globus N materia octuplus sibi arroget.

An igitur globi N, immotum R percutientis velocitas quæcüm-



que in nouem partes diuidenda, vt octo sibi retinens vnicum globo R communicet? Experientia quæ docet globulum R à globo N percussum, ire velocius quàm N, repugnat, debet igitur globus N non vnicum gradum, sed cò plures globos R imprimere, quo velocius globus R motus fuerit.

Plures autem dabit, si plures deperdat, nullus enim motus omnino perit, sed ex vno subiecto transfertur in aliud, verbi gratia ex globo N in globum R.

At verò quantumuis arrideat non vni opinio illa de partibus æqualis velocitatis in maiori corpore sitis, & in minora corpora transmittendis, vt velocius moueantur, quòd varias difficultates soluere videatur, fortè non est veritati conformis, licet enim centum globi posteriores æquâ velocitate antecedentem vrgeant, non potest tamen moueri velocius, cùmq; maior velocitas sit potentia transferendi corpus per maius spatium æquali tempore, ita consistere videtur in indiuisibili, vt neque diuidi, neque addi, vel multiplicari possit.

Quapropter alio modo soluendi videntur modi transmissionum, nempe globum minorem nunquam à maiori velocius moueri, quàm in momento transmissionis motus mouetur maius; quod licet inoueri non videatur, pars tamen illius tangens minorem, instar elateris, æquè velociter, ac minus moueri necesse est, ne velocitas maior in minore producta sit absque causa.

His autem pauca de motibus compositis addenda; quæ prædicta confirment, aut noua suggerant, nostrósque prouocent Geometras ad omnia discutienda, ac demonstranda quæ ad omnimodam motuum compositionem attinent, illam verò præsertim quæ notatur in rerum naturalium effectibus, & progressu.

## PROPOSITIO XXII.

*Motum omnem simplicem dici vel intelligi posse  
ex duobus motibus diuersis  
genitum.*

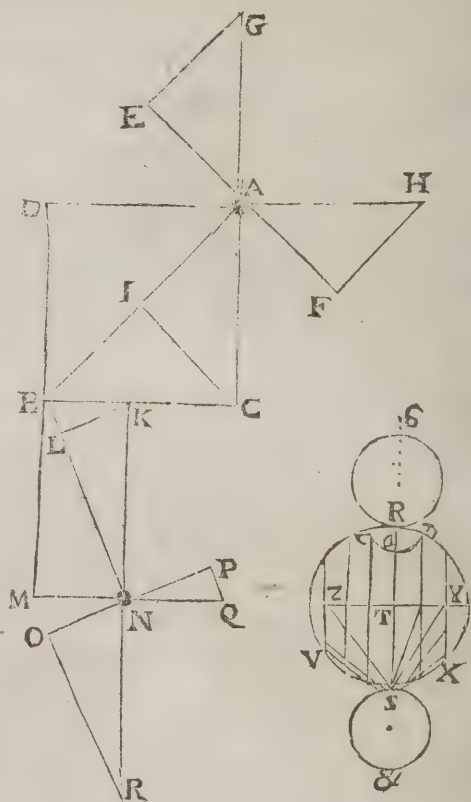
**N**Vllus est motus adeò simplex, quem non possimus compositum intelligere; quid enim recto motu simplicius; præsertim si fuerit æquabilis, hoc est cùm omnes illius partes sunt eiusdem velocitatis; Quod hac figura quispiam facilius intelliget, sit enim motus AB

simplex, quo globus, vel aliud quoduis mobile feratur æquabili motu ab A ad B, certum est motum illum posse componi, siue generari ex motu A in D, & ex motu A in C, enimvero sint duo venti æquales, quorum vnus ab A in C, alius ab A in D sufflet in mobile A, cuius partes omnes sint æqualiter mobiles, mobile non perueniet in C, vel in D, sed in B; eumque perueniet ad I, erit in medio sui motus.

Eadem linea AB, seu motus idem generari potest à ventis G & H æqualiter in A mobile flantibus, quorum impressiones determinantur à lineis HF, & GE motui lineæ AB parallelis, atque adeo lineæ FE perpendicularibus.

Quòd si contingat inæquales esse ventos, vt ex subiecta figura R N Q intelligitur, in qua vëtus Q vim habeat, quæ sit ad viam venti R in ea ratione, quâ Q N ad R N, quæ sit, verbi gratiâ, dupla, si duo illi venti agant in mobile N, perueniet ad punctum B per lineam rectam NB. Cum autem ventus Q obliquius feriat mobile N, minus in illius motum influet, eruntque lineæ RO, QP perpendiculares lineæ OP, mensuræ impressionum venti R, & venti Q. Vel, si mauis, linea KL ex angulo K in lineam motus BN perpendiculariter acta demonstrabit quantum ventus vtérque hinc lineæ BN tribuerit, erit enim NL impressio venti R, ad LB impressionem venti Q, vt RO ad QP.

In quadrato CD linea CI bipartiens AB ostendit vtriúsque venti G & H in mobile A flantis æqualem impressionem. Idémque penitus continget si loco ventorum duo homines A mobile duabus funibus AD & AC ex punctis D & C trahentes, vel etiam A versus C &



C & D, aut N versus K & M impellentes.

Omitto globum VXY percussum à globo b R, ita suas posse vires colligere, vt eas in globum sequentem S & intorqueat, quæ si per lineas VS, ZS, TS, YS & XS dirigantur, globi S & motus rectus erit, idémque ac si fuisset simplex, & à sola virtute T per lineam TS inditus.

Idémque concludendum de quibuscúmque alijs impressiõibus, quæ motum æquabilem possunt efficere, siue duæ, siue mille, aut quouis numero fuerint. Cauendum propterea ne statim ex vnico motu simplici, vel æquabili, siue recto, siue cuiuscúmque alterius figuræ motorem vnicum concludas; cùm etiam circularis ex duobus, pluribúscumue motibus generari possit, & plerúmque parabolicus ex duobus motibus rectis procedat, æquabili videlicet, & naturali accelerato, vt postea dicetur.

An igitur motus quo grauiã versus centrum pergunt, simplex dici debet? Si nullus motus inæquabilis, hoc est cuius partes diuersæ non habent eandem velocitatem, simplex est, grauium motus erit compositus; si partim ab aëre, vel alio corpore subsequente, partim à telluretractaferantur, illorum motus compositus erit.

Porrò hîc aduertendum in superioribus motibus, ventos, aut trahentes homines aliquam suarum virium partem frustra consumere, cùm enim ventus H vim haberet impellendi mobile ad punctum D, & ventus G mobile in C eodem tempore transmittere potuisset, linea tamen AB, per quam à duobus ventis pellitur, non est æqualis duobus lineis CA, DA, sed illis minor, tantóque minor quantò latera duo quadrati simul iuncta maiora sunt eiusdem quadrati diametro: idémque de motu NB, & alijs dicendum.

Quanquam AB motus dici potest æqualis potentia duobus motibus AD, AC, vt est diameter duabus suis costis potentia æqualis.

## COROLLARIUM.

**P**Lurima problemata ex dictis elici possunt, si probè motuum compositio intelligatur, quale est ex duobus quibuscúmque punctis datis, quibus adsint datæ vires, motum quemcúmque rectum producere; verbi gratia ex punctis G & H motum rectum AB, vel ex punctis R Q rectum NB: quod etiam lineis curuis conuenit, de quibus alias.



## PROPOSITIO XXIII.

*Motus rectus componi, vel produci potest ex duobus motibus cuiuscumque figura, quemadmodum motus circulares, parabolici, vel cuiusvis alterius figura, componi, vel generari possunt ex motibus rectis certam inter se rationem habentibus.*

**P**rimùm quidem motus rectus componi potest ex diuersis motibus rectis, tam æqualibus, quàm inæqualibus, vt dictum est; secundò etiam ex æqualibus, & inæqualibus tam rectis quàm curuis.

Ex inæqualibus rectis demonstratum est in figura prop. præced. **NKB**: ex inæquabilibus verò, si verbi gratiâ lapidi per **AB** iuxta numeros impares 1, 3, 5, 7 cadenti, vt reuera cadit, addatur motus violentus ab **A** ad **B**, qualis est manus lapidem ex turris altitudine proijcientis: tunc enim velocior erit motus lapidis; cui præter motum illum per impares numeros progredientem, æqualis motus ex impetu quolibet tempore addendus erit, si motus violentus semel impressus nunquam minuatur, vt reuera non minueretur, si aëris, & cuiusvis alterius corporis impedimentum abesset, & eorum quæ semel producta sunt, nihil absque externis impedimentis pereat, atque deficiat.

Hoc igitur motu nouo superaddito fiat vt velocitas continuò crescens sit in fine temporis alicuius velocitati æquabili impulsioni æqualis, quod tempus dicatur primum, in cuius fine lapis habebit duos gradus velocitatis, vnum à propria grauitate, alium ab impulsione.

In fine secundi temporis duos gradus ab illa grauitate & vnum ab impulsione, atque adeo tres gradus velocitatis habebit: quod semper fiet in sequentibus temporibus, vt gradus velocitatis numerorum 2, 4, 6, 8, vel 1, 2, 3, 4, naturalem progressum æmulentur, qui non mutatur ob adiunctum impulsu, vt enim pro 1, 2, 3, 4, &c. temporibus lapidis solâ grauitate descendens reperitur cum 1, 2, 3, & 4 velocitatis gradibus, ita iuncto impulsu reperitur in iisdem temporibus cum 2, 4, 6, 8, &c. velocitatis gradibus.

Cum autem in percussione, in qua malleo vtimur, hi duo motus



coniungantur, quandoquidem Faber ferrarius malleum ferreum in incudem impingens malleo naturaliter descendenti magnam velocitatem vi brachij superaddit, certum est vim percussionis præsertim à velocitate motus pendere, eoque maiorem esse percussionem ab eodem malleo in idem passum, seu percussum, quo maior fuerit velocitas: sed ne motuum illorum compositio nouam difficultatem generet, vnicum motum in percussione supponemus, qui modis infinitis suam velocitatem mutare possit.

## PROPOSITIO XXV.

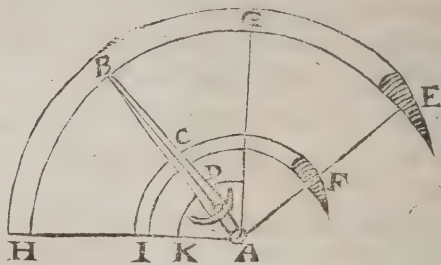
*Varias de vi percussionis cogitationes explicare,  
illiúsque difficultatem  
aperire.*

**Q**uestione 19 vim istam attingit Aristoteles, quam ad motum reuocat, quamuis enim securi ligno impositæ magnum pondus superaddatur, ferè nihil efficit ad ligni fissionem, cum tamen in illud motu impacta, magnos effectus præstare soleat, quippe veluti malleus cuneatus, aut cuneus malleatus scindit, & findit; quantum verò gravitatis motus ei superaddat, hoc est quanto pondere vis à motu impressa suppleri possit, inuentu difficillimum esse videtur.

Cum autem certum sit & in eo conueniant omnes, eò percussionem esse maiorem, quò motus est velocior eo instanti quo fit percussio, non iam motum circularem manus, & manubrij, neque motum à mallei propria gravitate motui violento additum, aut solam percussionem deorsum factam, sed velocitatem motus duntaxat, unde quaque procedat, & percussionem generalem, siue sursum, siue deorsum, siue lateraliter fiat considero, quam suppono æqualem, dummodo fiat æquali velocitate, idque eodem vel æquali percutiente, & in idem vel æquale passum eodem modo dispositum; imò nec ipsum aërem inter corpus & percutiens interpositum hinc intercedere velim, ne vel nos interturbet, vel in paralogismos incidamus, nisi tamen quatenus ad percussionem necessarius censebitur, quam fortè nonnulli putabunt absque aëris interuentu inutilem, qui percussi corporis poros ingredi debeat, & aërem poros illos implentem expellat, à quo percussi corporis scissio, fractiòque fiat, eo ferè modo quo puluis pyrius inflammatus & huc illuc diffiliens montes & rupes in puluerem comminuit. Aër enim vel aliqua materia eo subtilior

medium esse videtur omnium actionum naturalium, cuius naturam, & effectus qui probè nouerit, magna possit in Physicis intelligere.

Sit igitur ictus, seu percussio mallei A E, vel ensis A B, cuius capulus, vel manubrij caput in centro A intelligatur, moueaturque in circumferentia E G H, donec passum in puncto H occurrat; cùmque, peculiarem difficultatem inuoluat ensis, cuius percussio maxima neque est in illius centro grauitatis D, neque in mucrone B, sed versus C ensis dodrantem à B cus-  
pide incipientem, nunc solum de malleo, vel securi A E, vel



A F loquimur: De ictu ensis, vide Baldum ad quæst. 19. Mechan. Aristotelis, qui notat aliquos Mercurium in canali à manubrio ad ensis spiculum B accommodato imponere, qui velocissimè delatus à D ad B percussioni vires addat in B, vbi sit ictus maior quàm in vlla alia D B aciei parte. Cùm autem variæ sint ensium figuræ, non potest esse vna solutio, si enim sit eiusdem in omnibus partibus crassitie & ponderis, vt in quibusdam acinacibus contingit, vel etiam circa B densior & grauior, adeout securim æmuletur, si præterea minus aut magis firmiter in A capulo, hæc inquam omnia, & alia plura, quæ contingere possunt in ensium percussionibus, totidem solutiones requirunt, quas Geometris militibus, siue ingeniosis permitto. Videatur etiam Gueuara, qui commētario in eandem quæstionem rectè notat velocitatem, quâ mouetur cuspis B, longè maiorem habere in percutiendo, quàm maius in B pondus minori velocitati iunctum efficaciam, & stipites loratos enucleando arearum tritico seruiens, seu flagella frumentaria, quemadmodum runcas, clauas, & alia instrumenta cædendia, diuidentia, &c. ad istud principium reuocat. Additque A B vt vectem posse considerari, cuius fulcimentum in manu gladiatoris A, licet mobile; vnde facilius ictum ensis gladiatores in puncto B dextrorsum, vel sinistrorsum, aut sursum vel deorsum, quàm in C vel in alijs ensis partibus diuertant, quòd B longissimè distet ab hypomochlio A.

Itaque supponamus malleum E per totam circumferentiam E H æquali velocitate ferri, ea lege vt sit æqualiter punctum H percussurus, siue ab E, siue à B suum motum incipiat, hoc est H æquè percuti, idèmq; pati à quocùmque circumferentiæ puncto moueatur, dum-



modo æquâ velocitate passum H percutiat, quod ferrum, vel lignum, vel lapidem, vel quiduis aliud supponere licet.

Quod dictum velim, ob aërem, quem ab E ad H motum, utpote malleum præcedentem, quo nonnulli putant percussione fieri longè valentior, quàm ubi tantum à B ad H motus illud B præcedit, quòd nempe non ita densetur inter B & H, quàm inter GH, vel EH. Censent enim certam aëris quantitatem inter corpus percutiens & percussum, verbi gratia inter globum tormentarium, & thoracem, vel alia corpora percutienda interceptam suo ingressu in percussa causam esse validioris percussione, quòd aëris interni partes dissilientes ipsas ligni, lapidis & aliorum corporum percussorum partes exagitent, premant, atque dissoluant: cum tamen alij viri magni contendunt aërem interpositum impedire potius quàm iuuare, neque percussione fore maiorem, nisi cum nullus aër interponetur; aër enim occurrens motum tardior efficit.

Iam verò proprius ad vim percussione accedo, quæ cum à velocitate arcessatur, ipsam velocitatem per spatium & tempus definiam; sit igitur AE tam brachij quàm mallei longitudinem referens vnus hexapedæ, (licet duos pedes vix vnquam superet) sitque tanta percussione velocitas, ut si momento percussione malleus moueri pergat, circuli, cuius AE radius, integram circumferentiam sit quater perfecturus; quam esse summam mallei à fabri brachio moti velocitatem facile concludes, si spatio secundi minuti ab horologio facti sumptum malleum summâ quâ poteris velocitate in orbem quater egeris.

Cumque sexies radius AE circumferentiâ contineatur, (ut nunc fractionem partis septimæ negligamus) velocitas mallei tanta erit, ut 24 hexapedas vno secundo percurrat. Sumo tamen 26 hexapedas quòd iuxta nostras casuum obseruationes occurrant, ut velocitas mallei 50 hexapedis vno secundo percurrendis respondeat. Cum igitur lapis, aut ipse malleus spatio 13 secundorum ceciderit, qui casus ab altitudine 338 hexapedarum futurus est, certum est vltimo, hoc est decimo tertio secundo 26 hexapedas percurrisse, atque adeo clauum, incudem vel aliud corpus malleo in fine decim tertij secundi occurrens, eâ ad minimum velocitate, quam prius fabro ferrario tribuimus, fuisse percussum.

Vnde fit ut altitudo 338 hexapedarum vires hominis percutientis, vel potius vim ipsam percussione referat, quæ cum eidem graui semper eandem velocitatem tribuere intelligatur, esse possit immota regula velocitatis, ac velut percussione idea.

Quibus positis, ad calcem meæ versionis Gallicæ mechanicorum Galilæi tria consideranda proponuntur, nempe potentiam, resisten-  
tiam & spatium, quæ ad percussione concurrunt; itaut potentia æ-  
quali resistentiæ solummodo respondeat, quippequam eadem dunta-  
xat velocitate mouet, quâ mouetur ipsa: si enim potentia sit resisten-  
tiæ subdupla, duplò velocius moueri quàm antea debet, hoc est du-  
plum æquali tempore spatium conficere, vt ei æqualem præcedenti  
motum conferat; vt ea ratione spatium à potentia confectum tantum-  
dem superet spatium à resistentia percursum, quantum resistentia po-  
tentiam superat; vicèque versa, potentia longè maior resistentiæ mi-  
nori magnam poterit indere velocitatem, licet tardiùs moueatur,  
adeout hæc lex meritò ipsi naturæ tribuatur.

Clauī ferrei vel lignei figendi, aut cylindri metallici; ferrei, verbi  
gratia in laminam attenuandi resistentia proponatur, hoc est spatium  
quod à clauo, vel alio corpore percutiendo conficiendum est; sitque  
vnius lineæ, & malleus percutiens tanta velocitate currat, vt 26 he-  
xapedas secundi spatii confecturus sit, dico clauum, cuius resistentia  
fuerit 17064 maior potentia mallei, vnica linea ingressurum, cum in  
26 hexapedis mallei velocitatem significantibus linea 17064 conti-  
neatur; vel si trabs occurrat cuius resistentia toties maior fuerit vi  
mallei percutientis, malleus prædicta velocitate motus trabem per  
vnius duntaxat lineæ spatium mouebit.

Obseruandum est autem hîc supponi tam percutiens quàm per-  
cussum corpus tantæ esse duritiei vt sibi non cedant inuicem, vtque  
vnum ab alio non perforetur, ne percat impetus, aut aliò transfera-  
tur: deinde percussum corpus per lineæ partes æquales æquali faci-  
litate, atque velocitate moueri, alioqui prædicta proportio defi-  
ciet.

Verùm tota difficultas superest, quonam modo pondere; vel  
pressione metiri possimus vim illam motus, seu percussione; nam  
quantum pondus clauum lineæ spatii infiget, quam vnius, verbi gra-  
tia, libræ malleus prædictâ velocitate percutiens per illud spatium  
figit?

Sunt qui putent iter illa velocitate à malleo conficiendum, nempe  
26 hexapedarum, in cylindrum, vel parallelepipedum eiusdem cum  
malleo crassitudinis esse conuertendum, cuius pondus, vel istius pon-  
deris, quadratum, vel cubus clauum eodem modo, ac malleus figat,  
aut in laminam cylindrum ferreum conuertat: si fiat cylindrus eius-  
dem longitudinis, sitque malleus vnius libræ, & dimidium pedem  
longus, cylindrus 338 hexapedarum erit pondo 2648 librarum; vbi



iuuat obseruare tubum istius altitudinis aqua plenum per lumen in pede tubi factum salientem eadem velocitate missurum, qua malleus clauum antea percutere diximus, vt ex tractatu de Hydraulicis constat. Quapropter si cylindrus ille ferreus 338 hexapedarum, & 2648 librarum clauo, vel securi, vel alteri corpori premendo imponderetur, fortè posset idem, ac motus malleus. Verùm cùm pondus premens impositum semper premat, & agat, malleus, autem non ampliùs agat post ictus infligti momentum, superest maxima de tempore prementis cylindri difficultas, constat enim experientia pondus ita semper vrgeret vt nouos & nouos effectus producat, adeout clauum, quem primi secundi spatio non potuit per lineæ spatium infigere, sequentibus secundis etiam profundius figat, & cylindrulum incudi priùs impositum, quem non potuit in laminam attenuare primo tempore, sequentibus postea temporibus attenuet. Quòd si pondus illud 2648 minime sufficiat, cogita quantum pondus ex istis libris quadratis, vel etiam cubicis nascatur.

Aliam Illustris viri cogitationem explico, qui similiter vim percussionis in motus velocitate collocat: sit igitur malleus E centum librarum, & vnico velocitatis gradu descendere incipiat, incudem in H puncto intellectam illà solum vi, seu potentiâ premet, quam gradus vnicus centum libris, seu malleo tribuit: si verò malleus alter vnus libræ velocitatis gradus centum habeat percutiendo, æquè premet incudem ac primus centum librarum malleus.

Cùm igitur solutio reliqua pendeat à velocitate qua pondus corpori percutiendo impositum primo momento moueri postulet, & multi post Galilæum arbitrentur graue, seu pondus quodpiam à quiete ad quemuis terminum per omnes tarditatis gradus transire, non video in ea sententia quòd pondus sola pressione, mallei motum, seu percussionem compenset.

Vt autem quæ hîc afferri posse videntur subtiliora capias, doctissimi D. Hobbei sententiam accipe, quam ex hypothesi descensus grauium iuxta rationem temporum duplicatam, de qua nos in Hydraulicis, Harmonicis, & alijs locis egimus, ita prosequitur, vt compareret pondus, seu conatum primum corporis grauis cum velocitate, seu motu per descensum acquisito.

Cùm igitur conatus primus vt motus, siue pars motus prima ab eo consideretur, necesse est vt eo motu, seu conatu, quantumuis insensibili spatium aliquod, aliquo tempore conficiatur: quibus positis, sit prismatis, vel cylindri cuiuspiam axis AB diuisus in quotcùmque, verbi gratia 4 partes æquales AC, CD, DE, EB; quorum vna AC



statuatur prima, eaque ut minima non amplius diuidenda; eiusque motus habeatur pro minimo. Clarum est  $EB$ , dum mouetur deorsum, non premi à sequente parte  $DE$ , neque illam à  $CD$ , neque  $CD$  ab  $AC$ , cum æquali conatu descendant.

| A  
| C  
| D  
| E  
| B

Vnde sequitur conatum primum totius axis prismatis, vel cylindri, quamdiu descendit, non esse maiorem conatu partis  $AC$ , vel cuiuslibet reliquarum, quemadmodum neque in equitum turma ullus maiori, quam alius, fertur velocitate.

Si verò cylindrus ille statuatur supra basim aliquam durissimam, illam premit  $EB$  primum conatu suo, moxque premitur à cæteris partibus, itaut conatus omnium partium exerceatur in puncto  $B$ .

Quapropter velocitas primi conatus in  $B$ , (posito cylindro super basi durissima) ad conatum primum primæ partis insensibilis  $AC$ , ut linea  $AB$  ad insensibilem lineam (instar puncti Physici considerandam)  $AC$ : quare si procederet  $B$  illo totius axis conatu, quanto tempore confectum esset  $AC$  spatium conatu puncti Physici  $AC$ , tanto præcisè conficeret spatium æquale axi  $AB$ , sed remota basi nunquam ita procedet, quandoquidem partes inferiores non amplius premerentur à superioribus, & partes singulæ descenderent iterum singulis conatibus.

Vnde constat axem ipsum cylindri mensuram esse velocitatis suæ, quæ ponderat basi insidens. Itaque si possit ostendi quantum spatium graue eiusdem speciei, (seu quod habet conatum primum æqualem conatui primo cylindri) descendendo conficere debeat, ut velocitas eius aequi sita sit ad notam aliquam grauis descendentis velocitatem, in eadem ratione, in qua axis ad eandem cognitam velocitatem, erit cognita ratio velocitatis ad pondus.

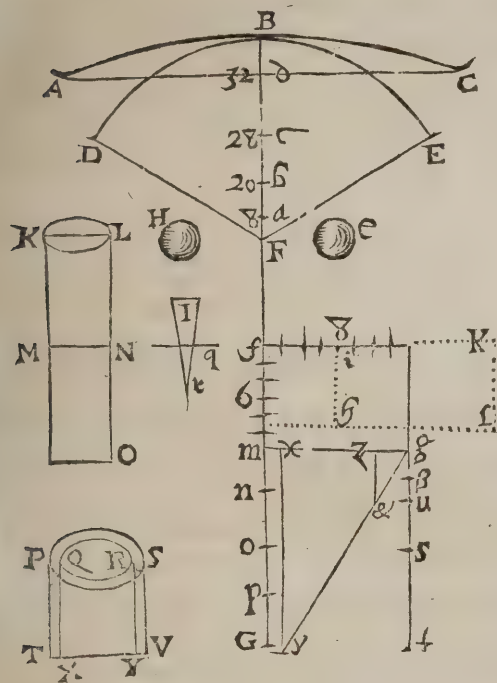
Iam verò si detur tempus quo graue descendit per spatium quodcumque datum, & fiat ut duplum spatij dati ad altitudinem cylindri, ita altitudo illa ad tertium, erit illud tertium spatium, per quod cum descenderit graue, velocitatem acquireret æqualem ponderi prismatis propositi.

Sit tempus datum  $gX$  minutum secundum, quo graue  $g$  descendat 12 pedes  $g\mu$  iuxta nostras obseruationes; sitque dati cylindri altitudo 12 pedum, in ratione  $g\mu$  ad  $gs$ . Cum graue descenderit à  $g$  ad  $s$ , habebit velocitatem quæ possit descendere proximo secundo bis  $gs$ , hoc est  $gt$  velocitate æquabili, ut in Hydraulicis ostenditur, sicut in harmonicis. Ducatur rectæ  $gt$  æqualis recta  $Xy$ , & fiat ut  $Xy$ , seu  $gt$  ad  $g\mu$ , ita  $gX$  tempus ad  $gz$  tempus; ducaturque  $z$  & parallela lineæ

Cum autem velocitas  $Xy$  acquisita tēpore  $gX$ , sit  $z$  & ad velocitatem acquisitam tempore  $gz$ , vt ipsum tempus  $gX$  ad tempus  $gz$ ; &

Est igitur ut  $z$  & velo-  
citas acquisita in  $\beta$ , ad  $g$   
velocitatem acquisitam

Non tamen inde sequitur effectum ponderis cum effectu velocitatis posse comparari circa ictum, seu percussionem, cum pondus varios habeat effectus pro mora temporis, profundius enim defigit pailum, vel plumbum complanat premendo, quod plus temporis incumbit; sed velocitatis effectus non ita pendet à mora, nec enim moratur quod mouetur, nec vim suam bis in eodem loco exercet. Quapropter pondus per se comparatur cum solo pondere, & velocitas cum velocitate, ideoque putat pondus & velocitatem in ictu nunquam se mutuò compensare.



**N**E propositionis istius explicatio tædium pariat, reliquas diffi-  
tates in sequentem reijcio, quæ noua complectitur percussio-  
ni conducentia; quæque postea Vietæi, vel alij Geometræ per-  
ficient.

Nota verò figuram istam non omni ex parte explicatam; du-  
plex enim arcus cum numeris inscriptis tractatum Ballisticæ ex-  
pectat.

### PROPOSITIO XXVI.

*Dati ponderis malleo cadente à data altitudine, & palum in terram impellente datâ profunditate, dare mallei pondus, qui cadens ab eadem altitudine, eundem palum in terram dupla profunditate impellat: & à quantò maiore altitudine debeat cadere malleus idem, vt eundem palum profunditate duplâ illius quæ datur, in terram impellat.*

**I**storum problematum solutio pendet ab experientia, & à cognitione rationis ponderum in corporibus specie diuersis, & à ratione diuersæ contumaciæ in corporibus tenacibus ad data pondera; verbi causa cum descendit palus in terram vi percussionis, sciendum esset quantum ponderis sustineat illa potentia, quæ sufficit ad terram illam amoliendam, in cuius locum debet palus impacta succedere.

Similiter, si fuerit cylindrus  $K O$ , cuius altitudo  $L O$ , vno ictu diminuatur ad altitudinem  $O N$ , vel  $V S$ , quarum vtrâque sit semissis altitudinis  $L O$ , necesse est cylindrum ita depressum habere maiorem basim quàm antea, cum prior altitudo  $L O$  ad posteriorem  $S V$ , sit vt basis posterior, cuius diameter  $T V$ , ad prioris basis diametrum  $K L$ . Erit igitur ex vi percussionis portio cylindri  $K L M N$  loco suo emota, & cylindro  $M O$  circumposita, quemadmodum cylindro  $Q R X Y$  circumponitur cy-

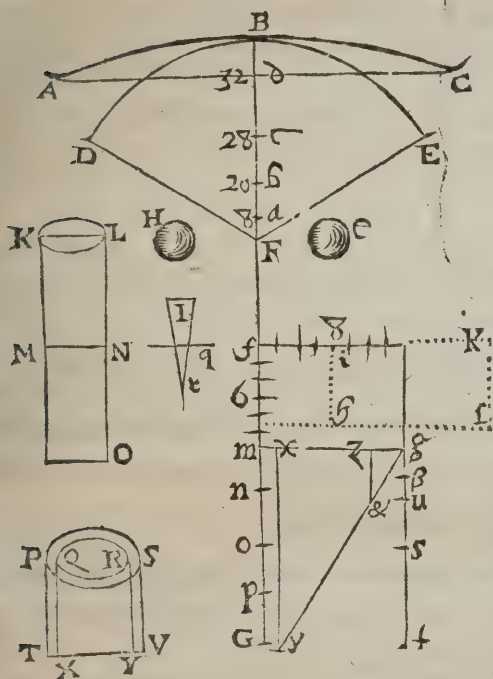


hoc enim experientiâ co-  
gnito, problemata sol-  
uentur: si prius tamen de-  
finiatur, quid sit Vis, quid  
Resistentia, & quid Effe-  
ctus.

Vis est, id quod produ-  
citur ex multiplicatione  
ponderis in velocitatem,  
ita ut si duorum agentium  
pondus sit idem, veloci-  
tas diuersa, sit vis ad vim  
vt velocitas ad velocita-  
tem; si verò duorum agē-  
tium velocitas sit eadem,  
pondera diuersa, erit vis  
ad vim vt pondus ad pon-  
dus.

Resistentia autem est  
vis Patientis opposita vi-  
ribus Agentis.

Effectus denique, est motus in patiente, qui oritur ab excessu virium agentis supra vires patientis; exempli causa, si lapis ab *e* descendat in aquam profunditate *ih*, minore quàm descendisset, si nihil resisteret, faciátque tantum aquæ ascendere, Effectus cadentis lapidis est ascensus ille aquæ, & resistentia aquæ est vis eius, quâ impediuit ne lapis ampliùs descenderet; ex quibus positis sequens emergit propositio.



## PROPOSITIO XXVII.

*Si corpus graue, grauitatis & velocitatis data, penetret in corpus data grauitate resistens, spatium per quod procedet in non resistente, est ad spatium per quod penetraret in resistente, vt grauitas vtriúsque corporis Agentis & Patientis ad grauitatem solius Agentis.*

**S**It enim corpus Agens *e*, Patiens *f* 8, habeátque *e* grauitatem vt 8, velocitatem vt 6, hoc est tempore dato 6 spatia conficere possit: habeat autem *fg* Patiens grauitatem vt 4, penetrétque *e* in corpus *fg* profunditate *ih*, dico spatium quod penetrabit *e*, nempe *ih*, tantum fore, vt spatium 6 habeat ad ipsum eandem rationem, quam habet ad 8 & 4 simul, hoc est ad 12, id est grauitas vtriúsque corporis simul sumpta, ad 8 grauitatem solius Agentis.

Quoniam *e* habet grauitatem vt 8, *fg* vt 4, pondus *e* est ad pondus partis *fg* eiusdem molis, vt 8 ad 4; & quia pondus *e* est vt 8, velocitas vt 6, erit tota vis corporis *e*, vt 48; vis enim vniuscuiusque corporis est id, quod fit ex pondere & velocitate inter se multiplicatis.

Vis autem corporis *e* est æqualis vi quâ ipsum *e* descendit ad *h*, vnâ cum vi qua tantundem ex corpore *fg* ascendit ab *h* ad *i* (nec enim *e* potest descendere ad *h*, quin tantundem exeat ab *h* ad *i*) sed vis quæ tam *e* descendit, quàm *h* ascendit, fit ex pondere *e*, & pondere *fg* simul sumptis, multiplicatis in velocitatem, qua descenditur ad *h*, vel ascenditur ab *h* ad *i*.

Est igitur vis facta ex grauitate 8 solius Agentis, & velocitate 6, in non resistente, facta ex grauitate vtriúsque corporis 12, & velocitate *ih*, æqualis; sicut Rectangulum sub 8 & 6, æquale est Rectangulo sub 12, & *ih*. Vt igitur 6 ad *ih*, ita reciprocè 12 ad 8. Quare *ih* erit 4, idèoque si corpus graue, &c. quod erat probandum.

Eadèmq; methodo procedendum est in ductilium complanatione quæ fit ex ictu: quamuis absque experimentalis cognitione ponderis quod sufficit ad vincendam contumaciam qua partes ductilium inter se coherant, nil certi de ictus, seu percussione effectum statuere possumus in corporibus complanandis.

Ex dictis verò colligi potest Agentia duo eiusdem ponderis, molis

& figuræ, sed diuersæ velocitatis, cadentia in idem Patientis, penetrare secundum rationem velocitatum, si enim *e* habeat velocitatem vt 12, erit tota vis 96, quæ diuisa per 12, pondera vtriûsque corporis, dabit 8 pro penetratione.

At verò si velocitas seruetur eadem, vt suprâ, nempe 6, sed duplicetur pondus, vt sit 16, erit penetratio in ratione quam habet vtrûmque pondus, ad pondus solius Agentis, hoc est vt 20 ad 16; cùm enim *e* habeat pondus, vt 16, velocitatem vt 6, habebit vim vt 96, quæ diuisa per 20, pondus vtriûsque corporis, dabit  $4\frac{1}{5}$ . Est autem 6 ad  $4\frac{1}{5}$ , vt 20 ad 16.

Hinc ad problema venio, nempe posito quòd malleus *H* cadens à data altitudine palum in terram defigat per spatium *qr*, à quanta altitudine debeat idem cadere malleus, vt palum eundem terræ per spatium spatij *qr* duplum infigat: & dico illum ab altitudine quadrupla cadere debere, cùm enim penetrationes sint vt velocitates, vt dictum est; & velocitates sint in altitudinum subduplicata ratione, vt tract. de Hydraulicis, & etiam superius ostensum est; si penetratio quæ sita est vt 2 ad 1, erit etiam velocitas, quæ sita ut 2 ad 1, & altitudines, ex quibus velocitates acquiruntur, erunt vt 4 ad 1. Similitérque malleus ab altitudine noncupla, sexdecupla, &c. cadere debet, vt sit eius penetratio tripla, quadrupla, & ita in infinitum.

Alterum problema, videlicet posito quòd malleus *e* vel *H* dati ponderis cadens ab altitudine quacûmque palum in terram defigat per spatium *qr*, quanti debeat esse ponderis malleus, qui ab eadem altitudine palum eundem defigat per spatium spatij *qr* duplum, longè difficilius esse videtur, cùm multiplicatio ponderis non semper augeat penetrationem: si enim, verbi causa, malleus vnus libræ descendat velocitate vt 6, in medio non resistente, & in resistente, vt 4; malleus centum millium librarum non deprimet palum vt bis 4, quandoquidem mille libræ non descendunt velocius quàm vna. Pondus tantum per accidens penetrationem auget, vtpote minuendo resistantiam Patientis, quæ consistit in pondere, vel in eohærentia, quæ ponderi æquatur.

## M O N I T U M P R I M U M.

CÆtera quæ spectant percussionem, in Ballisticis reperiēs, quibus tam ictus, quàm iactus missilium omnigenum prosequimur: vbi semper aduertendum aliud esse maiorem motus quantitatem, aliud maiorem velocitatem, si in paralogsismos, vel difficultates nolis im-



pingere, sæpius enim maior est motus quantitas, licet velocitas sit duntaxat æqualis, vel etiam minor: verbi gratia, cum duo lapides, vel duo globi ferrei descendunt ab eadem altitudine, solóque proprio pondere cadunt, globus maior maiorem habet motus quantitatem, idque eadem ratione qua maior est, adeout si fuerit, alterius octuplus, motum etiam habeat octuplum, cum tamen velocitas vtriúsque sit æqualis: vnde fit vt possit motus corpori, velocitas superficie, vicéque versa comparari.

Figuras autem quæ propriis locis non videris impressas, maiores præsertim, quibus multæ paginæ respondent, initio, vel ad calcem libri repositas inuenies, ne caput, & oculi laborent in paginis absque figura voluendis, vt figuræ discursui accommodentur, quæ satis frequenter repeti non potuerunt, vt contigit paginis 43, 44, &c.

### M O N I T V M I I.

**P**Ræter vim illam mallei percutientis, & præli, quæ simul addita cum rotis, tympanis, helicibus, &c. magnum robur operis addunt, quidam catapultam, vulgò *mortier*, ferreis manubriis vectura addunt, quæ maximo tum fragore, tum conatu manubrium illud mouet, & quolibet ictu repetito promouet vltteriùs, donec maximas cāpanas puta 30, vel 40 mille librarum in turres erexerint, vel alia maiora onera leuarint ad datam altitudinem; quo casu manubrium tanti debet esse roboris vt illis ictibus resistat: pulchrum autem & vtile fuerit, si quis Ingeniosus definiat quantum hac ratione pondus quolibet ictu, & ad quam altitudinem ferri possit: quod forsân ex sequente tractatu innotescet.

### M O N I T V M I I I.

**P**Ræter motum percussionis, & alios de quibus tam in Hydraulicis, quam in Mechanicis actum est, Verumlamius peculiari tractatu posthumo plures alios recenset, quorum primum *Antitypia* vocat, quo pars quælibet materiæ refugit in nihilum redigi, vel nullibi esse, vel in eodem esse loco cum alia parte, hoc est odit penetrationem dimensionum.

Secundum appellat motum *nexus*, quo resistunt corpora separationi, vt cum aqua in siphonem ascendit ne detur vacuum. Tertium *libertatis*, quo se pressa spongia, aër condensatus, elateria, &c. restitunt. Quartum *Hyles*, quo maiorem extensionem corpora postu-

lant, vt fit in aëre calefacto; vel statum permanentem, vt cum aqua vertitur in glaciem, vel ob frigoris longissimam continuationem, vt aliqui putant. Quintum *Continuationis*, quo glutinosa continuantur, & aquæ guttæ in rotundum coeunt. Sextum *indigentie*, seu *lucris*, quo mercurius attrahit aurum, panis calidus aquam, &c. Septimum *Congregationis maioris*, quo grauiâ feruntur ad terram. Octauum *Congregationis minoris*, quo Tartarum in vino subsidit, partes auri in aqua regia sparsæ per præcipationem fundum petunt, & homogenea iunguntur homogeneis. Quò forrè referatur vis ferri ex coniunctione magnetis oriunda, qui cum pondus vnum ferri nudus, siue inermis trahat, armatus 320 pondera trahit, vt in eo quem habeo sæpius expertus sum, qui cum inermis ferri semunciam vnicam trahat, armatus 320 semuncias, hoc est libras decem sustinet. Nonum *Magneticum*, quo corpus vnum à longè trahit corpus aliud, vt magnes, & succinum. Decimum *Fuga*, quò olfactus fugit odores foetidos, & gustus saporem amarum; hinc oleum non benè miscetur cum aqua, cum qua vini spiritus oleo leuior miscetur.

Vndecimum *Afsimilationis*, siue multiplicationis, aut generationis, quo flamma super halitibus & oleaginosi se multiplicat, & nouam flammam generat. Duodecimum *Excitationis*, quo calor se communicat excitando partes interiores corporis calefaciendi, magnes terram induit nouis dispositionibus, fermentum panis, flos ceruissæ, & coagulum lactis excitant motum in massa farinaria, ceruissia, aut cafeo. Decimum tertium *Impressionis*, quo lucis radij calefaciunt, soni diffunduntur, magnes ferrum, & terra graue trahit.

Decimum quartum *Configurationis*, aut *situs*, quo Sol potius ab Oriente ad Occidentem, & super stella Vrsæ vicinâ, quàm super alijs stellis, veluti super polis mouetur; magnetis verticitas potius fit in Orientem quàm in Occidentem, & vice versa. Denique quo in vnam potius quàm in aliam partem corpora disponuntur.

Decimum quintum *Pertransitionis*, vel secundum meatus, quo per media quædam aliæ qualitates transeunt, vt sonus & calor per corpora opaca, lumen per diaphana, virtus magnetis per omnia.

Decimum sextum *Regium*, quo spiritus animales partes alias corporis regunt, & ordinant, & forrè Sol terram, & omnia corpora, quæ ad hoc nostrum systema pertinent, suo calore regit, & in proprijs vnumquodque locis collocat. Decimum septimum *Rotationis spontaneum*, quo vel terra circa suum centrum, & Solem, vel Sol, & alia astra circa terram vertuntur. Decimum octauum *Trepidationis*, quo pulsat arteria, & cor systole, & diastole motu.

Denique decimumnonum *Decubitus*, & *Exhorrentia*, quo partes terræ, & cuiusvis alterius corporis abhorrent à separatione sui à toto, & separata statim absque morâ reuertuntur, & reuersæ quiescunt.

Quibus plures motus addi possunt, vt motus maris, qui fortè ab ipsius terræ expiratione, & inspiratione ducit originem : & motus omnes propemodum infiniti, & differentes, quibus omnium corporum idiosyncrasia, characterismi, & temperamenta constituuntur, quibus alia duriora, liquidiora, magis aut minus odora, sapida, &c. fiunt, quibus motibus potuit Deus illud supplere quod vulgò formam appellamus; quorum explicationem difficillimam ab Illustri Viro possis expectare.

Nam sequente tractatu solos motus prosequor oculis, & tactui obnoxios, quos inter numerare possis ipsas solis iaculationes, quibus suæ lucis radios, veluti sagittas, per totum aërem, & per alia quæcûmque diaphana momento vibrat, quorum frequenti sensu, & percussione ad solis æterni radios, & flammæ in cordibus nostris excitandas provocemur. Tunc enim optimus erit creaturarum vsus, & eminentissima motuum finitorum meditatio, cum nos ad Eminentissimum primi motoris amorem promouerit, & ita nostras instituerit mentes, nullam vt lucis in nos vibratæ radium detineamus, sed omnes penitus ad perennem reflectamus lucis originem, & quidquid fecerit ad propria, siue commoda, siue laudes, siue quidpiam aliud, fastidientes, reijcientesque, toto conatu feramur ad vnicam Dei voluntatem colendam, amplectendam, adorandam.

F I N I S.



F. MARINI  
MERSENNI  
MINIMI  
BALLISTICA,  
ET ACONTISMOLOGIA.

In qua Sagittarum, Iaculorum, & aliorum Missilium  
Iactus, & Robur Arcuum explicantur.



PARISIIS,  
Sumptibus ANTONII BERTIER, viâ Jacobæâ,  
M. DC. XLIV.  
CVM PRIVILEGIO REGIS.

WILLIAM J.

WILLIAM J.

MINI

WILLIAM J.

WILLIAM J.

WILLIAM J.



WILLIAM J.



ILLVSTRISSIMO,  
AMPLISSIMOQUE VIRO  
IOANNI IACOBO  
DE BARILLON,  
CASTILIONIS TOPARCHÆ, SACRI  
Consistorij Comiti, & in Senatu Parisiensi  
Primæ Classis Inquisitionum Præsidi,

F. M. MERSENNVS S. P.



*Empestatibus præteritis, Illustrissime Præses, quarum seuitie videbaris absorbendus, Tua Virtus incomparabilis facta superior, & velut è nubibus splendidius emicans, quæ post Bonorum omnium vota, Te desideratissimum Senatui restituit Augustissimo, me quoque compulit ad nouum aliquid meditandum, quo diuersos labores à Te heroica fortitudine perlatos, nouâ recreatione solarer.*

*Sed quò Tibi armorum ista phalanx perpetuo pacis Patrono? Quid Tibi cum isto genere Balistarum importunissimo? Tibi, inquam, almæ Themidos Antistiti sacratissimo? Otium cum dignitate tuum; scio equidem. Verùm hîc arma silent inter leges, quod tu maxime vis, non leges inter arma, quod tu minimè pateris, nec quisquam bonus velit.*

*Ista lædunt, nostra ludunt; ista feriunt, nostra feriantur; ardent*



*ista, nostra lucent. Lux igitur beneuolentia tua nobis eò suauius ob-  
oriatur, nostroque liceat calamo gestienti, & hac arma quasi spolia  
gestanti, illa quidem casta, incruenta, pacis, togæque socia, Tro-  
phæum Tibi dicare suum. Tu enim ille es quem neque tela for-  
tunæ, neque vis, neque pericula, neque minæ, nec arma fran-  
gere vsquam potuerunt. Quo Balistarum, arcuum, sagittarum  
illa cohortes Tibi se dedunt, Tibi accidunt, Tuæque cedunt arma to-  
gæ. Tempora illa facere quidem potuerunt vt mutares calum, sed  
non animum: de loco mouereris, sed non de altitudine mentis;  
adeo vt Tua Virtus in tenebris luceret, in aduersis triumpharet,  
tranquilla in tempestatibus, serena in turbidis, Augusta in an-  
gustis: vt Barillionum, Prætorum, Oliuariorum, Memmiorum,  
& aliorum maiorum; è quibus oriundus, splendorem magis at-  
que magis augeat. Sed ea fortunæ tela quæ Tu viciisti, iam omit-  
to, vt animo sedatiore non solum nostrorum arcuum ἀρκεβουλίσ-  
μους contempleris, sed ea tela moueas quæ vocat Apostolus τὸ πρῶ-  
τον τῆς ἡθῆς: quæque Christi sanguine respersa cor mihi, cor  
Tibi traiciant. His enim quisquis figitur, moritur ocys mun-  
do, viuit Deo, moritur caducis, viuit æternis, moritur vanitati,  
viuit gloriæ celesti.*

*His igitur iaculis amoris, illorumque vulneribus noster ani-  
mus, Amplissime Præses, totus pateat, occurrat, & incurrat in  
hæc tela mitissima: sic enim ictus & victus æternum cum beatif-  
simis mentibus triumphabit: dumque hîc militat, purissimæ men-  
tis orationibus, velut sagittis ardentissimis, ad Deum ipsum con-  
uersus, in hæc verba erumpet:*

Da fontem lustrare boni, da luce reperta  
In te conspicuos animi defigere visus.  
Disiice terrenæ nebulas & pondera molis,  
Atque tuo splendore mica: Tu namque serenum;  
Tu Requies tranquilla piis, Te cernere Finis,  
Principium, vector, Dux, semita, Terminus idem.

PRÆFATIO



# PRÆFATIO

V T I L I S

IN BALLISTICA M

AD LECTOREM.



VM plurima sint in quibus Ballistica cum hydraulicis conueniunt, illorum lectio coniungenda: cumque in alijs Præfationibus vtilia plurima dixerimus, hac etiam nonnulla doctorum meditatione dignissimæ propono.

Primum multa superesse quibus vtrumque tractatum perficere queas: verbi gratiâ, cur pilæ tormentorum horizontaliter explosæ non statim incipiant descendere, vel non tantum descendant, quantum reuera descenderent, si motu horizontali destituerentur; & quænam sit vera ratio propter quam per centum aut plures sexpedas, quas initio percurrunt, minimè descendant: an quòd puluis, aut impressa vis illas æquè pellat in altum ac horizontaliter, vt iam aliàs inuimus.

II. Cùm 24. prop. Ball. plura iuxta subtilissimi Philosophi Thomæ Hobbes attulerimus, & quasdam Philosophiæ quam exornat partes legerim, quæ omnia ferè per motum localem explicant, velim etiam addere modum quo nostrarum facultatum operationes ex eodem motu concludit, vt lector perspiciat num quæcumque sunt in nobis ad vim Ballisticam referri possint, vt obiecta per sensus exteriores irruentia tot iaculis quot motibus nos impetere, hucque & illuc impellere videantur, perpetuamque Ballisticam exercent.

Certum est enim fieri sensationem per actionem obiectorum in organa sentiendi, cùmque sensio tam actionem quàm passionem arguat, quas vix à motibus distinguas, sensio definiri potest motus



## P R A E F A T I O

in partibus internis sentientis ab obiecti motu in agentis sensorio effectus : sic etiam visio fit à motu lucidi propagato per diaphanum intermedium, & continuato per oculum ad tunicam retinam, & deinceps per neruum opticum in spiritus, idque non solum in cerebro, sed etiam usque ad cor, ob totius corporis miram connexionem.

Similiter motus quem duo corpora collisa, vel rupta faciunt, per aërem propagatur ad aurem, hincque per nervos ad cerebrum, & ad cor; & ita de reliquis obiectis aliorum sensuum, quorum motus ubi cor attingerint, si motum illius vitalem iuvant, voluptas nascitur, si ei noceant, dolor. Cùm autem id quod patitur reagat, & resistat, motus cordis fit versus cerebrum, indeque in nervos usque ad corporis superficiem externam, unde phantasma oritur, quod est motus in cerebro, licet instar rei externæ appareat, quam repræsentat ubi non est: ut contingit cum stellæ in aqua, vel speculo videntur & vox ubi Echo.

Ex his autem phantasmatibus seu motibus ipsum sentientis corpus mouetur, atque adeo motus animalis oritur. Motus autem illi non desinunt licet obiecta non agant amplius, quandoquidem ut ad motum imprimendum agens necessarium est, ita & ad motum auferendum. Neque motus spiritibus & sanguini impressos quidquam extinguit nisi motus contrarius, qualis forsan à gravitate oriundus, ut in aqua contingit quam lapillus in orbem commouit.

Cùm autem pluribus motibus cerebrum & cor agitentur, motus qui dominatur præsens phantasma dici potest: quod, dum obiectum agit, diuersis nominibus, iuxta diuersitatem organorum, exprimitur: si enim motus fit per oculum, dicitur lumen, vel color: si per aurem, sonus, &c. si per corporis superficiem, calidum, frigidum, læue, asperum, &c.

Vt autem ipsa passio dicitur sensio, idem motus manens, absente obiecto, dici solet imaginatio, sumpto nomine ab imaginibus, licet idem cum sensatione fuerit, à qua solum differre videtur, quòd ea præsentiam obiecti requirat: cùmque motus omnis successionem constet, imaginatio semper aliquid habet in se præsentem prius, quod ubi sub præteriti ratione consideramus, memoria; sicut imaginatio præteriti absque consideratione ipsius phantasmatis, hoc est imaginaria successio, tempus appellatur, adeo ut idem animi motus, ob 4. diuersos respectus, nomina 4. adeptus sit.

Quamquam fatendum est phantasmata inter sentiendum clariora, quàm ubi obiecta abeunt, ob nouorum obiectorum successionem in omnia sensuum organa quæ quidem non destruunt motum præce-



dentem, qui vetustate non euanescit, sed comparatione latet: vt ex somno patet, in quo imaginationes non minus claræ sunt, quàm in ipsa sensione, quòd tunc alia sensoria omnem aditum obiectis præcludant: cùmque dormientium phantasmata initium habuerint à sensione, sintque motus idem, somnium erit quintum nomen imaginationum.

Rursus vt in liquido variis motibus turbato nascitur motus ex diuersis compositus, ita contingit in spiritibus, cerebro & corde, vnde plura phantasmata in vnum coeunt, vt fit in imaginatione montis aurei, & centauri velut ex equo & homine compositi; qua etiam ratione magnificas heroum actiones somniando, vel inani gloriâ nobis ipsis affingere possumus, & sextum nomen fictionum, atque figmentorum motui primo continuato affingere: porroque septimum nomen discursus continuæ imaginationum seriei, in quas sicut aquæ pars mota partem vicinam ducit, & trahit, ita phantasma vnum ex alio vicino solet oriri: sunt autem vicina phantasmata, quæ in ipsa sensione se inuicem immediatè subsequuntur.

Est autem discursus, siue imaginationum series, ordinatus, vel inordinatus, ac veluti fortuitus, vt si quis à Pythagora ad fabam, à faba ad fabulam, à fabula ad Æsopum cogitando vagaretur; qualis est somniatium, vel delirantium: ille verò regitur ab aliquo fine, quem aliquis assequi desiderat: & ad quem tenditur, vel à principio quolibet, vel ab eo quod ipsa finis imaginatio suggerit. Illius exemplum est cùm rem aliquam præ exilitate latentem reperire volumus, nam totum locum, sumpto vbilibet initio, lustramus oculis: versificatores congruis vocabulis sua metra implere volentes idem præstant, vt canes omittam, qui sumpto quolibet initio campum peruagantur, quod discursus vmbra aliquam habere videtur.

Sed cùm discursus principium à fine discurrentis sumitur, quod fit dum imaginationem finis sequitur imaginatio viæ ad finem, sumpto vbiuis principio series imaginationum continuatur per seriem causarum & effectuum; idque vel à causa ad effectum, vel ab effectu ad causam.

Si processus fiat ab imaginatione causæ ad imaginationem, effectus versus finem, qui semper est effectus vltimus, dicitur *συνσθε* seu compositio; si ab effectu ad causam & ita deinceps versus priora, *ἀνάλυσις* seu resolutio: est autem vtraque reminiscencia.

Illius exemplum in homine, dum ædificationem imaginatur incipiens à materia ad formam domus introducendam: tunc enim ima-

## PRÆFATIO

ginatio procedit à materia ad compositionem, inde ad fundamentum, muros, tectum, &c. quibus similis est auium nidificatio. Huius autem exemplum est processus à cogitatione formæ domus ad cogitationem loci, in quo ædificanda: sequitur materiæ eo loci compositio, &c. quæ utcumque essent in auiibus, si à pullis per ova, nidum & materiam ad locum recurrerent, & analyticam exercerent.

Hæc autem reminiscentia mediorum ad finem, ars dicitur, si quoties finem imaginamur, toties eundem mediorum ordinem percurrat imaginatio, progrediendo à causa ad effectum; & scientia causarum, cum sit processus ab effectis ad causam.

Si rei vnius ad alium, & euentus ad euentum successionis, siue antecedentis & consequentis adlit memoria, dicitur experimentum; ex quo si quis euentum similem videns euentui præterito, credat quoque similem effectum secuturum, vel antea præterisse similem ei quem præsentem videt; exempli gratiâ, qui nubem densam & nigram videt, expectabit pluuiam, quod prius viderit pluuiam secutam fuisse; vel ex visa pluuiâ nubem illam præcessisse dicet, quia prius ita contigisse meminit. Quid enim aliud est futuri imaginatio, quam præteriti, cuius ordinem cum præsentem connexum fingimus, vel supponimus, sumendo similes euentus, nempe præsentem & præteritum non ut similes, sed ut eundem numero; vnde fit ut euentus qui reuera præcedentem antecessit, suppositione, fictioneque nostra sequi videatur, quidquid autem præsentem supponitur, futurum appellatur.

Vt autem experimentorum memoria respectu præteriti dicitur experientia, respectu futuri vocatur expectatio, ut sit multimoda experientia res eadem cum prudentia, siue futuri prouidentia, quæ sine experientia nulla est: hinc ingenio celeres qui plus habent experientiæ, prudentiores.

Qui verò similitudinem consecutionis euentuum obseruarunt & meminerunt, habent consequens antecedentis, & vice versâ antecedens consequentis signum; vnde futuri, & præteriti ex solis signis fit coniectura: & causæ ac effectus, ob consequentiam vnius ad alterum, sunt expertis signa mutua.

Cum autem duarum rerum inensione perceptarum differentiam imaginamur, illa comparatio est discursus initium; quæ fieri nequit cum ea claritate, quâ ratiocinari solemus, nisi quidam fixi characteres à nobis figantur, quorum ope præsentia cum præteritis con-



## AD LECTOREM.

nectamus, quos characteres nomina dicimus, quæ nos iuuant ad causas rerum inspiciendas, aut inuestigandas. Quomodo enim res, aut illarum phantasmata compararentur, nisi quibusdam vocabulis, veluti tesseriis, in memoriam reuocarentur, quibus cum bestia careant, plurimum à nobis recedunt, quippe non distinguunt res à phantasmatibus, nec ullâ voluptate, præterquam sensuali fruuntur.

Vox itaque humana, quam rebus significandis imponimus, eandem in nobis imaginationem, quam ipsa res generat; quapropter quæcunque similia sunt, nomen aliquod commune sortiri debent, quod propterea dicitur vniuersale, licet res significatæ sint particulares, vt cum album tam de ouo quàm de papyro, niue, &c. dicitur. Cùmque nulla sit res quæ rebus aliis in aliquo non sit similis, innumera nomina res quæpiam habet: ita enim homo nomen istud hominis commune habet cum aliis hominibus, deinde patris, corporis, animalis, &c. Nomini autem positiuo, si particulam negatiuam adijcias, fit nota dissimilitudinis, seu diuersitatis, diciturque nomen infinitum, vt non homo, non-album.

Si duo nomina copulentur per verbum, fit propositio, qua volumus consequens, seu nomen posterius, eidem rei conuenire, cui antecedens, siue prius nomen competit: vt cùm dicimus hominem esse animal, significamus nomen animalis, & hominis eidem conuenire, & rem quæ vocatur homo, vocari quoque animal, atque adeo propositionem illam esse veram, cùm veritas & falsitas idem esse videantur quod vera & falsa propositio.

Rursum ex 2 propositionibus iunctis, in quibus vnum nomen commune, idemque medium statuitur inter non communia, fit syllogismus, siue collectio summæ ex ambabus; vt cùm dicimus, homo est animal, animal est corpus, colligimus hominem esse corpus: hoc syllogismo notamus nomen tertium, corpus, omnibus rebus conuenire, quibus primum nomen homo competit: similiterque 2 animal, iisdem rebus quibus 1. homo, & 3. corpus, iisdem quibus 2 animal: & siquidem conueniunt, dicitur syllogismus verus, alias paralogismus.

Ex illorum autem nominum inuentione, & propositionibus syllogismos componentibus pendet animi processus constans ex innumeris imaginandi actibus circa res singulares, qui ad linguæ discursum progreditur, quem in vniuersalia Theoremata contrahit; vt iam errare nequeat in discurrendo, si nomina omnia certas sibi ha-



beant substratas imaginationes, priusquam in orationem admittantur.

Quod si dicamur sola vniuersalia intelligere, nihilque sit vniuersale præter nomen, intellectio non erit ipsarum rerum, sed nominum, & orationis ex nominibus compositæ. Quod quidem nomen intelligere dicimus, cum ex auditione vel lectione illius reuocatur imaginatio propter quam nomen illud inditum est: quemadmodum & propositionem, cum ex auditu reducitur in memoriam subiectum eius, seu nomen antecedens contineri in prædicato siue consequente; vel nomen posterius omni rei conuenire cui conuenit nomen primum.

Hinc ratio dicitur facultas syllogisandi, cum ratiocinatio sit continua propositionum in vnam summam collectio, vel calculus nominum; quæ si pertinent ad numeros, Arithmetica; si ad magnitudines, Geometria; si ad sonos, Musica comparatur. Vbi supponenda recta ratiocinatio, quæ sumens initium ab accurata nominum explanatione procedit per syllogismum, seu continuam verarum propositionum connexionem: qui processus oritur à recta ratione, seu potentia ita procedendi quoties volumus, quam ratiocinandi possumus infallibilitatem appellare.

Quibus ad potentiæ cognoscitiuæ naturam explicandam positis, aliquid de voluntate, facultatibusque motiuis dicendum. Primum igitur motus vsque ad cor propagatus ex obiectorum actione dicitur iucundus, si iuuat, molestus, si nocet, & impedit motum cordis. Est autem motus in quo consistit delectatio, principium motus animalis versus obiectum à quo mouetur, ideoque vocatur appetitus; vt principium motus fugiendi obiectum, appellatur fuga, vel auersio, ac molestia; quæ delectatio si spectetur præsens absque conatu accedendi dicitur amor, vel recedendi, odium.

Si delectatio consistat vel in sola imaginatione; idque vel in memoria, vel in fictione; erunt tantum recordationes, & reliquæ delectationum, molestiarumque præteritarum, vel expectationes futurarum, quæ eadem est cum memoria præteriti: vel in sensatione & imaginatione simul: hæque duæ ambæ se non raro ita interrumpunt, & reciprocatione adeo celeri, vt in mediam quandam conflare videantur; unde postmodum animi perturbationes, seu passionēs, vt spes metus, ira, inuidia, æmulatio, poenitentia, risentium & flentium affectus, & aliæ propemodum infinitæ nominibus carentes.

Bonum autem & malum propriè dicuntur de obiectis; quod cum

cuique placet, cum delectat, aut ab eo appetitur, id ipsi bonum dicitur; & quod molestum, malum. Pulchrum, in quo sunt signa boni: in quo non sunt, turpe: adeo ut bonum & malum relatiuè ad personam dicantur.

Cùm autem quæ placent cum iis quæ displicent, seu bona & mala ita connectuntur, vt vnico intuitu non possimus vsque ad cathenæ finem prospicere, & connexionem tam arctam connectuntur, vt simul sumenda, vel relinquenda sint, si in ea serie plus sit boni quàm mali, totum bonum est, ideòque totum benè, secus verò male sumitur: tunc verò fallimur cùm plus est mali, licet non prospecti, quàm boni, tuncque dicimur bonum apparens elegisse.

Sed cùm mali statim plus apparet, mox boni amplius, & statim refugimus, statim appetimus, prout bona vel mala præponderant, id deliberare dicitur, vt sit deliberatio alternus appetitus & fuga. Neque desinit alternatio fugæ & appetitus, donec non sit amplius liberum facere vel omittere, vt finis deliberationis sit libertatis depositio.

Quod philosophiæ genus si tibi ardeat, precibus autorem vrgeas vt corpus vniuersum posteritati non inuideat.

III. Alia plurima huic præfationi destinata prætereo, verbi gratia quousque maioris tormenti bellici globi siue 33. siue 40, plus minus, librarum perpendiculariter ascendant: quod vbi fuerim experitus, monebo. Huc etiam referendæ iaculationes, quibus Balenæ, & alij maiores pisces, ipsæque ranæ transfiguntur à piscatoribus, qui fune manibus, aut alia ratione detento iacula sua retrahunt.

IV. In arcubus etiam notatu dignum, quod non desit industria, quæ tortili elaterio chalybeo, quod nostri dicunt *ressort à boudin*, arcui, vel manubrio Balistæ adhibito, eiusdem nerui, seu chordæ motu sagittas longius emitat: quod vt fiat, debet illud elaterium suas eodem momento vires exerere, quo neruus ab arcu retrahitur.

V. Addo ad ea quæ de modo ponderandi aërem in hydraulicis dicta sunt, non deesse plures alios modos, quos inter vnum iugessit præstantissimus Philosophus Honoratus Fabry, ex quo modo cùm alia multa concludi possint, ad illius praxim studiosos prouocari. Sumatur ergo vas vitreum cubicum, aut alterius cuiusvis figuræ, idque cuiuslibet magnitudinis, puta cubici pedis; & syringe notæ magnitudinis pluribus vicibus mittatur aër in illud vas, qui nequeat egredi; si enim innotuerit quantitas aëris, quam syrinx quouis impulsu mittit in lagenam, & quantò sit hæc post immissum

## PRÆFATIO AD LECTOREM.

aërem, quàm antea grauior, tam aëris grauitas, quàm eiusdem-moles innotescet: qui quidem modus idem est cum eo quem pneumaticâ fistulâ expertus sum: sed in vase vitreo diaphano id insuper habet, quòd aëris condensati, seu pressi colores videre poteris.

Cùm autem quotidie noua possint obseruari, semper etiam noua huic tractatui, & hydraulico-pneumaticis addi poterunt, quibus rei litterariæ magna fiat accessio: donec illa dies veniat, quam omnis creatura ingemiscens expectat.







DE  
**BALLISTICA,**  
 ET  
**ACONTISMOLOGIA,**

SEV

DE SAGITTARVM,  
 IACVLORVM ET ALIORVM MISSILIVM  
 Iactibus; deque arcuum & neruorum viribus,  
 ac motibus tam simplicibus,  
 quàm compositis.

PROOEMIUM.



Cum artem sagittandi docendam minimè susceperim, tractatum hunc *τοξολογικόν* appellare nolui, sed potius Ballisticam & Acontismologiam, quòd in eo iaculorum & aliorum quorumuis missilium iactus, iactuúmque magnitudines, velocitates & robur; arcuum etiam recursus & vires, & alia id genus plurima hactenus incognita prosequar. Neque enim ab vllò data fuit velocitas, qua vel arcus in varijs sui reditus locis recurrat, vel emittat sua *τοξόμια*, seu missilia.

Vis etiam quæ datum arcum ad datum interuallum flectat, & proportio iactus verticalis ad iactum horizontalem, & alios iactus non-

dum definita fuit, nec alia plerâque de quibus hocce tractatu, quem à iaculorum coniectione possis Acontismologiam, vel Ballisticam, quòd præsertim βαλλόμενα, siue βολῶν, ἀκροβολισμοί, & ἀκρίπτοιμα, siue βέλιω, βέλουμα, & ὀπίσσι, aut alijs quibûsue nominibus appellare: quidquid enim dicturi sumus, tam iaculis manu, quàm lapidibus manu, fundâ, ballistâ, &c. missis, & sagittis ab arcu, globisq; à sclopeto pneumatico, & ignario pulsis ex æquo congruit.

Porro teli, seu sagittæ pennatam partem βέλος κεφαλῶν, cuius cuspis αἷς, dixere; ἄχρον seu iaculum manu iacitur. Qui verò dictionibus Græcis vti voluerit ad ea quæ pertinent ad arcum exprimendâ chordæ tensionem καταγωγῶν; balistæ claustrum, vel clauiculam χαστρῆων, arcus brachia ἀσκάτιας (cuius extremitates ἀκρεῖ, seu κέρατα) iaculationem ἐξαποτελλῶ vocare poterit: quibus alia sexcenta possunt addi, verbi gratiâ χαμπεῖων ἀποχαΐει, quod Gallicè dicimus *lascher le ressort*, vel *tirer*.

Has autem machinas, quibus tela, lapidésque mittebantur, ἔργατα ὑδρόρεια, πάλιντεια, & λιθόβολα dixere: quæ trium talentorum lapides, & hastas duodecim cubitorum emitterent, nisi veteribus fidem detrectare velis. Quod sanè mirum cùm tria talenta valeant 581 libras, quas bombardæ nostræ militares vix mitterent: hîc enim talentum eiusdem summo ponderis, ac tractatu de nummis: quanquam si de Alexandrino, quod Hebraïci subduplum faciunt, intelligamus, illi lapides solummodo fuerint 290½ librarum nostrarum Parisiensium. Vt ut sit, sequentibus propositionibus nostras obseruationes, & quæ ratio præscribit explicamus, vnde lumen inferetur Phænomenis Hydraulicis; & mechanicæ pars nobilis adiicietur.

## PROPOSITIO PRIMA.

*Arcuum materiam, figuram, & robur explicare,  
neruorumque, seu chordarum arcubus  
seruentium materiam & vires  
explorare.*

**V**ix vllum lignum ex quo non possit arcus confici, cum omne lignum incuruatûm redeat; cûmque sit eò validior arcus quò celerius, vique maiore reedit, clarum est ea ligna potius adhibenda, quæ duriora, sicciora, reflexionique aptiora fuerint; quandoquidem

molliora ligna vix post vnam & alteram incuruationem ad pristinam rectitudinem solent restitui, vt constat ex ceraso; quâ rigidior illa species smilacis, quam taxum, vulgò *If* appellamus: alias Ilcis species omitto, quemadmodum & alia ligna Sinensia, & Indica, vt Polonorum, & Turcarum arcus ex varijs lignis, balænae, vel aliorum piscium costis, ebena, neruisque simul agglutinati constructos addam, quos omnes expertus non reperi sagittas longius ab istis, quàm à nostris ligneis emitte.

Robustissimi sunt arcus ex chalybe, qui corporum omnium fortissimus, seu ad recursum vegetissimus esse videtur; quanquam facilius rumpitur, vt alio loco dicturi sumus. Quibus autem aquis candentem & mollem durescere oporteat, vt elaterium promptissimum exhibeat, Fabris ferrarijs exponendum permitto, qui pro varijs chalybis tinctibus & temperamentis arcus vegetiores, aut pigriores fabricant.

Quod ad figuram attinet, minimè circularis, sed potiùs hyperbolica videtur, quamuis intentus arcus magis ad parabolam, vel ad semicircumferentiam, quàm remissus accedat. Sed neque omnes sunt eiusdem figuræ; fortèque circularis ob suam vniformitatem omnium optima.

Robur verò diuersum est pro varia longitudine, crassitudine, & rigiditate lignorum, quæ materiam suggerunt arcubus, alij siquidem 33 libris, alij 56, qualis est Turcicus, tenduntur; vixque robustiores solâ manu dextra neruum trahente, sinistrâ medium arcum sustinente, vim 60 librarum superant, quâ maiorem brachium recusat.

Cùm autem arcui scapus, seu manubrium adhibetur, licet arcu robustiore vt, qui vel centenariam pilam, aut sagittam mittat: quam hîc nolim agere de Balistis castrensibus, seu militaribus, quippe quæ ad maiorum bombardarum præsentiam euanescere: illis igitur scorpionibus omissis, robur arcuum chalybeorum scapis instructorum, quales sum expertus, accipe.

Arcus chalybeus Balistæ, quam vulgò dicimus à *ialet*, manibus nudis impacto in pectus manubrio, ad astragalum, vel 78 libris adducitur; neque puto à robustioribus brachijs arcum tendi posse, cuius robur centum libras superet: quapropter arcubus fortioribus trochlea solet adhiberi, qualis est arcus chalybeus, cuius longitudo bipedalis, maxima crassitudo linearum 6, minima 2: quem astragalo imponit trochlea decem funibus, & octo trochleis instructa, cuius vires quidam ex nostris sagittarijs in ludicro certamine balistario tantas esse credebant, vt ne domus quidem integra neruo appensa



sufficere posset ad eum in astragalum adducendum. Quos tamen facile in viam reuocaui pondere, vice manuum, trochleæ adhibito 12 librarum, quo succulæ manubria neruo ad astragalum adducto sustinebantur, licet antea se plusquam 50 librarum pondo manibus supplere crederent.

Præterea semidiameter succulæ vnâ cum fune circumuoluto fuerit 8 linearum, & manubrium  $7\frac{1}{2}$  digitorum, octies vertatur in orbem vt quinque digitos neruus percurrat, sitque manubrij conuersio, hoc est circumferentia, 23 digitorum, erunt omnes conuersiones digitorum 184, atque adeo nerui motus erit ad manubrij motum vt 37 ad 1 proximè; cûnque 12 libræ faciant æquilibrium cum neruo ad astragalum adducto, dum manubrio applicantur, facile concluditur quot libris absque trochlea neruus idem ad eundem astragalum adducatur.

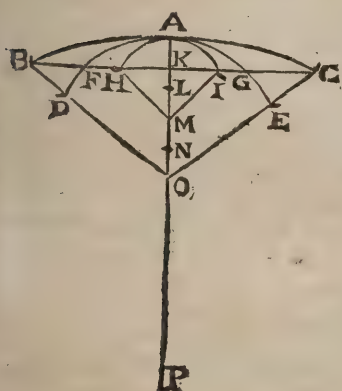
Sit enim manubrium ad succulæ semidiametrum vt 22 ad 1, vt vna vi manubrio applicatâ 22 vires seu pondera sustineantur; cûnque sint 10 chordæ trahentes æqualiter in trochlea Balistaria, ducantur 10 in 22, vt 220 producat, in quem numerum si 12, nempe libras chordam retinentes in astragalo, ducas, exurget summa 2640 librarum, quæ chordam ad astragalum adducent absque trochleis, quibus cum 12 libræ 2640 libris æquipollent.

Chordæ arcubalistarum, quas vulgò dicimus *arbalestes*, (quarum arcus chalybei) 120 filis plus minus constare solent, quorum vnumquodque 20 libris vix rumpitur; quapropter si omnia concurrerint ex æquo non frangetur chorda nisi libris 2400. Arcuum verò ligneorum chordæ longè paucioribus filis constant siue chanabinis, vt apud nos, vel sericis vt apud Turcas, & alios; arcus Turcici quo sum vsus, chorda filis bombycinis 83 constat. Omitte qualis debeat esse restionum textura, tororumque nexus ad robur funibus conciliandum, vt vires inter se conferamus, quæ ad varia scapi puncta chordas, & arcus sinuant.

PROPOSITIO II.

*Vires quibus ad diuersa manubrij puncta nerui arcuum adducuntur explicare.*

**E**Sto primùm arcus Turcicus, seu Polonus B A C, cuius chorda pedes  $3\frac{1}{2}$  longa 83 filis bombycinis constat, filum verò quodlibet 4 libris frangitur; sitque punctum O remotissimum, quod metam vocare possis, ad quod 64 libris adducitur. Vbi verò spatium 16 digi-



torum K O in 4 partes æquales diuiditur, neruum B C ex puncto K ad L, libris 17; ab L ad M, libris etiam 17; ab M ad N, libris 13; & ab N ad O, libris 17 adduci constat experientia: cùmque in 3 partes æquales K O diuiditur, prima pars 24 libris, secunda 21, tertia denique 21 tenditur.

Cùm verò diuiditur interstitium K O in 9 partes æquales, prima pars libris 9, secunda 8, tertia 6, quarta 7, quinta 8, sexta 7, septima 4, octaua 8, nona denique 7 libris indiget.

Vnde colligi posse videtur quamlibet partem æqualem viribus æqualibus tensam iri, si fuerit arcus optimè constructus: quod sagittarios nostros maximè sefellit, qui credebant tantundem ad minimum virium parti vltimæ N O adhibendum esse, ac toti spatio K N.

Notandum est autem vix obseruationem repeti posse, quin aliquam circa pondera tendentia varietatem reperiatis, quòd nempe chorda, & arcus qualibet vice non nihil relaxentur, & oculus obseruatoris non adeò possit accuratè discrimen cuiuslibet interualli notare, atque seruare, quin sæpenumero quarta saltem lineæ parte aberrat. In eadem diuisione nouenaria, tensionis primæ quidem parti, 9 libras vt antea; tribus sequentibus partibus in vnam conflatis, libras 21, & quinque vltimis simul sumptis, 34 libras dedimus: vel si velis à primis quinque initium sumere, 38 libris; tres sequentes 19; vltima denique 7 libris tenduntur.

Alias obseruationes addamus, sitque secundò ligneus arcus *BAC* quinque pedes longus, sitque tensionis spatium *KO*, quod vulgò *chasse* dicunt, quadripartitum, vt priùs: à puncto *K* ad *O* 33 libris tenditur; à puncto *K* ad *L*, 8 libris; à *K* ad *M*,  $6\frac{1}{2}$ ; ab *M* ad *N*, 10, &c. Vnde constat vim ferè duplam ad duplum spatium, triplam ad triplum, & ita deinceps requiri, quòd plurimos decepit, qui credebant ponderibus in ratione spatiorum duplicata, vel etiam triplicata opus esse.

Tertia obseruatio in arcu ligneo pedes  $5\frac{1}{2}$  longo facta docet spatium *KL*, libras 8, *KM*, 17, *KN*, 26, & *KO*, 40 postulare: quodlibet verò interstitium est 4 digitorum, vt etiam arcui Turcico contingit.

Quarta obseruatio chalybeum arcum bipedalem habuit, qui trochlea 8 (vt præced. prop. dictum est) instructa orbiculis per *KL* interstitium quadripartitum ita flectitur, vt à puncto *K* ad *L* librâ dimidia, à *K* ad *M* libris  $2\frac{1}{2}$ , ab *M* ad *N*, 7, & à *K* ad *O*, 12 libris tendatur. Vnde patet 4 illas partes aliam in suis, quàm præcedentes, tensionibus rationem obseruare; quandoquidem prima pars vnâ vi tenditur, secunda 4, tertia decem, & quarta, siue vltima 10.

Quintam obseruationem habes in illius Scorpionis arcu, quem à *ialet* nuncupant; cuius prima pars à *K* ad *L* libris 11 arcuatur; secunda ab *L* ad *M* 13, ab *M* ad *N* 29, & ab *N* ad *O* 35. Vbi magnum obseruas discrimen inter hunc arcum & ligneos, cum istius tertia pars requirat vim plusquam præcedentis duplam.

Quæ omnia ideo retuli vt Lectores cogitent vnde proficiscantur illa discrimina, & num arcus illi sint meliores, quorum nerui per manubrij diuisiones æquales ponderibus æqualibus, aut in ratione duplicata diuisionum flectuntur.

Porrò illa discrimina virium tendentium existimarim à diuersis arcuum crassitudinibus, & à varia partium textura procedere; ad quod varia problemata referri possunt, verbi causa, arcum ita construere, vt nervus illius per æquales scapi diuisiones tensus requirat pondera tendentia in ratione diuisionum, vel in earum ratione duplicata, triplicata, vel alia data.

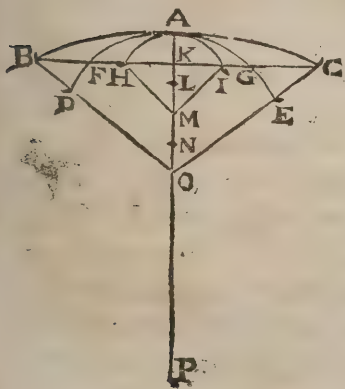


## PROPOSITIO III.

*Quas vires in neruum B K C arcus B A C exerat  
aperire.*

**H**ic fermo est de neruo nondum tracto, & arcum subtendente, quod fieri nequit, nisi tantisper lunetur, vt fit in hac figura. Duobus autem modis scietur qua vi neruus rectus B C ab arcu tendatur, primo si pulsu sonus inquiratur, statim enim atque tonum chordæ in monochordo, vel alio instrumento notaueris, pondera chordæ perpendiculari ab arcu separatæ alligata, quibus eundem tonum edet, vim ostendent qua tendebatur ab arcu: exempli gratia reperi chordam arcui cerasæo inditum, ab eo velut à 40 libris tendi, hoc est pluribus quàm ijs, à quibus deinceps à K ad O tendebatur.

Secundo modo, ponderibus inuerso arcui A C in puncto B appensis, donec ex arcu neruus exeat, aut nulla ratione tendatur. Sed caue ne putes illam chordam quæ à K ad O 40 libris adducitur, 80 libris tendi, quòd prius ex A in C iam 40 libris tenderetur, cum enim lunatur arcus, & vsque ad O flectitur, illius extrema, seu cornua C A minus inter se distant, quàm antea, neruusque ex arcu exiliret, nisi per punctum K ab alia vi traheretur, tantòq; duntaxat ad O ductus, magis, quàm in linea recta A C, tenditur, quantò longior euadit.



Obseruandum verò, cum nerui tonus grauior est quàm vt accuratè satis ab aure percipiatur, mediæ chordæ, vel etiam quartæ partis illius sumendum esse tonum, cuius etiam partis eundem sonum

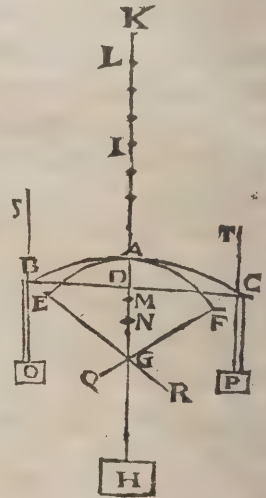
animaduertas, cum neruum ex arcu ablatum ponderibus, vel aliâ vi tetenderis; quanquam, si nostra legeris harmonica, chordæ quantumuis longæ sonum, seu tonum absque auditu, ex illius recursuum numero facto in tempore dato faciliè reperiēs.

# PHÆNOMENA

## PROPOSITIO IV.

*Vires quibus flectitur arcus, dum illius cornibus alligantur pondera, & horum cum ponderibus puncto K appensis rationem explicare.*

**E**Sto arcus  $BAC$ , cuius neruus ab  $H$  pondere in puncto  $D$  alligato trahatur ad punctum  $M, N$ , vel  $G$ ; sintque pondera  $O$  &  $P$  arcus extremitatibus, seu cornubus  $B$  &  $C$  applicata, donec arcus in figuram  $EAF$  commutetur, quæritur illorum ponderum ratio. Vbi certum est primò maiora pondera requiri in punctis  $B$  &  $C$ , quàm in  $D$ , vt arcus flectatur æqualiter, quamuis non tanta, quanta nonnulli putauère, qui vel ab infinitis ponderibus tendi posse negabant, quòd per lineas rectas  $BO$  &  $CP$  trahant, cùm tamen per lineas  $ER$  &  $FQ$  in puncto  $G$  decussatas arcum trahere debere videantur; quod certum, si terræ centrum supponatur in puncto  $G$ . Idem verò de viribus, seu baculis, ac vectibus ab  $S$  &  $T$  in  $B$  &  $C$  prementibus, ac de ponderibus ex  $O$  &  $P$  trahentibus cogitandum est.

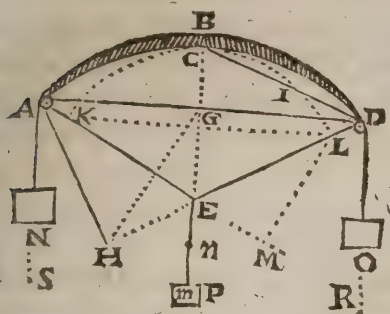


Constat autem experienciâ nequidem vsque ad punctum  $M$  libris 50 flecti chalybeum arcum  $BC$ , quem à *ialet* antea vocari diximus; cùm eius cornubus applicantur, ad quod libris vndecim puncto  $D$  appensis trahitur; docet enim obseruatio 4 libris ad idem punctum adduci, ad quod quinquaginta libris flectebatur.

Verùm regula generalis, quâ nosces quibus ponderibus cornua lunentur, & ad data puncta neruus adducatur, cùm datur pondus in  $D$  appensum, quod eandem præstat inflexionem, sequente figurâ declaratur. Sit ergo flexus arcus  $ABD$  à pondere  $m$  vel  $P$ , itaut neruus ad  $E$  punctum peruenerit, continueturque linea chordæ  $DE$  vsque ad  $H$ , & vlteriùs, si opus est, in quam ducta linea ex puncto  $A$  lineæ  $DH$  perpendicularis ostendet quanto pondera

cornubus

Si verò consideretur arcus  
ABC in KCL inflectendus, ut  
chorda AD ad punctum E per-  
ueniat, non erit linea ex A pun-  
cto in H ducenda, sed postquam  
linea chordæ KE versus M pro-



Cum igitur in primo casu pondus  $m$  sit ex hypothesi 40 librarum, & linea  $HA$  subdupla lineæ  $AD$ , erit punctum  $N$  40 librarum, totidemque pondus  $O$ , ut 80 libræ viribus 40 librarum æquiponderent, vel potius æquiualeant. Idemque dicendum de viribus, vel manibus ex  $S$  &  $R$  punctis funes  $AS$  &  $DR$  trahentibus.

Est autem angulus  $AED$   $120$  graduum, quando linea  $GE$  est subduple lineæ  $GA$ , vel  $GH$ , vel  $HG$ . Vbi videre possis mechanicas observationes arcus lignei, cuius neruus  $AD$  pedum  $5$ , & digitorum  $2\frac{1}{2}$ , abest à puncto  $B$  nondum aliâ vi inflexo, hoc est  $G$  à  $C$ , digitis  $4$  &  $10$  lineis.

Cum ita flectitur arcus ut  $GAC$  2 pedibus distet, chorda 4 lineis longior est, & arcus  $ABC$  cornua  $D$  a digitis  $5\frac{1}{2}$  viciniora sunt, distant enim solummodo pedibus 4 & 9 digitis, quæ prius 5 pedibus & digitis  $2\frac{1}{2}$  distiterant. Angulus autem à chorda factus in  $G$  tunc est graduum  $130\frac{1}{2}$ , visque, seu pondus in  $P$  debet esse ad pondera in  $A$  &  $D$ , ut 8 ad 19, hoc est ut 1 ad  $2\frac{1}{2}$ .

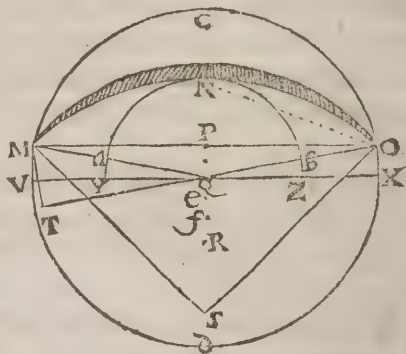
Quando flectitur arcus, donec G pede & 7 digitis à C distet, chordæ angulus est graduum 141; cornua distant à se invicem 4 pedibus, digitis 11, & 5 lineis, hoc est prima illorum distantia 3 digitis & vna linea minuitur; chorda verò 2 ferè lineis fit productior.



Verum ut omittam illos angulos, & cornuum distantias, solummodo persequor intervalla quatuor inter G & C, quibus propria pondera destinantur.

Cum igitur minor distantia G ad C fuerit digitorum 9 & 11 linearum, pondus in medio 10 librarum, in cornubus librarum 79 &  $\frac{1}{2}$  erit. Distantia C à G existente pedis vnus, & digitorum  $2\frac{1}{2}$ , pondus in medio chordæ G erit 19 librarum, in cornubus 85. Si distiterit G à C vno pede, 7 digitis, & 5 lineis, in medio pondus erit 27 librarum, in cornubus 85, vt antea, quod pluribus mirabile videbitur. Denique cum inter G & C duo pedes intercefferint, pondus in medio 38 librarum in cornubus 90 $\frac{1}{2}$  inuenietur.

Sit verò aliud exemplum arcus  $MNO$ , cuius neruus  $MO$  ita tendatur in punctum  $Q$ , vt  $MQO$  sit 160 graduum, atque adeo fit angulus  $ZQ$ , vel  $aQY$  10 graduum: ducaturque in  $OQ$  productam in  $T$  perpendicularis  $MT$ , erit pondus tendens chordam in puncto  $P$  ad pondera in punctis  $M$  &  $O$  chordam æqualiter tendentia, vt  $MT$  ad  $MO$ . Quid si neruus ita tendatur, vt faciat angulum  $S$  rectum? certè non erit dicenda perpendicularis  $MT$  in  $OS$  productam, cum  $MS$  sit iam ei perpendicularis, quæ propterea pondus in puncto  $P$  premens referet, quemadmodum pondera cornubus adhibita per  $MO$  lineam repræsentabuntur. Quòd si fuerit  $MQO$  120 graduum, pondus trahens chordam  $MO$  ex puncto  $P$  in punctum  $Q$ , dimidium erit ponderis cornubus adhibendi.



MONITVM.

**C**Um haftenus ex obseruationibus praesertim egerimus, placet ad vberiore praedictarum tensionum doctrinam ex Harmoniae nostrae Gallicae lib. 3. vbi de Mechanicis, tertiam propositionem huc in illorum gratiam transferre qui tractatum illum mechanicum à nostra Geometra compositum minimè viderunt, quandoquidem Harmonia nostra Latine scripta illo tractatu caret.

## PROPOSITIO V.

*Dato pondere, quod duobus funibus, vel fulcris  
positione datis sustineatur, utriusque  
funis potentiam inuenire.*

**F**iguram tractatus superioris hinc repetemus, in qua pondus  $A$  duobus funibus  $AC$  &  $AQ$  angulum acutum  $CAQ$  facientibus alligatur, eosque trahit, cui duæ potentiaë  $CQ$  resistunt, linea directionis  $AF$ ; cui ducatur perpendicularis ex puncto  $C$ , utlibet producta. Vbi notandum me hinc quædam omittere, quæ ad neruum arcus, in quo discutiendo versamur, minimè pertinent, qui cum nunquam angulum acutum faciat, imò ne rectum quidem, sed semper obtusum, possent etiam hi duo anguli in alium locum reijci, nisi tertius casus longè melius ex illis duobus intelligendus foret.

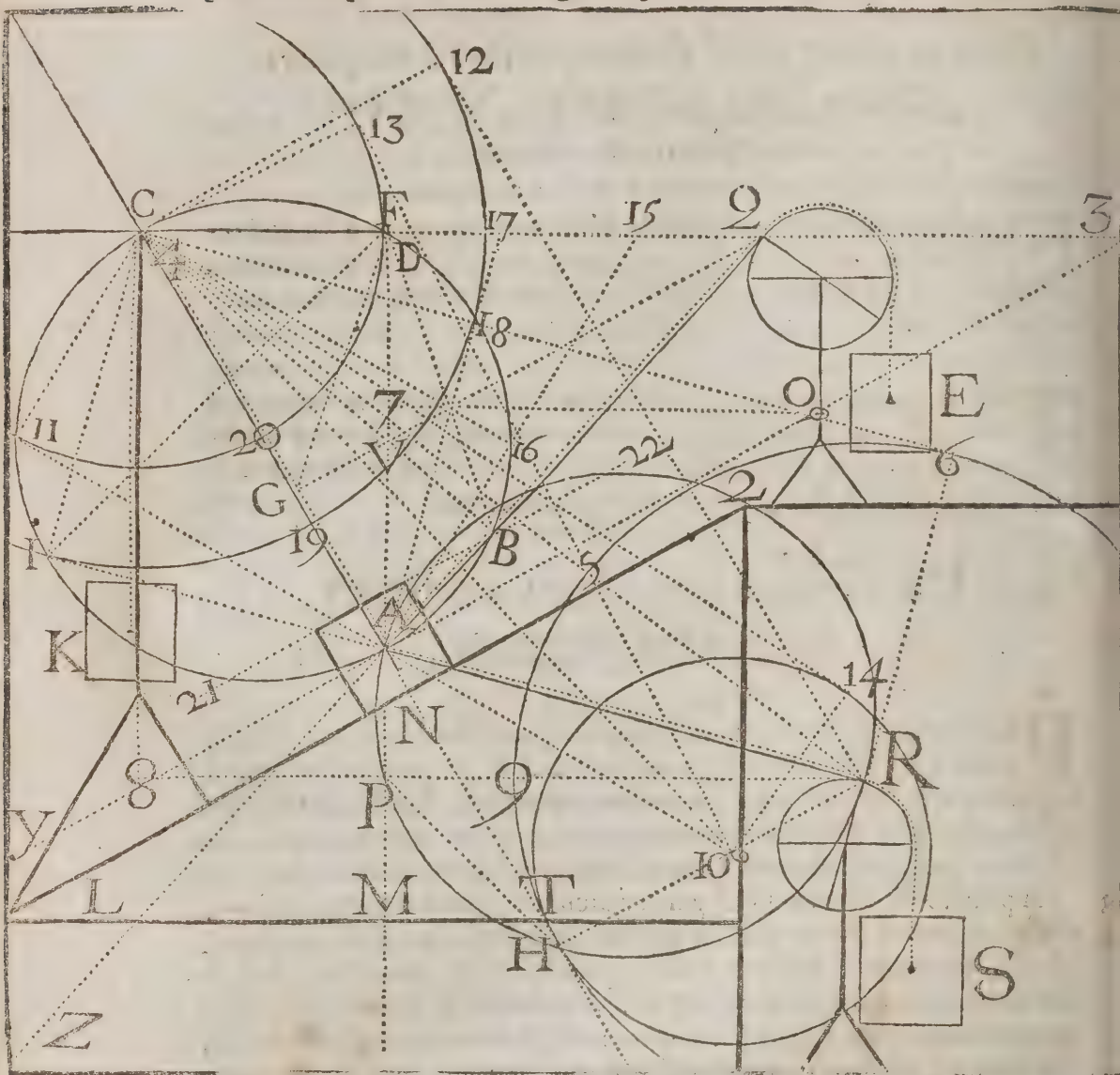
## De Nerui angulum acutum facientis viribus.

**P**osito angulo acuto præcedente, erit pars chordæ dextræ  $AQE$ , cuius potentia  $Q$  vel  $E$ ; pars sinistra  $AC$ , descendens vsque ad punctum  $K$  in quo potentia, æqualis potentiaë  $C$ . Puncta verò  $Q$ , &  $C$  repræsentant extrema cornuum arcus, quibus neruus alligatur, & eiusdem partes  $CA$  &  $AQ$  æquivalent duobus funibus diuersis.

A puncto  $Q$  ducatur  $QD$  perpendicularis lineæ directionis  $AF$ , donec occurrat lineæ  $CA$  in puncto  $4$ ; &  $QG$  funi  $CA$  perpendicularis, sit etiam  $CB$  lineæ  $AQ$  perpendicularis. Ex dictis, si  $CA$  sit libræ brachium, super quo funis  $CA$  ponderis  $A$  lapsus impediatur; sitque  $A$  pondus ad  $Q$  vel  $E$  per funem  $QA$  trahens, ut  $CB$  ad  $CF$ , potentia  $Q$  vel  $E$  libram  $CA$  faciet æquilibrem: & fune  $QA$  centro ponderis  $A$  alligato, libra exonerabitur, & pondus  $A$  partim à potentia  $Q$ , partim à plano  $LN$  2 libræ  $CA$  perpendiculari, vel à fune  $CA$  plani vicem præstante sustinebitur.

Præterea si  $QA$  sit bilanciis brachium, super quo pondus  $A$  fune  $QA$  impediatur à lapsu, & ut  $GQ$  ad  $QD$ , ita pondus  $A$  ad  $C$  poten-

tiam, C fune CA trahens faciet libram QA æquilibrẽm; & fune CA centro ponderis A alligato, libra QA exonerabitur, pondusque A partim à C per CA funem agente, partim à fune QA sustinebitur.



Cùmque data sint angulus G A Q, funes A Q, & Q D, cum angulis C A F, Q A D, dabuntur etiam perpendiculares C B, Q G, C F, & Q D, illarumque rationes, atque adeo rationes ponderis A ad potentias Q, & C, ex consequenti dabuntur, quæ pondus A funibus QA, & CA sustinent, vti postulabatur.



## De Nerui rectum angulum facientis viribus.

**F**Vnis  $AO$  faciat angulum rectum  $CAO$  cum fune  $CA$ , & ab  $O$  perpendicularis  $O\gamma$  in lineam directionis  $AF$  educatur. Potentiæ verò  $C$ ,  $O$  per funes  $OA$  &  $CA$  trahentes, pondus  $A$  sustineant. Si, ex dictis,  $CA$  sit libræ brachium, super quo ponderis  $A$  lapsus à fune  $CA$  impediatur, fueritque ut  $AC$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad  $O$  potentiam,  $O$  per  $OA$  trahens libram faciet æquilibrem: &  $AO$  fune centro ponderis  $A$  alligato, libra exonerabitur, pondusque  $A$  super  $AO$  fune, & super plano  $LN_2$ , vel chorda  $CA$  quiescet. Eodémque modo concludetur, si  $AO$  libræ fuerit brachium; pondus  $A$  esse ad  $C$  potentiam per funem  $CA$  trahentem, ut  $AO$  ad  $O\gamma$ , vel ut  $CA$  ad  $CF$ , ob triangulorum  $AO\gamma$ ,  $ACF$  similitudinem. In triangulis autem  $ACF$ ,  $AO\gamma$  dantur omnia, datúrque pondus  $A$ , dantur ergo potentiæ  $CO$ , quæ pondus  $A$  super funibus  $CA$  &  $AO$  sustinent, quod quærebatur.

## De Nerui obtusum angulum efficientis viribus.

**F**Vnis  $AR$  cum  $CA$  fune datum angulum  $CAR$  faciat, & à puncto  $R$  ducatur perpendicularis  $RP$  in lineam directionis  $FA$  versus  $A$ , utlibet, productam. Ducatur etiam  $RH$  funi producto  $CA$  perpendicularis; &  $CI$  perpendicularis funi  $RA$  producto: Et  $R$  vel  $S$  potentia trahens fune  $RA$ , & potentia  $C$  vel  $K$  trahens fune  $CA$ , sustineant pondus  $A$ , illæ potentiæ determinandæ sunt. Sitque propterea  $CA$  libræ brachium, erit ut  $CI$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad  $R$  potentiam datam, quæ  $CA$  libra fiet æquilibris: cùmque funis  $RA$  ponderis  $A$  centro alligetur, libra exonerabitur, partimque pondus  $A$  fune  $RA$ , partim  $LN_2$  plano, vel fune  $CA$  sustinebitur. Potentia verò  $C$  inuenietur, si fiat ut  $RH$  ad  $RP$ ,  $A$  ita pondus ad potentiam  $C$ , quæ postulabatur.

Intelligatur enim  $RA$  libræ brachium, super quo pondus  $A$ ; & potentia  $F$  trahens per lineam directionis  $FA$ , brachium  $RA$  pon-

deri faciat æquilibrium, potentia  $F$  sustinens pondus  $A$  per lineam directionis eiusdem ponderis, illi æqualis erit. Sed potentia  $F$  eodem modo super brachio  $RA$ , ac per distantiam  $RP$  trahit, quemadmodum potentia  $C$  eodem modo per  $RA$  brachium ac per  $RH$  trahit.

Cum igitur potentia  $F$  trahat perpendiculariter per  $RH$ , sitque reciproce  $RH$  ad  $RP$  ratio eadem, quæ ponderis  $A$ , vel potentie  $F$  ad potentiam  $C$ , per constructionem,  $C$  facit  $RA$  æquilibrium, & fune  $CA$  centro ponderis  $A$  alligato, brachium exonerabitur, & funes  $CA$  &  $RA$  pondus  $A$  suis potentiis sustinebunt, atque adeo dabuntur potentie, uti quærebatur.

Cum autem pulcherrima sequantur ex ista propositione, quibus explicandis figura præcedens sufficit, sequentibus notandis ea complectemur.

## Notandum primum.

**I**N omni casu à qualibet potentia duæ perpendiculares ducuntur, una in lineam directionis ponderis, altera in alterius potentie funem: & in rationibus ponderis ad potentias, pondus est homologum perpendicularibus in directionis lineam ductis: exempli gratia, pondus  $A$  perpendicularibus  $CB, QG, CA, OA, CI$  &  $RH$  à potentijs in funes ductis homologum est. Potentie verò  $C, Q, E, O, R$  vel  $S$ , perpendicularibus  $QD, CF, O7$ , vel  $RP$  in lineam directionis  $AF$  ductis homologæ sunt: Sempérque pondus est ad primam potentiam ut perpendicularis ducta à secunda potentia in funem primæ ad perpendicularem ductam à secunda potentia in lineam directionis ponderis; & reciproce pondus est ad secundam potentiam ut perpendicularis à prima potentia in secundæ funem ducta, ad perpendicularem à prima potentia in lineam directionis ponderis ductam.

## Notandum secundum.

**P**ondus & potentie sunt semper homologa tribus trianguli lateribus: quod primò demonstratur in primo casu præcedentis propos. cuius constructio hîc supponitur, sit enim angulus acutus  $CAQ$ ,  $A$  pondus,  $AF$  linea directionis: perpendiculares  $CF, CB, QG, QD$ , ducanturque lineæ  $FB$ , &  $GD$ . Quibus positis trianguli  $CFB$ , &  $QDG$  similes sunt, & alterutrius lateribus pondus  $A$  &



potentia  $CQ$  sunt homologa. Cum enim anguli  $CFA$ , &  $CBA$  recti sint, quadrilaterum  $QDGA$  circulo poterit inscribi, quapropter angulus  $CBF$  æqualis erit angulo  $CAF$ , & angulus  $GQD$  angulo  $GAD$  æqualis. Cum igitur  $CBF$  angulus, & angulus  $GQD$  sint eidem æquales, hoc est  $CAF$ , vel  $GAD$ , anguli  $CBF$  &  $GQD$  erunt inter se æquales.

Rursum, angulus  $FCB$  angulo  $QGD$  æqualis erit, cum uterque sit æqualis angulo  $FAB$ , vel  $QAD$ . Cum igitur duo anguli  $CBF$  &  $FCB$  sint æquales duobus angulis  $GQD$ , &  $QGD$ , unusquisque suo, duo trianguli  $CBF$ , &  $QGD$  similes erunt.

Erit igitur  $BC$  ad  $CF$  ut  $QG$  ad  $GD$ ; &  $BC$  ad  $BF$ , ut  $QG$  ad  $QD$ , sed ut  $BC$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad potentiam  $Q$ , &  $QG$  ad  $QD$ , ut  $A$  pondus ad  $C$  potentiam. Erit igitur  $QG$  ad  $GD$ , ut  $A$  pondus ad potentiam  $Q$ : &  $BC$  ad  $BF$ , ut  $A$  ad  $C$ .

Quare in triangulo  $CBF$ , cum  $A$  pondus sit homologum lineæ  $CB$ , potentia  $Q$  erit homologa lineæ  $CF$ , & potentia  $C$  lineæ  $BF$ .

In triangulo  $QGD$  si pondus  $A$  fuerit homologum lineæ  $QG$ , potentia  $C$  erit lineæ  $QD$ , & potentia  $Q$  lineæ  $GD$  erit homologa.

Secundus casus funes exhibet rectum angulum  $CAO$  facientes, reliquis ut in 2 casu præced. propof. trianguli rectanguli  $CAF$  &  $AO7$ ,  $A3F$  sunt similes, & pondus  $A$  ac potentia  $C$ ,  $O$  illud funibus  $CA$  &  $AO$  sustinentes sunt tribus  $CAB$ , vel  $AO7$ , vel  $CAF$ , trianguli lateribus homologa.

Tertius autem casus magis ad arcus nostros pertinens, exhibet  $CAR$  angulum obtusum; sit autem constructio ut in 3 casu præced. prop. ducanturque lineæ  $HP$ , &  $FI$ . Trianguli  $RHP$ , &  $CFI$  sunt similes, & alterutrius lateribus pondus  $A$  & potentia  $C$ ,  $R$  funibus  $CA$  &  $AR$  pondus  $A$  sustinentes sunt homologa. Similitudo illa triangulorum ex quadrilaterorum  $RHPA$  &  $CI AF$  in circulo inscriptibilitate probatur, quapropter anguli  $HRP$ ,  $HAP$ ,  $CAF$ , &  $CFI$ , ut & angulo  $RPH$ ,  $RAH$ ,  $CAI$ , &  $CFI$  sunt inter se æquales. Erit igitur latus  $HA$  ad latus  $RP$ , ut latus  $CI$  ad latus  $IF$ ; & latus  $HR$  ad  $HP$ , ut  $CI$  latus ad latus  $FC$ , sed ut  $RH$  ad  $RP$  ita pondus  $A$  ad  $C$  potentiam; & ut  $CI$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad  $R$  potentiam, quare  $R$  est ad  $HP$ , ut pondus  $A$  ad potentiam  $R$ . Et  $CI$  est ad  $IF$ , ut pondus  $A$  ad  $C$  potentiam.

Constat igitur pondere  $A$  existente homologo lateri  $RH$  trianguli  $RHP$ , potentiam  $C$  esse homologam lateri  $RP$ ; &  $R$  potentiam lateri  $HP$  homologam. Similiter in triangulo  $CFI$ , latus cum  $CI$



fuerit homologum ponderi A, potentia R erit C F homologum, & potentia C, erit F I homologum.

Igitur in omni casu pondus & duae potentiae sunt semper homologae tribus lateribus trianguli descripti à duabus perpendicularibus ex eadem potentia ductis, quarum una linea directionis ponderis, alia funi alterius potentiae occurrit, tertium verò latus fuerit linea binas illas perpendiculares coniungens.

Si verò ducatur ab aliquo puncto in linea directionis ponderis sumpto linea funium vni parallela ad alium funem, triangulus ex illa parallela, linea directionis, & fune describetur praedicto triangulo similis, cuius latera erunt ponderi, & duabus potentijs homologa.

Vnde sequitur primò duas potentias simul sumptas esse pondere maiores; secundò pondus simul cum alterutra potentia maius esse altera potentia, quandoquidem pondus & potentiae tribus trianguli lateribus homologa sunt, quorum laterum duo sunt semper altero maiora.

## Notandum tertium.

**Q**uamdiu in iisdem punctis potentiae fuerint, pondusque semper idem in eadem directionis linea fuerit, si factus à funibus pondus sustinentibus angulus maior est, maiores etiam potentiae ad idem pondus iisdem funibus sustinendum requiruntur; quod ex dictis facile demonstratur.

In primo siquidem casu, quo possunt funes coire cum linea C F versus F producta, quo maior fuerit angulus à funibus factus, eò magis perpendicularium occursum ab F puncto distabit, & consequenter linea à potentijs ad illud occursum punctum ductae longiores erunt.

Exempli gratia, si fuerint potentiae C & Q, & angulus à chordis factus C A Q, perpendicularium occursum erit V; lineae verò à potentijs ad occursum ductae erunt C V, & Q V.

Si potentijs existentibus C & Q, angulus C V Q fuerit angulo C A Q maior, punctum occursum in A minus ab V puncto quam ab F distabit: lineaeque à potentijs ad occursum ductae C A, & Q A lineis C V & Q V longiores erunt. Linea verò C Q est semper homologa ponderi: lineaeque à potentijs ad perpendicularium concursum ductae sunt iisdem potentijs reciproce homologae.

Cum igitur chordarum angulus maior, ac proinde lineae à potentijs ad perpendicularium concursum ductae maiores fuerint, erunt  
etiam

etiam potentia maiores. Cætera videantur in prædicti tractatus Corollarijs & Scholijs, quæ perlegere fuerit operæpretium.

PROPOSITIO VI.

*Quocumque modo pondus, & potentia illud duobus funibus lineam rectam minimè facientibus sustentantes disponantur, pondus & potentia sunt semper homologa tribus trianguli lateribus.*

**E**Sto enim triangulum oxygonium, rectangulum, vel oblygonium; cuius tres perpendiculares in eodem se puncto secant; quod quidem punctum in oxygonio est intra: in rectangulo, in vertice anguli recti, in amblygonio, extra: hæc igitur propositio 3 casibus perficitur, quorum primus de triangulo oxygonio ita probatur.

Sint funes  $CA$  &  $AQ$  facientes acutum angulum  $CAQ$ : sitque pondus  $A$ , cuius linea directionis  $AF$ ; perpendiculares  $CF$ ,  $CB$ ,  $QG$ ,  $QD$ ; ducanturque lineæ  $FB$ , &  $GD$ . Dico triangula  $CFB$ , &  $QDG$  esse similia, & tribus alterutrius lateribus esse homologa pondus  $A$ , & duas potentias  $C$ ,  $Q$  sustentantes idem pondus  $A$  funibus  $CA$  &  $QA$ . Cum enim anguli  $CFA$ , &  $CBA$  recti sint, quadrilaterum  $CFBA$  inscribetur circulo: quare angulus  $CBF$  angulo  $CAF$ , & angulus  $CFB$  angulo  $FAB$  æqualis erit. Similiter quadrilaterum  $QDGA$  circulo inscribetur, erit igitur angulus  $QGD$  angulo  $QAD$ , & angulus  $GQD$  angulo  $GAD$  æqualis.

Cum igitur  $CBF$  angulus trianguli  $CBF$ , & angulus  $GQD$  trianguli  $GQD$  sint eidem æquales, hoc est angulo  $CAF$ , vel  $GAD$ , erunt etiam æquales inter se  $CBF$ , &  $GQD$  anguli.

Item angulus  $FCB$  trianguli  $FCB$ , æqualis erit angulo  $QGD$  trianguli  $QGD$ , cum ambo sint æquales angulo  $FAB$ , vel  $QAD$ . Quæ ratione duo anguli  $CBF$  &  $FCB$  trianguli  $CBF$  æquales cum sint duobus angulis  $GQD$  &  $QGD$ , quisque suo; hi duo trianguli  $CBF$  &  $QGD$  similes erunt. Erit ergo  $BC$  ad  $CF$ , vt  $QG$  ad  $GD$ , &  $BC$  ad  $BF$  vt  $QG$  ad  $QD$ : sed vt  $BC$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad potentiam  $Q$ ; &  $QG$  est ad  $QD$ , vt pondus  $A$  ad potentiam  $C$ . Erit igitur etiam  $QG$  ad  $GD$ , vt  $A$  pondus ad potentiam  $Q$ ; &  $BC$  ad  $BF$ , vt  $A$  pondus ad  $C$  potentiam.

Quare manifestum est in triangulo  $CBF$ , cum pondus  $A$  est ho-

mologum lineæ  $CB$ , potentiam  $Q$  lineæ  $CF$ , & potentiam  $C$  lineæ  $B$  esse homologam. Et cum in triangulo  $QGD$  pondus  $A$  lineæ  $QG$  homologum est, potentiam  $C$  lineæ  $QD$ , & potentiam  $Q$  lineæ  $GD$  homologam esse.

Secundus casus ad triangulum rectangulū attinet: in quo sint funes  $CA$  &  $AO$  pondus  $A$  sustinentes, &  $CAO$  rectum angulum facientes. Constat triacula rectangula  $CAF$ , &  $AO7$ , vel  $A3F$  esse similia. Atqui demonstratum est pondus  $A$  & potentias  $C$  &  $Q$  homologas esse tribus trianguli  $CAF$  lateribus; ut enim  $CA$  ad  $CF$ , ita  $A$  pondus ad potentiam  $O$  vel  $3$ : & ut  $AO$  ad  $O7$ , vel  $A3$  ad  $3F$ , vel  $CA$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad  $C$  potentiam, quare pondus  $A$ , & potentia  $CO$  sustinentes illud funibus  $CA$  &  $AO$  sunt homologa tribus trianguli  $CAB$ , vel  $AO7$ , vel  $A3F$ , vel  $C3A$  lateribus.

Tertius casus in triangulo amblygonio versatur. Sint ergo  $CA$  &  $AR$  funes pondus  $A$  sustinentes, & angulum  $CAR$  facientes obtusum, ducanturque  $HP$ , &  $FI$  rectæ. Dico triacula  $RHP$ , &  $CFI$  esse similia, & tribus alterutrius lateribus homologa esse pondus  $A$ , & potentias  $C$ ,  $R$ , sustinentes funibus  $CA$  &  $AR$  pondus idem  $A$ . Facile siquidem demonstratur  $RHP$ , &  $CFI$  esse similia, cum quadrilatera  $RHPA$ , &  $CAIF$  circulo sint inscriptibilia; quare anguli  $HRP$ ,  $HAP$ ,  $CAF$  &  $CFI$  inter se sunt æquales.

Similiter anguli  $RPH$ ,  $RAH$ ,  $CAI$  &  $CFI$  sunt æquales inter se: quapropter  $HR$  latus erit ad latus  $RP$ , ut  $CI$  latus ad latus  $IF$ : & latus  $HR$  ad  $HP$  ut latus  $CI$  ad latus  $CF$ . Sed ut  $RH$  ad  $RP$ , ita pondus  $A$  ad  $C$  potentiam: & ut  $CI$  ad  $CF$ , ita pondus  $A$  ad potentiam  $R$ . Quare  $RH$  est ad  $HP$ , ut  $A$  pondus ad  $R$  potentiam: &  $CI$  est ad  $IF$ , ut  $A$  pondus ad  $C$  potentiam. Constat igitur in triangulo  $RHP$ , cum pondus  $A$  lateri  $RH$  est homologum,  $C$  potentiam lateri  $RP$ , &  $R$  potentiam  $HP$  lateri homologam esse.

Eodemque modo in triangulo  $CFI$ , latere  $CI$  ponderi  $A$  homologo existente; latus  $CF$  potentia  $R$ , & latus  $FI$  potentia  $C$  erunt homologa. Igitur in omni casu pondus & potentia semper tribus trianguli lateribus erunt homologa; quod triangulum ex 2 perpendicularibus constituitur, ex eadem potentia ductis, unâ in lineam directionis ponderis, alia in funem alterius potentia, atque ex linea ducta ab una ex perpendicularibus in aliam.



Vnde sequitur non solum ambas potentias vnà sumptas pondere maiores, sed etiam pondus vnà cum alterutra ex potentijs maius esse reliqua potentia, quia pondus & ambæ potentiaë tribus trianguli lateribus homologa sunt, quorum laterum duo sunt semper reliquo maiora.

MONITUM.

Quispiam videre potest; Scholium in nostris Gallicis Harmonijs, quo demonstratur, quòd cum potentiaë sunt vt supra, & pondus est semper idem, & in eadem linea directionis; angulusque à funibus pondus sustentibus comprehensus, maior fuerit, maiores requiri potentias, quæ ijsdem funibus idem pondus sustineant: vnde sequitur maximas omnium requiri potentias, cum funes lineam rectam efficiunt. Vide etiam problemata Scholij 4 & 5. nec non alia scholia, nouem numero, quæ omnia lectione digna sunt: sed iam ad arcus nostros redeundum.

PROPOSITIO VII.

*Arcus, seu nervi recurrentis, & sagitta, vel globuli vim & velocitatem inuestigare.*

Esto arcus B A C pondere H in E F arcuatus, vt illius nervus horizontalis rectus B D C ad punctum G adducatur, ex quo recurrens in D, sagittam, vel globum excutiat horizonti perpendiculariter in punctum K. Et quemadmodum globus à puncto K ad D rediens primo tempore descendit à K ad L per vnicum spatium; secundo tempore ab L ad I per tria spatia, tertio denique tempore per 5 spatia ab I ad D, ita expulsus ab arcu primo tempore percurrat 5 spatia D I, secundo tria I L, tertio denique vnicum L K. Hac enim ratione nervus B C recurrens ex G vim habet totius descensus ex K in D, prætereaque vim pondus globi superantem. Itaque si pondus K super punctum D chordæ B C cadat, illam ad astragalum G reducturum videtur, cum enim à chorda fuerit excussus ad K, cur non possit



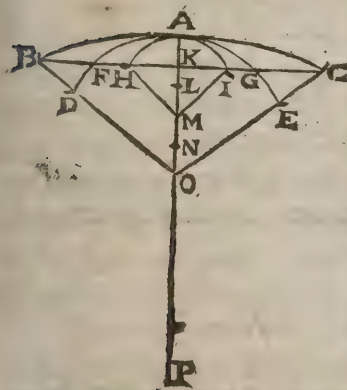


D, nisi cadens alligetur funiculo, chordæ in puncto D circumligato, & ab arcu B A C satis declinet, vt cum ceciderit, & funiculus à pondere K tractus neruum D trahere cœperit, tandem illum ad punctum G adducat: at verò hæc fuerit prolusio, deincepsque rem istam diligenter excutiamus.

PROPOSITIO VIII.

*Diuersas eiusdem sagitta, & arcus iaculationes ex diuersis scapi punctis incipientes, hoc est secundum varias nervi & arcus tensiones, explicare.*

**L**icet arcus illi quibus experti sumus, scapis caruerint, operæ tamen pretium fuerit arcui B A C (quo iam ligneum arcum quin-  
tupedalem referri velim) manubrium tribuere, in quo notentur varia interualla, verbi gratia, 4, ex quibus sagitta mittatur, quanquam plures diuisiones pro vniuscuiusque libitu fieri possint, vt aliquando nouem fecimus, de quibus postea.



Inquirendum igitur quantò minor futura sit iaculatio facta ex primo puncto L, quàm ex puncto M, & alijs vsque ad O punctum, nec enim dubium quin sit maior ex punctis à K versus O remotioribus, sed tantum quantò sit maior. Primum verò dicam quæ multis verosimilia videbantur, nempe vires tendentes esse in ratione duplicata iactuum; verbi causa iactum ex

puncto M esse ad iactum ex L in duplicata ratione M K ad L K, hoc est iactum ex M esse quadruplum iactus ex L, quemadmodum arbitrabantur vim eogentem neruum K vsque ad M esse quadruplam vis illum ad L adducentis, vt iactus essent instar radicum, & pondera tendentia quadratorum.

Sed ad obseruationes accedo, factas à nobis in ludo publico Ballistico Parisiensi, egregio iaculatore vibrante ad angulum 30 graduum, altitudine super horizontem quadrupedali: arcus noster cerasius,



vulgò *de merisier*, pedes 5 & 4 digitos longus, à puncto K ad O sesquipedem habet in 8 partes æquales diuisum; neruus K ad primum punctum tensus & laxatus sagittam emittit ad duas hexapedas & 4 digitos: aliæ iaculationes eo qui sequitur modo apparuerunt. Ex secundo puncto iactus fuit 7 hexapedarum, ex tertio sexdecim, ex quarto  $22\frac{1}{2}$ , ex quinto  $29\frac{1}{2}$ , ex sexto 35. Septimus & octauus ob ludi stadium quàm par sit breuius, notari minimè potuerunt, sed cùm secundus à primo differat proximè 5 hexapedis, tertius à secundo 8 hexapedis, quartus à tertio  $6\frac{1}{2}$ , quintus à quarto  $7\frac{1}{2}$ , & sextus à quinto 6 hexapedis, vix dubium superest quin septimus, & octauus iactus eodem modo progrediantur, vt ex alijs obseruationibus constat. Est autem arcus obseruatorius pondo vnus propemodum libræ; sagitta bipedalis vnus vnciæ, cuius crassitudo linearum 4.

Tempus verò durationis vnus cuiusque iactus nobis apparuit, primi quidem plusquam dimidiæ partis secundi minuti; secundi iactus duratio vnus secundi minuti, tertij iactus, secundi  $1\frac{1}{2}$ ; quarti 2 secundo-  
rum, &c. adeo ut singulorum iactuum sibi succedentium duratio dimidia parte secundi minuti creuisse videatur. Idem apparuit in totidem arcus Turcici diuisionibus, licet maiora pondera neruo istius adhibenda sint, vt ad æqualia interualla cogatur; qua de re postea.

Vnde concludendum iactus eadem ferè ratione se inuicem, quo pondera tendentia superare: quanquam non hîc loquor de iactibus arcuum chalybeorum, siue manu sola, siue balistario quouis epitonio flectantur, quod absque totidem astragalis, quot fuerint in scapo diuisiones, hisce obseruationibus sint inutiles, nisi totidem clauorum beneficio arcus ipse ab astragalo prohibitu remoueri, & ad eundem admoueri possit.

## PROPOSITIO IX.

*Iactus diuersorum arcuum maximos; tam secundum longitudinem, quàm velocitatem inuicem comparare.*

**I**actus sagittæ, globiue, horizontalis est, aut verticalis, vel medius, vt tractatu hydraulico dictum, & explicatum est: dicitur enim *horizontalis*, quoties arcus, vel illius scapus sit horizonti parallelus, vt rectà collineet in scopum: *verticalis* ex arcu ad horizontem perpendiculariter erecto vocatur; *medius* verò cùm super horizontem ad 45

gradus, seu angulum semirectum inclinatur. Hic autem duobus præfertim arcubus vtor, ligneo 5 pedes &  $\frac{1}{4}$ , & chalybeo 2 pedes & 2 digitos longo: chorda lignei pedum est quinque, chalybei verò bipedalis; ille 42 libris, hic 1600 præter propter tenditur, quod pondus ferè quadragies alium superat, vnde forsàn quis inferet, sed falsò, iactum arcus chalybei quadragecuplum esse iactus lignei, qua de re postea.

A verticali iactu exordior, quippe qui reliquis facilius est, quandoquidem requirit minus terræ spatium, illiusque duratio facilius & certius innotescit; constat autem experientia iactum arcus lignei prædicti non excedere 50 hexapedas, iactum verò chalybei centum hexapedas minimè superare. Quod ex ipsa obseruatione demonstro, quoties enim ascensus & descensus sagittæ lignei arcus 8 secunda minuta durat, toties solus exscensus 5 secunda insumit; quotiesque chalybei iactus fit vndecim secundorum spatio, toties exscensus 7 ferè secunda durat; atqui alia ex obseruatione constat grania spatio 5 secundorum 50 sexpedas, & spatio 7 secundorum 98 hexapedas conficere, cum non magè quàm globus plumbeus ab aëre impediuntur; quod animaduerto, ne forsàn sagittæ redeuntes maiorem ab aëre remoram patiantur.

Hinc fit vt sagitta chalybei arcus 4, vel 5 secunda, in ascensu 98 hexapedarum, & sagitta lignei suo in ascensu 50 hexapedarum, tria secunda consumat: vnde comparatio velocitatis vtriùsque colligitur.

Cum autem in propositione dixi *maximos*, eos iactus intellige qui fiunt in illa summa tensione arcuum, quorum neruus ad astragalum adducitur, minimè verò de tensionibus citerioribus, nec enim opus est monere de vltioribus, quippe quæ arcum frangerent.

Omitto verticales iactus globorum à sclopetis, & bombardis exploforum, de quibus suo postea loco.

Quod ad horizontales attinet, constat ex obseruatis, sagittam ab arcu ligneo 30, 40 vel 50 libris tenso, spatium 30 hexapedarum conficere spatio duorum secundorum, quod vnico secundo percurrit sagitta prædicti arcus chalybei: cuius horizontalis iactus in pedali super horizontem eleuatione, 20 hexapedarum, in quadrupedali, ferè 40: in qua notandum est sagittam post primum terræ contactum ad 40 hexapedas, iterum alias 40 hexapedas super tellurem cucurrisse, & scamnum ligneum occurrens fidisse, seu perrupisse. Sagittæ verò arcus lignei iactum horizontalem ex ijsdem super horizontem altitudinibus subduplum esse præcedentis obseruationes ita confirmant, vt & ipsi iactus medij hanc vtriùsque sagittæ legem sequantur.



Cum enim sagitta chalybei arcus ad 45 graduum eleuationem centum hexapedas percurrit, arcus lignei sagitta 50 præterpropter conficit: sed illius duratio ad 7 secunda, huius ad 5 accedit, cum videlicet 4 pedibus super horizontem libratoris, seu iaculatoris manus erigitur.

Vbi mirabile non vni videtur quod extensione chalybei arcus à 2000 libris facta iactus sit tantummodo duplus alterius, qui sit extensione 40, vel 50 librarum, quæ toties in 2000 continetur: an verò ex ea ponderum ratione concludi possit vires semper quinquagecuplas, aut quadragecuplas esse debere, ut iactus sit duplò maior, & velocior, postea inuestigabitur.

## PROPOSITIO X.

*In quo sui iactus puncto sagitta sit potentior, seu vim maiorem exerat, & quantò sit initio ascensus, quàm in exscensus fine potentior, definire.*

CONSTAT ex diuersis experimentis nullibi potentiores esse sagittas quàm in eo puncto spatij & temporis, quo neruum post se relinquit, in terram enim multoties sagitta ex diuersis interuallis, verbi gratia 10, 5, & 2 hexapedarum, semper eò profundius penetrat, etiam si terra sola sagittæ longitudine à neruo, seu astragalo distiterit: quod cum globò minore bombardæ explosio similiter obseruatum fuerit, nullus dubito quin illi decipiantur, qui pilis minorum, vel maiorum bombardarum muros, vel alia obiecta faciliùs perfringi putant, cum illa bellica organa 20, vel 30 hexapedis absuerint, quàm vbi propius, verbi gratia ad vnā aut alteram hexapedam adhibentur.

Cum autem ex obseruatione constet sagittam perpendiculariter in terram vnus aut alterius pedis interuallo emissam duplò ferè profundius ingredi, quàm vbi ex iactu verticali in eandem terram recidit, certum est minori velocitate descendendo terram percutere: quod primò confirmatur ex hoc effectu, secundò quòd vix oculo sagittæ discessus à neruo deprehendatur, cum longè faciliùs casus sagittæ eo momento quo ad terram appellit, notari soleat; quanquam respondere possis id contingere, quòd oculus ab ipso iactus vertice sagittam intuens eam vique ad terram comiteretur, & sensim illi videndæ assuescat, cum in discessu nil præcesserit quod eum iuuet: tertio igitur



tur ex diuturniori tempore probatur quod in descensu, quàm in ascensu consumit, quandoquidem tempus exscensus est ferè duplum temporis ascensus; hinc ferè duplò tardiùs percutit. Vnde percussio tantò maior, seu fortior esse videtur, quo motus percutientis velocior fuerit; qua de re postea fusiùs vbi quæretur cur velociùs ascendat sagitta, quàm descendat.

PROPOSITIO XI.

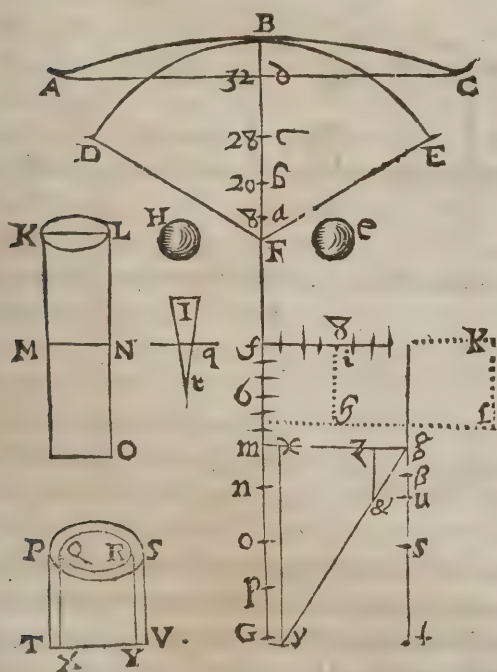
*Velocitatis gradus, quibus chorda varias sui scapi partes percurrit, inuestigare.*

**P**lacet hîc subtilissimi Philosophi & Geometræ sententiam explicare, vt appareat in quo sui recursus puncto neruus maiori celeritate moueatur. Nota verò varias istius figuræ partes tractatu Mechanicorû prop. 25. explicari, vt hîc supersit examinandum quod ad arcû, & eius neruum attinet. Sit igitur arcus A B in arcum D B E contractus, vt illius chorda C A ad astragalum F promoueatur; diuidaturque d F linea (quam

epitoxida, vel *διωξεία* appellant, cui nempe crena sagittæ imponitur; alij vocant strygem seu canaliculum) in 4 partes numeris adscriptis respondentes, de quibus iam iam acturi sumus.

Primum ergo quæri potest quot partes spatij F d neruus primo tempore, quòtue secundo, tertio & quarto percurrat, cum ab

F ad d 4 temporibus recurrit; hoc est quanta sit puncti neruei F ad d redeuntis velocitas primo tempore, quantâue secundo, &c. Deinde



num velocius moueatur initio, seu primo tempore ab *F* ad *a*, quam secundo tempore ab *a* ad *b*, &c. Si nerui recursus sit velocior in illis locis in quibus vis maior in illo retinendo necessaria est, certum est maiorem esse velocitatem ab *F* ad *a*, quam ab *a* ad *b*, & à *b* ad *c*, quam à *c* ad *d*, cum neruus tanto difficilius adducatur, quanto fit puncto *F* vicinior.

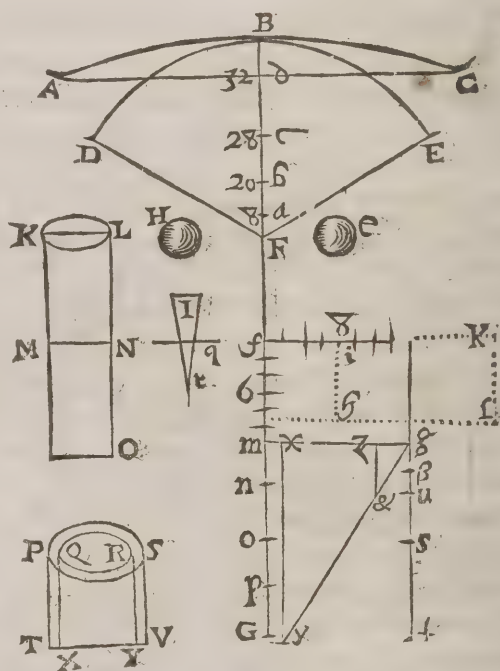
Quod si contigerit, necessario sagitta prius neruum *D F E* ponere relinquit, quam ad *b* perueniat, cum eandem ac neruus concipiat velocitatem: qui neruus si tantisper suam velocitatem remittat priusquam ad punctum *b* perueniat, sagitta neruum relinquet.

Sed experientia constat neruum à sagitta non relinqui, hoc est sagittam non excuti intra punctum *F a*, vel *a b*, &c. alioqui longè debiliore esset ictus, quam vbi sagittam vsque ad *d* neruus comitatur.

His præmissis, diuisa recursus nerui *F* in *d* duratione in 4 æqualia tempora, discutiamus num primo tempore vnicam duntaxat partem, secundo tres, tertio 5, &c. iuxta numerorum imparium ordinem neruus percurrat; an potius primo tempore 7 spatia, secundo tempore 5 spatia, tertio 3; quarto denique spatium vnicum conficiat.

Certè si nerui ex *d* in *F* adducti recursus sequitur rationem velocitatis grauium descendentium vel ascendentium, aliquam ex prædictis velocitatum proportionibus facillè quis admiserit. Sed cum minimè requiratur vis maior in lapide per vltimum, quam per primum pedem tollendo, vis autem maior necessaria sit in adducendo neruo ad *F*, quam ad *a* vel *b*, &c. non est rationis paritas.

Omissis autem diuersis ponderum & velocitatum proportionibus,



iuxta quas aliqui putant nerui tensionem vel reditum fieri: verbi gratia, cum interstitium  $Fd$  in 60 partes equales diuisum intelligitur, per 7 partes à  $d$  versus  $F$  moueri neruum vnâ librâ tensum; deinde per 12 partes, si 2 libris, per 15 partes, si 3 libris, & per 16 si 4 libris tendatur: vel si neruus vna parte à  $d$  ad  $F$  accedat vna librâ tractus; 4 libris tractus, duabus partibus accedet; 9 libris tensus, tribus partibus; denique 16 tensus libris, 4 partibus ad  $F$  perueniet. Quibus addunt neruum ex 4 punctis spatium  $dF$  in 4 partes æquales diuidentibus redeuntem, ex prima quarta parte 7 gradibus velocitatis, ex secunda 5, ex tertia 3, & ex quarta vnico gradu velocitatis reductum.

Priusquàm verò difficultatem propiùs vrgeamus, notandum est circa motum, id quod mouet esse diuersum ab eo quod mouetur; & quod tollit motum, ab eo diuersum esse à quo motus tollitur, atque adeo motum à primo mouentis conatu impressum cessare nunquam, vel minui, nisi per alterius corporis occurrentis resistentiam. Vnde concludunt motum corpori impressum in medio nihil penitus resistente, cum eodem celeritatis gradu quo cœpit, futurum absque fine, hoc est æternum.

Deinde cùm aliquod corpus antecedit, aliud illi contiguum æquali velocitate sequitur; quod sequitur, motum antecedentis non augeat, quamuis illum conseruare possit; quandoquidem dum properat sequens non vrget æquè properans, nisi cùm medium, verbi gratia, aër, motum antecedentis retardat; tunc enim conatus insequens vim nouam superaddit, donec celeritas eòusque augeatur, vt æqualis fiat interno impellentis conatui, cuius rei exemplum in cymba videre est, cuius velocitas ab incumbente remige repetitis ictibus semper augeatur, donec æqualis sit vi brachiorum. Sed in medio non resistente nullo mobile, cuius conatus internus eadem viâ vrget quâ ipsum mouetur, potest accelerari, quia velocitas ab initio acquisita conatui integro mouentis quod sequitur, æqualis est.

Præterea considerandum est qua ratione accelerentur ea quæ motum suum habent à conatu interno, semper & vbique corpus mobile æqualiter vrgente, qui temporibus æqualibus moti corporis celeritatem æqualiter augeat; quo supposito spatia singulis temporibus transmissa erunt inter se vt impares numeri ab vnitatem incipientes 1, 3, 5, 7, &c. vt postea demonstrabimus; vnde sequitur in motu vniformiter à quiete accelerato, velocitatem acquisitam post quoduis tempus sufficere ad mobile transmittendum tempore proximè æquali bis tantum, quantum tempore præcedenti transmissum est.

Similiter spatia transmissa quæ inuerso ordine vniformiter retar-



dantur, sunt in eadem ac impares numeri ratione, videlicet vt 7, 5, 3, 1: Si enim primo tempore pertranseat mobile 7 spatia, ita decreſcente velocitate vt in fine primi temporis tantum amittat velocitatis quantum ſuffeciſſet ad ipſum promouendum ſpatium adhuc vnum, proximo tempore ſex tantummodo ſpatia percurrent. Quòd ſi hoc ſecundo tempore tantundem remittit, vt ſupponitur, percurrent tantummodo 5 ſpatia; diminutàque inſuper ibi velocitate, tertio tempore, etiamſi non ampliùs minuatur, tranſibit ſolùm 4: igitur decremento ſuppoſito, vt antea, tertio tempore ſola 3 ſpatia conficiet, & ita debilitatum perueniet ad finem tertij illius ſpatij, vt quarto tempore duo tantum ſpatia ſit, illà conſeruata velocitate, conſecturum; ſed iterum pro tempore quarto diminutà, ſpatium vnicum conficiet.

Cùm autem conatus internus laminæ chalybeæ, vel cuiuſuiſ arcus non ſemper æqualiter vrgeat, illi nequit applicari prædicta ratio numerorum imparium, dum enim neruus tenditur, tantò minus reſiſtit, quantò propior eſt puncto *d* in figura præcedente; maximèque reſiſtit in puncto *F*. Sed eadem vi mouetur neruus dum redit, quā reſiſtit dum tenditur, quapropter conatus ille internus laminæ, vel arcus ſemper eò minus vrget quò magè relaxatur; adeout ( licet velocitas reditus ſemper augeatur ) incrementa velocitatis in reditu ſemper minora ſint.

Itaque ſi velocitatis incrementa ſupponantur vniformiter inter redeundum decreſcere, 4 ſpatia redituum arcus rationem iſtorum numerorum 7, 5, 3, 1 ſequentur. Si verò ſpatium reditus *dF* diuidatur in 88 partes æquales, vt tempus in quo redit arcus in 4 æqualia tempora, in primo tempore neruus percurrent 8 ſpatia, in ſecundo 20, in tertio 28, & in quarto 32, ex hypotheſi quòd decrementa incrementorum velocitatis æqualia ſint æqualibus temporibus.

Diuiſa ſiquidem recta *dF* in 88 partes æquales, quando neruus reſurrens peruenit ad punctum octauum, numeretur tempus primum iam perfectum: cùmque velocitatis incrementa non acquirantur æqualia temporibus æqualibus, ſed ſemper minora ſiant, vniformiter decreſcèdo, non duplicabitur velocitas acquiſita in octauo puncto, vt proximo tempore ſpatia bis octo conficere poſſit, ſed erit velocitatis incrementum vt 7 tantum, quare ſecundo tempore perueniet mobile illà ſola celeritate ad punctum ( ultra octauum ) decimum quintum. Sed quia ſecundo tempore incrementum debet eſſe vt 5, ſecundo tempore vlteriùs ad 5 puncta, hoc eſt ad 20 punctum pertinget, in quo præterea velocitas erit acquiſita ſufficiens ad neruum, & arcum promouendum per 5 puncta. Quapropter velocitate quæ eſt in fine ſe-

cundi temporis percurreret tertio tempore puncta 25, recipiétque velocitatis incrementum pro 3 punctis, & tertio tempore 28 puncta à 6 ad c conficiet, vbi velocitatis incrementum habebit vt tria : quambrem in quarto tempore promouebitur absque augmento velocitatis per puncta 31; sed auctum velocitate ad vnum insuper punctum, faciet quarto tempore puncta 32 : atqui 8, 20, 28, & 32, summam 88 conficiunt, in quæ diuiditur spatium dF, per quod fit nerui recursus. Quæ omnia meliùs ex dicendis intelligentur.

## C O R O L L A R I V M.

*De varijs reditus nerui velocitatibus.*

Cum non sit semper idem incrementum, sed velocitas continuò decreascet ea ratione in qua sunt numeri impares 7, 5, 3, 1, vt in arcus reditu fieri supponitur, ostendit doctissimus Hobbus diuiso tempore motus in 4 partes æquales, spatia transmissa in singulis partibus inter se futura in ratione numerorum 2, 5, 7, 8; vel 8, 20, 28, 32. Redeat enim neruus tensi arcus per spatia quælibet æqualia 8: huiusque reditus tempus sit primum ex 4 temporibus æqualibus; quo reditus integer peragitur : augeatur autem velocitas eius dum redit, non vt possit proximo tempore duplicare illa spatia, sed ita vt possit absque augmento in secundo tempore transire spatia, non 8 & 8, sed 8 & 7, id est 15 spatia. Habet igitur neruus à vi impressa primo tempore, vt possit procedere secundo tempore 15 spatia actu, sine augmento velocitatis : sed ab impressa vi, proprio tempore, diminuto sicut priùs, incremento, vt possit 5 actu procedere, habeatque potentiam ad 5 altera in tempore tertio; quare secundo tempore per 20 spatia actu procedet, cum potentia ad 5 ampliùs.

Perget igitur sine augmento, tertio tempore per spatia 25 actu, additòq; incremento diminuto habebit à proprio tempore vt præterea possit transire spatia 3 actu, cum potentia ad 3 alia. Neruus igitur tempore tertio transit 28 spatia actu, habetque potentiam ad tria ampliùs, tempore quarto; quo, propter tempus tertium, progredietur sine augmento velocitatis per spatia actu 31: quibus vno addito propter incrementum, transit quarto tempore per spatia 32, adeout spatia à neruo tensi arcus transmissa singulis temporibus æqualibus sint vt numeri, 2, 5, 7, 8. Quæ omnia rectè in sequentem synopsim rediguntur.

*Primum tempus.*

Spatia 8 actu, potentia 7.

*Secundum tempus.*

Spatia accepta à primo tempore 15 actu, à proprio tempore 5 actu, 5 potentia.

*Tertium tempus.*

Spatia accepta à secundo tempore 25 actu, à proprio, 3 actu, 3 potentia.

*Quartum tempus.*

Spatia accepta à tertio tempore, 31 actu, à proprio, vnum actu, vnum potentia.

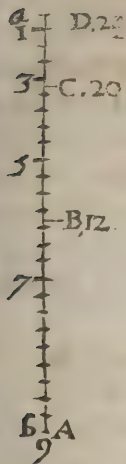
## PROPOSITIO XII

*An sagitta perpendiculariter horiZonti, seu verticaliter excussa eadem velocitate descendat, qua ex quiete descenderet; & quodnam sit incrementum velocitatis granium ex alto cadentium, inuestigare.*

**S**Vnt qui credant corpus graue in altum emissum, verbi gratia sagittam ex puncto *b* ad *a* missam, non eodem modo recidere ab *a* ad *b*, quo caderet, si ex quiete præcedente sine ascensu præcedenti ex *a* in *b* descenderet; quorum sententia confirmari videtur ex sagittarum arcubus excussarum descensu; constat enim experientia sagittam ex *b* in *a* missam velocius ascendere, quàm descendat, quandoquidem multoties obseruauimus sagittam, quæ ab *a* ad *b*, 5 secundis minutis descendit, ab eodem *b* ad *a* tribus secundis ascendere; vt in hac figura cernitur, in cuius sinistra parte descensus, in dextra verò notatur ascensus; in quo tria duntaxat secunda durante superest discutendum, qua ratione velocitas minuatur, an iuxta progressionem Arithmeticam, qualis est numerorum 12, 20 & 24, seu 3, 2, 1: hoc est num primo tempore sagitta percurrat spatium *AB*, quod est pars totius lineæ *DA* dimidia, in duodecim partes æquales diuisa; secun-



do tempore 8 spatia inter B & C intercepta; tertio tempore 4 quæ superfunt à C ad D interualla. An potius iuxta numeros impares, vt lineam AD, quæ in partes nouem æquales diuisa supponatur, ita percurrat vt primo tempore 5 partes, secundo tres, tertio denique vnica conficiat.



Porrò mihi certum videtur sagittam eodem modo, eodémque velocitatis incremento descendere, postquam ab arcu missa est, ac si ex quiete centum annorum ex *a* in *b* descenderet, quid enim ampliùs de motus antecedentis impressione retinet, quàm vbi quis à *b* ad *a*, scalæ beneficio, sagittam manu tulisset, vt in *a* sibi relicta recideret? cùm enim incipit cadere nil impetus præteriti retinet, quod similiter à manu ferente non habeat. Deinde globus 4 librarum è bombardâ semipedali, quam *mortarium* appellant, excussus, & ad centum propedum hexapedas verticaliter ascendens, æquali tempore descendit, quo priùs ascenderat, vt diuersis vicibus obseruauimus, adeo ut sit alia causa deinceps inuestiganda, ob quam sagittæ tardiùs descendant quàm ascendunt, cùm idem in globis plumbeis, vel ferreis non potuerimus obseruare: ex quibus proinde maxima difficultas nascitur, videlicet cur globuli descendens percussio minor sit quàm ascendens, qua de re postea dicendum erit.

Quod ad velocitatis incrementum attinet, quo grauiâ descendunt, licet de eo fusissimè nostris in Harmonicis tam Latine quàm Gallicè scriptis egerimus, hîc tamen paucis sequentia retexere oportuit, ne qui libris illis cauerint minus benè intelligant quæ vel iam allata sunt, aut deinceps proficerentur; cùmque proprijs obseruationibus insistam, constat experienciâ centies repetitâ corpora grauiâ, qualis est globus plumbeus, aureus, lapideus & ligneus, quibus experti sumus, hanc in sui casus velocitate proportionem obseruare, vt cùm primo secundo globus ab A ad 1, hoc est à quiete in A primum interuallum percurrit, sequente tempore secundo tria spatia percursum sit ab 1 ad 3: tertio tempore quinque spatia à 3 ad 5, quarto tempore 7 spatia à 5 ad 7, atque adeo confecturus sit totum spatium AB 4 temporibus, & ita de reliquis. Quod fieri nequit, nisi spatia fuerint



in ratione temporum duplicata, siue quod idem est, vt quadrata temporum; quæ quidem quadrata id habent commodi quòd dicto citiùs

in notescat quot spatia percurrit graue, cū tempus quo descendit agnoscitur. Exempli gratia ceciderit graue motu perpendiculari spatio nouem secundorum, quadratum nouenarij, hoc est 81, totidem spatia percurſa significabit; quod vt experimentis respondeat, sit A 1 tripedale spatium, quod graue incipiens ab A quiete moueri tempore dimidij secundi, siue 30 tertijs, conficit; si graue motum suum continuet, 4 æqualibus temporibus, hoc est 2 secundis, quia medietate secunda; minuti secundi, id est secundo tempore 9 pedes, tertio 15, & quarto 21 pedes transcurret. Facilior operatio quæ duodecim pedes primo spatio adſcribit, quos secundum minutum habet pro mensura temporis: primo namque secundo graua cadunt ex altitudine 12 pedum, secundis duobus ex 48 pedibus, tribus secundis ex 108 pedibus, & 4 secundis ex 192 pedum altitudine, &c.

Quamquam aër etiam grauissimis corporibus, velocitatis illius aliquid in progressu detrahit, quod in corporibus minus grauib; in primis hexapedis deprehenditur, cū medulla sambuci, tametsi rotunda, quinque secunda in 48 pedibus percurrendis infumat, quæ plumbum & lignum duobus secundis percurrit; fortèque lignum sagittarum cum pennis satis leue est vt 5 secundis tantumdem duntaxat efficiat itineris descendendo, quantum 4, verbi gratia, secundis globus plumbeus percurreret. Quæ vt perfectiùs intelligantur, alia penitus addenda, quibus demonstretur eam esse velocitatem grauium in quolibet puncto spatij ad quod perueniunt, vt si absque nouo augmento deinceps eadem velocitate pergant, spatium præteriti spatij duplum æquali tempore confectura sint; postquam inuenta fuerit ratio propter quam sagittæ minus celeriter descendant quàm ascendant.

### COROLLARIUM.

**C**ognito tempore casus grauis cuiuslibet, spatium ex quo cecidit, innotescit, dummodo quod aëris detrahit resistentia subducatur, quadratum enim temporis dabit mensurarum numerum à graui decursarum; quæ mensuræ singulæ tripedales erunt, si tempora numerentur in dimidijs secundis; duodecupedales si in secundis; 7200 hexapedarum leuæ, si in minutis; 3600 huiusmodi leuæ, si in horis, & ita deinceps.

Eodēque modo cognoscetur tempus quo graue ceciderit, si spatium vnde cecidit notum fuerit: verbi gratia si fuerint spatia 25, singula 12 pedum, radix 5 docebit tempus 5 secundorum; si 3600 spatia percurſa sint, radix 60 dabit minutum, & ita deinceps.

PROPO-

## PROPOSITIO XIII.

*Quam ob causam sagitta minus temporis in ascensu,  
quàm in descensu perpendiculari  
consumant inuestigare.*

**E**X obseruationibus constat sagittam quinquaginta, vel plures hexapedas verticaliter ascendente plus in descendendo, quàm in ascendendo temporis insumere, cuius videlicet ascensus trium secundorum, descensus vero quinque secundorum spatio conficitur: idémque de glandibus ad eandem altitudinem pertingentibus concludendum esse videtur.

Huiusce Phænomeni rationem ex eo petendam arbitror, quòd grauium, putà sagittæ, vel glandis, descensus, non possit tantam, ac excussio sagittæ vel glandis, velocitatem acquirere; alioquin non video cur descendendo non eadem velocitate terram, ac ascendendo corpus durum occurrens percuteret, vti contingeret si gradibus ijsdem, quibus glandis ascendente velocitas remittitur, descendente velocitas intenderetur: cùm tamen experientia constet longè minori velocitate grauia in vltimo sui descensus, quàm in primo suæ ascensionis momento affici: quandoquidem minori vi percutiunt descendendo, vt quispiam experietur in sagitta in proximam terram ex arcu immissa, in quam longè profundius, quàm descendens ingreditur.

Quòd autem non possit tantam acquirere descendendo velocitatem, probatur ex eo quòd reuera velocitatem illam, cùm terram attingit, iam obtinuisset, cùm gradus exscensus videantur opponi gradibus ascensus. Explosæ ergo sagittæ, vel glandis velocitas maior est initio, quàm vt illam descensus possit assequi, quæ cùm satis remissa est, vt grauium velocitatem minimè superet, ascensio reliqua constat ijsdem ferè gradibus reciprocè sumptis, quibus ipse descensus: cùm enim sagitta descendit, suam semper augeat velocitatem, donec locus occurrat maioris velocitatis, quàm iaculum ascendebat, quàmque deinceps assequi non potest: Exempli gratia, telum tria secunda in ascensu consumens, primas 25 hexapedas, tanta velocitate percurrat, vt nullus grauium casus eam assequatur, & 25 reliquas ita percurrat, vt primam ea velocitate conficiat, quæ sit summa velocitas à grauib; cadentibus acquirenda; ad hunc vsque locum descen-



dens per eodẽm ferè velocitatis gradus suum motum augebit, deinceps verò non augebit, maiùsque propterea ex eo loco tempus in exscensu impendet, quàm in ascensu consumpsisset.

Vnde concludendum eò maiorem fore temporis, quo corpus ascendit, ab eo quo descendit tempore, differentiam, quò maior erit ascensus: si enim semel, verbi gratia, hexapedarum 25 altitudo maxima statuatur in qua percurrenda suam grauia velocitatem augeant, licet glans ad leuicæ pertingere possit altitudinem non plures tamen recidens, & suam augens velocitatem, quàm 25 percurreret hexapedas, atque adeò in reliquis 2475 conficiendis longè maius temporis spatium impendet, quàm hucùsque ascendendo insumpsisset.

Quod ex obseruatione robustioris arcus confirmatur, ex quo cùm telum spatio 4 secundorum altiùs ascendat, in descensu septem secunda insumit. Hincque futurum arbitror tempus exscensus verticalis eò maiorem rationem ad tempus ascensus habiturum, quo hic altior fuerit; hoc est, cùm iam in telo centum propè propter hexapedas ascendente maior sit ratio temporis exscensus 7 secundorum ad tempus ascensus 4 secundorum, quàm 5 ad 3 ratione temporum ascensus & descensus teli ad 50 hexapedas ascendentis, & inde descendentis; vbi non telum arcu, sed glans tormentis explodetur, cuius tempus in ascensu & descensu sit 24 secundorum, fortè tempus descensus non solùm duplum, quale est ferè in sagittis emissis, sed etiam triplum temporis ascensus futurum est, quod experientia docere poterit in ferreis 33 librarum globis, quos maioribus tormentis explodunt, longèque faciliùs in illis 200 librarum bombis quas mortaria vomunt, si enim ad 1200 passuum altitudinem verticalem perueniant, faciliè videbuntur per aërem cum ascendentes, tum descendentes, vt ascensus & exscensus duratione simul conferantur, & ex istis obseruationibus canon aliquis pro temporum illorum ratione condatur.

## MONITVM

### *De Catapulta semipedali.*

**A**ccuratè distinguendum inter missilia verticaliter proiecta, constat enim ex obseruationibus exactioribus, pedalis catapulta, quam *mortier* appellamus, globum ferreum trium librarum pondò tantundem in ascendendo, quàm in exscendendo temporis insumere, sex enim secundis ascendit, totidẽmque descendit; vnde cla-

rum est sagittarum descensum longè tardioresse, & punctum illud, in quo non amplius seruant eandem accelerationis in descensu rationem, longè citius illis occurrere, quàm globo catapultario; qui 72 hexapedas tam ascendendo quàm descendendo percurrit, si penitus eadem ratione descensus velocitas augeatur, quâ dum ex 20 hexapedis descendit, quarum certam experientiam habeo.

Porro cùm puluere purgatiore oneratur, 7 secunda in ascensu, totidemque in exscensu consumit, atque adeo 98 hexapedas ascendit: cùmque priore puluere satis purgato, qualis est quem vulgo pistoletis, seu minoribus catapultis adhibent, ad 48 gradus eleuationis illa catapulta ferè 180 hexapedas percurrat, iactus medius est plusquàm duplus verticalis; vnde possis argumentum ducere aërem globo verticaliter ascendenti incumbentem magis officere, hoc est plus ei de motu demere, quàm globo ad 45 gradus eleuationis exploso, quandoquidem hic iactus solummodo duplus esse debeat verticalis in medio nil impediēte, vt postea demonstrabitur.

#### PROPOSITIO XIV.

*Velocitas qua graue descendit à quiete, motu uniformiter accelerato, post quoduis tempus sufficit vt tempore proximo equali sequente bis tantum descendat quantum precedente tempore descenderat.*

**S**int in sequente figura K C A B tempora descensus in latere A C, videlicet A E, E F, F G, & G C, æqualia, & velocitates repræsententur à lineis transuersis D E, H F, I G, B C, & omnibus interpositis: & A mobile quiescens in A, incipiat moueri versus C suam augendo velocitatem iuxta lineas parallelas prædictas, quæ cùm intelligi debeant absque numero, gradus velocitatis etiam infiniti supponuntur.

Sit igitur quodlibet tempus A E, cuius initio graue A descendere incipiat, quod in E instanti hanc habeat velocitatem, quâ possit dato quocùmque tempore per quodcùmque spatium datum D E descendere, habebit in instanti F velocitatem quâ possit eodem, vel æquali tempore per H F spatium descendere, & in G instanti, per spatium I G, & in instanti C per spatium B C. Quapropter in quolibet instanti velocitatem habebit qua possit eodem tempore per spatium lineæ alicuius ductæ in triangulo A B C, basi B C parallelæ descendere.

Spatium igitur per quod descendet A in tempore A C, erit æquale lineis omnibus simul sumptis quæ fieri possunt parallelæ B C à puncto A vsque ad B C, hoc est areæ trianguli A B C.

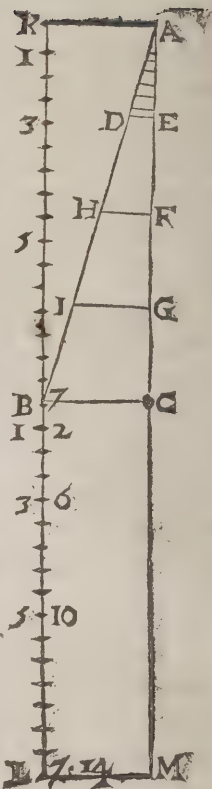
Sit verò tempus C M æquale tempori A C, fiatque parallelogrammum B C L M: habebit A in instanti C velocitatem descendendi per spatium æquale lineæ B C; similiterque in omni instante temporis C M; spatium igitur per quod descendet graue A in toto tempore C M, sine velocitatis augmento, erit æquale omnibus rectis lineis simul sumptis quæ duci possunt parallelæ inter B C & L M, hoc est totius parallelogrammi B M areæ: sed hæc area dupla est areæ trianguli A B C, spatium igitur per quod A graue descendet secundo tempore C M absque velocitatis incremento, duplum erit spatij per quod idem A primo tempore A C descendit cum incremento.

Quòd autem in hoc motu vniformiter à quiete accelerato velocitas acquisita post quoduis tempus sufficiat ad grauis transmissionem tempore proximo æquali bis tantum quantum tempore præcedenti transmissum est, iterum sequente modo, qui cum præcedente congruit, declaratur.

Quouis tempore A B sit transmissum spatium A B velocitate vniformiter crescente à quiete in puncto A, à quo velocitas creuerit eo modo quo latitudo trianguli A E B crescit, dum acquiratur latitudo B E, quæ sit velocitas acquisita in tempore A B.

Perficiatur parallelogrammum A B D E, clarum est potentiam rectæ B E duplam esse potentia crescentis ab A puncto ad B E lineam, cum sit parallelogrammum A B D E potentia rectæ B E; & triangulum A E B potentia crescens ab A ad B E, atqui parallelogrammum trianguli duplum est.

Cum igitur velocitas sit potentia mobilis ad spatium transmittendum, dupla est velocitas iam acquisita, & per B E repræsentata, velocitatis crescentis à quiete in A. Si sumatur ergo B C duplum A B, quo tempore fiet à crescente velocitate A B recta, æquali tempore à velocitate aucta.



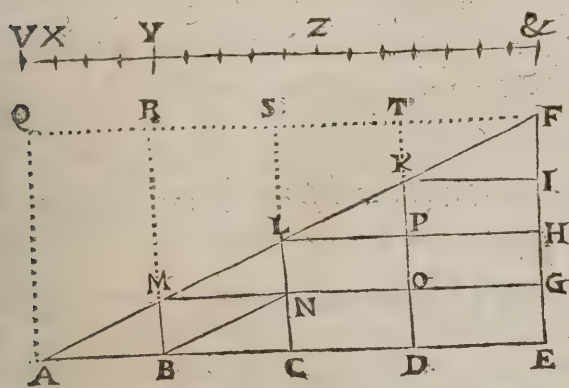


percurratur recta BC. Vnde sequitur transmissa spatia à mobili uniformiter accelerato temporibus æqualibus esse inter se in numerorum imparium ratione, de quibus antea dictum est.

Supponatur enim in prima figura prop. istius, primo tempore transmissum spatium quodcùmque KI; acquisita velocitas in I sufficit ad mobile promouendum in tempore secundo bis, tantundem, licet velocitas non ampliùs augeatur: Si ergo semper æquali tempore æqualiter augeatur, erit addenda velocitas, non modò quæ sufficit ad mobile vlteriùs bis tantundem promouendum, sed etiam ad illius velocitatem vno gradu augendam; quare secundo tempore descendet ab 1 ad 3, quandoquidem addendum est in quolibet tempore quod primo factum est.

Qua ratione mobile in puncto 3 velocius erit vno gradu quàm fuisset absque velocitatis incremento: deinde à 3 ad 5 quinque spatia, non solum 4 percurrat, quia gradus ille primus à K ad 1 comparatus semper additur, generatque in mobili potentiam vnus spatij percurrendi, & acquirendi gradum vnus velocitatis.

Quod cùm in præsentì tractatu, & in aliis magni sit momenti, rursus explicatur in rectangulo triangulo AEF; cuius cathetus EF in



4 partes æquales in punctis G, H, I diuidatur; ducanturque catheto FE parallelae BM, LC, & DK, quibus area trianguli in partes inæquales diuidatur, sicut tempus ab AE recta significatum in 4 partes æquales, sumaturque ABM triangulum primo tempore AB transmissum pro

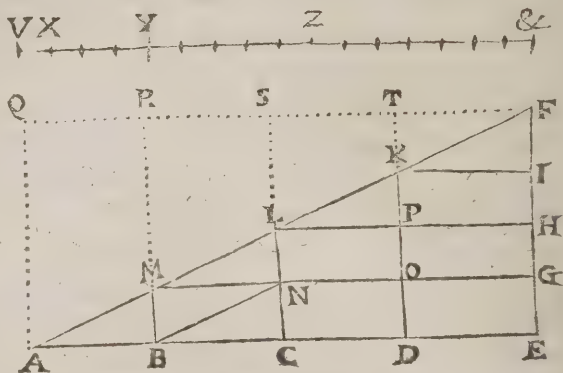
1: trapezium BMLC secundo tempore BC percurritur, estque 3: quemadmodum sequens trapezium LCKD tertio tempore CD generatur. Denique quartum trapezium DKFE quarto tempore DE 7 producit: quibus alia quocùmque trapezia superaddere possis, quæ numeris 9, 11, 13, &c. respondeant.

Quæ spatia transmissa linea quoque V & refert, cùm enim mobile primo tempore conficit VX spatium, secundo tempore percurrat XY triplum præcedentis; tertio YZ; quarto Z &; cùmque perue-

nit ad  $\phi$ , vel FE, nec ampliùs suam auget velocitatem, eam potentiam acquisiuit qua tempore æquali AE, parallelogrammum QA FE compleat.

Itaque si crescit velocitas in tempore AE vt crescit tempus, hoc est vt crescit ipsum AE, sitque quies in A, erit acquisita velocitas vt FE; & velocitas in CL, quæ dimidia est velocitatis in EF, spatium percurreret eodem tempore AE, æquale spatio quod fit à velocitate crescente à quiete in A, vsque ad maximam velocitatem in FE.

Idémque continget si decrescat velocitas eadem ratione qua decrescit tempus futuri motus. Ex quibus omnibus ratio elicitur ob quam spatia transmissa sint in ratione duplicata temporum, de quibus iterum inferiùs.



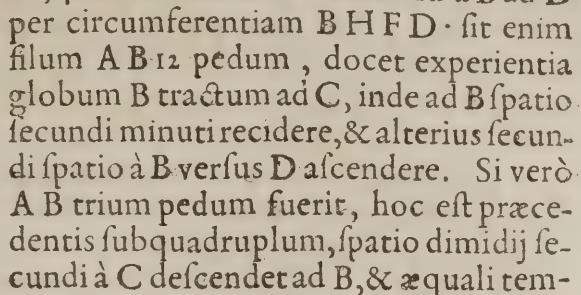
## PROPOSITIO XV.

*Grauium cadentium velocitatem in ratione duplicata temporum augeri probatur ex pendulis circulariter motis, ipsorumque pendulorum multifarius usus explicatur.*

**S**It in hac figura perpendiculariter ad horizontem erecta funis, vel filum cuiuslibet longitudinis AB, cui globus plumbeus cuiusvis ponderis B appendatur, dummodo fili pondus excedat; sitque pendulum breuius AP, cui etiam globus plumbeus appensus intelligatur. Certum est filo AB translato in AC, globum in C relictum ad punctum B per circumferentiæ quadrantem CEG Breuerfurum, cogitur enim à filo AC, à quo si liber esset in C, rectà caderet in M, vt citiùs & per breuissimam lineam ad centrum grauium perueniret, vel toti suo vniretur, siue propria virtute properet illuc, siue trahatur

Certum est secundò filum à puncto C ad B cadens temporis infumere tantundem in illo casu, quantum infumit in ascensu à B ad D.

Certum est secundò filum à puncto C ad B cadens temporis infumere tantundem in illo casu, quantum infumit in ascensu à B ad D.



Globus igitur spatio secundi percurreret dimidiam circumferentiam. C B D, & æquali tempore à D per B versus C recurret; donec hinc inde vibratus tandem in puncto B quiescat, siue ob aëris & filii resistentiam vniciuſque cursui & recurſui aliquid detrahentem, siue ob ipsius impetus naturam, quæ sensim minuatur, qua de re postea.

Vbi quæstione dignum, quanta sit pars arcus VB, quam vltima globi vibratio percurrit, hoc est quanta sit linea per quam ad quietem peruenit, an centesima, vel millesima diametri globi, vel fili moti AB, & num per æqualem partem tam longiora quàm breuiora filam suam quietem consequantur. Certè cùm globus in punctum G tractus & tripedali filo alligatus, versus H, & ex H versus G per horæ quadrantem, seu 900 secunda vibretur; partem vltimam, per quam suæ quieti restituitur in B, admodum paruam esse necesse est: quamquam nulla pars vltima assignari posse videatur, qua non detur minor, si per infinitos tarditatis gradus quies acquiratur, vt ex quiete per infinitos tarditatis gradus ad quemuis datum velocitatis gradum peruenitur.

Certum est tertio filum  $AP$  fili  $AB$  subquadruplum vibrationis.

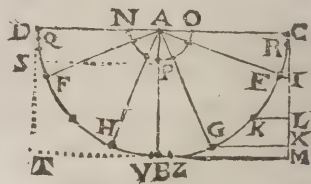


suas habere celeriores vibrationibus fili  $BA$ ; esseque filum  $AB$  ad filum  $PA$  in ratione duplicata temporum quibus illorum vibrationes perficiuntur, atque adeo tempora habere se ad filorum longitudines vt radices ad quadrata; quapropter ipsæ vibrationes sunt in eadem ac tempora ratione.

Exempli gratia tempus quo filum  $AB$  semel vibratur, duplum est temporis quo filum  $AP$  semel vibratur: vnde fit vt  $OPN$  percurrat eodem tempore quo  $B$  percurrit  $CB$ , &  $P$  ab  $O$  ad  $N$  currat & ab  $N$  ad  $O$  recurat eodem tempore quo  $B$  mouetur à  $C$  ad  $D$ .

Cuius rei obseruatio tam facilis est, & vnicuique obuia, vt qui negauerit istam proportionem ob neglectum, quo vincatur, experimentum, perinde negare possit duo grauia, quorum vnum plumbeum, aliud ligneum fuerit decuplò leuius, ab altitudine 12 pedum eodem tempore cadere, iuxta quamcúmque obseruationem vt vt repetitam.

Certum est quartò, illam duplicationis rationem inter circumferentiam  $CBD$ , &  $OPH$ , & inter filum  $BA$  &  $PA$  seruari, quòd in linea perpendiculari  $CM$ , vel  $DT$  seruetur, vt enim graue, cùm à puncto  $D$  ad  $S$  vno tempore descendit,  $DT$  spatium præcedentis quadruplum duplo tempore percurrit, ita globus plumbeus,  $P$  cùm vno tempore ab  $O$  ad  $P$  descendit, globus  $B$  à  $C$  puncto ad  $B$  duplo tempore cadit: nam impetum acquisiuit in puncto  $B$  totius perpendicularis  $CM$ .



Quintò certum est globum  $B$  ex  $C$  per quadrantem  $CB$  descendentem eò magis à perpendiculari  $CM$  deflectere quò magis accedit ad  $B$ , vt ex lineis  $EI$ ,  $KL$  &  $BM$  videre est; semper tamen velocius moueri, donec in  $B$  maximam velocitatem acquisierit, quæ semper etiam antequam globus ad  $V$  perueniat, minuitur, & tandem in puncto  $D$ , vel  $S$ , vel alio quòuis, ultra quod non ascendit, penitus extinguitur; licet aliqui credant globum aliquid motus, vel impetus præcedentis retinere, quod globi grauitas pedetentim vincat & expellat, donec globus ad  $B$  redeat, in quo perit antiquus impetus, vel potiùs redintegratur, vt iterum globus ad  $R$ , vel  $E$  ascendat.

Hinc autem oritur maxima difficultas, num iisdem gradibus minuatür velocitas globi ex  $B$  versus  $D$  ascendentis, quibus augetur velocitas eiusdem à  $C$  ad  $B$  descendentis; idémque dicendum de globo ex  $D$  per perpendicularem  $DT$  cadente super planum perfectè durum & politum, cùm in reflexione à  $T$  ad  $D$  per eòdem gradus velocitatis &

tarditatis

tarditatis transeat per quos ceciderat, & consequenter num eodem tempore motu violento ascendat quo motu naturali descendit.

Quæ vix obseruari possunt nisi duos inter alicuius turris vel alterius ædificij muros admodum altos, verbi gratia 20 aut 30 hexapedarum & tantundem inter se diffitos, quos inter pendula 20 aut 30 hexapedas longa sint, vt cum globis pendulorum exscendentibus alij globi pendulorum æqualium manu ad eandem altitudinem perlatorum sibi relictî eodem momento cadere incipiant; qui si prius quàm alij globi ceciderint, impetus quo hi ascenderant nondum extinctus fuerat. Si verò æque velociter descenderint, extinctus erat. Quod etiam grauib. in altum perpendiculariter missis, verbi gratia nostris sagittis potest accommodari, quæ cùm ad datam altitudinem peruenerint, eodem tempore recidere debent quo aliæ sagittæ ex eadem altitudine sibi relictæ.

Omitto plana inclinatissima, super quæ si globi politissimi cadant, & in auersa similia plana per impetum casu acquisitum ascendant, multa notari poterunt ad rationem velocitatum attinentia. Sunt & alia pleræque quibus ad obseruationes quispiam vti poterit.

Sextò, filum tripedale potest alicui iustò videri longius ad secundum minutum qualibet vibratione notandum, cùm enim in linea perpendiculari A B graue cadens citiùs ad punctum B perueniat, quam vbi ex C vel D per circumferentiæ quadrantem mouetur, quandoquidem A B linea breuissimè ducit ad centrum grauium, & tamen ex obseruationibus grauia cadentia tripedale duntaxat interuallum ab A ad B semisecundo, & 12 pedes secundo conficiant, illud filum tripedali minus esse debere videtur: Iamque lib. 2. de causis sonorum, corollario 3. prop. 27. monueram eo tempore quo pendulum descendit ab A, vel C ad B per C G B, posita perpendiculari A B 7 partium, graue per planum horizonti perpendiculare partes vnde-  
cim descendere.

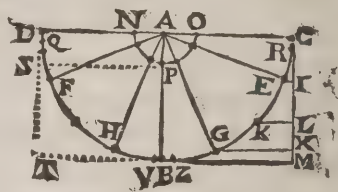
Quod quidem difficultatem insignem continet, cùm vtrûmque multis obseruationibus comprobatum fuerit, nempe grauia perpendiculari motu duodecim solummodo pedes spatio secundi, globum etiam circumferentiæ quadrantem, cuius radius tripedalis, à D ad B semisecundo percurrere; quæ fieri tamen nequeunt nisi globus à C ad B per circumferentiæ quadrantem descendat eodem tempore quo globus æqualis per A B: qui cùm pedes 5 perpendiculariter descendat eo tempore quo globus à C ad B peruenit, nulla mihi solutio videtur, nisi maius spatium à graui perpendiculariter cadente percurrî dicatur quàm illud quod hætenus notaueram, quod cùm ab vno-

quóque possit obseruari, nec vlla velim mentis anticipatione veritatē præiudicare, nolui dissimulare nodum, quem alius, si potis est, soluat. Vt ut sit obseruatio pluries iterata docet tripedale filum nongentesies spatio quadrantis horæ vibrari, ac consequenter horæ spatio 3600: quapropter si per lineam perpendicularem graue 48 pedes spatio 2 secundorum exactè percurrat, vel fatendum est graue æquali tempore ab eadem altitudine per circuli quadrantem, ac per ipsam perpendicularem cadere, vel aërem magis obsistere grauibz perpendiculariter, quàm obliquè per circumferentiæ quadrantem descendentibus, vel graue plures quàm 12 pedes secundi spatio, aut plusquam 48 duobus secundis descendere, & in eo sefellisse obseruationes, quòd allisso grauium ad pauimentum aut solum ex audito sono iudicata fuerit, qui cùm tempus aliquod in percurrendis 48 pedibus infumat, quo tamen graue non ampliùs, descendit, augendum videtur spatium à grauibz perpendiculariter confectum.

Verùm si iuxta rationem qua tripedale fili spatium superatur à casu grauium, auxeris spatium à grauibz perpendiculariter descendentibus confectum, vno secundo 20 pedes, atque adeo 80 duobus secundis percurrent, quod falsum est, & experientiæ nimis contrarium: cùmque sonus spatio secundi 230 hexapedas faciat, seu pedes 780, spatium 48 pedum, seu 8 hexapedarum sonus nona parte secundi percurrat, quo tempore grauia nequeunt 8 pedes conficere, quibus tamen 20 pedes 12 superant; & experientiâ constat grauia 3 duntaxat pedes semisecundo perpendiculariter à puncto quietis descendere.

Septimò, globus B ex C in B cadens paulò plus temporis quàm ab E, & ab E quàm à G infumit, adeour fila duo equalia, quorum vnum à C, aliud à G suas vibrationes incipiat, quod à G incipit, 36 propemodum vibretur, dum quod à C incipit 35 duntaxat vibratur, hoc est vnam vibrationem lucratur quod à G cadit, à quo si quamlibet vibrationē inciperet, & aliud suam quamlibet à puncto C, longè citiùs illam vibrationem lucraretur. Quantò verò breviori tempore globus leuior, verbi gratia suberis, suas vibrationes faciat, quantòque citiùs vibrationum suarum periodum absoluat, lib. 2. de causis sonorum prop. 27. & alijs harmonicorum nostrorum locis reperies.

Octauò, singulæ fili partes inter A & B interceptæ globi B vibrationes retardant, quòd pars vnaquæque fili propriam vibrationem





postulet, quæ ab integri fili *AB* vibratione præpeditur. Exempli gratia, in puncto *P* contendit versus *N* punctum, ad quod reuera moueretur, nisi à reliquo filo *PB*, & globo *B* impediretur.

Duplex igitur impedimentum globo *B*, quominus ad vsque *D* perueniat, ob impetum à *C* in *B* conceptum, opponitur; primum oritur à vibrationibus partium chordæ, ad diuersas circumferentias tendentibus; secundum ab aëre à *B* ad *D* pellendo, vel diuidendo; quippe globo *D* tantundem resistit, quantum imperus aëris eadem velocitate moti, & in globum *B* immissi semisecundo ageret, vt alibi fusiùs explicabitur.

Nonò, globum initio descensus à *C* vel *D* cadere per arcum *DQ*, vel *CR*, qui ferè nihil à recta perpendiculari differat: ab *H* verò, vel à *G* ad *B* descendere per arcum qui horizontali ferè plano conueniat; in nulla tamen quadrantis *PQ* parte velociùs siue cadendo, siue ascendendo moueri quàm in arcu *BH*, vel *GB*, nec in vlla parte moueri tardiùs quàm in arcu *CR*, vel *DS*: globum verò *B* qualibet vibratione bis per omnes gradus tarditatis, bisque per omnes gradus velocitatis transire, tarditatis quidem, versus *D* ascendendo, & à *CR* descendendo; velocitatis autem cùm post descensum à puncto quietis *C* transit globus per *GB*; quanquam illi gradus tarditatis examen singulare postulent alio postea loco instituendum.

Decimò, si hæc altera figura *HIDBCH* verticale planum intelligatur, qualis est paries ad horizontem erectus, sitque pendulum *AB* clauo *A* affixum, globusque plumbeus *B* erigatur in *C* vel *D* punctis, quæ lineâ *DC* perpendiculariter *AB* lineam secante coniungantur, & filo currenti ab *AC* ad *AB* clauus *E* parieti infixus circa fili medium occurrat, filum non sequetur arcum *BD*, sed *BG*, quòd clauus *E* centrum motus, vel arcus *BG* euaserit. Si verò clauus alter occurrat inferiùs, verbi gratia in puncto *F*, vertetur filum in arcum *BI*, adeout globus *B* semper ad eandem *DC* ascendat, à qua ex puncto *C* discesserat, altitudinem: quod intelligendum de mptis tam fili quàm aëris obstaculis.

Porò clauus tribus digitis extra parietem eminere debent vt sit facilius experimentum, quod ostendit globum *B* in *H* erectum & ab *H* cadentem semel tantum circa clauus *E* scapum circumuolui, qui versus medium penduli *AB* occurrit: nouies autem circa clauum *F* inuolui, qui ad tertiam penduli partem affigitur, circa quem magis adhuc volueretur si quid fili superesset, vt magna nonæ circumuolutionis velocitas testatur.



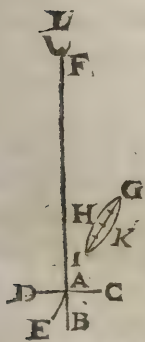


sed tantum ut probabile, & Galilæo visum, quandoquidem egregij Philosophi & Geometræ negant illud, & grauium certum habere possunt tarditatis gradum quo incipiant moueri circa centrum, ut fieri probabile, si per terræ fiat attractionem lapidum & aliorum grauium, descensus, aut per expulsionem, ut quemadmodum aqua expellit leuiora corpora, ita grauiora expellat aër, aut alia materia aëre subtilior, quæ circumactu suo, reuolutioneque perpetuâ lapides & id genus excutiat, aut impellat. Quod tamen non impedit quin grauium suam velocitatem in ratione duplicata temporum adeo proximè augeant, ut sensus nil contrarium in obseruationibus deprehendat.

PROPOSITIO XVI.

*Quid circa pendulum, quod aliqui vocant sexhorarium, contingat ex obseruationibus aperire.*

**S**it pendulum BF, 30 pedes, aut quantumuis longum clauo L ita confixum, vel alligatum, ut in aëre moueri possit in omnem partem, sitque linea meridiana BA, D oriens, & C occidens, sunt qui crediderint filum illud pendulum FB nunquam quiescere, sed quotidie bis à meridiana linea dimoueri circa E, per vnius vel alterius lineæ spatium, adeo ut illo motu plumbi in puncto B appensi fiat 12 horarum spatium figura quædam elliptica, qualis est figura GHIK, & plumbum ex puncto meridiei G, sex horarum spatio ad I, & alijs sex horis ex I ad G redeat, & quolibet meridiei, mediæque noctis momento in puncto G duabus circiter horis quiescere videatur, in spatijs verò inter G & I interiectis paulò velocius moueatur. Quod quidem Phænomenon viris clarissimis ita placuit ut istius motus varias rationes commenti sint, crediderintque fieri motum à G in I, non per H, sed per K, ab I verò ad G per H redire pendulum.



Porro vix credibile quanta conclusionum vel coniecturarum seges ex illo credito, vel supposito Phænomeno pullularit, verbi gratia fluxum & refluxum maris pendulum impellentem, terræ centrum dimotum, longitudinum inuentionem, horologium perpetuum in partes quotlibet diuisum, ut maxima diameter ellipseos GI in 4 partes diui-



ditur, & alia id genus sexcenta, quæ homines ex aliquo Phænomeno extraordinario deriuare solent.

Sed hærebat animus num forsan obseruatores decepti fuissent ob funes intortos, vel fila siue channabina, siue bombycina, quæ, præterquam diutissimè detorquentur dum suspensum plumbum in orbem agitur, omnibus aëris mutationibus sunt obnoxia; quapropter filum vsus argenteo, per foramen chalybeum ducto, cuius obseruatio clarissimè docuit nullum in eo motum siue 6, siue centum horarum spatio fieri: manè siquidem in linea  $LB$  positus, in eadem pluribus diebus, pluribûsque testibus, permansit.

Vnde concludendum quanta sit in obseruationibus adhibenda diligentia, priusquam illarum rationes, & causæ, vel vtilitates quærantur, nisi enim de facto satis constet, quid vterius inquiras? Huic autem Phænomeno falsò credito quidpiam simile contigisset in 5 nouis planetis iouialibus, quos nonnemo 4 Medicæis addebat, & iam de nouenario musarum numero hisce 9 planetis comparando viri docti cogitabant, nisi foelicissimus obseruator, fidelissimûsque Gassendus hunc errorem absterxisset, epistola in lucem edita, quæ demonstrat stellas pro planetis acceptas.

## PROPOSITIO XVII.

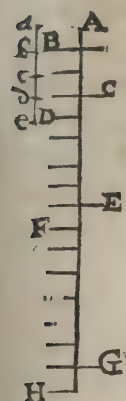
*Ex dictis rationem eruere, ob quam grauium casus  
suam auget velocitatem in ratione  
duplicata temporum.*

**S**int 4 tempora  $ab$ ,  $bc$ ,  $cd$ , &  $de$  æqualia, in quibus ita graue descendat, vt tempore  $ab$  spatium  $AB$  conficiat  $ab$  tempore; igitur tempore  $bc$  faciet, per prop. penultimam præcedentem, bis tantum sine augmento velocitatis, nempe  $BC$ , vt sit  $BC$  ad  $AB$  vt 2 ad 1. Cum autem supponamus augeri velocitatem corporis grauis cadentis, non minus tempore secundo, quàm primo, descendet velocitate crescentè tantum infra  $C$ , quantum est  $AB$ , hoc est ad  $D$ , ita ut  $CD$  sit æquale  $AB$ ; quapropter erit totum spatium  $BD$  peractum tempore  $bc$ , ad spatium  $AB$  confectum tempore  $ab$ , vt 3 ad 1.

Cumque velocitates supponantur crescere secundum rationem temporum quibus acquiruntur, erit velocitas acquisita in fine temporis  $ab$ , vt  $ac$  ad  $ab$ , id est dupla.

Descendet itaque graue tempore  $cd$ , siue augmento, duplum eius

spatij quod descenderat sine augmento tempore  $bc$ ; atqui tempore  $bc$  bis tantum descenderat quantum est  $AB$ , igitur tempore  $cd$  descendet quater tantum, quod sit  $DE$ ; & adiecto augmento  $EF$  quod sit æquale spatium  $AB$ , erit spatium  $DF$  confectum tempore  $cd$ , ad spatium  $AB$  primi temporis, vt 5 ad 1.



Cum autem velocitas acquisita in fine tempotis  $ad$  sit ad velocitatem in fine temporis  $ac$ , vt  $ad$  ad  $ac$ , hoc est vt 3 ad 2, & velocitate in fine temporis  $ac$  descensum sit per spatium quadruplum  $AB$ , hoc est per spatium  $DE$ , sine augmento velocitatis, descendet graue tempore  $de$  per spatium  $FG$  æquale, sexies  $AB$ ; addito igitur spatio  $AB$  descendet per spatium  $FH$  septuplum spatij  $AB$ .

Eodémque modo demonstrabitur idem graue descendere quinto tempore 9 spatia, sexto 12, septimo 13, & ita de reliquis; igitur graue descendens velocitate continuè auctâ, percurrat spatia rationis temporum duplicata, & in temporibus æqualibus immediatè sibi succedentibus, numeros impares sibi proximè succedentes, putà 1, 3, 5, 7, &c. ipsa spatia illis temporibus confecta sequentur.

Quod etiam alio modo potest explicari, si primum tempus habere dixerimus motum actu per spatium vnum, & potentiam ad tantumdem proximo tempore: quæ duo spatia actu percurruntur secundo tempore, & vnum præterea actu, propter tempus secundum, item vnum potentia: vt sint percursa actu spatia 3 secundo tempore, præter potentiam ad vnum tertio tempore, quo percurruntur actu, propter tempus secundum, 4 spatia, & propter suum tempus proprium, vnum actu, vnum potentia, hoc est 5 actu, vnum potentia. Ea propter quarto tempore 6 spatia actu, propter tempus tertium, & vnum actu, vnum potentia, ob tempus proprium, id est spatia percurruntur 7 actu, cum potentia, ad vnum ampliùs in proximo tempore, & ita deinceps, vt spatia transmissa temporibus æqualibus sint inter se vt numeri, 1, 3, 5, 7, &c. quæ breuiter ita contrahuntur.

*Primum tempus.*

Spatium 1 actu, 1 potentia.

*Secundum tempus.*

Spatia accepta à primo tempore 2 actu, à proprio tempore 1 actu, 1 potentia.

*Tertium tempus.*

Spatia accepta à secundo tempore 4 actu : à proprio tempore,  
1 actu, 1 potentiâ.

*Quartum tempus.*

Spatia accepta à tertio tempore, 6 actu : à proprio  
tempore, vnum actu, vnum potentiâ.

## MONITVM PRIMVM.

**C**VM de grauibz cadentibus locuti sumus, quorum motus est in ratione duplicata temporum quando perpendiculariter versus centrum descendunt, idem intellige de grauibz super planis vtcumque inclinatis currentibus, de quibus l. 2. Harmoniæ Gallicæ: adeout in temporibus æqualibus semper numeros impares à principio ad vsque finem motus sequantur, eo solum discrimine, quod eò tardiùs super inclinato plano, descendant, quod fuerit obliquius, & magis ad planum horizontis accesserit, super quo graue quiescit, nisi moueatur ab impellente, vel trahente; & ita mouetur semel motum, vt nunquam sit quieturum, si tolli supponatur quodlibet impedimentum tam aëris, quàm plani; hoc est si fuerit globus perfectè durus & politus, & planum æquè durum ac politum, nec adsit vllum medium, vel agens quod globo motum impressum auferat, tunc enim perpetuò mouebitur, cum nullus motus localis absque causa pereat; vel non video quā tollatur, nisi quis dixerit motum ex se paulatim desinere, licet nil oppositum habeat. Hic igitur supponimus motum minui & tandem deficere, quod aër vel alia corpora illum in se recipiant, vel eum obrundant & destruant. Quanta verò moles aëris requiratur ad motum datæ velocitatis tollendum, postea disquiretur.

## MONITVM II.

**C**VM autem motus omnis impressus, quo grauia mittuntur verticaliter in altum, quemque vulgò dicunt violentum, possit intelligi productus à casu grauium, aut eiusdem velocitatis, quā moueri possent grauia, si perpetuò descendencia semper prædictam incrementi rationem obseruarent, certis spatiorum magnitudinibus utemur, vt quamcūque velocitatem quā grauia excutuntur, projiciunturque



ciunturque veluti certo charactere insigniamus. Prius tamen inquirendum an fortasse alia proportio velocitatis, auctæ præcedenti de-  
roget.

PROPOSITIO XVIII.

*Alia velocitatum rationes, iuxta quas gravia suum descensum accelerare putant aliqui, recensentur: ubi de Helicibus quas gravia suo casu describunt.*

**L**icet illam accelerationis rationem, de qua hætenus, reliquis rationibus veriolem, & si non exactam, exactæ tamen admodum vicinam existimem, Lectori gratum crediderim aliorum cogitationes paucis aperire, quas inter illa magis ad experientia veritatem accedere videtur, quæ sinus versos sequitur inter æquales circumferentia partes interceptos.



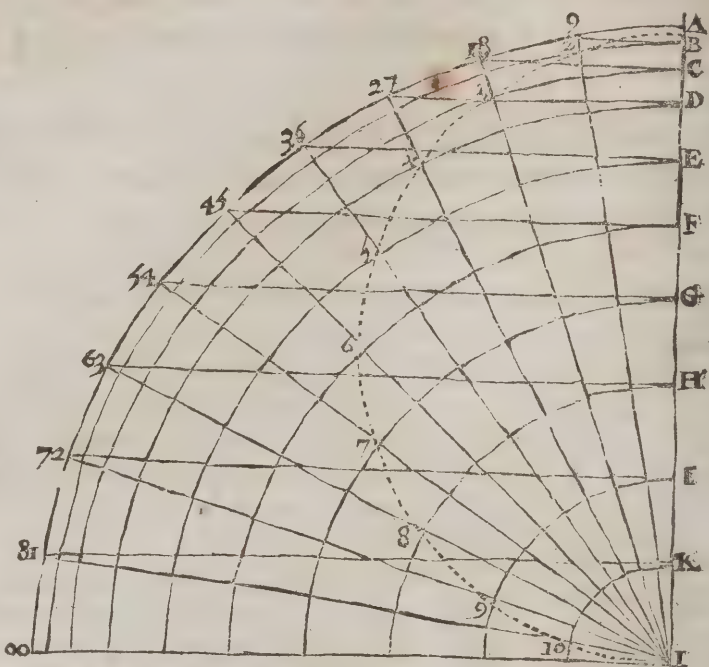
Sit igitur tellus A N O F A, descendatque lapis, aut aliud graue à puncto quietis A versus centrum E, ea lege vt primo tempore ad punctum B, secundo à B ad C, tertio à C ad D, &c. cadat, dico casus istius accelerationem ferè

coincidere cum ea, quam superius attulimus, eique tantò similiorem esse, quantò AB, BC, &c. sinus versi minora spatia referent, adeout nullus sensus in nostris obseruationibus, 30, vel etiam mille non superantibus hexapedas, discrimen notare possit inter descensum per sinus illos factum, & descensum acceleratum in ratione duplicata temporum: sunt enim ferè sinus isti AB, BC, CD, &c. vt 1, 3, 5, &c. Quamquam si Geometricè loquamur, sinus versi sint inter se vt subtenarum quadrata, hoc est vt AB ad BC, ita quadratum subtena AI ad quadratum subtena AH; & vt sinus AE ad sinum AD, ita quadratum subtena AF ad quadratum subtena AG, & ita de reliquis.

Vbi etiam obseruare iuuabit comparisonem sinuum versorum cum rectis, nempe rectangulum EAB, esse ad EBC rectangulum, ita quadratum BI ad quadratum CH.

Porrò illa proportio variarum casus velocitatum iuxta sinus versos accuratiùs notabitur in sequente figura, quadrantem orbis terreni referente: sit enim AL semidiameter, quam alio loco 1145 leucarum, (quarum vnaquæque 1500 pedum, seu 2500 hexapedarum)

definiuimus, diuidatúrque in 10 partes æquales circumferentiæ quadrans A 90, & à quolibet diuisionis puncto ducatur perpendicularis ad radiū A L, hoc est 9 B, 18 C, 27 D, &c. Si lapis cadat æqualibus temporibus per illos sinus versos AB, BC, CD, &c. iisdemque 10 temporibus per decem sinus, in quos A L radius diuisus est, ad L centrū perueniat, quo circumferentiæ quadrans A 90 sub horizontem L 90



descendet, hoc est sex horarum spatio, lapisque terræ motum perfectè sequatur, suo motu semicircumferentiam A, 1, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, L percurrat, æqualem quadranti 90 A. Qua ratione tantundem spatij percurrat, quantum quiescens in A puncto confecisset; tunc enim post sexhorium ad punctum 90 cum A peruenisset. Cùm autem spatium primum AB 31 leucas ad minimum referat, & sinus versus eò magis accedant ad proportionem descensus grauium, quò minus ab A puncto recedunt, si prima ab A versus B leuca sumatur, in qua sinus illi descensum metiantur, non different sensibilibiter à spatijs per quæ graua cadere diximus.

Qui spatia AB, BC, &c. vsque ad centrum L, ex hypothesi casus lapidis ab A luna, vsque ad centrum terræ L, scire cupit, legat Corollarium 2. prop. 24. lib. 2. de causis sonorum, in quo tabula peculiaris numeros referentes sinus versos, & numeros referentes rationem temporum duplicatam exhibet, vt vnico intuitu quisque videat quantum illa spatia è regione posita discrepent.

Alia proportio velocitatis auctæ in descensu grauium sumi potest ex linea proportionaliter, hoc est iuxta mediam & extremam ratio-

nem secta, de qua fusè lib. 2. motuum Harmoniæ Gallicæ prop. II. quæ proportio quantum à nostra differat, ex duobus constat numerorum ordinibus qui sequuntur, quorum prima columna continet numeros velocitatis iuxta numeros impares, de quibus toties egimus: secunda numeros illos ad pedes reducit quos graua percurrunt, eâ tamen lege vt primus significet descensum semisecundo factum, secundus factum sequenti semisecundo, & ita de sequentibus semisecundis, vt primus numerus tertiæ columnæ pertinet ad segmenta lineæ proportiona- liter sectæ repræsentet etiam 3 pedes, & reliqui è regione numerorû primæ columnæ siti ostendant differentiam inter numeros 2 & 3 co-

| I. | II. | III. |
|----|-----|------|
| 1  | 3   | 3    |
| 3  | 9   | 5    |
| 5  | 15  | 8    |
| 7  | 21  | 13   |
| 9  | 27  | 21   |
| 11 | 33  | 34   |
| 13 | 39  | 55   |
| 15 | 45  | 89   |

lumnæ. Cùm enim primo semisecundo lapis, aut aliud graue 3 pedes à quiete descendat, tam in columna 2, quàm 3, 9 pedes descendit in 2 co- lumnæ sequente semisecundo, cùm tantum 5 descendat in 3, in qua cùm tardius, seu minori- bus numeris descendat vsque ad quintum semi- secundum, quam in secunda columna, tandem ab hinc vsque ad tabulæ calcem velocius, & iuxta maiores numeros progreditur.

Audio præterea nonneminem esse qui cre- dat grauium casum sequi progressionem Geo- metricam duplam, adeout primo tempore des-

census fiat per vnicum spatium, secundo tempore per 2, tertio tem- pore per 4, quarto per 8, & ita deinceps; sed quantum hic processus à grauiû casu exactè satis obseruato discedat vix est qui nesciat, aut qui non possit proprio experimento reperire; sit enim in tabula sequente prima columna, vt in superiore, quæ contineat impares numeros, ex- perientia suffragantes, & in secunda colūna numeri dupla se ratione

| I. | II. |
|----|-----|
| 1  | 1   |
| 3  | 2   |
| 5  | 4   |
| 7  | 8   |
| 9  | 16  |
| 11 | 32  |
| 13 | 64  |
| 15 | 128 |

superantes collocentur, qui cùm satis ad primæ columnæ numeros accedant vsque ad quatuor primos, tantopere nihilominus à quinto numero & deinceps à rei veritate discrepant, vt nullus possit per tempus 8 semisecundorum vel etiam secūdorū experiri, qui non statim fateatur pro- portionem duplam Geometricam nimium ex- crescere, cum enim octauo semisecundo 15 dunta- xat spatia, quorum vnumquodque tripedale, per- currat, secundum rei veritatem, 128 conficeret in secunda columna, hoc est octies plusquam reuera

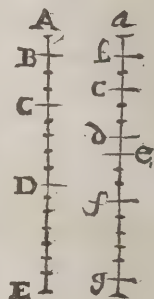
conficiat. Et quò progressus fueris vltcrius, maior semper futurus



est excessus, nam vbi 17 in prima columna occurrerit, è regione reperietur 250, & qui paruus erat in principio, maximus fiet error in progressu.

An ausim simile quidpiam conijcere de sententia Philosophi subtilissimi? qui statuit accelerationem pro diuersis temporibus, in eadè ratione qua numeri serie naturali disponuntur, hoc est secundum simplicissimam, & maximè naturalem Arithmeticæ progressionem 1, 2, 3, 5, 6, &c.

Certè non tantum à prima columna dissidet, vt ex sequentibus lineis constat, sit enim nostra progressio penes numeros impares in A E linea, quam graue percurrat spatium 4 secundorum; certum est graue cadens a puncto quietis A, vel a, primo quouis tēpore facere spatiū quodlibet primum A B, quod, vt antea, supponamus 12 pedum, quos graue spatium secundi percurrit: sitque illa mensura *duodecapeda*: secundo tempore facit reuera B C 3 duodecapedas, cum duas duntaxat in linea a g, nempe b c percurrat. Tertio secundo verè spatium C D, seu 5 duodecapedas conficit, cum in linea a g solas tres duodecapedas faciat. Quarto secundo percurrit spatium D E 7 duodecapedarum, quamdiu d f 4 duodecapedarum in linea a g percurrit; adeout quintum secundum sit necessarium ad perficiendam lineam a g æqualem lineæ A E.



Ex quibus manifestum est hunc progressum Arithmericum facere velocitatem minorem quàm oporteat; quemadmodum illi duo progressus priores progressum longè maiorem inuehant.

Cum igitur illa nostra per numeros impares progressio in linea A E semper experientiæ nobis respondere visa sit, suisque rationum momentis confirmetur, eam retinebimus, donec alia demonstrata sit ab Illustri viro, qui licet graua credat non transire per omnes tarditatis gradus à puncto quietis A, fatetur tamen hanc progressionem esse proximè veram.

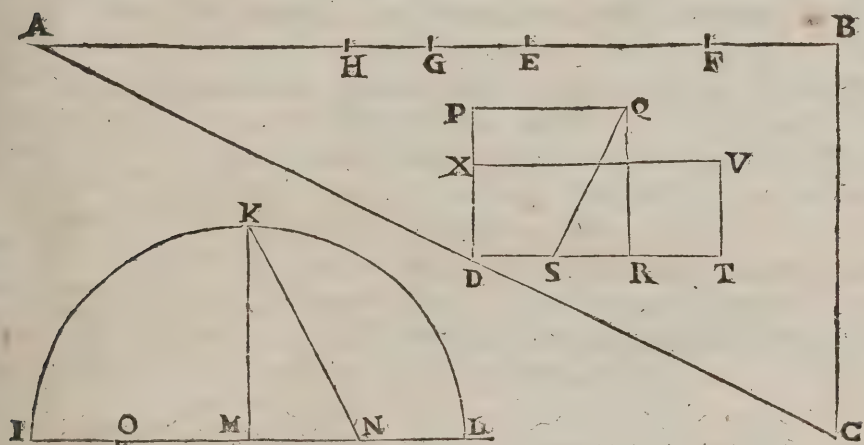
## COROLLARIUM PRIMVM.

### *De linea proportionaliter secta.*

NObis liceat notare quædam circa hanc sectionem, quam nonnulli ob proprietates mirabiles *diuinam* appellant. Primum igitur octo proprietates ad vndecimā prop. lib. 2. Harmoniæ vniuer-

salis videri possunt. Secundò, Salinam, cuius inuentionem prop. 18. lib. 4. Instrumentorum attuli, quâ credebatur tactus violis & alijs instrumentis eodem modo adhiberi posse, ac si diapaſon diuideretur in 12 partes proportionales, in eo fuisse deceptum, vt fatebitur qui 31. lib. 3. caput, quod de Musica scripsit, accuratè discusserit, & ſequentia legerit quibus ea vtrūque ſupplebuntur quæ noſtræ Latinæ Harmoniæ deſunt, vbi de diuiſione manubriorum citharæ, ac violę, quam beneficio lineæ iſtius Salinas proponit, ſimulque Harmoniæ Gallicæ loco citatò remedium adhibebitur.

Primùm igitur linea, verbi gratia D P, dicitur ſecari proportiona- liter in X, quòd ſegmenti maioris X D quadratum æquale ſit rectan-



gulo ſub tota D P & ſegmento minore P X, vnde naſcuntur tres pro- portionales, D P, videlicet, quæ eſt ad D X, vt D X ad X P, hoc eſt tota ad maius ſegmentum, vt maius ſegmentum ad minus. Ne tamen putes idem de quibuſlibet tribus proportionalibus, hæc ſiquidem proprietas ſolis tribus ex ſeſione media & extrema ratione facta pro- ductis conuenit; licet alia prædicta proprietas ſit communis tribus quibuſlibet, quarum extremæ ſemper rectangulum mediæ quadrato æquale faciunt; quemadmodum 4 proportionalibus ſemper conue- nit vt extremorum rectangulum ſit æquale rectangulo mediarum.

Deinde ſecatur linea proportionaliter pluribus modis, Euclideo, ſi quadratis P R latus quodlibet, puta P R bifariam in S diuidatur, & ab S ducatur recta S Q; producatũque S R in T, donec S T fiat æ- qualis S Q; denique fiat quadratũ R V ſuper R T, & ab V ducatur recta V X, linea R Q; vel ei æqualis D P quæcũque, ſecta erit in X me-





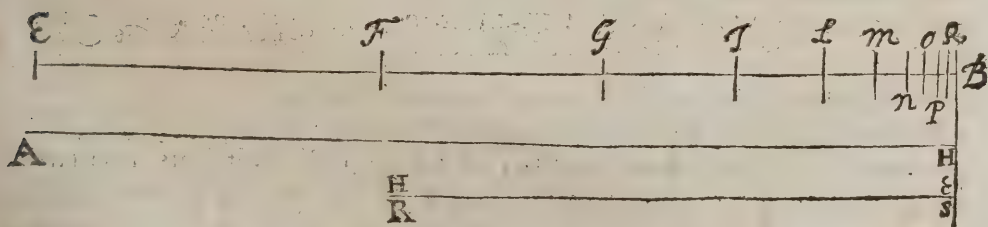
portionaliter imprimis diuisæ: quemadmodum H E maius erit segmentum lineæ B E, seu minoris segmenti etiam proportionaliter diuisi. Quare Salinam aduersus ea quæ lib. 3. Instrument. Harmonic. pagina 225. dicta fuerant, hoc loco, & in hac parte tuemur, quamquam aliàs rectè dixerimus illum aberrasse, vt postmodum confirmabitur.

Tertium igitur quod hîc aggredimur, in eo situm est, vt demonstre-  
mus per rationis conuersionem, rectè dictum à Salina, lineæ A B pro-  
portionaliter diuisæ minus segmentum E B fieri maius segmentum  
segmenti maioris A E proportionaliter diuisi in H; & istius segmenti  
A E ita diuisi minus segmentum H E fieri maius segmentum mino-  
ris segmenti E B etiam proportionaliter diuisi; & ita deinceps vt in  
alia figura videbitur.

Itaque sumpta recta A E, vt totâ, (quemadmodum A B) est vt tota  
A B ad totum A E, ita A E abscissâ, vel segmento ad abscissam A H;  
igitur reliqua E B erit ad reliquam H E, vel E G, vt tota A B ad A E  
totam, hoc est vt recta proportionaliter secta ad suum maius segmen-  
tum; quod probandum erat. Hincque nata vocabula *iuxta mediam*  
& *extremam rationem*; quòd nempe tota sit maius extremum, segmen-  
tum maius sit media proportionalis, & minus segmentum sit minus  
extremum; hac enim ratione medium & minus extremum nascitur  
vnicâ diuisione lineæ, quæ sit maius suorum segmentorum extre-  
mum; quod nulli alteri rectæ diuisioni conuenire potest.

### De linea duodecies proportionaliter secta.

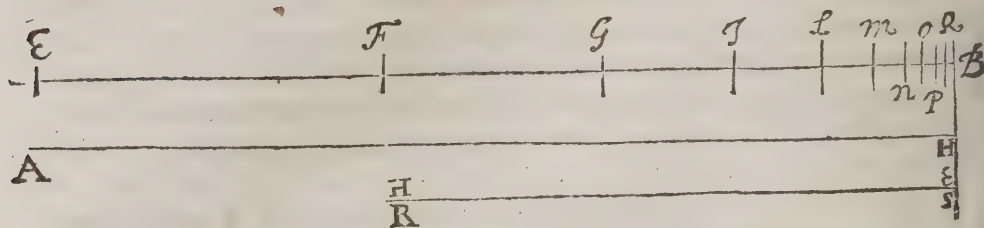
SIt rursum linea proportionaliter secta, A E B, quàm cum non  
spotuerimus satis commodè, distinctèque ita diuidere vt partes



12 haberet, quas putauit Violæ manubrio ad tactus notandos adhi-  
beri posse Franciscus Salinas, nisi charta replicaretur, lineam fregi-

mus, vt istius voluminis paginam non excedat.

Intelligatur ergo linea  $AH$ ,  $HE$  seu  $RS$  in directum lineæ  $BE$  coniungi, eâ lege vt tota linea incipiat ab  $A$  versus sinistram, iungaturque  $HE$  in puncto  $E$ , vt reliqua linea sit  $EB$ . Erit maius segmentum  $AE$ , vt in priore figura, &  $EB$  minus; & sectiones aliæ  $H, F, G, \&c.$



Quibus intellectis, erit  $AB$  ad  $AE$ , vt  $AE$  ad  $EB$ , hoc est  $AB$  ad  $AE$ , vt  $AE$  ad  $AH$ , sed vt  $AE$ , ad  $AH$ , ita  $AH$  ad  $HE$ ; & ita de cæteris segmentis; adeout lineæ  $AB, AE, EB, AH, HE, EF, FG, GI, IL, LM, MN, NO, OP, PR$ , & vltima  $RB$ , sint continuè proportionales; relictisque  $AB$ , &  $AE$  &  $EB$ , duodecim spatia reperiantur, in quæ linea tota  $BA$  diuisa reperitur, quorum maius est  $AH$ , minus verò  $RB$ .

Atqui falsum est primo tactu, vel primâ violæ, aut cuiusvis alterius instrumenti diuisione segmento  $AH$  æquali existente, tactus sequentes esse posse  $HE, EF, \&c.$  cum enim manubrium æquale sit lineæ totali  $AB$ , quæ ferè pedalis est, experiatur qui voluerit quanto primus tactus seu prima diuisio maior, sit primo segmento  $AH$  minor: vel vt error clariùs appareat, sit manubrium  $EB$  in 10 tactus diuidendum, quorum primus sit  $EF$ , impossibile est secundum tactum esse  $FG$ ; sed primo tactu  $EF$  existente, secundus erit longè maior segmento  $FG$ ; constâtque ex infinitis propemodum Harmoniæ nostræ locis primum tactum, quo neruus semitonio sit acutior, ex neruo in 16 partes æquales diuiso, partem vnâ resecare; vnde si  $BE$  totius  $EF$  sit pars decimasexta, sit tactus  $EF$  legitimus futurus; quemadmodum secundus tactus erit  $FG$ , si  $FB$  in 16 partes diuisa  $FG$  fuerit pars decima sexta, & ita de reliquis: quod cum nulla ratione conuenire possit segmentis diuisionibus lineæ secundâ mediam & extremâ rationem sectæ, ratû esto quod loco citato Harmoniæ dicebamus: neque video quid tantum virum in illum errorem impulerit.

Tertio,

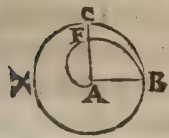
dicebamus: neque video quid tantum virum in illum errorem impulerit.

Tertiò, cylindri sphaeræ inscripti, qui cum basibus maximam superficiem habeat, notauit Geometra latus esse minus segmentum diametri baseos proportionaliter sectæ. Iterumque lineam aliam occurrere proportionaliter sectam, si tangenti circuli, ductæ à puncto, cui latus cylindri insidet, (quæ tangens sit æqualis eiusdem circuli diametro) linea recta ab altero puncto circuli, cui etiam latus oppositum insidet, transuersim per prioris lateris supremum agatur, donec extremo tangenti prædictæ occurrat, hæc enim linea, qua parte intra circulum continetur, est circuli diameter, & maius segmentum, vt pars exterior minus segmentum lineæ mediæ & extremæ ratione sectæ. Alias istius lineæ proprietates ausim infinitas appellare, quòd à nullo Geometra possint exhauriri.

COROLLARIUM II.

*De linea helice à motu lapidis à terra circumferentia ad illius centrum descripta.*

Um Galilæus existimare videretur lapidem, (positâ terrâ mobili & solis motum supplente) vsque ad terræ centrum descendente, moueri per semicircumferentiam B 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 L, de qua superius dictum est, demonstrauit acutissimus Geometra D Fermatius non esse descensum illum semicircularem, sed helicem describere) peculiarem, quæ sit secunda inter sequentes, quemadmodum prima est Archimedæa.



Sit igitur helix AFB intra circulum BCX descripta, itavt semper sit eadem ratio circumferentiæ BCX ad arcum BC, quæ est lineæ AB ad FC, vel quadrati AB, ad quadratum FC, vel cubi AB ad cubum FC, vel cuiuscumque alterius potentie AB ad similem potestatem FC, regula generalis datur, quâ ratio circuli BCX ad spatium lineæ AB, & helicibus AFB comprehensum periat. Hic apponam octo helices, quarum maiores numeri circulum, minores helicem referunt.



Quibus placet addere demonstrationem amici, qui demonstraui lineam descensus grauium non esse circularem.

Sit  $A$  terræ centrum, cuius diameter  $AC$ ; & circumferentia  $CHB$  referat  $\text{Æquatore}$ : Sint autem spatia, quæ per rectam lineam descendentia grauiam conficiunt, in ratione duplicata spatiorum quæ percurrit in circumferentia: Verbi gratiâ, si graue primò ex  $C$  perueniat ad  $K$ , deinde in  $I$ ; ducanturque rectæ  $AKH$ , &  $AIB$ , ratio  $HK$  ad  $IB$  erit duplicata rationis arcus  $CH$  ad arcum  $CB$ . Exempli gratiâ, si arcus  $CB$  duplus est arcus  $CH$ , recta  $IB$  erit rectæ  $KH$  quadrupla. Iam verò consideremus cùm circulus circa diametrum  $AC$  descriptus, per  $IK$  puncta transeat, recta  $IB$  sit  $HK$  rectæ quadrupla, quando arcus  $CB$  duplus est arcus  $HC$ . Ducatur recta  $EK$  bifariam diuidens  $AC$ , hoc est ex centro  $E$ ; &  $IK$ ,  $KL$  ita ut  $KL$  sit æqualis  $AK$ , & occurrat  $AC$  producto in  $L$ . Cùm sint  $AK$ ,  $KL$  lineæ æquales, angulus  $KLC$  æqualis erit angulo  $KAL$ , vel ei æquali  $IAH$ ; sed anguli  $AIK$ ,  $HCL$  sunt etiam æquales, igitur trianguli  $AIK$ ,  $LCK$  sunt similes.

Quoniam verò  $KC$  latus lateri  $KI$  æqualis est, latus  $CL$  erit lateri  $AI$  æquale.

Præterea cùm triangula  $I$ sofcelia  $AKL$ ,  $AEK$  faciant æquales angulos super bases suas æquæ sunt similes; & rectangulum  $LAE$  erit æquale quadrato  $AK$ .

Sed cùm reliqua demonstratio pendeat à certis characteribus, quos ille suis vñbus accommodabat, qui desunt typographo; sufficiat annotasse lineam istam descensus grauium rectam sub polis futuram, planam helicem sub  $\text{Æquatore}$ ; & in omni alio loco solidam helicem super coni  $i$ sofcelis superficie descriptam, cuius basis est parallelus, à quo descensus incipit, & vertex ipsum terræ centrum.

Quam demonstrationem libenter postulantibus communicabo, quemadmodum aliam elegantissimam à  $D$  Fermatio inuentam, & ad ipsum missam Galilæum, qua demonstrat spatium ab ista comprehensum helice esse, vel ad circuli sectorem, vel ad totum circum, quibus comprehenditur, vt 8 ad 15: quæ proportio reperitur similiter inter spatium à spirali circa coni superficie descriptum, & ipsam coni superficie.

|   |          |
|---|----------|
| 1 | 3. 1     |
| 2 | 15. 8    |
| 3 | 14. 9    |
| 4 | 45. 32   |
| 5 | 33. 25   |
| 6 | 91. 72   |
| 7 | 60. 49   |
| 8 | 153. 128 |



## MONITVM.

**V**Eterem igitur & obseruationibus respondentem casuum velocitatem retinebimus, eaque in sequentibus propos. vtemur, cum præter experimenta illam sequentia rationibus confirmetur, & pluribus Physicis difficultatibus soluendis, & intelligendis inferuiat. Sequentes verò propositiones intelliguntur absque resistantia medijs, quam vnusquisque proprijs obseruationibus inuenire poterit.

## PROPOSITIO XIX.

*Definire quantum iter percurrere debuerit graue cadens perpendiculariter, vt equali velocitate in altum verticaliter emissum ad eam pertingat altitudinem, ad quam sagitta, vel alia proiecta mitti solent, dum arcubus, & tormentis bellicis, vel alio quouis modo excutiuntur.*

**P**Luribus alijs modis hæc propositio poterat efferri, verbi gratiâ, *Datâ velocitate, dare altitudinem, ex qua graue cadens æqualem habeat velocitatem*; quod cum ab experientia pendeat, quam toties commemorauimus, illam iterum supponemus. Sit igitur tanta globi, vel sagittæ velocitas, vt spatio secundi minuti, 49 perticas conficere possit, quarum vnaquæque sit 12 pedum: cumque 49 sit numerus impar ordine vigesimus quintus ab vnitatem, spatio 25 secundorum globus descendere debuit ad eam velocitatem acquirendam, quâ secundo quadragesimo nono perticas 49 percurrit: quâ velocitate non amplius auctâ duplum spatium æquali tempore, hoc est secundo, confecturus est, si descensus conuersus fuerit in motum horizontalem:

Verum ne duplò quàm par sit maiorem globis plumbeis tormentarijs velocitatem tribuamus, quippe qui 92 ad summum hexapedas spatio secundi percurrunt, descenderit globus perpendiculariter spatio 23 secundorum, vt vltimo, seu vigesimotertio secundo velocitatem acquisierit, quâ non auctâ 46 perticas spatio secundi confecturus sit, hoc est 92 hexapedas, seu 552 pedes; dico globum hunc eâ velocitate ad eandem altitudinem peruenturum, ad quam è bom-

bardis explodi solet, quid enim æqualem ascensionem impediret, aut maiorem promoueret? cùm eadem vtroque velocitas supponatur. Vbi tamen aduertendum hîc ascendentis globi grauitatem, & aëris resistentiam in ascensu verticali considerandas, quarum prima globo detrahit mediam ascensionis partem, secunda verò non-nihil etiam officit.

Vnde fit vt cùm velocitas ex descensu comparata possit globum ad spatium descensus duplum horizontaliter promouere, ad spatium æquale verticale solummodo promoueat.

Hinc autem concludi potest quousque verticaliter ascensurus sit globus quilibet, cùm velocitatis gradus, quo moueri cœpit agnoscitur; inuenta siquidem altitudo, ex qua globus descendere debuit, vt eam sibi velocitatem compararet, quâ tormento mittitur, dabit altitudinem verticalem ad quam peruenturus est, quippe prorsus eandem cum ea, à qua ceciderat, ob grauitatem medium itineris, quod alioqui conficeret, detrahentem: dummodo aëris resistentia minimè numeretur.

### COROLLARIUM.

**Q**uoties aliquis iaculum, vel lapidem, aut graue quidpiam manu, vel fundâ proiecerit, prædicet ad quam distantiam tam verticalem quàm horizontalem missile sit peruenturum, si noverit quâ velocitate à manu sua, vel à funda exeat, quandoquidem iactus verticalis par erit altitudini ex qua graue cadens velocitatem comparat æqualem velocitati à manu impressæ, horizontalis verò ex anguli semirecti profectus eleuatione duplus erit verticalis, vt in hydraulicis dictum est. Vbi dignum obseruatione sagittarios, funditores, & qui nudâ manu proijciunt, naturæ veluti ductu angulum 45 graduum propepropter eligere, cùm missile librant ad maximam distantiam, quæ reuera semirectum angulum sequitur.



## PROPOSITIO XX.

*Facilem methodum explicare, quâ possit quispiam dicto citius nosse, quantum spatium graua percurrerint tempore proposito; hoc est dato spatio dare tempus; quemadmodum & dato tempore spatia dabuntur, siue perpendiculariter, siue obliquè, hoc est si super planis inclinatis graua versus terra centrum descendant: Vbi pulchra & utilia de numeris.*

**H**Æc propositio sequentibus maximè seruiet, vt nẽpe quis sciat vnde graua cadere debuerint, vt deinceps datum spatium iusso tempore percurrant, & vice versâ; vtque proiecta illâ velocitate aquisitâ motu grauium, dimissa possint ad datum spatium in eleuatione data super horizontem peruenire. Quanquam multa iam prop. 12. dicta sunt, quorum partem aliquam repetere iuuabit.

Primum igitur, quemadmodum spatia percursa crescunt in ratione temporum quibus percurruntur, duplicata, ipsa tempora sunt in dimidiata spatiorum ratione: quare si dentur tempora, & quærantur spatia, quadrentur tempora; hinc enim nascetur ratio spatiorum: si verò dentur spatia, & tempora quærantur, sumantur latera, seu radices spatiorum, & ratio temporum exurget. Exempli gratiâ, quæritur quo tempore cadat globus aliquis plumbeus, vel ferreus, qui 25 spatia quæcumque (putâ digitos, pedes, hexapedas, leucas, terræ radios, &c.) percurrit. Quod dicto citius innotescet, dummodo quædam præcognoscantur, supponanturque: videlicet aliquod spatium datum, quod à globis aliquo dato tempore fiat, hoc enim spatium & tempus erit terminus rationis antecedens; exempli gratiâ, cùm observatio doceat globum à quiete perpendiculariter descendente conficere vno secundo, (quod proximè tardiori arteriæ pulsui respondet) 12 pedes, quos iam pro spatio primo, & aliorum radice sumemus: secundum, & pertica 12 pedum sint deinceps mensuræ nostræ.

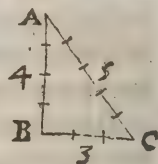
Terreus igitur, vel ligneus globus spatia 25, vt prius, confecerit, tempus quo ea confecit, ita reperietur: tempus, quo spatium vnum conficit, est secundum; spatium istud est ad 25 spatia vt quadra-

tum 1 ad quadratum 25, quorum latera sunt, 1 & 5, igitur tempus quæsitum erit 5 secundorum. Vbi verò non occurrent numeri rationales, media proportionalis illorum vice fungetur.

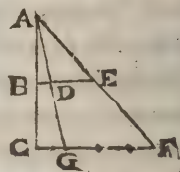
Deinde tempus 6 secundorum detur & spatium incognitum, quod graua percurrerent, ignoretur; cùmque spatium vno secundo confectum supponatur, quadretur 6, vt 36 spatia illo percurfa tempore priùs incognita concludantur.

Quæ regula etiam in planis inclinatis vera est, statim enim atque noueris quo tempore percurratur illius plani quantulumcumque spatium à puncto quietis, scies tempus quo quælibet alia pars eiusdem plani percurrenda sit. Verbi gratiâ primo secundo percurrat vnum pedem; quæratûrque quo tempore pedes centum sequentes percurrendi sint, 10 radix centum, dabit 10 secunda.

Porrò notandum est tempus eadem ratione maius esse, quo spatium in plano quocunque inclinato percurritur, tempore, quo spatium idem perpendiculariter descenditur, quò planum illud fuerit perpendiculari longius, donec eidem horizonti occurrat: Verbi gratiâ, si globus 4 temporibus ab A ad B descendat, quinque temporibus ab A ad C descendat, cùm AC sit ad AB vt 5 ad 4: eritque eadem velocitas globi ad punctum C, ac globi ad punctum B peruenientis, adeo vt si vterque deinceps per planum horizontale BC moueretur, æquale spatium confecturus esset.



Si verò per duo plana inclinata AB & AF globi descenderint, tempus descensus per AB erit ad tempus descensus per AF, vt linea vel planum AB ad planum AF, eritque semper in quibuscunque planis eadem acquisita velocitas, cùm ad eundem horizontem CF appulerint. Quibus addo mediam proportionalem inter AC & CB, vel AF & AE sumptam dare tempus, quo graua descendunt ab AC, vel AF, id est tempus descensus per AC est ad tempus descensus per AB, vt prædicta media proportionalis ad BA, & ita de reliquis.



Calculus autem nil habet difficile, cùm tempora sequantur numerorum seriem continuam, quorum quadrata tribuunt spatia temporibus illis confecta; Hinc fit vt cùm semel aliquam tabellam confeceris, illius vsus futurus sit perpetuus, qualis est sequens; cuius prima columna tempora, secunda spatia complectitur; quæ postea conuertas in pedes, aut alias mensuras, quibus in primo tempore



obseruaueris: Perinde siquidem fuerit, siue primus numerus 1 pedem, lineam, aut aliam quampiam mensuram significet, dummodo numeri sequentes easdem mensuras significant: Verbi gratiâ si 1 sumatur pro 12 pedibus, 4 sequens sumetur pro 48 pedibus, prout sumi debet in rei veritate, quandoquidem cum graue vno secundo 12 pedes percurrit, duobus secundis 48 conficit; eodemque modo 5 secundis 300 pedes à quiete descendit.

|    |     |
|----|-----|
| 1  | 1   |
| 2  | 4   |
| 3  | 9   |
| 4  | 16  |
| 5  | 25  |
| 6  | 36  |
| 7  | 49  |
| 8  | 64  |
| 9  | 81  |
| 10 | 100 |

Quæ omnia tot exemplis 2. Libro Harmoniæ, Gallicæ, & Latinæ, explicata sunt, vt plura non sit opus addere: ex quibus repeto spatia quæ sunt singulo quoque secundo facillimè reperiri, si numero secundorum quotitatem referenti dupli-

cato vnitas addatur: exempli gratiâ, quærat aliquis quot duodecim pedum spatia vigesimotertio secundo conficiantur, quod si duplicetur fiet 46, cui cum vnitas additur, exurgit 47, ex quo rectè concluderis 23 secundo graue spatia 47 percurrere, quandoquidem 47 est vigesimustertius numerus impar, quem si per 12 multiplices, spatia innotescunt in pedibus 554. Quæ adeo clara sunt & facilia, nihil vt addendum esse putem, nisi fortè methodum inueniendæ quadratorum omnium propositorum, ab vnitate incipientium summæ, quâ possis egere in grauium varijs casibus calculo subducendis.

Sint igitur, exempli causâ, 10 prima quadrata secundæ columnæ tabulæ præcedentis, quorum summa quærat, quæ duobus modis inueniri potest, primo, si numero quadratorum proposito vnitatem addas; exurget 11, qui ductus in 10, producit 110; deinde 10 & 11 simul addas, qui 21 conficiant, qui in præcedentem numerum 110 ducti faciunt 2310, quæ summa per 6 diuisa dat summam 10 primorum quadratorum 385. Itaque Senarius est semper diuisor in hac methodo, cuius operationem vltimam perficit: Hoc igitur exemplum ad canonem generalem reuocari potest.

Secunda methodus pendet ab inuentione quadratæ pyramidis, qualis, verbi causa, pyramis, cuius latus 4, summam 4 primorum quadratorum, putà 30, exhibet. Pyramis autem inuenietur, si duplicum pyramidis triangularis (quæ triangulorum summam completitur) triangulo, cuius latus vnitate maius additum, pyramidem quadratam eiusdem cum prædicto triangulo lateris tribuit.

Hæc autem pyramis triangularis, seu tetraedrum habes, si latus illius per triangulum multiplicaris, cuius latus vnitate maius, triens



enim producti numeri quæsitum tetraëdron exhibet. Quod eodem exemplo decem primorum quadratorum clarius euadet: quærat ergo illorum summa, hoc est pyramis quadrata, cuius latus 10. Summe pyramidem triangularem nouenarij, seu 9 primorum triangulorum summam (quæ prouenit ex 9 ducto in 55 denarij triangulum) quæ sit 495; cuius triens 165 dat pyramidem triangularem 9, cuius duplum 330, triangulo 10, hoc est 55, iunctum dat 385, ut in priore methodo, pro summa 10 primorum quadratorum.

## COROLLARIUM PRIMVM.

*De summa cuborum & aliorum numerorum inuenienda.*

**C**ontingit sæpenumero ea esse difficiliora quæ faciliora credebantur; quis enim non crederet cuborum quotvis propositorum, quàm quadratorum summam longè faciliorem esse? quippe quæ vnica operatione perficitur, sumptum videlicet quadratum summæ radicem dat summam cuborum: ut in 10 primis cubis cernere est; sumatur enim summa decem primorum numerorum, qui sunt radices, seu latera decem primorum cuborum, hoc est 55, quæ summa quadrata 3025, summam quæsitam tribuit.

Eodem modo centum primorum cuborum summa reperietur 250500250. Quod ad summam radicem attinet, nil inuentu facilius, si enim sit par numerus, verbi gratia decem, medio 5 in 10 plus 1, hoc est in 11 ductus dat 55. Si verò impar, ut 11, sequentis 12 dimidium 6 in 11 ductum dabit 56. Imparium denique 1, 3, 5, 7 grauium casibus feruentium summa reliquorum omnium facillima, cum sit ipsum quotiens quadratum, si, verbi causa, sint 12 impares, quadratum 144 dat illorum summam & ita de reliquis.

## COROLLARIUM II.

*De numerorum triangularium inuentione.*

**C**um hi numeri plurium problematum solutionem iuuent, & antea suppositi fuerint; cuiuslibet imparis numeri triangulum habes, si numeri propositi, exempli gratia 7, medium numerum 4 ducas in 7, quandoquidem 28 dat triangulum numeri 7. Imparis verò nummi, puta 12, summa exurget, si pars illius dimidia 6, in sequen-

tem

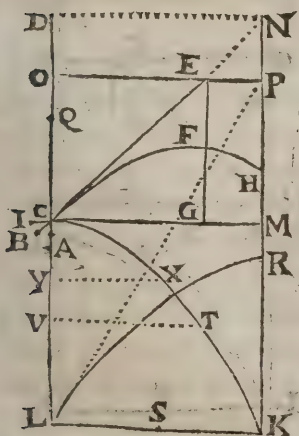
tẽm numerum 13 ducatur, summa nempe 156 dabit triangulum duodenarij. Faciliũs tamen imparium triangula reperies, si numeri sequentis, qui semper est par, mediam partem sumas, quæ semper est numeri præcedentis medius, vt in triangulo 15 vides, nam pars media 16, seu 8 est etiam medius numerus 15.

PROPOSITIO XXI.

*Data verticali eiaculatione, dare inclinatam & horizontalem; dataque horizontali dare verticalem.*

**S**It explosio glandis, vel eiaculatio sagittæ verticalis  $CD$ , quæ horizonti perpendicularis intelligatur, quæque sit vniformis velocitatis in omnibus partibus; qualis foret, si nulla grauitas contraniteretur, vt ex dictis suppono: cui postea si grauitas velocitatis gradus auferat eadem ratione reciproca quâ conceptus fuerat impetus à glande cadente, ex quiete  $Q$ , in punctum  $C$ , eodem tempore quo velocitate vniformi ad punctum  $D$  absque resistente grauitate ascendisset, ad  $Q$  punctum dumtaxat ascendet, in quo desinet impetus, vt ex alibi dictis constat. Cum autem impetus, absque grauitate oppositâ, quæ media explosio  $CE$ , glandem à  $C$  ad  $E$  transfert, sit æqualis impetui verticali, eodem tempore quo ferebatur verticaliter à  $C$  ad  $D$ , mouebitur à  $C$  ad  $E$ , cum

$CE$  linea sit æqualis lineæ  $CD$ , ex constructione; cumque grauitas restituta æquali tempore agat, super glandem per  $CE$  motam, ac super glandem per  $CD$  ascendentem, glans non ascendet ad  $E$  punctum, sed tantum ad  $F$ , quod grauitas mediam partem ascensionis verticalis  $GE$  auferat; est enim explosio media  $CE$  composita ex verticali  $CO$ , & horizontali  $CG$ . Erit itaque punctum  $F$  locus, à quo glans ab  $F$  ad  $H$ , & deinceps descendet, vt parabolæ dexteram partem describat, quæ cum, demptis aëris impedimentis, sinistræ parti æqualis esse debeat, totius habetur amplitudo para-



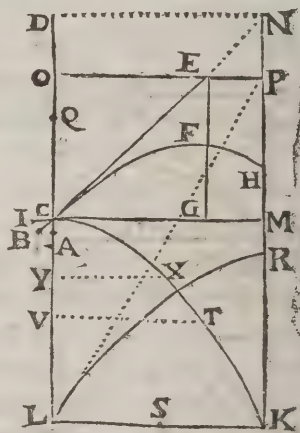


bolæ, hoc est longitudo mediæ iaculationis, cuius pars media C G.

Sit & aliud exemplum in eadem figura, datæ verticalis iaculationis L D, quæ dato tempore, fiat vniformi motu, tam absque aëris, quàm grauitatis oppositæ impedimentis, erit explosio media L P; sed impediēte grauitate, glans à puncto L ad punctum C tantum ascendet verticaliter, cū ob grauitatem pars ascensus dimidia D C pereat, vt dimidia pars ascensus glandis L P.

Erit igitur L K dimidium longitudinis, seu amplitudinis explosionis mediæ; cūque L K sit æqualis L C, est enim C K quadratum; explosio media, erit dupla verticalis explosionis, cū os sclopeti, vel iaculi caput in C puncto supponitur, quandoquidem pro varijs super horizontem eleuationibus iaculationum mediarum longitudines, seu parabolarum amplitudines augentur.

Sed & horizontalis ei iaculatio ex verticali datâ concludetur, nam statim atque verticalis C D, in verticalem Q D, ob incumbentem grauitatem, conuersa, data fuerit, eodem tempore quo glans iter verticale C Q perficiet, iter horizontale duplum, nempe L K percurreret, non quidem rectâ per lineam C M, per quam moueretur glans suâ grauitate spoliata, sed per curuam C K, quæ sit absque aëris, aut alterius medijs obstaculo futura parabola, cuius axis linea C L, vel K L: quæ K L altitudinem sagittarij super horizontem ex puncto C horizontaliter glandem, vel telum ei iaculantis ostendit.



Sit verbi gratiâ, verticalis iaculatio C D centum hexapedarum, absque hostili grauitate, erit 50 hexapedarum cum grauitate, quæ cū horizontali iaculationi C M non officiat, sed eam solummodo ad inferiorem horizontem L K deprimat, erit horizontalis iaculatio centum hexapedarum, & eodem tempore quo glans à C ad Q ascendit, descendet à C ad L per parabolam C K.

Porro si quis horizontalem iaculationem petat tempore breuiori factam, eadem ratione minor, seu breuior erit, quo tempus breuius fuerit; exempli gratiâ, si cū 10 secundis glans à C ad Q ascendit, & à C ad K descendit, velis 5 secundis descendere glandem à puncto C per eandem lineam C K, hoc est si iaculationem hori-



zontalem subduplo tempore factam inquiris, glans ad punctum X perueniet, cum YX sit lineæ LK pars dimidia.

Si verò quæris futuram iaculationem horizontalem ex altitudine super horizontem subdupla, nempe ex puncto V, hoc est ex puncto C, cuius horizon VT, erit VT amplitudo parabolæ, seu iaculationis horizontalis longitudo.

Supereſt vt ex data horizontali iaculatione verticalem eruamus. Sit igitur horizontalis data LK, ex altitudine super horizontem LC, hoc est, sit LK amplitudo parabolæ, & LC eiſdem altitudo, quæritur verticalis exploſio æquali tempore facta, quæ cum abſque grauitate, & alijs impedimentis ſit æqualis horizontali factæ tempore æquali, reſtitutâ grauitate dimidium illius erit, cûmque iaculatio CD abſque grauitatis impedimento ſemper cum eadem velocitate permenſura fuiſſet, deſinet in puncto Q propter grauitatem hoſtilem, vt iam dictum eſt; vnde iaculatio verticalis erit horizontalis ſubdupla.

### MONITVM PRIMVM.

**L**icet hæc propositio de iaculatione verticali, quam oppoſita grauitas omnino deſtruit, videatur intelligi, poteſt tamen reliquis iaculationibus tametſi nondum extinctis, accommodari, dummodo ſupponamus mediam, & horizontalem exploſionem eadem velocitate, ac verticalem incipere, detûrque tempus, ſeu duratio prædictarum exploſionum, ſeu iaculationum: cûm enim grauitas æquali tempore ſemper idem agere pro certo ſumatur, quamdiu per eandem lineam agit, quacumque tandem velocitate telum emitatur, primo ſui aſcenſus minuto ſecundo vnâ duodecapedâ retardatur, duobus ſecundis 4 duodecapedis, &c. iuxta numerorum imparium ſeriem. Quapropter data qualibet durationis parte, qua ſit horizontalis iaculatio, ſcietur quantò ſit minor verticalis: Verbi gratiâ, ſi 5 ſecundis durauerit, verticalis æquali tempore facta (ſiue deſinat, ſiue diutiùs perfeueret) breuior erit 25 duodecapedis. Idemque de parte verticalis, cum parte horizontalis collatâ dicendum. Exempli gratiâ, ſi verticalis etiamnum perfeuerans 4 ſecundis durauerit, iamque percurrerit 50 hexapedas, horizontalis æquali tempore durans erit 82 hexapedarum, qui numerus præcedentem triginta duabus hexapedis ſuperat, quas verticali ſpatio 4 ſecundorum grauitas ſuffuratur. Omitto alia plurima quæ lector attentus facile poterit ex hac prop. concludere; qualia ſunt, quâ ve-

locitate glans, aut sagitta emitti debuerit, vt datum spatium verticale, vel horizontale percurrerit: Quomodo prædici possit futura iaculatio horizontalis, aut verticalis, ex impetu mobilis exeuntis, & altitudine super horizontem cognitis: Quomodo eliciatur illa super horizontem sagittarij altitudo, quando datur explosio horizontalis, &c.

## MONITVM SECVNDVM.

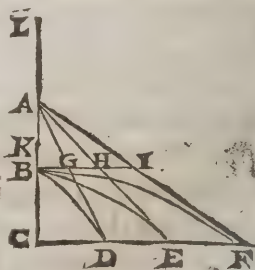
**I**N sequentibus de verticali iactu rursus agetur, vt ex eo dato iactuum aliorum super horizontem inclinatorum amplitudines, seu longitudines inueniantur: in quibus si quid fortè præcedentibus opponi videatur, lector fontem oppositionis rimabitur, & ex observationibus agnoscet, quanto sit impedimento noxius aër, ne prædictas proportionales sagittæ, & alia proiecta accuratè sequantur.

## PROPOSITIO XXI.

*Data horizontali iaculatione, sagittarijque super horizontem altitudine, dare velocitatem sagittæ, vel alterius proiecti, datisque velocitate, & super horizontem altitudine, iaculationem horizontalem inuenire; ubi etiam de duratione iactuum.*

**S**It iactus horizontalis CD, vel CE, vel CF quocùmque hexapedarum, cùmque sagitta eò debeat velocius emitti, quò eodem tempore plures hexapedas percurreret, & eadem velocitate iter idem eodem tempore conficiat, velocitas ad CD iactum horizontalem necessaria dabitur, si fiat vt AB (æqualis altitudini horizontali CB) ad lineam BG (iactui horizontali CD parallelam, & AD tangenti puncti D parabolæ datæ BD occurrentem) ita BG ad BK, seu tertiam proportionalem.

Velocitas enim à graui cadente à puncto quietis K ad B acquisita, sagittæ à puncto B emissæ, & ad G punctum horizontis BI collineanti impressa, feret sagittā ad H, hoc est ad D, per parabolam BD.





At verò cùm BC, ex constructione, sit quadruplum BK, & tantundem durare supponatur motus æquabilis CD, quantum motus naturalis sagittæ à B ad C, seu D descendens, iactus CD duplò magè, quàm casus à K ad B quæsitam velocitatem tribuens, durabit.

Sit, verbi gratiâ, KB 12 pedum, igitur BC, atque adeo CD ei æqualis, erit 48 pedum: quare si velocitas à pila, seu lapidis per 12 pedes à K puncto quietis ad B cadente acquisita verteretur in motum horizontalem BI, spatio minuti secundi percurreret BG lineam duplam lineæ BK, quam minuto secundo graue cadens conficit; cùm ex dictis, ea sit grauis in quocúmque casus puncto sumpti, vel intellecti velocitas, quæ graue deinceps æquali, quo cecidit, tempore, transferat ad spatium duplò maius eo, à quo cecidit, si ex motu verticali KB vertatur in horizontalem BG.

Sit & aliud exemplum, in quo spatium casus AB subduplum est iactus horizontalis CE, qui prædicto casui AB, & altitudini super horizontem BC simul sumptis æqualis est. Ducatur BH parallela CE, & à puncto A ad punctum E ducatur AE tangens puncti E parabolæ BE, tertia proportionalis, vt antea, dabit velocitatem, quâ fieri debet explosio ex puncto B, vt iactus CE habeatur, hoc est vt parabola BE à glande, vel sagitta describatur.

Est autem BA tertia proportionalis, cùm vt AB ad BH, ita BH ad AB. Æqualitas autem quæ est inter CB axem, seu altitudinem parabolæ, & BA sublimitatem, ex qua fit casus tribuens velocitatem quæsitam, id habet notatu dignum, quòd iactus CE, à puncto B factus, & parabolam BE describens, cuius latitudo, vel ordinata CE dupla sit axis, vel altitudinis CB, impetum omnium minimum desideret; nam siue crescat, siue minuatur CB, vel BA, semper maior impetus, seu velocitas requiretur ad CE spatium percurrendum, quàm ea, quæ componitur ex velocitate in puncto B à graui ex A cadente acquisita, & ea, quæ idem graue deprimit à B ad C, quamdiu à velocitate prædictâ à C, seu B ad E transfertur.

Cùmque impetus, seu vis percussiois à projecto in punctum E peruenientis composita sit ex velocitate AB in BH conuersa, & velocitate BC potentia, siue impetus in E erit ad impetum in C conceptum ex AC, & impetum in E conceptum ex motu CE, vt diagonalis AE ad latera AC, CE, hoc est impetus ex parabola BE duplus erit potentiâ prædictorum impetuum: Vel quod idem est, velocitas ab A ad B acquisita, cuius impetus æquabilis horizontalis, & velocitas naturalis ex B in C, componunt velocitatem,



seu impetum  $AE$ ; cūque  $AH$  sit ad  $AB$ , &  $BH$ , vt  $AE$  ad  $AC$ , &  $CE$ , nil refert an impetus per triangulum maiorem  $AEC$ , vel minorem  $AHB$  explicetur.

## P R A X I S.

**T**elum quispiam ex turris, octo hexapedas altæ, summitate iaculetur horizontaliter eā velocitate, quam idem ex octo cadens hexapedis acquireret, horizonti non occurret telum donec 16 hexapedas horizontales confecerit; sit turris  $CB$ , erit  $CE$  16 hexapedarum, siue 96 pedum. Si verò iactus fuerit longior aut breuior, sagittarius ex suo iactu cognito concludet quāto teli maior vel minor fuerit velocitas: Si namque fuerit 32 hexapedarum, duplò maior fuit velocitas, si 64 hexapedarum, quadruplò maior, & ita de reliquis.

Vnde singuli qui lapide è turres, vel alio quouis loco per lineam horizonti parallelam collimantes proiecerint, ex iactus longitudine, ( quæ itineris parabolici ordinata, vel axis erit ) robur suum, hoc est impetum, quo mittunt lapides, concludent. Si quis enim, verbi gratiā, lapidem horizontaliter ad 50 iecerit hexapedas, vis illius æqualis fuit imperui lapidis ex altitudine 25 hexapedarum cadentis si locus ex quo lapidem proiecit 25 hexapedis horizonti superextiterit. At de his pluribus, aliās.

Tertius nostræ prop. casus est, cū  $LB$  linea, per quam velocitas acquiritur, in horizontalem conuertenda, maior est altitudine super horizontem  $BC$ . Sit igitur iactus  $CF$  ex  $B$  puncto factus, velocitas quā telum, vel lapis mittitur, hac ratione inuenietur.

Fiat vt  $AB$ , ad  $BI$  parallelam  $CF$ , & occurrentem tangenti  $AF$  in puncto  $F$  parabolæ, ita  $BI$  ad  $BL$ , quæ est tertia proportionalis. Et in numeris vt  $AB$ , vel ei æqualis  $CB$  8 hexapedarum, ad  $BI$  12, ita 12 ad  $BL$  18. Quare velocitas, quā telum à  $B$  in  $F$  mittitur, à descensu teli per 18 hexapedas producitur: cūque velocitate in  $B$  comparata, & in horizontalem iactum versā telum æquali tempore quo descenderat ab  $L$  ad  $B$ , sit deinceps confecturum spatium lineæ  $LB$  duplum, citiùs percurreretur  $CF$  quàm  $LB$ , quandoquidem eo tempore quo telum ab  $L$  ad  $B$  descendit, spatium spatij  $LB$  duplum, siue  $CF$  ei æquale, subduplo tempore percurreret.

COROLLARIUM.

**T**Res igitur homines ex B montis, vel turris apice corpus aliquod horizontaliter proijcientes, quorum primus ad punctum D, secundus ad E, tertius ad F peruenerit, suarum virium mensuram ex lineis KB, AB & LB merientur.

SECUNDA PARS PROPOSITIONIS.

**S**Vpereft vt ex datâ sagittarij super horizontem altitudine, & datâ, quâ telum emittitur velocitate, iactus horizontalis longitudinem eliciamus. Quod facile concludetur ex figura præcedente, in



qua linea horizontali CF ducta, CL perpendicularis eleuationem super horizontem CB, vt antea, & lineam BK datæ velocitatis productricem complectatur, has enim inter mediæ proportionalis dupla horizontalem explosionem tribuet. Verbi gratiâ BG, est media proportionalis inter CB & BK, quare dupla BG, hoc est CD, dabit iactum quæsitum ex velocitate acquisitâ per descensum KB. Similiter BH est media proportionalis

inter CB, BA; & BI est media prop. inter CB, & BL. Vnde constat vsus, & utilitas ingens mediæ proportionalis, quæ postremæ parti propositionis, quemadmodum tertia proportionalis prioris satisfacit.

Porrò cum eodem arcu æqualiter tenso, eadêmeque vel æquali sagitta collinearit aliquis horizontaliter, & ex aliqua data super horizontem altitudine, iactum horizontalem nouerit, sciet etiam quantò iactus horizontalis ex alia maiore, vel minore super horizontem altitudine maior, vel minor futurus sit, quandoquidem iactus, seu explosiones per eandem lineam, siue horizontalem, siue cuiusuis alterius super horizontem eleuationis, sola verticali excepta, quæ semper eadem est, sunt in ratione eleuationum super horizontem duplicata, vel subduplicata: sed de his postea fusiùs.

## PROPOSITIO XXIII.

*Vis percussionis cuiuslibet explosionis horizontalis æqualis est impetui, quem habet corpus explosum cadens perpendiculariter ex puncto quietis per lineam æqualem altitudini sagittarum super horizontem, & sublimitati, ex qua debet cadere, ut concepta eo casu velocitate fiat horizontalis explosio. Suntque Parabolicarum amplitudines æquales, quarum altitudines, & sublimitates sunt inter se in ratione reciproca.*

**E**Xempli gratia, sit impetus explosionis  $CF$ , in figura præced. prop. æqualis erit viribus percussionis, siue imperui eiusdem vel æqualis corporis à puncto  $L$  ad  $C$  cadentis, cum linea  $LC$  componatur ex altitudine super horizontem  $CB$ , & linea sublimitatis  $LB$ , quibus parabola  $BF$  describitur. Facile verò reperitur punctum sublime, ex quo fieri casum oporteat, ut describatur explosio parabolica, cum verbi causâ, punctum illud pro iactu  $BF$ , quod est  $L$ , ex tertia proportionali  $LB$  reperiatur, quippequæ sit ad  $IB$ , ut  $IB$  ad  $BA$ , vel  $BC$ .

Vnde sequitur iactus omnes horizontales eiusdem glandis, lapidis, aut teli, quorum altitudines super horizontem, iunctæ sublimitatibus, iactuum velocitatem gignentibus æquales sint, æquales etiam impetus habere, & æqualibus ictibus percutere.

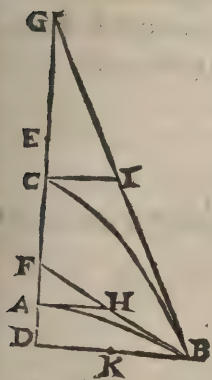
Sunt etiam æquales iactus, horizontales, quorum altitudines super horizontem, & sublimitates velocitatem tribuentes è contrario sibi respondent, hoc est cum tantò maior est vnus eleuatio, seu altitudo, quantò minor fuerit alterius sublimitas, & vice versâ. Exempli gratia, si vna iaculatio sagittæ fiat ex altitudine 4 pedum, & altera ex altitudine 16 pedum, si primæ sublimitas sit 16 pedum, secundæ sublimitas erit 4 pedum, eruntque iaculationes, & percussiones æquales; id est si primæ velocitas incipiens acquisita sit à descensu super 16 pedes, & alterius velocitas à descensu 4 pedum, primæ super horizontem altitudo debet esse quadrupedalis, secundæ verò 16 pedum, & ita de reliquis, quod Hetruscus ex rectangulorum & quadratorum æqualitate probat.

PRAXIS.



## P R A X I S.

**P**ORRò istius propositionis Theoriam si praxis sequatur, admodum iucunda est, cum ex qualibet super horizontem altitudine, quotuis homines globulos explodere, vel sagittas emittere possint, qui ex vno super horizontem pede, & qui centum pedibus, ad eundem scopum collineant, idemque punctum percutiant, dummodo qui ex centupedali altitudine laxat arcū, eò minori velocitate sagittā mittat, quò fuerit altior. Quod facilius ex sequente figura intelligitur, in qua  $D B$  refert horizontem, vel parabolæ  $A B$  amplitudinem, super qua maior altitudo  $D C$ , minor verò  $D A$ ; quæ tamen iactum horizontalem æqualem habent, nempe  $D B$ ; quandoquidem, ut dictum est, iactus habent eandem horizontalem magnitudinem, quorum sublimitates altitudinibus iunctæ sunt æquales, ut hîc contingit, cum altitudo supponitur  $D A$  pedis vnus, & sublimitas  $A G$ , 7 pedum; vel altitudo  $D C$ , 4 pedum, & totidem pedum  $C G$  sublimitas: alioqui si sagitta discedens à puncto  $C$  æqueve velociter ac ex puncto  $A$  moueretur, iactus ex  $C$  duplus esset iactus ex  $A$ , ut ostensum est tractatu de Hydraulicis; aeris tamen resistentia proportionem istam minuit.



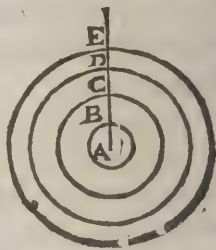
Itaque iactus est semper æqualis, siue sagittarius sit terræ propior, vel quantumuis eleuetur, dummodo motum tardiozem, ex minori sublimitate oriundum, velociori compenſet, ex maiori altitudine comparato; quod facillimum est si quis arcu minus & magis sinuato ex maiore & minore super horizontem altitudine sagittas emittat: Exempli gratiâ, si arcus ex puncto  $A$  sagittam suam horizontaliter versus  $H$  iaciat, quæ horizonti occurrat in puncto  $B$ , & idem arcus eandem sagittam emittat ex puncto  $C$  versus  $I$ , quæ similiter horizonti  $D B$  occurrat in  $B$ , velocitas sagittæ ex  $A$  missæ duplò maior esse debet velocitate, quâ mittitur ex  $C$ , quandoquidem tempus casus à  $C$  ad  $D$ , ex puncto quietis  $D$ , duplum est temporis, quo sagitta cadit ex  $A$  puncto quietis in  $D$ , qui casus fiunt per parabolas  $C B$  &  $A B$ .

**Q**Uæ hæcenus à propos. 22. hucusque dicta sunt, clariùs in sequēte explicamus, ne quis in eiusmodi capiendis tantisper laboret, non enim tam in doctorum, quam in aliorum gratiam scribimus. Has tamen propositiones, sin iaculorum solarium gratiam, sequente propositione interiectâ, tantisper nobis liceat interrompere, vt qui se dixerint Solis Equites, nouerint quâ velocitate suas sagittas emittant.

## PROPOSITIO XXIV.

*Iaculorum solarium robur, velocitatem, & longitudinem  
dimetiri: ubi fundamenta reflexionis, ac  
refractionis explicantur.*

**S**IT Appollo ἀπυρότοξος, vel Sol radians A, quibus Poëtæ πῦρα tri-  
buunt ἑνθεα, quòd radios suos vt totidem iacula, vel sagittas circa se  
in orbem magnum conijciat; habeatque circa se concentricos orbes  
AB, BC, CD, & quotuis alios, quos intume-  
scendo dilatet: sunt enim nobiles Philosophi qui  
credant solem esse cordis instar, qui suâ diastole &  
systole magnum orbem calefaciat, & illuminet;  
quos inter subtilis Hobs putat, aut supponit in dia-  
stole Sphæram totam, cuius semidiameter AB, in-  
tumesce, atque adeo medij partem, quæ fuerat  
in orbe BC, exire in locum sibi æqualem prox-  
imum, nempe in orbem CD, idque eodem  
tempore, quòd eo instante, quo motus incipit à B versus C, necesse sit  
vt incipiat motus à C versus D, & à D versus E, & ab E prorsû; adeovt  
oculus in qualibet à sole distantia positus, verbi gratiâ in E, eodem  
instanti feriatur in E, quo solis incipit dilatatio in B, eodemque in-  
stante motus ille in E, perueniat ad retinam & cerebrum, quod reagat  
per neruum opticum, retinam & alias oculi membranulas, per easdem  
lineas versus solem, quibus sol ipse priùs egerat, vt in omnibus passis  
aliqua reactio intelligatur.



Cum autem exteriores orbium circumferentiæ semper maiores sint  
inferioribus, erunt reciproce crassities interiorum orbium maiores ex-  
terioribus, hoc est maior erit BC, quàm CD, & CD, quàm DE.



Quare licet tota solis illuminatio fiat in instanti, motus tamen à sole, vel alio lucido propagatus debiliior est longè, quàm propè, cum enim BG sit maior quàm CD, & CD quàm DE, velocior est motus propagatus in BC, quàm in CD, & in CD, quàm in DE, &c.

Hic autem motus non dicitur lumen, donec illud sentiamus foris ante oculos, post cerebri reactionem, quæ phantasma lucis inter oculum & lucidum constituat. Vnde possis duas illas celeberrimas Platonis & aliorum sententias conciliare, quarum vna visionem statuit in radiorum interiori susceptione seu receptione, altera in extramissione, cum ambæ concurrant.

Lumen igitur erit apparitio, seu phantasma ante oculos, motus illius, qui propagatur à lucidi diastole, siue tumescencia ad cerebrum, & inde retrò per oculos ad medium; vel lucidi imago concepta in cerebro; quæ cum perturbata fuerit, color appelletur.

Porrò semidiametri prædictorum orbium, AB, AC, AD, & AE, superant se vt numeri 1, 2, 3, 4, &c. in quorum ratione triplicata cum sint ipsi orbes, erunt semidiametri inter se vt radices cubicæ prædictorum numerorum; eritque AB ad BC, vt latus cubi simpli ad latus cubi dupli, minus latere cubi simpli; & BC ad CD, vt latus cubi dupli, minus latere cubi simpli, ad latus cubi tripli, minus latere cubi dupli: & CD ad DE, vt latus cubi tripli, minus latere cubi dupli, ad latus cubi quadrupli, minus latere cubi tripli, & sic in infinitum.

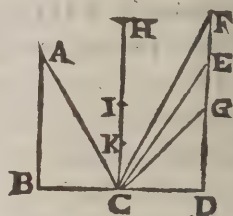
Hinc fit vt sit maior AB, quàm BC, & BC, quàm CD ratio, &c. & æqualibus temporibus maiora spatia pertranseantur, sitque motus eò tardior, quo magis à lucido, seu motore discedet, ratione quæ sequitur. Sit spatium inter lucidum & oculum quadrifariam diuisum, velocitas lucis per primam partem diffusæ, est ad velocitatem eiusdem per secundum spatium, vt latus cubi simpli ad latus cubi octupli, minus latere cubi simpli; & ad velocitatē in tertia parte, vel latus cubi simpli ad latus cubi vigintiseptuli, min⁹ latere cubi octupli, & ita de reliquis.

Cum enim AB statuatur (in hac hypothese spatij in 4 partes æquales diuisi) æqualis BC, & BC æqualis CD, erit AC ad AB, vt latus cubi octupli ad latus cubi simpli; & ideo AB ad BC, vt latus cubi simpli ad latus cubi octupli, minus latere cubi simpli, &c. vt antea.

Quæ pauca præmittenda fuerunt ex philosophia prædicti viri subtilis de motu, loco & tempore, vt sagittarum Appollinearum velocitatem quibus sol omnia configit, facilius intelligamus. Radius enim quilibet concipi potest vt iaculum, cuius pars crassior, seu basis lucidi, parti visæ sit æqualis, vt spiculum quo tangimur, nobis etiam æquale sit, hoc est toti corpori, vel oculo, vel alteri parti tactæ, seu illuminatæ.

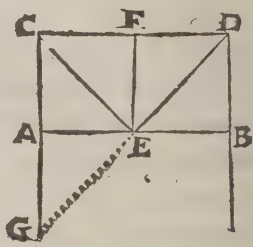


Iam verò consideremus quibus modis sol feriat; quē in puncto A, per lineam AC agentem, in patiens BD, in puncto C, intelligere possumus; quod patiens vel perfectè resistet AC radij, vel sagittæ penetrationi, cumque remittet per lineam CE, ad angulos æquales; vel ipse radius alium recipiet ictum, hoc est fortius ex C repercutietur, quàm illud antea percussisset; tuncque reflectetur ad punctum F, verbi gratiâ, hoc est eodem tempore, quò peruenerat ab A ad C, saliet à C ad F; & angulus reflectionis FCD, maior erit angulo incidentiæ ACB; vel denique partem aliquam suæ velocitatis amittet, ob patientis BD mollitiem, vel alia de causa, tuncque resiliet minori velocitate à C ad G, eritque GCD, reflexionis angulus, minor angulo incidentiæ.



Quid si sagittalem radium AC, intelligamus in puncto C ab infinita vi reperi? Numquid per lineam CH reflectetur? Idem iudicium de pilâ perpendiculariter ab I in C cadente, si enim reflexio iuuetur ab aliquo agente in C intellecto, puta à reticula, vel aliquo elaterio, reflectetur non solum vsque ad I, sed aliùs, verbi gratiâ ad H. Si verò partem velocitatis amittat, quam non aliunde replet, reflectetur tantum ad K, vel, amissâ totali velocitate, hærebit in puncto C.

Quæ omnia vt meliùs percipiantur, & maiores Catoptricæ difficultates paucis attingam, sit rursus sol in C puncto, qui licet per radium CE percutiat planum horizontale AB, intelligatur tamen vim suam imprimere per planum CF, in AE planum descendens, quo sensu nullam vim in planum verticale FE exerat, sed per planum CA parallelum in FE procedens agat, clarum est punctum C futurum in E puncto, cum planum CF ad AE planum, & planum CA ad planum FE peruenerit; atque adeo radium CE, compositum intelligi posse ex motu puncti C in A, & C in F, cum enim eodem tempore moueri concipiatur à C in A, quò à C in F, tandem in E puncto reperietur.



Maxima verò difficultas in eo sita videtur vt sciamus cur radius CE reflectatur ab E in D, non autem in E, veluti pondus AB, planum semper impellens, maneat; idēque de pila concludendum, quæ cum totum suum motum plano AB communicasse videatur, vel in E

quiescere, vel per planum  $E B$  labi deberet, si motum illum retinuit, quo vergebat à  $C$  ad  $D$ , vel à  $C A$  ad  $D B$ .

Quæ quidem difficultas eò viros quosdam adegit ad duo qualitatum vel potentiarum admittenda genera, quarum aliæ pertinacius adhererent plano, vt contingit lapidi, & ferro; cùm enim ad terram, aut magnetem peruenerint, non inde resiliunt; aliæ verò cogerent ad resultum corpora, vel qualitates, nempe radios tam lucis, quam caloris, odoris, caloris, &c.

Alij credunt in puncto  $E$ , & quibuscumque reflexionis punctis fossulam ab impactu corpore, radioque fieri, quæ, velut elaterium, eadem vi ac velocitate radium, pilam, &c. repellat; idque ad angulos æquales, quòd radius eadem velocitate remittatur ab elaterio  $E$ , vel à plano  $E B$  ad  $F D$  planum, quâ venerat ex  $C$ , vel  $C F$  in  $A E$ : nihilque de velocitate perdiderit, quam à  $C$  versus  $D$  ab initio sui motus acquisiuit, & quâ perueniret ab  $E$  ad  $B$  eodem, vel æquali tempore, quo priùs à  $C$  ad  $F$ , vel  $E$  peruenerat; etiam si motum omnem amisisset, quo ferebatur in planum  $A E$ . Adde pilam & alia corpora non nihil introrsum recuruari, adeo vt resultus tam à pila, quàm à plani reflectentis restitutione iuuetur.

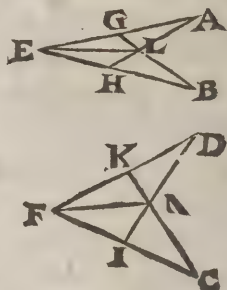
Alij denique censent primum motum radio, vel missili  $C$  impressum in puncto  $C$ , sufficere, vt fiat reflexio in  $E$ , à quo nulla ratione velocitas minueretur, si tam missile, quàm planum essent perfectè plana, & dura, seu duritiei infinitæ; cùm iuxta secundam sententiam præcedentem, super isto plano nulla reflexio futura sit, quòd desit repulsio, quod enim perfectè durum est, non potest deprimi, quod non deprimatur, non reuertitur, igitur nulla reflexio fiet, nisi motus in missili manens retrahat illud, & in partem auersam trāserat, iuxta sententiam alteram; de qua, vel de alijs iudicium ferre neque locus neque voluntas, cùm mihi sufficiat missilium, & mobilium phænomena fideliter exprimere. Addo tamen irradiationem, seu percussionem radij  $C E$  in planum  $A B$ , eò debiliorem esse perpendiculari  $F E$ , vel  $C A$ , quòd  $C E$  linea maior est lineâ  $C A$ ; hoc est vt linea  $C E$  ad  $C A$ , ita reciprocè percussio  $C E$  ad  $C A$ : quod etiam pilis, & globis in muros impactis accommodare licet, vt ex radio, siue iaculo solari transeas ad artem militarem. Itaque radius  $C E$  in planum  $D G$  fortius agit, quàm in planum  $A B$ : vt iam possis de vi radij qualibet inclinatione percutientis iudicare.

Omitto locum imaginis obiecti in  $C$  positi, vel ipsius lucidi, oculo ex  $D$  spectanti occurrere in puncto  $G$ , vt alia nonnulla ex viri subtilissimi libro citato petam circa duo lucida distincta, quæ punctum æqua-

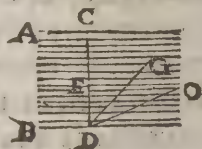


liter distans tunc fortiùs illuminant, cùm illud minori angulo feriunt: quod ita demonstrat:

Sint duo lucida  $AB$  &  $CD$ , eadem, vel æqualia; radiantque  $A$  &  $B$  simul in punctum  $E$ ; &  $CD$  in punctum  $F$ ; sintque distantie  $AE$ , &  $BE$ , distantis  $DF$  &  $CF$  æquales inter se; sit tamen  $AE$   $B$  angulus angulo  $DFC$  minor; punctum  $E$  magis illuminabitur; ducantur enim  $AH$ , &  $BG$ ; deinde  $CK$  &  $DI$ , itavt anguli  $EAH$ , &  $EBG$  non solum inter se, sed etiam angulis  $FCK$ , &  $FDI$  sint æquales, vterque vtrique: fient per rectas  $AH$ , &  $BG$  duæ radiationes concurrentes in  $L$ ; & per rectas  $CH$ , &  $DI$ , aliæ duæ concurrentes in  $N$ : ex quarum concursu fiet motus compositus per rectas  $LE$  &  $NF$ : cumque motus per  $AH$ , &  $BG$ , propter angulum  $ALB$  minorem angulo  $CND$ , minus sibi mutuò opponantur, minus sibi mutuò auferent à sua ipsorum velocitate; quapropter motus per  $LE$  compositus ex motibus per  $AH$  &  $BG$ , velocior erit motu per  $NF$ , composito ex motibus  $CK$ , &  $DI$ : erit igitur velocior, hoc est fortior actio lucidorum  $A$  &  $B$  in punctum  $E$ , quàm  $CD$  in  $F$ .



Ex quibus etiam intelligitur ratio cur obliquè illuminata debiliùs illustrentur; sit enim, exempli gratiâ, paries vel planum quoddam  $CD$ , quod à corpore lucido radijs  $AB$  parallelis, & plano  $CD$  perpendicularibus illuminetur; sitque planum ei æquale  $DG$ , vel  $DO$  obliquè positum, constat ex ipsa figura, pluribus radijs  $CD$ , quàm  $DO$  percuti, & ex consequentè minus illuminari.

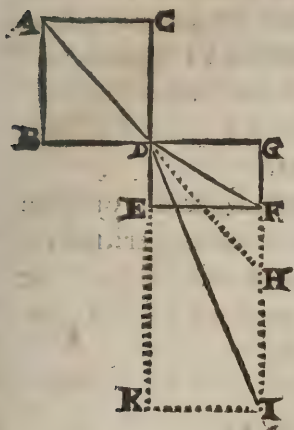


Haftenus solis iacula per lineam vnicam rectam ferientia vidisti: Num existimas adeo fortia esse, vt retundi, vel frangi nequeant? Dubio procul franguntur occurso medij diuersi: sit enim  $BG$  aquæ superficies, quam radius ex  $A$ , seu ex aëre veniens, percutiat in puncto  $D$ ; constat experientiâ radium non rectâ pergere, itavt eandem rectam lineam  $AD$  in aëre sitam continuet, & producat à  $D$  in  $H$  sub aqua; sed diuergere, ac torqueri, seu frangi in lineam  $DI$ , quam non mutat, quandiu aquam permeat; ex qua si versus  $I$  punctum in aërem egreditur, rursus frangitur, sed in partem auersam.

Vbi aduertendum pilam, aut aliquod aliud missile, ex  $A$  per  $AD$  in aquam, quam profundius ingreditur, emissum, non accedere ad



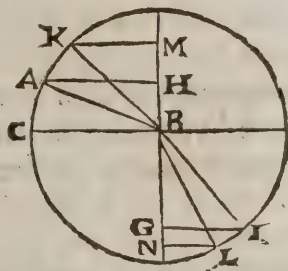
perpendicularem D E, instar radij, sed ab ea diuergere per lineam D F, eo fere modo quo radius ex aqua diuergit in aërem.



Sed cum hîc de radijs solaribus agatur, supponamus radium A D ( cuius velocitas ex motu A C & A B componi dicatur ) duplicare suam velocitatem, quâ ferebatur deorsum ex A in B, vel ex C in D, in contactu superficie aquæ B D G; sed eandem retinere, quâ ferebatur dextrorsum ab A ad C, vel à B ad D; proptereaque faciamus D K lineam duplam lineæ C D, & K I æqualem lineæ B D, certum est radium A D iturum à D in I, ad quod perueniet eodem, vel æquali tempore, quo prius ab A ad D, subduplâ nempe velocitate, peruenerat.

E contrario D E fieri debet subduplum D C, si concipiatur radij A D velocitas duplo fieri minor contactu superficie BG in puncto D; neque tamen minuenda erit E F, cum nihil illius amiserit velocitatis, quâ fertur dextrorsum ad G F, sola siquidem D G superficies ei opponitur: hocque casu radius A D non ad H, quo ferretur in eodem medio, sed ad punctum F perueniet. Quæ si fusiùs explicata velis, adeas Illustri viri Dioptricam, à pagina 15, & deinceps; cuius inuentioni debes veram refractionum proportionem, quæ in eo sita est, vt quemadmodum sinus anguli vnus inclinationis ad sinum anguli inclinationis alterius, ita sinus anguli refracti in vna inclinatione, ad sinum anguli refracti in altera. Ex qua proportionem cum omnia deriuentur, quæ pulcherime toto libro exposuit, illam sequente figura proponam.

Sit igitur in circulo K C I, lucidum in A, & in K, ex quibus iaculetur radios A B, & K B ex aëre in aquam, superficie C B discriminatam; sitque radij magis inclinati A B refractio B I, ducanturque à punctis A & I rectæ A H & I G, diametro M N perpendiculares; Hæc vnica obseruatio sufficiet vt omnes aliæ refractiones cuiusuis radij cognoscantur, sit enim K B radius, & à K ducatur K M diametro M G perpendicularis; ex qua sola lineâ refractionem habes absque vlla experientia, quandoquidem vt A H ad I G, ita K M ad



aliam, quæ reperietur  $LN$ ; exempli gratiâ, si  $AH$  sit  $IG$  sesquialtera, erit etiam  $MK$  sesquialtera  $LN$ , & ita de reliquis, ut iam tanti viri beneficio fiat ludus puerorum, quod tandiu crux ingeniorum fuerat. Vbi notandum est radium  $KB$  ex aëre in aquam  $CB$  transcurrentem, non ideo ferè tertiâ sui impetus parte facilius, aut celerius per illam, quàm per aërem transire, quòd densior, sed quòd durior sit; idemque de chrystallo, vitro, &c. esto iudicium.

Cum autem possit vnusquisque mille iaculorum solarium proprietates eruere, & explicare quot modis illorum velocitas augeri, minuique possit, non est quòd plura subiungamus, suum enim Apollinem  $\epsilon\chi\alpha\tau\epsilon\beta\omicron\lambda\omicron\nu$  aureis sagittis ornare poterunt, qui versibus delectantur; in quorum gratiam sequens esto Monitum.

### MONITVM PRIMVM.

#### *De luminis velocitate, ac tarditate.*

**S**int iacula solaria, atomorum rotundorum, vel materiæ subtilissimæ motus, vel quidquid libuerit: an illorum motus à sole, vel stellis ad nos vsque instantaneus est? certè si quoties videmus solem, aut stellam, necesse fuerit ab illius corpore ad vniuscuiusque oculum particulam aliquam aduenire; verbi gratiâ, si quando sol surgit ex horizonte, iaculum atomicum ex sua pharetra depromat, si motus non sit instantaneus, admirabili tamen velocitate 1200. terræ semidiameterorum spatium transcurrit, cum vix super horizonte pars eius aliqua emineat, quin eodem tempore spectantium percutiat oculos. At verò si Dioptricam illustris Viri sequimur, non erit ille motus admirabilior illo motu, quem lapis baculi extremo suprapositus infert manui alteri extremo adhibitæ, quod perinde fiet si baculus à terræ superficie ad stellas vsque productus intelligatur, digitus enim baculo subpositus peræquè & eodem momento sentiet pondus baculi extremo stellis vicino, vel etiam stellas spatio quouis superanti alligatum, quo perciperet motum eiusdem ponderis, si baculus vnus esset hexapedæ. Idemque cogita de sole subtili cuidam orbis magni materiæ incumbentem, quæ cum per omnia corpora diffusa sit, sol non potest illam rectâ premere, quin oculus motum illum percipiat, siue motus ille sit velocissimus, siue paulo tardior.

Quod dictum velim ut in præcedente figura intelligas lumen ex  $K$  in  $B$  minori velocitate quam ex  $B$  in  $L$ , aut vice versa diffundi posse, licet



licet oculus in L; & in B eodem momento lumen sentiant; Quod etiam in prima figura propositionis istius A B C D E videre est, eodem enim tempore quo sol à puncto A mouetur ad punctum B, vel (si fuerit sol immobilis) quo materia tangens illum, percurrit spatium A B, eodem tempore materia ex B mouetur in C, & alia materia ex C in D, &c. atqñ spatium A B maius est B C, & spatium B C maius spatio C D, quare tardior est motus in spatio B C, quàm in spatio A B, licet eodem momento quo fit motus in A, fiat etiam motus in D, & omnes oculi, quouis in circulo, solem, aut aliud lucidum, putà stellas, aut facem, eodem momento conspiciant.



Vbi plura notari possunt, nullam verbi gratiâ futuram luminis refractionem, si post primum ætheris, aut materiæ subtilis orbem, cuius semidiameter A B, reliquum spatium à B ad E, vnde quaque vitreum esset, vel primus orbis prædictus vase vitreo impenetrabili cōcluderetur, tunc enim non haberet materia inclusa quò confugeret: quæ omnia fusiùs explicanda velim à nobili Philosopho Hobs postules, aut expectes.

## MONITVM II.

### *De causa motus Solis, vel Terra.*

SI quod aiunt obseruatū, nempe solem circa axem Eclipticæ cōuerti, quòd illud maculæ demonstrent, prætereaq; motum sui expansiū habere, quo circumposita moueat, hoc est illuminet, potest intelligi causa motus annui terræ, si tamen ita moueri supponatur: sol enim motu expansiuo aërem contiguum premet, suoque motu conuersionis illum simul cōuertet eadem celeritate qua vertitur; intereaque remotior aër tanta sui circuli parte conuertatur, quanta est tota conuersio primi aëris, vt tempora, quibus omnes partes aëris conuertuntur, in eadem sint inter se ratione, in qua rectæ, quibus à solis superficie destiterint.

Cumque terra in aëre sita motui nihil, aut parum admodum resistat, ad motum aëris sibi contigui mouebitur, vt naui in mari absque remis & velis, idque in ecliptica motu circulari, vt & planetæ, demptis quibusdam impedimentis mutuis, quibus septem aut octo gradibus ab ea recedunt.

Difficilior videtur motus diurnus, ob quem explicandum vir subtilissimus cap. 28. suæ de motu philosophiæ supponit terræ duritiem esse motum aliquem partium, quo resistit; quem, sibi naturalem, vt seruet.



quantum potest, recedit à quolibet motore, quantum ei fuerit necessarium ad illum motum liberrime exercendum; quam motus libertatem sui ad solem conuersione diurnâ optime conseruet; quò referre possit trochilum suæ tostionis administrum, quem videlicet aiunt verutum, quo transfigitur ad prunas circumagere.

At verò solidissimus Geometra Roberuallus, in Systematis mundani causis explicandis, existimathunc motum ab aëre terram circumstante oriri, qui cum propter varias terrestres globi asperitates, liberè moueri nequeat, impingens in partes prominentiores, illum moueat: aër verò moueatur per rarefactionem à calore solari profectâ, qui dum maiorem locum quærit, terram sibi resistentem tantisper initio mouet, & variis ictibus repetitis illi tandem motum diurnum imprimit: quare fusiores illius tractatus expectare possis.

### MONITVM III.

**P**ROPOSITIONE sequente varias obseruationes proponimus, ex quibus Tabula iactuum construi possit; quibus Ingeniosi, & qui tormentis bellicis præsunt, colophonem addent, si Ballisticæ velint artem perficere.

### PROPOSITIO XXV.

*Varias obseruationes Bombardarum militarium explicare; & quod in medio non impediante contingeret globis explosis, cum iis quæ patiuntur in aëre, multifariam conferre.*

**C**VM in folis catapultis mediocribus globorum iactus explorarimus (quas vulgò dicimus *arquebusias*) qui in ascensu, & descensu simul sumptis 22, 23, vel 24 secunda minuta insumunt, Petrus Petitus, vir in obseruando peritissimus & accuratissimus, dum Francopoli degeret, rogatus à me, bombardæ maioris ad 22 eleuationis gradus iactum, cuius globus ferreus librarum 33<sup>1</sup>, inuenit 1900 hexapodum, quas globus spatio 20, 2, vel 21 percurrit; dum 8 hexapodis in arce, solo communi, siue horizonti superextaret; quo ex loco globus 12 librarum, cum totidem pulueris pyrij libris, ad 16 super horizontem gradus eleuationis explosus, 16 in aëre secunda consumpsit.

Præterea *Culuerina* 12 pedes longa, horizontalitèrque directâ, dum sex hexapodis horizonti Oceani superextaret, globum, cuius diameter

ferè quinque digitorum, emisit, cuius iactus horizontalis octo secunda in aëre durauit; cum tamen globus alter, cuius diameter digitorum 6, ex altera bomborda pedes 12 $\frac{1}{2}$  longa, etiam horizontaliter explosus, sola 6 secunda in aëre consumpserit. Altera bombarda ad quinde-  
cim eleuationis gradus explosa, iactum globi sui dedit vigintiquatuor secundorum.

Culuerina ferrea pedes decem longa, cuius globus diametrum habuit ferè quatuor digitorum, horizontaliter directæ, & nouem hexapedis superficiei maris superextans, tres dumtaxat secunda insumpsit in suo iactu horizontali; post quem quinquies reflexa super Oceanum quatuor alia secunda consumpsit.

Tribus etiam diebus ante captam Theodonis villam, obseruauit Roberuallus, Geometra noster, globos bombardarum ex vrbe in nostros milites explosos, plerumque 14 dumtaxat secunda in aëre insumpsisse, post quæ tam sibilus grauior & grauior factus, quàm vis & motus globorum extingueretur, idque ferè post dimidiam leucam peractam.

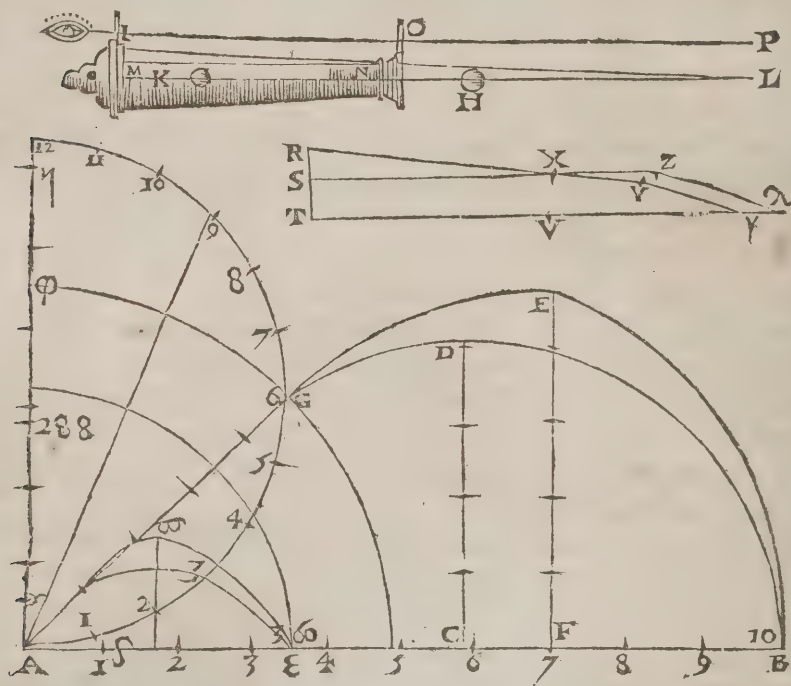
Quibus suppositis facilè concludemus ex propositione præcedente, quanti debeant esse iactus cuiuscumque super horizontem eleuationis, si se habeant inter se, vt iactus in medio non impediens. Hoc est, si quemamodum, exempli gratiâ, iactus 45 graduum duplus est iactus verticalis in medio non impediens, ita sit iactus medius ad verticalem in aëre, & ita de reliquis; quod obseruationes solæ docebunt; quæ tamen sunt difficillimæ in tormentis, aut arcubalistis maioribus, præsertim in verticali, cuius altitudinem vix certò nosse possumus, nisi rupes quædam prærupta satis alta reperiatur, ad cuius vel apicem, vel certum locum, globus, vel sagitta perueniat, cuius postea verticis, vel loci possimus altitudinem dimetiri.

Nullæ siquidem turres satis excelsæ; & descensus, seu casus globi, cuius tempore credidimus aliquando reperiri locum, ad quem globi, sagittæ, & alia missilia verticaliter ascendendo perueniunt, ideo fallit, quòd eandem semper accelerationis in descendendo rationem non obseruent, vt ex sagittis constat, quibus cum ex ascensu 50 hexapedarum contingat in descensu retardari, possit etiam ipsi globis simile quidpiam accidere, cum ex mille, verbi gratiâ, descendunt hexapedarum altitudine.

His autem difficultatibus possis occurrere; si Delphinatus illa rupe, cuius altitudinem aiunt 600, vel plurium hexapedarum, vulgò *Saut du Gendarme*, saltu militis, vel alia simili vtaris; ex qua filapis, vel globus ferreus, aut alterius materiæ decidat, tempus notabitur, quo des-

census perficietur: si enim, verbi gratiâ, ex 648. hexapedarum altitudine, spatio 18. secundorum, ceciderit (vti reuera caderet, si spatia conficerentur in duplicata ratione temporum in totali descensu) rectè iudicauimus antea de altitudine verticali, (quam attingit globus tormenti mediocris) hoc est de 288. hexapedarum altitudine: quod tamen non existimem; alioquin medius eiusdem tormenti iactus ad minimum verticalis illius duplus esset, hoc est 576 hexapedarum, cum ne quidem illum 400. hexapedarum inueniam.

Præter has obseruationes, placet eas apponere, quas *Galeus* plurimorum Ducum Ingeniosus, propriâ manu scriptas, & à se factas coram illis (nempe coram *Spinola*, *Bugnois*, & Archiduce) mihi dedit. Quas vt facilius intelligas, sit Catapulta maior K horizonti parallela, quam vulgò *Canon* appellamus, sitq; oculus collineans per puncta i &



O; posito iactu horizontali O P, vel in figura subiecta S X, vel T V, ait reliquum iactum, qui curuatur, donec horizontem attingat in puncto λ, esse propemodum iactui horizontali æqualem, hoc est tantundem fere spatij à pila confici ab eo puncto, quo flectitur versus horizontem, donec illum attingat, quantum ante flexionem confecerat.



Iam verò transferamus iactum illum horizontalem O P, vel T V, ad inferiorem figuram, in qua A B sit planum horizontale; sitque iactus prædictus horizontalis, quem vulgò dicimus *à niveau*, vel *de point en blanc*, A I; contendit Galeus iactum medium 45. graduum, qui longissimus est omnium, esse iactus horizontalis O P, seu A I undecuplum; & in illis catapultis, quæ maioris præcedentis sint  $\frac{1}{2}$ , esse ad A I, vt 10  $\frac{1}{2}$  ad 1, & in minoribus catapultis, vt 10, ad 1. hoc est in nostra figura, vt A B ad A 1: in qua iactus medius est A G E B; est enim iactus medius qui per medium quadrantem  $\phi$  5 transit, quod vocant punctum sextum, cum sit pars media semicircumferentiæ A, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, in 12 partes æquales diuisæ; quæ iuncta quadranti  $\phi$  5, utilis esse potest ad catapultam in qualibet super horizontem eleuatione dirigendam, si non solum in 12 partes, sed etiam in 180. gradus diuisa fuerit.

Hincque concludit iactum horizontalem mortuum, quem vocant *portee morte*, hoc est in figura, R  $\lambda$ , esse ad medium iactum, vt 1 ad 6; vel in minoribus catapultis, vt 1 ad 5. Qui iactus mortuus horizontalis est ad iactum eleuationis vnius gradus, vt 5 ad 6, vel exactius vt 55 ad 67, vel vt 14 ad 17.

Cum autem impeditur catapultæ maioris recessus, iactum mortuum horizontalem, eo iactu qui fit cum recessu, maiorem esse vnâ parte septimâ, vel octaua, vel nona, vel decimâ; in minoribus catapultis, vnâ parte 12, vel 15.

Præterea iactum medium A 6 E, rectâ pergere absque inflexione asserit, per lineam A G, quæ sit ferè A 5 æqualis, hoc est iactus horizontalis ferè quintupla, vel 4 $\frac{1}{2}$ ; deinde non solum ascendere ad D punctum, vt maxima mediæ iactus altitudo sit horizontalis iactus quadrupla, & respondeat lineæ A C, iactus horizontalis sextuplæ; quod ex observationibus ait falsum esse aduersus Tartagliam; maximam enim altitudinem esse F E, puncto 7 respondentem, hoc est ad 7 iactuum horizontalium ab A catapultâ distantias, vt sit F E propemodum quintupla iactus horizontalis.

Rectè Galeus suspicabatur iactum illum medium ad lineam curuam hyperbolicam, vel parabolicam accedere, idque solum ex observationibus, non vi rationis, quam toties explicauimus. Porro maximum 45 graduum iactum facit 16200 pedum, hoc est nostrarum hexapodarum 2700; qui cum pedibus, nostris minoribus, vti potuerit, 2500 reponere possis sexpedas, vt ille iactus leuæ nostræ respondeat, & globus proximè minuti dimidium, seu 30 secunda cur-

rat per aërem. Cùmque iactus mortuus horizontalis sit  $\frac{1}{2}$  mèdij, erit 2700 pedum, seu 450 sexpedarum; quo posito iactus horizontalis vix 200 hexapedas superabit.

Hac autem arte tabulam graduum omnium iactus ostendentem condidit; iactum horizontalem mortuum 2700 pedū, ex medio iactu 16200 pedum aufert, vt differentia 13500 pedum habeatur; quam pro quolibet gradu ita diuidit, vt sit quotiens  $13\frac{1}{2}$  pedum, quibus in quolibet gradu iactus augeatur. Quem numerum ex illa relicta differentia 13500, per 1035 diuisa, reperit. Hic verò numerus est summa numerorum omnium ab 1 ad 45, vt constat ex numeri 46 dimidio 23, in 45 ducto.

Itaque crescet vnusquisque gradus hocce  $13\frac{1}{2}$  pedum numero, qui dabit primam differentiam, initio à iactu 45 graduum facto, vt in tertia tabulæ sequentis columna videre licet: cuius tabulæ situs est vsus in inueniendo iactu ad datam super horizonte eleuationem.

Prima verò columna gradus habet à 90 ad 45; secunda gradus continet ab 0 seu zerone, etiam ad 45, vt ex duabus columnis vnica incipiens ab 1, & desinens in 90 intelligatur. Tertia complectitur omnes differentias iactuum omnium quarta columna cōprehensorum: exempli gratia, iactus vltimus, quem medium appellamus, vtpotè 45 graduum, 16200, iactum 44 graduum superat pedibus  $13\frac{1}{2}$ , idemque de cæteris iactibus vnico gradu discrepantibus esto iudicium.

Porro numerus (23) initio 3 & 4 columnæ parenthesi clausus, est fractionis denominator, cuius secundi vtriusque columnæ numeri sunt numeratores; verbi gratiâ, numerus vltimus 3, columnæ primæ, supponit denominatorem illum (23) cum quo facit  $\frac{1}{23}$ . Eodemque modo numerus vltimus quartæ columnæ, 22 supponit denominatorem (23) cum quo facit  $\frac{22}{23}$ ; quod iactus 44 graduum sit 16186, cum illa fractione.

Iam igitur inueniendus sit iactus 15, vel, è regione, 75 graduum, numerus quartæ columnæ positus ad dextram è directo, dat pedes 10134  $\frac{15}{21}$ . Est enim obseruandum iactum cuiuslibet gradus sub altitudine 45 seu eleuatione graduum, æqualem esse iactui cuiuslibet gradus super eleuationem 45 graduum: exempli gratia, cum primus gradus æquè distet à 45, ac 89, isti duo iactus, columnarum initio positi, sunt æquales. Quæ quidem æqualitas in horizontali plano AB figuræ præcedentis debet intelligi.

Hæc Tabula non solum catapultis longioribus, sed etiam breuioribus, cuiuscunque generis, & pilarum ingentium excauatarum iactibus agnoscendis, quos vulgò *bombes* appellant, quin & iaculis ma-

*Tabula factuum ad singulos eleuationis angulos.*

| Gradus eleuationum. |    | Progr. Arith. | Iactus in pedibus. | Gradus eleuat. |    | Progr. Arith. | Iactus in pedibus. |
|---------------------|----|---------------|--------------------|----------------|----|---------------|--------------------|
| 90                  | 0  | (23)          | 2700(23)           | 67             | 23 | 300           | 12800              |
| 89                  | 1  | 589. 22       | 3286. 22           | 66             | 24 | 286. 22       | 13086. 22          |
| 88                  | 2  | 573. 21       | 3860. 20           | 65             | 25 | 273. 21       | 13360. 20          |
| 87                  | 3  | 560. 20       | 4421. 17           | 64             | 26 | 260. 20       | 13621. 17          |
| 86                  | 4  | 547. 19       | 4969. 13           | 63             | 27 | 247. 19       | 13869. 13          |
| 85                  | 5  | 534. 18       | 5504. 8            | 62             | 28 | 234. 18       | 14104. 8           |
| 84                  | 6  | 521. 17       | 6026. 2            | 61             | 29 | 221. 17       | 14326. 2           |
| 83                  | 7  | 508. 16       | 6534. 18           | 60             | 30 | 208. 16       | 14534. 18          |
| 82                  | 8  | 495. 15       | 7030. 10           | 59             | 31 | 195. 15       | 14730. 10          |
| 81                  | 9  | 482. 14       | 7513. 1            | 58             | 32 | 182. 14       | 14913. 1           |
| 80                  | 10 | 469. 13       | 7982. 14           | 57             | 33 | 169. 13       | 15082. 14          |
| 79                  | 11 | 456. 12       | 8439. 3            | 56             | 34 | 156. 12       | 15239. 3           |
| 78                  | 12 | 443. 11       | 8882. 14           | 55             | 35 | 143. 11       | 15482. 1           |
| 77                  | 13 | 430. 10       | 9313. 1            | 54             | 36 | 130. 10       | 15613. 1           |
| 76                  | 14 | 417. 9        | 9730. 10           | 53             | 37 | 117. 9        | 15730. 10          |
| 75                  | 15 | 404. 8        | 10134. 18          | 52             | 38 | 104. 8        | 15834. 18          |
| 74                  | 16 | 391. 7        | 10426. 2           | 51             | 39 | 91. 7         | 15926. 2           |
| 73                  | 17 | 378. 6        | 10804. 8           | 50             | 40 | 78. 6         | 16004. 8           |
| 72                  | 18 | 365. 5        | 11169. 13          | 49             | 41 | 65. 5         | 16069. 13          |
| 71                  | 19 | 352. 4        | 11521. 17          | 48             | 42 | 52. 4         | 16121. 17          |
| 70                  | 20 | 339. 3        | 11860. 20          | 47             | 43 | 39. 3         | 16160. 20          |
| 69                  | 21 | 326. 2        | 12186. 22          | 46             | 44 | 26. 2         | 16186. 22          |
| 68                  | 22 | 313. 1        | 12500.             | 45             | 45 | 13.           | 16200.             |

nu, sagittis arcu, & lapidibus fundâ, vel alia ratione missis inseruit, cum omnia missilia eandem proportionem æmulentur: quanquam aëris resistentia minimè negligenda, quæ maioribus globis magè nocet, & obsistit, quàm minoribus, ob maiorem superficiæ cum soliditate rationem.

Porro catapultæ bombas emittentes solent 45 graduum eleuationem superare, quarum iactus maximus 45 graduum, est 5400, vel 6000 pedum: ex quo iactu venias in aliorum cognitionem; si enim iactum bombæ 25 graduum desideras, vttere regula proportionis, sumptis



numeris nostræ Tabulæ, vt quemadmodum 16200 numerus, ad 13360, ita sit 5400 ad 4452.

Itaque si catapultæ minor, vulgò *Arquebutia*, globulum suum ad eliuationem 45 graduum miserit 800 pedes, seu 300 hexapedas; reductis pedibus 4 columnæ tabulæ præcedentis (quæ iactum horizontalem & medium ostendunt) in sexpedas, fiat vt 2700 sexpedæ, eleuationis 45 graduum, ad 450 sexpedas iactus horizontalis mortui, ita 300 hexapedæ iactus 45 graduum arquebutiæ, ad aliud, prodibunt 50 sexpedæ pro iactu horizontali. Vnde fit vt medius iactus 600 hexapedarum esse debeat, vt horizontalis mortuus sit centum hexapedarum.

### MONITVM.

**S**Vnt qui putent Galeum à Coignet præcedentem tabulam accepisse; sed an illam ex propriis obseruationibus construxerit, aut aliunde sumpserit, nihil refert, dummodo vera sit: videatur tabula iactuum Theorica prop. 30. quam cum præcedenti contendimus, sibi namque mutuam lucem afferent; eritque gratum ingeniosis, qui iactuum longitudinem ad quosuis gradus explorare voluerint, si tabulam vtramque. consulentes animaduertant cuinam in quibusuis gradibus magè congruant, vel quantum ab vtraque deficient: idemque de salientibus intellige, quarum obseruatio longè facilior, minoribusque periculis obnoxia.

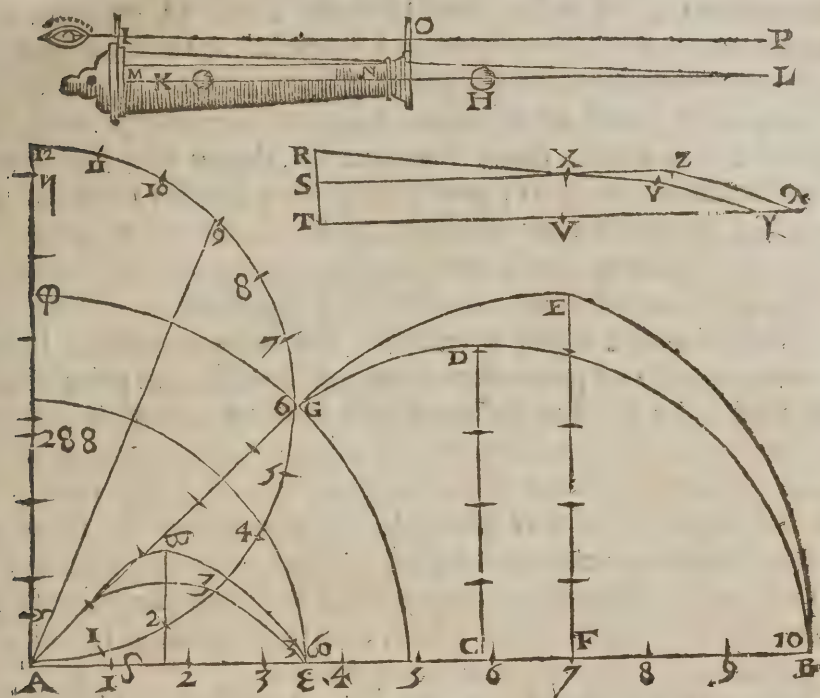
### PROPOSITIO XXVI.

*Quantum iactus Tabulæ propositionis præcedentis, à iactibus nostrarum obseruationum, & à iactibus in medio nihil impediēte futuris differunt, explicare.*

**S**It rursus figura præcedens AEB, in qua iactus horizontalis Aδ, docet obseruatio cum manuarijs catapultis facta, iactum medium 45 graduum, qui & omnium maximus, non esse maiorem in plano horizontali AB, rectà AE, hoc est  $3\frac{1}{2}$  iactus horizontales, qualis est Aδ, complecti; cum tamen, iuxta præcedentē tabulam æqualis sit AB; hoc est horizontalis decuplus; vel horizontalis mortui A2 plusquam quintuplus.

Præterea

Præterea sum expertus in breuiore catapulta, cuius pila fereca 3



aut 4 librarum, verticali iactu existente  $A \phi$ , iactum medium in horizonte ad minimum rectæ  $AB$ , æqualem esse; cumque prius ostenderit in medio non impediēte; porroque sim demonstraturus altitudinem iactus medij fore verticalis subduplam, vel ipsius medij iactus subquadruplam, incredibile videtur in aëre, medij iactus altitudinem esse  $FE$ , quæ subdupla est  $AB$ , qualis esse debet verticalis. Itaque conuincunt obseruationes nostræ iactu horizontali existente  $A \delta$ , iactum medium, seu 45 graduum, esse  $A \epsilon$ ; hoc est cum globulus arquebusiæ quintupedalis rectâ pergīt ab  $A$  ad  $\delta$ , per centum hexapedas, iactu medio 47, 360 sexpedas percurrit, nec unquam, credo, reperies punctum 4, seu 400 sexpedas, vel 2400 pedes à globulo superari.

Quod ad maximam spectat altitudinem (quam vix vllus possit experiri, cum nobis loca desint obseruationi necessaria, nisi ad rupem altissimam iactu 45 graduum collinees, accedendo, recedendoque, donec iactus medius ad summam altitudinem peruenerit (quod se fecisse Galeus affirmabat) cum in catapultis obseruare non potui.

Vt igitur ostendam quæ sit illa iactus altitudo, cum illius longitudo,  $A$  fuerit, an usque ad  $\pi$  pertingat necne, vel ad rationem recurrendum, vel ad nostras salientes, vel ad minores arcus, quorum iactus medij non superent 8 sexpedas, ut medij altitudo summa facile possit ad commodos parietes deprehendi.

Porro cum iactus in aëre facti eandem inter se rationem seruare debere videantur, quam haberent in medio non resistente, si quid discriminis excipias, quod fortè possit à diuerso resistendi modo proficisci, quo resistit aër verticali, & aliis iactibus; & iactus in illo medio non resistente, nec etiam iuuante, proportionem illam sequantur, de qua iam multoties, deincepsque agendum est, facile deprehendetur quantum absint à veritate, qui iactuum tabulas hætenus condidere, qualis est præcedens illius, qui se tot ducum primarium ingeniosum fuisse dicebat. Subquadrupla eiusdem, exempli gratiâ, medij iactus in medio non impediante altitudo suprema debet esse subquadrupla iactus eiusdem medij in plano horizontali, cum ex præcedente tabula sit in aëre subdupla. Eodemque modo iactus idem medius debet esse verticalis duplus in medio non impediante: quod quidem nostris salientibus competit, sed an tabulæ præcedentis iactibus conueniat, nullus scire possit, cum solas iactuum in horizonte longitudes, non altitudes complectatur.

Quapropter si quis eam arguere velit, debet iactuum longitudine, non altitudine, pugnare.

### MONITVM.

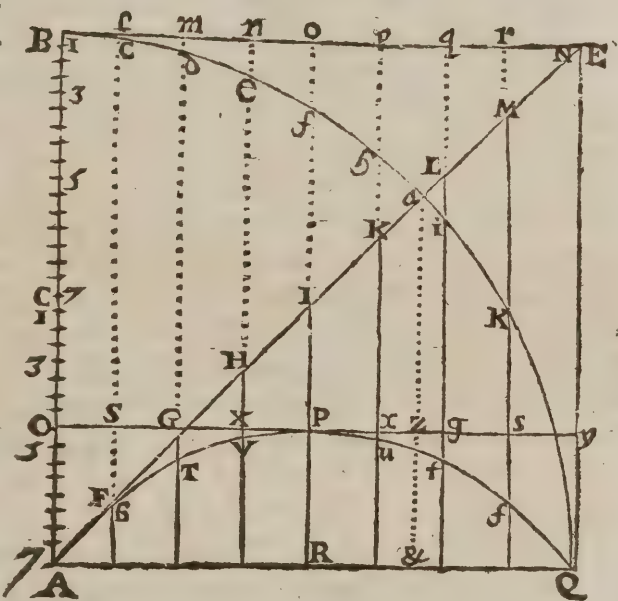
**I**N salientibus obseruaui summam mediæ salientis altitudinem non superare dimidiam altitudinem iactus verticalis; cumque de globorum iactibus ut cumque iudicare fas sit ex salientibus quæ fiunt in eadem horizontis eleuatione, vix putem obseruationibus præcedentis propositionis credendum esse; & concludo Theoriam ratione firmatam potius sequendam, quæ dubio procul ad obseruationes magis accedet.



PROPOSITIO XXVII.

*Factum verticalem dimidio minorem factum, ob urgentem gravitatem, ad aliorum iactuum super horizontem inclinatorum diminutiones transferre.*

**E**X dictis 17 propositione Hydraulicorum, & alibi sæpe, constat graue à puncto C ad A punctum descēdens ea velocitate, quam in sequente figura supponimus, eam sibi velocitatem comparasse, qua possit eodem, vel æquali tempore ab A ad B peruenire, quo prius à C ad A descenderat, si gravitas corporis ascendentis non reageret; sed ob gravitatis reactionem, illo tempore, vsque ad C punctum solummodo peruenire, illiusque propterea velocitatem, quæ semper aliàs æquabilis futura,



ita minui, vt primo tempore globus ascendens spatium vnum: secundo tempore, tria: tertio, 5: quarto denique, 7 spatia sit amissurus, vt ipsi figuræ numeri satis superque demonstrant.

Quod iam ad alios iactus transferendum est, qui fiunt in data super horizontem eleuatione; sit igitur iactus ex A in E, per quadrati BEQA diametrum AE directus. Certum est primò iactum illum medium, absque vlla gravitate globi contranitente, eodem tempore ab A ad a, peruenturum, quo explosus ab A punctum B attigisset, cum AB radius sit æqualis Aa; sed cum obsistat gravitas, iuxta rationem superius explicatam, idque per lineas perpendiculares / Fm,

T, & V, &c. primo tempore, quo globus, vel sagitta peruenire debuisset ab A ad F, ob naturalem grauitatem reperietur globus in puncto *b*; secundo tempore, quo ab F ad G ascendisset, in puncto T erit; tertio tempore, non in H, sed in V puncto reperietur; tandemque quarto tempore, quo ad I peruenisset, in axis R P vertice P reperietur, qui summam medij iactus A *a*, ostendit altitudinem, verticalis A C subduplam.

Cum autem in P vim totam globus amiserit, quā sursum ascendebat, neque tamen vim aliam perdidit, qua lateraliter fertur ab O ad *y*, vel ab A ad Q, denuò grauitas in globum agit, per lineas perpendiculares *pu*, *qi*, *rf*, & E Q; adeo vt quinto tempore, globus à P non perueniat ad *x*, sed ad *u*; sexto, non ab *x* ad *g*, sed ad *t*; septimo, non *ag* ad *s*, sed ad *f*; octauo denique, non ab *s* ad *y*, sed ad Q, quo planum occurrit horizontis, & iactus desinit: quem propterea *mortuum* appellant: Vel si volueris vnica computatione continuā numerare, vt in hydraulicorum Præfatione, supponaturque globus spatio 4 temporum ascendere, totidemque descendere, vno tempore A F, (quod est primum tempus ascensionis) vnum spatium amittet, ex 64 (in quæ diuiditur A B, vel A *a*, vel etiam A Q) tempore A G, quatuor spatia; tempore A H, nouem; tempore A I, sexdecim; tempore A K, 25; tempore A L, 36; tempore A M, 49; denique tempore A N, 64 spatia: hoc est finietur globi motus in puncto Q, ob planum occurrens, sine quo grauitas nouos semper velocitatis gradus globo cadenti, & temporibus æqualibus æqualia spatia lateraliter percurrenti tribuisset.

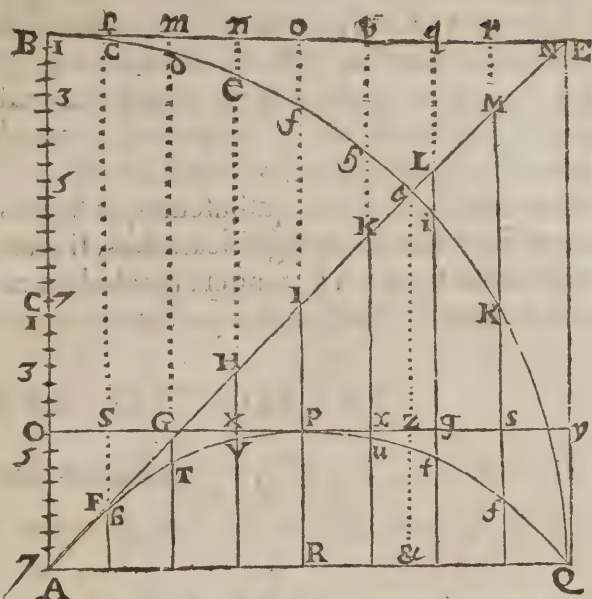
Non est autem quòd demonstrem A P Q curuam, esse parabolam, quam recta A E tangat in A puncto, cum I P æqualis axi P R id satis ostendat; iamque illud in hydraulic. præfatione dictum fuerit.

Quibus addo mensuras præcipuarum istius figuræ linearum numeris explicatas, ex hypothefi quòd recta, seu linea iactus verticalis, sit centum sexpedarum, qualis est plurimarum sagittarum ex arcubalista, vel globorum ex minoribus catapultis ignariis, vel etiam pneumaticis missorum iactus verticalis. Erit igitur A Q, vel A *a* 200, quailium A C, 100. A R, vel R *i*, 100, atque adeo G F, vel F E, 50; & A E, radix 8000.

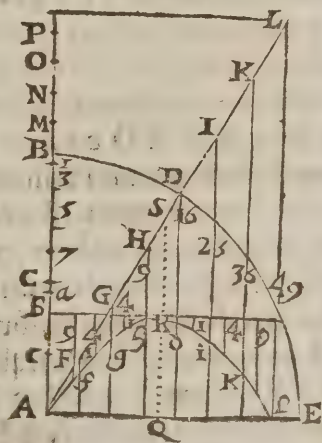
Cumq; A B statuitur pro tēpore quod insumitur in proiectione verticali ab A ad C; A E tēpus erit quod insumitur in proiectione per parabolā A P Q, & ab A ad Q, cum proiectio fieri supponatur in eleuatione 45 graduū. Si verò A B statuatur esse 300, 400, (hoc est præcedentes

numeri triplicati, vel quadrupli, ) eadem inter prædictas lineas proportio reperitur.

Porro si projectum ascendat perpendiculariter ad C, tempore AB, vel AI, quod est 200, perueniet ad summam altitudinē in P, tempore AI, quod est 141 <sup>119</sup>/<sub>283</sub> proximè. Si AB fuerit 600, perueniet globus ad P, in tempore AI, quod est 424, & paulò amplius, vel latus quadrati 180000.



Profuerit etiam repetitio figuræ sequentis, explicatæ ad hydraulicam præfationem, quippe utilis est ad iactuum longitudines, quorum eleuatio super horizontem agnoscitur, inueniendas, & ad intelligenda tempora, quibus projectorum grauitas ascendendo minuitur, vel augetur descendendo, ipsi namque numeri, 1, 4, 9, &c. ostendunt qua ratione globus ad iactum 60 graduum AL (qui absque grauitate vsque ad D eo tempore ascenderet, quo prius à C ad A descendisset) deperditis gradibus velocitatis lineam curuam A f g b R d i K l percurrat, quæ cum loco citato, quemadmodum & præcedente figura satis explicata sint, non est quòd alia subiungamus.



### MONITVM.

Obserua Galileum, in Tabulis quas 30. & 31. propos. dabimus, qui rectam AC ponit 10000, facere QR 7520, quam si præcisè statuisset 7500, nil ab iis discreparet, quæ prædicta Hydraulicorum præfatione, paragrapho 2 & 3 dicta sunt; vt enim 10000 ad 7500, ita 16 ad 12.



Si quis verò in elevatione 50, 45, 30, &c. graduum easdem mensuras sequatur, erit ad inclinationem 50 graduum, iactus altitudo inter 11 & 10, iuxta Galilei tabulas,  $5\frac{1888}{1000}$ . In elevatione 45 gradus, erit 8; in elevatione 40 gradus, inter 6 & 7, in prædictis tabulis, 9; ferè: & in elevatione 30 gradus, erit 4; in propof. 31 tabulis, 2500, hoc est quarta pars 10000, sola siquidem vnitas illi deest.

Notandum quoque in quibuscumque figuris, quancumque inclinationem super horizonte significantibus, lineam inclinationis, qualis est in hac nostra figura A 5, tangere parabolam ex elevatione factam. Cætera videantur in sequentibus præfationis eiusdem paragraphis.

### PROPOSITIO XXVIII.

*Iactus 60, 45, & 30 graduum simul comparare, mirasque parabolarum circumstantias aperire.*

**E**Sto quadratum CODA, in quo descriptus circumferentiæ quadrans CD; sitque iactus AB verticalis: A 60, iactus ad elevationem 60 graduum, quæ faciat angulum DA 60: A 45, iactus medius, & A 30, iactus elevationis 30 graduum, angulum DA 30 significantium; quæ quidem iactus cum tantumdem à medio 45, quantum ab eodem, 60 recedit, iactus illi duo sunt æquales in horizonte, nempe AE, quæ recta tam AIE, quàm AKE parabola terminatur. Quod etiam cæteris iactibus supra & infra 45, æqualiter à puncto 45 diffitis cõgruit. Illas autem lineas directionis A 60, A 45, & A 30, per tres parabolas deflectere constat ex dictis; & hæc figura satis ostendit ex linea A 45 inflexa, & AHD curuam describente, iactum super eundem horizontem fieri maximum omnium.

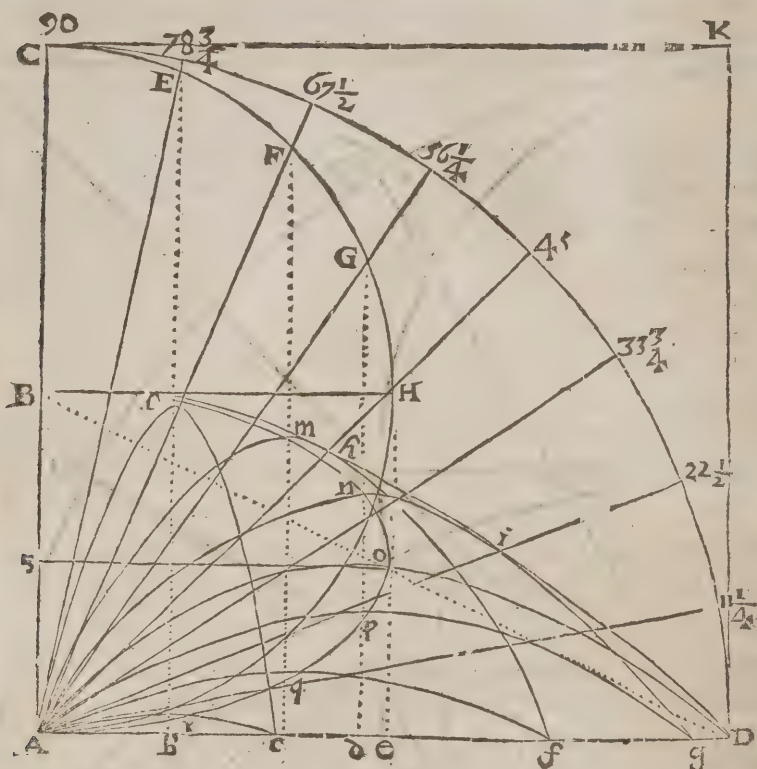
Sed præ cæteris id notatu dignum, quod acutissimus Tauricellus prior obseruasse videtur, parabolam à puncto B descriptam, cuius BA sit quarta pars lateris recti, atque adeo focus in A, tangi ab omnibus aliis parabolis inferioribus, quales sunt tres istius figuræ, verbi gratiâ tangitur in L à parabola ILF; tangeturque similiter à parabola AKF inferius producta; idque in puncto quod occurrit ordinatæ ductæ à foco parabolæ AKF, ad eandem parabolam, vt constat ex GD ducta ex G foco parabolæ mediæ.

Quod similiter de contactibus aliarum parabolarum concludas, adeo vt ordinata ex puncto L axi IF facta perpendiculariter per AIE, parabolæ focum appellitura sit.

[illegible]

Alia figura plures alias parabolas, & easdem istius figuræ lineas comprehendens, in Hydraulicorum Præfatione videatur: quanquam

hic repeti potest, vt theoriæ perpetua cernatur cōformitas, & quot-



cūque iactus fieri possunt, sint eiusdem in horizontalis plano  $AD$  longitudinis, cū æquē ad punctum  $C$ , ac punctum  $D$  accedent, vel æquē recedent à puncto  $45$ , siue supra, versus  $C$ , vel infra, versus  $D$ , vt in iactu  $56\frac{1}{4}$ , &  $33\frac{3}{4}$ , vel in  $78\frac{3}{4}$ , &  $11\frac{1}{4}$  videre est, hi siquidem iactus describunt parabolas eiusdem in plano  $AD$  longitudinis  $A c$ , vel  $A f$ , vel  $A g$ . Reliqua istius figuræ explicatio videatur loco citato, donec sublimiora egregij Tauricelli liber docuerit. Porro sequens propositio ferè comprehendet omnia quæ hæctenus dicta sunt, quæque ad iactus omnifarios attinent.

PROP. xxix.



*Suppositis iaculationibus Parabolicis, unicâ figurâ  
quidquid ad iactus tam verticales, quàm  
alios pertinet, explicare.*

verticale duplum est; diuiditur  
 que bifariam in C, & versus A C  
 bifariam in B. A C E F quadra-  
 tum, & A B I K quadratum. C M  
 G F quadrans circuli, cuius cen-  
 trum A. C L E R A semicirculus,  
 cuius centrum C. C N I quadrās  
 circuli super centro B. Anguli  
 D A L, L A E, E A R, R A P in-  
 ter se æquales, singuli graduum  
 22½. N O perpendicularis diuisa  
 bifariam in Q. & T O bifariam  
 diuisa in S. I K perpendicularis  
 ad planum A F, & bifariam di-  
 uisa in H. L P perpendicularis ad  
 planum horizontale. A L bifa-  
 riam diuisa in N. E F perpendi-  
 cularis ad planum A F; quod bi-  
 fariam diuisum in K. A Q P para-  
 bola, quam tangit A L in A. A P  
 bifariam diuisa in O. A S P para-  
 bola, quam tangit A R in A. B Z F  
 linea curua punctim descripta  
 supponitur esse parabola, cuius

vertex B. B Q H S A linea curua, quæ est Elliptica.

Supponitur autem à iactu fieri parabola, quæ tangitur à linea elevationis; verbi gratiâ, si à iactu ex A, in elevatione quam habet AL, fiat parabola, tangetur ab AL in A puncto, & ita de reliquis, excepto verticali iactu AD, qui parabolæ terminus existit, nisi eum parabolam absque latitudine dici posse credideris.

Secunda pars propositionis sequentia colligit ex descriptione figuræ,

nempe EF duplam esse IK, & quadruplam IH. Quare ratio EF ad IH dupla est rationis eiusdem EF ad IK; Unde sequitur H & F puncta esse in eadem parabola, in qua A: cumque AF bifariam diuidatur in K, erit K punctum in axe: & quia AT tangit parabolam in A, erit KI diuisa bifariam in vertice parabolæ; sed diuiditur bifariam in H, igitur HK lapis est axis parabolæ AHF.

Rursus LP dupla est NC, & quadrupla QN, est ergo ratio LP ad NQ dupla rationis eiusdem LP ad NO; quapropter Q & P sunt in eadem parabola in qua A. cumque AP sit bifariam diuisa in O, aut axis in recta NO; & quia tangit parabolam in A, vertex parabolæ diuidet NO bifariam; sed iam diuisa fuit bifariam in Q, igitur QO est axis parabolæ AQP.

Porro RP dupla est TO, quadrupla verò SO; quare ratio RP ad SO dupla est rationis eiusdem RP ad TO: sunt ergo S & P in eadem parabola, quæ tangitur ab AT; erit ergo vertex eius in S, vbi TO bifariam diuisa est. Erit autem RP in ipsa LP; cum enim R & L æquè distent vtrinque ab E, medio puncto semicirculi DLER A, & LP ducta sit parallela diametro AD, transibit LP per punctum R. Et eadem de causa SO erit pars rectæ NO.

Præterea, puncta Q, H, S erunt in eadem ellipsi in qua A & B, cum QS æqualis sit NV. Est etiam AL media proportionalis inter AD & LD; & AE media inter AD & EF. Et AR media inter AD & RP, propter semicircumferentiam DLER A; vnde fit vt ALD, AED, ARD anguli recti; & triangula ALD APL, sicut & AED, AFE, & ARD, APR, similia sint.

Postremò, parabola punctim descripta BF, tangit parabolam AHF in F, si enim recta FC, ducta intelligatur, vtramque tanget. Parabolæ verò BZRF focus est A, cum AF dupla sit AB, & parameter quadrupla AB, nam applicata, media est inter diametrum & parametrum.

Eadem parabola BF tactura videtur parabolam AQP vbi recta ducta à puncto B per verticem Q terminabitur in ipsa sectione, putà ad Z, quæ in hac parabola videtur esse in ipsa linea AE: quo posito, X erit focus, & erit QT æqualis parametro.

Tertia pars propositionis ad calculum lineas omnes figuræ reuocat, obseruatione suppositâ iactus globi è tormento maiore ad 22<sup>1</sup> gradus super horizontem: hoc est cum tormentum ex A in R libraretur, globus descripsit parabolam ASP, fuitque iactus longitudo in horizonte AP 1900 hexapedarum: cuius iactus alias postea circumstantias explicaturus sum. Quo posito erit etiam PG 1900 hexaped. cum sit x:

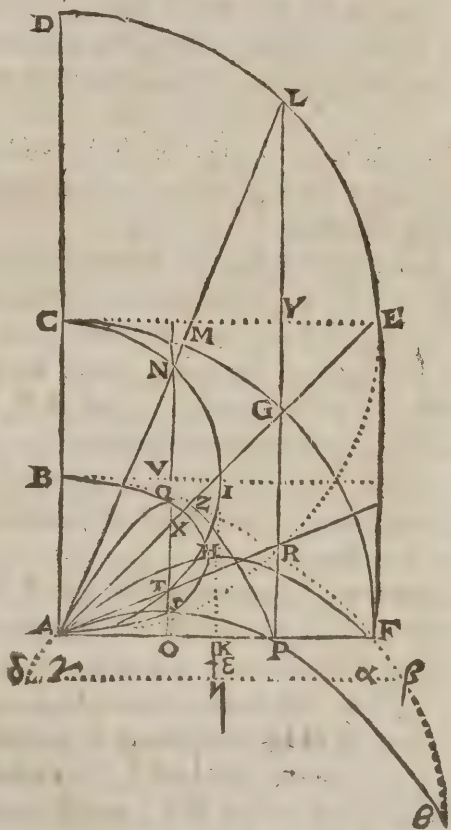
Est igitur  $AG$ , hoc est  $AF$ , vel  $AC$ , vel  $FE$  2681.  $AD$  bistanti-  
um, 5362.  $AB$ , vel  $BC$ , vel  $K$ , vel  $I$   $AG$ , 1341.  $HI$ , vel  $HK$ , vel  $I$   $AB$ ,  
aut  $KI$ , 6701. Et quia quadratum 2681, id est quadratum  $AF$  est 722-  
0000, duplū eius quadrati est 1444 000; cuius radix 3800; quapropter  
 $AE$  erit 3800; &  $AI$ , vel  $IE$  semissis eius, erit 1900.  $LG$  cum sit æqua-  
lis  $DC$ , vel  $AC$ , est 2681.  $LP$  æqualis vtrique  $LG$ ,  $GP$ , est 4381.

Si ex LP 458<sup>1</sup>, auferatur PY, hoc est FE, seu 268<sup>1</sup>, residuum erit 1900; quare LY, hoc est YR, erit 1900, æqualis AP, vel PG, vel AI, vel IE. Detractis autem YR 1900, ex YP 268<sup>1</sup>, erit residuum 78<sup>1</sup>. Erit ergo RP 78<sup>1</sup>. TO semiffis eius, 390<sup>1</sup>. TS, vel SO semiffis huius. 195<sup>1</sup>.

Quia verò quadratum  $AP$  est  
3610000, quadratum autem  $RP$   
609961, ea simul addita faciunt  
4219961, cuius latus est 2054, fe-  
rè,  $AP$  erit 2054, ferè.

Cum autem tormentum 8 hexapedis horizontali superextiterit, si planum  $\delta \ell$  octo hexapedis intelligatur inferius plano AF, ut parabola AHF producatut vtrinque ad rectam  $\delta \ell$ , ita ut  $A \gamma$ , vel  $F \alpha$  perpendicularis, sit 8 hexapedum, qualium AP fuit 900., & producatut HK ad  $\epsilon$ , calculus erit huiusmodi.

Quoniam HK est 670<sup>4</sup> proximè, erit H 678. Fiat inter HK & H<sub>1</sub>, media proportionalis He 674 proximè: cùmque AF ad  $\delta\beta$  AF SP sit in subdupla ratione HK ad H<sub>1</sub>, erit AF ad  $\delta\beta$ , vt 670<sup>4</sup> ad 674. Sed AF est 268<sub>1</sub>: si ergo fiat vt 170<sup>4</sup> ad 674, ita 268<sub>1</sub> ad aliud, inuenietur 2686 proximè.





Deinde cum  $\gamma\alpha$  sit æqualis  $AF$ , nimirum 2681, erit  $\delta\gamma$ , &  $\alpha\beta$  simul &  $\alpha\beta$  2'. Quapropter  $\gamma\beta$  erit longitudo plani, quam transit globus excussus ab  $A$  cum tormentum octo hexapedis horizonti superextat; hoc est illius longitudo in horizonte  $\delta\beta$  sumpta, erit 2683' hexapodum; quæ longitudo vix sensibilibiter discrepat ab ea quæ fit in horizonte  $AF$ , licet octo hexapedis altiore.

Quarta pars propositionis ostendit qua ratione duratio cuiusque iactus reperiatur, hoc est quanto temporis spatio sagittæ, iacula, globi, & alia  $\beta\lambda\omicron\mu\epsilon\tau\alpha$  suas parabolas describant, cum iaculationis, seu iactus aliquius tempus ex observatione datum est.

Verbi gratiâ, iactus globi 33' librarum, in eleuatione 22 graduum super horizontem, tempus 22 secundorum consumpsit, ex observatione accuratissima D. Petiti; hoc est  $ASP$  curua spatio 22 secundorum descripta est; quare  $AR$  erit 22, cum  $AR$  sit tempus iactuum quemadmodum & cuiuscumque alterius iactus tempus à tangente curuæ, à iactu descriptæ significatur, atque definitur.

Cum autem iactus quilibet factus in aliqua super horizontem eleuatione constet ex ascensu & descensu, primum tangentis dimidium, ascensum; secundum descensum significat, eiusque tempus, seu durationem metitur.

Cum igitur  $AR$  sit tempus iactus per curuam  $ASP$ , tempus ascensus erit  $AT$ . Tempus autem ascensus, & descensus in perpendiculari  $AB$ , est  $AD$ . Quapropter cum  $AR$  sit ad  $AD$ , vt 2054½ ad 5362, si fiat vt 2054½ ad 5362, ita 22 ad aliud, inuenietur tempus ascensus & descensus in perpendiculari  $AB$ , esse ferè 57½ secundorum, cuius semissis 28½ est tempus ascensus.

Idem verò globus, qui per  $AP$  1900 hexapedas percurrit, emissus perpendiculariter, ex  $A$  ascendisset ad  $B$ , fecissetque ascensu suo 1340½ hexapedas.

Iam verò ex tempore iactus  $AP$  dato, facile tempus medij iactus  $AHF$ , qui fit in eleuatione 45 graduum, innotescit, si quidem vt  $AR$  (qui fit 22 secundis) 2054½, ad  $AE$  tangentem iactus medij, hoc est ad 3800, ita 22 ad secunda 40½, quapropter globus describet parabolam  $AHF$ , tempore  $AE$ , quod cum sit ferè duplum temporis, quo describitur parabola  $ALP$ : non est tamen in plano horizontali iactus  $AF$  duplus iactus  $AP$ , quod contingeret si iactus solam lineam rectam  $AHF$  describerent; verum ascensus  $KH$  maior ascensu  $OS$  maius tempus requirit.

Porro partium omnium parabolæ  $AHF$ , & parabolæ  $ASP$ , vel aliarum comparatio cum diuersis partibus temporis, quibus describun-

tur, nouas meditationes desiderat, quibus data quælibet partes quarumcūque parabolarum conferantur cum datis quibuscūque partibus temporum. Nunc enim sufficit ex quolibet dato tempore cuiuscūque iactus, quemlibet alium iactum, & illius tempus inferre, vt fieri potest ex istius propositionis intellectu, quam vnicique, quantum voluerit, amplificandam permitto.

## COROLLARIUM I.

*Dato tempore quo durat iactus verticalis CA, dare tempus cuiuscumque alterius iactus ad quamcumque in horizonte, eleuationem, & vice versâ.*

**S**It datum tēpus verticalis AD, describaturque diametro AD semicircumferentia DLA; sitque data quæcumque eleuatio AL; si fiat vt recta AD ad AL, ita tempus iactus verticalis ad tempus iactus in eleuatione AL, quæstio soluitur.

Sit datum tempus iactus AQP, ex quo velis concludere tempus iactus verticalis: fiat triangulum APL, & in puncto L erigatur perpendicularis ad AL, quæ secet AD in D, erit vt AL cognita ad AD cognitum, ita tempus per AQD cognitum, ad tempus iactus verticalis quæsitum.

## COROLLARIUM II.

**S**I globi, & alia missilia per eandem lineam emissa, & idem iter percurrentia, tantumdem temporis consumunt; data iactus longitudine & eleuatione super horizontem, dabitur tempus iactus; nam quotiescūque, verbi gratiâ, dabitur longitudo AP, ex iactus ad 22 graduum eleuatione, tempus erit 22 secundorum; cumque dabitur longitudo verticalis AB, dabitur tempus ascensus, secundorum 28<sup>3</sup>/<sub>4</sub>.

Vbi notandum solam iactus longitudinem minimè sufficere ad tempus inueniendum, alioqui tempus idem consumeretur in iactu ASP, ac in iactu AQP, cum sint eiusdem in horizontali plano longitudinis, vbi tamen est huius duratio ad durationem illius, vt AG ad AR.

Nobile verò problema fuerit, si quis inueniat quæ sit ratio parabolæ AQP ad parabolam ASP, & quantum differat à ratione AG ad AR. Quod enim spectat ad similes parabolarum partes, facile reperitur quam inter se rationem habeant, eam videlicet quæ est inter illarum ordinatas, vel parmetros similiter applicatas, & inter par-



tes axis inter verticem & focum intereptas. Vbi notare possis iuniorem Paschalem (à quo mira possis expectare cum in puris, tum in mixtis Mathematicis) generalem methodum inuenisse, cuius beneficio innotescat quam inter se rationem habeant spatia quæcumque lineis rectis, & curuis conicis comprehensa.

### COROLLARIUM III.

**P**ossunt etiam inferi missilium velocitates ex iactuū longitudine; cū enim eadem longitudo ex eadem super horizontem eleuatione, eandem velocitas arguat, & ex eodem tempore eadem inferatur velocitas, si fuerit in eadem eleuatione dupla, vel tripla longitudo, &c. velocitas dupla, vel tripla dicetur: quamquam nonnihil difficultatis in eo esse videatur quod non possit esse maior eiusdem eleuationis longitudo, quin missile altius ascendat.

### COROLLARIUM IV.

*Factus eleuatione, & illius horizontali longitudine cognita, iactum verticalem inuenire,  
& vice versâ.*

**S**Vper extremis plani dati iactus  $AP$ , erigantur duæ perpendiculares indefinitæ  $AD$  &  $PL$ , & à puncto  $A$ , iactus initio, in angulo eleuationis cuiuscumque, ducatur  $AL$  recta secans perpendicularem  $PL$  in  $L$ ; & à puncto  $L$  ducatur perpendicularis ad  $PL$ , nempe  $LD$ , (quæ hîc subintelligenda) secans perpendicularem  $AD$  in  $D$ , sumaturque ab  $A$  versus  $D$ , quarta pars totius  $AD$ , quæ dabit  $AB$  pro sublimitate iactus verticalis.

Dato verò iactu verticali  $AB$ , vel alio quocumque, quouis alius iactus hac ratione reperietur. Fiat linea  $AD$  quadrupla iactus  $AB$ , &  $AD$  diametro describatur semicircumferentia  $DEA$ ; requiraturque longitudo iactus in eleuatione  $AE$ , ducaturque ab  $A$  in  $E$  recta, uæ tangat prædictam semicircumferentiam in  $E$ , (eodemque modo reliquis iactibus linea referens inclinationem, vel eleuationem, vsque ad circumferentiam ducenda est) & ab illo puncto  $E$  demittatur rea plano  $AF$  perpendicularis, quæ secans  $AF$  in  $F$ , demonstrabit æsiti iactus longitudinem  $AF$ .



## COROLLARIUM V.

**V**Niuscuiusque iactus altitudinem, hoc est axem parabolæ ita reperiens. Dato plano  $AP$ , iactus cuiuscumque, fiat triangulum  $APL$ , ut antea dictum est; diuidaturque  $AL$  bifariam in  $N$ , & demittatur perpendicularis  $NO$ , quæ bifariam diuidatur in  $Q$ , erit  $OQ$  axis parabolæ, seu iactus sublimitas. Idemque continget in omni alio iactu, qualis est iactus medius 45 graduum; ductâ siquidem tangente  $AH$  bifariam sectâ in  $I$ , & ex puncto  $I$  demissa perpendiculari  $IK$  in  $H$  bifariam sectâ, punctum  $H$  dat sublimitatem iactus eleuationis 45 graduum, eritque  $KH$  axis parabolæ  $AHE$ .

## MONITVM.

**C**um satis haftenus de iactibus in medio non impediēte factis egerim, quædam addenda supersunt circa iactus in impediēte medio factis, qualis est aer, aqua, & qualia sunt corpora liquida, quæ cum sint magis vel minus mobilia, diuersis modis resistent proiectis. Nec erit inutile si quis projectiones, & casus in aqua diligentius, quàm hucusque factum sit, obseruet: quod cum longè sit difficilius quàm in aëre, vix sperem, aut expectem, ut ab illo fiat. Vtut sit, projectiones iterum in aëre considerabimus, postquam Tabulæ iactuum in medio non impediēte, quas à Galileo supputatas habemus, intellectæ fuerint, in quarum gratiam erit sequens propositio; quas quidem tabulas cum tabulis Ingeniosorum, 25 propositione descriptis, conferre possis.

## PROPOSITIO XXX.

*Tabulam omnium iactuum Theoricam proponere explicare; eique varias observationes accommodare.*

**C**um ex propositione præcedēte nouam iactuum Tabulam condere possimus, quam postea quis cum tabula Ingeniosorum propos. 25. comparare queat; iamque Galileus illud fecerit, iuuabit Ingeniosos, Tabulam illam hic clarè, & ad usum explicasse. Incipit autem à gradu 45, cuius cum longitudinem noueris, aliorum iactuum longitudo tabula exhibebit: quæ hoc artificio construitur, ut prima columna gradus

*Magnitudines iactuum in horizonte.**Grad. eleuationes. Grad. elevat.*

|    |       |    |
|----|-------|----|
| 45 | 10000 |    |
| 46 | 9994  | 44 |
| 47 | 9976  | 43 |
| 48 | 9945  | 42 |
| 49 | 9902  | 41 |
| 50 | 9848  | 40 |
| 51 | 9782  | 39 |
| 52 | 9704  | 38 |
| 53 | 9612  | 37 |
| 54 | 9511  | 36 |
| 55 | 9396  | 35 |
| 56 | 9272  | 34 |
| 57 | 9136  | 33 |
| 58 | 8989  | 32 |
| 59 | 8829  | 31 |
| 60 | 8659  | 30 |
| 61 | 8481  | 29 |
| 62 | 8290  | 28 |
| 63 | 8090  | 27 |
| 64 | 7880  | 26 |
| 65 | 7660  | 25 |
| 66 | 7431  | 24 |
| 67 | 7191  | 23 |
| 68 | 6944  | 22 |
| 69 | 6692  | 21 |
| 70 | 6428  | 20 |
| 71 | 6157  | 19 |
| 72 | 5878  | 18 |
| 73 | 5592  | 17 |
| 74 | 5300  | 16 |
| 75 | 5000  | 15 |
| 76 | 4694  | 14 |
| 77 | 4383  | 13 |
| 78 | 4067  | 12 |
| 79 | 3740  | 11 |
| 80 | 3420  | 10 |
| 81 | 3090  | 9  |
| 82 | 2756  | 8  |
| 83 | 2419  | 7  |
| 84 | 2079  | 6  |
| 85 | 1735  | 5  |
| 86 | 1391  | 4  |
| 87 | 1044  | 3  |
| 88 | 698   | 2  |
| 89 | 349   | 1  |

omnes, siue angulos eleuationis super horizontem complectatur, à 45 vsque ad 89, ex cuius regione secunda colūna tribuit cuiuslibet iactus longitudinem, qui fit in eleuatione quapiam à gradu 45 ad 89, cum enim sit catapulta verticalis in eleuatione 90 graduum, nulla potest esse iactus verticalis longitudo, quippequi totius versatur in altitudine. Tertia columna gradus reliquos complectitur à 44 ad primum, cuius numeri positam habent cuiusque gradus longitudinem ad læuam; itavt gradus eleuationis 44 huius columnæ, eandem habeat iactus longitudinem, quam gradus 46; & gradus 43 eandem, quam gradus 47, & ita de reliquis gradibus tantumdem infra, quàm supra 45 gradus collocatis, vsque ad gradum vltimum tam huius, quàm primæ columnæ, 1, & 89, qui docent catapultam 89 gradibus eleuatā, suum habere iactum eiusdem longitudinis, ac quando supra horizontem vnico gradu eleuatur, hoc est 349. Vnde constat solum gradū 45, carere focio, vt iam superius dictum est.

## P R A X I S.

**V**T verò propiùs ad praxim accedamus, sit iactus medius pedum 10000, absque vlla supputatione numeri descendentes dabunt iactum cuiuscumque alterius eleuationis super, vel sub 45 gradibus existentis: exempli causā, iactum 22 graduum 6944 pedum, quem excedit iamus globi ad 22 graduum eleuationem, de qua propositione sequente actum est. Quare si numeri secundæ columnæ pedibus exprimuntur, sufficiet Tabula iactibus maiorum nostrorum tormentorum exprimendis, quos superabunt, si hexapedas significant. Quanquam



Quamquam hæc tabula quibuscumque possit adaptari tormentis, & arcibus, beneficio regulæ proportionis, ut in exemplo tormenti præcedentis constat, cuius iactus ad 22 gradus eleuationis cum 1900 sexpedum fuerit, fiat ut tabulæ numerus è regione 22 positus, nempe 6944, ad numerum 45 graduum, hoc est 10000, ita 1900 ad alium, prodibit numerus hexapedarum iactus tormenti ad 45 gradus eleuati, 2736, & paulò amplius, hoc est vnus leuæ Gallicæ, quam 2500 hexapedis definiuimus, & præterea 236 sexpedum. Si verò iuxta tabulam practicam propos. 25 numeremus, cuius iactus 22 graduum 12500, & 45 graduum 16200, nostri tormenti iactus erit sexpedarum 2352, quod ob aërem impediens facillè credidero. Similiter cum sagittam miserit arcubalista per spatium 50 hexapedum, ad eleuationem 22 graduum; ut noueris spatium ad 45 graduum eleuationem percurrendum, fiat ut 6944 ad 10000, ita 50 ad aliud, prodibunt ferè 72 sexpedæ pro iactu sagittæ medio.

Aliud exemplum sit eiusdem arcus, cuius iactus medius sit, ut antea, 72 sexpedum, quæratùrque iactus illius ad vnum gradum eleuationis; fiatque propterea ut 10000, numerus tabulæ 45 graduum, ad 349, numerum tabulæ gradus vnus, ita 72 ad 2½ hexapedas, & paulò amplius. Sed iuxta Practicam tabulam 25. prop. erit iactus nostri arcus ad gradum vnum eleuationis, 12 sexpedarum, ut enim 16200 iactus 45 graduum, ad 2700, iactum vnus gradus; ita 72 ad 12. Facit enim illa tabula iactum vnus gradus subsextuplū iactus 45 graduum; cum Theorica tabula eundem faciat ad iactum 45 graduum, ut 1 ad 29. ferè.

Cum autem experientia centies repetitā conficiat iactum sagittæ ad eleuationem vnus gradus, esse medij iactus partem longè maiorem, quàm partem 29; idemque contingat globis tam minorū, quàm maiorum tormentorum; certum est illam tabulam theoricam initio præsertim, hoc est ad primos eleuationis gradus, ab obseruationibus maximè deficere; quis enim credat iaculatores ad scopum rectà collineantes, suas catapultas ad maiorem, quàm vnus gradus, eleuationem librare? cum existiment esse horizonti parallèles.

Ex Tabula verò, debent eleuari vltra septem gradus, ut illarum iactus, nostris iactibus obseruatis horizontalibus, id est nullius eleuationis, vtrumque respondeant: dixi *vtrumque*, quandoquidem numerus 2419, respondens eleuationi septem graduum, minor est quarta parte numeri 10000, eleuationis 45 graduum, cum tamen iactus catapultæ horizonti parallèle sit maior quarta parte medij iactus eiusdem: docet enim experientia, ut iam sæpius dictum est, iactu medio 360 hexapedarum existente, iactum horizontalem esse 100 hexapedarum, vel ad



minimum, illius esse sub quadruplum. Iactus igitur quinque graduum istius Tabulæ respondet utcumque iactui vnus gradus tabulæ prop. 25. & iactus 10 aut 11 graduum tabulæ propos. istius, satis accedit ad iactus horizontales à nobis obseruatos.

## MONITVM.

**L**icet illæ Tabulæ non parum à vero deflectant, si maiorum tormentorum iactus sint minorum iactibus similes, nulli tamen theoriam amanti sequens Tabula, vel propositio displicebit, quâ iactuum præcedentium altitudines explicantur; quæ si reperiantur in iactuum medio, describentur parabola; si verò magis absint à iactuum initio quàm à fine, figura in aëre descripta curuam irregularem exhibet, vt in obseruationibus contingere iam satis constat ex Hydraulicis.

## PROPOSITIO XXXI.

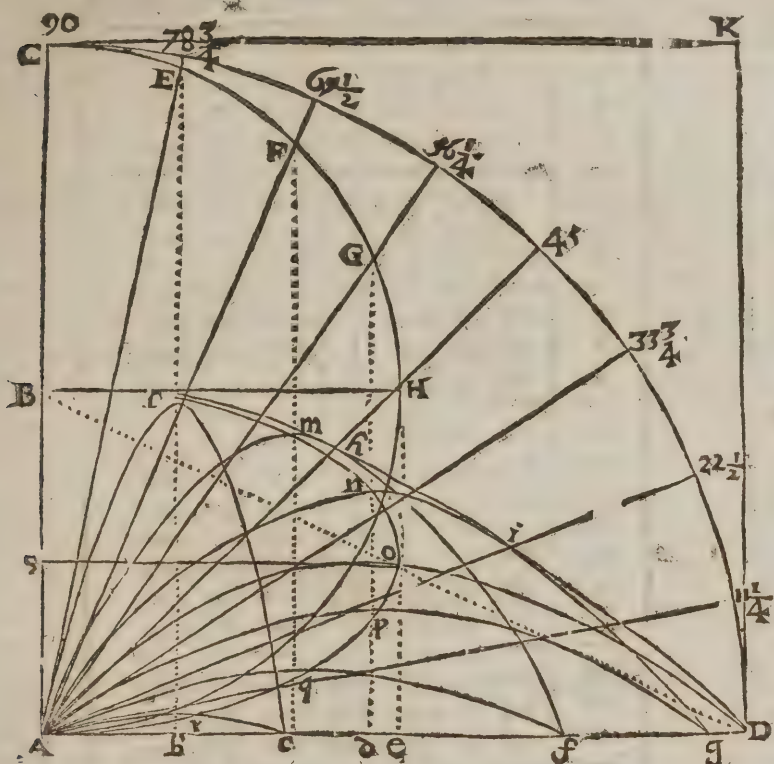
*Iactuum cuiuslibet elevationis altitudines  
explicare.*

**I**actus altitudo solum intelligitur de iactibus aliquem cum horizonte facientibus angulū, vt ex figuris 27 & 28 prop. constat, ex quibus iam repetatur  $A C D A$  circuli quadrans, quo septem diuersi iactus comprehenduntur; quorum altitudo,  $lb$  quidem, iactus  $A l c$ ;  $br$ , iactus  $A r c$ ; iactus  $A m f$ ,  $m c$ ; iactus  $A q f$ ,  $q c$ ; iactus  $A n g$ ,  $n d$ ; iactus  $A p g$ ,  $p d$ ; iactus denique socio carentis, seu medij  $A o d$ , altitudo  $eo$ . Quibus addi potest verticalis altitudo  $A C$ , quæ est, in sequente Tabula, æqualis longitudini iactus medij, cuius altitudo 50000, hoc est verticalis subdupla.

At verò cum antea probauerimus iactum verticalem  $A B$  esse subduplum medij  $A D$ , caue ne putes hanc altitudinum tabulam ex omni parte referri ad longitudines iactuum tabulæ præcedentis propos. alioqui iactus verticalis sagittæ esset eiusdem medio iactui æqualis: sunt igitur hæ duæ tabulæ seorsim considerandæ, duplòque maiore impetu iactus istius, quàm illius tabulæ fieri necesse est.

Itaque supponamus ad tabulæ sequentis faciliorem intellectum, alius globi, vel sagittæ iactum verticalem esse 10000, reliquosque iactus fieri absque aëris, aut alterius medij resistentia, erit altitudo iactus vnus gradus, 3; duorum graduum, 13; trium graduum, 28, & ita de

reliquis, vt in sequente tabula cernitur; cuius prima columnā gradus



omnes eleuationis ab 1 ad 90, complectitur: secunda iactus altitudinem gradui ē regione debitam.

Porro longè difficilior est experientia, & obseruatio harum altitudinum, quàm longitudinum, quas videlicet horizon ostendit, cum nullum in aëre supersit vestigium altitudinum; quæ sine turribus, vel rupibus altissimis, obseruari nequeunt; quibus notam aliquam globi, vel sagittæ contactibus suis imprimant, nisi fenestræ fiant in turribus, & in rupibus stationes, ex quibus iactuum obserues altitudinem. Crediderim autem has altitudines melius à globis, & sagittis obseruari quàm longitudines, quamuis aër his & illis officiat. Quæ omnia faciliè in salientibus deprehendes, vt Hydraulica doceat quod Ballistica negauerit.

## ALTITVDINES IACTVVM.

| Gr. | Gr.    | Gr.  | Gr.     |
|-----|--------|------|---------|
| 1   | 325    | 1786 | 49 5698 |
| 2   | 1316   | 1922 | 50 5868 |
| 3   | 2827   | 2061 | 51 6038 |
| 4   | 5028   | 2204 | 52 6207 |
| 5   | 7629   | 2351 | 53 6379 |
| 6   | 10830  | 2499 | 54 6546 |
| 7   | 15031  | 2653 | 55 6710 |
| 8   | 19432  | 2810 | 56 6873 |
| 9   | 24533  | 2967 | 57 7033 |
| 10  | 30234  | 3128 | 58 7190 |
| 11  | 36535  | 3289 | 59 7348 |
| 12  | 43236  | 3456 | 60 7502 |
| 13  | 50637  | 3621 | 61 7649 |
| 14  | 58538  | 3793 | 62 7796 |
| 15  | 67039  | 3962 | 63 7939 |
| 16  | 76040  | 4132 | 64 8078 |
| 17  | 85541  | 4304 | 65 8214 |
| 18  | 95542  | 4477 | 66 8346 |
| 19  | 106043 | 4654 | 67 8474 |
| 20  | 117044 | 4827 | 68 8597 |
| 21  | 128545 | 5000 | 69 8715 |
| 22  | 140246 | 5173 | 70 8830 |
| 23  | 152747 | 5346 | 71 8940 |
| 24  | 168548 | 5523 | 72 9045 |

Cūque salientis, vel iactus cuiuspiam altitudinem agnoueris, verbi gratiā salientis ad eleuationem 22 graduum, quæ est in tabula, 1402 quampiam alteram beneficio regulæ proportionis inuenies. Exemplum esto iactus, vel salientis, cuius altitudo 22 pedum, ad prædictam 2 graduum eleuationem: & quæretur altitudo verticalis; quæ habebitur, si vt 1402 ad 10000, ita fiat 20 ad 142, & paulò amplius, hoc est altitudo iactus verticalis erit ad minimum septupla altitudinis iactus viginti duorum graduum,

Eodémque modo alia iactus cuiuslibet altitudo, verbi gratiā iactus



medij 45 graduum inuenietur; qui cū sit 5000, in tabula; si vt 1402 ad 5000, ita fiat 20 ad alium numerum, altitudo salientis, vel iactus, ad 45 graduum eleuationem, erit 71; proximè; vel, absque noua supputatione, dimidia erit verticalis altitudinis: neque difficilius est ex altitudine verticali, 22 graduum altitudinem, aut quamlibet aliam inferre.

MONITVM.

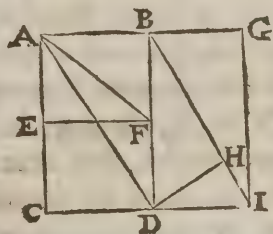
**C**VM nondum desint qui negent globum, sagittam, aut aliud graue verticaliter emissum ab eo qui vel eques incedit, vel curru, naui, aut alio modo gestatur, ad iacentis manum redire posse; quòd motuum compositioni numquam animum adhibuerint, placet sequente propositione difficultatem omnem amouere, variæque phænomena prædictæ compositioni necessario coniuncta explicare.

PROPOSITIO XXXII.

*Motuum quorundam explicare compositionem, naturalis præsertim, & violenti; & ostendere quomodo pila, vel alia graua, quæ verticaliter quispiam equo, naue, vel curru vectus verticaliter proiecerit, in illius tamen manum necessariò redeant.*

**V**T motuum compositiones intelligantur, quæ totidem modis combinari, conternari, cōquaternari, &c. quot numeri, vel lineæ coniungi, miscerique possunt, præter ea quæ diximus tam præludio, quàm à 20. propos. Mechanicorum vsque ad calcem, nonnulla velim addere, quæ iuuent imaginationem, & intellectum.

Sit igitur ABEF quadratum, cuius duplum parallelogrammum AD; atque ex angulo quadrati A sufflet ventus in B, eodem impetu quo ventus alter ex A in E, clarum est mobile in A intellectum, neque ad B, neque ad E punctum iturum, sed ad F, per rectam AF, quæ ita componetur ex motibus AB & AE, vt tamen non sit illi æqualis, licet vtriusque impellentis vel trahentis desiderio vtcumque satisfaciat; cū enim qui pellit A, ad rectam B illud propellat, ad BF peruenit per AF; quemadmodum idem A impellens ad rectam E, scopum attingit in eodem puncto F, per eandem diametrum AF: neque tamen







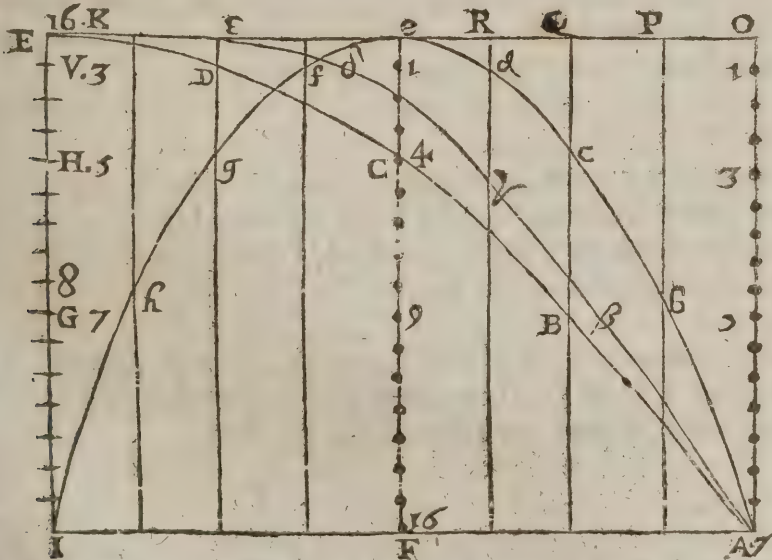
hoc est non diuidere angulum BDI bifariam.

Præterea notandum est non solum rectam AB, vel aliam quacumque, produci posse à duobus motibus AC, & AD, sed & ipsam rectam AC eodem tempore generari posse à duobus motibus FA, & AE; iterumque latus AE describi posse à duobus aliis motibus, & ita in infinitum. Hinc fit vt nescire possis à quibus causis motus aliquis propositus descriptus fuerit, nisi causas ipsas noveris; cum enim motus idem fieri possit à mille causis, vel à paucioribus, imo & ab vnico motore, semper incertum erit à quot, & à quibus, nisi motores ipsos videris, aut aliunde cognoueris.



Non solum autem recti motus à variis motoribus ad diuersas partes tendentibus, sed etiam motus circulares, & quouis modo curui, à diuersis motibus rectis generari possunt, vt ex sequente figura constat; si enim eodem tempore quo graue quodpiam ab *e* puncto cadet ad F, iuxta solitam velocitatis accretionem, hoc est per numeros quadratos 1, 4, 9, & 16, moueatur lateraliter æquabili motu, hisce duobus motibus compositis curuam *e, d, c, b, A* describet, quam sæpenumero parabolam esse diximus; idemque dicendum de sinistra parte parabolæ *e, f, g, h, I*.

Hunc autem motum curuum, qui sensibus ita sunt obnoxij vt nil ferè rationi tribuant, vix eredent, nisi descenderint è curru, vniiformiter,



siue æquabiliter moto, stantibus enim in puncto I, globus, aut lapis



proiectus ab existente in curru perpendiculariter versus *E* punctum, apparebit moueri, non per rectam *IE*, cum ascendendo, tum exscendendo, sed per curuam *I, h, g, f, e* ascendendo, & per *e, d, c, b, 7* exscendendo.

Similiter si quis ex curru moto manum attollens in *e*, pilam, aut lapidem ex *e* puncto labi sinat, eodémque tempore, quo descendit motu proprio ab *e* ad *F*, currus ad *A* perueniat, videbit oculus stans è regione puncti *F*, pilam non moueri per rectam *e F*, vt credit curru gestatus, sed per curuam *e A*.

Cuius motus ratio, & causa suggeritur ab ipsa figura, cum enim lapidi currus motum imprimat, quo spatium horizontale *e R* conficit eodem tempore, quo motu naturali descendit ab *e* ad *1*, in perpendiculari *e F*, in sexdecim partes æquales diuisa, necessarium est ex istis duobus motibus simul iunctis componi motum curuum *e d*; cumque secundo tempore, propter motum à curru prius impressum, eodem tempore moueatur per *R Q*, quo descendit ab *1* ad *4*; deinde per spatium *QP*, & *PO*, moueatur horizontaliter iisdem temporibus, quibus descendit à *4* ad *9*, & à *9* ad *16*, necesse est vt eodem momento, quo punctum *F* tangeret in curru stante, tangat *A* in curru mobili.

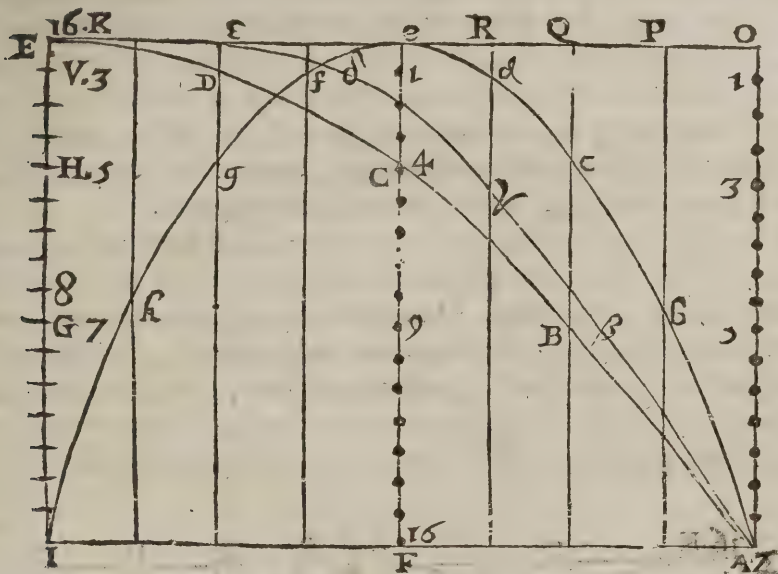
Quæ cum adeò clara sint, vt ipsis oculis sapenumero satisfieri curauerimus; & tractatu suo de Translato motore, (quo ferè omnia elegantis stylo persequitur Gassendus noster, quæ Galileus operoso Dialogo quarto demonstrat) totam historiam ab experimento luculentissimo nauis super mari Mediterraneo, coram optimo, sapientissimoque Duce Aleſio, Prouinciæ Prorege, facto deduxerit, & in ipsos oculos coniecerit, non est quod hic plura congeramus.

Quanquam aduertendum est nec à mali summitate, nec in curru perfectam parabolam descriptam iri, si vel nauis, & currus intelligantur eadem velocitate currere, quo globus ignarij tormenti, aut apud Aristarchum, terra mouetur; constat enim lapides, sagittas, globos, & alia grauia proiecta, ab *e* verbi gratiâ, ad *O* (quod iter leuæ supponatur) non transire quatuor illa spatia *e R*, *R Q*, *QP*, & *PO* temporibus æqualibus; sed tardiùs moueri à *Q* ad *P*, quàm ab *e R*; & motum à *P* a *O* adeo tardum esse, vt globus tormenti, qui per spatium *e Q* sonum ediderat, à *Q* ad *O* grauiorem & grauiorem producat, donec horizonti occurrat, à quo, motu suo reliquo spoliatur.

Hinc fit vt globi, & sagittæ in *O*, vel *A* minus lædant quàm in *R* vel *Q*, quòd in *O*, vel *A* tardiùs, quàm in *R* vel *Q* moueantur. At verò dum currus vel nauis tardiùs mouetur, proiecta, vel grauiasuo pte nutu cadentia ferè nihil quod sensibus possit esse obnoxium, ab aëris resistentia patiuntur, cum nauis assequi nequeat motum lapidis manu

horizontali;

horizontaliter proiecti: quod facile possis experiri, si tempus metiaris quo naus decem hexapedarum spatium confecerit, ad quas lapis proiectus velocius perueniet.

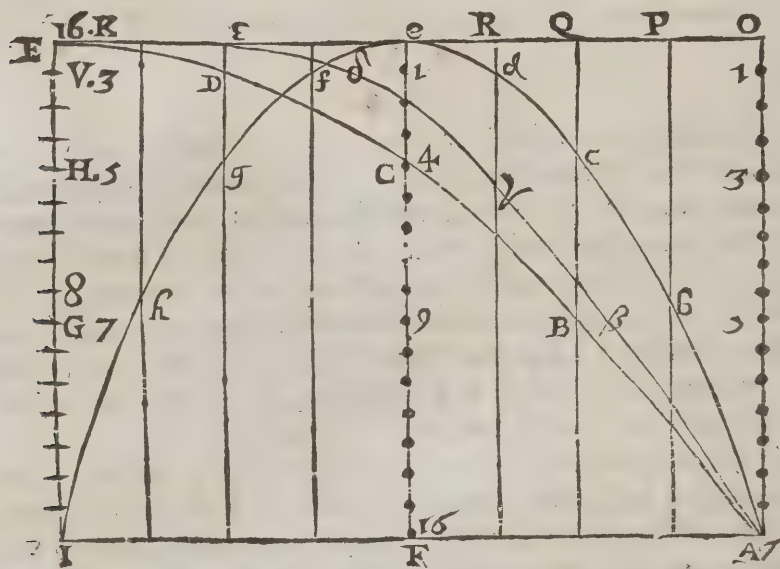


Demus enim motui lapidis per decem sexpedas temporis secundum; si naus eadem velocitate pellatur, vno horæ minuto, 600 sexpedas, & vna hora 36000, hoc est 4 leucas & amplius faciet: quod tamen iter triremes vehementer actæ numquam perficiunt, cum accuratissimus Gasfendus Epistola prima de motu impresso, affirmet triremem, quâ expertus est cadentem lapidem è mali summitate ad pedem eiusdem, intra quadrantem horæ, 4 perfecisse milliaria; quæ si milliariis æqualia sint, quibus vtor, nempe 625 sexpedis, illo horæ quadrante triremis 3125 hexapodas, seu 1½ leucam confecit.

Cum autem quindecim minutis constet horæ quadrans, sequitur triremis tantam fuisse velocitatem, vt vnico minuto 208 ⅓ hexapodas fecerit, & quolibet secundo minuto ferè 3⅓ hexapedas; quapropter lapis à puero proiectus, quinque faciens sexpedas vno secundo, celerissimam triremen superat, vel ad minimum adæquat: quamobrem mirum non est pilam ab e puncto in F cadentem reperiri in A puncto, ad quod malus ex F in A, (quod sit spatium trium aut quatuor ad summum hexapedum) peruenit, cum in horizontali motu tantæ tarditatis parum admodum aër pilæ currenti officiat.

At secus continget si  $FA$ , per quod pila moueatur, vnus milliaris supponitur, quod triremis spatio 20 secundorum perficiat, tanta siquidem aëris resistentia in tanto spatio futura est, vt curua  $e, c, b, 7$  longè citra punctum  $A$  desinat; tantoque semper ab exacta parabola magè deficiat, quanto solidum aëris, eodem tempore percussum, & præteritum, maius fuerit, hoc est quantò maior fuerit proiecti velocitas horizontalis; quandoquidem aër tantumdem impedit pilæ motæ spatium in vacuo conficiendum, (in quo solo perfecta parabola expectanda sit) quantum aër ipse, eiusdem ac pila magnitudinis, pilam in aëre suspensam, in quam eadem velocitate, eodemque tempore spiraret, quo pila moueri supponebatur, retrocedere cogeret.

Quibus addo nequidem in trireme, tres solùm hexapedas spatio minuti secundi percurrente, pilam cadentem ex  $e$  in  $F$  describere parabolam; quod ita demonstro. Duæ pilæ ab  $e$ , quietis puncto, descendant versus  $F$ , quarum vna sit plumbea, vel quercina, alia suberea; moueaturque triremis ab  $F$  ad  $A$ , eodem tempore, quo pila plumbea descendet ab  $e$  ad  $F$ ; hæc pila descendet per parabolâ  $e d c b 7$ , vt iam dictum est: cùmque certissima constet experientia pilam ex subere tardius



ab  $e$  ad  $F$ , quàm plumbeam descendere, quippè punctum  $9$  solum attingit, quando plumbea peruenit ad  $F$ ; & tamen primo dimidio secundo simul ita cum plumbea ab  $e$  ad  $i$  descendat, vt sensus nullum



inter ambas discrimen obseruare possit, clarum est initio motus pilam vtramque partem  $e$   $d$  parabolæ ad sensum describere, deincepsque pilam subeream minimè  $d$   $c$   $b$  curuam assequi, sed per aliam descendere, eò latiore quò mouebitur tardiùs ab  $e$  ad  $F$ , donec pila tantæ fiat leuitatis, vt nullam aëris particulam possit impellere, vel permeare; sed neque tunc per  $e$   $F$  descenderet, neque ab  $e$  versus  $O$  moueretur, nisi forsan ad replendum spatium, quod triremis, vel eius mali summitas  $e$  post se relinqueret.

Idemque dicendum de corporibus leuioribus à puncto  $I$  versus  $E$  proiectis, in curru, vel triremi currente, quæ minimè descriptura sunt curuam  $I$ ,  $h$ ,  $g$ ,  $f$ ,  $e$ ,  $d$ ,  $c$ , &c. Quæ omnia ex nostris obseruationibus Hydraulicis adeo clara sunt, vt quis perdat operam si plura quærat. Tantùm addo curuas semper futuras esse differentes, quoties projectorum, vel cadentium è quiete corporum leuitas diuersa fuerit: exempli gratiâ, cum globus ex subere, ab  $e$  in  $F$ , 48 pedum existente, cadat spatium 3 secundorum, globus ex medulla sambucea, spatium 5. secundorum, & globus ex Cypriani vesicula constructus, 8 secundorum spatium, certum est curuas ab illis, ex mali  $e$  summitate cadentibus descriptas, inter se, & à curua, quam globus ligneus describit, admodum esse differentes: cumque triremis spatium spatij  $F$   $A$  duplum, vel triplum faciat, quandiu medullaceus globus ab  $e$  ad  $F$  descendit, curua duplo, triplòve latior erit, quàm parabola  $e$   $A$ , licet ab initio ferè coincidat cum  $e$   $d$  curua.

### MONITVM.

**P**lacet addere motum grauium terræ motui supposito iunctum, vt appareat vnicuique quid ex illa motuum coniunctione nascatur, vel quæ linea describatur: si tamen priùs monuero tantùm ex motuum compositione nostrum profecisse Geometram, vt illorum ope generalem methodum inuenerit ad cuiuslibet curuæ tangentes facillimè reperiendas, quales sunt trium sectionum conicarum curuæ, & choncoidarum, cissoidis, quadratricis, trochoidis, &c. Vnicum exemplum in parabola gratiam affero, si priùs supponatur motus curuam describentis directionem in quolibet curuæ puncto esse rectam, quæ curuam in illo puncto tangit.

Sit igitur descripta parabola  $e$   $E$   $B$ , cuius focus  $A$ ; sitque tangens  $e$  puncti in recta  $P$   $A$  siti reperienda. Quod vt fiat, ducatur à foco  $A$ ,



## PROPOSITIO XXXIII.

*Describere lineam oculo immoto apparentem, quæ in curru, equo vel naui currente solummodo perpendicularis existimatur, etiam motu diurno terræ supposito.*

**M**otus lapidis perpendiculariter in altum proiecti ex naue mota super mari, eademque naue habente motum telluris communem, si motus naus à vento, sit æqualis motui telluris, describet parabolam, cuius latitudo dupla est latitudinis parabolæ descriptæ à motu lapidis sursum, & motu naus horizontali æquabili, quiescente terra. Sit enim parabola facta ex motu lapidis sursum, & motu naus horizontali æquabili  $A, b, c, d, e, f, g, h, i$ , cuius dimidia latitudo  $FA$ . Cum ergo lapis est in  $b$ , propter motum naus, si accedat motus telluris æqualis motui à vento, erit lapis eo tempore in  $B$ , id est bis tantum progressus in linea horizontali. Similiter, secundo tempore, quo quiescente terra debebat esse in  $c$ , erit in  $C$ , & tertio tempore erit in  $D$ , cum absque motu terræ lapis sit tantum in  $d$ . Quarto denique tempore erit in  $E$ , & dimidia illius latitudo erit  $IA$ . Cõstat enim hanc lineam esse parabolicam, ex eo quod  $eF$ , diuidatur in partes 16 æquales, quarum una abscinditur in puncto  $D$ , 4 in puncto  $C$ , 9 ad  $B$ , & 16 ad  $A$ . Vide figuram pag. 114.

Porro si terra moueretur duplò tardius, quàm naus mouetur à vento, fieret parabola  $A, \beta, \gamma, \delta, \epsilon$ , cuius altitudo sesquialtera latitudinis  $FA$ . Denique si terra moueretur centies millies velocius, quàm naus feratur à vento, describeretur tamen parabola eiusdem altitudinis, sed latitudinis adeo immensæ, ut illa linea videretur recta oculo penitus immoto, à qua non differret sensibilibiter. Si verò à vertice  $E$  tormentum exploderetur, quiescente naui, & eâ velocitate moueretur globus in partem aduersam, quâ fertur tellus, globulus propter grauitatem descendens describeret lineam rectam  $El$ , & quandiu globus in linea collineationis horizontali solet apparere, cerneretur immobilis in puncto  $E$ .

Si verò in eandem ac terra partem, putà ab  $E$  ad  $O$ , moueretur, oculo in  $E$  vel  $I$  immoto per parabolam  $EDCBA$  currere videretur, cuius latitudo  $IA$ , dupla latitudinis parabolæ  $i, b, g, f, e$ .

Eodemque modo pila, à ludente in naui, percussa in  $e$  puncto versus  $E$ , videretur immobilis ab oculo in fluminis, vel maris immoto margine spectata, si eodem tempore ab  $e$  ad  $E$  moueretur, quo naus ab  $e$  ad  $O$  currit; & alia pila ab aduersario in  $E$  vi æquali percussa, ab eo-



dem oculo per totam lineam E O moueri videretur, eodem tempore quo prima pila in  $e$  puncto, velut in aëre suspensa cerneretur. Ex quibus facile alia phænomena quispiam intelligat.

Motum telluris ex annuo & diurno compositum omitto, quandoquidem ex dictis facile potest intelligi qualis pilæ motus ab oculo immoto videndus sit, his duobus motibus suppositis.

Sunt etiam alia quæ possint ex hac figura intelligi, præter motus illos ex verticali A O, vel F  $e$ , vel I E, & ex horizontali O  $e$ , vel E  $e$ , vel A F, & I F compositos, qui semper lineas parabolicas describent, minoris aut maioris latitudinis, iuxta motus horizontales æquabiles, tardiores vel celeriores; exempli gratiâ, si postquam cecidit lapis, aut aliud graue ab O ad A, vel ab  $e$  ad F, vel ab E ad I, certum est, ex dictis, lapidem tantum impetum in A, vel F, vel I concepisse, vt tempore æquali, quo descendit ex O, vel  $e$ , vel E in A, aut I, duplum spatium lineæ I E confecturus sit; hoc est, cum 4 temporibus ab E puncto ad I descenderit, si reuertatur ab I versus E, illa velocitate, quam acquisiuit in I, 4 temporibus 32 spatia percurreret per lineam I E ultra E productam.

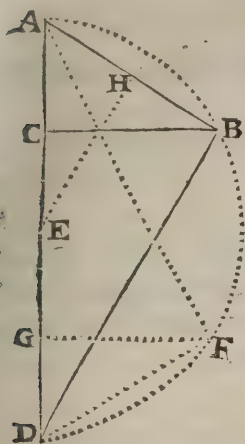
Sed cum grauitas, quæ semper est comes lapidis tam ascendentis quàm descendentis, hunc impetum eadem ratione retundat, & imminuat, quo illum in descensu iuuerat, & auxerat, continget primo tempore lapidem, qui sine grauitate octo spatia confecturus erat, septem duntaxat percursum, & ad punctum G, non ad punctum 8 ascensurum. Secundo tempore alia octo spatia percurrisset vsq; ad E; sed cum secundo tempore grauitas tres gradus auferat, & non ab 8, sed à G incipiat, hoc tempore solum ad H ascendit. Tertio tempore grauitas ei quinque gradus adimit, & ideo ab H ad V ascendens tria duntaxat spatia percurrit. Quarto denique tempore spatium vnicum ab V ad E conficit, quod grauitas ei septem abstulerit. Vide figuram pag. 113. & 114.

## MONITVM I.

### *De grauium descensu super planis inclinatis.*

**C**VM iam de isto descensu pluribus in vtriusq; harmoniæ locis, & in Mechanicorū præludio dictum fiterit, sequentia facilius intelligi poterunt. Sit igitur planum inclinatum A B, super quo globus ab A puncto quietis, vsque ad H, vel ad B descendat. Vbi plura quæri possunt; primò, quantò tardiùs ille globus per A B, quàm in perpendiculari A D descendat; secundò, quantò velociùs in plano A F magis inclinato quàm in A B; atque adeo quibus in locis futurus sit in

perpendiculari  $AD$  cū ad  $H$ , vel  $B$  super plano  $AB$ , vel ad  $F$  super plano  $AF$  peruenit. Tertiò, quam lineam describat ille globus, qui eodem tempore, quo super planis illis descendit, fertur simul horizontaliter curru, vel naue.



Duo verò prima faciliè soluantur, quandoquidem velocitas globi per  $AD$  descendētis, est ad illius velocitatem per  $AB$  descendentem, in ratione  $AC$  ad  $AB$  reciproca; hoc est vt  $BA$  ad  $AC$ , ita velocitas per  $AC$  ad velocitatem per  $AB$ : exempli gratiâ, si  $AB$  sit duplum  $AC$ , velocitas per  $AC$  dupla erit velocitatis per  $AB$ . Idemque dicendum de velocitate per  $AF$ , comparata velocitati per  $AD$ : & de duabus velocitatibus per illa duo plana inclinata, quorum velocitates sunt in reciproca ratione longitudinum.

Quibus adde punctum in perpendiculari plano  $AD$  faciliè reperiri, ad quod grauia peruenire debeant, eodem momento quo datum planorum inclinorum punctum attingunt; nam recta planis inclinatis perpendicularis, ad planum  $AD$  producta, determinat punctum illius quæsitum: exempli gratiâ, cū ab  $A$  peruenit globus ad  $H$ , vel  $B$ , perpendicularis  $HE$ , vel  $BD$  ostendit punctum  $F$ , vel  $D$ , ad quod globus eodem tempore descendit, quo super plano  $AB$ , punctum  $H$ , vel  $B$  attingit: eodemque modo reperies ex dato puncto plani  $AD$ , ad quem locum planorum inclinorum graue descendens perueniret, cū eadem lineæ ex punctis  $E$  &  $D$  actæ perpendicularares planis  $AB$ , &  $AF$ , ostendant prædicta puncta in  $AB$ , & punctum  $F$  in plano  $AF$ .

Cū autem perpendicularares illæ rectum angulum faciant cum planis inclinatis, sintque omnes anguli recti in semicirculo  $ABFD$ , vel alio simili, nihil punctorum illorum inuentione facilius. Sed difficilior esse videtur lineæ compositio ex  $AB$ , vel  $AF$ , & horizontali lineæ  $CB$ , aut aliâ quapiam, per quam transfertur globus  $A$ , eodem tempore quo mouetur super  $AB$ , vel alio plano inclinato.

Qui tamen propiùs inspexerit motum globi eodem tempore per planum  $AB$  currentis, & eius casum in duplicata ratione temporum accelerantis, quo planum horizontale  $CB$ , quocumque motu, dummodo æquabili, à  $C$  per  $B$  vterius promouetur, lineam illam iudicabit parabolam, idque in omni cuiuslibet plani inclinatione; quemadmodum est parabola, cū per plana inclinata quæcumque ascendentiā  $DF$ , vel  $DB$ , globus eodem eodem tempore ascendit, quo planum horizontale



à G ad F, vel à C ad B promouetur: eritque A B gènerationis diamēter, & C B ordinata.

Si verò globus æquabili motu peræquè super plano inclinato, ac ipsum planum horizontale, moueretur, describeretur recta, quamcumque rationem motus illi ad inuicem habeant.

Si denique graua descenderent aliis modis, seu proportionibus, quas prop. 18. explicauimus; verbi gratiâ, si quatuor primis temporibus æqualibus eo conficiant ordine & numero spatia, quo numeri serie naturali progrediuntur, 1, 2, 3, 4, &c. vt Varro, & alij existimant, in naue mota casus lapidis non describeret parabolam, sed aliam curuam, cuius proprietates faciliè innotescant, quòd sequatur numeros triangulares, 1, 3, 6, 10, &c. duobus enim primis temporibus, 3 : tribus, 6; quatuor, 10 spatia lapis cadens percurrit.

#### PROPOSITIO XXXIV.

*Dato arcu data tensionis, cuius sagitta, vel pila in data super horizontem inclinatione suum missile ad certum spatium mittat, dare alium arcum similiter tensum, qui suum missile longius emittat in data ratione, quantum fieri potest.*

HÆc propositio erit sequentis veluti præambulum, siue præparatio. Vix autem vllum reperiatis qui non asserat illud problema esse penitus impossibile, nisi de rebus physicis geometricè crediderit tractandum esse, vt quemadmodum progressio numerorum, vel linearum in quacunque ratione in infinitum abit, qualis est, verbi gratiâ, processus arithmeticus 1, 2, 3, &c. vel geometricus, 1, 2, 4, 8, &c. ita possit robur, & vigor arcuum magis ac magis crescere, & sagittas longius atque longius emittere, quod cum ex multis capitibus repugnare videatur, tum quòd illud virium augmentum non patiatur materiæ fragilitas, neque hominum industria possit arcus construere, vel flectere, si fingantur animo tantarum esse virium, vt suas sagittas hinc ad stellas, solem, vel lunam iaciant; neque fortassis aër tantam violentiam aut velocitatem pati queat, vt viam aperiat telis ea velocitate excussis, quæ necessaria foret ad iactus adeo longos & veloces; hæc propositio restringenda, nostris vt vsibus accommodetur.

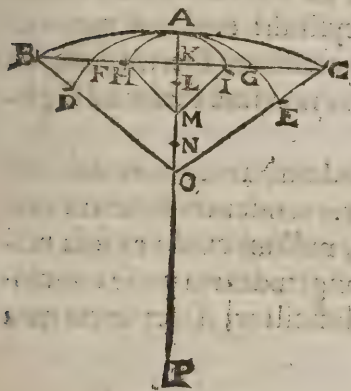
Supponamus ergo balistas, vel arcus ad iactum maiorum tormentorum

rum



torum ignariorum, hoc est ad tria milliaria, posse peruenire, nec enim desunt qui putent veterum machinas militares ad hoc spatium lapides talentarios, aut sagittas trabibus nostris æquales proieciſſe; quod cum vix credam, neque hactenus vllâ ratione, vel auctoritate satis firmâ probatum viderim, ne tamen vlli repugnem, ſupponamus etiam hominum induſtriâ arcum vel chalybeum, vel cuiuſvis alterius materiæ parari poſſe, qui vel ſolus, vel aliis iunctus viribus ad ſpatium præcedentis duplum, aut triplum, hoc eſt ad duas aut tres leucas telum, ſagittam, lapidem, aut aliud graue quodpiam poſſit emittere.

Quibus poſitis, ſit arcus ſequens  $H K I$  lunatus, cuius neruus ad  $M$



adductus faciat angulum æqualem angulo nerui  $BC$ , ad arcum  $BAC$  pertinentis, & ad  $O$  adducti, ſintque iſti arcus cum ſuis ſagittis, & neruis in omnibus ſimiles; minoris autem  $HAG$  tenſio fiat uſque ad  $M$  vi ponderis 50 librarum, eiſque iactus medius, (qui & omnium maximus) ſit 50 hexapedum, ut noſtris arcubus ligneis contingit: quaeraturque quantum maior eſſe debeat arcus, ut ad duplam vel triplam diſtantiã ſagittas mittat: cuius robur ſi duplum fuerit pluribus ſufficere videatur: quod quidem robur ſi metiaris ex

viribus tendentibus, experientia docet arcum chalybeum mille viribus, ſeu libris tenſum, duplò ſolum longius ſagittam emittere; cum enim arcubaliſtam illis ponderibus tendiderim; iactus illius vix centum hexapedas ſuperauit, quamquam alia baliſta chalybea ſagittam ad 150 ſexpedas emiſit.

Porro variis experimentis ſultus ſuſpicari poteſt quiſpiam vim arcus octuplam eſſe debere, ut iactum duplum habeat, qualis arcus  $BAC$  arcus  $HAC$  longitudine duplus futurus videtur, ſi fuerint inter ſe ſimiles inſtar cuborum, qui ſunt in ratione triplicata ſuorum laterum: atque adeo pondera tendentia in ratione triplicata iactuum futura; exempli gratia, ſi chalybeus arcus  $HAG$  50 libris tenſus in  $M$ , ſagittam ad 50 ſexpedas mittat, arcus  $BAC$  telum ad 50 miſſurus ſexpedas, tendetur ad  $O$  libris 130.

At huic ſuſpitioni non pauca opponuntur, præſertim verò quod iſtius tracti initio notatum eſt, arcum ligneum  $BAL$  vno pondere tenſum in  $L$ , ſagittam ſuam emiſiſſe ad certum ſpatium, & duplo pondere tenſum

ad M, eandem sagittam emisisse ad duplum spatium: & ad N triplo tensum pondere, ad triplum spatium excussisse. Quapropter arcus sufficere videtur duplus viribus, ut ad duplum spatium iaciat. In arcubus chalybeis nunquam ratio ponderum per æqualia spatia K L, L M, M N, L N O, neruium H C tendentium maior visa est, quàm (ad summum) duplicata prædictorum spatiorum, ut in obseruationibus initio libri allatis reperies, sed qualis iactuum ratio ex illis punctis futura sit, an eadem ac in arcubus ligneis, an diuersa, iuxta tensionum diuersitatem, non potuimus obseruare.

Hic autem non solum arcus similes, sed etiam longitudine æquales, & crassitudine differentes considerari possunt; num videlicet arcus duplò vel triplò crassior, ut vim maiorem ad sui tensionem requirit, ita longius telum mittat. Verùm cum cylindri eiusdem materiæ vim eò maiorem requirant ut flectantur, quò crassiores fuerint, non eò velocius redeunt, cum tamen reditus velocitas maximè faciat ad sagittas longius transmittendas.

Quapropter in illam velocitatem inquirendum, antequam dubium præteritum solui possit: nisi enim diuersæ vires tendentes inferant maiorem recurrentis arcus & nerui velocitatem, nullum credo ex sola maiorum virium tensione iactuum maiorem longitudinem posse concludere. Cur enim non occurrat materia flexu difficilior, licet incuruata minore velocitate recurat?

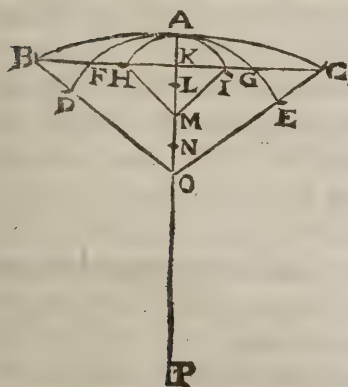
## PROPOSITIO XXXV

*Arcu dato, cuius recursus sit data velocitatis, alterum arcum inuenire, cuius recursus præscriptam habeat cum præcedente velocitate rationem: ubi de tensione nerui necessaria, quæ bis, ter, &c. velocius, aut tardius recurrat.*

**Q**Uæ propositio (quemadmodum præcedens, & cæteræ materiam inuoluentes) intra naturæ & artis fines cohibenda, cum non ita possit quælibet exhiberi celeritas, ut solâ ratione consideratur. Cum autem maximum duplæ velocitatis signum esse videatur, cum missile duplum iter eo tempore percurrit, quo missile aliud conficit iter subduplum; constetque ex nona propositione huius tractatus, sagittam ex arcu chalybeo mille ad minimum libris tenso missam duplò tantum velocius moueri sagittâ, quam arcus ligneus 50 libri tensus emittit



Quæ ut clariùs intelligantur, sit rursus figura præcedens, B A C P,



Ne vero repetamus quæ iam II. propoſ. dicta ſunt, nempe velocitatem ab O ad K, eodem ferè modo crefcere, ac grauium cadentium velocitatem, vt duplò fit velocior neruus B O C, cum ad K, quàm ad M peruenit; veriſſimile videtur neruum maioris arcus, cuius ner-

ius duplò longiùs, quàm arcus subdupli tenditur, (cùm O K sit duplum M K ex constructione, & hypothefi) duplò velociùs verfus punctum K moueri, quod verum erit, fi eodem temporis momento, quo neruus minoris ab M puncto difcedit, maioris neruus eadem velocitate ab O puncto recedat; vt enim lapis duplo tēpore cadens duplam celeritatem acquifiuit, ita neruus ab O ad K recurrens, in puncto K celeritatem fibi comparauit, quâ, fine augmento, fpatium deinceps fpatij O K duplum eodem, vel æquali tempore conficere poffit, quo fpatium O K percur-



rerat, si liberum ei fieret, hoc est absque arcus retentione: adeo ut globus occurrens in K, & à neruo percussus, spatium spatij O K duplum sit confecturus, vel æquali tempore, quo neruus lineam O K percurrerat, dummodo globus vel sagitta discedens omnimodam nerui velocitatem induerit: cumque ferè spatia æqualia temporibus æqualibus à sagittis percurrantur, ut ex variis observationibus constat, non absolum fuerit si quis illarum velocitatibus ad nerui redeuntis velocitatem inuestigandam utatur; hoc est, ut innotescat quo tempore neruus ab O ad K redeat.

Sit ergo sagittæ tanta velocitas ut 30 hexapedas vnius secundi spatium conficiat, (ut reuera contingit in emissione arcus chalybei, de quo supra) sitque spatium O K sex digitorum, quale propemodum in illo arcu; rursus ab O ad K erit  $\frac{1}{30}$  secundi, vel 10 quartis minutis, seu  $\frac{1}{3}$  minuti tertij.

Quam velocitatem si placeat celeritati redeuntis harmonici nerui comparare, qui sonum acutissimum edit in Spinetis, Citharis, & aliis instrumentis, æqua proximè celeritas reperietur, si tamen fingatur ille neruus harmonicus sex digitos recursu suo conficere, cum tamen vix vnius vel alterius lineæ spatium percurrat. Vnde fit ut chorda ab O ad K sexagecuplo celerius moueatur, quod nempe linea sexagies in K O, hoc est dimidio pede, contineatur, & eodem tempore ab O ad K fiat recursus, quo neruus prædictus harmonicus semel recurrit.

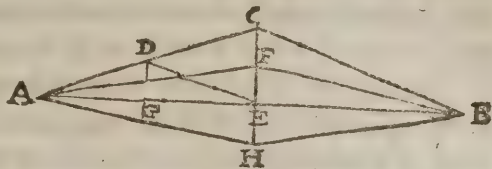
Hinc autem innotescit velocitas reditus quorumvis aliorum arcuum; exempli gratiâ, spatium K O sit 16 digitorum, quale in arcubus ligneis experimur; quorum sagittæ cum duplò tardius currant, etiam duplò tardius chordæ ab O ad K mouebuntur, hoc est spatio  $\frac{1}{2}$  minuti tertij.

Porro quoties neruus optimam habet cum arcu & sagitta proportionem, crediderim vel totam, vel pene totam nerui celeritatem in sagittam transmitti, atque adeo nostram de velocitate nerui recurrentis ratiocinationem non longè à vero discedere. Sed illa semper difficultas de reperiendo arcu superest, cuius neruus dupla, tripla, &c. velocitate redeat, maximè cum tensionis spatium K O æquale fuerit, satis enim ex dictis constat eò maiorem esse cuiusvis arcus, & nerui velocitatem ab O puncto eadem celeritate recedentis, quo maius fuerit O K spatium.

Ut verò neruus in eodem spatio moueatur duplò velocius, hoc est ut ab O duplo promptius exeat, vi quadrupla tendendus est, ut constat ex Harmonicis nostris, in quibus ostensum est neruum AB vnica vi tensum, à puncto C, ad quod pellitur, semel redire, vique quadrupla

tensum bis redire, hoc est velocitatem reditus  $AB$  esse in virium, seu ponderum tendentium subdupplicata ratione.

Ostenfum est etiam neruum subduplum  $AE$ , eadem vi, ac duplum  $AB$  tenfum, duplo velocius redire à puncto  $D$  ad punctum  $G$ , quàm neruum  $AB$  à puncto  $C$  ad  $E$ , licet punctum  $E$  moueatur æque velociter ac punctum  $D$ , quandoquidem spatium  $CE$  duplum spatij  $DG$  duplo tempore percurrit. Vnde concludebamus in Harmonicis acumen soni non à maiori nerui velocitate, sed ab illius recurfu frequentiore petendum.



Quibus ex harmonia repetitis facile reperietur arcuum velocitas; cum enim illorum nerui tenduntur in ratione duplicata velocitatum, prodibunt illæ velocitates. Sint enim duo præcedentes nerui  $AE$ , &  $AB$ , duorum arcuum  $ADE$ , &  $ACE$ , qui nihil iuuent, nec etiam impediant nerui velocitatem; quantumuis illi nerui longitudine differant, semper æquali celeritate mouebuntur, si tanto longius ab horizonte, seu recta linea  $BA$  trahantur, quantò longiores fuerint, & æquali potentia, seu æquali pondere tensi fuerint.

Vbi verò alteruter in ratione suæ longitudinis, ad alterius longitudinem duplicata tendetur, dubio procul velocius quàm antea mouebitur in ratione tensionum subduplicata. Exempli gratia, si  $AE$ , vel  $AB$ , qui cum vnus libræ pondere tendebatur, vno tertio minuto semel recurrebat, quatuor libris tēdatur, eodem tempore bis recurret; si nouem libris tēdatur, ter redibit, hoc est triplò velocius mouebitur, & ita de reliquis.

Vnde multa concludi possunt ad arcus, & illorum neruos attinentia, nēpetam maiores quàm minores æque velociter initio recurrere, cum nerui tenduntur æqualiter, & arcus sunt eiusdem perfectionis, & materiæ. Deinde tensionis eiusdem esse, cum vnisoni, si æquales sunt tam longitudine, quàm crassitudine & materia; vel si longitudine sola differant, cum illorum soni in eadem inter se ratione fuerint ac ipsi nerui: qui si crassitudine sola, vel simul crassitudine, & longitudine discrepent, soni in ratione subduplicata crassitudinum, vel in ratione composita ex ratione diuersarum longitudinum, & subduplicata crassitudinum æqualem neruorum velocitatem testabuntur, quod fusius in Harmonicis nostris explicauimus.

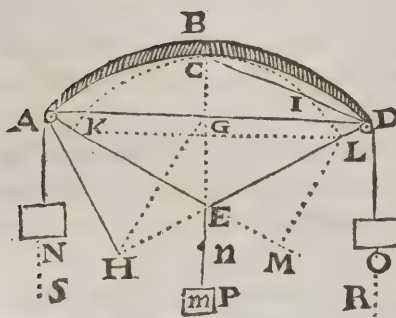
Vnicus ergo sonus nostris difficultatibus succurret, quo sagittarius non solum neruos vnique arcui adhibitos, sed etiam vtrumque tenso explorabit, & quamlibet tensionum rationem ostendet. At verò



neruorum arcubus chalybeis seruientium vix tonum, hoc est soni grauitatem, aut potius grauitatis, vel acuminis gradum inuenies, ob chordæ crassitudinem & breuitatem nimiam, qua sonus tum obtusus redditur, vt vix ac ne vix quidem de eo iudicium satis exactum ferre possis.

Eapropter peculiaris nervus semper habendus, quem cum semel arcu exploraveris ad illius tensionem & velocitatem sono cognoscendam, cæteris deinceps propositis arcubus, quorum tensiones & velocitates inquirentur, accommodes: potius enim de arcuum, quàm de nervorum velocitate fatagendum, cum nervi propter arcus redeant.

Quodlibet igitur arcus brachium instar nervi eiusdem, ac arcus, materiae considerari potest, quales, verbi gratia, arcus  $A B D$  brachium  $A B$ , vel  $B D$ , cum enim nervus  $A D$  vel  $G$  quadruplo pondere  $O$  tensus acquirat duplam velocitatem illius, quam habebat, velocitatis, cum pondere subquadrulo tendebatur, (nervo labente super trochleam  $D$ ) cur brachium  $B D$  etiam quadruplo pondere tensum non acquireret duplam sui recursus velocitatem? quando praesertim eiusdem ac nervi materiae supponitur: idemque de toto arcu  $A B D$  dicendum; tunc enim arcus erit instar nervi inflexi: quanquam



illa densitas maior circa B, & minor circa D, aliquid hac in parte mutare possit.

Caue tamen ne putes hanc proportionem arcubus, aut eorum neruis adhiberi non posse, quod ubi punctis D & A pondus aliquod apposueris, cuius loco postea quadruplum addatur, non tamen soni ex illis duabus tensionibus geniti diapason faciant: non enim sola primi ponderis tensio, sed etiam illa numeranda venit, quam habet ab arcu A B C neruum in lineam rectam A D trahente seu tendente; qua de re iam nonnihil prop. 3. ex qua satis constat solam arcus tensionem reliquis viribus, seu ponderibus nonnunquam æquiuale, quibus ad astragalum usque neruus adducitur.

Supponamus ergo nunc arcum A B D vi propriâ tantundem neruum A D tendere, quantum tenderetur à 40 libris O, eundem neruum super trochleâ D trahentibus; vt igitur neruus A D quadruplo magè tenderetur, & eâ tensione duplam velocitatem acquireret, 120 libris ad E punctum adducendus esset, quas absque fractione non sustinet.

Vnde sequitur solum arcum in directum  $A D$  trahentem, totius ten-



fionis, qua ducitur ad E, dimidium efficere: quod si contigerit chalybeis arcubus, vt reuera potest contingere, iaculatores ipsi mirabuntur, quos Musici docebant exploratis collatisque sonis chordæ A D rectæ, & inflexæ A E D; si enim sonus chordæ G D soni chordæ D E (vel potius partis chordæ D E, æqualis chordæ G D.) sit duplex acumine, chorda D E quadruplò magistendetur, & chorda in D E, sumpta longitudine æqualis chordæ G D, cum chorda G D diapason efficiet.

Cùm enim chorda G D in D E tracta longior euadat, & ob illam maiorem longitudinem fieri possit vt eiusdem ferè toni cum neruo G D appareat, etiamsi magistendatur, quòd maior longitudo maiorem tensionem, saltem ex parte compenset in obseruationibus sonorum, seu tonorum, non erit integra chorda D E capienda, sed pars æqualis chordæ D G: quod si commodè fieri nequeat sono totius nerui D E, qui grauior erit sono quæsito, sonus addendus est, quo fiat acutior, & ad illud acumen perueniat, quod ei neruo D E factò equali chordæ G D, debetur.

Faciat, exempli causâ, neruus D E cum neruo G D ditonum, sitque, quàm par sit, longior D E parte sui decimasextâ, semitonium maius ditono præcedenti iunctum efficiet diatessaron, & arguet tensionem D E esse ad G D tensionem in sequitertiâ rationis duplicata ratione; hoc est duas illas tensiones esse vt 16 ad 9, & ita de cæteris.

Quæ licet priùs eidem arcui quàm pluribus differentibus conuenire videantur, facilè tamen omnibus accommodari possunt.

Vt igitur ex dictis propositioni nostræ satisfiat repetatur figura B A C P; cuius minor arcus H A I datus & tensus sit in M vi, seu pondere 20 librarum, cuius iactus aliquis datus sit 20 hexapedarum, quæratûrque arcus iactum suum similem habens præcedentis subduplum, vel subtriplum, cùmque velocitas iactum duplum, vel triplum faciens, dupla, vel tripla sit ex suppositis (vbi omnia, hoc est arcus, angulus à neruis factus, sagittæ, & quæcumque alia referri possent, similia postulamus) arcus duplò longiùs iaciens, erit duplò longior, & octuplò maior arcu præcedente: Et vbi minor vno pondere tendetur, maior 8 tendendus erit; Quod ex arcu chalybeæ chordæ alterius similis octuplæ probatur, quæ non potest duplò moueri velociùs, nisi tendatur octuplò fortius chordâ simili suboctuplâ. Enimuero sola longitudo compensatur vi tensionis quadruplâ, & quadrupla crassitudo altera vi quadrupla, quæ simul additæ vim octuplam componunt.

Arcus igitur octuplus magnitudine B A C, postulat vim, seu pondus octuplum ponderis quo tenditur arcus H A I suboctuplus, vt eodem tempore maior ab O, quo minor ab M ad K, redeat; cumque O K si

M K duplum, maioris arcus velocitas erit dupla velocitatis arcus minoris vno pondere tensi.

Quòd si quis contendat iactum arcus B A C octuplum esse debere, cum octo viribus tendatur, meminerit sagittam illius arcus etiam alterius sagittæ octuplam requiri, & vim magnam esse necessariam vt telum octuplò grauius duplò longius proijciatur. Idem de iactu triplo dicendum, quippe maior arcus ad minorem esse debet in ratione 27 ad 1, hoc est triplicata, & ita de cæteris, donec hominum, vel ipsius materiae potentia definat.

Si verò non omnia similia fuerint, sed crassitudine sola, v. gr. vel longitudine sola differant, res videtur difficilior; nisi reuocetur iterum quod in harmonia dictum est, videlicet neruum longitudine æqualem & crassitudine maiorem, æquali celeritate moueri, si vis tendens sit eò maior quòd fuerit crassior. Verbi gratia si fuerit arcus æqualis longitudine, duplò, vel triplo crassior, vi duplò, vel triplo maiore tendendus erit, vt æquali velocitate redeat, cum enim vi dupla, triplæue flangatur cum duplo, vel triplo tenuior vna vi rumpitur, idem de tensione ad idem spatium dici debet. Sit arcus tenuior vna libra tensus, triplo crassior tribus libris tensus, æqua velocitate recurret, neque duplo velocius mouebitur, donec 12 libris tendatur, neque triplo velocius, nisi libris 27. quarum tensionum hæc est regula generalis, esse oportere in ratione quæ sitarum velocitatum duplicata.

### MONITVM.

**C**Vm toties tam hisce nouis, quàm harmonicis libris de duplicata potentiarum, seu ponderum ratione locuti simus, quæ ferè in omnibus reperitur, præsertim in motibus, quorum vt velocitates duplicentur, vires, siue potentia, illarum causæ, quadruplari debent, placet istius duplicatæ rationis causam eq. prop. inuestigare.

### PROPOSITIO XXXVI.

*Causam inuestigare ob quam vires neruum tendentes sint in ratione velocitatum, quibus mouetur, duplicata.*

**C**Vm nil frequentius occurrat quàm illa duplicata ratio, quæ superficialium lineis comparatarum propria videtur, quæque neruo nerui alterius longitudine duplo dat recursum æqualem, & vnisonum, &



iam ea non repetam quæ conueniunt arcubus, huiusce rationis causam inuestigemus; sitque propterea funis AB cuiuscumque materiae, qui clauo immobili detentus in A, & ponticello B (vt in citharis) terminatus, aut pressus trahatur à pondere C L D, ei in C alligato, sitque AB chorda vel horizonti parallela, vt in iacente testudine, siue monochordo, vel perpendicularis, nihil enim interest.

Certum est primò neruum, vel funem illum absque proprio pondere intellectum (quod hîc nullius ferè considerationis est) & nondum à CD tensum pondere, si ducatur ab F ad E motu transuerso, nusquam ab E rediturum, & in quouis mansurum loco, ad quem manu fuerit adductus.

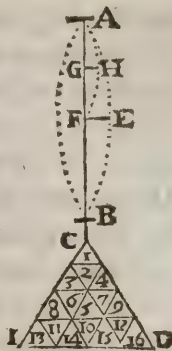
Certum est secundò statim atque tensus fuerit aliquo pondere, relictum in AB linea futurum esse, & vi vsque ad B ductum, confestim, vi desinente, rediturum ad F, vi ponderis C continuò trahentis: idemque puta de neruo citharæ collopibus in puncto, B in torto.

Certum est tertio ab E ad F velocius redire cum à maiore pondere tenditur, & ex obseruationibus harmonicis constat illius reditus velocitates esse in subduplicata, vel, vt alij loquuntur, subdupla tendentium, seu trahentium ponderum ratione, cuius rationis cum veram causam non attulerim in harm. nunc illam explico.

Notandum igitur imprimis, funem AB vno pondere tensum duobus veluti ponderibus resistere, cum A clauus detinens tantumdem efficiat ac pondus C, vt ex mechanicis constat; si enim pondus in F alligaretur funi AB horizonti parallelo, tantumdem ponderis manus in A, quantum manus in B, gestaret: itaque hinc inde tendit æqualiter neruum AB, tam clauus A, quàm pondus C.

Deinceps verò primum pondus C erit libra; totumque pondus C I D, 16 libris constabit. Duæ igitur libræ, vel, si mauis, potentia & vires, faciunt primam funis resistantiam, quâ redit ab E ad F primo gradu velocitatis: cui cum noua resistantia, præcedenti æqualis, inferenda sit, vt duobus velocitatis gradibus ab E ad F, hoc est duplò quàm antea velocius recurat, reperiatur verò durior atque rigidior quàm primâ vice, cum nihil resisteret, duabus, vt illâ vice, libris ille rigor compensandus, vt libra noua tantumdem ei velocitatis tribuat, quantum prima: quapropter primæ libræ tres aliæ coniunctæ neruum ab E duplâ velocitate retrahent.

Tertius velocitatis gradus eidem funi tribuctur, si pro 2 libris, quibus duo priores velocitatis gradus efficiuntur, primum 4 libræ nouæ funi appendantur, vt in eodem statu collocetur respectu tertij ponderis,





quo secunda vice, pro secundo velocitatis gradu inferendo, statutus fuerat: 4 igitur libris funi nouiter adhibitis, aptus erit cui à libra tertius velocitatis gradus indatur: itaque funis 9 libris tensus & in E tractus triplò velocius ad F recurret.

Quartus denique velocitatis gradus neruo communicabitur, si pro tribus libris præcedentibus, primò 6 libræ iungantur, vt in eodem statu funis iterum reperiatur, quem tertiâ vice, 4 libris additis, induerat: hoc enim posito libra superaddita retrahet funem ab E 4 velocitatis gradibus; quos vltra nolim ire, quòd nerui harmonici vix maiore pondere tendi possint absque fractione; cùm enim pondus aliquod, putà libræ vnius, ita neruum tendit vt sonus aure satis discernatur, vix ille neruus ad disdiapason ante fractionem tendi potest, vt dudum in harmonicis obseruauimus.

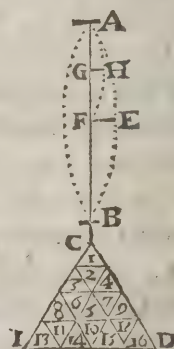
Porrò notatu dignum est, hîc idem contingere quod tubis aqua plenis, de quibus in hydraulicis fusissimè, quippe primorum neruorum 1, 2, 3, 4, &c. quadrata sequuntur; hoc est, quorum altitudines debent esse in ratione velocitatum, quibus aquæ saliant ex luminibus, duplicata; idem enim omnino reperitur in cylindro excauato aqua pleno, quod in fune tenso; quemadmodum enim cùm tubus aquæ libra plenus salit vno gradu velocitatis è lumine, debent addi 3 libræ vt duplo, quinque præterea libræ vt triplo, & postea 7, vt 16 aquæ libræ quadruplo velocitatis gradu saliant, ita funi, seu fidibus addenda sunt pondera 1, 4, 9, & 16, vt prædictis gradibus ab E ad F redeant. Vbi nonnulla diligenter obseruanda, primùm omnia ferè quæ motui imprimendo seruiunt, istam rectam duplicatam concludere.

2. Cùm omnia pondera C I D simul iuncta non descendant velocius quàm prima libra C, mirum videri, quomodo neruus A B vi horum ponderum velocius, atque velocius ab E ad F redeat.

3. Me 16 pondera numeris distinxisse, vt librarum, vel aliorum ponderum, aut potentiarum additiones clarius, & distinctius intelligerentur, & in ipsos oculos incurrerent.

4. Punctum nerui in E posse dici hypomochlion quod tam ponderi in A, quàm ponderi in B ex æquo resistat, ac velut æquilibrium constituat, vt sit instar sparti bilancis, cuius brachia æqualia B F, & F A.

5. Funem longitudine subduplum A F, iisdem tensum ponderibus, & ex G in H tractum, suos quidem recursus duplò frequentiores, non tamè duplò velociores habere, cùm E F sit spatij G H duplum: atque adeo

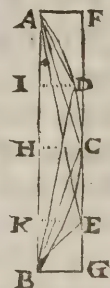


mirum non esse si maiores arcus eadem vi, seu potentia tensi, eadem velocitate ac minores redeunt.

6. Cum idem esse videatur, si quis arcus intelligatur ad rectitudinem in  $AB$  coactus, qui redeundo ad curvaturam  $AEB$  sagittam percutiat, ac si lamina chalybea  $AB$  recta, vi trahatur, donec in  $AEB$  arcuetur, & redeundo ad rectitudinem telum in  $F$  occurrens percutiat; & ipsa chorda chalybea  $AB$ , cum cylindrus existat, laminæ comparari possit, quis neget funem, aut neruum cuiuscunq; materiæ ex  $AB$  recta in  $E$  tractum, arcus fungi munere, & ex fidium motibus, viribus ac velocitatibus cognitis motus, vires & velocitates arcuum posse concludi? si tamen horum figuram, & diuersam crassitudinem excipias.

Deinceps igitur Musicus neruis suis tam longitudine, quàm crassitudine diuersis, & tensis quauis potentia, seu quibuscumque collopum versionibus, aut ponderibus, sagittas adhibeat, quibus exploret veram sagittarum proportionem cum omni neruorum genere, vt iaculatoribus ipsis præscribat qualis esse debeat sagitta neruo, & arcui dato commoda; & ad quod spatium iactus quilibet futurus sit, neruus enim harmonicus firmissimo monochordo detentus, ad omnem super horizontem eleuationem facillè poterit erigi.

7. Neruus non solum ex medio  $H$  in  $C$ , sed etiam ex aliis punctis, vt ex  $I$  in  $D$ , & ex  $K$  in  $E$  duci potest, cum sit tamen ductus ex  $H$  in  $C$  sagittis excutiendis aptior. Vbi rursus plurima notanda veniunt, primum ellipsim  $ACB$  à neruo describendam, si mutetur in omnia triangula laterum æqualium lateribus trianguli  $ADB$ . Secundum, neruum  $AB$  pulsatum in  $K$ , & vsque ad  $E$  perductum, vel impulsus, magis resistere, viderique duriores, eiusque sonum firmiorem,



atque vehementiorem, quàm vbi pulsatur in  $H$  & pellitur vsque ad  $C$ , quod nempe fiat longior in  $E$ , eoque semper productior, quo tactus puncto  $B$ , vel  $A$  vicinior fuerit: clarum est autem, tota linearum magnitudine extra ellipsim ad  $E$  punctum excurrente, neruum  $AEB$  longiorem esse neruo  $ACB$ . Tertium, triangulum  $ACB$  lateribus æquale  $BDA$ , esse tamen areâ maiorem; quemadmodum trianguli  $ACB$ , &  $AEB$  areas æquales esse, quamuis latera triangulo  $AEB$  maiora sint.

8. Videri vim æqualem cuilibet nerui  $AB$  puncto adhibendam, vt ad quodlibet curuæ  $ACB$  punctum ducatur, & curuam illam videri parabolam, cuius axis  $HC$ , adeo vt pondus idem neruum  $AB$ , factum horizonti parallelum, tam ad  $C$ , quàm ad  $D$ , aut aliud quoduis punctum



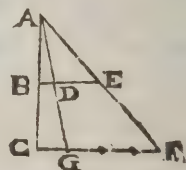
in curua  $A C B$  sumptum adducat.

Pondus enim ab  $H$  ad  $C$  perpendiculariter cadens, vel ab  $I$  ad  $D$ , & à quolibet puncto rectæ  $A B$  horizonti factæ parallelæ censetur descendere ( quamuis tardissimè ) per numeros impares 1, 3, 5, &c. vt alia grauiâ, in temporibus æqualibus.

9. Præcedentem difficultatem de necessaria chordæ tensione in ratione quadrupla, vt duplo moueatur celerius, alio modo ab acutissimo viro domino de Beaulne hâc figurâ explicari. Linea  $A C$  refert tempus motus, videlicet  $A B$  tempus nerui, quod duplo celerius mouetur; &  $A C$  tempus duplo maius;  $B E$  vëro repræsentat velocitatem nerui celerius moti, &  $C G$  velocitatem nerui tardius moti: cùm igitur istæ duæ dimensiones simul additæ faciant quidem triangulum  $A B E$  neruo velociori destinatum, & triangulum  $A C G$  tardiori, clarum est neruum velociorem tantumdem spatij  $A B E$ , subduplo tempore, quantum  $A C G$  duplo tempore tardiolem percurrere. Vel, vt vis quadrupla tensioni velocioris nerui necessaria melius intelligatur, si tēpus idem  $A C$  pro vtroque neruo sumatur, & velocitas celerioris nerui sit  $C F$ , & tardioris  $D E$ , spatium  $A D E$  erit subquadruplum spatij  $A C F$ ; cùm igitur vis quadrupla requiratur ad quadruplum spatium percurrendum, duplæ velocitati  $C F$  quadruplum pondus respondebit.

Itaque tantus intelligatur motus quantum fuerit percursum spatium, vt motus ex duabus veluti lineis, seu dimensionibus componatur, quarum vna tempus  $A C$ , vel  $A B$ , altera velocitatem  $C D$ , vel  $B F$  spectat.

Quæ cùm ex prædicto tanti viri perfectissimo Mechanicorum tractatu expectemus, verbo tetigisse sufficiat.



### PROPOSITIO XXXVII.

*Aëris resistentiam, iactuum proportionales, & incrementum velocitatis grauium descendentiū impediētem explicare.*

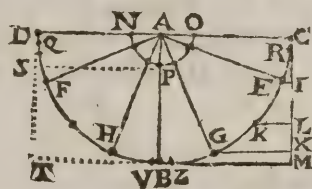
Certum est primò iactum quemlibet plus vel minus pro variis prociectorum figura, pondere, & velocitate, ab aëre impediri; foreque propterea maiorem, si proiicerentur in medio non impediēte, vt constat ex salientibus à parabola deficientibus, & ab ipsis sagittarum,



& globorum iactibus: quorum sonus, vel sibilus circa finem ingrauescens, testatur minorem velocitatem.

Certum est secundò leuiora corpora magis ab aëre retardari, vt constat ex dictis, & facillima experimenta duorum globorum pondere inæqualium docebunt, qui funibus appensi, & pendulorum instar per dimidiam circumferentiam moti fuerint: grauior enim altius ascendet, pluresque recursus faciet; quod eò promptius, & facilius deprehendes quo maior erit ponderum differentia, vt continget inter globum plumbeum, & subereum, vel etiam cereum: Sit igitur filum pendulum  $AB$ , pedum 3<sup>i</sup>, docet experientia globum plumbeum à  $D$  puncto cadentem vsque ad  $R$  ascendere, cum

$R$  vno digito distat à  $C$ , globum vero ex subere ab eodem puncto descendentem vsque ad  $K$  duntaxat ascendere, hoc est ad quadrantis  $BC$  5. Præterea illius sensibiles recursus vix superare 300, cum plumbei recursus ad 1800 perueniant.



Deinde globi cerei ascensum tribus digitis abesse à puncto  $C$ , & globum ex medulla sambuceæ tantum ascendere ad septimam quadrantis partem. Ex quibus sequitur aërem per dimidiam circumferentiam globo plumbeo tam ascendenti, quàm descendenti, nequidem 1.º velocitatis partem auferre, cereo globo partem 21, subereo 5, medulla-  
ceo denique 6.

Aliis etiam obseruationibus grauium perpendiculariter cadentium vti possumus; globus enim plumbeus à puncto quietis  $A$  in  $B$  cadens, cum  $AB$  linea 48 pedum supponitur, duo secunda impendit, vixque tardius ipsa cera descendit per illud spatium, si sensus consulatur, quippe vix pedalem differentiam in fine casus vtriusque, ob nimiam celeritatem oculos, & aures perstringentem percipit: quanquam ratio, & aliæ obseruationes, qualis est præcedens, ope facta penduli, conuincant ceram tardius, quàm plumbum 48 pedes conficere.

Hinc fit vt obseruationes penduli, casibus in perpendiculo factis, ad inquirendam aëris resistentiam, ausim anteponere, quòd sint faciliores, & maius temporis interstitium oculis tribuant; cum enim dimidia circumferentia  $CBD$  cuiuscumque magnitudinis describitur super pariete horisontali verticali, penduli  $AB$  plumbeus, vel alterius materiæ globus  $B$  in  $D$  translatus, & per  $B$  versus  $C$  rediens, ostendit lentè satis quousque ascendat; digito siquidem, vel alio corpore versus  $R$ , aut  $E$ , aut aliud quadrantis  $BC$  punctum apposito, globus osculo, seu tactu suo docet ascensus terminum.

Profuerit verò si totam circumferentiam in 180 gradus diuiseris, vt absque calculo & labore confestim agnoscas quantum aëris resistentia globi motum retardarit, vel potius quantum ei abstulerit spatij.

Vbi tamen filum, vel funis spectari debet, cui etiam aër resistit, maximè verò cum globus quem sustinet, admodum leuis est, vt subereo, & sambuceo contingit, licet enim sambuceus filo tenui sericeo appendatur, vix tamen illud filum reducere potest; hinc fit vt vsque ad D tractus, non ascendat altius quàm ad F solum adductus, quippe vix ad G credit, quandoquidem obseruatio docet reditum illius non superare septimam quadrantis BC partem, cum tamen idem filum nihil ferè plumbeum globum impediat. Nostrium ratiocinium iuuabunt etiam iactus sagittarum, globorum, & salientes tam verticales, quàm mediæ, & horizontales, tanta siquidem aëris resistentia iudicabitur, quantum illi iactus ab exactis recesserint parabolis: & quantum verticalis saliens à sui tubi semper pleni aberit summitate.

Vt autem ad alias obseruationes in perpendiculari factas redeam, subereus globus tria secunda in 48 prædictorum pedum descensu, medullaceus quinque, & carpionis vesica naturaliter infilata octo impendit: quæ omnia referendâ fuère, vt Geometræ methodum aliquam, si fieri potest, inueniant, quâ deinceps obseruatores certò concludant quantum aëris officiat resistentia.

Porro differentia ponderis globorum pendulorum ab aëre, iuuabit, cum grauiam facilius, vel celerius descendant in mediis rarioribus, & minus grauib, licet non eadem ratione sit maior celeritas, qua minor est mediorum grauitas, alioqui millies ad minimum velocior esset motus globi plumbei in aëre quam in aqua, cum tamen duobus secundis idem in aqua spatium descendat, quod in aëre vno secundo: vnde nolis inferre aquam esse duntaxat aëre duplo grauiorem, vel densiorem: ne postea cogaris admittere aquam eandem seipsa leuiorem esse, vel grauiorem, vbi alio experimento didiceris plumbum 48 pedes in aëre eodem tempore descendere, quo tantum in aqua 12 pedes conficit; tunc enim concludendum esset aquam aëre quadruplo grauiorem, aut densiorem, quæ prius eodem aëre duplo tantum grauior extitisset, quæ videntur absconsa; nisi tamen dixerimus ea non ita repugnare quin facile componi valeant; cum enim duplo tempore plumbum cadens spatium percurrendum quadruplare debeat, primoque tempore veluti duplicarit; quod illo tantumdem spatij confecerit in aëre, quantum in aqua duobus temporibus, hæc duæ obseruationes ad eundem scopum collineare videri possint.

Sed hæc nihil iuuant ad comparanda plumbi, aëris, & aquæ ponde-



ra, cum toties proportio descensus in aëre & aqua mutanda veniat, quot fuerint puncta in descensu perpendiculari, donec ad primum punctum, à quo motus incipit, deuenias, in quo motus plumbi tam in aqua quàm in aëre vix differret.

Ad globum itaque plumbeum pendulo motum redeo, qui vix  $\frac{1}{2}$  parte quadrantis prædicti minus ascendit, quàm in vacuo, vel medio nihil impediante ascenderet: nunc enim supponimus nequidem in vacuo ultra punctum C ascensurum, licet in puncto B concepisset satis virium, quibus spatium quadrantis BC duplum conficeret, quod nempe grauitas illius semper vrgens, cum dimidio potentiae, seu virtutis spoliect.

Cum autem filo quantumcumque tenui resistat aër, si tantum ei resistere, quantum ipsi globo, supponamus, nequidem R, parte centesima quadrantis à C aberit, hoc est punctum R, ad quod globus è D cadens ascendet, ferè coincidet cum C, à quo tantum vndecimillesima quadrantis BC parte differret, si per solum pondus aër officiat, quippe leuius est ad minimum plumbo vndecimillies, cum ostensum fuerit prop. 29. Phænom. Pneumaticorum, aërem millecuplo saltem aqua leuiorem, qua plumbum vndecuplo grauius est. Vt igitur huic propositioni finis imponatur, non video qua ratione demonstretur quantum aër vnique mobili detrahat, si grauitas illius cum mobilis collata grauitate nobis hac in materia facem non præferat, vt talis sit resistentia qualis grauitas; vel obseruationes non sufficiant quibus nitamur, quæ nunquam satis exactæ, nisi ratio suppleat.

Quibus adde nouas difficultates oriundas ex eo quod aër alio fortè modo resistat plumbo circulariter, alio perpendiculariter moto; & aliter initio motus, cum mobile tardius mouetur, aliter cum velocius, aliter etiam cum mobile motu fertur æquabili, aliter cum inæquabili, & accelerato.

Deinde, si mollities, & raritas aëris, à certis motibus internis constituitur, quibus etiam omnia mobilia differant, & diuersis modis sensus omnes feriant, vbi motus illi magis, aut minus impediuntur, iuuabunturque, toties mutabitur aëris resistentia, quæ non erit eadem aduersus mobilia è sublimi perpendiculariter cadentia, ac ex imò in sublime ascendentia, vel à latere, & circulariter mota; quæ cum omnia Lector intellexerit, minus grauitè feret quod nodum propositum minimè soluerim; quem à feliciore libentissimus soluendum expectarim.



## PROPOSITIO XXXVIII.

*An motus semel cuilibet corpori impressus, sit semper in medio non impediēte permanens, aut tandem aliquando desiturus.*

**C**VM in superioribus ferè semper motum semel impressum nunquam desitutum supposuisse videamur nisi ab aliqua causa extinguatur, quæ nulla in medio nihil impediēte occurrit, operæ pretium est ea de re paulo fusius agere.

Primum igitur obseruationes consulendæ sunt, quæ demonstrare videntur motum semper duraturum esse, dempto quolibet impediēto, nam globus qui pendulo alligatus ferè ad eandem remeat, à quo descenderat, altitudinem, satis recursum suo probat se ad eandem sublimitatem, à qua descenderat, peruenturum, nisi aër officeret: idemque de margine cribri dicendum, in qua globulus eburneus, vel aureus alteriusue materiæ politæ, atque duræ, ad eandem propemodum altitudinem redit, ex qua ceciderat, adeout ablata medijs resistantia vix vllus dubitet quin globus ad altitudinem prorsus æqualem rediturus sit: quibus positis, necessario sequitur motus æternus.

Salientes quo minus à parabola distant, eo magis illam motus durationem perpetuam adprobant: idemque de iactibus sagittarum & globorum intellige, qui nunquam perfectas parabolas describent, donec cesset genus omne resistantiæ, vel quibuscumque iactus partibus resistantia ea ratione adhibeatur, vt lineam parabolicam conseruet.

Quod rationem attinet, in eo sita est, vt nihil ex iis pereat quæ semel producta sunt, nisi causa destruens adsit, cum nulla res, seu nullum ens se destruat, quemadmodum neque se producit.

Suntque plures magni viri qui credant istud adeo verum esse, vt communibus notionibus ac censeretur possit; qui enim corpus motu spoliabitur, si desit qui spoliet? Supponitur enim Deum motui semel impresso non magis suum negare concursum, quàm rebus cæteris, cumque motus sit modus realis, quomodo peribit, si nullum impediētum occurrat?

Quod enim alia citius & facilius, alia difficilius perire videantur, non arguit hæc, aut illa perire absque contrario, & ex natura sua, sed tantum illis, quam istis maiora impediēta occurrere.

Opponunt tamen aliqui nil esse absurdi quòd motus, & alia huius  
sint

sint indolis, atque conditionis, vt cum facile generentur, etiam facile pereant; neque deesse obseruatione quæ id testentur, aut euincant: verbi gratia, sagittæ iactum citius desinere, cum impressio motus, quem illi arcus contulit, breuiore tempore facta est, adeo vt longius emittatur, etiamsi tardius ab arcu exeat, qui diutius sagittam comitatur, & vrget: vnde fiat vt arcus breuior & robustior suam sagittam initio maiore velocitate mittat, licet ad minorem distantiam; & maior arcus, quamuis longè debilior, suam longius sagittam iaciat, vt initio tardius discedat. Quod cum experiri non potuerim, & tela velocius initio mota semper ad maiorem distantiam emissa viderim, eoque maiorem, quò celerior fuerat arcus, ægrius sanè à prima sententia discessero, vt vt supersit difficultas in expositione pilarum à tormentis ignariis manualibus, sed maioribus & minoribus, quæ cum eadem velocitate tam à minoribus, putà *pistoletis*, quàm à maioribus catapultis, putà *moussquets*, & *arquebussis*, explodantur, maiora tamen pilas suas, licet æquales, longius emittunt. At verò qui probabunt pilas eadem à minoribus velocitate discedere?

Nam quò longiora fuerint vsque ad certam aliquam, siue 12, siue plurimum pedum magnitudinem, semper augetur motus quandiu puluis inflammatus pilam vrget. Quod autem tormenta regia, quorum pilæ 33 librarum, non maiore velocitate moueri credantur, quàm globuli manualium: iaciantur tamen ad distantiam quintuplò maiorem, fortè possis ad globum maiorem referre, cuius soliditas minorem habeat rationem ad superficiem, & ideò minus ab aëre impediatur: cum enim maioris globi diameter semipedalis sit, minoris verò semidigitalis, hoc est vt 1 ad 12, erit maioris superficies ad minoris superficiem, vt 144 ad 1, soliditas verò vt 1728 ad 1: cumque tantus sit motus, quanta soliditas, quippequam permeat, tanta verò resistentia, quanta superficies; constat maiorem globum longè minorem aëris resistentiam, quàm minorem globum offendere: cum sit ratio soliditatis minoris ad maioris soliditatem, 1 ad 1728, duodecuplò maior ratione superficialium ad 144.

Adde plurima ob varias pulueris, pilæ, & cautorum circumstantias contingere, quæ solui nequeant absque perfecta rerum omnium, quæ in explosione occurrunt, inspectione: & iactum ad 22 graduum eleuationem, qui spatio 22 secundorū perficitur, & est 1900 hexapedum, etiam approbare motum nunquam desitutum, qui semel impressus fuerit, cum aëris per tantum spatium resistentia vix globum impederit ab æqualibus interuallis, quæ propemodum percurrit temporibus æqualibus, ex hypothesi quòd primas centum hexapedas, instar catapultæ manualis,



spatio secundi conficiat: cum enim 2200 sexpedas absque impedimento debuerit perficere, ob aëris impedimentum, 1900 percurrit: est autem ferè 2000 ad 1900, seu 22 ad 19, vt 7 ad 6; adeo vt cylindrus aëreus 1900 hexapedarum iactui, vel motui septimam duntaxat partem detraxerit; quæ detractio qua ratione in quælibet secunda distribuatur vix est qui scire possit.

Confirmatur iterum illius motus semel impressi perpetua successio, ex vertibulo, cuius motus licet propemodum extinctus, etiamnum ferè durat horæ dimidiæ spatio, cum à magnete vertibulum rapitur: semper duraturus, si neque aër circumstans, neque magnes ipse quidquam impediret.

Quemadmodum enim quiete semel acquisito non est necessaria causa sequentis quietis, ita neque motu semel incepto, alia causa futuri quærenda est, cum nihil ex se perire, nec incipere possit. Vbi semper Dei conseruationem suppono, quæ sit creatio perpetua.

Porro quæ hîc requiri possunt, vel in Præfatione supplebuntur, vel ex Hydraulicis & Mechanicis repetenda, vel in Synopsi dicuntur.

Pauca tamen de soni velocitate subiungenda sunt, vt qui viderit ignem, quem explosionibus suis tormenta vomunt, aut etiam fragorem audierit, sciat num fugâ, globorum, vel telorum arcubalistis missorum ictum declinare possit: quare sit

## PROPOSITIO XXXV.

*Soni velocitas maior est globorum explosorum velocitate, & 230 sexpedas spatio vnus secundi minuti conficit.*

**Q**uisquis experiri voluerit illam soni cuiuscumque velocitatem, noctu, diuque siue in vallibus, syluis, aut montibus, siue aduerso, vel fauente vento, siue aëris facie pluuia, vel serena; illis siquidem temporibus expertus sum semper eandem soni velocitatem inueniet.

Postquam verò per 230 sexpedas secundum exploraueris, qui minus tormentum explodit, iterum per alias 230 sexpedas recedat, vt abste 460 sexpedis recesserit, idem vel æqualis sonus duo secunda in illo itinere percurrendo consumet; quod cum quinquies à nobis fuerit multiplicatum, vt ex 1150 hexapedis fragorem audiremus, ignis ex ore tormenti noctu erumpens semper quinque secundis minutis fragorem præuertit: cumque leucam Gallicam 2500 sexpedas, cuiusmodi leu-



cis ambitum terrenum 7200, faciamus, facile concludas quo tempore sonus leucam integram, aut quotlibet leucas perficiat; nec enim soni velocitas ex illius debilitate minuitur, cum soni auditu perceptibilis pars vltima primæ velocitatem æmuletur.

Leucam igitur tormenti fragor spatio vndecim secundorum percurreret, cum vndecies 230 sexpedas (secundo minuto percursum spatium) leuca contineat, minus duntaxat 30 sexpedis, quæ hîc vix considerandæ, quippe quæ septima parte secundi minuti à sono percurruntur.

Ex quibus plurima licet colligere; primum, militem attentum scopeti à centum sexpedis explosi, cuius ignem præviderit, ictum declinare posse; quod ita demonstro. Constat ex obseruatione globulum in centum hexapedibus percurrendis secundum minutum, ad minimum impendere: deinde fragorem illius in illis conficiendis secundi dimidium, ad summum, consumere. Habet igitur miles ab igne viso (si visio fiat in instanti) secundum integrum quo facile tres quatuorve passus faciat, priusquam pila iter illud percurrat: quemadmodum illi superest secundi dimidium ab eo temporis puncto, quo fragorem audit, vsque ad pilæ aduentum: quanquam nulli fuerim autor vt id experiatur nisi thorace, galeâ & omni alio armaturæ genere, ita se præmuniat, vt sit extra omnem aleam constitutus. Sed & pariete interiecto quispiam id explorare potest, ad quem prius fragor, quàm glebus perueniet.

Secundum ex sono, & igne obseruatis facile cognosci quantum tormenta, in obsessos, aut obsidentes explosa, distent, vt etiam Ingeniosis non desit vnde suam artem promoueant. Tertium ex tonitruï fragore audito, visoque fulgure præcedente sciri quantum illud absit, dummodo locum à viso fulgure non mutarit; quot enim secunda minuta, (siue arteriæ pulsu, qui præcisè secundum duret, sine pendulo fune, aut altero secundologio explorata) inter fulgetrum & fragorem intercesserint, totidem 230 sexpedæ numerandæ sunt, adeo vt leucæ dimidium abs te distet, si 5 secunda: leucam, si decem secunda numeraris, siue distantia fuerit verticalis, siue lateralis, & obliqua, nil enim interest.

Quantum, si per aëris gyros, spirasque, vel circulos sonus eo modo expendatur, genereturque quo circulos in aqua digito, vel lapillo percussa extendi cernimus, vt omnes ferè credunt, & ex corporum, similiter motorum velocitatibus liceat illorum crassitudinem, densitatem & pondus coniicere, dicendum erit aquam aëre 1380 vicibus densiorem, atque grauiorem; quandoquidem semidiameter circulorum aquæ quouis modo percussæ, qui secundo minuto procreatur, vix pedem superat, quo tempore semidiameter circulorum in aëre, quauis etiam percussione factorum, est 1380 pedum, hoc est 230 sexpedarum: quæ



grauitatum proportio ad eam proximè accedit, quam ex æolopila, propof. 29. Pneumaticæ concludimus. Vnum est tamen quod scrupulum iniiciat, videlicet obseruationem prop. 25. istius libri arguere videri fragorem maiorum tormentorum tardus progredi, cùm Geometra noster in obsidione Theodonis obseruarit illorum fragorem exaudium, post 13 aut 14 ab igne viso secunda: cùm tamen vix dimidiam leucam ab illis tormentis abfuerit; & sonus iuxta prædicta, leucam integram & amplius eo tempore percurrat. Quapropter fragor illorum tormentorum obseruandus, donec de quolibet sono idem concludatur, quod in sonis minorum sclopëtorum oris, tibix, tubæ, &c. obseruauimus. Alia plurima in istius libri Præfatione reperies, quæ vix absque admiratione perlegas, & contempleris.

## FINIS.





